



**FACULTAD DE INGENIERIA U.N.A.M.
DIVISION DE EDUCACION CONTINUA**

A LOS ASISTENTES A LOS CURSOS

Las autoridades de la Facultad de Ingeniería, por conducto del jefe de la División de Educación Continua, otorgan una constancia de asistencia a quienes cumplan con los requisitos establecidos para cada curso.

El control de asistencia se llevará a cabo a través de la persona que le entregó las notas. Las inasistencias serán computadas por las autoridades de la División, con el fin de entregarle constancia solamente a los alumnos que tengan un mínimo de 80% de asistencias.

Pedimos a los asistentes recoger su constancia el día de la clausura. Estas se retendrán por el periodo de un año, pasado este tiempo la DECFI no se hará responsable de este documento.

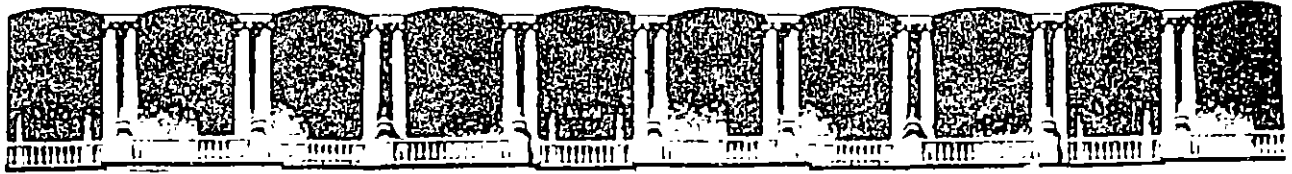
Se recomienda a los asistentes participar activamente con sus ideas y experiencias, pues los cursos que ofrece la División están planeados para que los profesores expongan una tesis, pero sobre todo, para que coordinen las opiniones de todos los interesados, constituyendo verdaderos seminarios.

Es muy importante que todos los asistentes llenen y entreguen su hoja de inscripción al inicio del curso, información que servirá para integrar un directorio de asistentes, que se entregará oportunamente.

Con el objeto de mejorar los servicios que la División de Educación Continua ofrece, al final del curso deberán entregar la evaluación a través de un cuestionario diseñado para emitir juicios anónimos.

Se recomienda llenar dicha evaluación conforme los profesores impartan sus clases, a efecto de no llenar en la última sesión las evaluaciones y con esto sean más fehacientes sus apreciaciones.

**Atentamente
División de Educación Continua.**



**FACULTAD DE INGENIERIA U.N.A.M.
DIVISION DE EDUCACION CONTINUA**

DIVISION DE EDUCACION CONTINUA
CURSOS ABIERTOS
MODULO V ANALISIS Y CONTROL DE CALIDAD
DEL 6 AL 10 DE NOVIEMBRE 1995
DIRECTORIO DE PROFESORES

PERLA JULIETA FERNANDEZ REYNA
PROF. DE CARRERA DE TIEMPO COMPLETO
FACULTAD DE INGENIERIA U.N.A.M.
CTO. EXTERIOR, P.B. EDIF. DIME CUB. 15
CIUDAD UNIVERSITARIA
TEL. 622-31-23

ALEJANDRO TERAN CASTELLANOS
INVESTIGADOR
INSTITUTO DE INGENIERIA U.N.A.M.
CIUDAD UNIVERSITARIA
TEL. 622-81-32 622-81-37

CURSO: ANALISIS Y C. DE CALIDAD

FECHA DEL 6 de Noviembre

AL 10 de Noviembre

DE 1995

DIA.	HORA.	TEMA.	EXPOSITOR.	OBJETIVO DEL TEMA.
6	17:00 a 18:00	INTRODUCCION	Dr. Alejandro Teran Castellanos	Dar un panorama general del control estadístico de procesos.
6	18:00 a 21:00	FORMAS DE DESCRIBIR LA CALIDAD OFRECIDA POR UN PRODUCTO	Ing. Perla J. Fernández Reyna	Dar a conocer los métodos estadísticos.
7	17:00 a 21:00	DIAGRAMA DE CONTROL PARA VARIABLES	Dr. Alejandro Teran Castellanos	Capacitar a los alumnos para el uso de gráficos de control.
8	17:00 a 19:00	DETECCION DE INESTABILIDAD DE UN PROCESO	Ing. Perla J. Fernandez Reyna	Evaluar la capacidad y la inestabilidad de un proceso bajo diferentes técnicas.
8	19:00 a 21:00	EVALUAR LA CAPACIDAD DE UN PROCESO		
9	17:00 a 21:00	DIAGRAMA DE CONTROL PARA ATRIBUTOS	Dr. Alejandro Teran Castellanos	Capacitar al asistente en el caso de diagramas de control por atributos.
10	17:00 a 21:00	IMPLANTACION Y AUDITORIA DE UN PROGRAMA DE PROCESO	Ing. Alejandro Teran Castellanos	Capacitar al asistente para implantar un programa de C. estadístico de procesos y realizar su auditoría mediante un caso práctico.
10	19:00 a 21:00	ESTUDIO DE UN CASO.		



FACULTAD DE INGENIERIA U.N.A.M.
DIVISION DE EDUCACION CONTINUA

DIPLOMADO EN INGENIERIA DE PRODUCCION

MODULO V: ANALISIS Y CONTROL DE CALIDAD

DR. ALEJANDRO TERAN CASTELLANOS
ING. PERLA FERNANDEZ REYNA

ANALISIS Y CONTROL DE LA CALIDAD

DR. ALEJANDRO TERAN C.
INSTITUTO DE INGENIERIA, UNAM
APDO. POSTAL 70-472
CD. UNIVERSITARIA
04510 MEXICO, D.F.
TELS: 622-8132,....,622-8137
FAX: 622-8091
e-mail: atc@pumas.iingen.unam.mx

ING. PERLA FERNANDEZ R.
DEPTO. DE INGENIERIA INDUSTRIAL
FACULTAD DE INGENIERIA, UNAM
CD. UNIVERSITARIA
04510 MEXICO, D.F.
TELS: 622-3104, 622-3123
FAX: 622-3102
e-mail: perlaj@servidor.unam.mx

NOVIEMBRE, 1995

CONTENIDO

- 1. INTRODUCCION**
- 2. ANALISIS DE DATOS**
- 3. VARIABILIDAD DE UN PROCESO Y ESTIMACION**
- 4. DIAGRAMAS DE CONTROL PARA VARIABLES**
- 5. ANALISIS DE ERRORES**
- 6. DETECCION DE INESTABILIDAD DE UN PROCESO MEDIANTE ANALISIS DE CORRIDAS**
- 7. SUBAGRUPAMIENTO RACIONAL: PROBLEMAS DE ESTRATIFICACION Y DE MEZCLA DE POBLACIONES**
- 8. IMPLANTACION Y AUDITORIA DE DIAGRAMAS DE CONTROL**
- 9. ANALISIS DE LA CAPACIDAD DE UN PROCESO**
- 10. DISTRIBUCIONES DE PROBABILIDAD PARA VARIABLES DISCRETAS**
- 11. DIAGRAMAS DE CONTROL PARA ATRIBUTOS**
- 12. ESTUDIO DE CASO**

BIBLIOGRAFIA

APENDICE: TABLAS PARA VARIABLES

TEMA 1:
INTRODUCCION

1. CONCEPTOS BASICOS

Fitness for use

Para satisfacer las necesidades humanas, los individuos requieren de *productos* (satisfactores materiales o intangibles). Por productos se entienden *bienes y servicios*.

Calidad se define como la propiedad inherente de un producto de ser adecuado para su uso (*fitness for use*).

El término *fitness for use* es relativo a un cierto individuo (o grupo de individuos).

Características de calidad

Un producto posee múltiples elementos que definen la adecuación de su uso. Cada uno de estos elementos representa una característica de calidad. El concepto de característica de calidad es el *building block* a partir del cual se define la calidad.

La característica de calidad representa el medio a través del cual el concepto de *fitness for use* puede ser interpretado por el ingeniero.

Las características de calidad se pueden agrupar en diferentes especies, como:

Estructural: longitud, peso, voltaje, frecuencia, viscosidad.

Sensorial: sabor, presentación, color, olor.

Dependientes del tiempo: confiabilidad, mantenimiento.

Comerciales: garantía.

Éticas: cortesía, honestidad.

Facetas de la calidad

La calidad de un producto presenta dos facetas:

1. *Calidad del diseño*: indica el nivel de las diferentes características de calidad que se desea "imprimir" sobre el producto. Generalmente se traduce en especificaciones y tolerancias.
2. *Calidad de conformidad*: indica qué tan bien cumple el producto las especificaciones y tolerancias requeridas por el diseño.

Control y control de calidad

Control es el proceso empleado para satisfacer estándares o normas. Consiste en: (1) observar el comportamiento real de un sistema, (2) comparar dicho comportamiento con

algún estándar, y (3) efectuar alguna acción si el comportamiento observado difiere del estándar.

Control de calidad: proceso mediante el cual se mide el comportamiento real de un producto en términos de calidad, se compara con algún estándar, y se actúa sobre la diferencia.

La función de calidad

Para alcanzar un determinado nivel de calidad, se requiere de una amplia gama de actividades identificables, o *tareas* de calidad (*quality tasks*). Por ejemplo, mercadotecnia, producción, servicio, etc.

La *función de calidad* es el conjunto de actividades a través de las cuales se alcanza el *fitness for use*, sin importar dónde se efectúen dichas actividades.

La función de calidad involucra a *toda* la organización e incluye a proveedores.

Métodos de aseguramiento de la calidad

Las tecnologías para el aseguramiento de la calidad se centran principalmente en tres grandes áreas: (1) diseño de experimentos, (2) control estadístico del proceso, y (3) muestreo para aceptación.

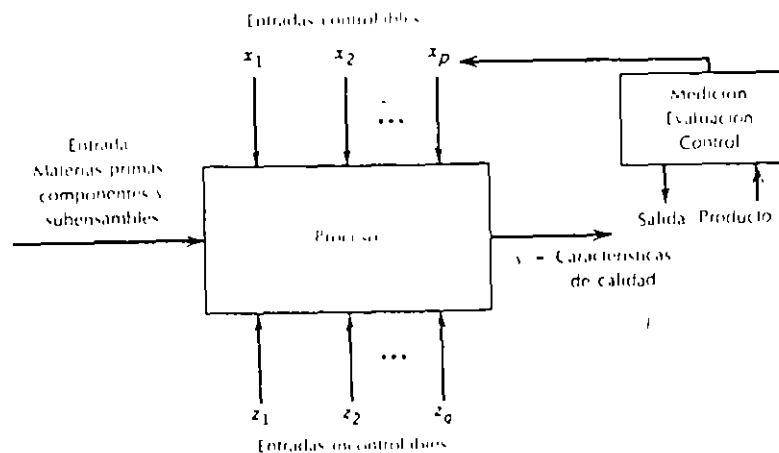


Figura 1-1. Entradas y salidas de un proceso de producción

Experimentos diseñados

Experimento diseñado: procedimiento en el que se varían sistemáticamente los factores controlables de entrada, y se estudia el efecto que tienen dichos factores en los parámetros de salida del producto. Los experimentos diseñados estadísticamente son esenciales para:

1. Reducir la variabilidad en las características de la calidad, y
2. Determinar los niveles de las variables controlables que optimizan el rendimiento del proceso.

Los experimentos diseñados son herramientas de calidad "fuera de línea" (*off line*). Se usan a menudo durante las actividades de desarrollo y en las primeras etapas de fabricación, en vez de un procedimiento de control rutinario *en línea* o *en proceso*.

Control estadístico del proceso

El control estadístico del proceso incluye una serie de técnicas *on-line* cuyo objetivo es la *reducción sistemática de la variabilidad* en las características de calidad clave del producto.

Muestreo para la aceptación

Conjunto de técnicas de inspección (basadas en la estadística) para evitar que productos que no están conforme a las especificaciones lleguen al usuario.

Evolución típica de industrias en la aplicación de tecnologías de AC

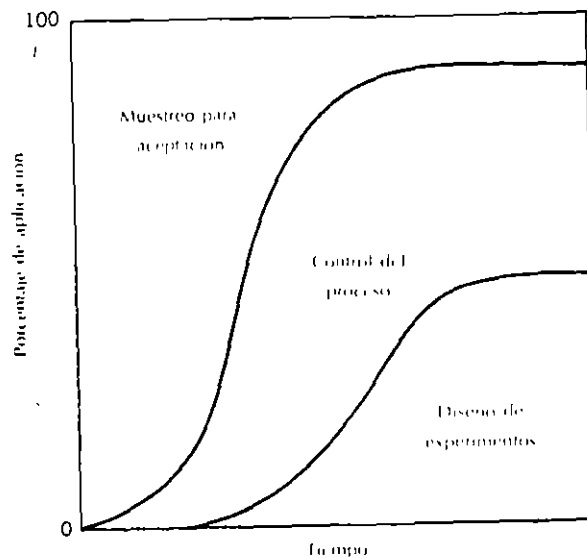


Figura 1-2. Diagrama de fases del uso de los métodos de aseguramiento de la calidad

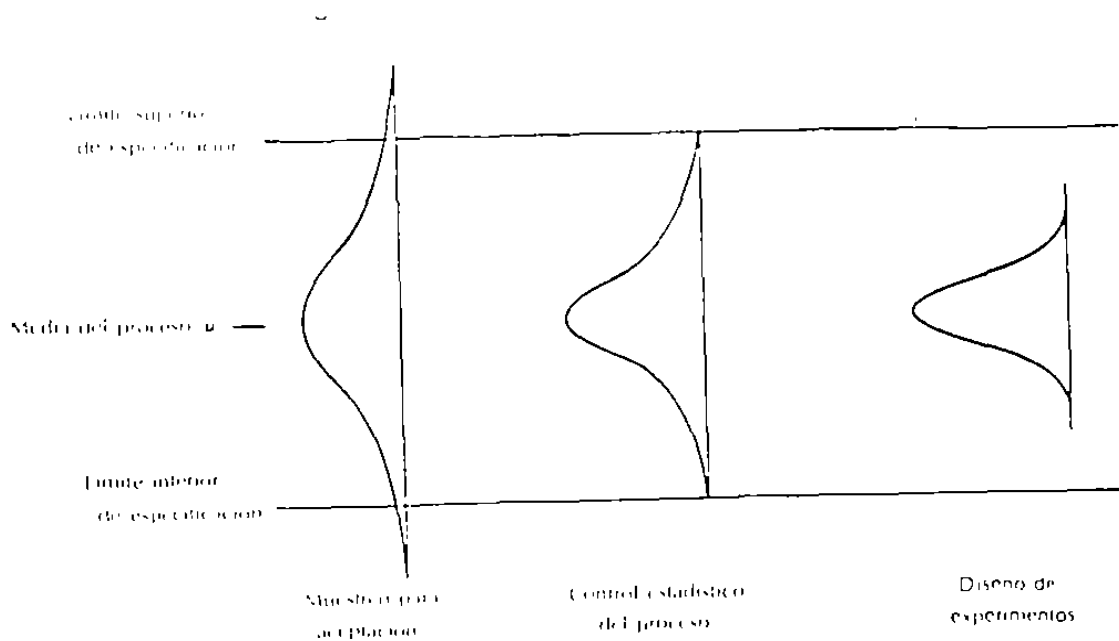


Figura 1.3. Aplicación de las técnicas de aseguramiento de calidad y la reducción sistemática de la variabilidad del proceso

Bibliografía

Juran, J.M., and F. M. Gryna, Jr., *Quality Planning and Analysis*, 2/e, McGraw-Hill, New York, 1980.

Montgomery, D.C., *Introducción al control estadístico de la calidad*, Grupo Editorial Iberoamérica, México, 1991.

TEMA 2:
ANALISIS DE DATOS

ESTADISTICA

CONJUNTO DE METODOS Y TECNICAS DE GENERACION Y ANALISIS DE DATOS, ASI COMO DE OBTENCION DE *INFERENCIAS* (AFIRMACIONES RIGUROSAS E INTELIGENTES), ACERCA DE UN FENOMENO DEL CUAL SE SELECCIONARON LOS DATOS.

POBLACION

CONJUNTO TOTAL DE MEDICIONES DE INTERES PARA DETERMINADO PROBLEMA

MUESTRA

SUBCONJUNTO DE LA POBLACION QUE CONTIENE LAS MEDICIONES OBTENIDAS MEDIANTE UN EXPERIMENTO (PROCEDIMIENTO MEDIANTE EL CUAL SE OBTIENE UN CONJUNTO REPRESENTATIVO DE MEDIDAS DE LA POBLACION)

EJEMPLO

LA CALIDAD DE UNA CIERTA PIEZA DEPENDE DE SU DIAMETRO. LA SIGUIENTE TABLA MUESTRA, PARA UN PERIODO DE 50 DIAS, DATOS DE DIAMETROS (EN cm) DE PIEZAS TORNEADAS FABRICADAS POR 4 DIFERENTES EMPLEADOS

DIA	EMPLEA DO 1	EMPLEA DO 2	EMPLEA DO 3	EMPLEA DO 4
1	20.8	21.8	21.5	21.5
2	20.8	24.8	19.9	19.9
3	21.1	21.2	19.8	24.5
4	20.1	21.0	21.4	20.4
5	20.8	24.0	20.8	20.1
6	20.5	23.5	23.0	23.3
7	23.1	22.0	22.6	21.7
8	21.4	20.9	23.7	20.7
9	16.6	21.7	22.2	21.2
10	22.1	20.4	23.1	19.3
11	24.0	21.4	22.1	22.0
12	21.2	21.6	21.7	19.0
13	22.7	20.2	21.8	21.7
14	20.9	24.5	22.8	22.4
15	20.3	22.1	20.0	21.7
16	21.3	18.8	22.1	20.9
17	20.8	20.4	21.7	20.7
18	22.2	20.4	19.8	21.1
19	19.3	21.0	22.1	18.3
20	20.9	22.8	22.7	21.9
21	21.9	22.7	22.5	19.5
22	21.7	18.9	22.6	24.6
23	20.0	22.8	21.7	23.1
24	19.7	21.7	23.7	20.6
25	18.9	23.2	21.8	20.9
26	22.0	21.1	17.7	24.4
27	21.5	21.7	17.9	19.5
28	18.7	19.7	22.9	23.4
29	21.1	19.8	20.8	21.8
30	26.7	20.6	18.5	20.5
31	21.2	20.3	21.6	19.7
32	19.0	21.0	23.3	20.7
33	20.7	25.1	21.4	20.3
34	22.7	22.7	19.7	21.2
35	22.9	20.1	23.6	18.3
36	21.5	19.4	21.6	23.5
37	23.2	23.1	20.6	21.3
38	21.4	26.3	22.0	21.8
39	19.9	21.0	21.6	19.5
40	21.4	25.1	21.0	20.9
41	22.4	21.3	21.4	19.6
42	20.7	20.0	20.2	22.2
43	21.5	19.9	24.4	21.9
44	18.9	20.3	20.7	18.8
45	22.7	21.0	21.9	21.0
46	20.4	21.0	22.9	22.3
47	18.9	24.2	22.5	22.9
48	21.5	22.3	21.4	22.8
49	20.2	21.4	21.1	22.5
50	21.8	19.2	22.7	20.8

**DIAMETROS OBTENIDOS
DE UNA PIEZA TORNEADA
(cm)**

ANALISIS EXPLORATORIO DE DATOS

ANALISIS QUE SE REALIZA SOBRE UN CONJUNTO DE DATOS PARA OBTENER UNA IDEA CLARA DE LAS CARACTERISTICAS IMPORTANTES DEL MISMO.

UTILIZA TECNICAS GRAFICAS (HOJAS DE CONTEO, DIAGRAMA DE TALLO Y HOJAS, HISTOGRAMAS, GRAFICAS DE FRECUENCIA ACUMULADA, DIAGRAMAS DE CAJA, DIAGRAMAS EN EL TIEMPO) O MEDIDAS DESCRIPTIVAS (LOCALIZACION Y DISPERSION)

HOJAS DE CONTEO (CHECK SHEETS)

FORMATOS QUE PERMITEN CONTAR EL NUMERO DE OBSERVACIONES "SIMILARES"

EJEMPLO

ELABORE UNA HOJA DE CONTEO PARA LOS DIAMETROS DE LAS PIEZAS PRODUCIDAS POR EL EMPLEADO 1

DIAGRAMA DE TALLO Y HOJAS

REPRESENTACION EN FORMA DE LISTA DE UN CONJUNTO DE DATOS ORDENADOS Y CLASIFICADOS.

EJEMPLO

DESARROLLE UN DIAGRAMA TALLO HOJAS PARA EL EMPLEADO 1 DEL EJEMPLO ANTERIOR

EJEMPLO

ELABORE EL DIAGRAMA TALLO HOJAS PARA EL EMPLEADO 2

EJEMPLO
(USO DEL DIAGRAMA PARA COMPARACION)

**SE TIENE LA SOSPECHA DE QUE EL EMPLEADO 2 PRODUCE
PIEZAS DE MEJOR CALIDAD QUE EL EMPLEADO 1. ELABORE
UN DIAGRAMA TALLO HOJAS ESPALDA CON ESPALDA.**

HISTOGRAMA

**REPRESENTACION GRAFICA DEL NUMERO DE
OBSERVACIONES CORRESPONDIENTE A CADA UNA DE LAS
CLASES DEL CONJUNTO DE OBSERVACIONES**

***CONCEPTOS CLAVE:* INTERVALO DE CLASE, MARCA DE CLASE,
LIMITES DE CLASE, FRECUENCIA RELATIVA, FRECUENCIA
ABSOLUTA, FRECUENCIA ACUMULADA**

EJEMPLO

**ELABORE UNA HOJA DE CONTEO PARA EL EMPLEADO 1,
CONSIDERANDO LAS MARCAS DE CLASE 16, 17,....**

EJEMPLO

UNA PIEZA SE CONSIDERA DEFECTUOSA SI TIENE UN DIAMETRO INFERIOR A 17 CM O SUPERIOR A 24 CM. USANDO UN HISTOGRAMA DE FRECUENCIAS RELATIVAS DETERMINE EL PORCENTAJE DE PIEZAS DEFECTUOSAS PRODUCIDAS POR EL EMPLEADO 1 (CONSIDERE LAS MARCAS DE CLASE 16, 17,...)

EJEMPLO

UNA PIEZA SE PUEDE RETRABAJAR SI SU DIAMETRO ES SUPERIOR A 24 CM. USANDO UN HISTOGRAMA DE FRECUENCIAS ABSOLUTAS, DETERMINE EL NUMERO DE PIEZAS QUE REQUIRIERON RETRABAJO PARA EL EMPLEADO 1, (CONSIDERE LAS MARCAS DE CLASE 16, 17,...)

**GRAFICAS DE CAJA
(BOX PLOT)**

**REPRESENTACION GRAFICA DE LAS CARACTERISTICAS DE LOCALIZACION Y DISPERSION DE UN CONJUNTO DE DATOS.
CONSIDERA: MEDIANA, RANGO, CUARTILES Y RANGO INTERCUARTIL**

EJEMPLO

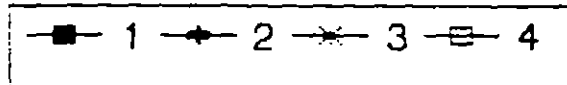
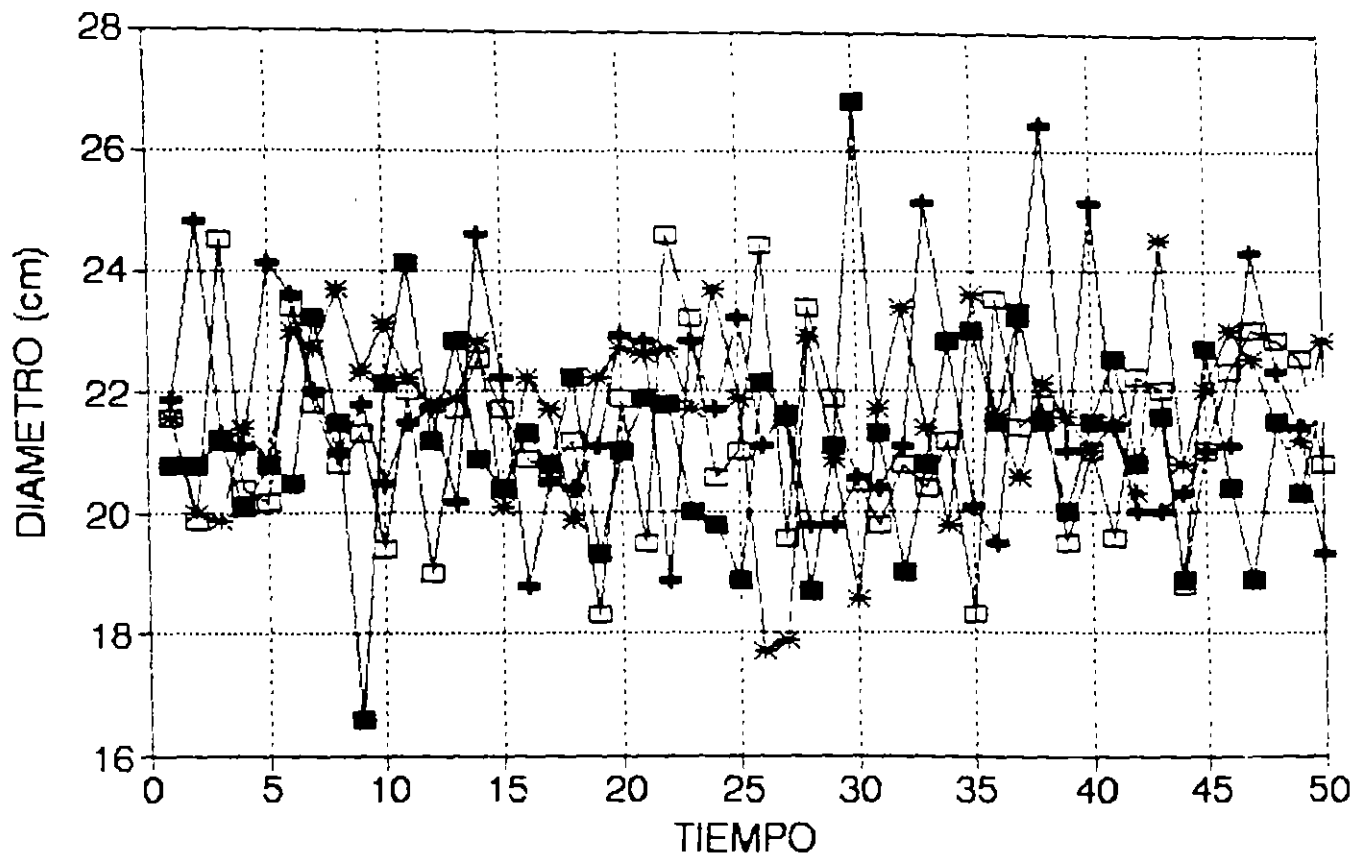
COMPARE LOS DIAMETROS PRODUCIDOS POR LOS EMPLEADOS 1 Y 2 USANDO GRAFICAS DE CAJA

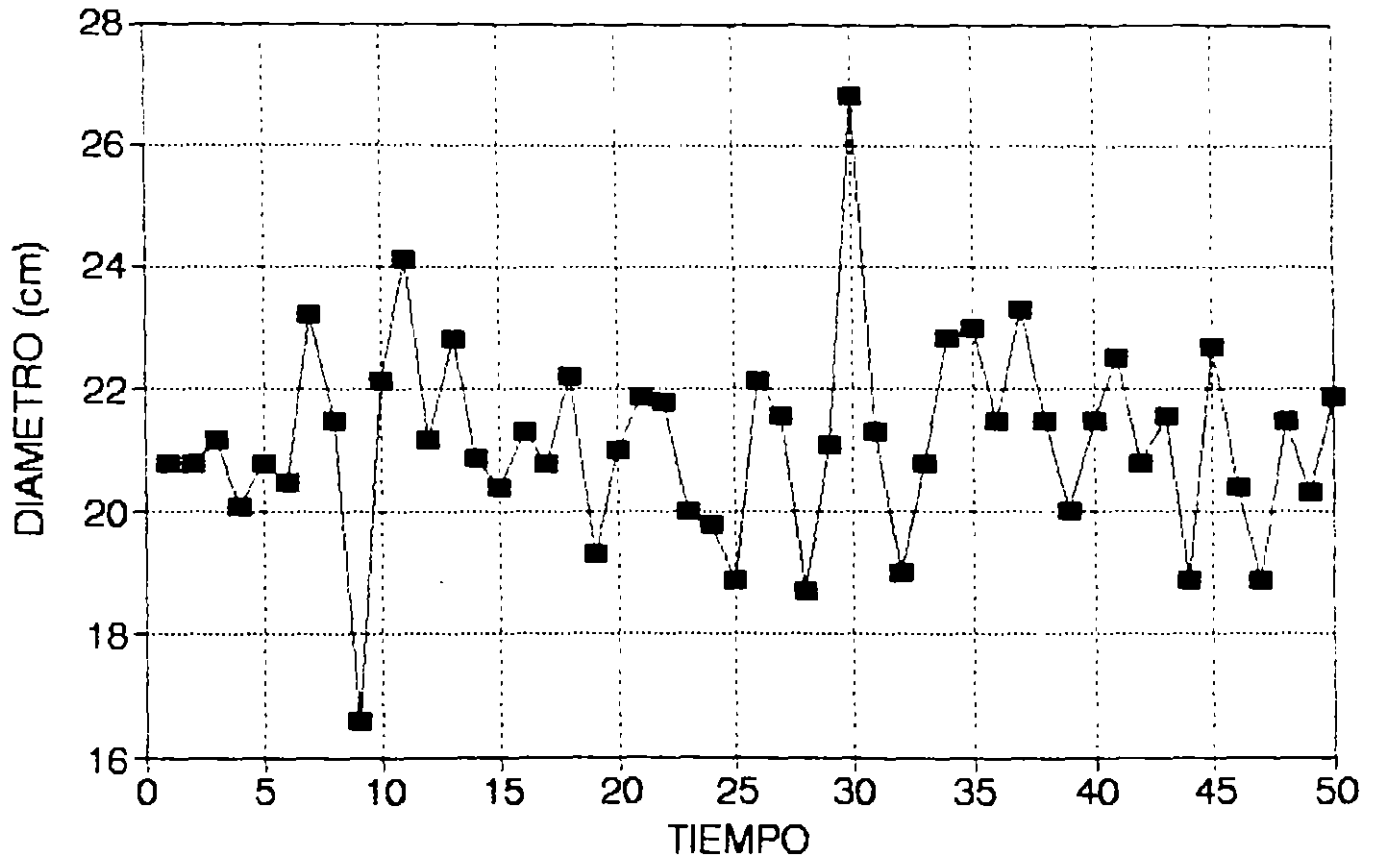
GRAFICAS EN EL TIEMPO

REPRESENTACION GRAFICA DEL CAMBIO OBSERVADO EN UNA VARIABLE A LO LARGO DEL TIEMPO, CON EL FIN DE DETECTAR LA OCURRENCIA DE CAMBIOS EN LA VARIABLE O LA PRESENTACION DE TENDENCIAS O PATRONES SISTEMATICOS DE LA MISMA

EJEMPLO

ELABORE UNA GRAFICA EN EL TIEMPO PARA LOS DIAMETROS PRODUCIDOS POR CADA UNO DE LOS EMPLEADOS





—■— 1

MEDIDAS DESCRIPTIVAS

MEDIDAS O INDICES QUE RESUMEN UNA O MAS CARACTERISTICAS DE UN CONJUNTO DE DATOS

MEDIDAS COMUNES: (1) *DE LOCALIZACION* (MEDIANA, MEDIA) Y (2) *DE DISPERSION* (RANGO, VARIANZA, DESVIACION ESTANDAR, COEFICIENTE DE VARIACION).

MEDIA DE LA MUESTRA

CENTRO DE MASA O PROMEDIO DE UN CONJUNTO DE DATOS

MEDIA \bar{X} DE n OBSERVACIONES (DENOTADAS POR X_j , $j=1,2,\dots,n$):

$$\bar{X} = \frac{1}{n} \sum_{j=1}^n X_j$$

EJEMPLO

DETERMINE LA MEDIA DEL CONJUNTO DE DATOS:

3, 10, 16, 1, 5, 14, 11, 6

$$\sum_{j=1}^n X_j = \underline{\hspace{2cm}} \Rightarrow \bar{X} = \frac{66}{8} = 8.25$$

RANGO DE LA MUESTRA

MEDIDA DE DISPERSION DEFINIDA COMO:

$$R = \text{Valor máximo} - \text{valor mínimo}$$

EJEMPLO

DETERMINE EL RANGO DEL CONJUNTO DE DATOS:

3, 10, 16, 1, 5, 14, 11, 6

$$R = \underline{\quad} - \underline{\quad} = \underline{\quad}$$

El rango se suele usar en aplicaciones que involucran conjuntos pequeños de datos ($n < 10$). Tiene el problema de que no utiliza de manera explícita a los "valores intermedios" de los datos.

VARIANZA

MEDIDA DE DISPERSION QUE EXPRESA EL MOMENTO DE INERCIA DE UN CONJUNTO DE DATOS

$$s^2 = \frac{1}{n-1} \sum_{j=1}^n (X_j - \bar{X})^2 = \frac{1}{n-1} \left\{ \sum_{j=1}^n X_j^2 - n\bar{X}^2 \right\}$$

EJEMPLO

DETERMINE LA VARIANZA DEL CONJUNTO DE DATOS:

3, 10, 16, 1, 5, 14, 11, 6

Observe que la primer fórmula implica:

1. Calcular las desviaciones respecto a la media:

3.0	10.0	16.0	1.0	5.0	14.0	11.0	6.0	2.75
<u>-8.25</u>	<u>-8.25</u>	<u>-8.25</u>	<u>-8.25</u>	<u>-8.25</u>	<u>-8.25</u>	<u>-8.25</u>	<u>-8.25</u>	<u>-2.25</u>

La suma de las desviaciones es: _____

2. Elevar al cuadrado las desviaciones:

27.5625 3.0625 60.0625 52.625 10.5625 33.0625 7.5625 5.0625

3. Sumar los cuadrados de las desviaciones y el total, dividirlo entre n-1 (para generar un estimador insesgado).

$$\sum_{j=1}^n (X_j - \bar{X})^2 = 199.5$$

$$\Rightarrow s^2 = \frac{199.5}{8} = 24.875$$

DESVIACION ESTANDAR

MEDIDA DE DISPERSION DEFINIDA COMO LA RAIZ CUADRADA DE LA VARIANZA. SE EXPRESA EN LAS MISMAS UNIDADES QUE LA VARIABLE BAJO ANALISIS

$$s = \sqrt{s^2} = \sqrt{\frac{\sum_j X_j^2 - n\bar{X}^2}{n-1}}$$

EXPRESION ALTERNATIVA DE LA VARIANZA (ESTIMADOR SESGADO)

$$s_n^2 = \sigma_{\text{RMS}}^2 = \frac{\sum_j X_j^2 - n\bar{X}^2}{n}$$

RMS: Root mean square deviation

$$\Rightarrow s_n = \sigma_{\text{RMS}} = \sqrt{\frac{\sum_j X_j^2 - n\bar{X}^2}{n}}$$

Relación entre s^2 y s_n^2

$$s^2 = \frac{n}{n-1} s_n^2$$

CALCULO PARA DATOS AGRUPADOS

Sean m : número de subgrupos (Intervalos de clase)

n : número total de observaciones

X_i : marca de la clase i

f_i : frecuencia de la clase i

$$\bar{X} = \frac{\sum_{i=1}^m f_i X_i}{n}$$

$$s^2 = \frac{\sum_{i=1}^m f_i X_i^2 - n\bar{X}^2}{n-1}$$

TEMA 3:

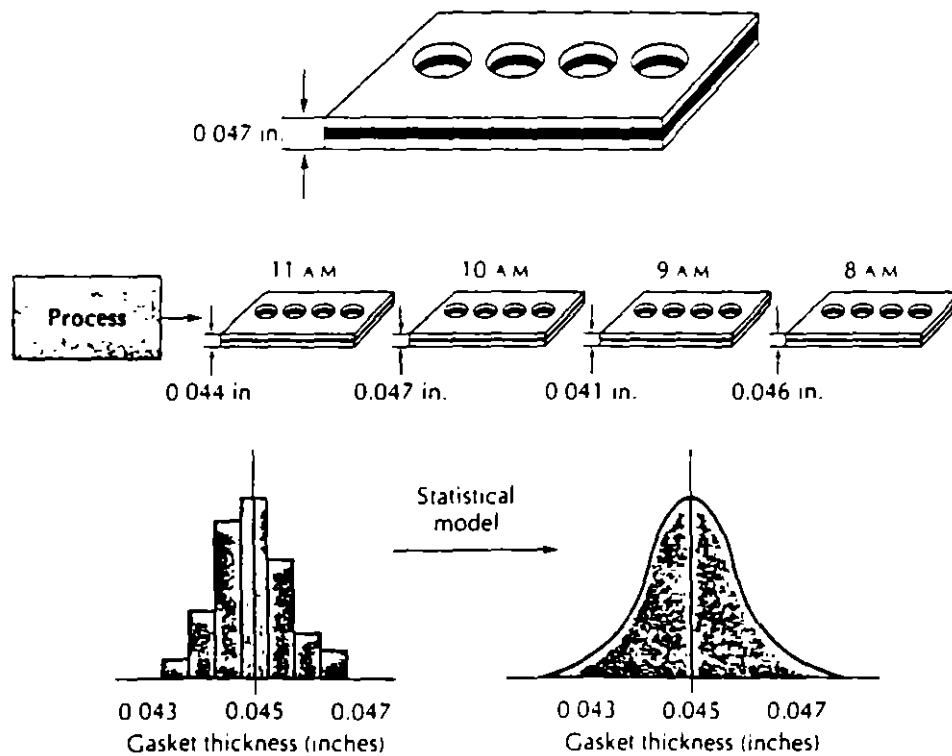
**VARIABILIDAD DE UN PROCESO
Y ESTIMACION**

EVOLUCION DE UN PROCESO EN EL TIEMPO

LOS DATOS PARA ANALIZAR Y CONTROLAR UN PROCESO, ASI COMO PREDECIR EL COMPORTAMIENTO DEL MISMO, SE VAN GENERANDO A LO LARGO DEL TIEMPO

EJEMPLO

SE DESEA CONTROLAR ESTADISTICAMENTE EL PROCESO DE PRODUCCION DE UNA PIEZA. LA VARIABLE DE INTERES ES SU ESPESOR. PARA ELLO, SE TOMARAN MEDICIONES CADA HORA



¡EL PROCESO MAS PERFECTO PRESENTA VARIACION!

VARIACION COMUN

VARIACION INHERENTE A UN PROCESO. ES PRECISO CONSIDERARLA PARA ANALIZAR, CONTROLAR Y PREDECIR EL COMPORTAMIENTO DE UN PROCESO

EJEMPLO

SE DESEA CONTROLAR UN PROCESO. SE EFECTUAN MEDICIONES DE LA CARACTERISTICA DE CALIDAD CADA HORA PARA ANALIZAR SU LOCALIZACION Y SU DISPERSION. LOS DATOS DE LAS TRES PRIMERAS HORAS SON:

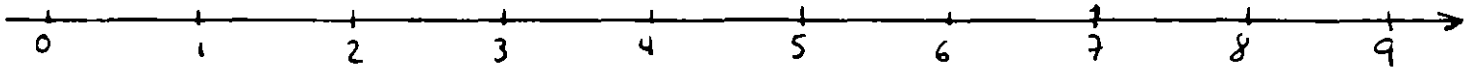
HO RA	X1	X2	X3	X4	X5	X6	X7	X8
7:00	4	5	5	4	8	4	3	7
8:00	0	2	1	5	3	2	0	3
9:00	6	9	9	7	8	7	9	9

LA MEDIA DEL PROCESO ES:

LA VARIANZA Y LA DESVIACION ESTANDAR SON:

EJEMPLO

ANALICE EL EJEMPLO ANTERIOR COMPARANDO LOS DIAGRAMAS DE CAJA PARA CADA UNA DE LAS HORAS



LA VARIABILIDAD DE TODO EL CONJUNTO DE DATOS DEPENDE DE:

- VARIACION DENTRO DE LOS SUBGRUPOS (*WITHIN VARIABILITY*):
ATRIBUIBLE A CAUSAS COMUNES
- VARIACION ENTRE LOS SUBGRUPOS (*BETWEEN VARIABILITY*):
ATRIBUIBLE A CAUSAS ESPECIALES

EJEMPLO

DETERMINE Y GRAFIQUE (EN EL TIEMPO) LA MEDIA, EL RANGO Y LA DESVIACION ESTANDAR PARA CADA UNA DE LAS HORAS DEL EJEMPLO ANTERIOR

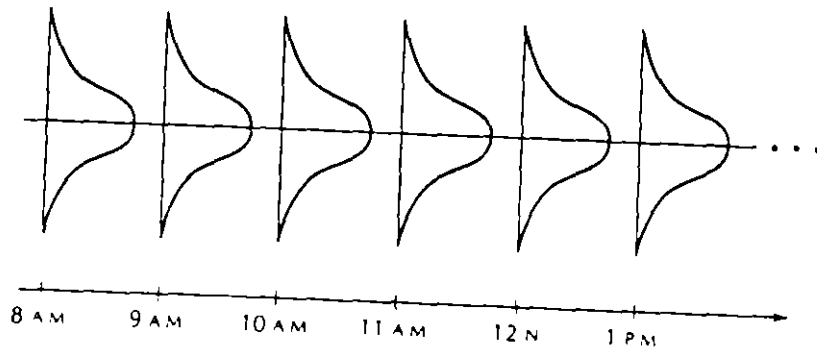
HO RA	X1	X2	X3	X4	X5	X6	X7	X8	\bar{X}	R	s
7:00	4	5	5	4	8	4	3	7			
8:00	0	2	1	5	3	2	0	3			
9:00	6	9	9	7	8	7	9	9			

PROCESO ESTABLE (O BAJO CONTROL)

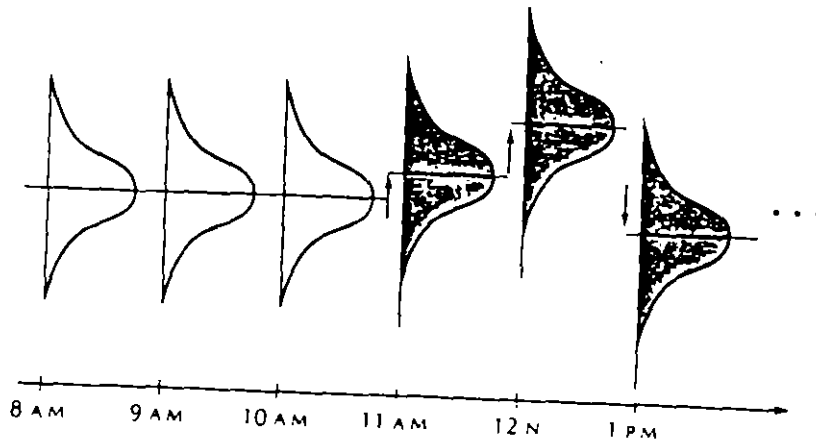
PROCESO SUJETO SOLO A VARIACION COMUN. PERMITE PREDECIR EL COMPORTAMIENTO DE UN PROCESO

PROCESO INESTABLE (O FUERA DE CONTROL)

PROCESO QUE TIENE VARIACION ESPECIAL Y COMUN. NO ES POSIBLE PREDECIR SU COMPORTAMIENTO

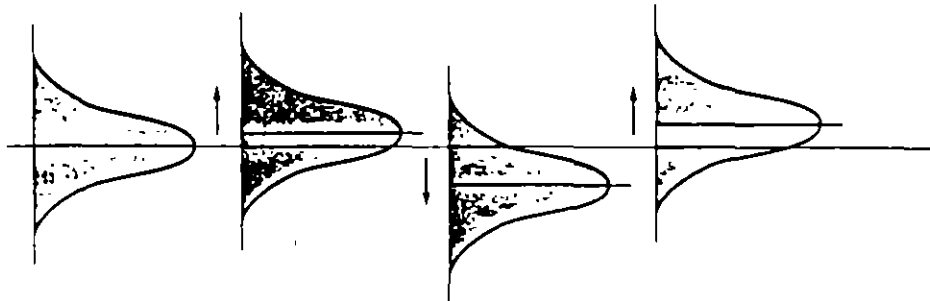


(a)

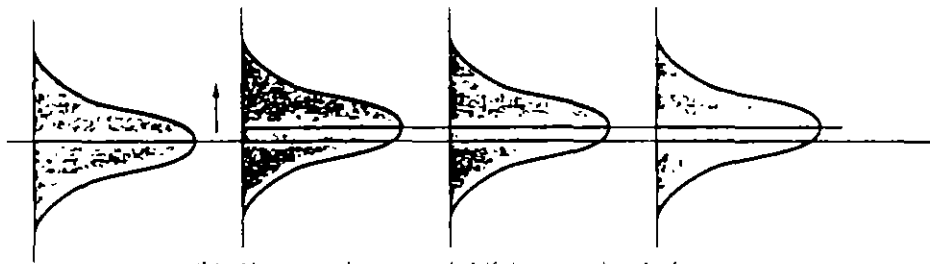


Shifting process mean beginning at 11 AM.

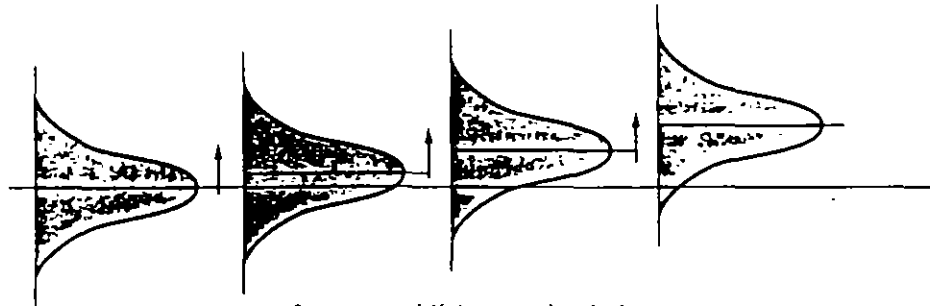
CAMBIOS EN LA LOCALIZACION (CONSIDERANDO LA MEDIA DEL PROCESO)



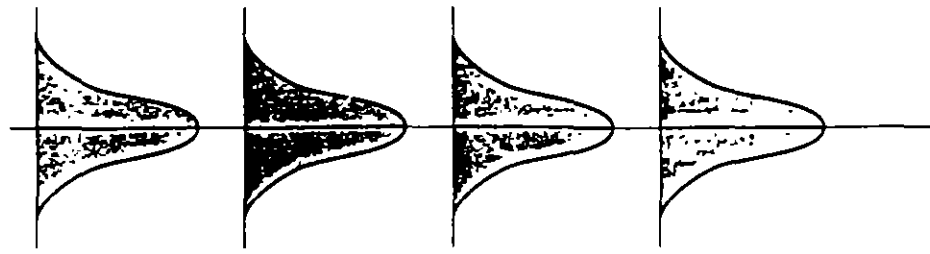
(a) Erratic shifts in mean level of process.



(b) Abrupt and sustained shift in mean level of process.



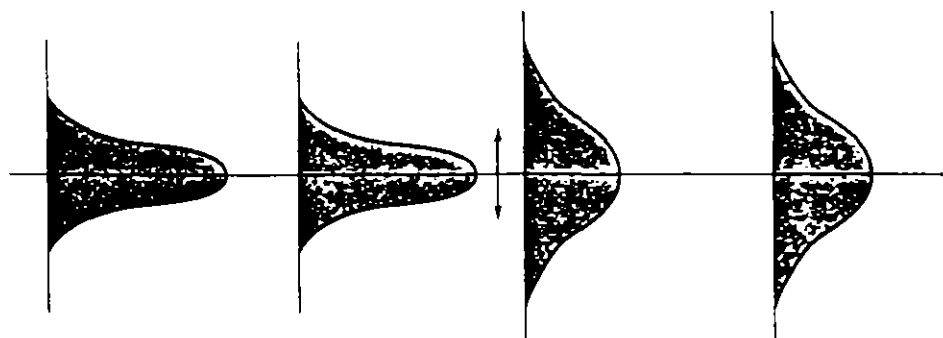
(c) Systematic shift in mean level of process.



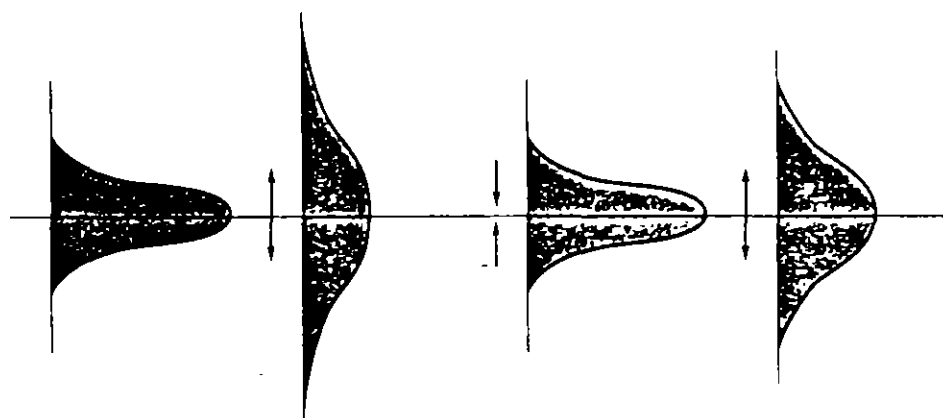
(d) Constant mean level for process: in control

Time

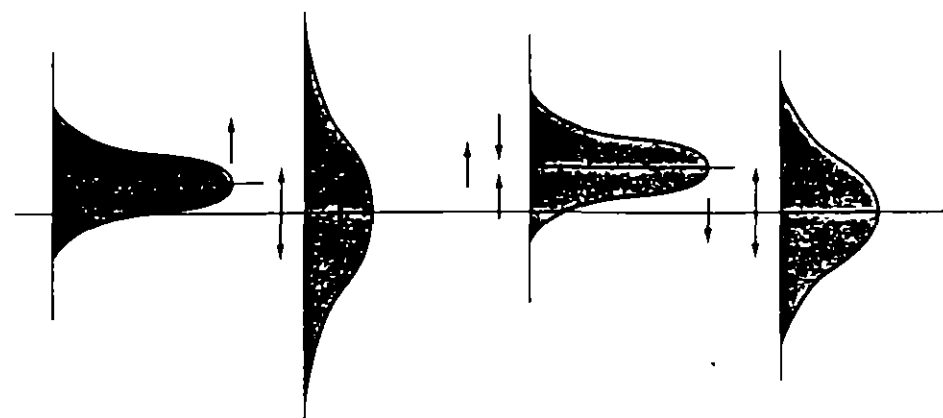
CAMBIOS EN LA DISPERSION DE UN PROCESO



(a) Sustained shift in process variation



(b) Erratic shifts in process variation.



(c) Erratic shifts in both process mean and process variation.

Time →

EJEMPLO

UN PROCESO DE PRODUCCION ESTABLE GENERA UNA
CARACTERISTICA DE CALIDAD SIGUE UNA DISTRIBUCION NORMAL
CON $\mu=30$ Y $\sigma = 10$.

- a. DETERMINE EL PORCENTAJE DE PIEZAS PARA LAS CUALES $X > 60$
- b. DETERMINE EL PORCENTAJE DE PIEZAS PARA LAS CUALES $X \geq 60$
- c. DETERMINE EL PORCENTAJE DE PIEZAS ENTRE 10 Y 50

EL TAZON DE SHEWHART (SHEWHART'S BOWL)

SHEWHART REALIZO UN EXPERIMENTO DE SIMULACION QUE PERMITIO DESARROLLAR LAS BASES DEL CONTROL ESTADISTICO DE PROCESOS.

EL SIGUIENTE EXPERIMENTO, QUE REPITE EL EXPERIMENTO DE SHEWHART, FUE REALIZADO EN COMPUTADORA:

EJEMPLO (TAZON DE SHEWHART)

CONSIDERE UN PROCESO ESTABLE QUE GENERA UNA CARACTERISTICA DE CALIDAD CON DISTRIBUCION NORMAL ($\mu=30$ Y $\sigma = 10$).

- SIMULE 1000 SUBGRUPOS DE TAMAÑO 4 (LA TABLA 1 MUESTRA LOS PRIMEROS 25 SUBGRUPOS)
- ELABORE EL HISTOGRAMA DE LAS 4,000 OBSERVACIONES

LOS PARAMETROS DE LA POBLACION SON:

DE *LOCALIZACION*, LA _____ DE LA POBLACION, μ
DE *DISPERSION*, _____ DE LA POBLACION, σ

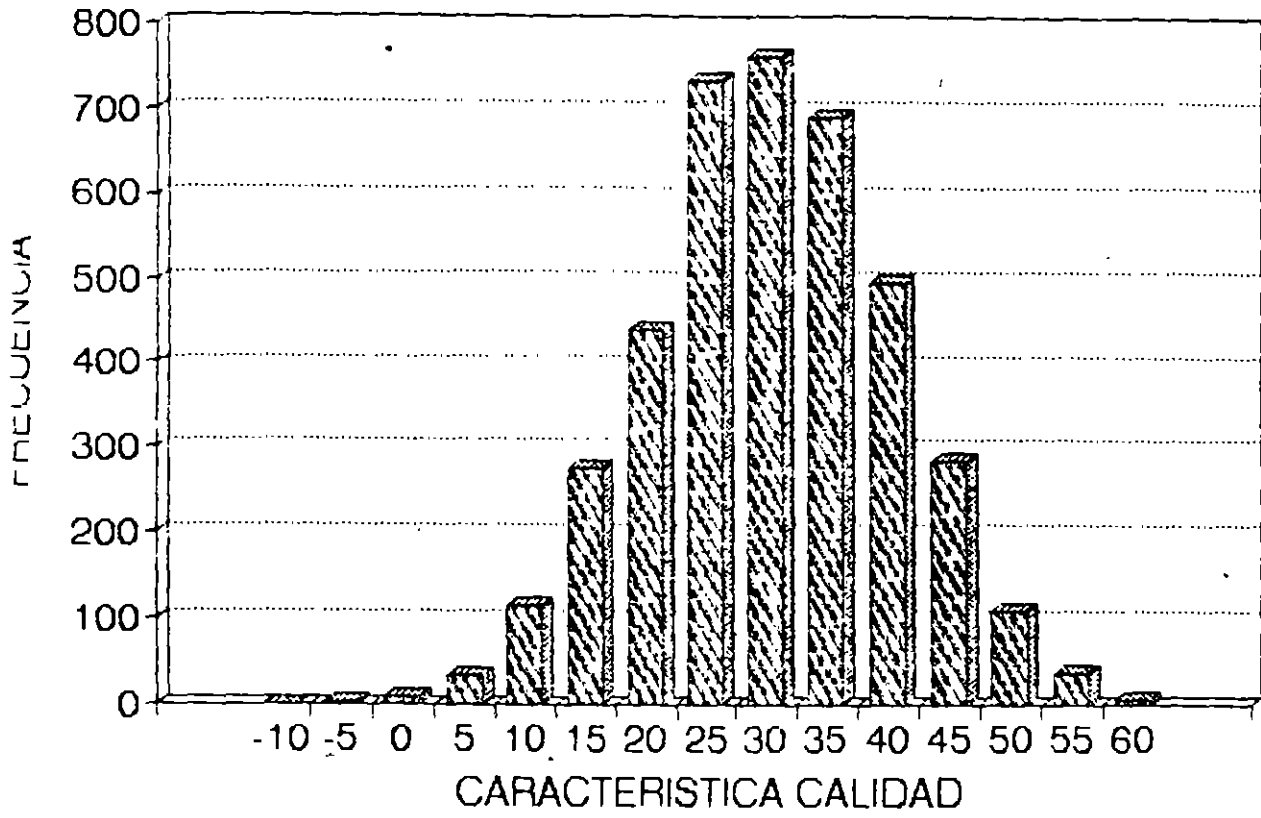
EN EL EJEMPLO SE CONOCE LA POBLACION, EN LA PRACTICA, ESTO NO SUCEDE, ES NECESARIO ESTIMAR LOS PARAMETROS DE LA POBLACION. PARA ESTIMAR:

μ SE PUEDE USAR LA _____ DE LA MUESTRA \bar{X}
 σ SE PUEDE USAR EL _____ R DE LA MUESTRA O LA
_____ S DE LA MUESTRA

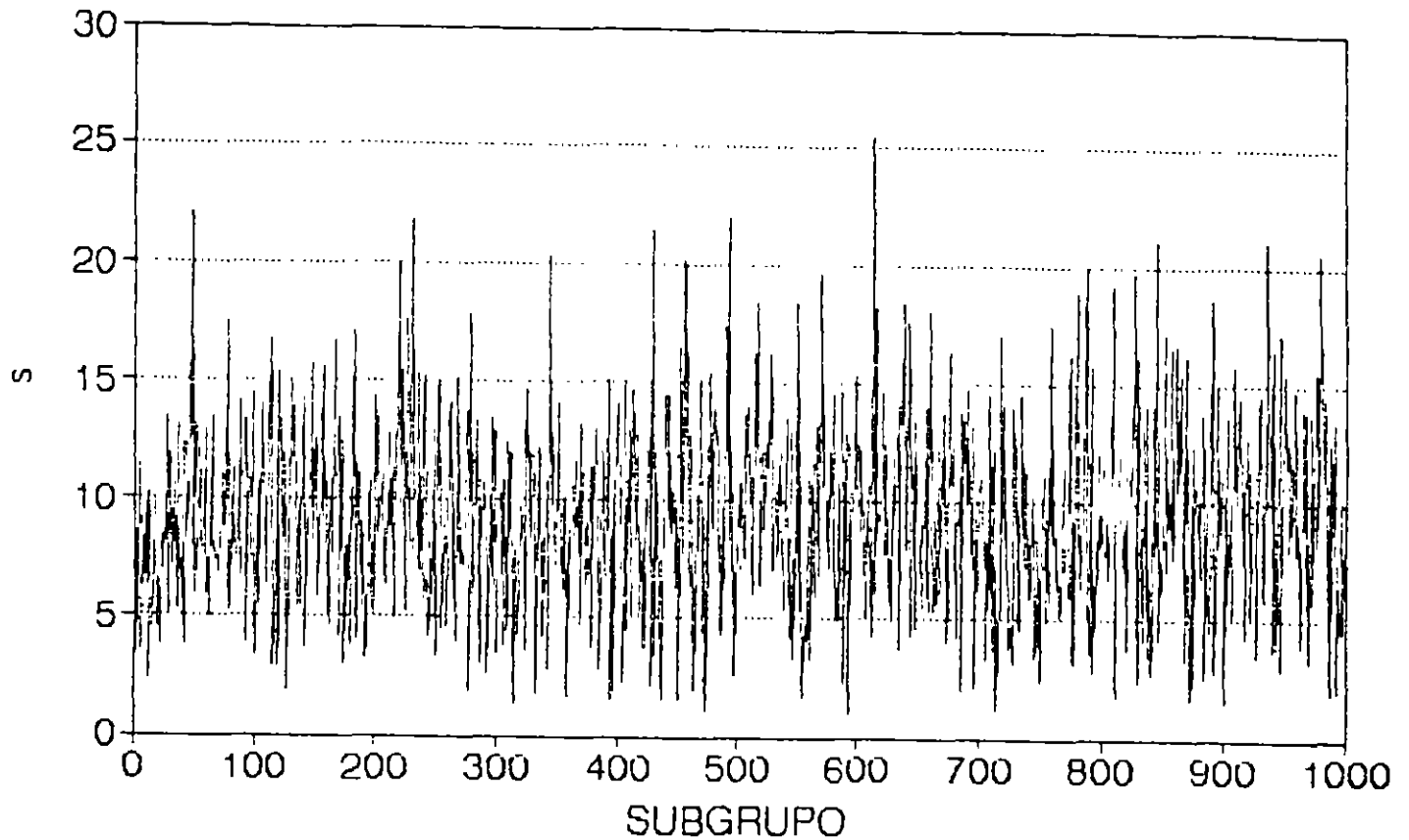
TABLA 1 TAZON DE SHEWHART: 100 DATOS (25 SUBGRUPOS)

SUB-GRUPO					xbar	R	s
1	48.62	18.51	21.97	23.93	28.2575	30.1100	13.7587
2	29.74	21.92	25.99	28.59	26.5600	7.8200	3.4683
3	30.81	45.12	39.29	36.16	37.8450	14.3100	5.9818
4	32.94	26.22	30.54	52.03	35.4325	25.8100	11.4090
5	24.3	35.89	38.07	47.88	36.5350	23.5800	9.5812
6	34.47	26.82	32.53	29.1	30.7300	7.6500	3.4241
7	48.11	33.1	38.2	26.54	36.5050	21.5700	9.0916
8	32.97	36.48	17.84	24.82	28.0275	18.6400	8.3655
9	24.48	36.95	16.81	26.63	26.2175	20.1400	8.3041
10	21.14	29.5	32.68	27.2	27.6300	11.5400	4.8753
11	16.94	24.64	26.09	7.39	18.7650	18.7000	8.5808
12	22.66	44.19	24.64	24.77	29.0650	21.5300	10.1295
13	19.78	21.59	24.77	23.79	22.4825	4.9900	2.2392
14	12.05	32.83	34.38	23.76	25.7550	22.3300	10.2673
15	29.29	30.2	43.8	24.2	31.8725	19.6000	8.3785
16	37.37	41.24	34.63	30.87	36.0275	10.3700	4.3789
17	25.44	31.31	35.05	20.43	28.0575	14.6200	6.4421
18	33.47	12.27	33.21	24.31	25.8150	21.2000	9.9836
19	35	33.67	41.08	20.53	32.5700	20.5500	8.6506
20	36.89	30.26	36.04	27.38	32.6425	9.5100	4.5809
21	29.74	15.48	22.81	28.39	24.1050	14.2600	6.4854
22	25.79	25.25	28.97	33.39	28.3500	8.1400	3.7394
23	42.63	31.15	22.02	29.41	31.3025	20.6100	8.5261
24	23.54	44.62	32.26	29.02	32.3600	21.0800	8.9306
25	37.81	25.67	42.05	36.54	35.5200	16.3900	6.9780

FIG. 1 HISTOGRAMA DE OBSERVACIONES (n=4,000)



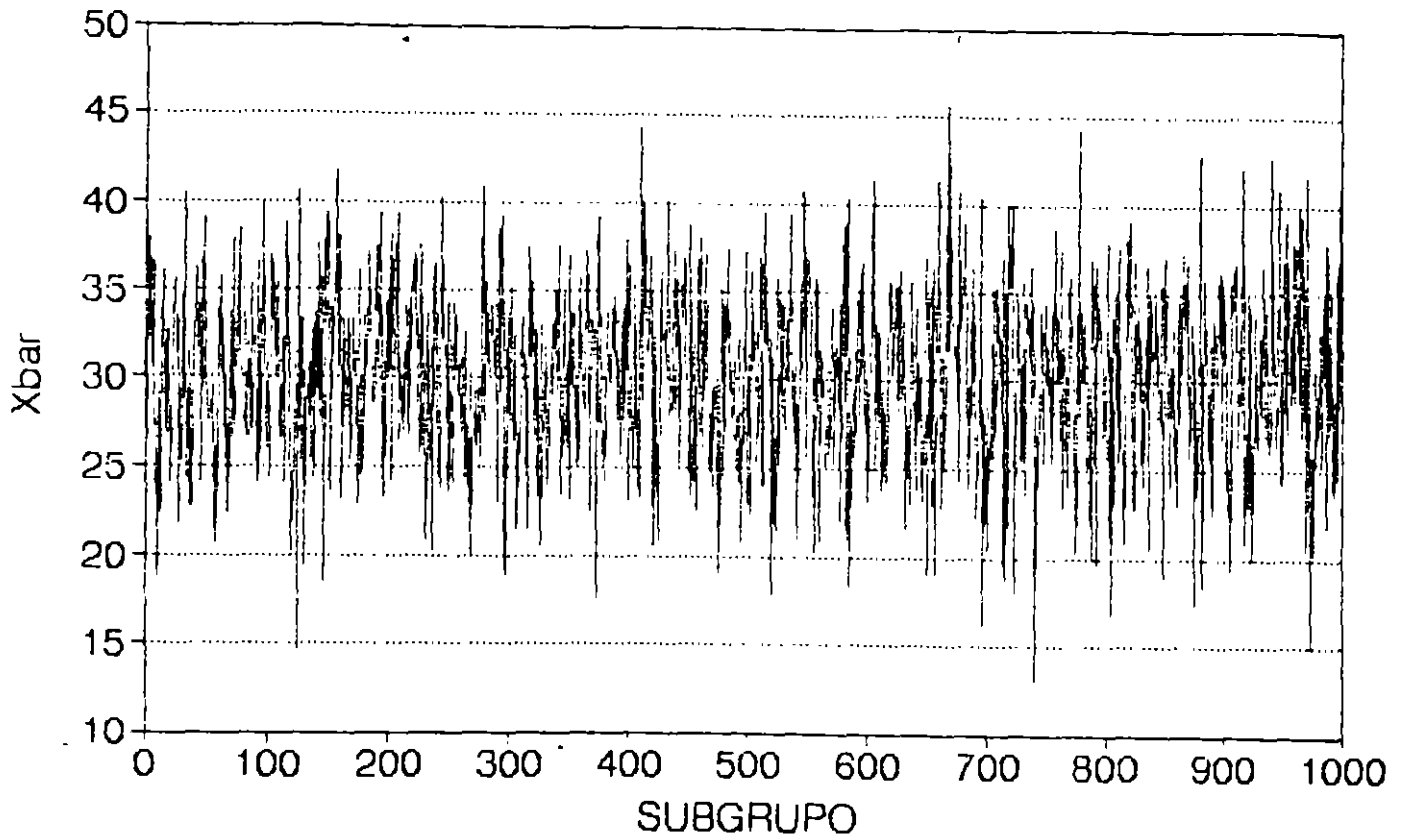
DISPERSION: DESVIACIONES ESTANDAR DEL TAZON DE SHEWHART



LA DESVIACION ESTANDAR DE LAS MUESTRAS ES UNA VARIABLE ALEATORIA:

- CON MEDIA (PROMEDIO) DE 9.160553
- CON DISPERSION (VALOR MAS ALTO: 25.36963, VALOR MAS BAJO: 0.968745)

LOCALIZACION: MEDIAS DE LAS MUESTRAS DEL TAZON DE SHEWHART

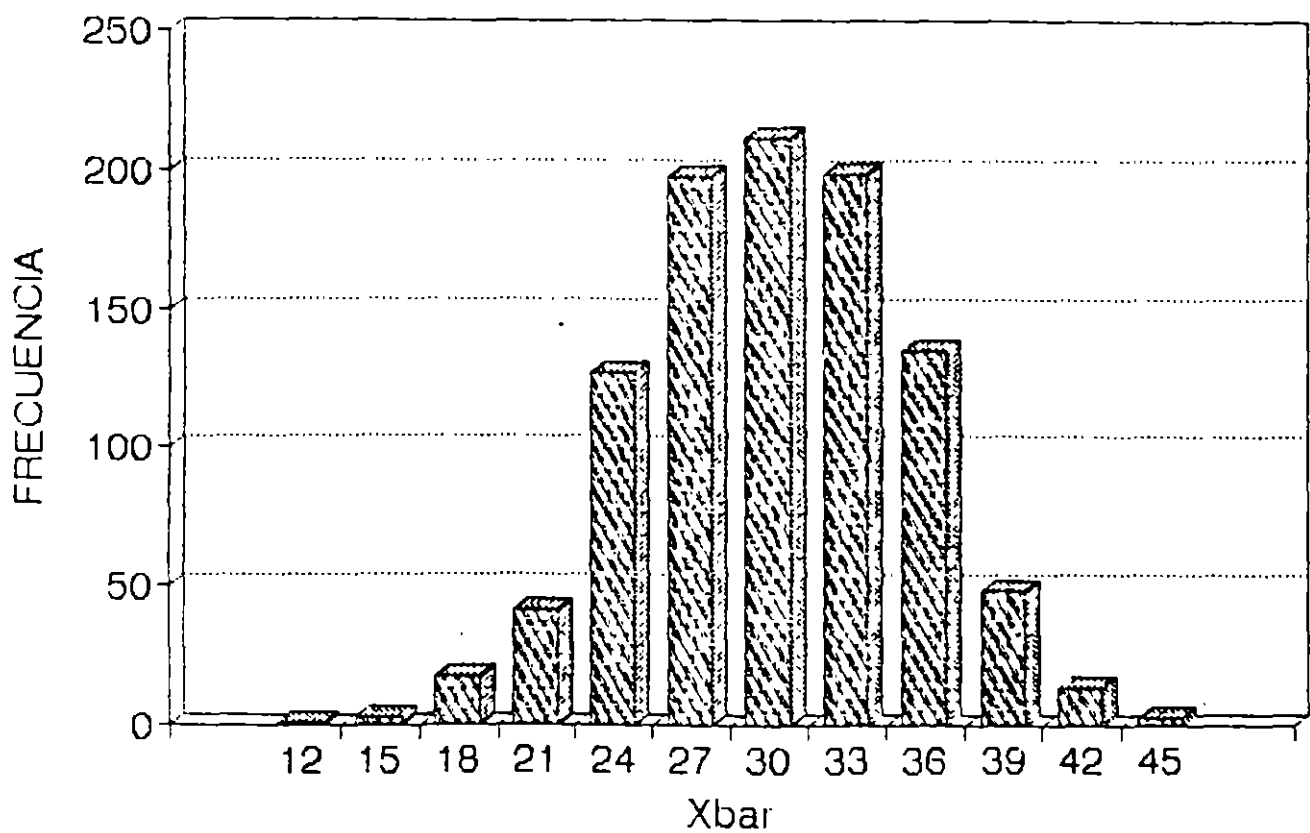


LA MEDIA DE LAS MUESTRAS ES UNA VARIABLE ALEATORIA:

- CON MEDIA (PROMEDIO) DE 30.0754
- CON DISPERSION (VALOR MAS ALTO: 45.6775, VALOR MAS BAJO: 12.97)

HISTOGRAMA \bar{X} (n=1,000)

TAZON DE SHEWHART



COMPORTAMIENTO DE LA MEDIA DE LAS MUESTRAS
(TEOREMA DEL LIMITE CENTRAL)

LA MEDIA DE LAS MUESTRAS \bar{X} (INDEPENDIEMENTE DE LA DISTRIBUCION DE LA VARIABLE ORIGINAL) ES ASINTOTICAMENTE NORMAL:

$$\bar{X} \rightarrow \text{NORMAL, CON}$$
$$\mu_{\bar{X}} \approx \mu \quad \text{Y} \quad \sigma_{\bar{X}} \approx \frac{\sigma}{\sqrt{n}}$$

EJEMPLO

PARA EL EXPERIMENTO DE SHEWHART, DETERMINE LA PROBABILIDAD DE QUE LA MEDIA DE UN SUBGRUPO:

- a. SEA MAYOR QUE 60 (SI $n = 4$)
- b. SEA MAYOR QUE 60 (SI $n = 9$)
- c. ESTE ENTRE 20 Y 50 (SI $n = 4$)
- d. ESTE ENTRE 20 Y 50 (SI $n = 9$)

RELACION ENTRE σ Y \bar{s}

SI LA CARACTERISTICA DE CALIDAD SIGUE UNA DISTRIBUCION NORMAL, ENTONCES LA DESVIACION ESTANDAR DE LA MUESTRA \bar{s} ES UNA VARIABLE ALEATORIA CUYA MEDIA ES:

$$\bar{s} = c_4\sigma$$

c_4 : constante que depende del tamaño de los subgrupos (se presenta en la tabla C del apéndice 3)

EJEMPLO

PARA LOS 1000 SUBGRUPOS OBSERVADOS EN EL EXPERIMENTO DE SIMULACION DEL TAZON DE SHEWHART SE OBTUVO $\bar{s} = 9.160553$.
ESTIME:

- a. LA DESVIACION ESTANDAR DE LA CARACTERISTICA DE CALIDAD
- b. LA DESVIACION ESTANDAR DE LAS MEDIAS DE LAS MUESTRAS

UTILICE LA DESVIACION ESTANDAR DE LA MUESTRA CUANDO EL TAMAÑO DE LOS SUBGRUPOS ES MAYOR QUE 10

RELACIONES ENTRE μ Y \bar{X}

$$\mu = \mu_{\bar{X}}$$

POR LO TANTO:

$$\hat{\mu} = \bar{\bar{X}}$$

$\bar{\bar{X}}$: promedio de valores de \bar{X}

EJEMPLO

PARA LOS 1000 SUBGRUPOS OBSERVADOS EN EL EXPERIMENTO DE SIMULACION DEL TAZON DE SHEWHART SE OBTUVO $\bar{\bar{X}} = 30,075.54$

- a. ESTIME μ
- b. LA PROBABILIDAD DE QUE X SEA MAYOR QUE 60
- c. LA PROBABILIDAD DE QUE X ESTE ENTRE 10 Y 50
- d. LA PROBABILIDAD DE QUE LA MEDIA DE UNA MUESTRA SEA MAYOR QUE 60
- e. LA PROBABILIDAD DE QUE LA MEDIA DE UNA MUESTRA ESTE ENTRE 10 Y 50

TEMA 4:

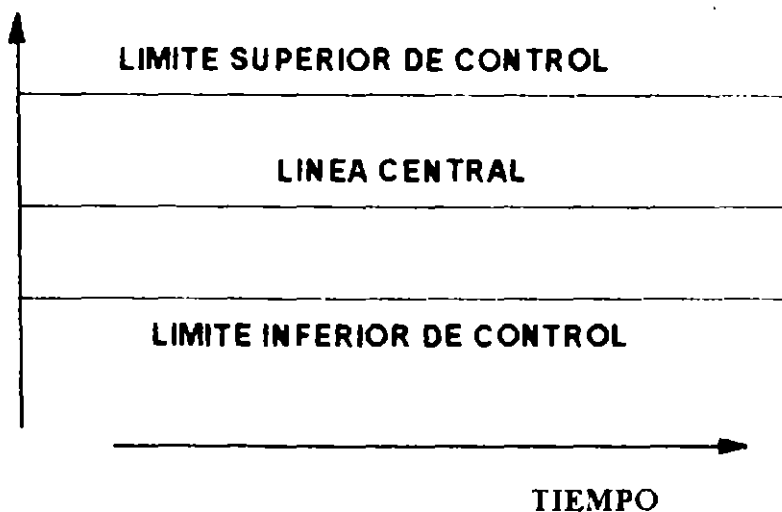
DIAGRAMAS DE CONTROL PARA VARIABLES

DIAGRAMA DE CONTROL

HERRAMIENTA GRAFICA QUE AYUDA A DETECTAR LA PRESENCIA DE CAUSAS ESPECIALES O ASIGNABLES DE CAMBIO EN EL PATRON DE VARIACION DE UNA CARACTERISTICA DE CALIDAD

COMPONENTES DE UN DIAGRAMA DE CONTROL

OBSERVACIONES



REGLA DE DECISION

SI UN PUNTO RELACIONADO CON ALGUN SUBGRUPO CAE FUERA DE LOS LIMITES DE CONTROL, SE CONSIDERA QUE EL SUBGRUPO ES "ANORMAL": HAY EVIDENCIA DE UN CAMBIO EN EL PROCESO

EJEMPLO

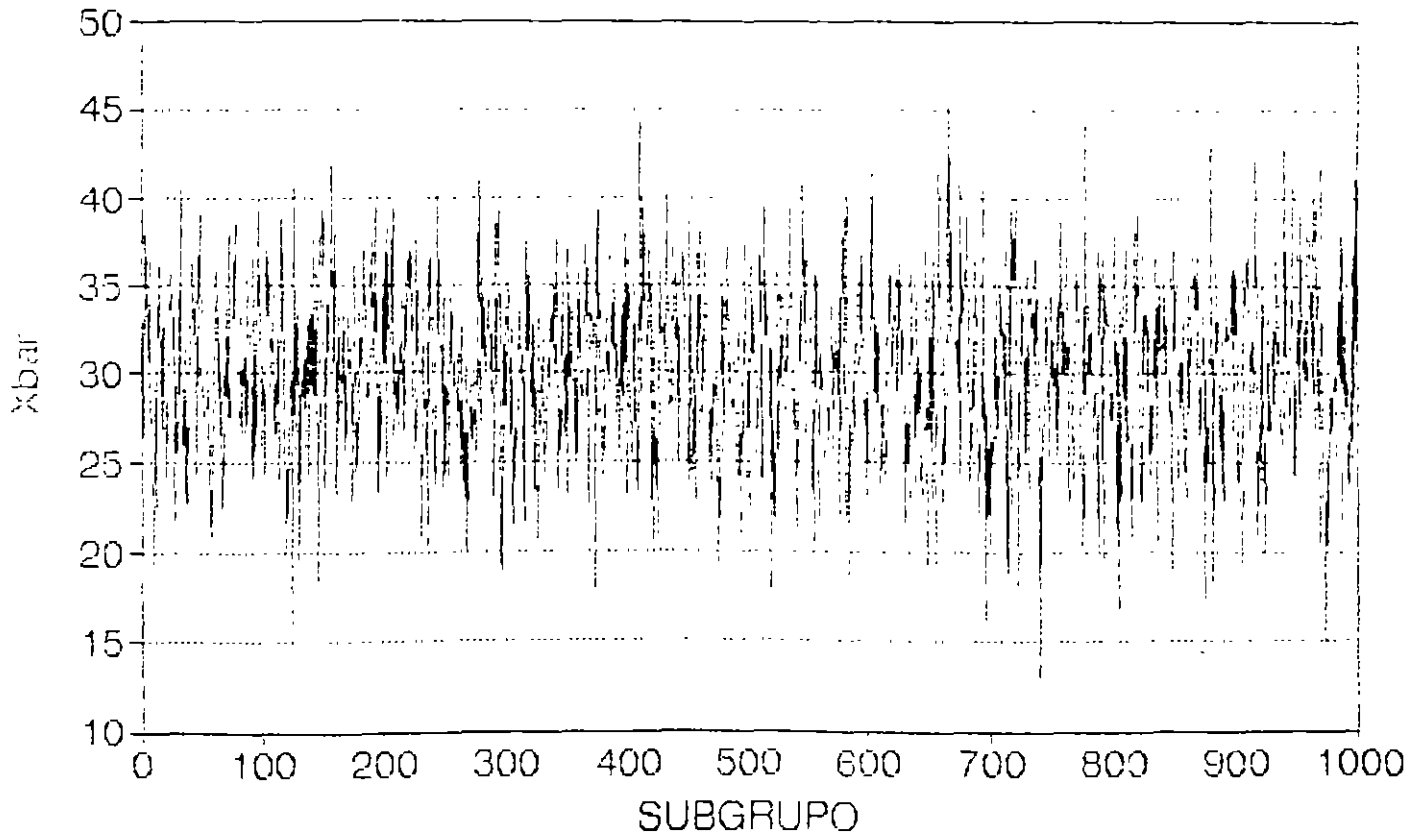
EL DIAGRAMA DE CONTROL (USANDO LA CONVENCION USUAL EN NORTEAMERICA) PARA LAS MEDIAS DE LAS MUESTRAS (\bar{X}) SI LA CARACTERISTICA DE CALIDAD ES NORMAL CON $\mu = 30$, $\sigma = 10$ Y LOS SUBGRUPOS SON DE TAMAÑO $n = 4$ TIENE LAS SIGUIENTES CARACTERISTICAS:

$$LC = 30$$

$$LSC = 45$$

$$LIC = 15$$

EL DIAGRAMA DE CONTROL PARA LAS MEDIAS DE LAS MUESTRAS (\bar{X}) DE LOS 1.000 SUBGRUPOS DEL TAZON DE SHEWHART (VARIABLE ORIGINAL: NORMAL CON $\mu = 30$, $\sigma = 10$) ES:



PUNTOS FUERA DE CONTROL:

1. El punto 127, para el cual $\bar{X} = 14.7375$.
2. El punto 669, para el cual $\bar{X} = 45.6775$, y
3. El punto 744, para el cual $\bar{X} = 12.97$.

SIN EMBARGO. ¡EL PROCESO ES ESTABLE!

AL APLICAR UN DIAGRAMA DE CONTROL ES POSIBLE COMETER "ERRORES"

TIPOS DE ERROR

CONCLUSION (diag. control):	ESTADO REAL DEL PROCESO:	
	Estable	Inestable
Proceso Estable	<i>ERROR TIPO I (Falsa alarma) α</i>	<i>CONCLUSION CORRECTA</i>
Proceso Inestable	<i>CONCLUSION CORRECTA</i>	<i>ERROR TIPO II (Cambio no detectado) β</i>

- LIMITES DE CONTROL MUY AMPLIOS (MUY SEPARADOS DE LA LINEA CENTRAL) REDUCEN EL ERROR TIPO I.
- LIMITES DE CONTROL MUY AMPLIOS AUMENTAN EL ERROR TIPO II.

ES NECESARIO BALANCEAR AMBOS TIPOS DE ERRORES

CONVENCION NORTEAMERICANA PARA LIMITES DE CONTROL
(LIMITES 3-SIGMA)

LOS LIMITES DE CONTROL SE UBICAN A UNA DISTANCIA DE ± 3 VECES LA DESVIACION ESTANDAR DE LO QUE SE ESTE CONTROLANDO (\bar{X} , R, s, MR, p, Np, ETC)

DIAGRAMA DE CONTROL PARA \bar{X}
(μ Y σ CONOCIDOS)

$$LC = \mu_{\bar{X}} = \mu$$

$$LSC = \mu_{\bar{X}} + 3\sigma_{\bar{X}} = \mu_{\bar{X}} + 3\frac{\sigma}{\sqrt{n}}$$

$$LIC = \mu_{\bar{X}} - 3\sigma_{\bar{X}} = \mu_{\bar{X}} - 3\frac{\sigma}{\sqrt{n}}$$

LOS LIMITES DE CONTROL SON SIMETRICOS ALREDEDOR DE LC

EJEMPLO

DETERMINE LC, LSC Y LIC PARA LAS MEDIAS DE LAS MUESTRAS (\bar{X}) PARA EL EXPERIMENTO DEL TAZON DE SHEWHART: LA CARACTERISTICA DE CALIDAD (VARIABLE ORIGINAL) ES NORMAL CON $\mu = 30$, $\sigma = 10$

$$LC = \mu_{\bar{X}} = \underline{\hspace{2cm}}$$

$$LSC = \mu_{\bar{X}} + 3\sigma_{\bar{X}} = \underline{\hspace{2cm}}$$

$$LIC = \mu_{\bar{X}} - 3\sigma_{\bar{X}} = \underline{\hspace{2cm}}$$

PARA FACILITAR CALCULOS DE $3\sigma_{\bar{X}}$, LA TABLA F, APENDICE 3 PRESENTA VALORES DEL FACTOR $A = \frac{3}{\sqrt{n}}$. USANDO ESTE FACTOR:

$$LC = \mu_{\bar{X}} = \mu$$

$$LSC = \mu_{\bar{X}} + 3\sigma_{\bar{X}} = \mu + A\sigma$$

$$LIC = \mu_{\bar{X}} - 3\sigma_{\bar{X}} = \mu - A\sigma$$

La amplitud de las bandas entre la línea central y los límites de control depende de la variabilidad de los datos (medida a través de σ) y del tamaño de los subgrupos n .

DIAGRAMA DE CONTROL PARA \bar{X}
(μ Y σ DESCONOCIDOS)

$$LC = \hat{\mu}_{\bar{X}} = \hat{\mu} = \bar{\bar{X}}$$

$$LSC = \bar{\bar{X}} + 3\hat{\sigma}_{\bar{X}} = \bar{\bar{X}} + 3\frac{\hat{\sigma}}{\sqrt{n}}$$

$$LIC = \bar{\bar{X}} - 3\hat{\sigma}_{\bar{X}} = \bar{\bar{X}} - 3\frac{\hat{\sigma}}{\sqrt{n}}$$

LOS LIMITES DE CONTROL SON SIMETRICOS ALREDEDOR DE LC

ESTIMACION DE $\hat{\sigma}_{\bar{X}}$

A PARTIR DEL RANGO DE LAS MUESTRAS:

$$\hat{\sigma}_{\bar{X}} = \frac{\bar{R}}{d_2\sqrt{n}}$$

A PARTIR DE LAS DESVIACIONES ESTANDAR DE LAS MUESTRAS:

$$\hat{\sigma}_{\bar{X}} = \frac{\bar{s}}{c_4\sqrt{n}}$$

EJEMPLO

LA SIGUIENTE TABLA MUESTRA LOS PRIMEROS 20 SUBGRUPOS DEL EXPERIMENTO DEL TAZON DE SHEWHART. DETERMINE LC, LSC Y LIC DEL DIAGRAMA DE CONTROL \bar{X} A PARTIR DE ESOS DATOS

SUB-GRUPO	X ₁	X ₂	X ₃	X ₄	\bar{X}	R	s
1	48.62	18.51	21.97	23.93	28.2575	30.11	13.7587
2	29.74	21.92	25.99	28.59	26.5600	7.82	3.4683
3	30.81	45.12	39.29	36.16	37.8450	14.31	5.9818
4	32.94	26.22	30.54	52.03	35.4325	25.81	11.4090
5	24.3	35.89	38.07	47.88	36.5350	23.58	9.6812
6	34.47	26.82	32.53	29.1	30.7300	7.65	3.4241
7	48.11	33.17	38.2	26.54	36.5050	21.57	9.0916
8	32.97	36.48	17.84	24.82	28.0275	18.64	8.3655
9	24.48	36.95	16.81	26.63	26.2175	20.14	8.3041
10	21.14	29.5	32.68	27.2	27.6300	11.54	4.8753
11	16.94	24.64	26.09	7.39	18.7650	18.70	8.5808
12	22.66	44.19	24.64	24.77	29.0650	21.53	10.1295
13	19.78	21.59	24.77	23.79	22.4825	4.99	2.2392
14	12.05	32.83	34.38	23.76	25.7550	22.33	10.2673
15	29.29	30.2	43.8	24.2	31.8725	19.60	8.3785
16	37.37	41.24	34.63	30.87	36.0275	10.37	4.3789
17	25.44	31.31	35.05	20.43	28.0575	14.62	6.4421
18	33.47	12.27	33.21	24.31	25.8150	21.20	9.9836
19	35	33.67	41.08	20.53	32.5700	20.55	8.6506
20	36.89	30.26	36.04	27.38	32.6425	9.51	4.5809

LOS TOTALES SON:

$$\sum_{j=1}^{20} \bar{X}_j = 596.7926, \quad \sum_{j=1}^{20} R_j = 344.57, \quad \sum_{j=1}^{20} s_j = 151.9911$$

PARA FACILITAR CALCULOS SE PUEDEN USAR LOS FACTORES:

$$A_2 = \frac{3}{d_2 \sqrt{n}}$$

$$A_3 = \frac{3}{c_4 \sqrt{n}}$$

CON LO QUE:

$$LSC = \bar{\bar{X}} + A_2 \bar{R} \quad Y \quad LIC = \bar{\bar{X}} - A_2 \bar{R}$$

O

$$LSC = \bar{\bar{X}} + A_3 \bar{R} \quad Y \quad LIC = \bar{\bar{X}} - A_3 \bar{R}$$

EL FACTOR A_2 SE ENCUENTRA EN LA TABLA D, APENDICE 3

EL FACTOR A_3 SE ENCUENTRA EN LA TABLA E. APENDICE 3

DIAGRAMA DE CONTROL \bar{X} (A PARTIR DE R)

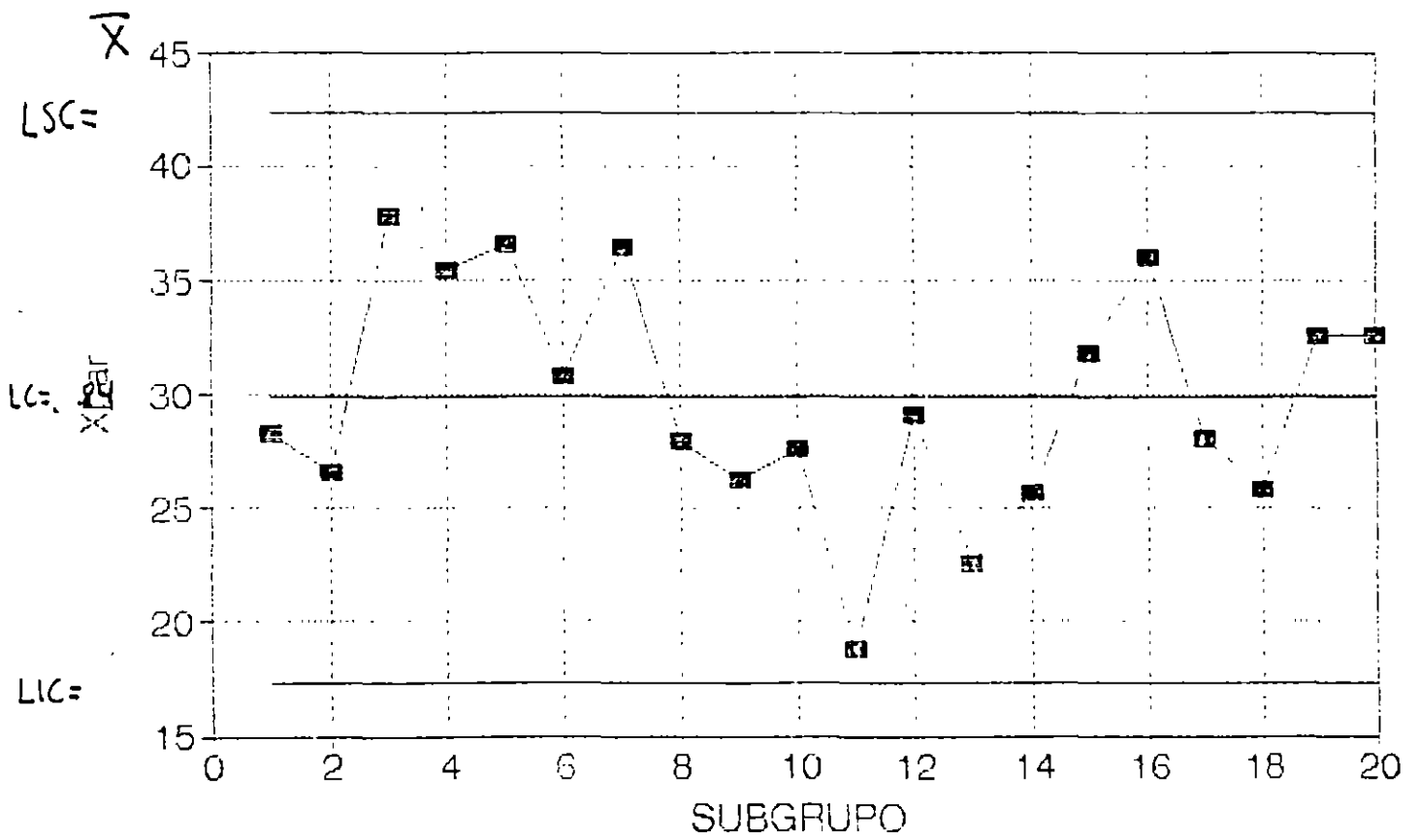


DIAGRAMA DE CONTROL \bar{X}

(A PARTIR DE s)

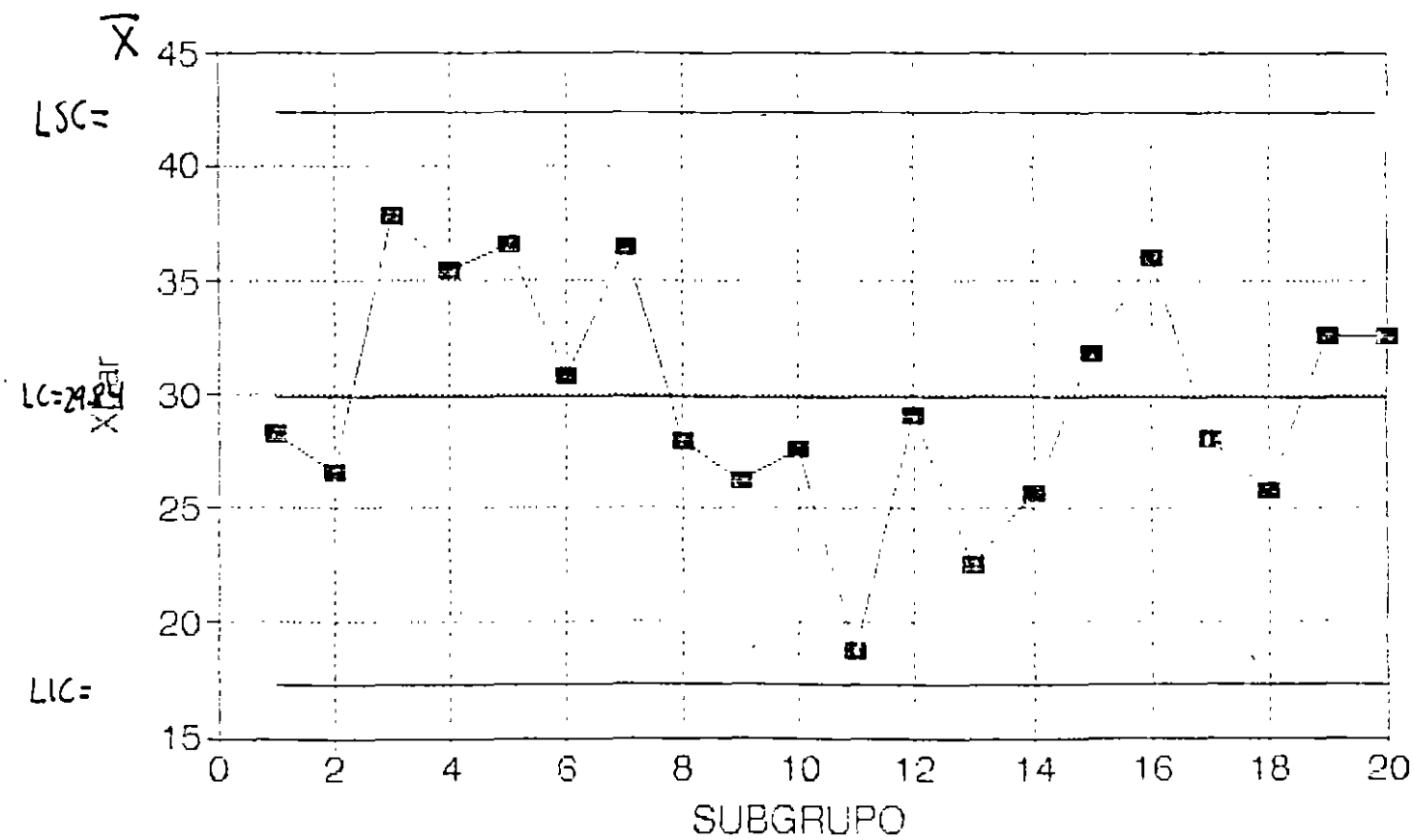


DIAGRAMA DE CONTROL PARA R

(σ CONOCIDO)

SI LA VARIABLE ORIGINAL SIGUE UNA DISTRIBUCION NORMAL.
ENTONCES:

$$LC = d_2\sigma$$

$$LSC = D_2\sigma$$

$$LIC = D_1\sigma$$

EL PARAMETRO d_2 SE ENCUENTRA EN LA TABLA C, APENDICE 3.
LOS PARAMETROS D_1 Y D_2 SE ENCUENTRAN EN LA TABLA F,
APENDICE 3

LOS LIMITES DE CONTROL NO SON SIMETRICOS RESPECTO A LC

EJEMPLO

CONSIDERE LOS PRIMEROS 20 SUBGRUPOS DEL EXPERIMENTO DEL
TAZON DE SHEWHART (VARIABLE ORIGINAL NORMAL. $\sigma = 10$).
DETERMINE LOS PARAMETROS DEL DIAGRAMA R

DIAGRAMA DE CONTROL PARA R
(σ CONOCIDO, $\sigma = 10$)

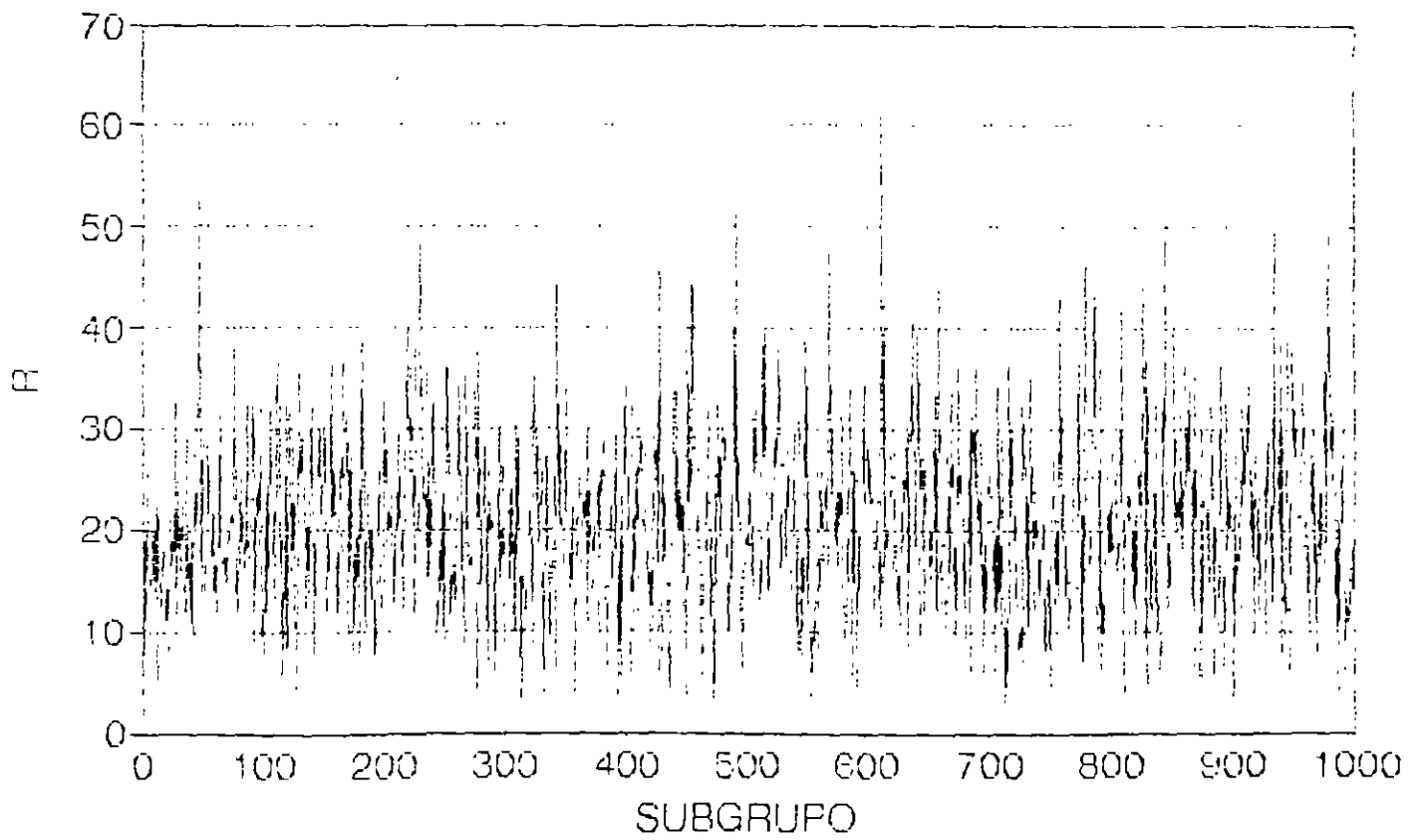


DIAGRAMA DE CONTROL PARA R

(σ DESCONOCIDO)

SI LA VARIABLE ORIGINAL SIGUE UNA DISTRIBUCION NORMAL,
ENTONCES:

$$LC = \hat{\mu}_{\bar{R}} = \bar{R}$$

$$LSC = D_4 \bar{R}$$

$$LIC = D_3 \bar{R}$$

LOS PARAMETROS D_3 Y D_4 SE ENCUENTRAN EN LA TABLA F,
APENDICE 3

LOS LIMITES DE CONTROL NO SON SIMETRICOS RESPECTO A LC

EJEMPLO

CONSIDERE LOS PRIMEROS 20 SUBGRUPOS DEL EXPERIMENTO DEL
TAZON DE SHEWHART (VARIABLE ORIGINAL NORMAL, $\sigma = 10$).
DETERMINE LOS PARAMETROS DEL DIAGRAMA R

$$\sum_{j=1}^{20} R = 344.57$$

DIAGRAMA DE CONTROL PARA R (σ DESCONOCIDO)

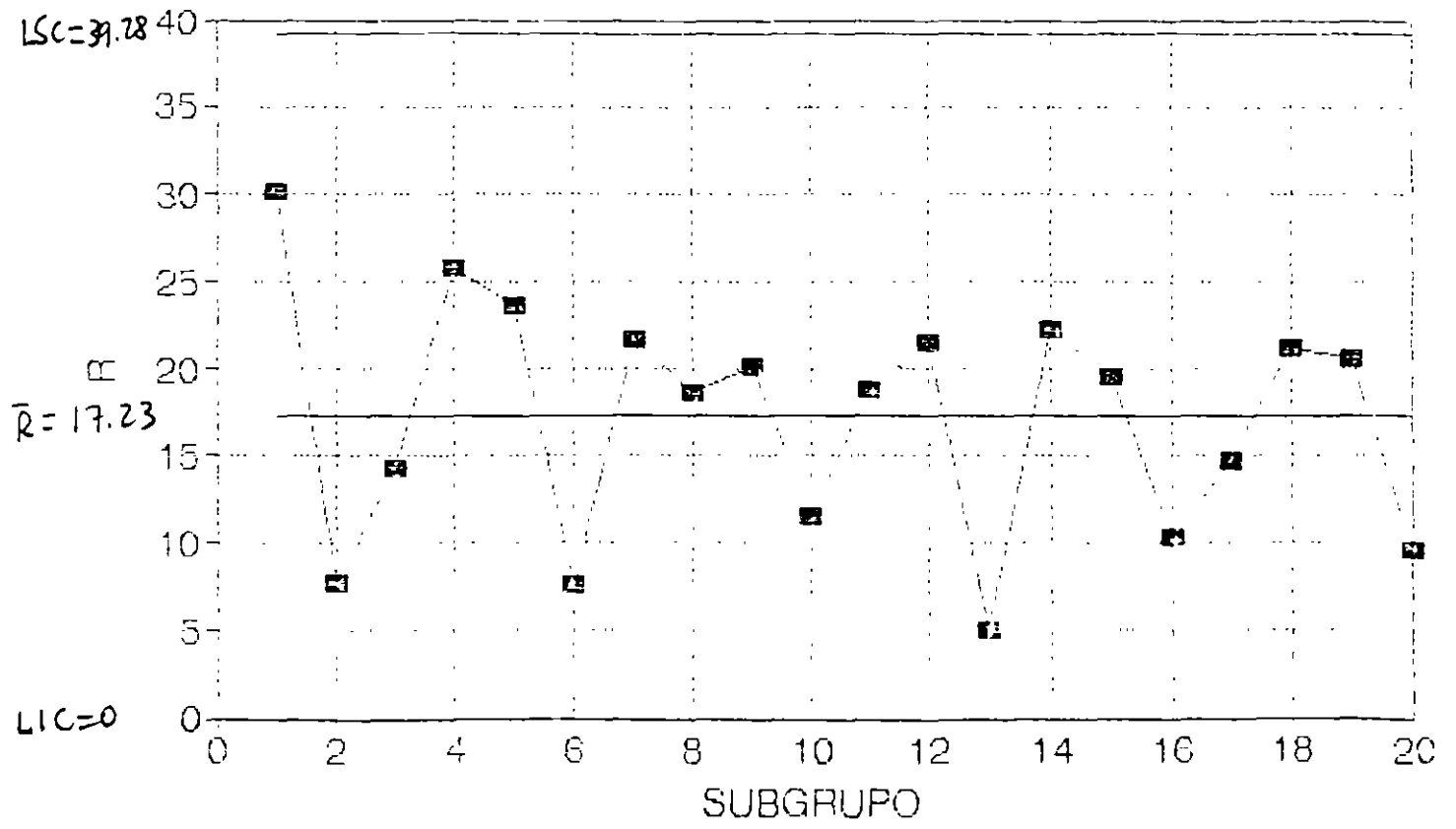


DIAGRAMA DE CONTROL PARA \bar{s}
(σ CONOCIDO)

SI LA VARIABLE ORIGINAL SIGUE UNA DISTRIBUCION NORMAL,
ENTONCES:

$$LC = c_4\sigma$$

$$LSC = B_6\sigma$$

$$LIC = B_5\sigma$$

EL PARAMETRO c_4 SE ENCUENTRA EN LA TABLA C, APENDICE 3.
LOS PARAMETROS B_5 Y B_6 SE ENCUENTRAN EN LA TABLA F,
APENDICE 3

LOS LIMITES DE CONTROL NO SON SIMETRICOS RESPECTO A LC

EJEMPLO

CONSIDERE LOS PRIMEROS 20 SUBGRUPOS DEL EXPERIMENTO DEL
TAZON DE SHEWHART (VARIABLE ORIGINAL NORMAL, $\sigma = 10$).
DETERMINE LOS PARAMETROS DEL DIAGRAMA \bar{s}

DIAGRAMA DE CONTROL PARA s
(σ CONOCIDO, $\sigma = 10$)

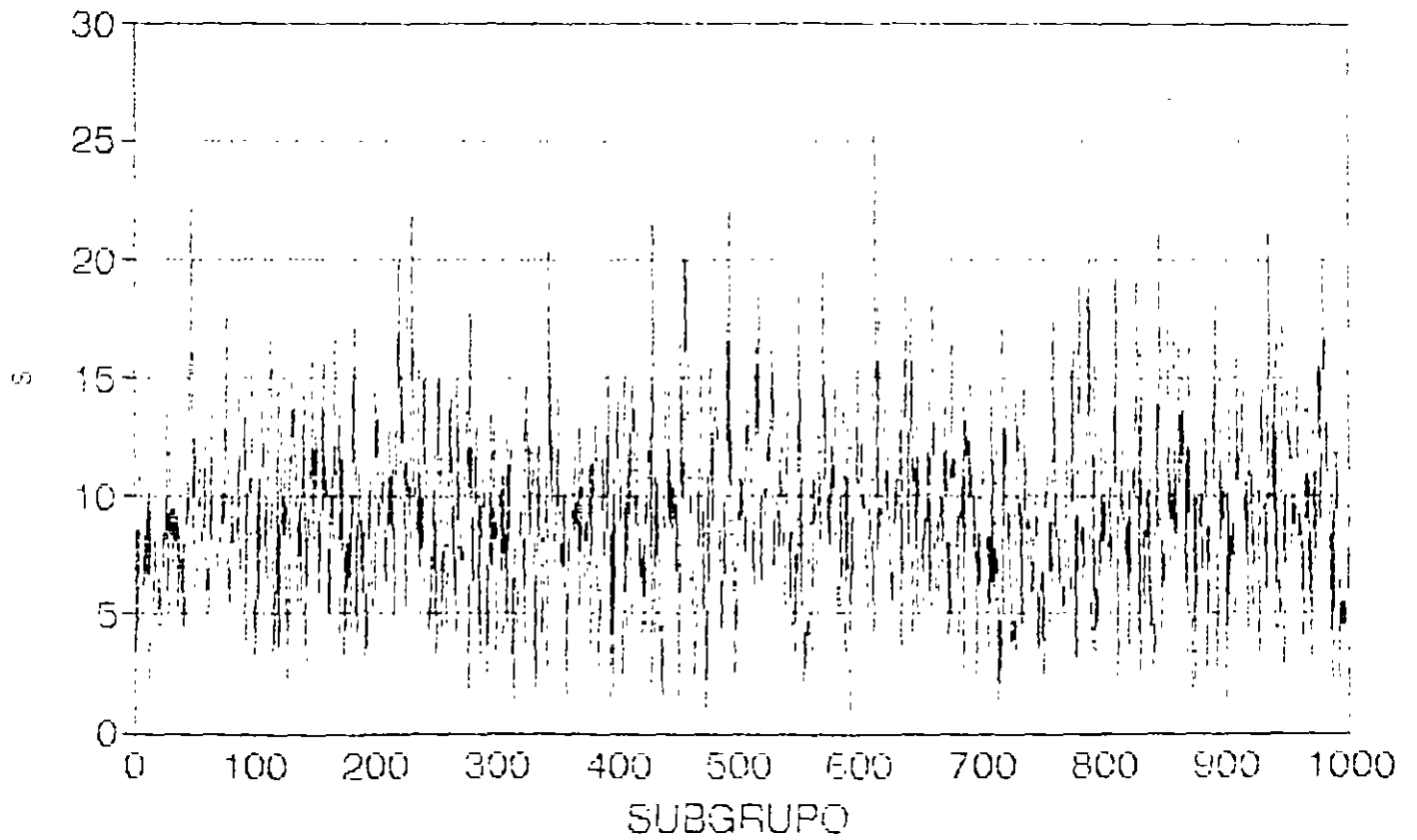


DIAGRAMA DE CONTROL PARA s
(σ DESCONOCIDO)

SI LA VARIABLE ORIGINAL SIGUE UNA DISTRIBUCION NORMAL.
ENTONCES:

$$LC = \bar{s}$$

$$LSC = B_4 \bar{s}$$

$$LIC = B_3 \bar{s}$$

LOS PARAMETROS B_3 Y B_4 SE ENCUENTRAN EN LA TABLA F,
APENDICE 3

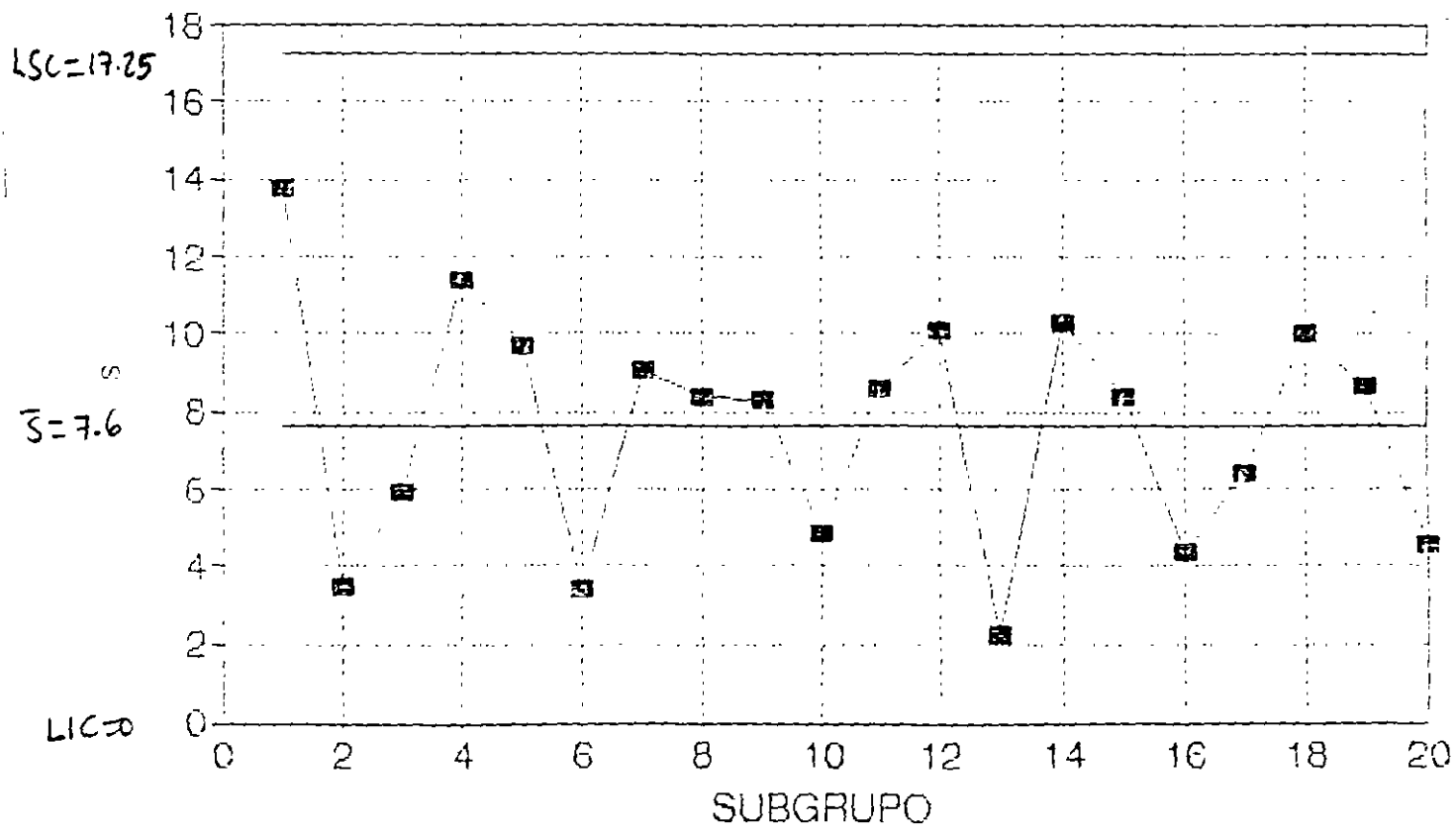
LOS LIMITES DE CONTROL NO SON SIMETRICOS RESPECTO A LC

EJEMPLO

CON BASE EN LOS PRIMEROS 20 SUBGRUPOS DEL EXPERIMENTO
DEL TAZON DE SHEWHART, DETERMINE LOS PARAMETROS DEL
DIAGRAMA s

$$\sum_{i=1}^{20} s = 151.9911$$

DIAGRAMA DE CONTROL PARA s (σ DESCONOCIDO)



ANALISIS DE UN PROCESO

PARA DETERMINAR LA ESTABILIDAD DE UN PROCESO, ES NECESARIO CONSIDERAR CONJUNTAMENTE DIAGRAMAS DE CONTROL PARA LA LOCALIZACION Y PARA LA DISPERSION

EJEMPLO

CON BASE EN LOS PRIMEROS 20 SUBGRUPOS DEL EXPERIMENTO DE SHEWHART, ¿CONSIDERA USTED QUE ES ESTABLE EL PROCESO?

TEMA 5: ANALISIS DE ERRORES

ERROR TIPO I

ERROR QUE SE COMETE CUANDO OCURRE UNA "FALSA ALARMA": EL DIAGRAMA DE CONTROL INDICA QUE HUBO UN CAMBIO EN EL PROCESO CUANDO EN REALIDAD NO LO HUBO: EL DATO ASOCIADO A UN CIERTO SUBGRUPO (SU MEDIA, SU RANGO O SU DESVIACION ESTANDAR) CAE FUERA DE LOS LIMITES DE CONTROL, AUN CUANDO EL PARAMETRO QUE SE ESTA MONITOREANDO NO HA CAMBIADO.

EJEMPLO

CONSIDERE EL EXPERIMENTO DEL TAZON DE SHEWHART (VARIABLE ORIGINAL NORMAL, CON $\mu = 30$ Y $\sigma = 10$). PARA CONTROLAR EL PROCESO, SE OBSERVAN SUBGRUPOS DE TAMAÑO 4. SI SE ESTA MONITOREANDO \bar{X} USANDO LIMITES 3-SIGMA, ¿CUAL ES LA PROBABILIDAD α DE COMETER UN ERROR TIPO I?

EJEMPLO

CONSIDERE EL EXPERIMENTO DEL TAZON DE SHEWHART (VARIABLE ORIGINAL NORMAL, CON $\mu = 30$ Y $\sigma = 10$). PARA CONTROLAR EL PROCESO, SE OBSERVAN SUBGRUPOS DE TAMAÑO 9. SI SE ESTA MONITOREANDO \bar{X} USANDO LIMITES 3-SIGMA, ¿CUAL ES LA PROBABILIDAD α DE COMETER UN ERROR TIPO I?

EJEMPLO

CONSIDERE EL EXPERIMENTO DEL TAZON DE SHEWHART (VARIABLE ORIGINAL NORMAL, CON $\mu = 30$ Y $\sigma = 10$). PARA CONTROLAR EL PROCESO, SE OBSERVAN SUBGRUPOS DE TAMAÑO 4. SI SE ESTA MONITOREANDO \bar{X} USANDO LIMITES 2-SIGMA, ¿CUAL ES LA PROBABILIDAD α DE COMETER UN ERROR TIPO I?

CALCULO DEL ERROR TIPO I PARA DIAGRAMA \bar{X}

SI SE ESTA MONITOREANDO \bar{X} USANDO LIMITES L-SIGMA Y LA MEDIA DEL PROCESO (QUE NO HA CAMBIADO) ES μ . EL RIESGO α , O PROBABILIDAD DE COMETER UN ERROR TIPO I ES:

$$\alpha = P[(\bar{X} > LSC)(\bar{X} < LIC) | \mu]$$

LA PROBABILIDAD α NO DEPENDE DEL TAMAÑO DE LOS SUBGRUPOS, SINO DE LA DISTANCIA DE LOS LIMITES DE CONTROL RESPECTO A LA LINEA CENTRAL

ERROR TIPO II

ERROR QUE SE COMETE CUANDO SE FALLA EN LA DETECCION DE UN CAMBIO EN EL PROCESO: EL DIAGRAMA DE CONTROL INDICA QUE NO HUBO UN CAMBIO EN EL PROCESO CUANDO EN REALIDAD SI LO HUBO: EL DATO ASOCIADO A UN CIERTO SUBGRUPO (SU MEDIA, SU RANGO O SU DESVIACION ESTANDAR) CAE DENTRO DE LOS LIMITES DE CONTROL, AUN CUANDO EL PARAMETRO QUE SE ESTA MONITOREANDO CAMBIO.

EJEMPLO

CONSIDERE EL EXPERIMENTO DEL TAZON DE SHEWHART (VARIABLE ORIGINAL NORMAL, CON $\mu = 30$ Y $\sigma = 10$). PARA CONTROLAR EL PROCESO, SE OBSERVAN SUBGRUPOS DE TAMAÑO 4. SI SE ESTA MONITOREANDO \bar{X} USANDO LIMITES 3-SIGMA Y LA MEDIA DEL PROCESO CAMBIA A $\mu_1 = 40$

- a. ¿CUAL ES LA PROBABILIDAD β DE COMETER UN ERROR TIPO II?
- b. ¿CUAL ES LA PROBABILIDAD DE DETECTAR EL CAMBIO DOS SUBGRUPOS DESPUES DE QUE ESTE OCURRIO?
- c. ¿CUAL ES EL NUMERO DE SUBGRUPOS QUE SE ESPERA TRANSCURRAN ANTES DE DETECTAR EL CAMBIO?

EJEMPLO

CONSIDERE EL EXPERIMENTO DEL TAZON DE SHEWHART
(VARIABLE ORIGINAL NORMAL, CON $\mu = 30$ Y $\sigma = 10$). PARA
CONTROLAR EL PROCESO, SE OBSERVAN SUBGRUPOS DE TAMAÑO
9. SI SE ESTA MONITOREANDO \bar{X} USANDO LIMITES 3-SIGMA Y LA
MEDIA DEL PROCESO CAMBIA A $\mu_1 = 40$

- a. ¿CUAL ES LA PROBABILIDAD β DE COMETER UN ERROR TIPO II?
- b. ¿CUAL ES LA PROBABILIDAD DE DETECTAR EL CAMBIO DOS
SUBGRUPOS DESPUES DE QUE ESTE OCURRIO?
- c. ¿CUAL ES EL NUMERO DE SUBGRUPOS QUE SE ESPERA
TRANSCURRAN ANTES DE DETECTAR EL CAMBIO?

EJEMPLO

CONSIDERE EL EXPERIMENTO DEL TAZON DE SHEWHART (VARIABLE ORIGINAL NORMAL, CON $\mu = 30$ Y $\sigma = 10$). PARA CONTROLAR EL PROCESO, SE OBSERVAN SUBGRUPOS DE TAMAÑO 4. SI SE ESTA MONITOREANDO \bar{X} USANDO LIMITES 3-SIGMA Y LA MEDIA DEL PROCESO CAMBIA A $\mu_1 = 50$

- a. ¿CUAL ES LA PROBABILIDAD β DE COMETER UN ERROR TIPO II?
- b. ¿CUAL ES LA PROBABILIDAD DE DETECTAR EL CAMBIO DOS SUBGRUPOS DESPUES DE QUE ESTE OCURRIO?
- c. ¿CUAL ES EL NUMERO DE SUBGRUPOS QUE SE ESPERA TRANSCURRAN ANTES DE DETECTAR EL CAMBIO?

CALCULO DEL ERROR TIPO II PARA DIAGRAMA \bar{X}

SI SE ESTA MONITOREANDO \bar{X} USANDO LIMITES 3-SIGMA Y LA MEDIA DEL PROCESO CAMBIA DE μ A $\mu_1 = \mu + k\sigma$, EL RIESGO β , O PROBABILIDAD DE COMETER UN ERROR TIPO II ES:

$$\begin{aligned}\beta &= P[LIC \leq \bar{X} \leq LSC | \mu_1] \\ &= \Phi(3 - k\sqrt{n}) - \Phi(-3 - k\sqrt{n})\end{aligned}$$

LA PROBABILIDAD DE QUE EL CAMBIO SE DETECTE (POR PRIMERA VEZ) EN EL SUBGRUPO m ES:

$$\beta^{m-1}(1 - \beta).$$

EL NUMERO ESPERADO DE SUBGRUPOS QUE SE ESPERA TRANSCURRAN ANTES DE DETECTAR EL CAMBIO (*AVERAGE RUN LENGTH*) ES:

$$\sum_{m=1}^{\infty} m\beta^{m-1}(1 - \beta) = \frac{1}{1 - \beta}$$

CURVA CO PARA EL DIAGRAMA \bar{X}

SI SE ESTA MONITOREANDO \bar{X} USANDO LIMITES 3-SIGMA Y LA MEDIA DEL PROCESO CAMBIA DE μ A $\mu_1 = \mu + k\sigma$, LA SIGUIENTE CCO MUESTRA EL RIESGO β , O PROBABILIDAD DE COMETER UN ERROR TIPO II:

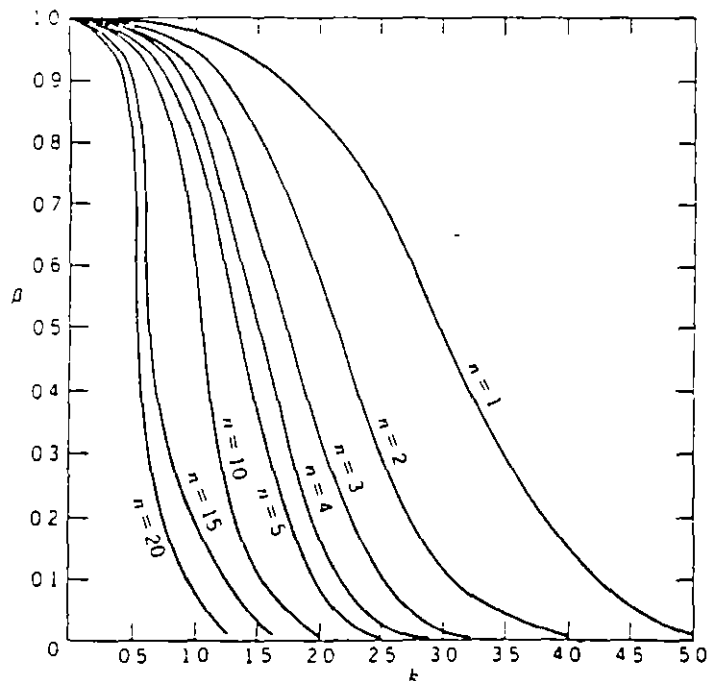


Figura 6-13. Curvas características de operación para el diagrama de \bar{x} con límites de tres sigmas. Se tiene que $\beta = P$ (no detectar un cambio de $k\sigma$ en la media en la primera muestra después del cambio)

CURVA CO PARA EL DIAGRAMA \bar{X}

SI SE ESTA MONITOREANDO \bar{X} USANDO LIMITES 3-SIGMA Y LA MEDIA DEL PROCESO CAMBIA DE μ A $\mu_1 = \mu + k\sigma$, LA SIGUIENTE CCO MUESTRA EL RIESGO β , O PROBABILIDAD DE COMETER UN ERROR TIPO II:

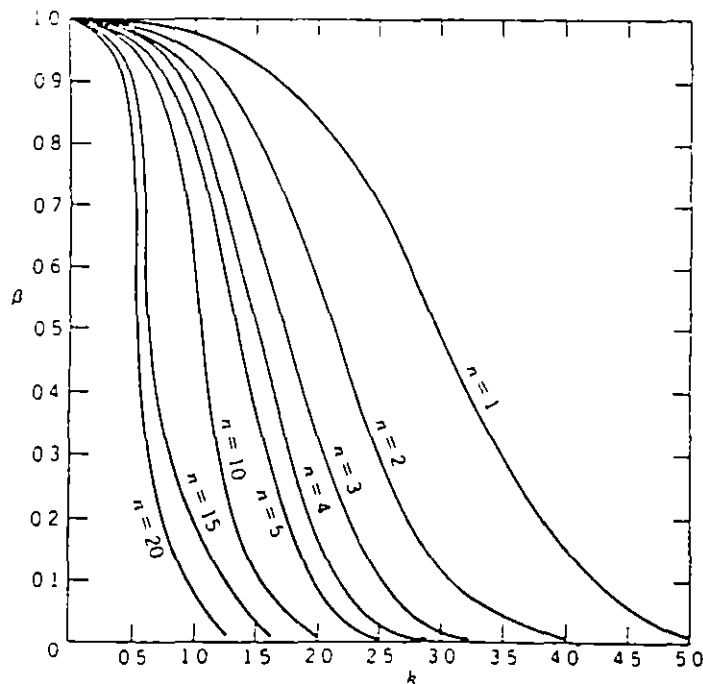


Figura 6-13 Curvas características de operación para el diagrama de \bar{x} con límites de tres sigmas. Se tiene que $\beta = P$ (no detectar un cambio de $k\sigma$ en la media en la primera muestra después del cambio)

CURVA CO PARA EL DIAGRAMA R

SI SE ESTA MONITOREANDO R USANDO LIMITES 3-SIGMA Y LA DESVIACION ESTANDAR σ_0 CAMBIA A UN VALOR σ_1 , TAL QUE $\lambda = \sigma_1/\sigma_0$, LA SIGUIENTE CCO MUESTRA EL RIESGO β , O PROBABILIDAD DE COMETER UN ERROR TIPO II:

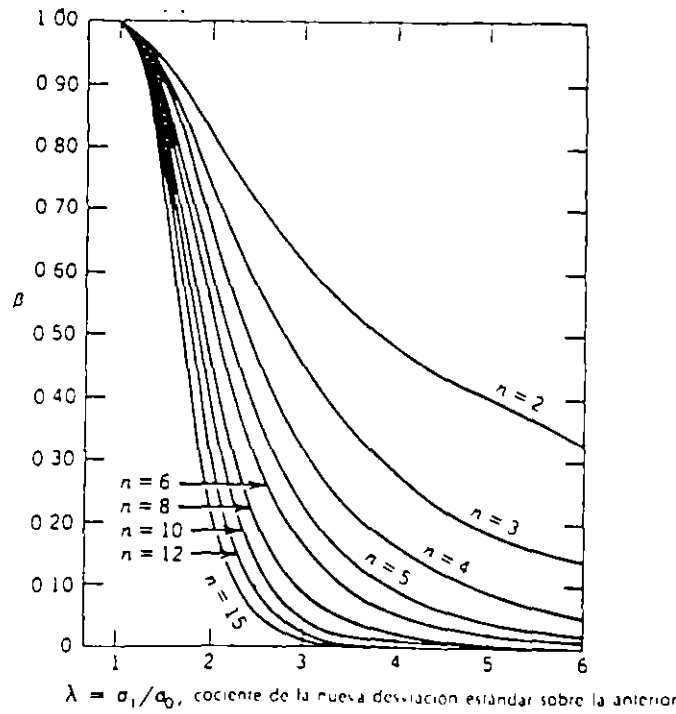


Figura 6-14. Curvas características de operación para el diagrama de R con límites de tres sigmas (Adaptado de A.J. Duncan, "Operating Characteristics of R Charts", *Industrial Quality Control*, vol. 7, no. 5, p. 40-41, 1951, con permiso de American Society for Quality Control, ASQC)

TEMA 6:

**DETECCION DE INESTABILIDAD DE UN PROCESO
MEDIANTE ANALISIS DE CORRIDAS**

INESTABILIDAD DE UN PROCESO

SE MANIFIESTA COMO UN CAMBIO EN:

1. SOLO LOCALIZACION
2. SOLO DISPERSION
3. TANTO EN LOCALIZACION COMO EN DISPERSION

UN CAMBIO OBSERVADO PUEDE SER:

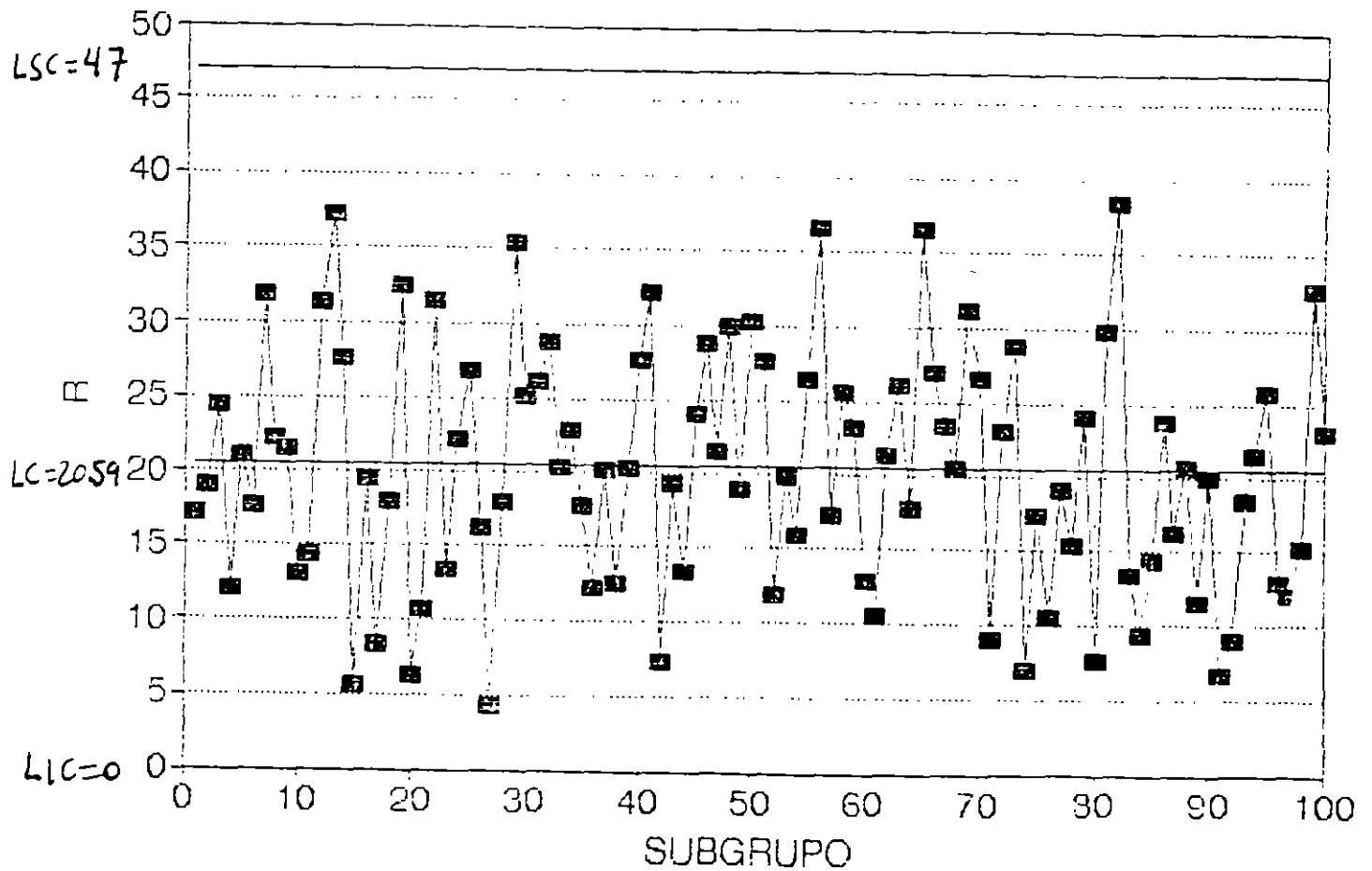
1. SOSTENIDO
2. FRECUENTE E IRREGULAR
3. GRADUAL O SISTEMATICO

CAMBIO SOSTENIDO

CAMBIO SUBITO (EN LOCALIZACION Y/O DISPERSION) QUE SE MANTIENE DURANTE UN CIERTO PERIODO DE TIEMPO

EJEMPLO

LA SIGUIENTES GRAFICAS MUESTRAN LOS DIAGRAMAS DE CONTROL PARA R Y PARA \bar{X} PARA LOS PRIMEROS 100 SUBGRUPOS DEL EXPERIMENTO DE SHEWHART ($\mu = 30, \sigma = 10, N = 4$) OBSERVE QUE EL PROCESO ES ESTABLE



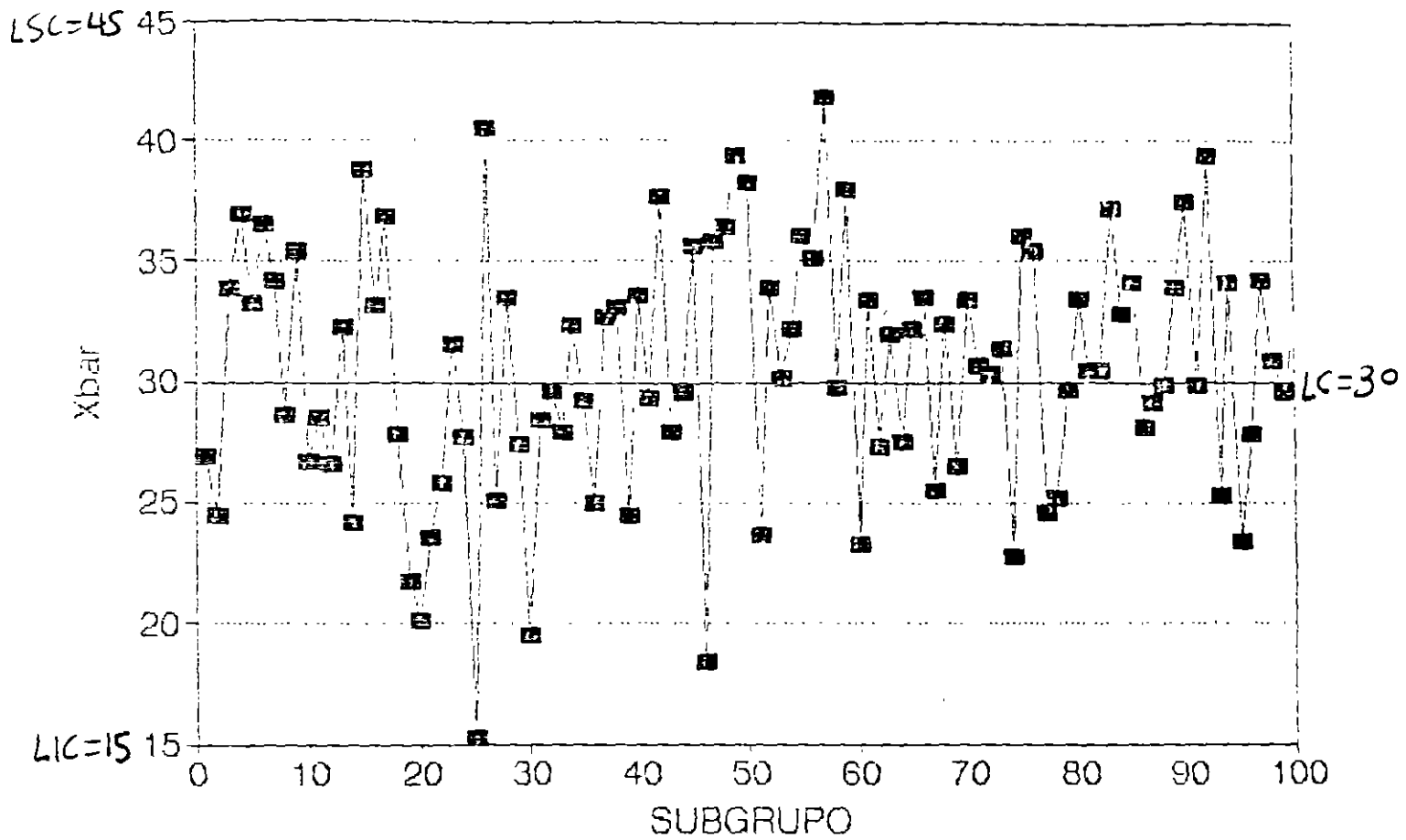
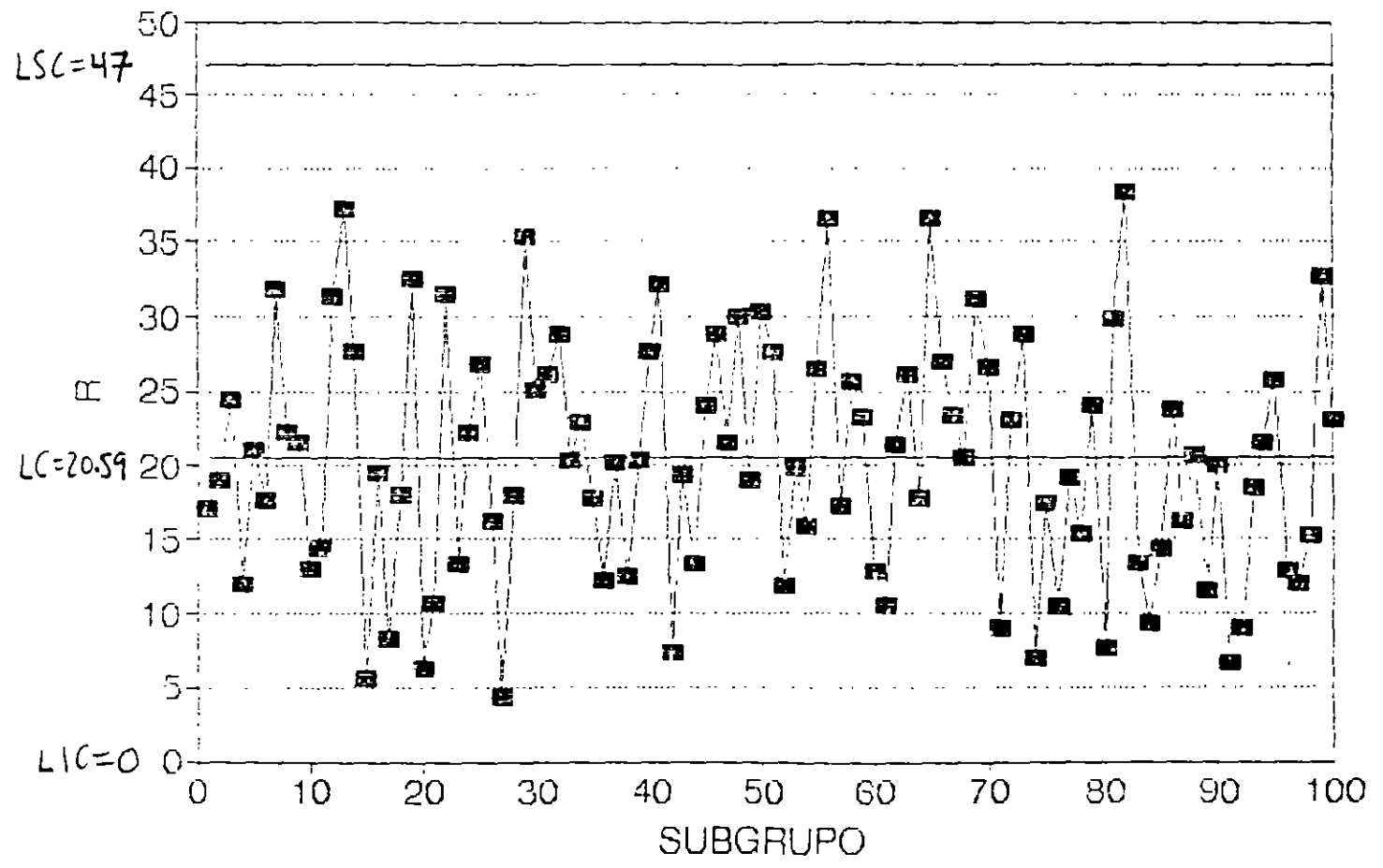


DIAGRAMA DE CONTROL PARA \bar{X}
 (DATOS ORIGINALES)

CAMBIO SOSTENIDO EN LOCALIZACION (SIN CAMBIO EN DISPERSION)

EJEMPLO

LAS SIGUIENTES GRAFICAS MUESTRAN, PARA EL EXPERIMENTO DE SHEWHART (USANDO LOS LIMITES DE CONTROL ORIGINALES). EL EFECTO SOBRE LOS DIAGRAMAS R Y \bar{X} SI SE SUMA 10 A CADA UNA DE LAS OBSERVACIONES DE LOS SUBGRUPOS 41-80



**DIAGRAMA DE CONTROL PARA R
(CAMBIO SOSTENIDO EN MEDIA)**

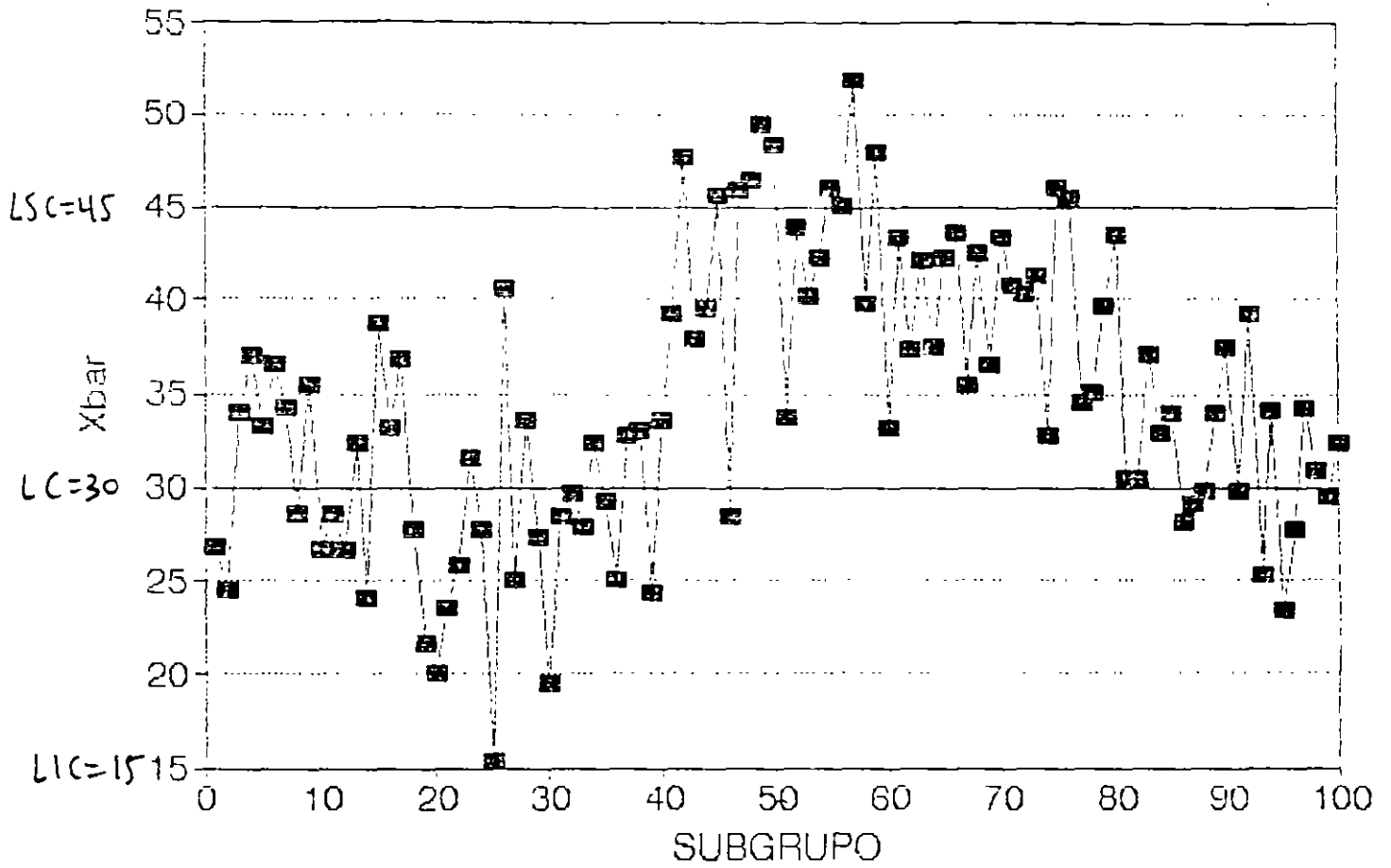


DIAGRAMA DE CONTROL PARA \bar{X}
(CAMBIO SOSTENIDO EN MEDIA)

ESTE TIPO DE CAMBIO SE MANIFIESTA SOLO EN DIAGRAMA \bar{X}

CAMBIOS FRECUENTES EN LOCALIZACION (SIN CAMBIO EN DISPERSION)

EJEMPLO

LAS SIGUIENTES GRAFICAS MUESTRAN, PARA EL EXPERIMENTO DE SHEWHART (USANDO LOS LIMITES DE CONTROL ORIGINALES), EL EFECTO SOBRE LOS DIAGRAMAS R Y \bar{X} SI (1) SE RESTA 10 A DATOS DE SUBGRUPOS 41-50, (2) SE RESTA 20 A DATOS DE SUBGRUPOS 51-60, (3) SE SUMA 20 A DATOS DE SUBGRUPOS 61-70 Y (4) SE SUMA 10 A CADA UNA DE LAS OBSERVACIONES DE LOS SUBGRUPOS 71-80

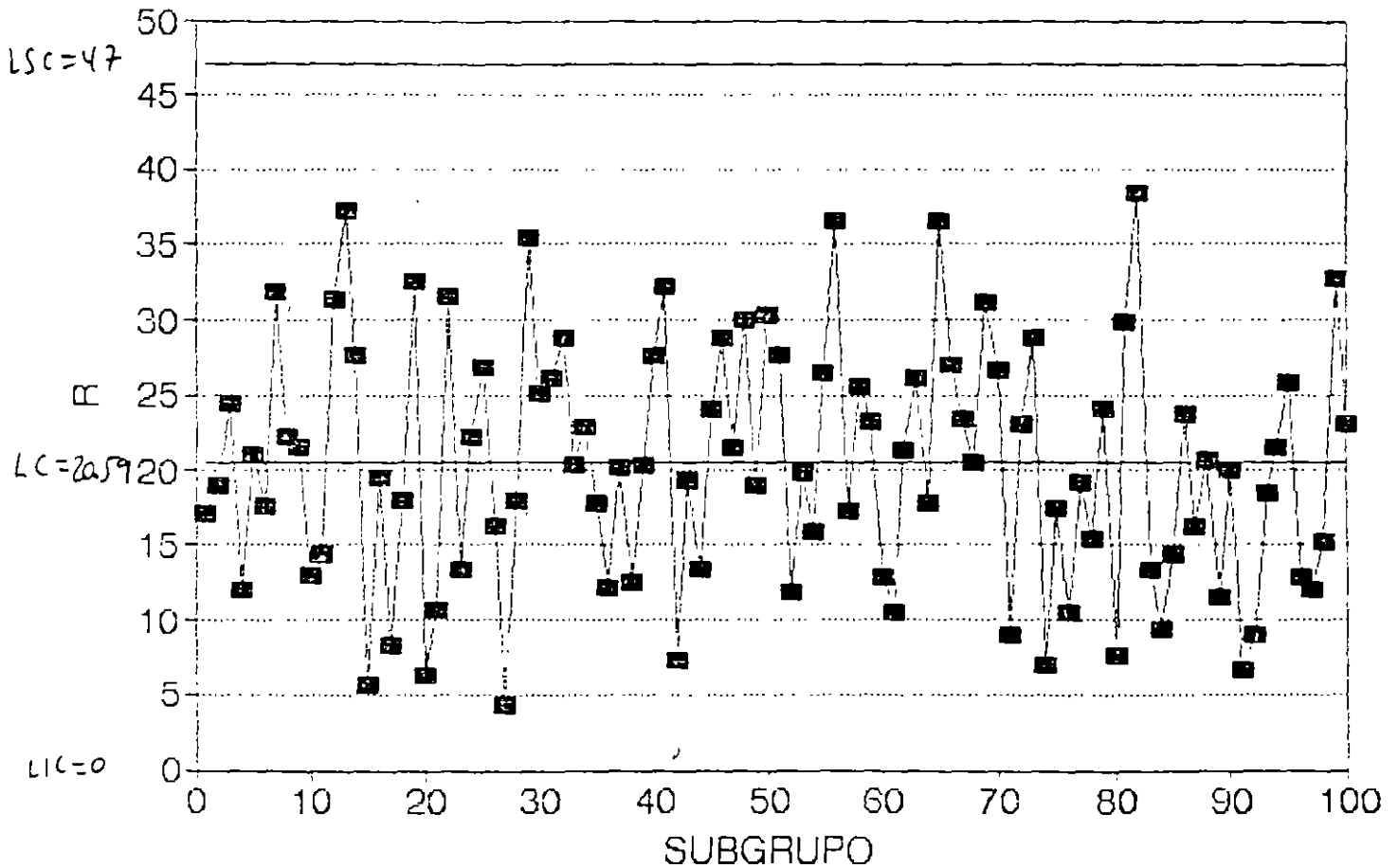


DIAGRAMA PARA R
(Cambios irregulares en localización,
sin cambio en dispersión)

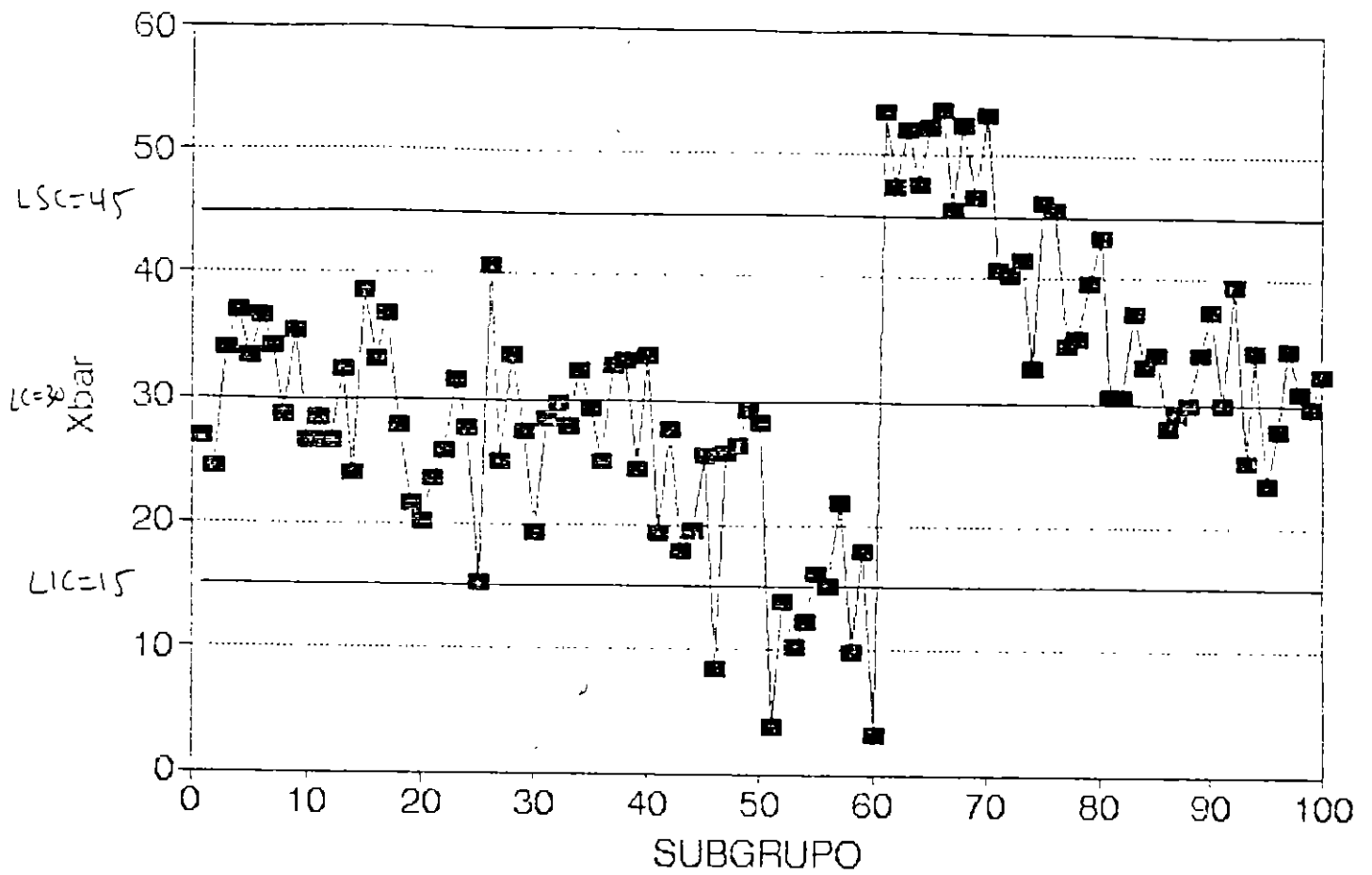


DIAGRAMA PARA \bar{X}
 (Cambios irregulares en localización,
 sin cambio en dispersión)

ESTE TIPO DE CAMBIO SE MANIFIESTA SOLO EN DIAGRAMA \bar{X}

CAMBIO SOSTENIDO EN DISPERSION (SIN CAMBIO EN LOCALIZACION)

EJEMPLO

LAS SIGUIENTES GRAFICAS MUESTRAN, PARA EL EXPERIMENTO DE SHEWHART (USANDO LOS LIMITES DE CONTROL ORIGINALES), EL EFECTO SOBRE LOS DIAGRAMAS R Y \bar{X} DE SIMULAR NUEVOS DATOS PARA LOS SUBGRUPOS 41-80 USANDO $\sigma = 20$

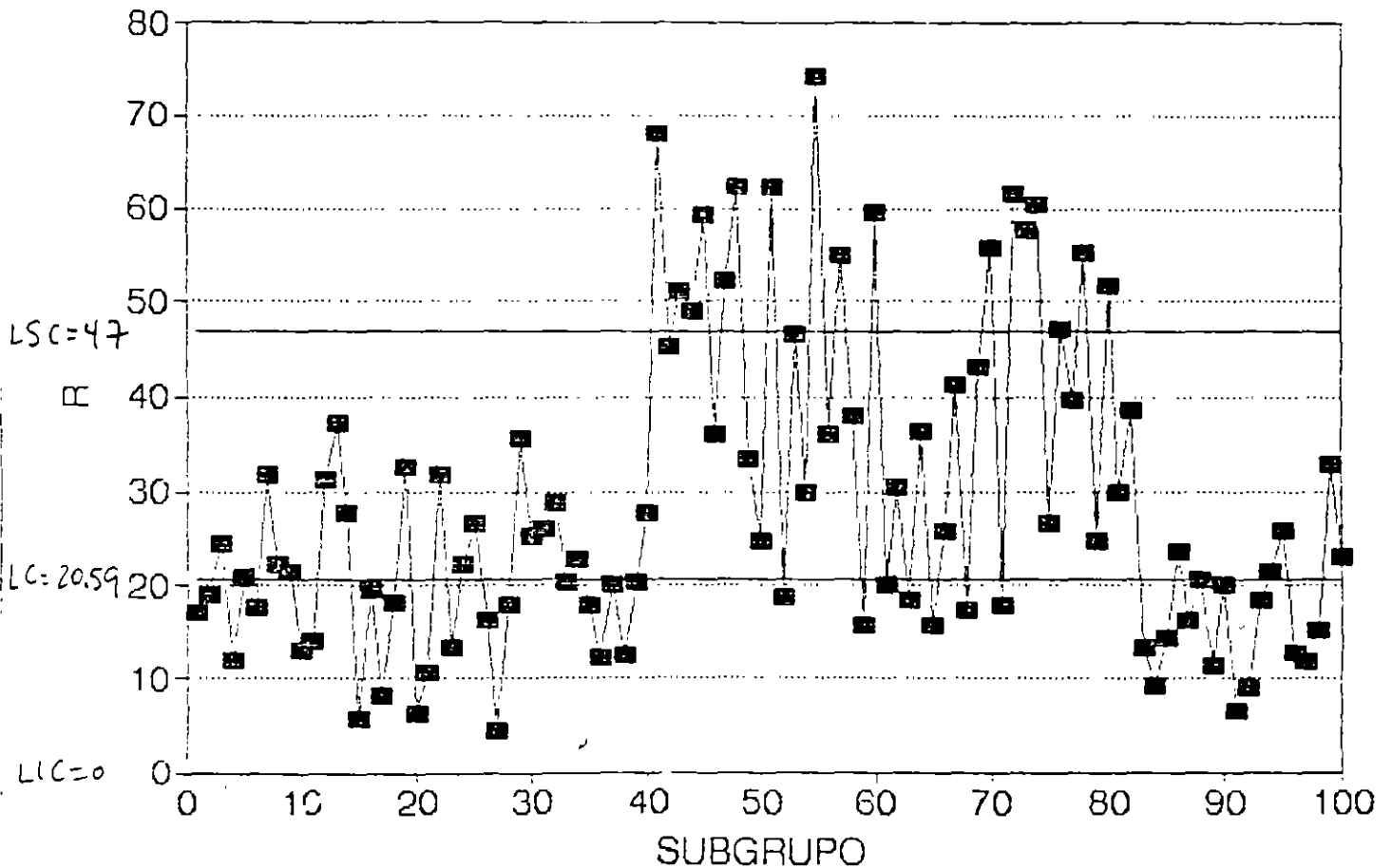


DIAGRAMA PARA R
(Cambio sostenido en dispersión,
sin cambios en localización)

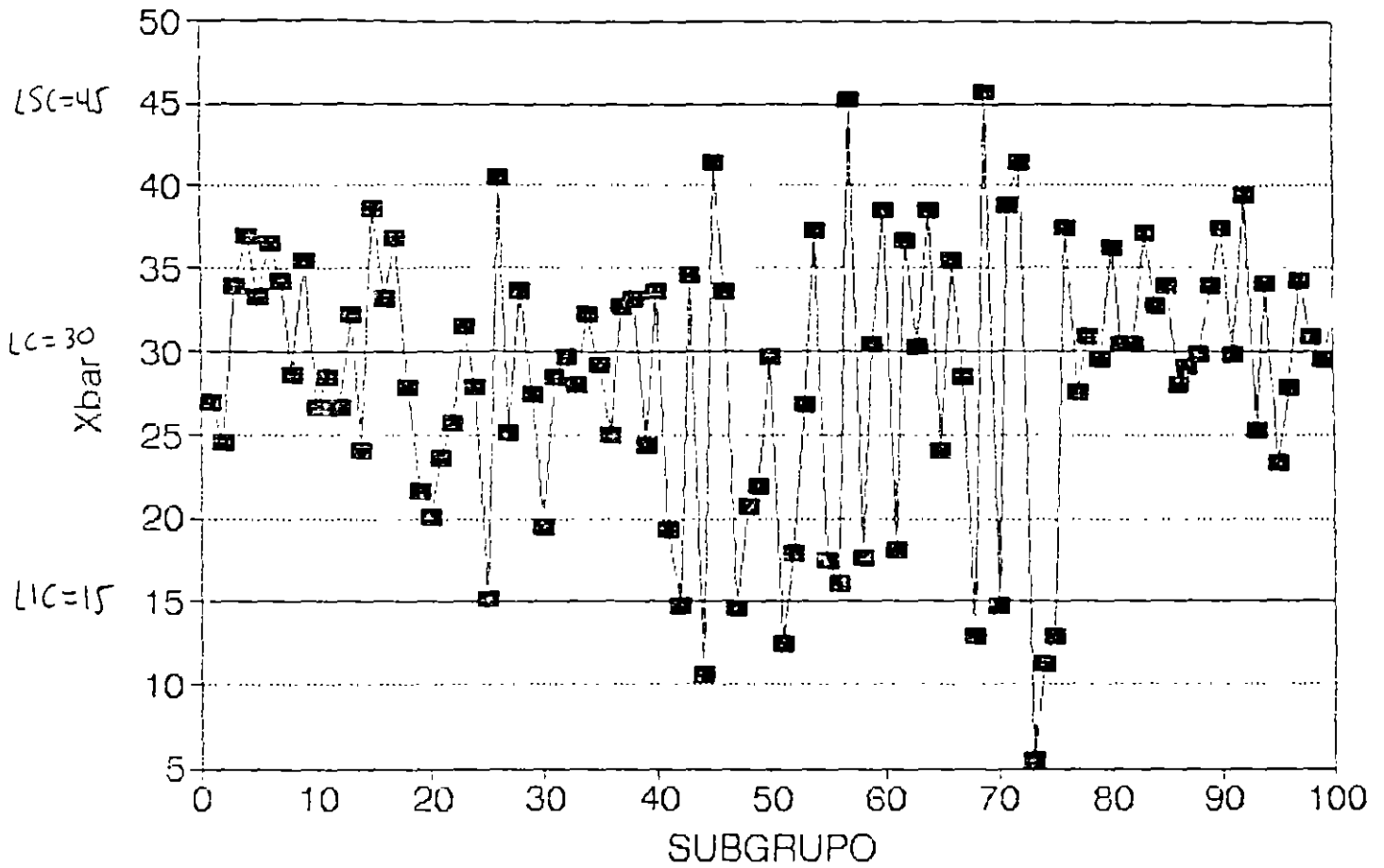


DIAGRAMA PARA \bar{X}
 (Cambio sostenido en dispersión,
 sin cambios en localización)

ESTE TIPO DE CAMBIO SE MANIFIESTA EN AMBOS DIAGRAMAS:
 MAS PUNTOS FUERA DE CONTROL EN DIAGRAMA R QUE EN
 DIAGRAMA \bar{X}

CAMBIO SISTEMATICO

CAMBIO QUE MUESTRA CIERTA REGULARIDAD. SE ASOCIA CON UNA "FALTA DE AJUSTE A UNA DISTRIBUCION NORMAL"

ALGUNOS TIPOS DE CAMBIO SISTEMATICO SE DETECTAN CUANDO LOS DIAGRAMAS DE CONTROL MUESTRAN PATRONES COMO:

1. TENDENCIA
2. CICLO
3. MUCHOS PUNTOS CERCA DE LINEA CENTRAL
4. MUCHOS PUNTOS CERCA DE LIMITES DE CONTROL

CORRIDA

SERIE DE SUBGRUPOS SUCESIVOS QUE MUESTRAN ALGUN TIPO DE PATRON DE CAMBIO SISTEMATICO .

EJEMPLO

LAS SIGUIENTES FIGURAS MUESTRAN PATRONES ASOCIADOS A CAMBIOS SISTEMATICOS CON SUS POSIBLES CAUSAS

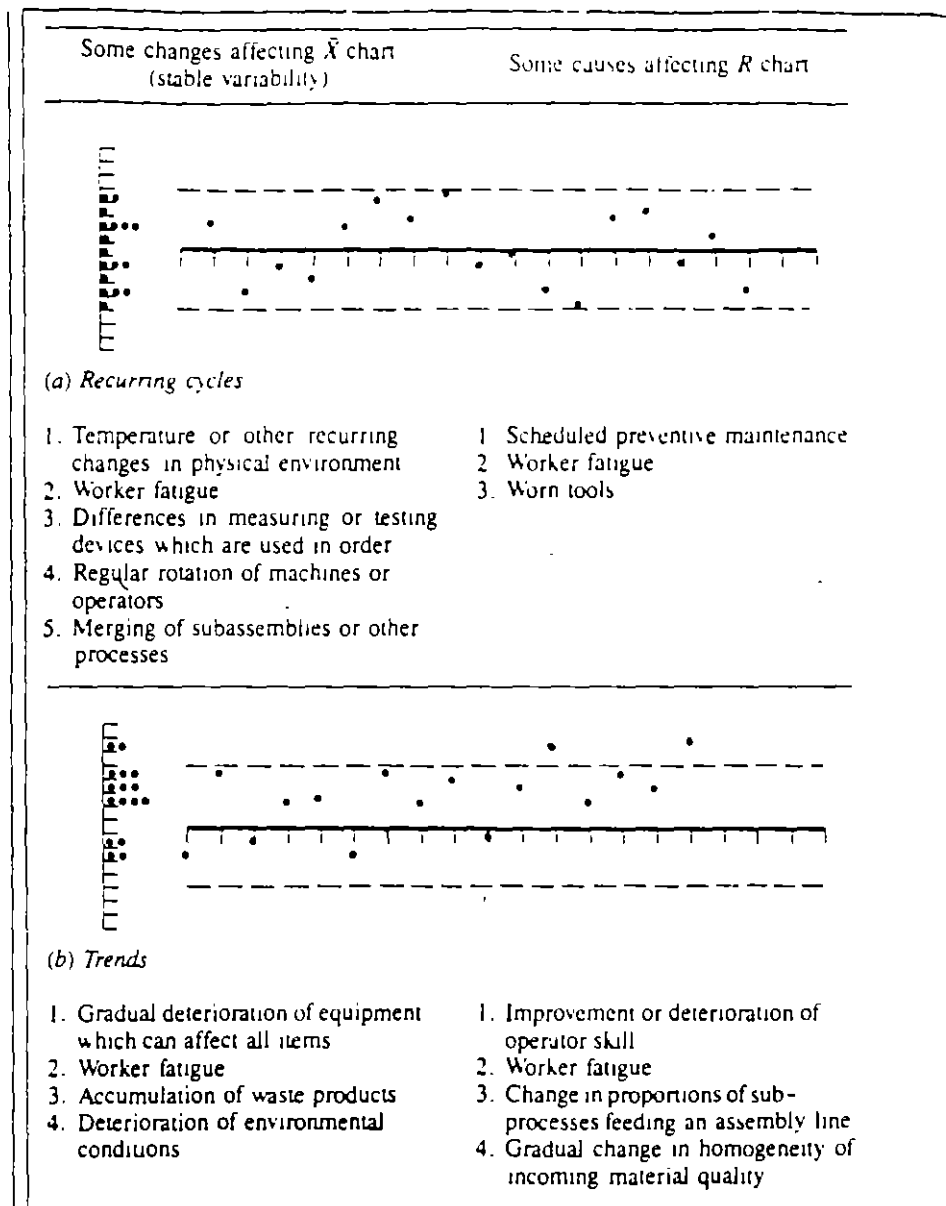
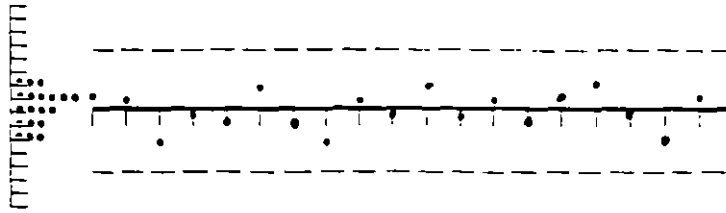


FIG 7-9 CAMBIOS SISTEMATICOS EN PATRONES DE VARIACION Y POSIBLES CAUSAS

Some causes affecting \bar{X} chart
(stable variability)

Some causes affecting R chart

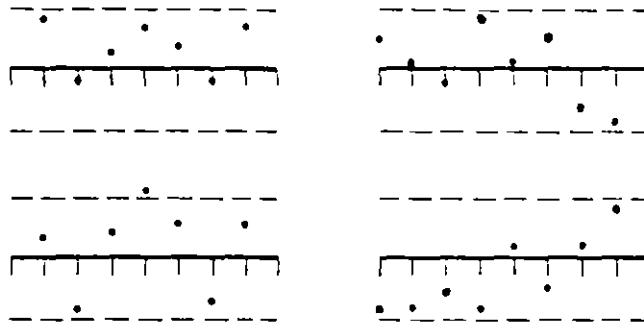


(e) Stratification or lack of variability:

1. Incorrect calculation of control limits
2. Incorrect subgrouping. R chart captures more variability than \bar{X} chart

1. Collecting in each sample a number of measurements from widely differing universes

Correlation between charts



Positive correlation

Negative correlation

(f) Correlation between \bar{X} and R charts for same process

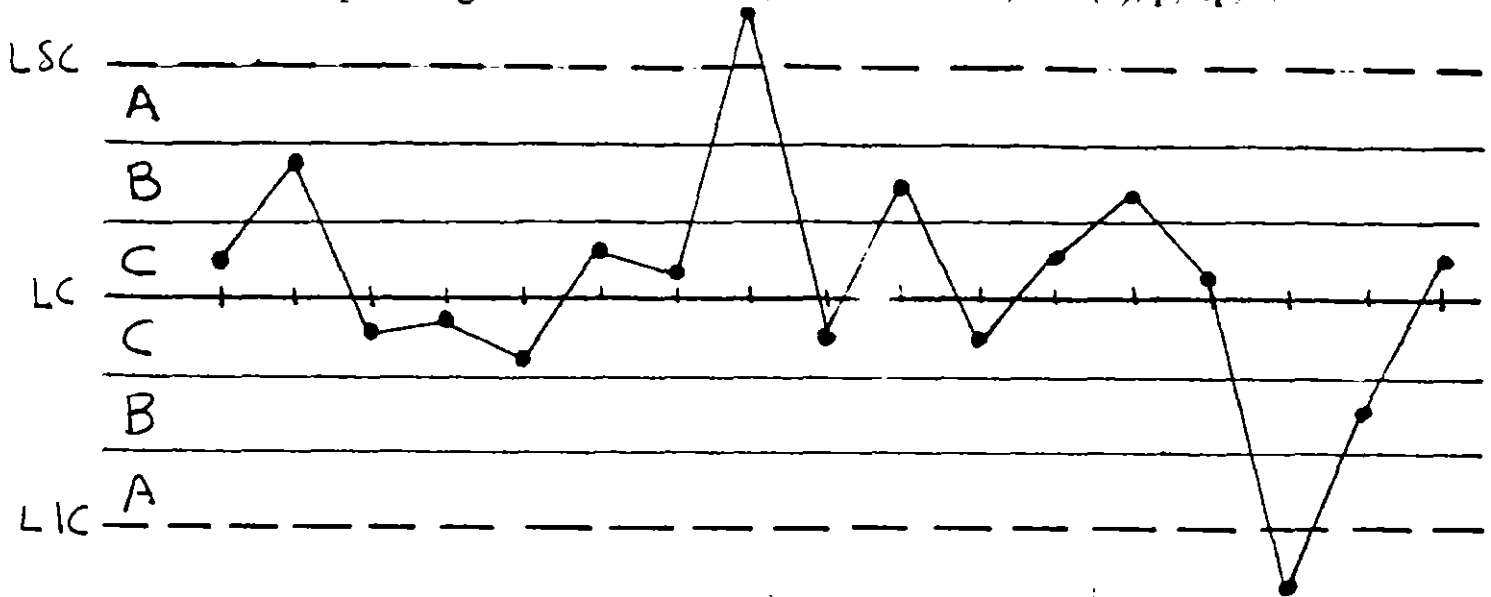
1. Skewness in underlying universe
2. Points generated from the same sample

(g) Correlation between different \bar{X} or R charts

1. Points generated from the same sample
2. Unknown cause-and-effect relationships

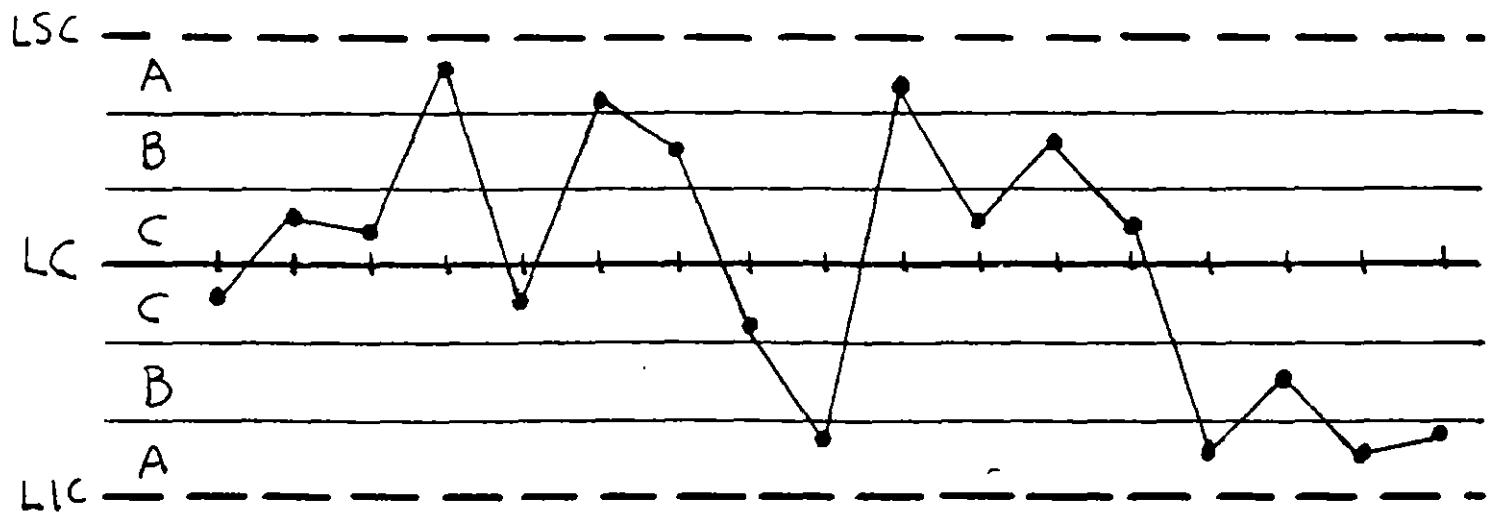
REGLA NUMERO 1:

Un punto fuera de uno de los límites de control (más allá de la zona A). Regla válida para diagramas de control: \bar{R} , \bar{X} , PM, RM, I, RM(2), p, np, c, o u.



REGLA NUMERO 2:

Dos de tres puntos sucesivos caen en la zona A (del mismo lado) o más lejos. El "otro" punto puede estar donde sea. Regla válida para diagramas de control \bar{R} , I, p, np, c, o u.

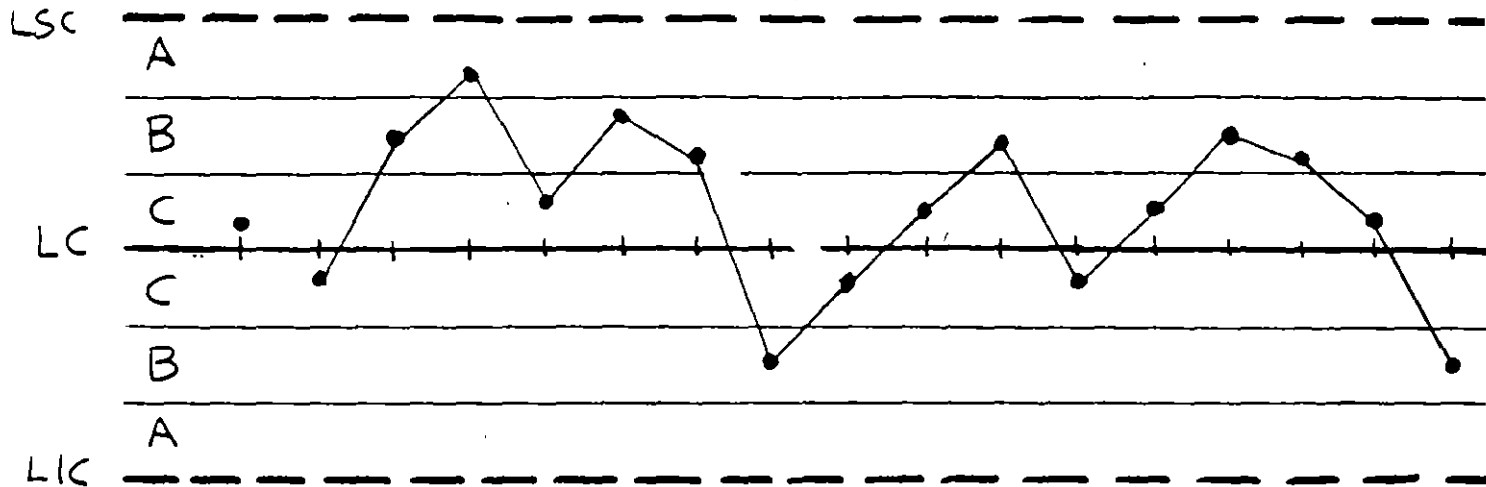


Marque sólo el segundo de los puntos con una X.

REGLA NUMERO 3:

Cuatro de cinco puntos sucesivos caen en la zona B (del mismo lado) o más lejos. El otro punto cae donde sea. Regla válida para diagramas de control: R, \bar{X} , I, p, np, c, o u.

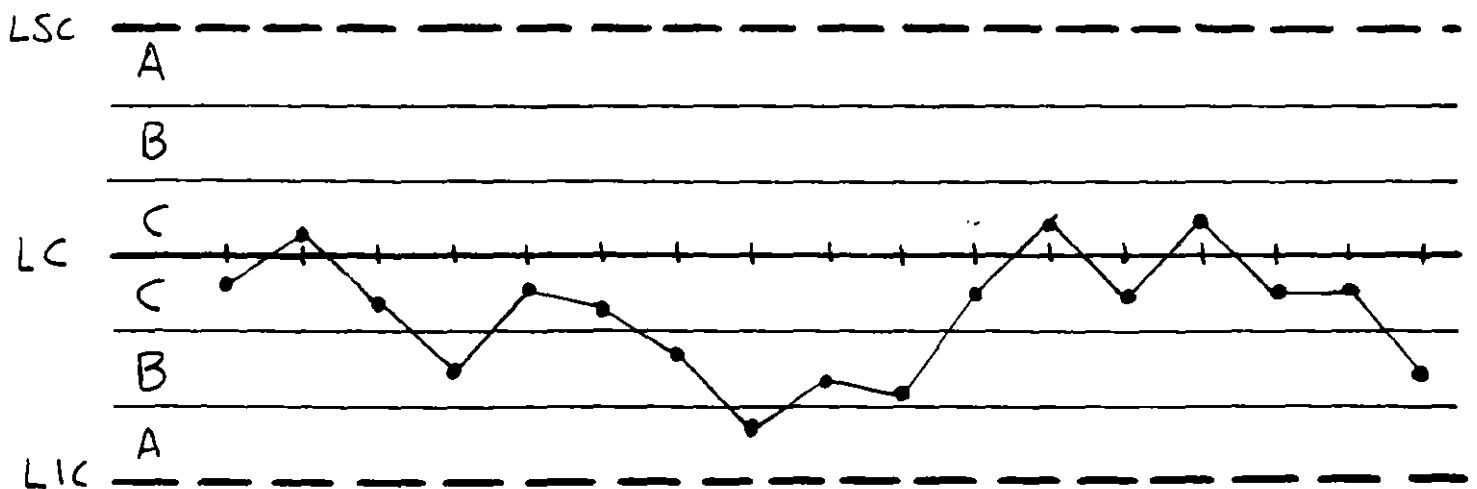
\bar{X} , I, p, np, c, o u.



Marque sólo el cuarto de los cuatro puntos con una X.

REGLA NUMERO 4:

Ocho puntos sucesivos caen en la zona C (del mismo lado) o más lejos. Regla válida para diagramas de control: R, \bar{X} , I, p, np, c, o u.



Marque sólo el octavo punto con una X.

DETECCION DE PRESENCIA DE CORRIDAS: REGLAS PARA CORRIDAS DE NELSON

TECHNICAL AIDS

by
Lloyd S. Nelson

The Shewhart Control Chart—Tests for Special Causes

THREE years ago, for purposes of convenience and uniformity of application, I collected a set of tests for assignable causes (Figure 1) to be applied to Shewhart control charts for means of normally distributed data. Figure 2 is a set of comments on these tests. Deming (1982) refers to assignable causes as "special causes" in order to contrast them with what he calls "common causes". A common cause is one that affects all the points on the chart, as when a centerline is too high. A common cause is fixed by changing the system. A special cause is fixed by removing the perturbing influence that caused the out-of-control signal.

For my use, Figures 1 and 2 were printed back-to-back on 8.5" × 11" yellow card stock and issued to all areas where Shewhart charts are applied. One of the main objectives was to standardize on this schedule of tests so that discussion would be focused on the behavior of the process rather than on what test should be used. Further, control limits are

KEY WORDS: Shewhart Control Charts, Tests for Assignable Causes, Tests for Special Causes, \bar{X} Control Charts

taken to be three sigma away from the mean unless specified otherwise. If it is desirable to use what otherwise might be called "two sigma control limits", test one is simply redefined to be "one point beyond Zone B."

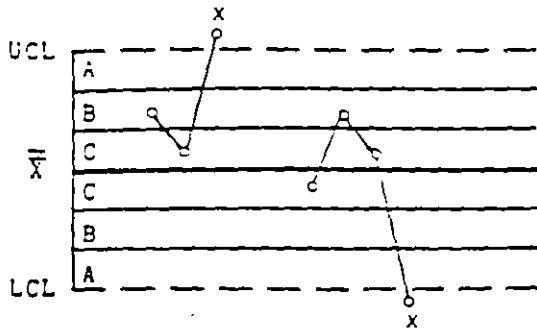
Tests one, three, and four can be used with p , np , c , and u charts. If the distributions are close enough to being symmetrical, test two can also be used with these charts. Use binomial or Poisson tables to check specific situations.

Conditions that can cause each of these tests to give a signal are illustrated in the Western Electric *Statistical Quality Control Handbook* (1956). The serious user should consult this source. I am pleased to be able to say that the Society has given permission for readers to reproduce Figures 1 and 2 without copyright restriction.

References

- DEMING, W. E. (1982). *Quality, Productivity and Competitive Position*. Center for Advanced Engineering Study, Massachusetts Institute of Technology, Cambridge, MA, Chapter 7
- WESTERN ELECTRIC (1956) *Statistical Quality Control Handbook*. American Telephone and Telegraph Company, Chicago, IL.

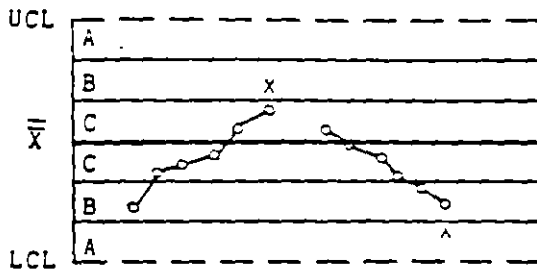
Test 1. One point beyond Zone A



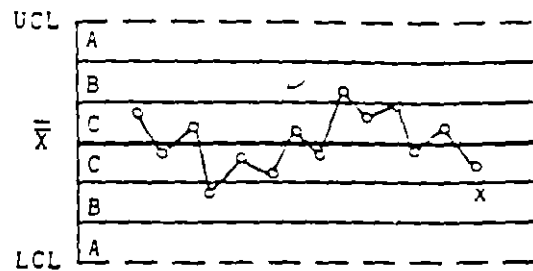
Test 2. Nine points in a row in Zone C or beyond



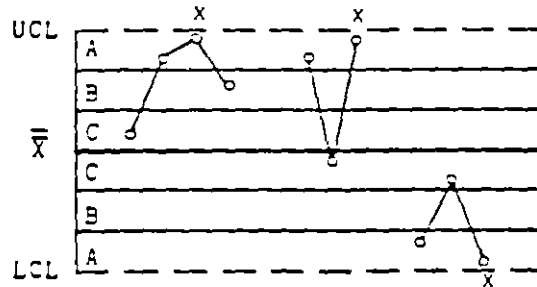
Test 3. Six points in a row steadily increasing or decreasing



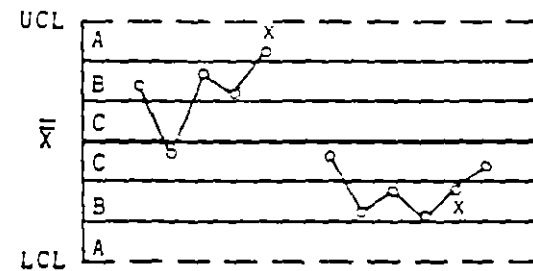
Test 4. Fourteen points in a row alternating up and down



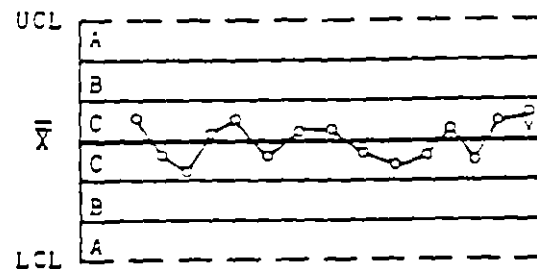
Test 5. Two out of three points in a row in Zone A or beyond



Test 6. Four out of five points in a row in Zone B or beyond



Test 7. Fifteen points in a row in Zone C (above and below centerline)



Test 8. Eight points in a row on both sides of centerline with none in Zones C

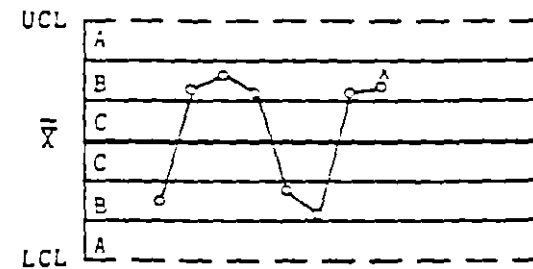


FIGURE 1. Illustrations of Tests for Special Causes Applied to Shewhart Control Charts

SHEWHART CONTROL CHARTS

Notes on Tests for Special Causes

1. These tests are applicable to \bar{X} charts and to individuals (X) charts. A normal distribution is assumed. Tests 1, 2, 5, and 6 are to be applied to the upper and lower halves of the chart separately. Tests 3, 4, 7 and 8 are to be applied to the whole chart.
2. The upper control limit and the lower control limit are set at three sigma above the centerline and three sigma below the centerline. For the purpose of applying the tests, the control chart is equally divided into six zones, each zone being one sigma wide. The upper half of the chart is referred to as A (outer third), B (middle third) and C (inner third). The lower half is taken as the mirror image.
3. When a process is in a state of statistical control, the chance of (incorrectly) getting a signal for the presence of a special cause is less than five in a thousand for each of these tests.
4. It is suggested that Tests 1, 2, 3 and 4 be applied routinely by the person plotting the chart. The overall probability of getting a false signal from one or more of these is about one in a hundred.
5. It is suggested that the first four tests be augmented by Tests 5 and 6 when it becomes economically desirable to have earlier warning. This will raise the probability of a false signal to about two in a hundred.
6. Tests 7 and 8 are diagnostic tests for stratification. They are very useful in setting up a control chart. These tests show when the observations in a subgroup have been taken from two (or more) sources with different means. Test 7 reacts when the observations in the subgroup always come from both sources. Test 8 reacts when the subgroups are taken from one source at a time.
7. Whenever the existence of a special cause is signaled by a test, this should be indicated by placing a cross just above the last point if that point lies above the centerline, or just below it if it lies below the centerline.
8. Points can contribute to more than one test. However, no point is ever marked with more than one cross.
9. The presence of a cross indicates that the process is not in statistical control. It means that the point is the last one of a sequence of points (a single point in Test 1) that is very unlikely to occur if the process is in statistical control.
10. Although this can be taken as a basic set of tests, analysts should be alert to any patterns of points that might indicate the influences of special causes in their process.

FIGURE 2. Comments on Tests for Special Causes

TEMA 7:

**SUBAGRUPAMIENTO RACIONAL: PROBLEMAS DE
ESTRATIFICACION Y DE MEZCLA DE POBLACIONES**

SUBGRUPO (O MUESTRA) RACIONAL

CONJUNTO DE DATOS PROVENIENTES DE MEDICIONES INDIVIDUALES CUYA VARIACION ES ATRIBUIBLE SOLO A UN MISMO PATRON DE VARIACION, O A UN SISTEMA UNICO DE CAUSAS COMUNES

SUBAGRUPAMIENTO RACIONAL

PROCESO DE FORMACION Y OBSERVACION DE SUBGRUPOS EN EL CUAL SE MAXIMIZA LA PROBABILIDAD DE QUE LAS MEDICIONES (DENTRO) DE CADA UNO DE LOS SUBGRUPOS SEAN SIMILARES Y SE MAXIMIZA LA POSIBILIDAD DE QUE LOS SUBGRUPOS DIFIERAN ENTRE SI

SE BUSCA QUE DENTRO DE UN MISMO SUBGRUPO SOLO EXISTA VARIACION COMUN Y QUE LAS CAUSAS ESPECIALES DE VARIACION SE PRESENTEN ENTRE UN SUBGRUPO Y OTRO

PROBLEMAS INVOLUCRADOS:

TAMAÑO DE LOS SUBGRUPOS. FRECUENCIA DEL MUESTREO
METODOS DE SELECCION DE SUBGRUPOS, ETC

TAMAÑO DE LOS SUBGRUPOS

LA DETERMINACION DEL TAMAÑO DE LOS SUBGRUPOS DEBE CONSIDERAR

- LAS OBSERVACIONES DENTRO DE CADA SUBGRUPO DEBEN ESTAR SUJETAS SOLO A VARIACION COMUN. ESTO SE LOGRA ESCOGIENDO UN TAMAÑO PEQUEÑO PARA LOS SUBGRUPOS.
- SE DEBE BUSCAR LA PRESENCIA DE UNA DISTRIBUCION NORMAL PARA LAS MEDIAS DE LAS MUESTRAS. ESTO SE LOGRA ESCOGIENDO SUBGRUPOS CON TAMAÑO MAYOR O IGUAL A 4.
- SE DEBE BUSCAR UNA ADECUADA SENSIBILIDAD PARA DETECTAR CAUSAS ESPECIALES/ASIGNABLES. PARA ELLO, CONVIENE UN TAMAÑO GRANDE DE SUBGRUPOS.
- LA MEDICION, CAPTURA Y PROCESAMIENTO DE DATOS DEBEN REALIZARSE DE MANERA ECONOMICA.

FRECUENCIA DEL MUESTREO

EL INTERVALO DE TIEMPO ENTRE SUBGRUPOS DEBE CONSIDERAR

- NATURALEZA GENERAL DE LA ESTABILIDAD DEL PROCESO: LA INESTABILIDAD QUE SUELE EXHIBIR UN PROCESO.
- FRECUENCIA DE LOS EVENTOS QUE DETERMINAN AL PROCESO (EJEMPLOS: FLUCTUACIONES EN CONDICIONES AMBIENTALES, CAMBIOS EN MATERIAS PRIMAS, ETC)
- COSTO DE MUESTREO.

METODOS DE SELECCION DE SUBGRUPOS

SUBAGRUPAMIENTO RACIONAL \Rightarrow FORMAR SUBGRUPOS CON OBSERVACIONES QUE SEAN LO MAS HOMOGENEAS POSIBLES
ESTO GENERALMENTE SE LOGRA, POR EJEMPLO:

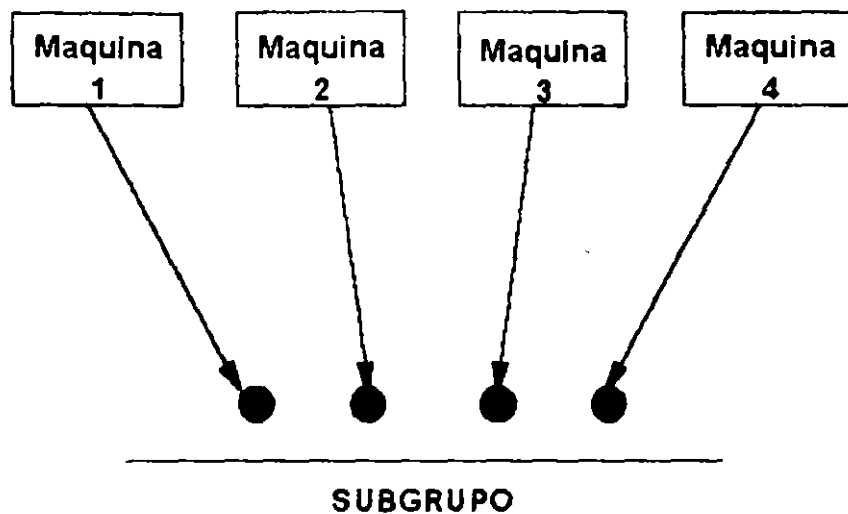
- SELECCIONANDO LOS SUBGRUPOS DE ACUERDO A UN CIERTO ORDEN SECUENCIAL DE PRODUCCION (POR EJEMPLO: 5 MEDICIONES A LAS 9:00, 5 MEDICIONES A LA 9:45...).
- EFECTUANDO LA MEDICIONES DE UN MISMO SUBGRUPO DE MANERA SIMULTANEA.

ERRORES COMUNES EN METODOS DE SELECCION DE SUBGRUPOS:

- ESTRATIFICACION.
- MEZCLA DE POBLACIONES

ESTRATIFICACION

PROBLEMA ASOCIADO CON SUBGRUPOS FORMADOS (DE MANERA "REPRESENTATIVA") POR MEDICIONES PROVENIENTES DE DIFERENTES PROCESOS.



EJEMPLO

UNA COMPAÑIA HA ENFRENTADO CONSTANTES RECHAZOS DE PRODUCTOS POR PARTE DE UN CLIENTE. YA QUE EL 75% DE LAS PIEZAS QUE ESTE HA RECIBIDO SE ENCUENTRAN FUERA DE ESPECIFICACIONES (100 ± 4). EL INGENIERO DE CALIDAD DEMUESTRA, MEDIANTE LOS DIAGRAMAS DE CONTROL PARA R Y PARA \bar{X} PRESENTADOS A CONTINUACION, QUE "LO QUE DICE EL CLIENTE ES TOTALMENTE FALSO"

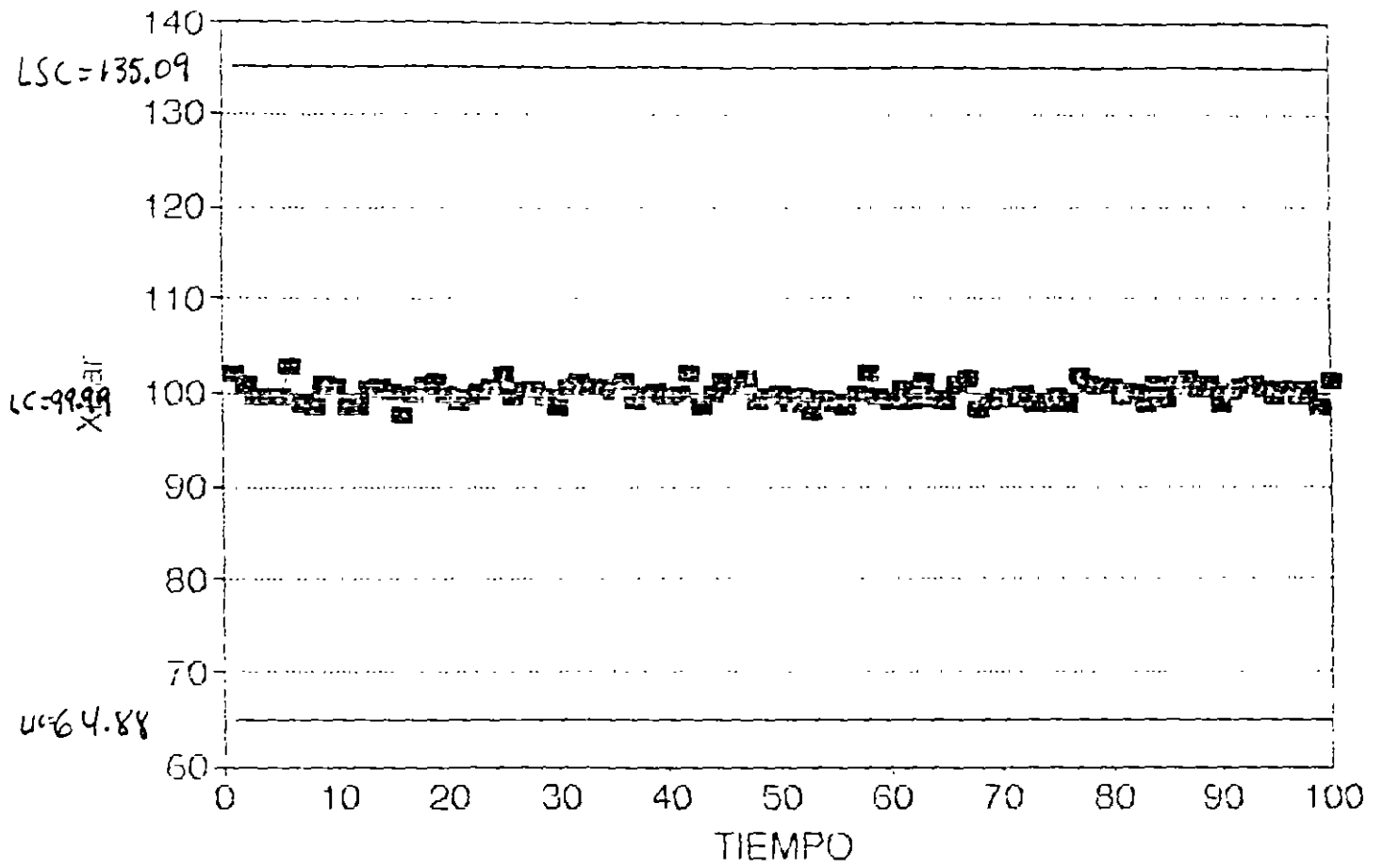


DIAGRAMA DE CONTROL PARA \bar{X}

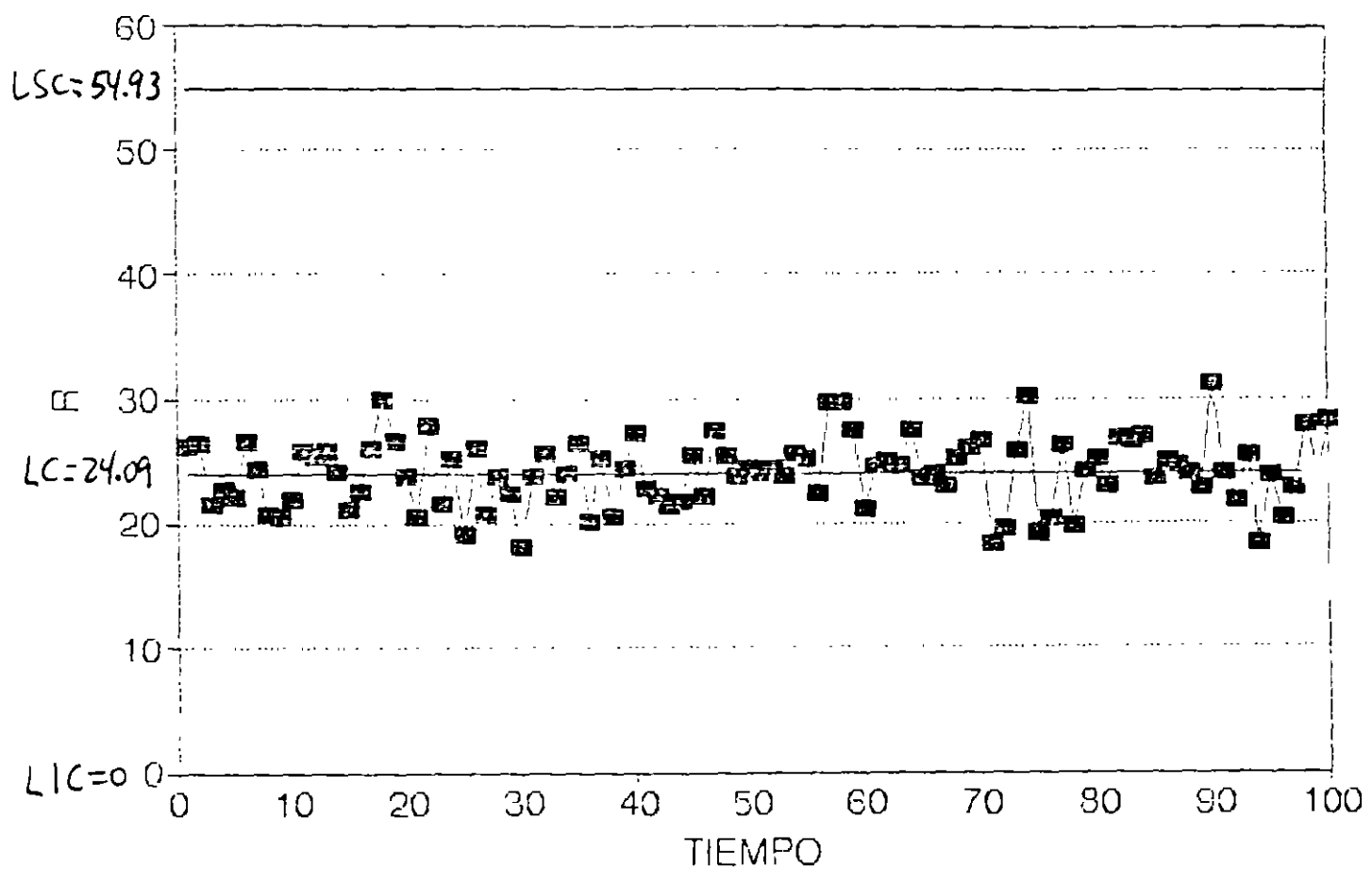
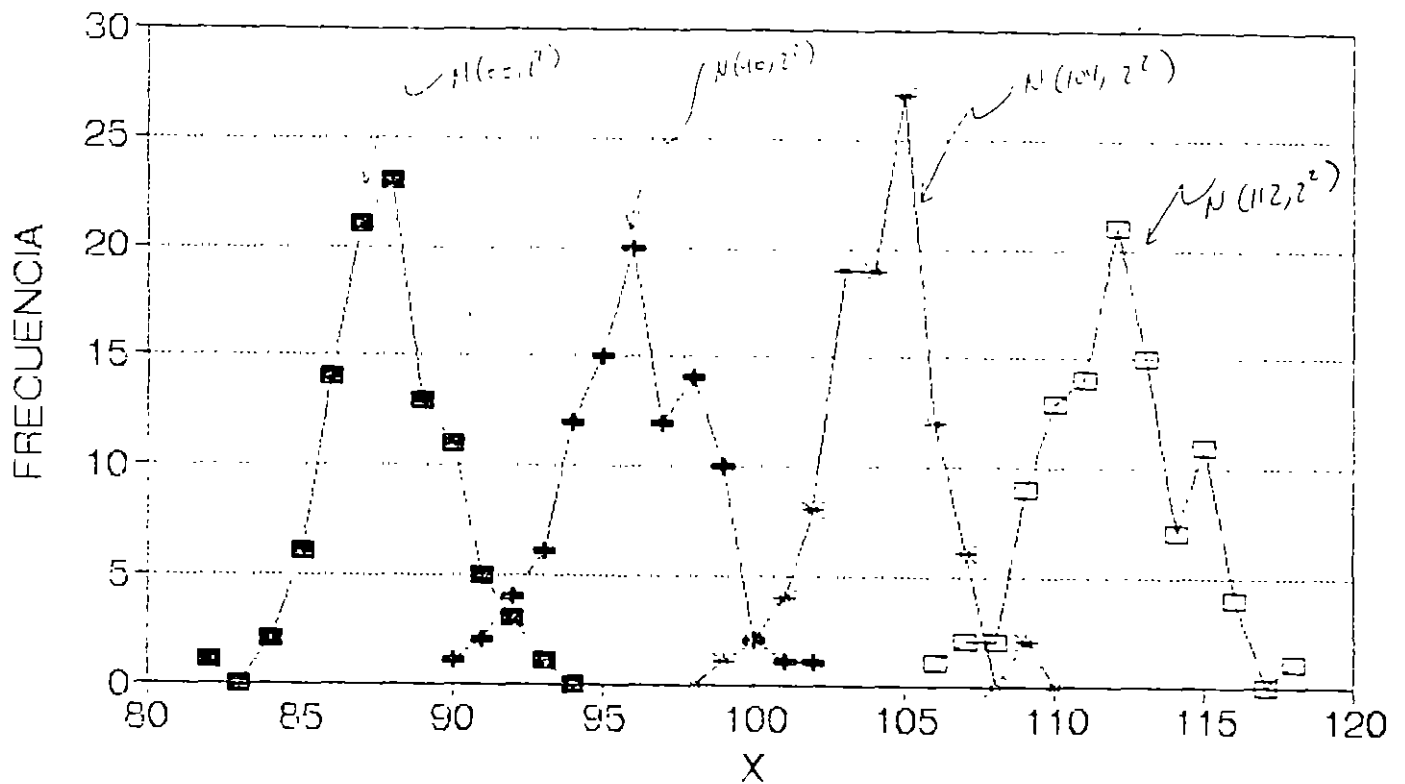


DIAGRAMA DE CONTROL PARA R

DE MANERA SOSPECHOSA. AMBOS DIAGRAMAS "ACARICIAN" LAS LINEAS CENTRALES RESPECTIVAS. ELLO SUELE SER INDICATIVO DE ESTRATIFICACION.

POSTERIORES INDAGACIONES PERMITIERON CONCLUIR QUE SE ESTAN MUESTREANDO SIMULTANEAMENTE 4 POBLACIONES DISTINTAS. CADA UNA PROVENIENTE DE UN PROCESO (MAQUINA DIFERENTE). TAL COMO SE MUESTRA EN LA SIGUIENTE GRAFICA



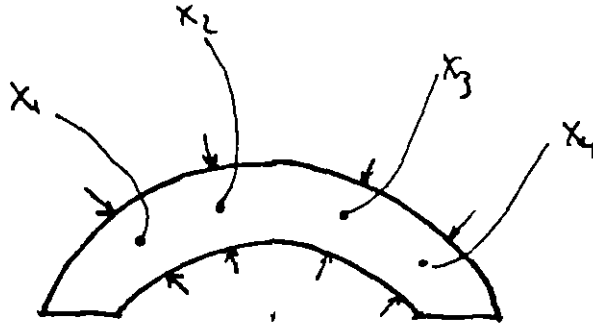
POBLACIONES DEL EJEMPLO

REMEDIO: ELABORAR DIAGRAMAS DE CONTROL PARA CADA UNA DE LAS "FUENTES" DE VARIACION (PROCESOS) DE LOS CUALES SE HACEN LAS OBSERVACIONES.

EJEMPLO

UN CASO FRECUENTE DE ERROR DE ESTRATIFICACION OCURRE CUANDO LOS SUBGRUPOS SE FORMAN A PARTIR DE MULTIPLES MEDICIONES DE UN MISMO ESPECIMEN.

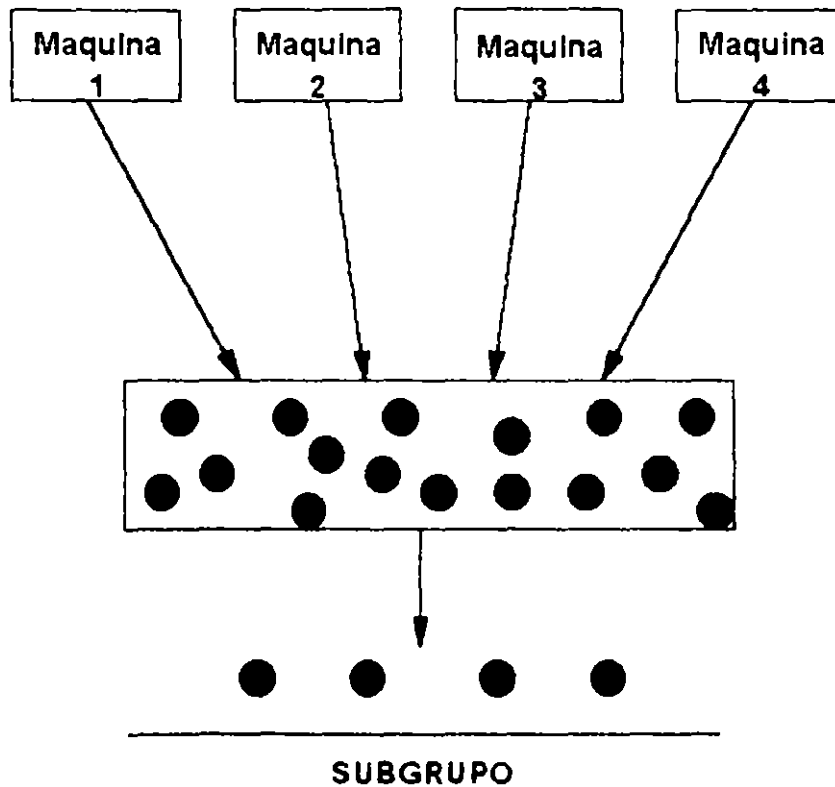
POR EJEMPLO, LA SIGUIENTE FIGURA MUESTRA LOS DIFERENTES PUNTOS (DE UNA MISMA PIEZA) SOBRE LOS CUALES SE REALIZAN MEDICIONES QUE EN SU CONJUNTO, FORMARON UN SUBGRUPO



**MUESTREO ESTRATIFICADO: MEDICIONES
MÚLTIPLES DE UN MISMO ESPECIMEN**

MEZCLA DE POBLACIONES

ERROR QUE SE PRESENTA CUANDO SE "MEZCLAN" EN UN SOLO "RECIPIENTE" POBLACIONES GENERADAS POR DIFERENTES PROCESOS. DENTRO DE UN MISMO SUBGRUPO. LAS OBSERVACIONES QUE LO FORMAN PUEDEN PROVENIR DE UNA MISMA FUENTE DE VARIACION (PROCESO)



DETECCION DE MEZCLA DE POBLACIONES

EN AMBOS DIAGRAMAS DE CONTROL (PARA R Y PARA \bar{X}) SE PRESENTAN PUNTOS QUE "ACARICIAN" A LOS LIMITES DE CONTROL

REMEDIOS

ELABORAR DIAGRAMAS DE CONTROL PARA CADA UNO DE LOS PROCESOS POR SEPARADO

TEMA 8:

IMPLANTACION Y AUDITORIAS DE DIAGRAMAS DE CONTROL

IMPLANTACION DE DIAGRAMAS DE CONTROL

PROCESO QUE INVOLUCRA TOMA DE DECISIONES, REALIZACION DE CALCULO E IDENTIFICACION DE ACCIONES POR EJECUTAR QUE INCLUYE

1. Decisiones previas a la implantacion de los diagramas de control.
 - Determinación de los objetivos de los diagramas.
 - Selección de la variable.
 - Decisión respecto a las bases para el subagrupamiento.
 - Decisión respecto al tamaño y la frecuencia de los subgrupos
 - Elaboracion de las formas para captura de datos.
 - Determinación del método de medición.
2. Implantación de los diagramas de control preliminares.
 - Toma de mediciones.
 - Registro de mediciones y de otros datos relevantes.
 - Cálculo del promedio de cada subgrupo \bar{X} .
 - Cálculo del Rango de cada subgrupo R .
 - Vaciado de los datos del Diagrama para \bar{X} .
 - Vaciado de los datos del Diagrama para R .
3. Determinación de los límites de control preliminares.
 - Decisión respecto al numero requerido de subgrupos antes de calcular los limites de control.
 - Cálculo de \bar{R} , el promedio de los rangos.
 - Cálculo de \bar{X} , el promedio de las medias.
 - Cálculo de límites superior e inferior de control de cada uno de los diagramas.
 - Graficación de las líneas centrales y de los límites en los diagramas
4. Obtención de conclusiones preliminares a partir de los diagramas de control.
 - Indicación de control o falta de control.
 - Relación aparente entre los que el proceso está haciendo y lo que se quiere que haga.
 - Identificación de las acciones sugeridas por el diagrama de control.
5. Uso continuo de los diagramas de control.
 - Revisión de la línea central y de los limites de control del diagrama para R .
 - Revisión de la línea central y de los limites de control del diagrama para \bar{X} .
 - Uso de los diagramas para definir acciones sobre el proceso.
 - Uso de los diagramas para definir acciones/decisiones sobre la aceptación del producto.
 - Uso de los diagramas para definir acciones sobre las especificaciones.

1. DECISIONES PREVIAS A LA IMPLANTACION DE LOS DIAGRAMAS DE CONTROL

Determinar los objetivos

Objetivos comunmente buscados:

1. Analizar el proceso para:
 - Proporcionar información relevante sobre las especificaciones: para establecerlas, para cambiarlas, o para determinar si el proceso puede cumplirlas.
 - Proporcionar información relevante sobre establecimiento o cambio de procedimientos productivos: eliminación de causas especiales de variación, eliminación de causas comunes (cambios fundamentales en métodos o materiales de producción).
 - Proporcionar información relevante sobre procedimientos de inspección o de aceptación (establecimiento o cambio de los mismos)
2. Proporcionar bases para decisiones de producción relacionadas con las causas de variación, cuándo buscar causas de variación y realizar acciones para eliminarlas
3. Proporcionar bases para decisiones respecto a la aceptación o rechazo de productos (comprado o manufacturado)
4. Establecer una de las herramientas para el mejoramiento continuo y/o familiarizar al personal con dicho proceso.

Seleccionar la variable

Razones para seleccionar una cierta variable por controlar:

1. Variable relevante para mejorar la calidad de un producto.
2. Variable crucial para la reducción de los costos de calidad.

Seleccionar las bases para el subagrupamiento

El criterio básico es la formación de subgrupos racionales.

Decidir el tamaño y la frecuencia de los subgrupos

Aspectos por considerar:

1. Criterios económicos.
2. Criterios estadísticos.

Ideas que pueden ayudar:

Generalmente, es deseable tener subgrupos pequeños (por razones económicas). Shewhart recomienda $n=4$. El tamaño más comunmente encontrado en la industria es $n=5$. Sugrupos mas grandes (n entre 10 y 20) ofrecen la ventaja de dar como resultado diagramas de control

sensibles para detectar variaciones pequeñas. En todos los casos, se debe considerar la necesidad de formar subgrupos homogéneos.

Elaborar las formas para la captura de datos

Considere las características del personal que va a capturar los datos.

Las formas deben incluir descripción de: (1) el producto por medir, (2) la unidad de medición, (3) cualquier información relevante.

Determinar el método de medición

Aspectos por considerar:

1. Selección de los instrumentos de medición que se usaran para analizar el proceso.
2. Determinación del procedimiento de medición.
3. Documentación sobre el proceso de medición y de la calibración de instrumentos.

2. IMPLANTACION DE LOS DIAGRAMAS DE CONTROL PRELIMINARES

Esto requiere: (1) efectuar y registrar mediciones y consignar cualquier información relevante, (2) calcular promedios y rangos, y (3) elaborar los diagramas de control para \bar{X} y para R.

X-bar and R Control Chart Calculation Form

Name _____ Date _____
 Process _____ Sample description _____
 Number of subgroups (k) _____ Between (dates) _____
 Number of samples or measurements per subgroup (n) _____

$\bar{\bar{X}} = \frac{\sum \bar{x}}{k} = \underline{\hspace{2cm}}$ $\bar{R} = \frac{\sum \bar{R}}{k} = \underline{\hspace{2cm}}$

X-bar Chart	R Chart
UCL = $\bar{\bar{X}} + (A_2 \cdot \bar{R})$	UCL = $D_4 \cdot \bar{R}$
UCL = _____	UCL = _____
UCL = _____	UCL = _____
UCL = _____	UCL = _____
LCL = $\bar{\bar{X}} - (A_2 \cdot \bar{R})$	LCL = $D_3 \cdot \bar{R}$
LCL = _____	LCL = _____
LCL = _____	LCL = _____
LCL = _____	LCL = _____

Factors for Control Limits					Process Capability	
n	A ₂	D ₄	D ₃	d ₂		
*1	2.66	—	3.27	1.124	If the process is in statistical control, the standard deviation is	
2	1.88	—	3.27	1.128	$\hat{\sigma} = \frac{\bar{R}}{d_2}$	/
3	1.02	—	2.57	1.693	$\hat{\sigma} = \frac{\bar{R}}{d_2}$	/
4	0.73	—	2.28	2.059	$\hat{\sigma} = \underline{\hspace{2cm}}$	
5	0.58	—	2.11	2.326	The process capability is	
6	0.48	—	2.00	2.534	$\bar{\bar{X}} - 3\hat{\sigma}$ to $\bar{\bar{X}} + 3\hat{\sigma}$	
7	0.42	0.08	1.92	2.704	_____ to _____	
8	0.37	0.14	1.86	2.847		
9	0.34	0.18	1.82	2.970		
10	0.31	0.22	1.78	3.087		
*Use moving range of 2 for determining R						

EJEMPLO DE FORMA PARA CALCULOS

3. DETERMINACION DE LOS LIMITES DE CONTROL PRELIMINARES

1. Determine el número de subgrupos requeridos para poder calcular límites de control lo cual requiere un compromiso entre la urgencia por obtener resultados y la confiabilidad esperada de los mismos (sin embargo, es deseable utilizar por lo menos 25 subgrupos).
2. Calcule los límites de control preliminares.
3. Dibuje las líneas centrales y los límites de control de los diagramas

4. OBTENCION DE CONCLUSIONES PRELIMINARES DE LOS DIAGRAMAS

Indicación de control o falta de control

1. Vacíe los datos de cada uno de los subgrupos observados.
2. Analice la estabilidad del proceso (detección de puntos fuera de control y de presencia de patrones sistemáticos o cambios en el proceso, a través del uso de reglas para análisis de corridas).

En caso de inestabilidad del proceso:

3. Identifique causas especiales de variación.
4. Elimine, en ambos diagramas, los datos de subgrupos que estuvieron fuera de control (en cualquiera de los diagramas).
5. Recalcule líneas centrales y límites de control en ambos diagramas.
6. Regrese a 1, hasta que los diagramas muestren estabilidad del proceso.

Get Control of Your Control Charts

Determine whether your control charts are providing information that contributes to process quality.

by
Michael J. Boccacino

THE NEED FOR QUALITY IN TODAY'S BUSINESS world has stimulated a great desire to use control chart techniques. But all too often during quality systems audits, improperly executed or ineffective charts are found. If employees are to take the time to chart their processes, they must chart them correctly. Conducting a control chart audit will help identify specific areas of concern for your organization.

Control charts are intended to signal the need to look for assignable causes of variation. To get the best information from your charts, you should use a chart-development methodology from a statistical quality control textbook or training manual. Supplementing the written material with a training course is beneficial. Questions or concerns must be resolved during the development stages, not after implementation of the chart. Organizations that are using statistical process control (SPC) techniques should have a resident expert available to field questions and provide support.

This is fine in theory, but what can you do if you find problems with charts that are already in use? During a quality systems audit, you might find charts that are not providing information that contributes to process quality. For example, as shown in Figure 1, charts might have limits that need revision (all of the points are hugging the centerline) or extended runs that are high or low. Should you always assume that an assignable cause hasn't been identified? Probably not. It might not always be a process problem. It might be that the control chart was not developed correctly. Performing a systematic control chart audit will help you identify the areas in the chart-development methodology that are presenting difficulties.

Figure 2 shows an outline of an auditing process that was developed using Eugene L. Grant and Richard S. Leavenworth's *Statistical Quality Control* as a reference.¹ In fact, the outline follows Chapter 4 of the book closely. Several peripheral items were added, and some topics in the sections were resequenced. From this outline, you can develop an auditing checklist that will help you

break down your existing charting system into the logical steps that should have been followed in its development process. Since most of the charts used in the workplace are variables (X-bar and R) charts, the auditing process outline is geared toward those types of charts. The outline, however, is readily adaptable to s charts or attributes applications (such as n, p, c, or u).

A key matter to consider is who should conduct the audit. The auditor should be a qualified quality professional, independent of the activity being audited. It might be desirable to have a second auditor participate. The auditee should be the person responsible for the development and use of the charts.

If desired, your checklist can be scored using a scale of one to five, with one being lowest and five being the highest. The low end of the scale indicates the absence of an item, the top end of the scale indicates a well-executed and well-documented item. In situations in which a particular item does not apply, mark the item "not applicable" and adjust the score accordingly. Final scores can be calculated on the basis of total points or percent, whichever is most appropriate.

To help you develop your checklist, here is an expanded version of the auditing process outline shown in Figure 2:

I. Preliminaries

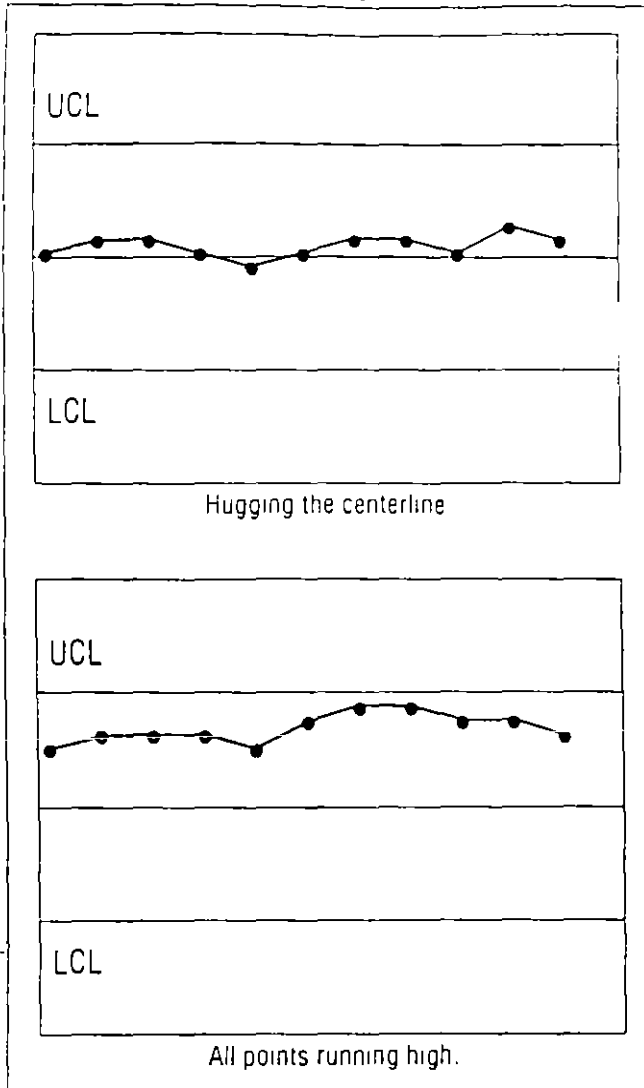
This section deals with topics that should be considered prior to implementing SPC.

A. Responsibilities. All personnel—including operations, technical, professional, and management staffs—must be given specific responsibilities. This is one of the most important factors in an SPC program.

1. Management

a. Provide support. Management support must be visible, constant, involved, and active. Without it, you might as well go home. If the employees don't perceive SPC as being important to the boss, it won't be implemented. Support must come from all management levels, from senior managers to

Figure 1. Outline of the Auditing Process



group leaders to foremen. Ask the employees whether they believe they are getting support from management in implementing SPC

b. Define the overall SPC program for the organization. The process of implementing SPC is easier when a document exists stating management's goals and objectives for the organization. For large companies, this should be documented at both the corporate level and the division or unit level. A timeline for implementation can be a valuable tool. Check to see whether such documentation is available to all personnel in the organization.

c. Provide training. Each group of employees has different SPC training needs. Management should outline and document the different "need" groups for each function (e.g., operations, technical, engineering, and administration). Courses and resources should be identified and made available to meet those needs.

2. Personnel

a. Understand responsibilities in the SPC program. In keeping with point 1b, employees must know what is expected of them and when it is expected. It's wise to have employees at all levels participate in defining the SPC program. This will ensure

that they understand and buy into the program. Check to see whether employees understand their responsibilities.

b. Understand roles in the overall process. Employees must know how their roles fit into the overall process and how their jobs affect the product downstream. If employees understand that correcting an error early in the process costs \$100 and correcting the same problem at the end of the process costs \$10,000, they will better appreciate the importance of each individual's operation. Question employees for knowledge of the needs of the people both upstream and downstream in the process.

B. Training received

1. Management. In contrast to point 1c in section A, which discusses the availability of courses, this point deals with actual participation in SPC training. Managers need training if they are to implement SPC. Document the training that each manager receives.

2. Personnel. SPC training should be targeted mainly at the people who will be using SPC daily, such as operators, technicians, and engineers. Short, intensive training programs are fine, but it will be of enormous benefit to provide refresher courses periodically. Document the training that each employee receives.

C. Procedures

1. Overall SPC program. Just having a documented SPC program is not enough. Find out whether the documents are readily available to employees; they must be aware of the SPC program to implement it. They also must have access to the timeline so that they have a framework for achieving the goals and objectives. In addition, definite guidelines concerning "when" will provide the impetus to stay on track.

2. Nonconforming samples. A step-by-step procedure must be available to tell operators what to do when a sample or measurement is nonconforming. Flowcharts are an excellent tool for this task. If needed, flowcharts can contain simple instructions, such as "run the sample again" or "notify the supervisor."

II. Preparation for control charts

Section II discusses the items that should be considered in preparing a control chart.

A. Review the control chart objectives. An important purpose of control charts is to understand process variability so that you can control and reduce it, which ultimately leads to the production of high-quality materials, data, or services. Control charts should never be used just for the sake of satisfying the boss. It's too time consuming and expensive an exercise to conduct without good objectives. Assess the need for control charts.

B. Choose the variable to be charted. If there is more than one variable implicated in the process, evaluate which one(s) would provide the greatest contribution to process knowledge. Review the justification for charting the variable.

C. Determine the subgroup size and frequency. There are many reasons for choosing subgroup sizes and frequencies. It would be foolish to think that cost is not one of them. Cost, however, should not be the overriding factor. Homogeneity of the sample is the issue. The subgroup must be chosen so that variability within the subgroup is due only to random ϵ ; and that variability between subgroups is influenced on nonrandom causes. Check for the reasons why the subgroup size and frequency were chosen to see whether there is an understanding of how to choose subgroups.

Figure 2. Outline of the Auditing Process

- I. Preliminaries
 - A. Responsibilities
 - 1. Management
 - a. Provide support
 - b. Define the overall statistical process control (SPC) program for the organization
 - c. Provide training
 - 2. Personnel
 - a. Understand responsibilities in the SPC program
 - b. Understand roles in the overall process
 - B. Training received
 - 1. Management
 - 2. Personnel
 - C. Procedures
 - 1. Overall SPC program
 - 2. Nonconforming samples
- II. Preparation for control charts
 - A. Review the control chart objectives
 - B. Choose the variable to be charted
 - C. Determine the subgroup size and frequency
 - D. Develop the data-gathering process
 - E. Select the measurement system
 - 1. Calibration and standardization
 - 2. Traceability
- III. Construction of the control charts
 - A. Take measurements
 - B. Record data
 - C. Calculate and plot \bar{X} -bar and R
- IV. Determination of trial limits
 - A. Select the number of subgroups before limit calculation
 - B. Calculate control chart limits
 - C. Plot central lines and limits
- V. Initial conclusions
 - A. Is the chart indicating an in- or out-of-control situation?
 - B. Is the process demonstrating statistical control or lack of control?
 - C. Are out-of-control situations being investigated?
 - D. Is the process doing what it is supposed to do?
 - E. Are there specifications?
 - F. What is the capability of the process being charted?
 - G. If the process is not in control, what is being done to determine the cause?
 - H. Have enough data been plotted to be able to draw conclusions about the process from the control charts? If there is an adequate amount of data, is it being fully utilized?
- VI. Continued use
 - A. Determine the status of the control chart system
 - B. Review control limits
 - C. Review specifications
 - D. Review process actions
 - E. Determine the worthiness of the control chart system

D. Develop the data-gathering process. The data-gathering process should be simple and efficient; avoid too much data transcription. There are preprinted forms available that give good representations of blank control charts and contain space for recording the raw data as well. If possible, ink should be used to record the data to maintain integrity.

E. Select the measurement system. In the event that there is more than one method available for taking a measurement, investigate to determine which method best serves the purpose.

1. Calibration and standardization Even for fairly simple processes, it is usually necessary to perform some type of calibration or standardization. A procedure should be in place, and historical records should be available to demonstrate that the system was calibrated or standardized at any given time it was in use.

2. Traceability Different types of reference materials and standards have different traceabilities associated with them. The primary reference might be the National Institute of Standards and Technology. In lieu of that reference, many manufacturers and suppliers provide certificates of analysis or other documentation for traceability purposes.

III. Construction of the control charts

The topic of this section is the three tasks needed to acquire the information for a control chart: obtaining the data, calculating the subgroup statistics, and plotting the initial data.

A. Take measurements. To minimize the amount of operator variability introduced into the measurement process, there should be a standardized procedure for taking measurements. Even for a one-person operation, a procedure is needed; if that person leaves, there might be no one left who knows how to run the process correctly.

B. Record data. To keep good records of the data for the control charts, there should be a data sheet. Data sheets should be neat and orderly. Current data should be kept with the control charts.

C. Calculate and plot \bar{X} -bar and R. Calculating subgroup averages and ranges is straightforward, but errors can occur. Thus, randomly sampling some points and checking calculations is recommended. The plotting of the points on the charts should also be checked. Errors in plotting seem to be fairly common, especially when the scales on the charts are oddly spaced or not easily discernible.

IV. Determination of trial limits

When enough data are collected, control limits must be calculated. Section IV discusses the matter of limits.

A. Select the number of subgroups before limit calculation. Find out how many subgroups are used to calculate control limits. The recommended number of subgroups required to calculate initial limits is 20 to 25. When possible, use more—more is better. If you use a small number of subgroups, be prepared to reevaluate the limits after acquiring more data.

B. Calculate control chart limits. Calculating control chart limits is fairly simple. The individual responsible for the chart should be able to demonstrate which data were used and the method of calculation for the limits. It is beneficial to write down the calculations and the references for those calculations at the bottom of the chart. Even if an off-the-shelf computer package is used, the operator should still understand and be able to explain the methodology used.

C. Plot central lines and limits. Once the limits are calculated, they should be entered on the current chart and transferred to each subsequent chart. They should be legible, and the scales should be appropriate for the data being charted.

V. Initial conclusions

After the control chart has been in place for some time, it should be communicating usable information about the process. The following series of questions will help assess whether information is being communicated and whether the information is appropriate.

A. Is the chart indicating an in- or out-of-control situation? Documented criteria that provide operators with guidelines for determining what constitutes an in- or out-of-control situation should be available. When such documentation is not present, comments such as "the process is only out of control when a point falls outside the limits" are often heard.

B. Is the process demonstrating statistical control or lack of control? The documented criteria that are in place should also be used to determine whether the process is in or out of control. If no documentation is available, operators will not be able to clearly explain why the process is or is not demonstrating statistical control.

C. Are out-of-control situations being investigated? Not all processes are perfect; many charts will contain points that indicate out-of-control situations. Operators should document, preferably on the chart itself, what action is being taken in response to these out-of-control points. The documentation should contain a record of the investigation pursued to determine the nature of the problem, its assignable cause, and if applicable, how the problem was resolved.

D. Is the process doing what it is supposed to do? When a well-designed control chart is being used, it provides operators with the information they need to manufacture high-quality products (or take good measurements, etc.). If the chart is tracking an insignificant variable, it won't contribute to process quality. If it won't help control your process, don't chart it; find a variable that will help and chart that one instead. Ask operators how they are using the control charts they are producing.

E. Are there specifications? Many processes will have specs that must be met. Operators need to know about all specs, whether they be manufacturing specs, release specs, or customer specs. Check to see that specs are current and documented. Ask the operators whether there are relationships between the specs and the control chart limits.

F. What is the capability of the process being charted? If the process is operating in a state of control, the capability is the variation inherent in the process. The many types of measures and indexes used today provide a relationship between specifications and control limits. How well do you understand what the process is capable of?

G. If the process is not in control, what is being done to determine the cause? A flowchart or other type of guideline should be available to operators. It should provide them with a series of steps to follow in the event of a problem.

H. Have enough data been plotted to be able to draw conclusions about the process from the control charts? If there is an adequate amount of data, is it being fully utilized? The data from the charts can be analyzed, and other information can be extracted, such as day-to-day variability statistics, lab-to-lab comparisons, and correlations between factors relating to the process.

VI. Continued use

This final section takes aim at ongoing use of the control chart system.

A. Determine the status of the control chart system. A control chart should be a dynamic part of a process. Look for extended runs and other signs that indicate that operators are just going through the motions.

B. Review control limits. Intelligent use of control charts translates into periodic review and revision (if necessary) of the limits. The review and revision should be done by the individuals responsible for the design, implementation, and use of the chart. Maintain records showing the data and calculations used.

C. Review specifications. Specifications also need periodic review and revision. There should be documentation to show that specs have been reviewed. Only modify specs when necessary.

D. Review process actions. One goal of maintaining a control chart is to provide information about the process to those responsible for it. As a result of that information, action on the process should be taken when it is indicated by the charts. Examples might be tightening limits after the charts have demonstrated reduced variability, changing suppliers, or reducing the number of suppliers. Find out whether any significant changes have been made to the process as a result of anomalies from a chart.

E. Determine the worthiness of the control chart system. Ask those involved with the process whether the control chart system is worthwhile. Although this question is usually answered indirectly during the audit, their answers to this question can be fascinating.

An Important approach

To some, developing a checklist might seem to be an intuitively obvious approach to monitoring control charts. But keep in mind that, for the inexperienced control chart user, not all of the items presented will be straightforward. Indeed, some items can be rather complicated. By using a structured audit process, an auditor will be able to test the development sequence that was used and identify weak spots for further training. Questions raised during the audit can then be pursued using other resources.

Reference

1 Eugene L. Grant and Richard S. Leavenworth, *Statistical Quality Control*, fifth edition (New York, NY: McGraw-Hill Book Company, 1980).

Michael J. Boccacino is a quality assurance engineer at Eastman Kodak Company in Rochester, NY. He received a master's degree in applied and mathematical statistics from the Rochester Institute of Technology in Rochester, NY. Boccacino is an ASQC senior member, certified quality auditor, and certified quality engineer.

What did you think about this article?

Quality Progress needs your feedback. On the postage-paid reader service card inserted toward the back of this magazine, please circle the number that corresponds with your opinion of the preceding article.	Excellent	Circle #357
	Good	Circle #
	Fair	Circle #359
	Poor	Circle #360

ANALISIS DE ESTABILIDAD DEL PROCESO
(¿ PROCESO ESTABLE?)

n =

m =

LOCALIZACION

$$\sum_{j=1}^m \bar{x}_j =$$

$$\bar{\bar{x}} = \frac{\sum \bar{x}_j}{m} =$$

$$\hat{\mu} = \bar{\bar{x}}$$

DISPERSION

$$\sum_{j=1}^m R_j =$$

$$\bar{R} = \frac{\sum R_j}{m} =$$

$$\hat{\sigma} = \frac{\bar{R}}{d_2} =$$

DIAGRAMAS DE CONTROL PRELIMINARES

DIAGRAMA \bar{x}

$$\hat{\mu}_{\bar{x}} = \hat{\mu} = \bar{\bar{x}} =$$

$$\hat{\sigma}_{\bar{x}} = \frac{\hat{\sigma}}{\sqrt{n}} =$$

$$LC = \hat{\mu}_{\bar{x}} =$$

$$LSC = \hat{\mu}_{\bar{x}} + 3\hat{\sigma}_{\bar{x}} =$$

$$LIC = \hat{\mu}_{\bar{x}} - 3\hat{\sigma}_{\bar{x}} =$$

DIAGRAMA R

$$LC = \bar{R} =$$

$$LSC = D_4 \bar{R} =$$

$$LIC = D_3 \bar{R} =$$

USO DE REGLAS DE AT&T
(Verificación de estabilidad)

DIAGRAMA \bar{X}

REGLA	SUBGRUPOS QUE LA VIOLAN
R1 (1/1, FL)	-
R2 (2/3, A)	-
R3 (4/5, B)	-
R4 (8/8, C)	-

DIAGRAMA R

REGLA	SUBGRUPOS QUE LA VIOLAN
R1 (1/1, FL)	-
R2 (2/3, A)	-
R3 (4/5, B)	-
R4 (8/8, C)	-

SI SE VIOLA 1 O MAS REGLAS,
EN CUALQUIERA DE LOS DIAGRAMAS,
EL PROCESO ES INESTABLE

EL PROCESO ES _____

SI EL PROCESO ES INESTABLE,
ANALICE LAS CAUSAS ASIGNABLES.
SI SE IDENTIFICAN LAS CAUSAS,
ELIMINE EN AMBOS DIAGRAMAS:
LOS SUBGRUPOS CORRESPONDIENTES Y RECALCULE

SI EL PROCESO ES ESTABLE

- USE LOS DIAGRAMAS DE CONTROL
- EFECTIVAMENTE, $\hat{\mu}_{\bar{X}} = \bar{\bar{X}}$ Y $\hat{\sigma} = \frac{\bar{R}}{d_2}$
- PUEDE EVALUARSE LA CAPACIDAD DEL PROCESO

TEMA 9:

ANALISIS DE LA CAPACIDAD DE UN PROCESO

ANALISIS DE LA CAPACIDAD DE UN PROCESO (*PROCESS CAPABILITY ANALYSIS*)

ESTUDIO QUE SE REALIZA SOBRE UN PROCESO CON EL OBJETIVO DE EVALUAR LA MANERA EN LA QUE EL PRODUCTO QUE GENERA SATISFACE LAS EXPECTATIVAS DEL USUARIO DEL PRODUCTO.

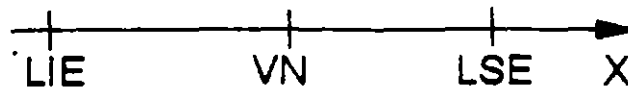
ESPECIFICACIONES

CONJUNTO DE REQUERIMIENTOS A LOS QUE UN PRODUCTO O SERVICIO SE DEBE CONFORMAR.

- DEBEN REFLEJAR LAS EXPECTATIVAS DE LOS USUARIO RESPECTO A LAS CARACTERISTICA DE CALIDAD DEL PRODUCTO.
- SE DEBEN PLASMAR EN UN DOCUMENTO.

UNA ESPECIFICACION (REQUERIMIENTO IMPUESTO SOBRE UNA CARACTERISTICA DE CALIDAD) SE EXPRESA EN TERMINOS DE:

- VALOR NOMINAL.
- LIMITES DE LA ESPECIFICACION.



Dispersion permisible

EVALUACION DE LA CAPACIDAD DE UN PROCESO

PUEDE HACERSE A TRAVES DE:

- PORCENTAJE DE PIEZAS CONFORMANTES.
- INDICES DE LA CAPACIDAD DEL PROCESO.

EVALUACION DE LA CAPACIDAD DE UN PROCESO: USO DE FRECUENCIAS OBSERVADAS

CONSISTE EN DETERMINAR EL PORCENTAJE DE PIEZAS CONFORMANTES A PARTIR DEL PORCENTAJE OBSERVADO DE UNIDADES DE PRODUCTO QUE SATISFACEN LAS ESPECIFICACIONES:

CAPACIDAD = % OBSERVADO DE PIEZAS DENTRO DE ESPECS

EJEMPLO

SE DESEA EVALUAR LA CAPACIDAD DE UN PROCESO QUE GENERA UN CIERTO PRODUCTO. LAS ESPECIFICACIONES DE LA CARACTERISTICA DE CALIDAD X SON 30 ± 4 .

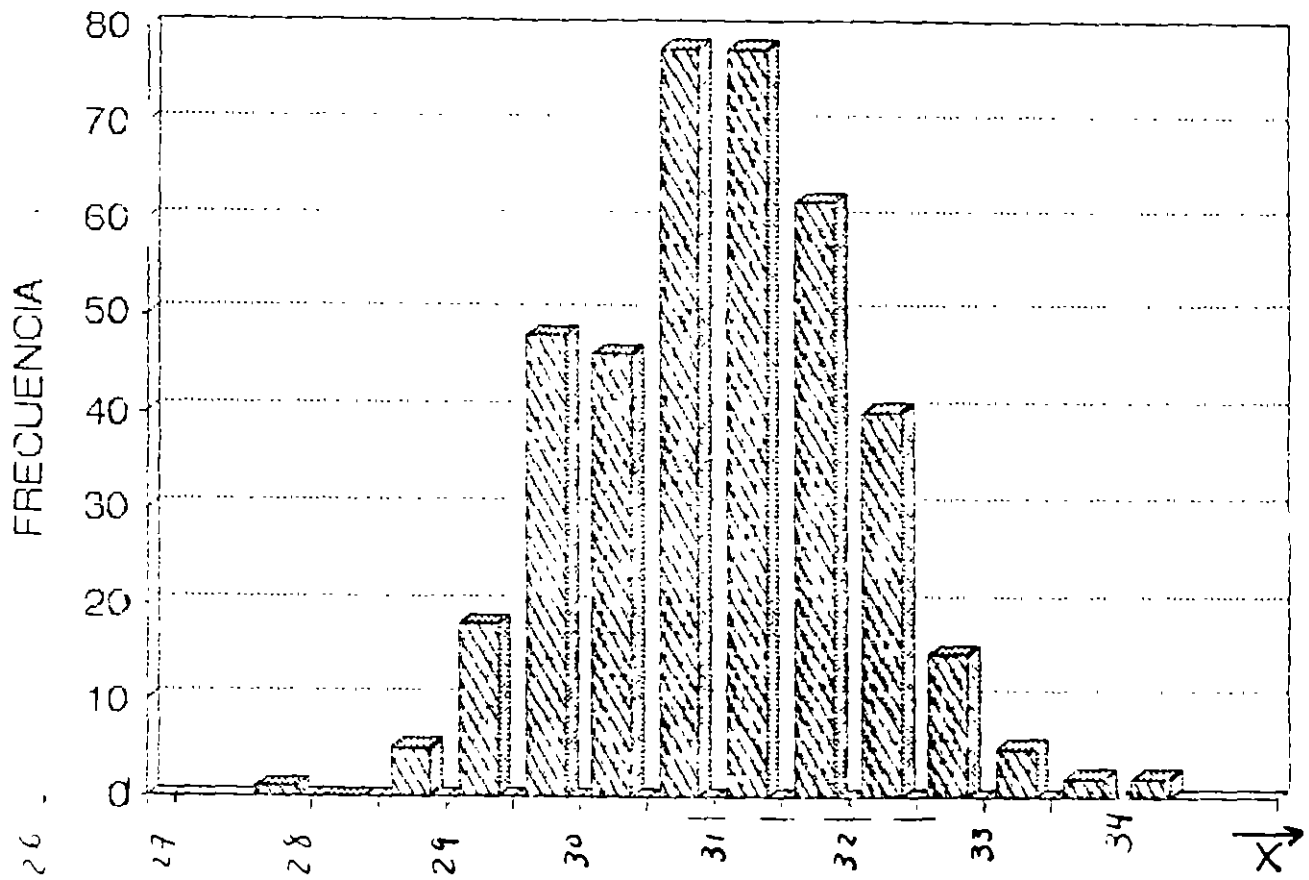
SE HAN OBSERVADO 100 SUBGRUPOS DE TAMAÑO 4. SE TIENE QUE

$\sum_{j=1}^m \bar{X}_j = 12,409.56$ Y $\sum_{j=1}^m R_j = 807.56$. LOS DIAGRAMAS DE CONTROL

CORRESPONDIENTES INDICAN QUE *EL PROCESO ES ESTABLE*.

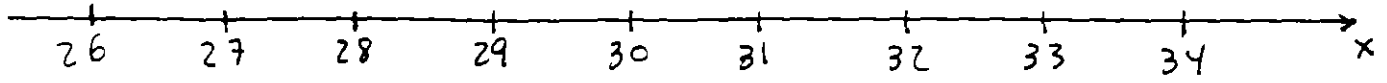
SE PRODUJERON 398 PIEZAS FUERA DE ESPECIFICACIONES.

EL HISTOGRAMA PARA LOS 400 DATOS SE MUESTRA EN LA SIGUIENTE FIGURA.

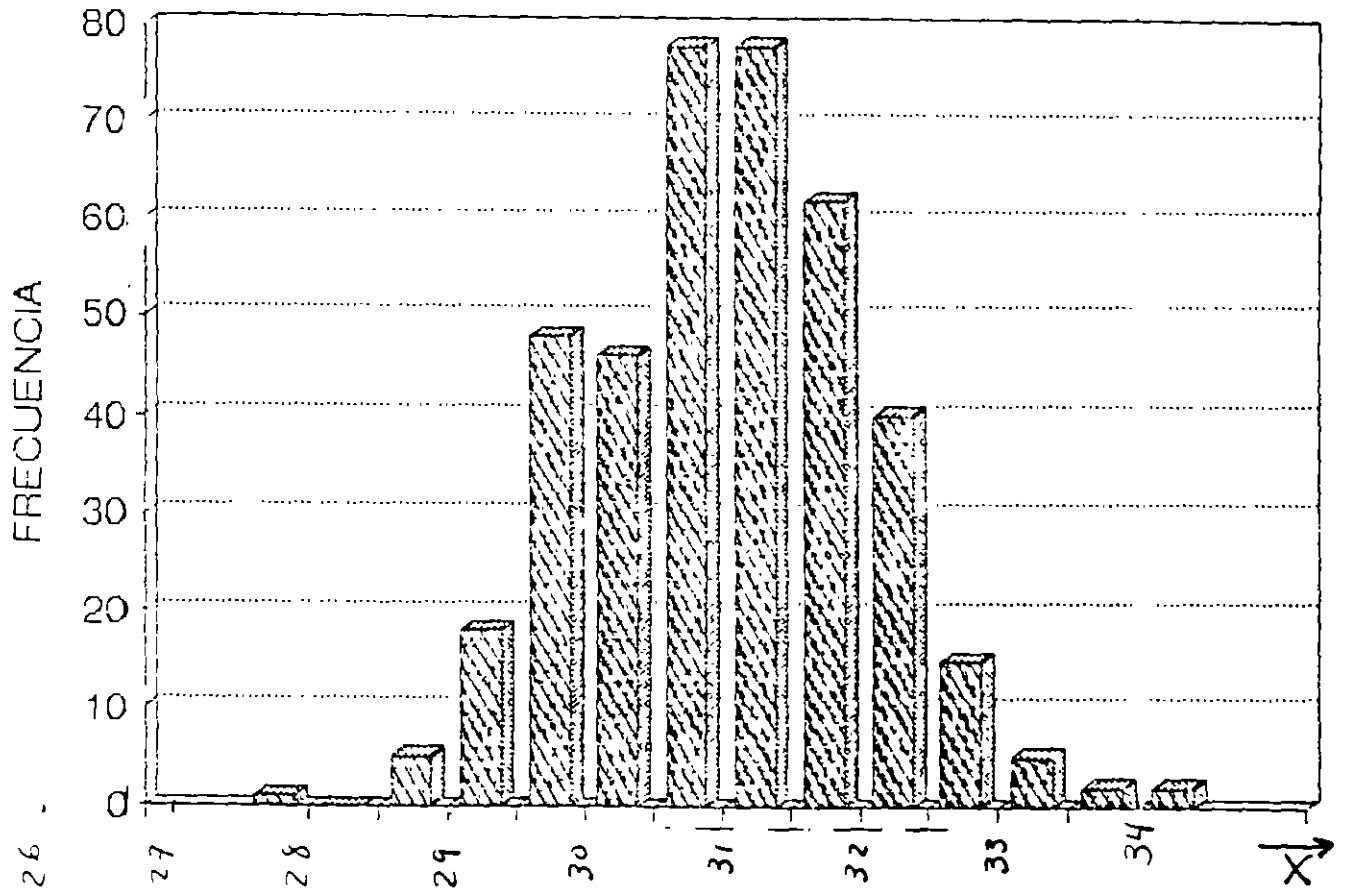


26 .

ESPECIFICACIONES



PROCESO



EVALUACION DE LA CAPACIDAD DE UN PROCESO: USO DE DISTRIBUCIONES DE PROBABILIDAD

CONSISTE EN DETERMINAR EL PORCENTAJE DE PIEZAS CONFORMANTES A PARTIR DEL AJUSTE DE UNA DETERMINADA DISTRIBUCION DE PROBABILIDAD.

$$\text{CAPACIDAD} = \% \text{ ESTIMADO DE PIEZAS DENTRO DE ESPECS} \\ = P[LIE \leq X \leq LSE] \times 100\%$$

EJEMPLO

CONSIDERE EL PROCESO DEL EJEMPLO ANTERIOR:

- ESPECIFICACIONES DE X: 30 ± 4 .
- PROCESO ESTABLE (100 SUBGRUPOS DE TAMAÑO 4, $\sum_{j=1}^m \bar{X}_j = 12,409.56$ Y $\sum_{j=1}^m R_j = 807.56$).
- EL HISTOGRAMA PARA LOS 400 DATOS MUESTRA QUE LA DISTRIBUCION NORMAL PUEDE MODELAR LA VARIABILIDAD DE X.

INDICE DE LA CAPACIDAD DE UN PROCESO
(PROCESS CAPABILITY INDEX)

INDICADOR QUE COMPARA LA LOCALIZACION Y LA DISPERSION DE LA DISTRIBUCION DE LA CARACTERISTICA DE CALIDAD CON SUS ESPECIFICACIONES.

INDICES COMUNES: C_p , C_{pk} Y C_{pm} (SE HAN CONVERTIDO EN MEDIO DE COMUNICACION USADO EN LAS RELACIONES PROVEEDOR-CLIENTE). SE CARACTERIZAN POR:

- SER APLICABLES A CARACTERISTICAS DE CALIDAD CON *DISTRIBUCION NORMAL* (SU APLICACION REQUIERE *PROCESO ESTABLE*).
- SER MEDIDAS ADIMENSIONALES.
- SER MEDIDAS QUE, A MAYOR CAPACIDAD DEL PROESO, MAYOR VALOR DEL INDICE CORRESPONDIENTE.

EL INDICE C_p

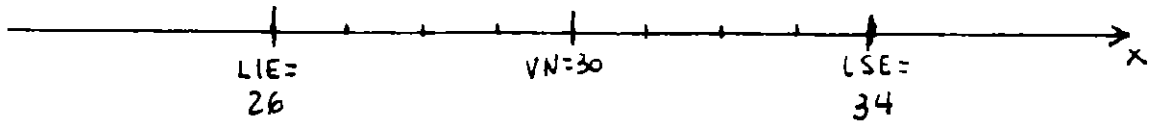
$$C_p = \frac{\text{DISPERSION PERMISIBLE (ESPECS)}}{\text{DISPERSION NATURAL DEL PROCESO}} = \frac{LSE - LIE}{6\sigma}$$

SE LE CONOCE TAMBIEN COMO *INDICE DEL POTENCIAL DEL PROCESO* (INDICA EL MEJOR NIVEL DE CALIDAD QUE SE PUEDE ALCANZAR SIN REALIZAR CAMBIOS FUNDAMENTALES EN EL PROCESO)

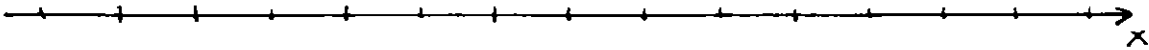
EJEMPLO

CONSIDERE UNA CARACTERISTICA DE CALIDAD CUYAS ESPECIFICACIONES SON 30 ± 4 . EL PRODUCTO PROVIENE DE UN PROCESO ESTABLE, NORMAL, CON $\sigma = 1$. EVALUE LA CAPACIDAD DEL PROCESO USANDO EL INDICE C_p .

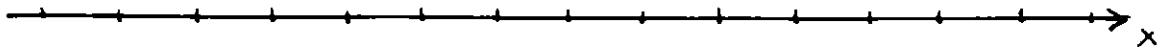
ESPECIFICACIONES



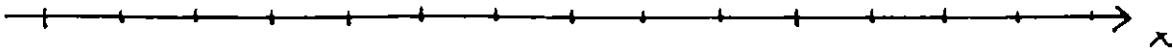
PROCESO

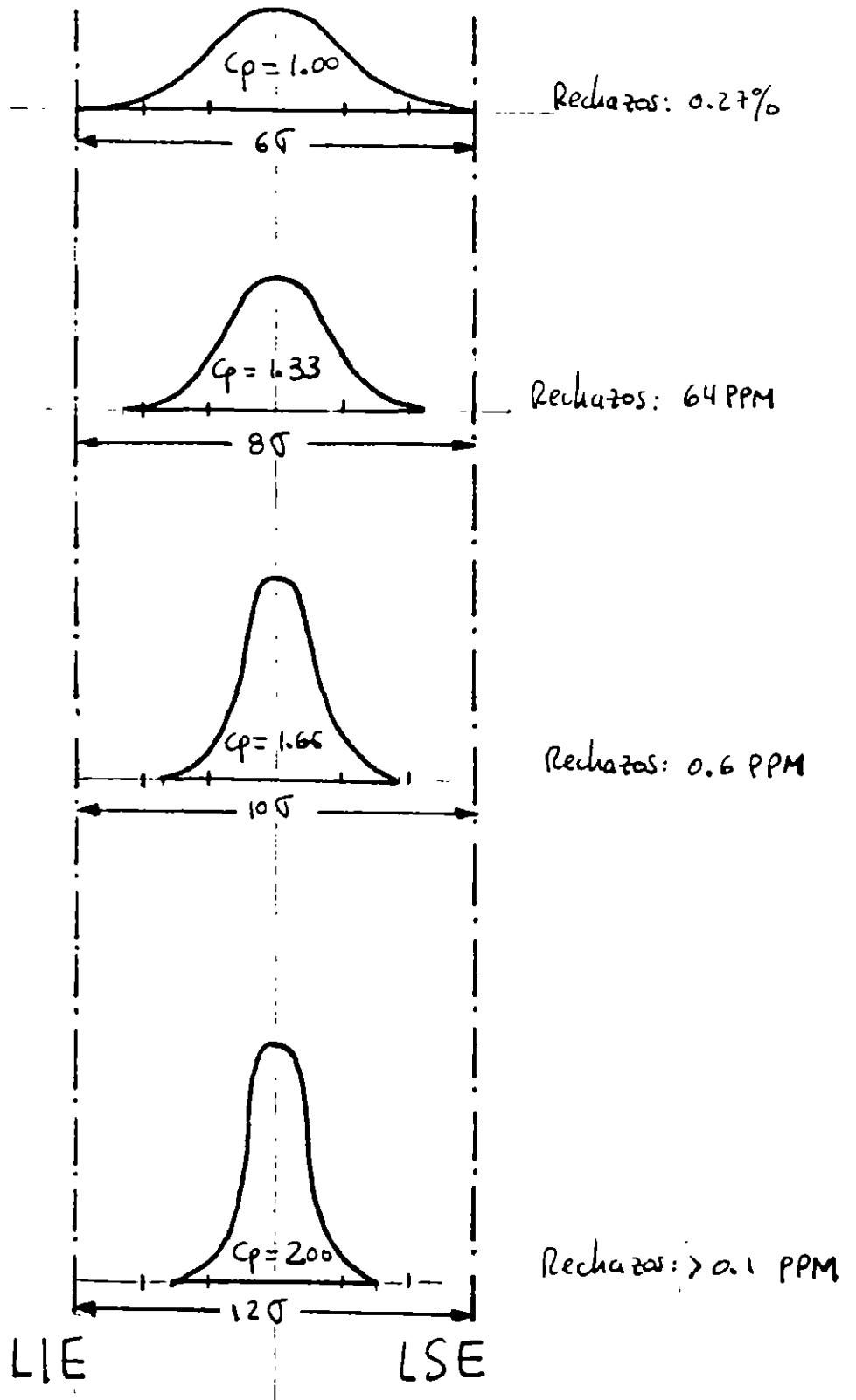


PROCESO



PROCESO





VALORES DE C_p PARA DIFERENTES DISPERSIONES

EJEMPLO

EVALUE LA CAPACIDAD DEL SIGUIENTE PROCESO USANDO EL INDICE C_p :

- ESPECIFICACIONES DE X: 30 ± 4 .
- PROCESO ESTABLE (100 SUBGRUPOS DE TAMAÑO 4, $\sum_{j=1}^m \bar{X}_j = 12,409.56$ Y $\sum_{j=1}^m R_j = 807.56$).
- EL HISTOGRAMA PARA LOS 400 DATOS MUESTRA QUE LA DISTRIBUCION NORMAL PUEDE MODELAR LA VARIABILIDAD DE X.

DEBIDO AL POSIBLE ERROR MUESTRAL, CON EL FIN DE TENER UN "COLCHON DE SEGURIDAD" Y PARA ASEGURAR UNA ADECUADA CALIDAD COMPETITIVA, SE SUELE CONSIDERAR QUE UN PROCESO ES CAPAZ SI $\hat{C}_p \geq 1.33$

EL INDICE C_{PK}

$$C_{PK} = \min \left\{ \frac{LSE - \mu}{3\sigma}, \frac{\mu - LIE}{3\sigma} \right\}$$

CONSIDERA TANTO LA LOCALIZACION COMO LA DISPERSION DEL PROCESO. NOTE QUE:

- EL VALOR DE C_{PK} DISMINUYE CONFORME μ SE ACERCA A UNO DE LOS LIMITES DE ESPECIFICACION.
- EL VALOR DE C_{PK} AUMENTA CONFORME σ SE REDUCE.
- PARA UNA CIERTA σ , EL MAXIMO VALOR DE C_{PK} SE ENCUENTRA CUANDO μ ESTA EN MEDIO DE LOS LIMITES DE ESPECIFICACION.

EJEMPLO

CONSIDERE UNA CARACTERISTICA DE CALIDAD CUYAS ESPECS SON $30 \begin{smallmatrix} +4 \\ -3 \end{smallmatrix}$. EL PRODUCTO PROVIENE DE UN PROCESO ESTABLE,

NORMAL, CON $\mu = 30$ Y $\sigma = 1$. EVALUE LA CAPACIDAD DEL PROCESO USANDO EL INDICE C_{PK}.

EJEMPLO

EVALUE LA CAPACIDAD DEL SIGUIENTE PROCESO USANDO EL INDICE C_{PK} :

- ESPECIFICACIONES DE X: 30 ± 4 .
- PROCESO ESTABLE (100 SUBGRUPOS DE TAMAÑO 4, $\sum_{j=1}^m \bar{X}_j = 12,409.56$ Y $\sum_{j=1}^m R_j = 807.56$).
- EL HISTOGRAMA PARA LOS 400 DATOS MUESTRA QUE LA DISTRIBUCION NORMAL PUEDE MODELAR LA VARIABILIDAD DE X.

EL INDICE C_{PM}

$$C_{PM} = \frac{LSE - LIE}{6\sqrt{(\mu - T)^2 + \sigma^2}}$$

donde T: VALOR OBJETIVO (*TARGET*) DE LA CARACTERISTICA DE CALIDAD

CONSIDERA TANTO LA DISPERSION DEL PROCESO COMO LA LOCALIZACION DE ESTE RESPECTO A T. NOTE QUE:

- EL VALOR DE C_{PM} DISMINUYE CONFORME μ SE "SEPARA" RESPECTO A T.
- EL VALOR DE C_{PM} AUMENTA CONFORME σ SE REDUCE.
- EL VALOR DE C_{PM} AUMENTA CONFORME LA COMBINACION (μ, σ) SE APROXIMA A $(T, 0)$.

EJEMPLO

CONSIDERE UNA CARACTERISTICA DE CALIDAD CUYAS ESPECS SON 30^{+4}_{-3} . EL PRODUCTO PROVIENE DE UN PROCESO ESTABLE,

NORMAL, CON $\mu = 30$ Y $\sigma = 1$. EVALUE LA CAPACIDAD DEL PROCESO USANDO EL INDICE C_{PM} .

EJEMPLO

EVALUE LA CAPACIDAD DEL SIGUIENTE PROCESO USANDO EL INDICE C_{PM} :

- ESPECIFICACIONES DE X : 30 ± 4 ($T = 30$).
- PROCESO ESTABLE (100 SUBGRUPOS DE TAMAÑO 4, $\sum_{j=1}^m \bar{X}_j = 12,409.56$ Y $\sum_{j=1}^m R_j = 807.56$)
- EL HISTOGRAMA PARA LOS 400 DATOS MUESTRA QUE LA DISTRIBUCION NORMAL PUEDE MODELAR LA VARIABILIDAD DE X .

TEMA 10:

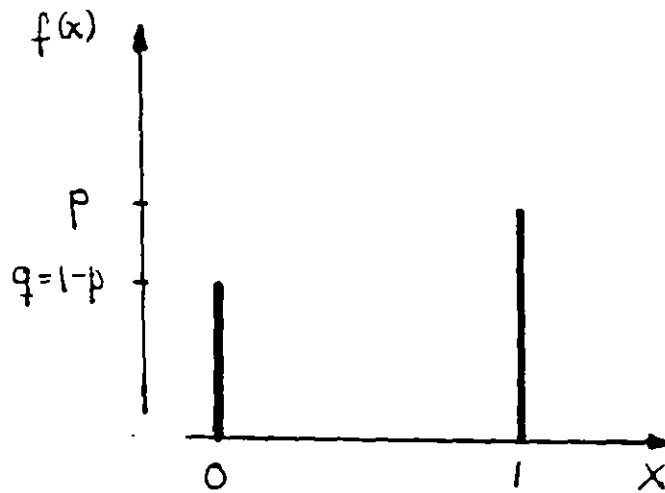
**DISTRIBUCIONES DE PROBABILIDAD
PARA VARIABLES DISCRETAS**

DISTRIBUCION DE BERNOULLI (parámetro p)

Es un experimento aleatorio en el cual se pueden observar dos diferentes valores
(0 o 1, "éxito" o "fracaso")

$$f(x) = \begin{cases} p & \text{si } x = 1 \\ (1-p) = q & \text{si } x = 0 \end{cases}$$

$$\mu = p \quad \sigma^2 = p(1-p) = pq$$



DISTRIBUCION BINOMIAL (parámetros p y n)

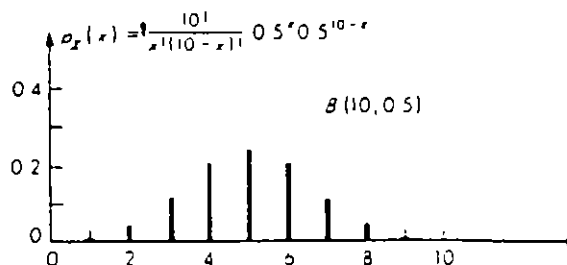
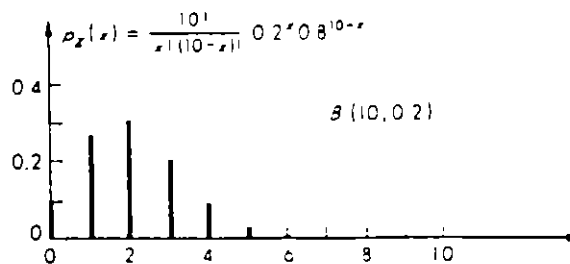
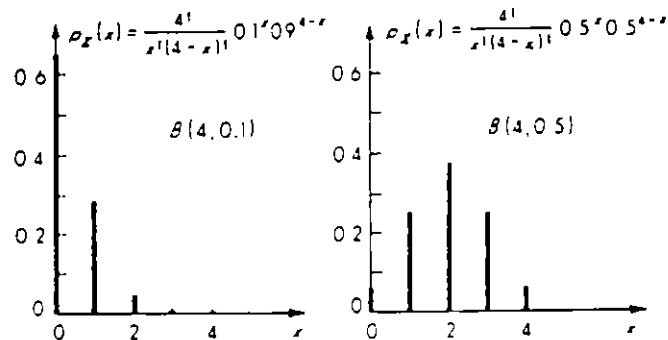
¿Cuál es la probabilidad de observar k éxitos en n intentos?

1. Cada intento es un experimento de Bernoulli
2. La probabilidad de éxito p es constante para todos los intentos
3. Los intentos son independientes

$$f(k) = \frac{n!}{k!(n-k)!} p^k q^{(n-k)} \quad k=0, 1, \dots, n$$

$$\mu = np$$

$$\sigma^2 = npq$$



DISTRIBUCION BINOMIAL NEGATIVA
(parámetro p)

¿Cuál es la probabilidad de que el k-ésimo éxito
ocurra en el n-ésimo intento?

Supuestos: los mismos que para la distribución binomial

$$\begin{aligned} f(n) &= \binom{n-1}{k-1} p^{k-1} q^{n-k} p \\ &= \binom{n-1}{k-1} p^k q^{n-k} \quad n = k, k+1, \dots \end{aligned}$$

$$\mu = \frac{k}{p} \quad \sigma^2 = k \frac{q}{p}$$

Ejemplo: Determine los valores de $f(n)$ para $p = 0.06$

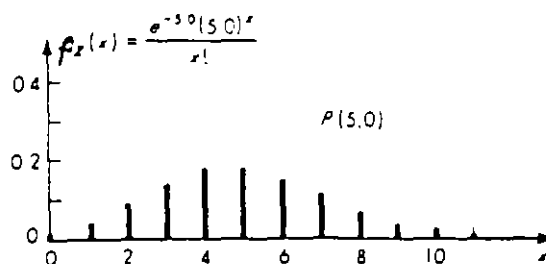
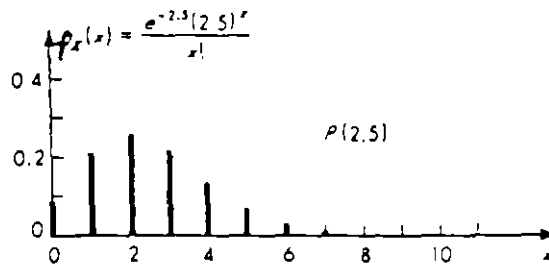
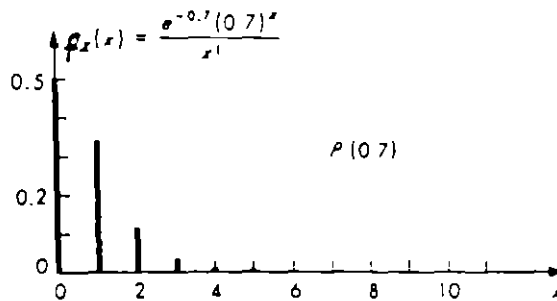
DISTRIBUCION DE POISSON (parámetro λ)

Permite determinar la probabilidad de que se presenten k ocurrencias en un cierto continuo

$$f(k) = \frac{\lambda^k e^{-\lambda}}{k!} \quad k=0, 1, 2, \dots$$

$$\mu = \lambda \quad \sigma^2 = \lambda$$

λ : parámetro de "intensidad" (ocurrencias/unidad del continuo)



Ejemplo: Se ha estimado que una cierta máquina produce 3 piezas defectuosas/hora. Determine las probabilidades de que en una hora se produzcan 0, 1, 2, 3 y 4 piezas defectuosas.

$$\text{Propiedad recursiva: } f(k) = \frac{\lambda}{k} f(k-1)$$

PROCESO DE POISSON (parámetro λ)

Es la generalización de la distribución de Poisson

$$f(k) = \frac{(\lambda t)^k e^{-\lambda t}}{k!} \quad k=0, 1, 2, \dots$$

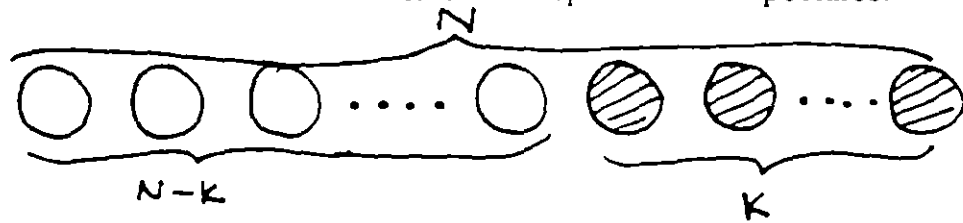
$$\mu = \lambda t \quad \sigma^2 = \lambda t$$

λ : parámetro de "intensidad" (ocurrencias/unidad del continuo)

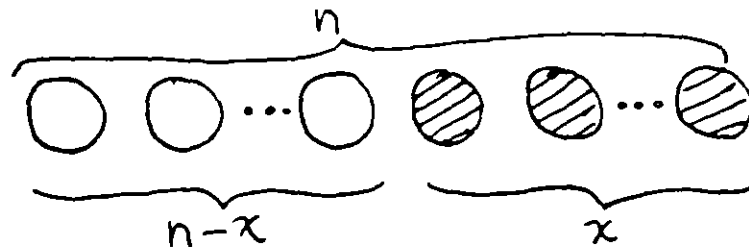
Ejemplo: Se ha estimado que una cierta máquina produce 3 piezas defectuosas/hora. Determine las probabilidades de que en un turno de 8 horas se produzcan 0, 1, 2, 3 y 4 piezas defectuosas.

DISTRIBUCION HIPERGEOMETRICA

Un lote de tamaño N consta de k especímenes especiales:



De dicho lote se extrae una muestra de tamaño n



¿Cuál es la probabilidad de que en la muestra se encuentren x especímenes especiales (obtenidos sin remplazo)

$$f(x) = \frac{\binom{k}{x} \binom{N-k}{n-x}}{\binom{N}{n}}$$

$$\mu = n \left(\frac{k}{N} \right) \quad \sigma^2 = n \left(\frac{k}{N} \right) \left(1 - \frac{k}{N} \right) \left(\frac{N-n}{N-1} \right)$$

Ejemplo: Un proceso de fabricación de focos produce 12.5% de focos defectuosos. Si los focos se embalan en cajas de 24 unidades. ¿Cuál es la probabilidad de que, en una muestra de 6 focos de una misma caja, x de ellos sean defectuosos?

TEMA 11:

DIAGRAMAS DE CONTROL PARA ATRIBUTOS

DIAGRAMAS DE CONTROL PARA ATRIBUTOS

Diagramas para variables diagramas de control que se utilizan para productos cuya calidad se refleja en características de calidad que se pueden "medir". Por ejemplo, diagramas para \bar{X} , R, I, PM, etc.

Diagramas para atributos diagramas de control para productos cuya calidad se basa en una clasificación del producto en **conformante** (*conforming*) según las especificaciones, o **no conformante** (*non-conforming*).

USO DE DIAGRAMAS PARA ATRIBUTOS

- Clasificación de piezas "defectuosas"
- Procedimientos de inspección "pasa-no pasa".
- Productos con múltiples características de calidad medibles.

DEFINICIONES

Defecto o no conformidad: (*defective, non-conformity*) falla o no-conformidad que hace que el producto no cumpla con las especificaciones (una misma unidad de un producto puede tener varios defectos a la vez)

Defectuoso o no conformante: (*defective, non-conforming*) una unidad de producto o artículo con uno o mas defectos.

Número de defectuosos (*number of defectives*) en una muestra con n especímenes, el número d de especímenes defectuosos.

Número de defectos: (*number of defects*) número total c de defectos encontrados en todos los especímenes de una muestra de tamaño n

Fración o proporción defectuosa: (*fraction, proportion defective*) proporción p entre el número de especímenes defectuosos y el número total de especímenes en la muestra

$$p = \frac{d}{n}$$

DEFINICIONES OPERACIONALES

Definiciones precisas que responden a la pregunta *¿qué constituye un defecto?*

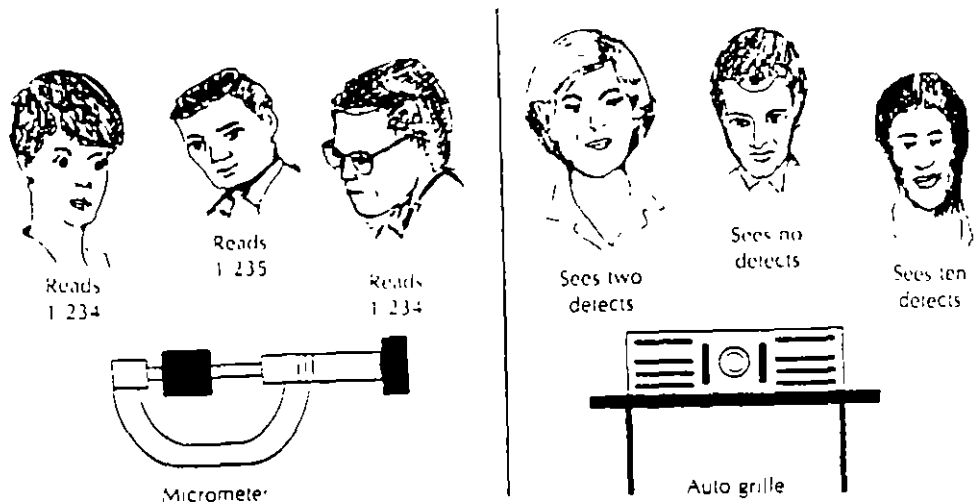


Figure 13.1 Human Variability in Attribute Quality Characterization

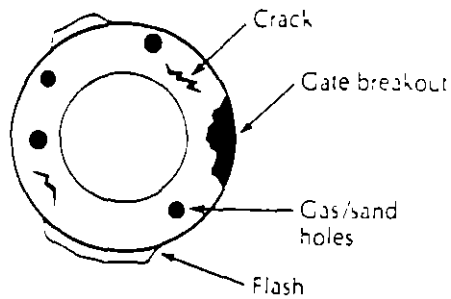
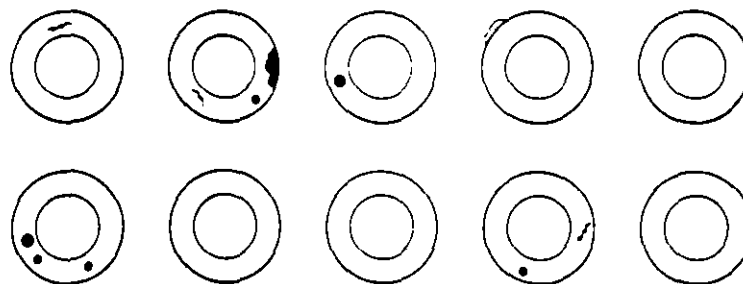


Figure 13.2 Example of Defect Identification in an Attribute Quality Characterization Situation (Engine Valve Seat Blank)



Cracks	Number of defects =
Holes	Number of defects =
Flash	Fraction defective =
Gate breakout	Number of defects/unit =

Figure 13.3 Example of Sample Result for Attribute Quality Characterization

DIAGRAMA DE CONTROL PARA PROPORCION DEFECTUOSA: DIAGRAMA p

Diagrama para el control de la *fracción o proporción defectuosa*.

CONSTRUCCION DEL DIAGRAMA 3-SIGMA:

$$\begin{aligned}LC &= \mu_p \\LSC &= \mu_p + 3\sigma_p \\LIC &= \mu_p - 3\sigma_p\end{aligned}$$

DETERMINACION DE μ_p Y σ_p

Si d : número de artículos no conformantes es $b(n,p)$

$$\Rightarrow E[d] = np \quad \sigma_d^2 = npq \quad \sigma_d = \sqrt{npq}$$

$$\text{Puesto que } p = \frac{d}{n} :$$

$$\mu_p =$$

$$\sigma_p^2 = \text{VAR} \left[\frac{d}{n} \right] =$$

$$\sigma_p =$$

$$LC =$$

$$LSC = +3$$

$$LIC = -3$$

IMPLANTACION DEL DIAGRAMA

1. Estime p

$$\hat{p} = \bar{p} = \frac{\sum_{i=1}^m d_i}{\sum_{i=1}^m n_i}$$

m : número de subgrupos observados

d_i : número de artículos no conformantes en subgrupo i .

n_i : tamaño del subgrupo i .

2. Determine la línea central y los límites de control

$$LC = \hat{p}$$

$$LSC = \hat{p} + 3 \sqrt{\frac{\hat{p}(1-\hat{p})}{n_i}}$$

$$LIC = \hat{p} - 3 \sqrt{\frac{\hat{p}(1-\hat{p})}{n_i}}$$

3. Para el subgrupo i , grafique la proporción defectuosa correspondiente:

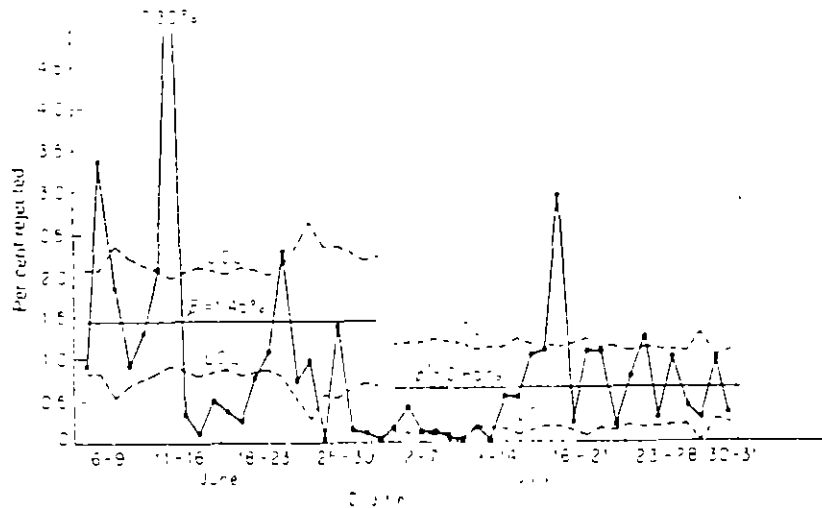
$$p_i = \frac{d_i}{n_i}$$

4. Identifique los puntos fuera de control.

TAMAÑO DE LOS SUBGRUPOS

SOLUCIONES COMUNES:

1. Calcular límites de control *para cada subgrupo*, mostrando dichos límites (cambiantes) en el diagrama.



2. Calcular límites de control con base en *tamaño promedio* de los subgrupos:

- Revise periódicamente el tamaño promedio
- Si el tamaño de un subgrupo difiere sensiblemente del tamaño promedio, calcule límites para ese subgrupo.
- Calcule límites de un subgrupo fuera de control y con tamaño pequeño.

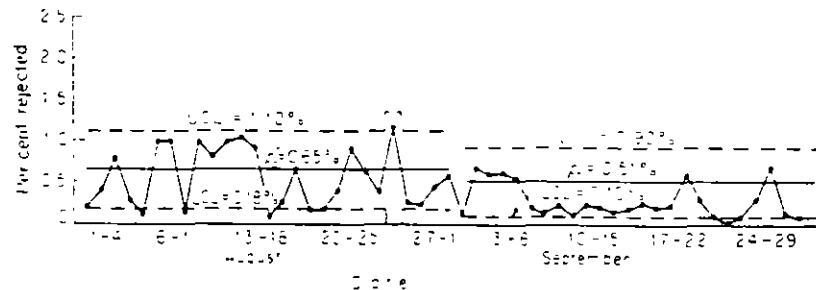


Figure 7-2 Control chart for per cent rejected--4 months' production of an electrical device

EJEMPLO

UNA COMPAÑIA FABRICA DIFERENTES TIPOS DE TUBOS DE RAYOS CATODICOS A ESCALA MASIVA. EL MES PASADO, EL TUBO TIPO A DIO MUCHOS PROBLEMAS. LA SIGUIENTE TABLA MUESTRA LOS DATOS OBTENIDOS DE LAS INSPECCIONES REALIZADAS 21 DIAS DEL MES PASADO. DIARIAMENTE SE INSPECCIONAN 100 UNIDADES. DETERMINE EL DIAGRAMA DE CONTROL PARA EL PROCESO.

DIA	FRACCION RECHAZADA	DIA	FRACCION RECHAZADA
1	0.22	12	0.46
2	0.33	13	0.31
3	0.24	14	0.24
4	0.20	15	0.22
5	0.18	16	0.22
6	0.24	17	0.29
7	0.24	18	0.31
8	0.29	19	0.21
9	0.18	20	0.26
10	0.27	21	0.24
11	0.31		

1. Estime p

$$\hat{p} = \bar{p} = \frac{\sum_{i=1}^m d_i}{\sum_{i=1}^m n_i} = \frac{\sum_{i=1}^m p_i}{m} = \frac{5.46}{21} =$$

2. Determine la línea central y los límites de control

$$LC = \hat{p} = 0.39159$$

Para calcular los límites de control se requiere $\hat{\sigma}_p$:

$$\hat{\sigma}_p = \sqrt{\frac{\hat{p}(1-\hat{p})}{n_i}} =$$

$$LSC = \hat{p} + 3\hat{\sigma}_p =$$

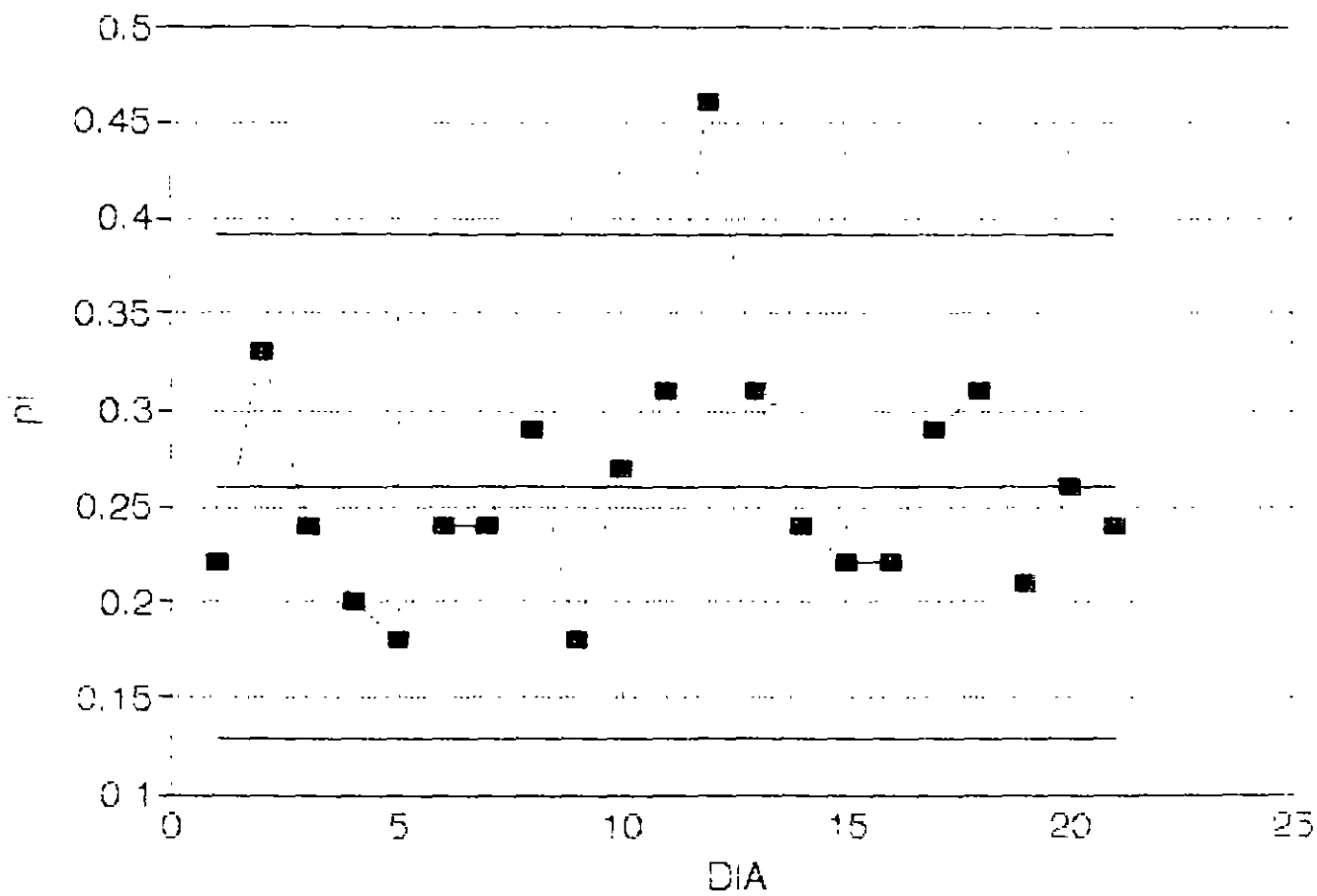
$$LIC = \hat{p} - 3\hat{\sigma}_p =$$

3. Para el subgrupo i , grafique la proporción defectuosa correspondiente:

$$p_i = \frac{d_i}{n_i}$$

4. Identifique los puntos fuera de control.

DIAGRAMA p



EJEMPLO

UN PRODUCTO SE ESTA INSPECCIONANDO CADA HORA AL 100%. LA SIGUIENTE TABLA MUESTRA LOS REGISTROS DE 16 HORAS DE INSPECCION.

HORA	UNIDADES INSPECCIONADAS	UNIDADES FUERA DE ESPECIFICACION
1	48	5
2	36	5
3	50	0
4	47	5
5	48	0
6	54	3
7	50	0
8	42	1
9	32	5
10	40	2
11	47	2
12	47	4
13	46	1
14	46	0
15	48	3
16	39	0

$$\sum_{i=1}^m d_i = 36 \quad \sum_{i=1}^m n_i = 720$$

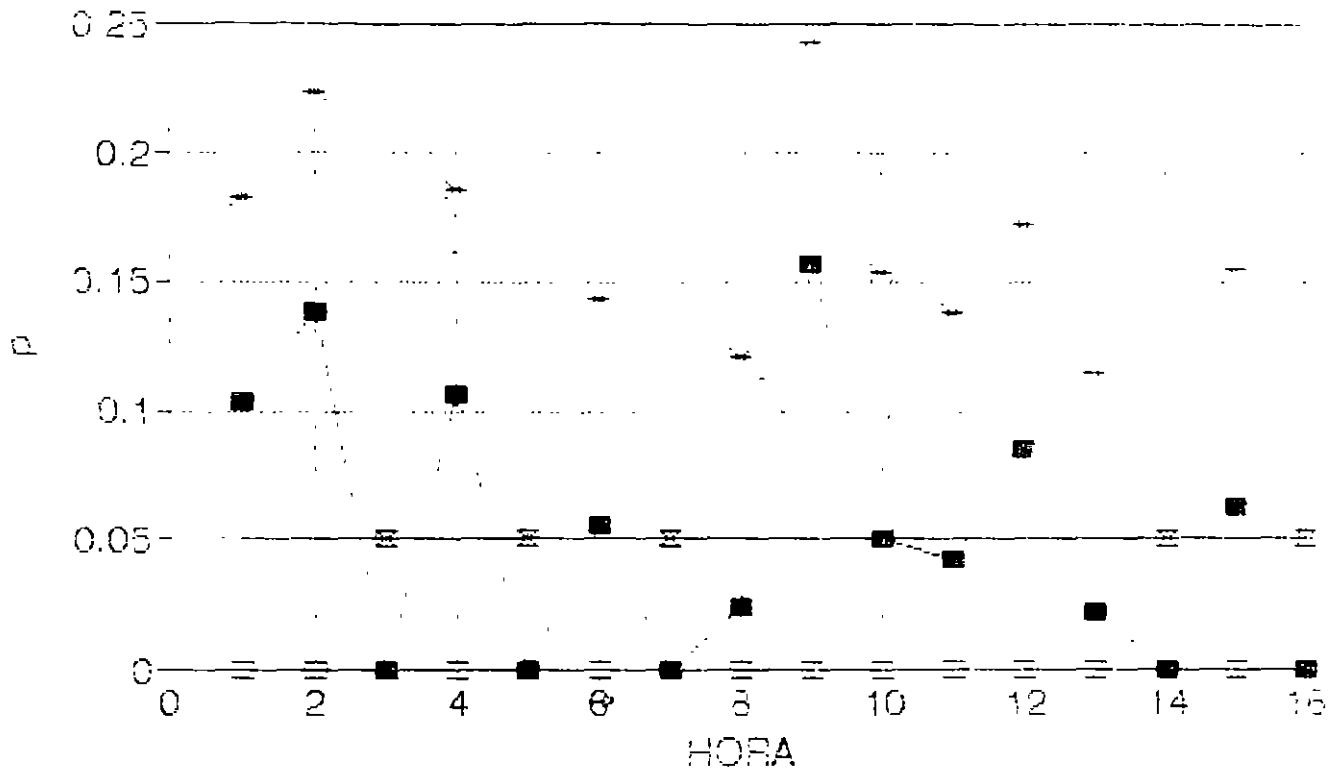
$$\hat{p} =$$

$$\hat{\sigma}_p = \sqrt{\frac{\hat{p}(1-\hat{p})}{n_i}} =$$

$$LSC = \hat{p} + 3\hat{\sigma}_p =$$

$$LIC = \hat{p} - 3\hat{\sigma}_p =$$

DIAGRAMA p



- LSC = LIC

DIAGRAMA PARA NUMERO DE NO CONFORMANTES: DIAGRAMA np

Controla el *número d de artículos no conformantes* o defectuosos

CONSTRUCCION DEL DIAGRAMA 3-SIGMA:

$$LC = \mu_d$$

$$LSC = \mu_d + 3\sigma_d$$

$$LIC = \mu_d - 3\sigma_d$$

DETERMINACION DE μ_d Y σ_d

Si d es $b(n,p)$, entonces:

$$\mu_d =$$

$$\sigma_d^2 =$$

$$\sigma_d =$$

DIAGRAMA DE CONTROL

$$LC =$$

$$LSC = +3$$

$$LIC = -3$$

IMPLANTACION DEL DIAGRAMA

1. Estime p

$$\hat{p} = \bar{p} = \frac{\sum_{i=1}^m d_i}{\sum_{i=1}^m n_i}$$

m : número de subgrupos observados.

d_i : número de artículos no conformantes en subgrupo i .

n_i : tamaño del subgrupo i .

2. Determine la línea central y los límites de control

$$LC = n\hat{p}$$

$$LSC = n\hat{p} + 3\sqrt{n\hat{p}(1 - \hat{p})}$$

$$LIC = n\hat{p} - 3\sqrt{n\hat{p}(1 - \hat{p})}$$

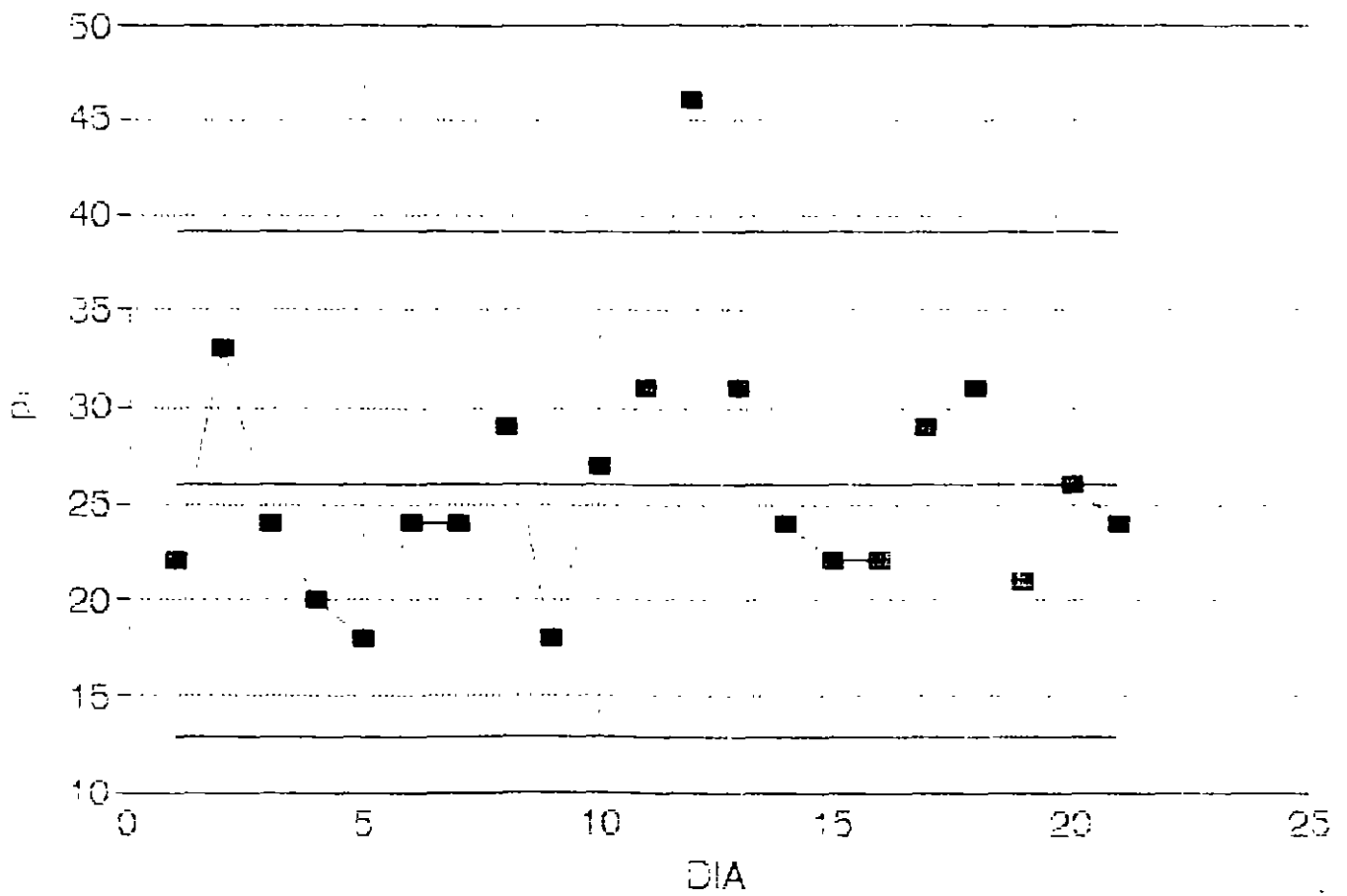
3. Para el subgrupo i , grafique el número de artículos defectuosos correspondiente:

$$np_i$$

4. Identifique los puntos fuera de control.

(EJEMPLO ANTERIOR)

DIAGRAMA np



SELECCION ENTRE DIAGRAMA p Y DIAGRAMA np

SIMILITUDES

1. Tanto el diagrama p como el np suponen una distribución binomial.
2. Ambos diagramas son similares, excepto por una escala diferente en el eje de la y ($1/n$).

CRITERIOS DE SELECCION

- Si los subgrupos tienen tamaños diferentes, use el diagrama p .
- Si los subgrupos tienen tamaños idénticos, use cualquiera de los diagramas.

VENTAJAS DE USAR EL DIAGRAMA np

1. Ahorro de un cálculo por cada uno de los subgrupos (división de d_i entre n para obtener p).
2. Mejor comprensión por parte del personal usando los diagramas.

DIAGRAMA DE CONTROL PARA NUMERO DE DEFECTOS: DIAGRAMA c

Diagrama para controlar el número c de defectos o no conformidades en subgrupos de *tamaño constante*, para los cuales c es poissoniana.

$$c = \frac{\text{defectos}}{\text{subgrupo}}$$

Si el subgrupo tiene dos o más artículos, cada subgrupo debe tener:

1. El mismo tamaño.
2. La misma "área de oportunidad" (misma posibilidad de ocurrencia de defectos).

CONSTRUCCION DEL DIAGRAMA 3-SIGMA

$$LC = \mu_c$$

$$LSC = \mu_c + 3\sigma_c = \mu_c + 3\sqrt{\mu_c}$$

$$LIC = \mu_c - 3\sigma_c = \mu_c - 3\sqrt{\mu_c}$$

ESTIMACION DE c

$$\hat{c} = \bar{c} = \text{número promedio de defectos/subgrupo}$$

DIAGRAMA DE CONTROL

$$LC = \bar{c}$$

$$LSC = \bar{c} + 3\sqrt{\bar{c}}$$

$$LIC = \bar{c} - 3\sqrt{\bar{c}}$$

EJEMPLO

LA SIGUIENTE TABLA MUESTRA EL NUMERO DE REMACHES FALTANTES EN AVIONES REPORTADOS POR EL DEPARTAMENTO DE MANTENIMIENTO DE UN AEROPUERTO

AVION	REMA CHES	AVION	REMA CHES	AVION	REMA CHES
201	8	210	12	218	14
202	16	211	23	219	11
203	14	212	16	220	9
204	19	213	9	221	10
205	11	214	25	222	22
206	15	215	15	223	7
207	8	216	9	224	28
208	11	217	9	225	9
209	21				

ANALICE EL PROCESO

ESTIMACION DE c

$\hat{c} = \bar{c}$ = número promedio de defectos/subgrupo

$$\hat{c} = \bar{c} = \frac{\sum_{i=1}^m d_i}{m} =$$

DIAGRAMA DE CONTROL

$$LC = \bar{c} =$$

$$LSC = \bar{c} + 3\sqrt{\bar{c}}$$

$$LIC = \bar{c} - 3\sqrt{\bar{c}}$$

DIAGRAMA C

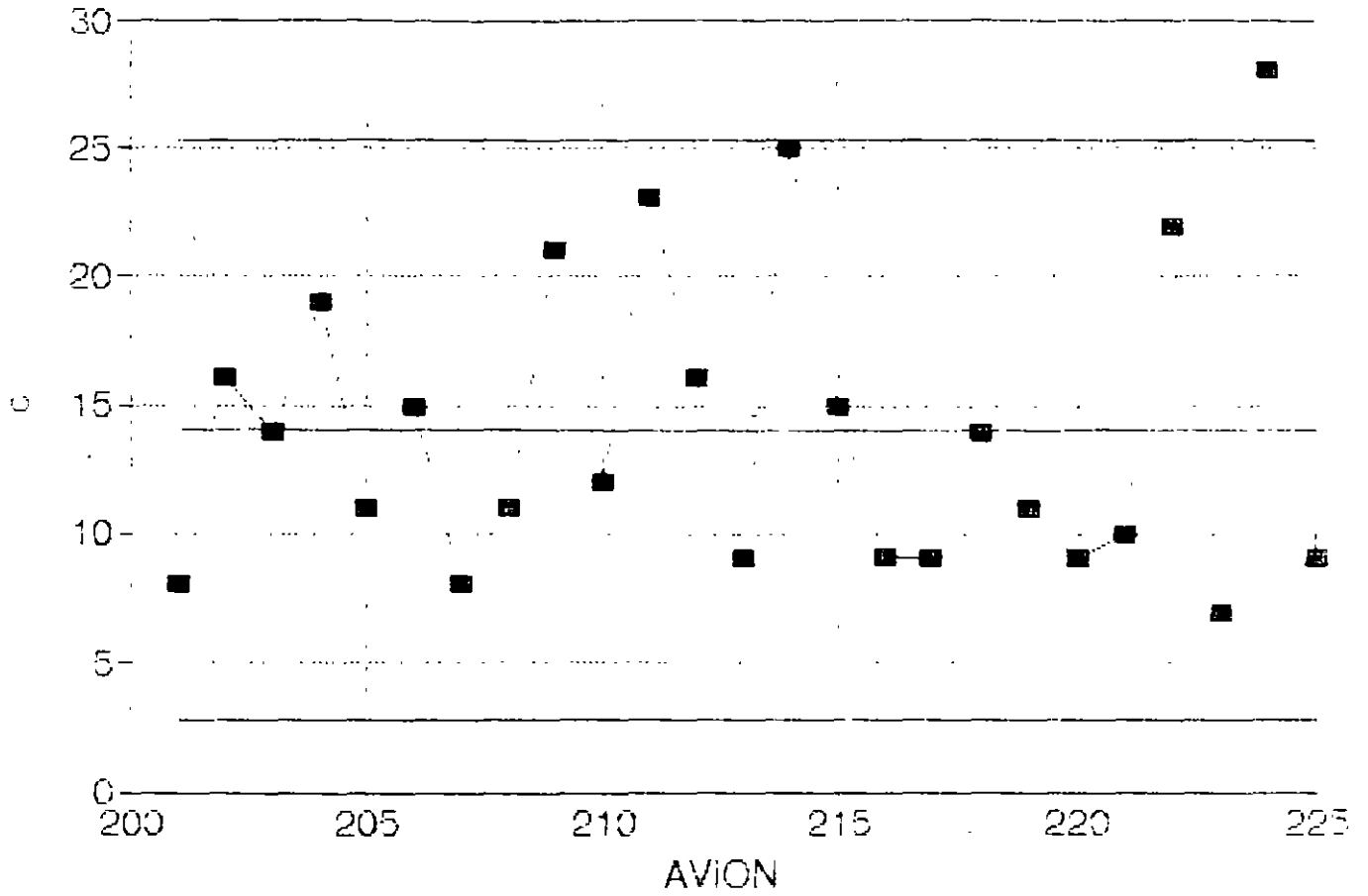


DIAGRAMA DE CONTROL PARA NUMERO DE DEFECTOS POR UNIDAD: EL DIAGRAMA u

Se usa para controlar el número de defectos por unidad, cuando hay cambio evidente en el área de oportunidad. Requiere definir una medida estándar u del área de oportunidad:

$$u = \frac{c}{n}$$

c : número de defectos en un subgrupo.

n : "tamaño" del subgrupo.

CONSTRUCCION DEL DIAGRAMA 3-SIGMA

$$LC = \mu_u$$

$$LSC = \mu_u + 3\sigma_u = \mu_u + 3\frac{\sqrt{\mu_u}}{\sqrt{n_i}}$$

$$LIC = \mu_u - 3\sigma_u = \mu_u - 3\frac{\sqrt{\mu_u}}{\sqrt{n_i}}$$

ESTIMACION DE μ_u

$$\hat{\mu}_u = \bar{u} = \frac{\sum_{i=1}^m c_i}{\sum_{i=1}^m n_i} = \frac{\text{no. total de defectos}}{\text{no. total de unidades}}$$

DIAGRAMA DE CONTROL

$$LC = \bar{u}$$

$$LSC = \bar{u} + 3 \frac{\sqrt{\bar{u}}}{\sqrt{n_i}}$$

$$LIC = \bar{u} - 3 \frac{\sqrt{\bar{u}}}{\sqrt{n_i}}$$

EJEMPLO

LA SIGUIENTE TABLA MUESTRA EL NUMERO DE DEFECTOS ENCONTRADOS EN DIFERENTES DIAS EN UNA EMPRESA TEXTIL. OBSERVE QUE LA PRODUCCION DIARIA (EN ROLLOS DE TELA) VARIA. DETERMINE EL DIAGRAMA DE CONTROL CORRESPONDIENTE

DIA	ROLLOS	DEFEC-TOS	DIA	ROLLOS	DEFEC-TOS
1	20	27	6	22	31
2	20	23	7	23	37
3	20	30	8	33	29
4	21	28	9	23	36
5	22	29	10	21	27

ESTIMACION DE μ_u

$$\hat{\mu}_u = \bar{u} = \frac{\sum_{i=1}^m c_i}{\sum_{i=1}^m n_i} = \frac{\text{no. total de defectos}}{\text{no. total de unidades}} =$$

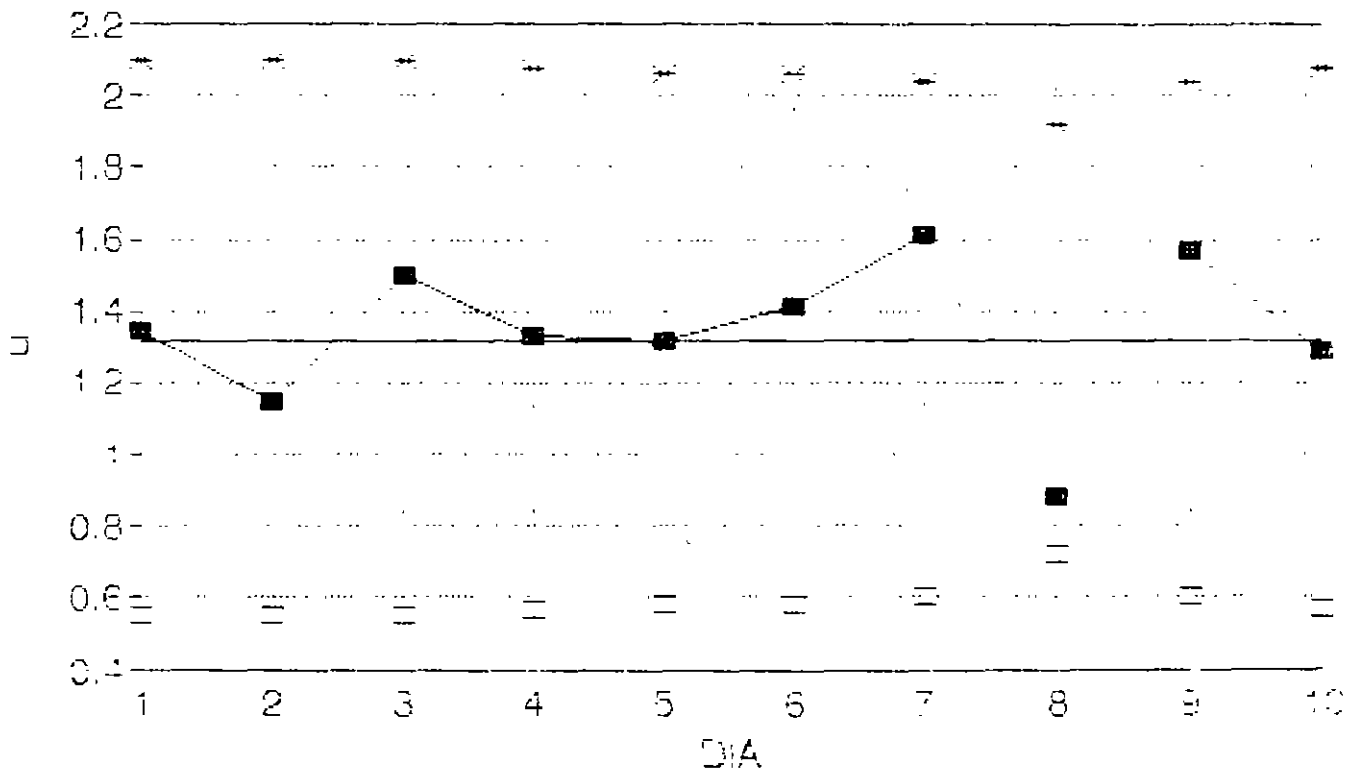
DIAGRAMA DE CONTROL

$$LC = \bar{u} =$$

$$LSC = \bar{u} + 3 \frac{\sqrt{\bar{u}}}{\sqrt{n_i}} =$$

$$LIC = \bar{u} - 3 \frac{\sqrt{\bar{u}}}{\sqrt{n_i}}$$

DIAGRAMA u



- LSC = LIC

Flowchart Simplifies Decision About Which Control Chart to Use

by Jill A. Swift

With the increased awareness of quality in the workplace, more and more people are being introduced to control charts. Many people want to use them but are uncertain about which one to use. In the past, the decision about which control chart to use was made by those experienced in such matters; now, however, those inexperienced in selecting control charts can make this decision themselves by using the flowchart in Figure 1.

Several different types of flowcharts currently exist to help people decide which control chart is appropriate for a particular situation, but the flowchart in Figure 1 has several distinguishing features:

- It is simple and easy to use.
- Only a basic understanding of statistics is required.
- All levels of personnel can use and, more important, understand it.

The flowchart in action

Here are three examples of how to use the flowchart:

Example 1: A manufacturer of crystal stemware wants to set up a control chart at

the intermediate inspection station. Defects in workmanship and visual quality features are checked at this inspection station before the stemware is sent to the cutter station. The manufacturer wants charts prepared daily. The amount of stemware produced by the glassblowers per day varies.

Solution: Counted data → defects → sample size varies → u chart

Example 2: An independent contractor wants to track the number of bad and unusable products received from a particular supplier. Various sized shipments are received once a week.

Solution: Counted data → unusable (defective) → sample size varies → p chart

Example 3: A line foreman needs to keep track of the shaft lengths being cut to ensure that the customer's specifications are met. There are 250 shaft lengths cut per hour. Since one of the line workers will be responsible for collecting and measuring the hourly sample, the sample size needs to be kept below 8.

Solution: Measured data → sample size > 1 → sample size < 10 → \bar{X} bar and R charts

An effective tool

As the examples show, the flowchart is simple to use and understand. Many people have already successfully used it to integrate control charts into their work environments.

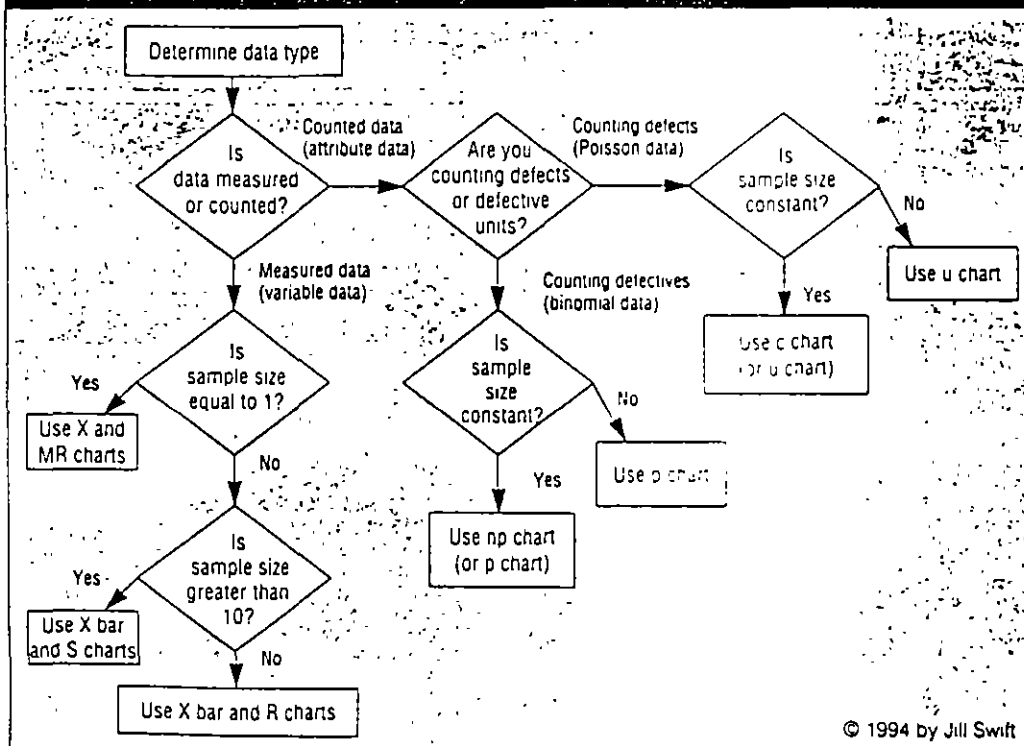
Jill A. Swift is an assistant professor in the Industrial Engineering Department at the University of Miami in Florida. She received a doctorate in industrial engineering from Oklahoma State University in Stillwater. Swift is an ASQC member and certified quality engineer.

Share Your Good Idea

Quality Progress readers need good ideas. If you have developed a new quality tool or technique or a unique slant to an existing one, submit a paper on how it works. Please include measurable results that prove the tool or technique is indeed a good one. Submissions should be typewritten, double-spaced, and no more than three pages long. Be sure to provide your name, address, and telephone number. Any questions about the column should be directed to:

Karen Bemowski
ASQC/Quality Progress
P O Box 3005
Milwaukee, WI 53201-3005
800-248-1946 or
(414) 272-8575

Figure 1. The Flowchart



What did you think about this article?

Quality Progress needs your feedback. On the postage-paid reader service card inserted toward the back of this magazine, please circle the number that corresponds with your opinion of the preceding article.

Excellent	Circle #377
Good	Circle #378
Fair	Circle #379
Poor	Circle #380

Coming in
November:

Annual Salary Survey of ASQC Members

Anyone can answer the question "How much am I paid?" but only with the help of Quality Progress' detailed salary survey can you accurately compare your answer with those of other ASQC professionals

TEMA 12:
ESTUDIOS DE CASO

ESTUDIO DE CASO: IMPLANTACION DE DIAGRAMAS DE CONTROL

Usted forma parte de un equipo de trabajo que desea mejorar el proceso de llenado de bolsas de 20 kg de comida para perros. El objetivo final del proyecto es que el llenado de las bolsas sea lo más cercano posible a 20 kg.

El primer paso del estudio consiste en examinar el proceso de llenado desde un punto de vista de control estadístico de procesos. La tabla 1 muestra los pesos netos en kg (por arriba de 20 kg) observados. Los subgrupos de tamaño $n = 5$ representan los pesos de cinco bolsas consecutivas llenadas usando la cabeza número 2 de una máquina llenadora de cuatro cabezas. Los subgrupos se obtuvieron a intervalos de 30 minutos.

- a) Utilice los datos de la tabla 1 para determinar los diagramas de control preliminares para \bar{X} y R del proceso de llenado.
- b) Interprete los diagramas. Si detecta señales de que el proceso está fuera de control, suponga que se encontró la causa física. Elimine los subgrupos fuera de control y recalculé líneas centrales y límites de control.
- c) Continúe hasta que los diagramas muestren estabilidad del proceso. Haga comentarios breves.

Una vez realizado lo anterior, el equipo de trabajo del proyecto estudió el proceso con más detalle, con el fin de reducir la variación del proceso. Una de los primeros pasos dio como resultado el diagrama causa-efecto mostrado en la figura 1.

Con base en el análisis del diagrama causa-efecto, se ha determinado que la causa más probable de variación consiste en que los ajustes hechos a la máquina llenadora se realizan suponiendo un tamaño de partícula más pequeña de la que se usa en la realidad para elaborar la comida para perros.

Una vez que se atendió este problema crónico (que da lugar a causas comunes de variación), se prosiguió con la aplicación de los diagramas de control con

las líneas centrales y límites de control preliminares (obtenidos en el inciso c). Las mediciones realizadas el día 4 se muestran en la tabla 2.

- d. Utilice los diagramas de control preliminares (inciso c) para continuar con el monitoreo del proceso durante el día 4. Grafique los resultados de los subgrupos del día 4 en dichos diagramas. Comente y presente sus conclusiones sobre el proceso.

TABLA 1: PESOS NETOS OBSERVADOS (en kg) LOS PRIMEROS TRES DIAS DEL PROYECTO

Sample	Day	Time	X_1	X_2	X_3	X_4	X_5	\bar{X}	Range
1	1	7:30	0.92	1.01	0.95	1.04	0.90	0.964	0.14
2	1	8:00	1.15	1.02	0.98	0.94	0.99	1.016	0.21
3	1	8:30	0.94	0.91	1.00	1.05	0.95	0.970	0.14
4	1	9:00	1.11	0.94	0.89	1.11	1.00	1.010	0.22
5	1	9:30	0.95	0.97	0.97	0.98	0.86	0.946	0.12
6	1	10:00	1.02	0.89	0.97	0.95	0.97	0.960	0.13
7	1	10:30	1.18	0.84	0.95	1.39	1.03	1.078	0.55
8	1	11:30	0.94	1.15	1.07	0.99	1.03	1.036	0.21
9	1	12:00	1.03	1.20	1.00	1.10	1.09	1.084	0.20
10	1	12:30	0.98	0.82	0.98	1.02	1.13	0.986	0.31
11	1	1:00	0.98	0.95	0.97	1.04	0.89	0.966	0.15
12	1	1:30	1.10	1.12	1.01	1.12	1.04	1.078	0.11
13	1	2:00	1.10	0.94	0.88	0.92	0.91	0.950	0.22
14	1	2:30	1.01	0.99	1.11	0.96	1.05	1.024	0.15
15	1	3:00	1.17	1.30	1.21	0.69	0.82	1.038	0.61
16	2	7:30	0.97	1.03	1.09	1.04	0.94	1.014	0.15
17	2	8:00	0.92	0.88	0.83	0.94	0.87	0.888	0.11
18	2	8:30	0.99	1.00	0.95	1.00	0.90	0.968	0.10
19	2	9:00	0.88	1.09	1.05	1.05	1.01	1.016	0.21
20	2	9:30	0.87	1.08	0.99	0.97	1.04	0.990	0.21
21	2	10:00	1.08	0.99	1.18	1.02	1.07	1.068	0.19
22	2	10:30	0.60	1.28	0.97	0.84	1.01	0.940	0.68
23	2	11:30	0.89	0.99	1.02	0.95	0.99	0.968	0.13
24	2	12:00	1.01	0.90	0.97	1.09	1.13	1.020	0.23
25	2	12:30	0.95	1.01	1.09	1.10	1.10	1.050	0.15
26	2	1:00	1.10	0.96	1.02	1.03	1.01	1.024	0.14
27	2	1:30	0.92	1.05	1.03	0.99	1.08	1.014	0.16
28	2	2:00	1.00	0.87	1.00	1.05	0.97	0.978	0.18
29	2	2:30	0.96	1.03	1.03	1.11	1.05	1.036	0.15
30	2	3:00	1.15	0.84	1.02	1.18	1.05	1.048	0.34
31	3	7:30	0.91	0.85	0.89	0.82	0.95	0.884	0.13
32	3	8:00	0.95	0.92	0.95	0.84	0.92	0.916	0.11
33	3	8:30	0.98	0.98	1.01	1.12	1.19	1.056	0.21
34	3	9:00	0.89	0.90	1.05	1.05	0.87	0.952	0.18
35	3	9:30	1.16	0.96	0.96	1.06	1.00	1.028	0.20
36	3	10:00	1.10	0.87	0.95	1.05	1.14	1.022	0.27
37	3	10:30	0.83	0.75	1.04	1.25	0.77	0.928	0.50
38	3	11:30	0.98	1.02	1.06	0.87	1.00	0.986	0.19
39	3	12:00	0.95	0.88	0.97	1.01	0.85	0.932	0.16
40	3	12:30	1.04	0.95	1.00	1.14	1.06	1.038	0.19
41	3	1:00	0.98	0.96	1.04	1.09	1.05	1.024	0.13
42	3	1:30	0.80	0.99	0.98	1.03	0.89	0.938	0.23
43	3	2:00	1.04	1.00	0.87	1.02	0.91	0.968	0.17
44	3	2:30	0.94	1.02	0.92	1.00	1.01	0.978	0.10
45	3	3:00	0.71	1.36	1.10	1.24	0.81	1.044	0.65

FIGURA 1: DIAGRAMA CAUSA-EFECTO

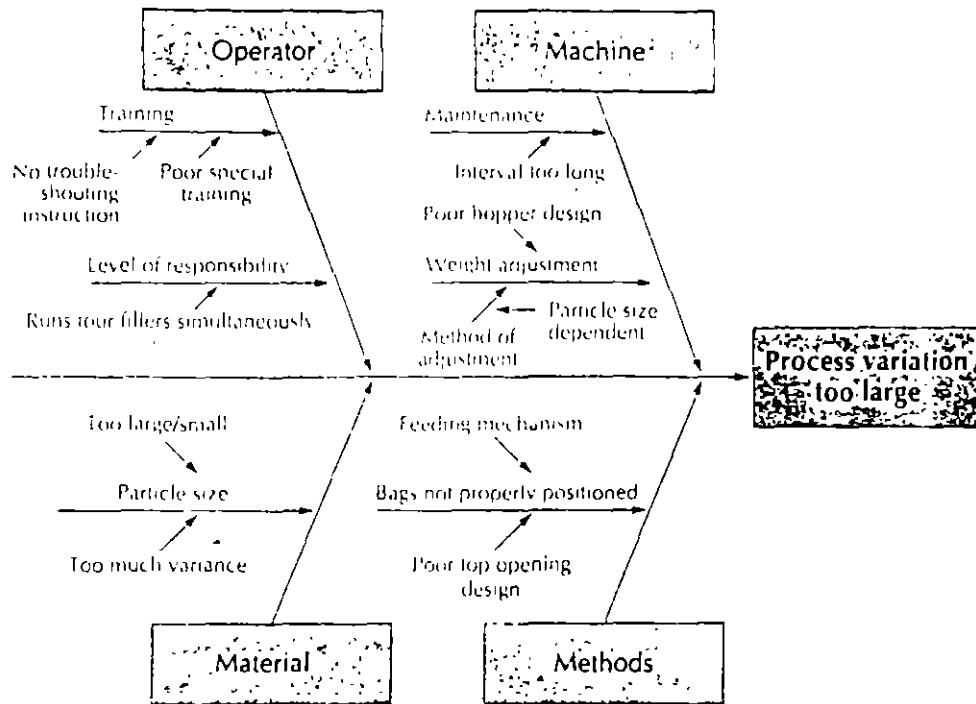


TABLA 2: PESOS NETOS OBSERVADOS (en kg) DESPUES DE TRATAR DE REDUCIR VARIACION

Sample	Day	Time	X_1	X_2	X_3	X_4	X_5	\bar{X}	Range
46	4	7:30	0.97	0.99	1.05	0.98	0.96	0.990	0.09
47	4	8:00	1.02	0.99	1.00	1.00	1.00	1.002	0.03
48	4	8:30	0.96	1.05	0.96	1.02	0.97	0.992	0.09
49	4	9:00	1.05	1.00	1.00	0.98	0.99	1.004	0.07
50	4	9:30	0.98	1.00	0.95	0.97	0.97	0.974	0.05
51	4	10:00	0.98	0.97	0.98	1.04	0.99	0.992	0.07
52	4	10:30	0.99	1.05	1.03	0.99	0.99	1.010	0.06
53	4	11:30	0.95	0.94	0.99	1.03	1.00	0.982	0.09
54	4	12:00	0.97	1.01	1.01	1.01	1.02	1.004	0.05
55	4	12:30	1.02	0.99	0.97	0.99	1.02	0.998	0.05
56	4	1:00	0.99	1.00	1.01	1.05	1.02	1.014	0.06
57	4	1:30	0.99	0.99	1.00	0.98	1.01	0.994	0.03
58	4	2:00	1.02	1.00	1.01	0.99	0.97	0.998	0.05
59	4	2:30	0.99	0.94	0.98	0.99	0.95	0.970	0.05
60	4	3:00	1.04	1.00	1.01	0.98	0.98	1.002	0.06

ESTUDIO DE CASO: ANALISIS DE LA CAPACIDAD DE UN PROCESO

Un ingeniero presumidón (IP) le presenta a Usted los datos mostrados en la tabla 1 y en la figura 1.

El IP desea apantallarlo aduciendo que él ha logrado mejorar un proceso de troquelado de metal. Los datos se basan en muestras de tamaño $n = 5$. Las especificaciones para la característica de calidad de interés son 3.50 ± 0.10 mm.

Con base en los diagramas de control, el IP dice que ahora (gracias a él, por supuesto), el proceso es capaz y que ya no se requiere seguir haciendo esfuerzos por mejorarlo.

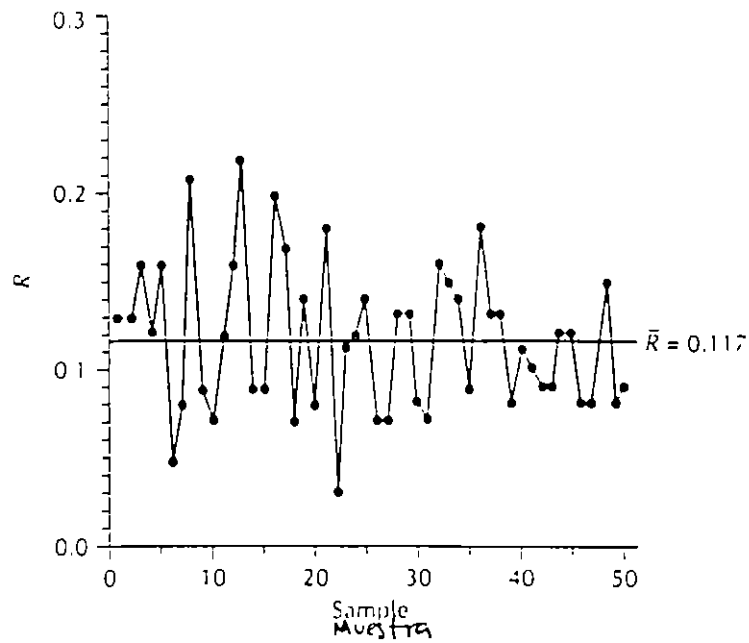
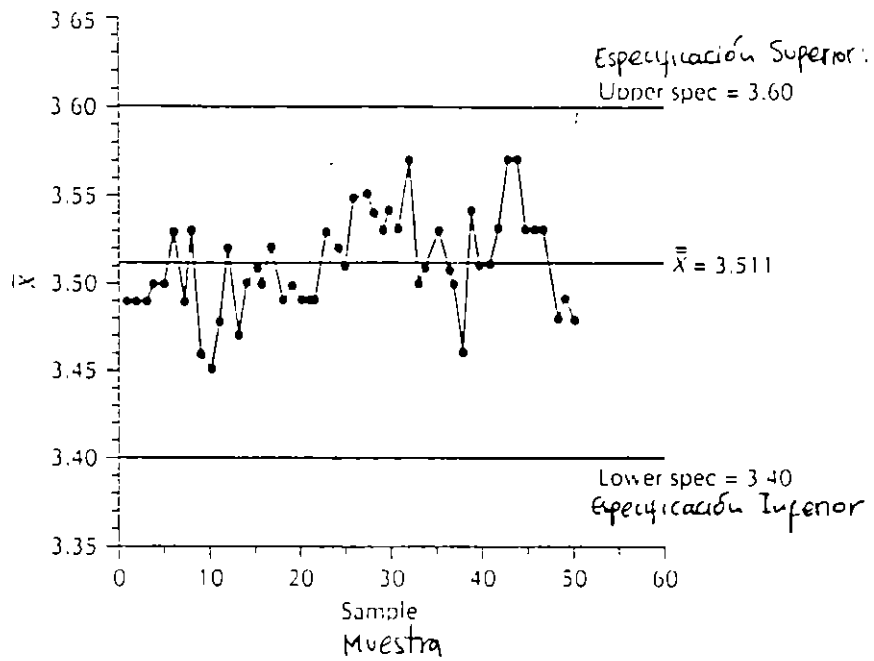
- a) Después de haber asistido a este curso, ¿qué opina sobre (1) el proceso, (2) el enfoque que utilizó el IP para estudiar el proceso, y (3) la conclusión a la que llegó el IP?

- b) Si usted estuviera a cargo del estudio de evaluación de la capacidad del proceso, ¿qué hubiera hecho? Utilice los datos para desarrollar su presentación y sus conclusiones.

TABLA 1: DATOS PRESENTADOS POR EL IP

Muestra Sample	\bar{X}	Rango Range	Muestra Sample	\bar{X}	Rango Range
1	3.49	0.13	26	3.55	0.07
2	3.49	0.13	27	3.55	0.07
3	3.49	0.16	28	3.54	0.13
4	3.50	0.12	29	3.53	0.13
5	3.50	0.16	30	3.54	0.08
6	3.53	0.05	31	3.53	0.07
7	3.49	0.08	32	3.57	0.16
8	3.53	0.21	33	3.50	0.15
9	3.46	0.09	34	3.51	0.14
10	3.45	0.07	35	3.53	0.09
11	3.48	0.12	36	3.51	0.18
12	3.52	0.16	37	3.50	0.13
13	3.47	0.22	38	3.46	0.13
14	3.50	0.09	39	3.54	0.08
15	3.51	0.09	40	3.51	0.11
16	3.50	0.20	41	3.51	0.10
17	3.52	0.17	42	3.53	0.09
18	3.49	0.07	43	3.57	0.09
19	3.50	0.14	44	3.57	0.12
20	3.49	0.08	45	3.53	0.12
21	3.49	0.18	46	3.53	0.08
22	3.49	0.03	47	3.53	0.08
23	3.53	0.11	48	3.48	0.15
24	3.52	0.12	49	3.49	0.08
25	3.51	0.14	50	3.48	0.09

FIGURA 1: GRAFICAS PRESENTADAS POR EL IP



BIBLIOGRAFIA

DeVor, R.E., Ch. Tsong-how y J. W. Sutherland, *Statistical Quality Design and Control*, MacMillan, New York, 1992.

Grant, E.L., y R.S. Leavenworth, *Statistical Quality Control*, 6/e, McGraw-Hill, New York, 1988.

Juran, J.M. y F.M. Gryna, *Análisis y Planeación de la calidad*, 3/e, McGraw-Hill, México, 1995.

Montgomery, D.C., *Introduction to Statistical Quality Control*, 2/e, Wiley, New York, 1991.

Scheaffer, R.L., y J.T. McClave, *Probabilidad y estadística para ingeniería*, Grupo Editorial Iberoamérica, México, 1993.

Wheeler, D.J., y D.S. Chambers, *Understanding Statistical Process Control*, 2/e, SPC Press, Knoxville, 1992.

APENDICE:

TABLAS PARA VARIABLES

Table 3-1 Equations for computing 3-sigma limits on Shewhart control charts for variables

Table references for required factors pertain to App. 3. CL = central line.

Method	\bar{X} chart	R chart	s chart
μ and σ known or assumed (X_0, σ_0)	$CL = \bar{X}_0 = \mu$ $UCL_x = \mu + A\sigma$ $LCL_x = \mu - A\sigma$ Table F	$CL = R_0 = d_2\sigma$ $UCL_R = D_4\sigma$ $LCL_R = D_3\sigma$ Tables C and F	$CL = s_0 = c_4\sigma$ $UCL_s = B_6\sigma$ $LCL_s = B_5\sigma$ Tables C and F
μ and σ estimated from \bar{X} and \bar{R}	$CL = \bar{X}$ $UCL_x = \bar{X} + A_1\bar{R}$ $LCL_x = \bar{X} - A_1\bar{R}$ Table D	$CL = \bar{R}$ $UCL_R = D_4\bar{R}$ $LCL_R = D_3\bar{R}$ Table D	
μ and σ estimated from \bar{X} and \bar{s}	$CL = \bar{X}$ $UCL_x = \bar{X} + A_1\bar{s}$ $LCL_x = \bar{X} - A_1\bar{s}$ Table E		$CL = \bar{s}$ $UCL_s = B_6\bar{s}$ $LCL_s = B_5\bar{s}$ Table E

TABLA 3-3 Relación d_2^* entre \bar{R} y σ promediando rangos para diferentes números de subgrupos de tamaño 5 a partir de una población normal

NUMERO DE SUBGRUPOS DE TAMAÑO 5	d_2^*	NUMERO DE SUBGRUPOS DE TAMAÑO 5	d_2^*
1	2.474	8	2.346
2	2.405	10	2.342
3	2.379	12	2.339
5	2.358	20	2.334
6	2.353	∞	2.326

Table A Area under the normal curve
 Proportion of the total area of the standard normal curve from $-\infty$ to z (z represents a normalized statistic)

z	0.09	0.08	0.07	0.06	0.05	0.04	0.03	0.02	0.01	0.00
-3.5	0.00017	0.00017	0.00018	0.00019	0.00019	0.00020	0.00021	0.00022	0.00022	0.00023
-3.4	0.00024	0.00025	0.00026	0.00027	0.00028	0.00029	0.00030	0.00031	0.00031	0.00034
-3.3	0.00035	0.00036	0.00038	0.00039	0.00040	0.00042	0.00043	0.00045	0.00047	0.00048
-3.2	0.00050	0.00052	0.00054	0.00056	0.00058	0.00060	0.00062	0.00064	0.00066	0.00069
-3.1	0.00071	0.00074	0.00076	0.00079	0.00082	0.00085	0.00087	0.00090	0.00094	0.00097
-3.0	0.00100	0.00104	0.00107	0.00111	0.00114	0.00118	0.00122	0.00126	0.00131	0.00135
-2.9	0.0014	0.0014	0.0015	0.0015	0.0016	0.0016	0.0017	0.0017	0.0018	0.0019
-2.8	0.0019	0.0020	0.0021	0.0021	0.0022	0.0023	0.0023	0.0024	0.0025	0.0026
-2.7	0.0026	0.0027	0.0028	0.0029	0.0030	0.0031	0.0032	0.0033	0.0034	0.0035
-2.6	0.0036	0.0037	0.0038	0.0039	0.0040	0.0041	0.0043	0.0044	0.0045	0.0047
-2.5	0.0048	0.0049	0.0051	0.0052	0.0054	0.0055	0.0057	0.0059	0.0060	0.0062
-2.4	0.0064	0.0066	0.0068	0.0069	0.0071	0.0073	0.0075	0.0078	0.0080	0.0082
-2.3	0.0084	0.0087	0.0089	0.0091	0.0094	0.0096	0.0099	0.0102	0.0104	0.0107
-2.2	0.0110	0.0113	0.0116	0.0119	0.0122	0.0125	0.0129	0.0132	0.0136	0.0139
-2.1	0.0143	0.0146	0.0150	0.0154	0.0158	0.0162	0.0166	0.0170	0.0174	0.0179
-2.0	0.0183	0.0188	0.0192	0.0197	0.0202	0.0207	0.0212	0.0217	0.0222	0.0228
-1.9	0.0233	0.0239	0.0244	0.0250	0.0256	0.0262	0.0268	0.0274	0.0281	0.0287
-1.8	0.0294	0.0301	0.0307	0.0314	0.0322	0.0329	0.0336	0.0344	0.0351	0.0359
-1.7	0.0367	0.0375	0.0384	0.0392	0.0401	0.0409	0.0418	0.0427	0.0436	0.0446
-1.6	0.0455	0.0465	0.0475	0.0485	0.0495	0.0505	0.0516	0.0526	0.0537	0.0548
-1.5	0.0559	0.0571	0.0582	0.0594	0.0606	0.0618	0.0630	0.0643	0.0655	0.0668
-1.4	0.0681	0.0694	0.0708	0.0721	0.0735	0.0749	0.0764	0.0778	0.0793	0.0808
-1.3	0.0823	0.0838	0.0853	0.0869	0.0885	0.0901	0.0918	0.0934	0.0951	0.0968
-1.2	0.0985	0.1003	0.1020	0.1038	0.1057	0.1075	0.1093	0.1112	0.1131	0.1151
-1.1	0.1170	0.1190	0.1210	0.1230	0.1251	0.1271	0.1292	0.1314	0.1335	0.1357
-1.0	0.1379	0.1401	0.1423	0.1446	0.1469	0.1492	0.1515	0.1539	0.1562	0.1587
-0.9	0.1611	0.1635	0.1660	0.1685	0.1711	0.1736	0.1762	0.1788	0.1814	0.1841
-0.8	0.1867	0.1894	0.1922	0.1949	0.1977	0.2005	0.2033	0.2061	0.2090	0.2119
-0.7	0.2148	0.2177	0.2207	0.2236	0.2266	0.2297	0.2327	0.2358	0.2389	0.2420
-0.6	0.2451	0.2483	0.2514	0.2546	0.2578	0.2611	0.2643	0.2676	0.2709	0.2743
-0.5	0.2776	0.2810	0.2843	0.2877	0.2912	0.2946	0.2981	0.3015	0.3050	0.3085
-0.4	0.3121	0.3156	0.3192	0.3228	0.3264	0.3300	0.3336	0.3372	0.3409	0.3446
-0.3	0.3483	0.3520	0.3557	0.3594	0.3632	0.3669	0.3707	0.3745	0.3783	0.3821
-0.2	0.3859	0.3897	0.3936	0.3974	0.4013	0.4052	0.4090	0.4129	0.4168	0.4207
-0.1	0.4247	0.4286	0.4325	0.4364	0.4404	0.4443	0.4483	0.4522	0.4562	0.4602
-0.0	0.4641	0.4681	0.4721	0.4761	0.4801	0.4840	0.4880	0.4920	0.4960	0.5000

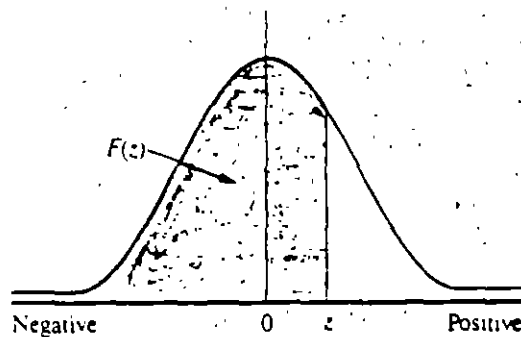


Table A (continued)

z	0.00	0.01	0.02	0.03	0.04	0.05	0.06	0.07	0.08	0.09
+0.0	0.5000	0.5040	0.5080	0.5120	0.5160	0.5199	0.5239	0.5279	0.5319	0.5359
+0.1	0.5398	0.5438	0.5478	0.5517	0.5557	0.5596	0.5636	0.5675	0.5714	0.5753
+0.2	0.5793	0.5832	0.5871	0.5910	0.5948	0.5987	0.6026	0.6064	0.6103	0.6141
+0.3	0.6179	0.6217	0.6255	0.6293	0.6331	0.6368	0.6406	0.6443	0.6480	0.6517
+0.4	0.6554	0.6591	0.6628	0.6664	0.6700	0.6736	0.6772	0.6808	0.6844	0.6879
+0.5	0.6915	0.6950	0.6985	0.7019	0.7054	0.7088	0.7123	0.7157	0.7190	0.7224
+0.6	0.7257	0.7291	0.7324	0.7357	0.7389	0.7422	0.7454	0.7486	0.7517	0.7549
+0.7	0.7580	0.7611	0.7642	0.7673	0.7704	0.7734	0.7764	0.7794	0.7823	0.7852
+0.8	0.7881	0.7910	0.7939	0.7967	0.7995	0.8023	0.8051	0.8079	0.8106	0.8133
+0.9	0.8159	0.8186	0.8212	0.8238	0.8264	0.8289	0.8315	0.8340	0.8365	0.8389
+1.0	0.8413	0.8438	0.8461	0.8485	0.8508	0.8531	0.8554	0.8577	0.8599	0.8621
+1.1	0.8643	0.8665	0.8686	0.8708	0.8729	0.8749	0.8770	0.8790	0.8810	0.8830
+1.2	0.8849	0.8869	0.8888	0.8907	0.8925	0.8944	0.8962	0.8980	0.8997	0.9015
+1.3	0.9032	0.9049	0.9066	0.9082	0.9099	0.9115	0.9131	0.9147	0.9162	0.9177
+1.4	0.9192	0.9207	0.9222	0.9236	0.9251	0.9265	0.9279	0.9292	0.9306	0.9319
+1.5	0.9332	0.9345	0.9357	0.9370	0.9382	0.9394	0.9406	0.9418	0.9429	0.9441
+1.6	0.9452	0.9463	0.9474	0.9484	0.9495	0.9505	0.9515	0.9525	0.9535	0.9545
+1.7	0.9554	0.9564	0.9573	0.9582	0.9591	0.9599	0.9608	0.9616	0.9625	0.9633
+1.8	0.9641	0.9649	0.9656	0.9664	0.9671	0.9678	0.9686	0.9693	0.9699	0.9706
+1.9	0.9713	0.9719	0.9726	0.9732	0.9738	0.9744	0.9750	0.9756	0.9761	0.9767
+2.0	0.9773	0.9778	0.9783	0.9788	0.9793	0.9798	0.9803	0.9808	0.9812	0.9817
+2.1	0.9821	0.9826	0.9830	0.9834	0.9838	0.9842	0.9846	0.9850	0.9854	0.9857
+2.2	0.9861	0.9864	0.9868	0.9871	0.9875	0.9878	0.9881	0.9884	0.9887	0.9890
+2.3	0.9893	0.9896	0.9898	0.9901	0.9904	0.9906	0.9909	0.9911	0.9913	0.9916
+2.4	0.9918	0.9920	0.9922	0.9925	0.9927	0.9929	0.9931	0.9932	0.9934	0.9936
+2.5	0.9938	0.9940	0.9941	0.9943	0.9945	0.9946	0.9948	0.9949	0.9951	0.9952
+2.6	0.9953	0.9955	0.9956	0.9957	0.9959	0.9960	0.9961	0.9962	0.9963	0.9964
+2.7	0.9965	0.9966	0.9967	0.9968	0.9969	0.9970	0.9971	0.9972	0.9973	0.9974
+2.8	0.9974	0.9975	0.9976	0.9977	0.9977	0.9978	0.9979	0.9979	0.9980	0.9981
+2.9	0.9981	0.9982	0.9983	0.9983	0.9984	0.9984	0.9985	0.9985	0.9986	0.9986
+3.0	0.99865	0.99869	0.99874	0.99878	0.99882	0.99886	0.99889	0.99893	0.99896	0.99900
+3.1	0.99903	0.99906	0.99910	0.99913	0.99915	0.99918	0.99921	0.99924	0.99926	0.99929
+3.2	0.99931	0.99934	0.99936	0.99938	0.99940	0.99942	0.99944	0.99946	0.99948	0.99950
+3.3	0.99952	0.99953	0.99955	0.99957	0.99958	0.99960	0.99961	0.99962	0.99964	0.99965
+3.4	0.99966	0.99967	0.99969	0.99970	0.99971	0.99972	0.99973	0.99974	0.99975	0.99976
+3.5	0.99977	0.99978	0.99978	0.99979	0.99980	0.99981	0.99981	0.99982	0.99983	0.99983

Characteristic	Statistic	Normalized statistic z
Measurement	X	$\frac{X - \mu_x}{\sigma}$
Subgroup average	\bar{X}	$\frac{\bar{X} - \mu_x}{\sigma/\sqrt{n}}$
Binomial count	$np = c$	$\frac{c - 0.5 - n\mu_p}{\sqrt{n\mu_p(1 - \mu_p)}}$
Binomial fraction	$p = \frac{c}{n}$	$\frac{(c - 0.5)/n - \mu_p}{\sqrt{\mu_p(1 - \mu_p)/n}}$
Poisson count	c	$\frac{c - 0.5 - \mu_c}{\sqrt{\mu_c}}$

Table E Factors for determining from \bar{x} and $\bar{\sigma}_{RMS}$ the 3-sigma control limits for \bar{X} and s or σ_{RMS} charts

Number of observations in subgroup, n	Factor for \bar{X} chart using $\bar{\sigma}_{RMS}$, A_1	Factor for \bar{X} chart using \bar{s} , A_2	Factors for s or σ_{RMS} charts	
			Lower control limit B_1	Upper control limit B_2
2	3.76	2.66	0	3.27
3	2.39	1.95	0	2.57
4	1.88	1.63	0	2.27
5	1.60	1.43	0	2.09
6	1.41	1.29	0.03	1.97
7	1.28	1.18	0.12	1.88
8	1.17	1.10	0.19	1.81
9	1.09	1.03	0.24	1.76
10	1.03	0.98	0.28	1.72
11	0.97	0.93	0.32	1.68
12	0.93	0.89	0.35	1.65
13	0.88	0.85	0.38	1.62
14	0.85	0.82	0.41	1.59
15	0.82	0.79	0.43	1.57
16	0.79	0.76	0.45	1.55
17	0.76	0.74	0.47	1.53
18	0.74	0.72	0.48	1.52
19	0.72	0.70	0.50	1.50
20	0.70	0.68	0.51	1.49
21	0.68	0.66	0.52	1.48
22	0.66	0.65	0.53	1.47
23	0.65	0.63	0.54	1.46
24	0.63	0.62	0.55	1.45
25	0.62	0.61	0.56	1.44
30	0.56	0.55	0.60	1.40
35	0.52	0.51	0.63	1.37
40	0.48	0.48	0.66	1.34
45	0.45	0.45	0.68	1.32
50	0.43	0.43	0.70	1.30
55	0.41	0.41	0.71	1.29
60	0.39	0.39	0.72	1.28
65	0.38	0.37	0.73	1.27
70	0.36	0.36	0.74	1.26
75	0.35	0.35	0.75	1.25
80	0.34	0.34	0.76	1.24
85	0.33	0.33	0.77	1.23
90	0.32	0.32	0.77	1.23
95	0.31	0.31	0.78	1.22
100	0.30	0.30	0.79	1.21

Upper control limit for $\bar{X} = UCL_{\bar{X}} = \bar{\bar{X}} + A_1\bar{s} = \bar{\bar{X}} + A_1\bar{\sigma}_{RMS}$

Lower control limit for $\bar{X} = LCL_{\bar{X}} = \bar{\bar{X}} - A_1\bar{s} = \bar{\bar{X}} - A_1\bar{\sigma}_{RMS}$

(If aimed-at or standard value \bar{x}_0 is used rather than $\bar{\bar{X}}$ as the central line on the control chart, \bar{x}_0 should be substituted for $\bar{\bar{X}}$ in the preceding formulas.)

Upper control limit for s or $\sigma_{RMS} = UCL = B_2\bar{s} = B_2\bar{\sigma}_{RMS}$

Lower control limit for s or $\sigma_{RMS} = LCL = B_1\bar{s} = B_1\bar{\sigma}_{RMS}$

All factors in Table E are based on the normal distribution.

Table C Factors for estimating σ from \bar{R} , \bar{s} or $\bar{\sigma}_{RMS}$ and σ_n from \bar{R}

Number of observations in subgroup, n	Factor d_2 , $d_2 = \frac{\bar{R}}{\sigma}$	Factor d_1 , $d_1 = \frac{\sigma_n}{\sigma}$	Factor c_2 , $c_2 = \frac{\bar{\sigma}_{RMS}}{\sigma}$	Factor c_4 , $c_4 = \frac{\bar{s}}{\sigma}$
2	1.128	0.8525	0.5642	0.7979
3	1.693	0.8884	0.7236	0.8862
4	2.059	0.8798	0.7979	0.9213
5	2.326	0.8641	0.8407	0.9400
6	2.534	0.8480	0.8686	0.9515
7	2.704	0.8332	0.8882	0.9594
8	2.847	0.8198	0.9027	0.9650
9	2.970	0.8078	0.9139	0.9693
10	3.078	0.7971	0.9227	0.9727
11	3.173	0.7873	0.9300	0.9754
12	3.258	0.7785	0.9359	0.9776
13	3.336	0.7704	0.9410	0.9794
14	3.407	0.7630	0.9453	0.9810
15	3.472	0.7562	0.9490	0.9823
16	3.532	0.7499	0.9523	0.9835
17	3.588	0.7441	0.9551	0.9845
18	3.640	0.7386	0.9576	0.9854
19	3.689	0.7335	0.9599	0.9862
20	3.735	0.7287	0.9619	0.9869
21	3.778	0.7242	0.9638	0.9876
22	3.819	0.7199	0.9655	0.9882
23	3.858	0.7159	0.9670	0.9887
24	3.895	0.7121	0.9684	0.9892
25	3.931	0.7084	0.9696	0.9896
30	4.086	0.6926	0.9748	0.9914
35	4.213	0.6799	0.9784	0.9927
40	4.322	0.6692	0.9811	0.9936
45	4.415	0.6601	0.9832	0.9943
50	4.498	0.6521	0.9849	0.9949
55	4.572	0.6452	0.9863	0.9954
60	4.639	0.6389	0.9874	0.9958
65	4.699	0.6337	0.9884	0.9961
70	4.755	0.6283	0.9892	0.9964
75	4.806	0.6236	0.9900	0.9966
80	4.854	0.6194	0.9906	0.9968
85	4.898	0.6154	0.9912	0.9970
90	4.939	0.6118	0.9916	0.9972
95	4.978	0.6084	0.9921	0.9973
100	5.015	0.6052	0.9925	0.9975

Estimate of $\sigma = \bar{R} d_1$ or $\bar{s} c_4$ or $\bar{\sigma}_{RMS} c_2$; $\sigma_n = \bar{R} d_2$. These factors assume sampling from a normal universe.

Table F Factors for determining from σ the 3-sigma control limits for \bar{X} , R, and s or σ_{RMS} charts

Number of observations in subgroup, n	Factors for \bar{X} chart, A	Factors for R chart		Factors for σ_{RMS} chart		Factors for s chart	
		Lower control limit D_1	Upper control limit D_2	Lower control limit B_1	Upper control limit B_2	Lower control limit B_3	Upper control limit B_4
2	2.12	0	3.69	0	1.84	0	2.61
3	1.73	0	4.36	0	1.86	0	2.28
4	1.50	0	4.70	0	1.81	0	2.09
5	1.34	0	4.92	0	1.76	0	1.96
6	1.22	0	5.08	0.03	1.71	0.03	1.87
7	1.13	0.20	5.20	0.10	1.67	0.11	1.81
8	1.06	0.39	5.31	0.17	1.64	0.18	1.75
9	1.00	0.55	5.39	0.22	1.61	0.23	1.71
10	0.95	0.69	5.47	0.26	1.58	0.28	1.67
11	0.90	0.81	5.53	0.30	1.56	0.31	1.64
12	0.87	0.92	5.59	0.33	1.54	0.35	1.61
13	0.83	1.03	5.65	0.36	1.52	0.37	1.59
14	0.80	1.12	5.69	0.38	1.51	0.40	1.56
15	0.77	1.21	5.74	0.41	1.49	0.42	1.54
16	0.75	1.28	5.78	0.43	1.48	0.44	1.53
17	0.73	1.36	5.82	0.44	1.47	0.46	1.51
18	0.71	1.43	5.85	0.46	1.45	0.48	1.50
19	0.69	1.49	5.89	0.48	1.44	0.49	1.48
20	0.67	1.55	5.92	0.49	1.43	0.50	1.47
21	0.65			0.50	1.42	0.52	1.46
22	0.64			0.52	1.41	0.53	1.45
23	0.63			0.53	1.41	0.54	1.44
24	0.61			0.54	1.40	0.55	1.43
25	0.60			0.55	1.39	0.56	1.42
30	0.55			0.59	1.36	0.60	1.38
35	0.51			0.62	1.33	0.63	1.36
40	0.47			0.65	1.31	0.66	1.33
45	0.45			0.67	1.30	0.68	1.31
50	0.42			0.68	1.28	0.69	1.30
55	0.40			0.70	1.27	0.71	1.28
60	0.39			0.71	1.26	0.72	1.27
65	0.37			0.72	1.25	0.73	1.26
70	0.36			0.74	1.24	0.74	1.25
75	0.35			0.75	1.23	0.75	1.24
80	0.34			0.75	1.23	0.76	1.24
85	0.33			0.76	1.22	0.77	1.23
90	0.32			0.77	1.22	0.77	1.22
95	0.31			0.77	1.21	0.78	1.22
100	0.30			0.78	1.20	0.78	1.21

$$UCL_{\bar{x}} = \mu + A\sigma \quad LCL_{\bar{x}} = \mu - A\sigma$$

(If actual average is to be used rather than standard or aimed-at average, \bar{x} should be substituted for μ in the preceding formulas.)

$$\begin{array}{lll}
 UCL_R = D_2\sigma & UCL_s = B_3\sigma & UCL_{\sigma_{RMS}} = B_2\sigma_{RMS} \\
 \text{Central line}_R = d_2\sigma & \text{Central line}_s = c_3\sigma & \text{Central line}_{\sigma_{RMS}} = c_2\sigma_{RMS} \\
 LCL_R = D_1\sigma & LCL_s = B_1\sigma & LCL_{\sigma_{RMS}} = B_1\sigma_{RMS}
 \end{array}$$

Table D. Factors for determining from \bar{R} the 3-sigma control limits for \bar{X} and R charts

Number of observations in subgroup, n	Factor for \bar{X} chart, A_2	Factors for R chart	
		Lower control limit D_3	Upper control limit D_4
2	1.88	0	3.27
3	1.02	0	2.57
4	0.73	0	2.28
5	0.58	0	2.11
6	0.48	0	2.00
7	0.42	0.08	1.92
8	0.37	0.14	1.86
9	0.34	0.18	1.82
10	0.31	0.22	1.78
11	0.29	0.26	1.74
12	0.27	0.28	1.72
13	0.25	0.31	1.69
14	0.24	0.33	1.67
15	0.22	0.35	1.65
16	0.21	0.36	1.64
17	0.20	0.38	1.62
18	0.19	0.39	1.61
19	0.19	0.40	1.60
20	0.18	0.41	1.59

Upper control limit for $\bar{X} = UCL_{\bar{X}} = \bar{X} + A_2\bar{R}$

Lower control limit for $\bar{X} = LCL_{\bar{X}} = \bar{X} - A_2\bar{R}$

(If aimed-at or standard value \bar{X}_0 is used rather than \bar{X} as the central line on the control chart, \bar{X}_0 should be substituted for \bar{X} in the preceding formulas.)

Upper control limit for $R = UCL_R = D_4\bar{R}$

Lower control limit for $R = LCL_R = D_3\bar{R}$

All factors in Table D are based on the normal distribution.