DIRECTORIO DE PROFESORES DEL CURSO:

CONTROL ESTADISTICO DE CALIDAD

M. EN I. RUBEN TELLEZ SANCHEZ
PROFESOR
SUBJEFATURA DEL AREA DE SISTEMAS
D E P F I
U N A M
México, D.F.
550 52 15 Ext. 4482 y 4486

M. EN I. AUGUSTO VILLARREAL ARANDA
PROFESOR
D E P F I
UNAM
México, D.F.
554 45 31 y 554 41 31

DR. OCTAVIO A. RASCON CHAVEZ (Coordinador)
DIRECTOR
FACULTAD DE INGENIERIA
UNAM

México, D.F. 548 33 54

MEXICO, D.F. 548 54 79

ING. CARLOS JAVIER MENDOZA ESCOBEDO
COORDINADOR DE LA SECCION DE ESTRUCTURAS
Y MATERIALES
INSTITUTO DE INGENIERIA
U N A M

CONTROL ESTADISTICO DE CALIDAD, 1985

PROGRAMA

TEMA	PROFESOR	DIA	
OBJETIVOS DEL CONTROL ESTADIS TICO DE CALIDAD	M. en I. RUBEN TELLEZ S.	9 DE SEPTIEMBRE	
ESTADISTICA Y PROBABILIDADES	M. en I. RUBEN TELLEZ S.	11, 13, 18 y 20 DE SEPTIEMBRE	
CARTAS DE CONTROL	M. en I. CARLOS J. MENDOZA E.	23, 25, 27 y 30 DE SEPTIEMBRE	
MUESTREO DE INSPECCION	M. en I. AUGUSTO VILLARREAL A. M. en I. RUBEN TELLEZ S.	2, 4, 7, 9, 11 y 14 SE OCTUBRE	
CONFIABILIDAD	DR. OCTAVIO A. RASCON CHAVEZ	16 DE OCTUBRE	

DIVISION DE EDUCACION CONTINUA FACULTAD DE INGENIERIA U.N.A.M.

CONTROL ESTADISTICO DE CALIDAD

OBJETIVOS DEL CONTROL ESTADISTICO DE CALIDAD

ING. JOEL O. ACUIRRE

SEPTIEMBRE, 1985.

Paspues de un ensayo exitoso, cra delebrado un banqueto.

La antiguedad de esta ceremonia data del reinado de Enrique

Desde el punto de vista estadístico este problema puede ser formulado en términos de un modelo de pruebas de hipótesis de un parámetro. La hipótesis nula, queda definido por la norma establicida por la casa de moneda, dado que existe -- procupación por desviaciones superiores e inferiores, esquena prueba de 2 lados. Se define un esquena de muestreo y- una región crítica que permite concluir sobre la calidad - de la muestra.

En otra época y más cerca a nosotros, se tilene referenciaque en el mundo Mexica en el siglo XV, ciudad y poblacióndebía suministrar una o dos veces al año cierta cantidad de productos. De acuerdo al Códice Mendoza, las contribu-ciames eran varielas; Eliotapec, tenía fijada una cueta -cual de 800 cargas de vesta los para mujer (15,000 piezas),
800 cargas de faldas bordades, 4 silos de maíz y otros --granes. Tochpan, en la costa del golfo, debía entregar --700 cargas de mantas, 800 cargas de taparrabos y otras -tamas faldas, 800 cargas de taparrabos y otras --tamas faldas, 800 cargas de taparrabos y otras ---

Tochtepec contribuía con 16,000 balas de caucho, 24,000 ra milletes de pluras de rapadablo, etc.

Las listas de tributos enumeran telas de algodón y fibra - de magucy, vestidos de todas clases, cacao, miel, sal, ta-

No hay duda que el Soberano y los principales dignaturios tenian que controlar la cantidad y calidad de estos im--- puestos y tributos.

El control formal de la calidad fue innecesario cuando — cuando la producción pertenecía solumente artesanos individuales; entonces la reputación personal del productor estaba en jungo con cada unidad de producción. Con la proceción en masa, la división de la mano de obra, las pieces intercambiables, el orgullo personal del rendimiento— tenía que apoyarse por medio de controles formales.

La ruta del control de calidad fue establecida por el tra bajo que en 1924 realizó Walter A. Shewhart, de los laboratorios de la Bell Telephone. Aplicó primero un diagrama de control estadístico para productos manufactura los y -- posteriormente engirió los refinamientos estadísticos --- para el control del proceso. Otros dos empleados del Sistema Bell, F.F. Dodge y F.C. Roming, aplicaron la teoría- estadística a la inspección por muestreo para obtener sus tablas, que se emplearon ex ensamente y fueron llamadas - Tablas de Inspección por Muestreo.

El estallido de la Segundo Guerra Mundial despertó el interés en las téchicas estadísticas para el control de ca-

Las fuerzas armadas adoptaron planes de inspección pon -muestreo disenados científicamente y que eventualmente -culminaron en la publicación de Military Standard 105 aho

ra denomina la Merma ADC-105, para el muestreo de aceptación per atributos. Esta acción obligó a los proveedores a adoptir progra ma equivalentes de inspección para su producción a fin de evitar que ésta fuera rechasada por los serviciosmilitares. El entrenamiento y la investigación que acompaña rou a las aplicaciones originales y subsecuentes por partodal gobierno se desarrollaron y fueron seguidas en forma en tudiasta y erearon interés en las técnicas estadísticas decentrol.

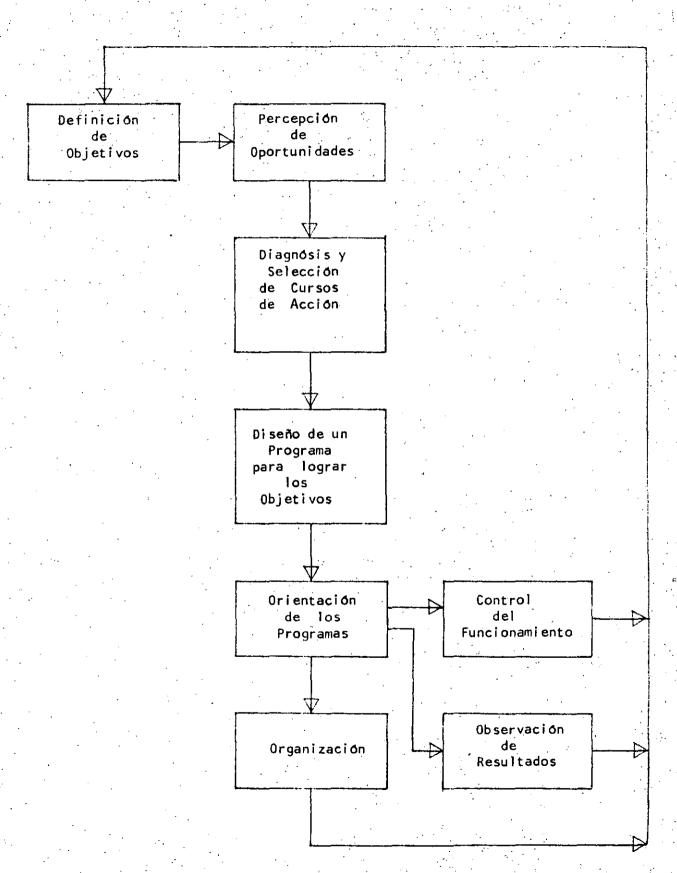
1

C O N T R O L
Conceptos Generales

ESCUELA DEL PROCESO ADMINISTRATIVO

El enfoque mas difundido de la administración es llamado la escuela del proceso administrativo, que define lo que hacen los administradores. Esta escuela frecuentemente denominada "tra dicional", "universalista" o "funcional" ha tenido sus principios en los escritos de Henry Fayol. Esta escuela define que el traba jo del administrador es universal, independiente del tipo de orga nización o el nivel que el administrador tenga. El proceso se analiza, los principios son identificados y se construye el marco conceptual. Es fundamental en este enfoque, la descripción y aná lisis de las funciones del administrador, esto es, la planeación, la dirección, la organización y el control. Cada una de estas funciones tiene su cuerpo de conocimientos y sus técnicas y cada una utiliza conocimientos de otros campos de la ciencia. escuela no solo no niega la validez de otros enfoques de la admi nistración, sino intenta absorber o utilizar la metodología técnicas de otras escuelas para llevar a cabo funciones de administración.

Cada una de las funciones del proceso administrativo afecta a las demás y todas están interrelacionadas. La operación del proceso se muestra en la Figura 1 y se puede describir mediante las etapas que en seguida se anotan:



UN CONCEPTO DE LA ADMINISTRACION

Figura 1

PLANEACION

- 1. Definición de Objetivos.
- 2. Percepción de los problemas y alternativas en torno al logro de los objetivos.
- Diagnósis de la situación, análisis de los objetivos y selección de un curso de acción.
- 4. Diseño de un programa de acción para lograr el objetivo.

DIRECCION

5. Acción necesaria para la realización de los programas, incluye la comunicación necesaria.

ORGANIZACION

6. Supervisión de la acción mediante la definición de relaciones y actividades.

CONTROL

- 7. Observación y determinación de medidas de funcionamiento en comparación contra las normas fijadas por el plan, así como corrección de las desviaciones.
- 8. Observación de los cambios a fin de poder modificar metas y programas si es necesario.

RETROALIMENTACION

 Recirculación de la información relativa a planes, acciones y progreso para asegurar que lo programado para alcanzar los objetivos se está cumpliendo.

EL CONTROL Y SUS ELEMENTOS

El concepto de control con frecuencia es dificil de explicar, tanto que para Richard Bellman, la teoria de control es mas un estado mental que cualquier amalgama de métodos matemáticos, científicos o tecnológicos.

El término puede ser definido al considerar el uso de cualquier enfoque racional para dominar las perversidades del medio ambiente natural o tecnologico. El objetivo mas general de la teoría de control es hacer operable un sistema de una forma mas deseable: hacerlo mas confiable, mas conveniente o mas económico.

Los diversos significados que tiene la palabra control son: comprobar, regular, comparar con una norma, ejercer autoridad o limitar. En este caso, interesa fundamentalmente el concepto de la comprobación o verificación, el cual implica la existencia de alguna medida que pueda servir como marco de referencia en el proceso de control, es aqui donde la función de planeación proporciona las normas.

El control es una importante forma de coordinar diver sas actividades hacia el cumplimiento de un objetivo. La función de control regula el producto del sistema, midiendo el funcionamiento real contra el esperado. La función de control relaciona los medios y los fines, es aqui donde, la retroalimenta

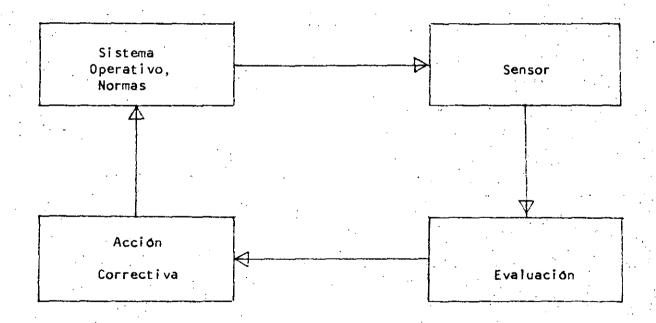
ción continua respecto a la actividad de una organización, es importante para mantener su estabilidad en el tiempo, o sea, evalua
como trabaja el sistema y que tan bien son utilizados los recursos.

Esta función se puede definir como la fase del proceso administrativo que mantiene la actividad de la organización dentro de límites permitidos a partir de lo esperado.

En resumen, el control de una organización, como una fase del sistema de decisiones, observa el funcionamiento y proporciona información que se puede usar en el ajuste de medios y fines. Con ciertos objetivos y los planes necesarios para cumplirlos, la función de control involucra la medida de la situación actual, la comparación con las normas, así como la retroalimentación que puede ser usada para coordinar las actividades administrativas, orien tándolas en la dirección correcta. De aquí que existan cuatro ele mentos principales en los sistemas de control (Figura 2) que son:

- Fijación de normas de funcionamiento para una característica medible y controlable.
 Esta definición de normas de funcionamiento involucra criterios contra los cuales serán comparados los resultados. Estos criterios pueden ser cuantitativos o cualitativos.
 Las normas son fijadas de acuerdo a la situación y áreas particulares, tales como:
 - Costos
 - Productividad
 - Actitudes

- Responsabilidad Publica
- Utilización de Recursos
- Etcetera
- Un censor o medio para detectar dicha caracteristica.
- Evaluación del funcionamiento real, mediante la comparación de los resultados con las normas.
- 4. Corrección de desviaciones de las normas y planes, realizando cambios en el sistema a fin de
 hacer correcciones oportunas para reformar el
 plan original que debe llevar al objetivo.



ELEMENTOS BASICOS

DE UN SISTEMA DE CONTROL

Figur<mark>a 2</mark>

INTEGRACION DE FUNCIONES

Las funciones de planeación y control no son actividades administrativas separadas, sino intimamente interconectadas. El control es multidimensional en la misma forma como es la planeación, las dimensiones de ambos se ajustan en un modelo integrado. Así como pueden definirse tres niveles de planeación, (Estratégico, Mediano Plazo y Corto Plazo) también se pueden definir tres niveles de control equivalentes.

El Control General está dirigido a medir los avances y modificar los planes estratégicos para alcanzar los principales propósitos y objetivos organizacionales.

El segundo nivel es el control administrativo, el -cual fluye del control general; en este nivel, el proceso está diseñado para medir el funcionamiento en el uso eficiente de -los recursos para el logro de los objetivos de la Organización.

En el tercer nivel, el control operacional es el proceso mediante el cual se asegura que las tareas operacionales - sean realizadas eficientemente. Estas tareas son las operaciones cotidianas que se miden en términos de normas estándar de funcionamiento.

La integración de la planeación y el control, se mues tran conceptualmente en la Figura 3, en donde se ilustra la liga de los tres niveles de la planeación con los tres niveles de control. Debe notarse la existencia y relevancia de un Sistema de información, pues la información es el común denominador de la integración.

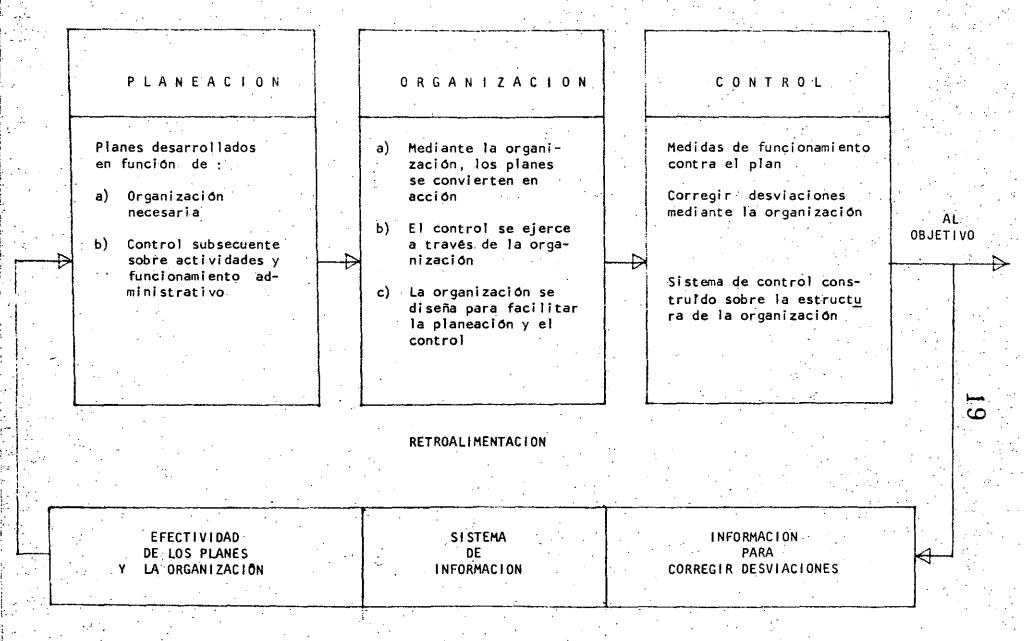
PROCESO DEL CONTROL

Se muestra en la Figura 5 un modelo general del ciclo de control, en el cual se pueden observar diversas etapas, primeramente el establecimiento de objetivos y definición de metas, seguida de la elaboración de programas, la asignación de recursos y la ejecución del trabajo. Una vez que el funcionamiento del Sistema se compara con el plan, se genera la retroalimentación para ajustar las cargas de trabajo y la asignación de recursos. En esta comparación se relacionan principalmente los medios utilizados para alcanzar las metas fijadas, así como los logros y el programa fijado, lo cual lleva a evaluar las metas alcanzadas a fin de efectuar los ajustes necesarios.

Este ciclo se puede presentar en cualquier nivel de la organización y puede existir una relación, tanto con niveles superiores de control, donde se definen los objetivos generales así como con niveles inferiores donde se lleven a cabo diversas operaciones de la organización.

Otra forma de conceptualizar el control es mediante un modelo general del proceso (Figura 6) en el cual se enfatizan, tanto el flujo de actividades como las relaciones entre-los elementos principales.

Incluye, en una primera etapa, un centro de funcionamiento que representa alguna característica medible y controlable. En una segunda etapa, se considera la medición de dicha
característica. En un tercer paso se comparan los resultados



SISTEMA DE PLANEACION, ORGANIZACION Y CONTROL

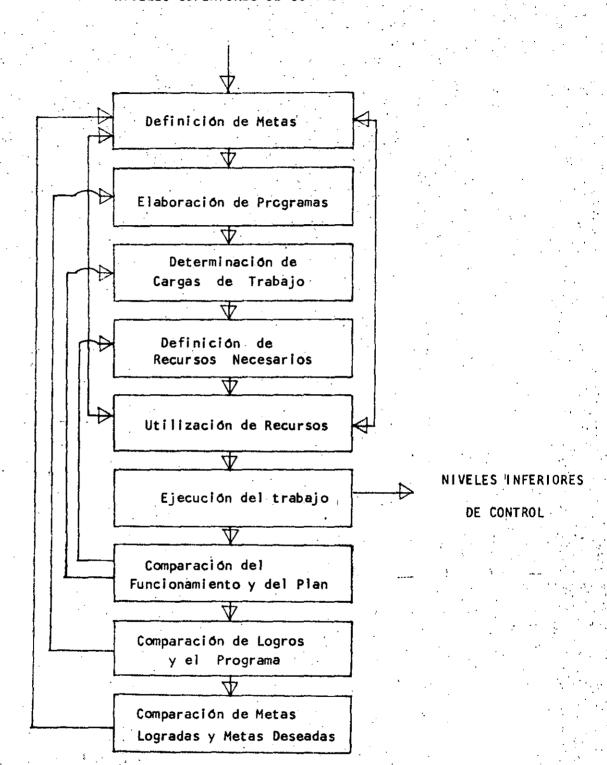
con el funcionamiento esperado, de lo cual se desprenden diversas actividades, como consecuencia de tomar decisiones en el proceso de control.

De la evaluación se puede determinar la inexistencia de desviaciones o la obtención de resultados superiores a los esperados, que eventualmente llevarian a modificar las normas establecidas a niveles superiores.

La existencia de una desviación incontrolable no provocarla ningún cambio en las normas o planes. Pero se puede detectar alguna desviación tomada como aceptable que, considerada como una excepción, pudiera llevar a la modificación de normas o planes.

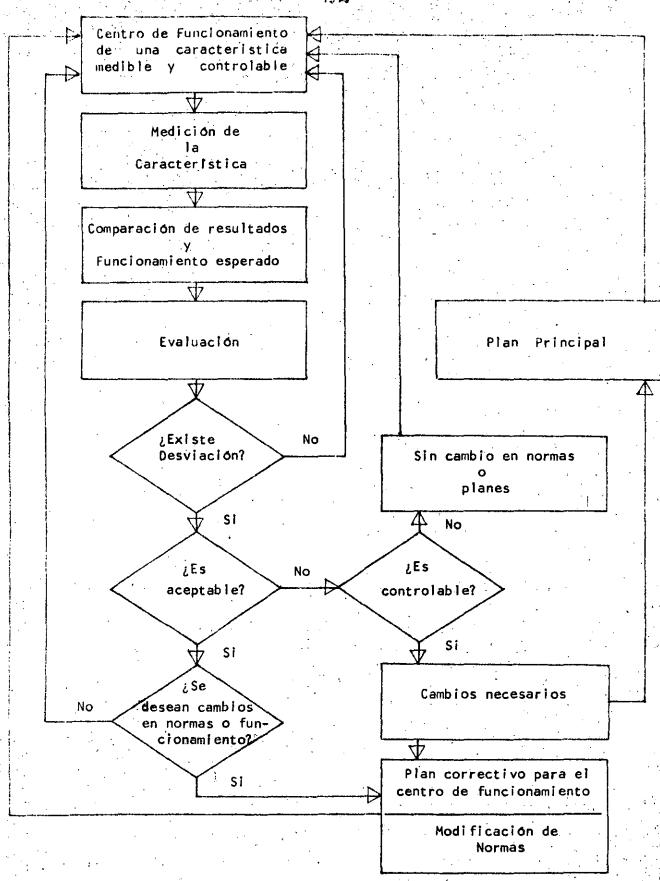
Otra posibilidad es que las desviaciones sean inaceptables y lleven a realizar cambios inmediatos, ya sea en las normas o en los planes de la organización, o en ambos.

Este proceso es aplicable a cualquier sistema de con-trol y los medios utilizados para medir y evaluar la caracteristica en cuestión puede ser tanto manuales como cumputarizados.



MODELO GENERAL DEL CICLO DE CONTROL





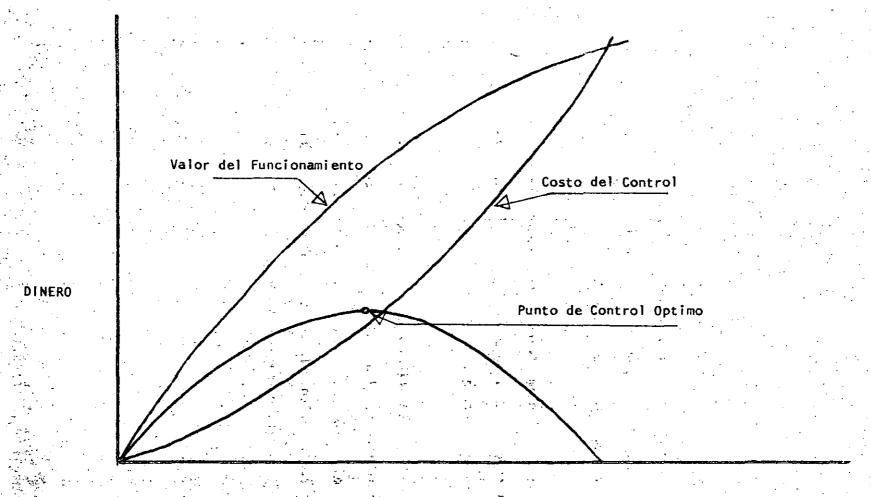
ECONOMIA DEL CONTROL

La actividad del control nunca puede ser perfecta.

Esta función del proceso administrativo debe mantener un equilibrio entre su valor y su costo, dentro de ciertos limites permitidos, pues pueden ser cuantiosos los recursos que una organización le puede destinar.

En la Figura 8, se muestra la relación entre el valor del control en relación al funcionamiento del sistema y el costo necesario para obtenerlo.

La diferencia entre el costo y el valor del funcionamiento, es el beneficio neto para la organización. Como se
puede observar, un sistema puede estar sobrecontrolado a un
costo muy alto, sin apreciar que existe un punto en el cual
se maximiza el beneficio neto.



PERFECCION DEL CONTROL

CALL I D A D

- Manera de ser de una persona o cosa j
- Grado que en producto satisface las necesidades de un cliente.
- Graco de excelencia y medida de bondad por medio de la cual se juzga la capacidad de las cosas para satisfacer una necesidad.
- Resultado de una combinación de ca-racterísticas de diseño y manufactura que determinan el grado de satisfacción que se proporcione al consumidoradurante su uso.

CONTROL DE CALIDAD

de una organizació para la integración, el desarrollo yla superación de la calidad (equippeducto a fint de hacer

posible fabricación y servicio a satisfacción completa del consumidor y nivel más económico.

Función auministrativa cuyolobjetivo es mantener la caliial de los productos qua elabora una empresa, de acuerdoa una linea de normas establecidas.

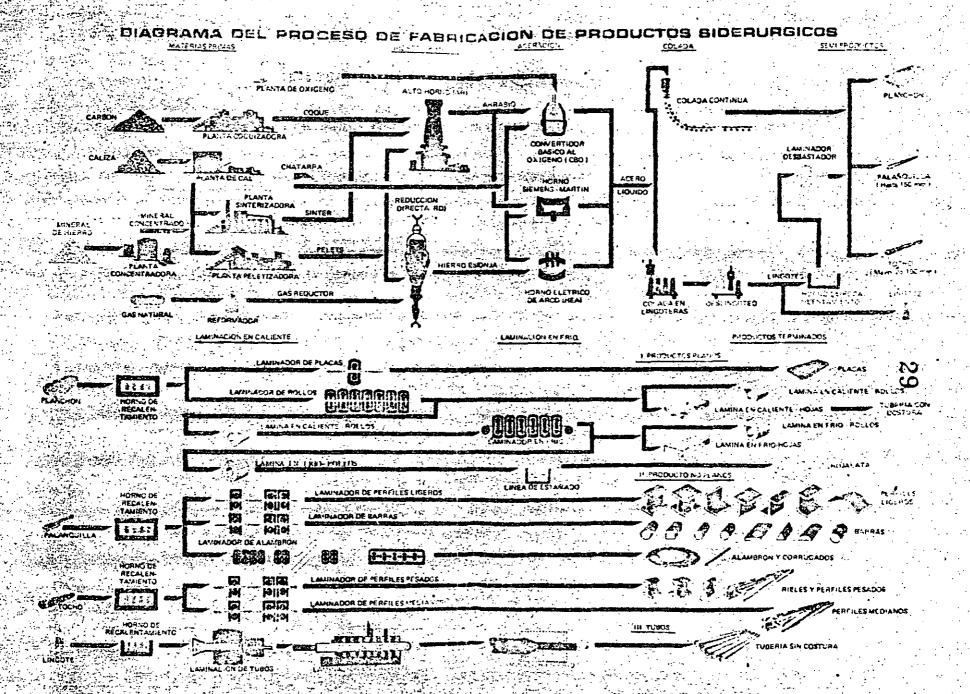
CONTROL ESTADISTICO DE CALIDAD

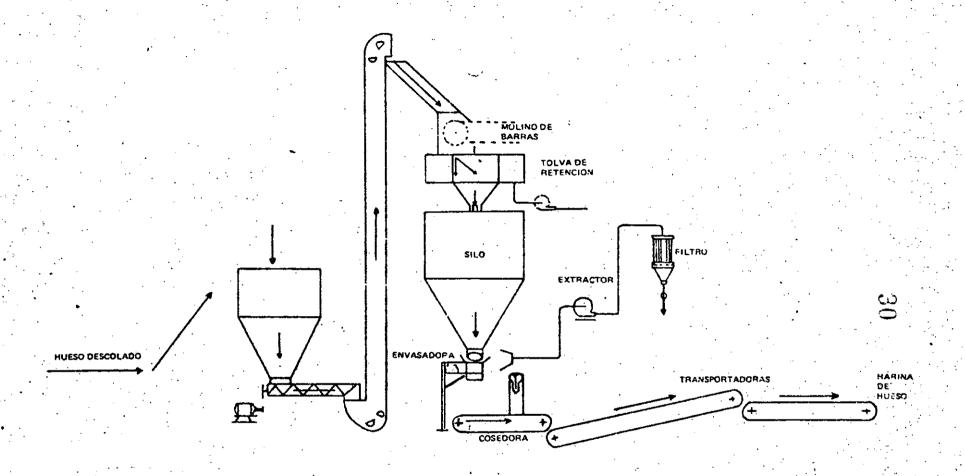
Control de calidad en el que se utilizan métolos estadis-

Sistema de inspección, análisis y acción, aplicado a un - proceso de tal matera que, por medio de una peque a parte del producto con el análisis de los datos de las características de calidad, se pue la determinar la acción a -- seguir, para mantener un nive deseaco de calidad.

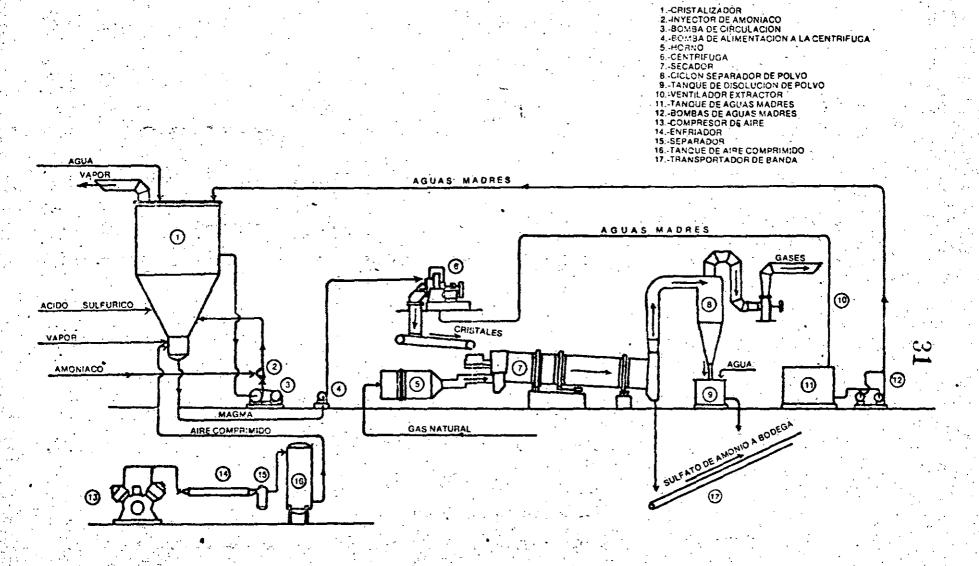
DESARROLLO DE LA FILOSOFIA DEL CONTROL DE CALIDAD

Sec. 1			· .			
	INSPECCION	PRUEBA	CONTROL EN	CONTROL	ASEGURAMIENTO	CONFIABILIDAD
			EL PROCESO	TOTAL	DE LA CALIDAD	DEL PRODUCTO
CIONES -	Inspección de	Inspección del	Análisis de	Creación de	Cumplimiento de	Prevención de
	componentes de	_funcionamiento	actividad es	la calidad	requerimientos	mal funciona-
	un producto	de un producto	del proceso	requerida	del cliente	miento
ALIZACION	Sitio de proce	Sitio de fun	Areas de	Incluye to-	Lugar de utili-	Sector o Re
	samiento	cionamiento y	producción	da la crga-	zación del pro-	gión
. 2		análisis -		nización	ducto	
TICIPANTES	Inspectores	Inspectores de	Personal de	Personal de	Empresa y clien	Sociedad
		pruebas	producción	la empresa	te	
∂υς 2 0	Cumplimiento -	Cumplimiento -	Mejoramien-		Creación de va-	Incremento de
	de normas y to	de normas	to del pro-	· •	lores	valores
	lerancias		ceso	ción		
	*		-			

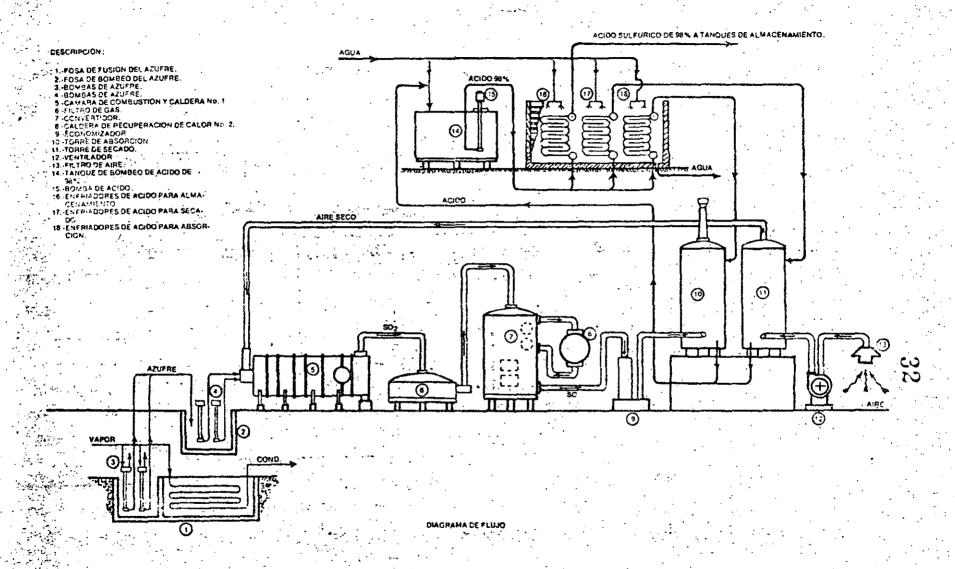


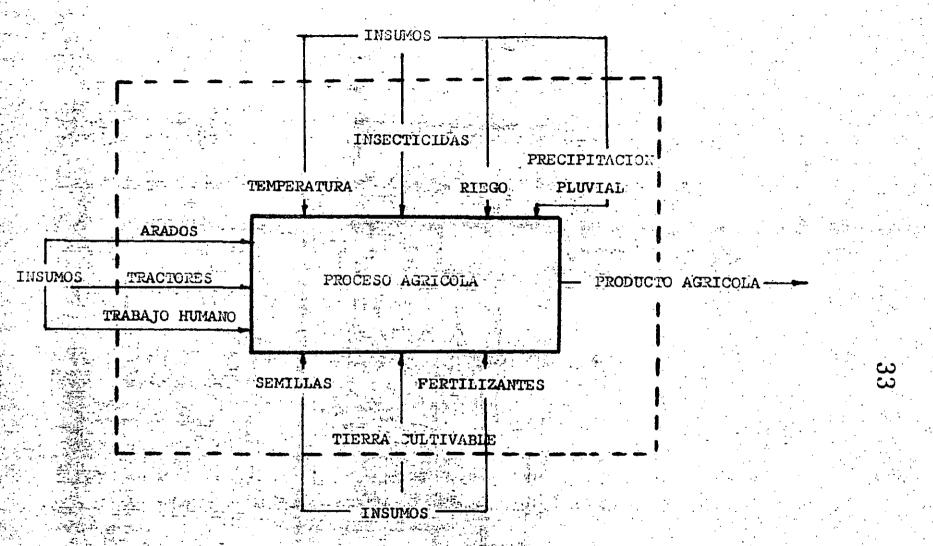


PLANTA DE OBTENCION DE HARINA DE HUESO

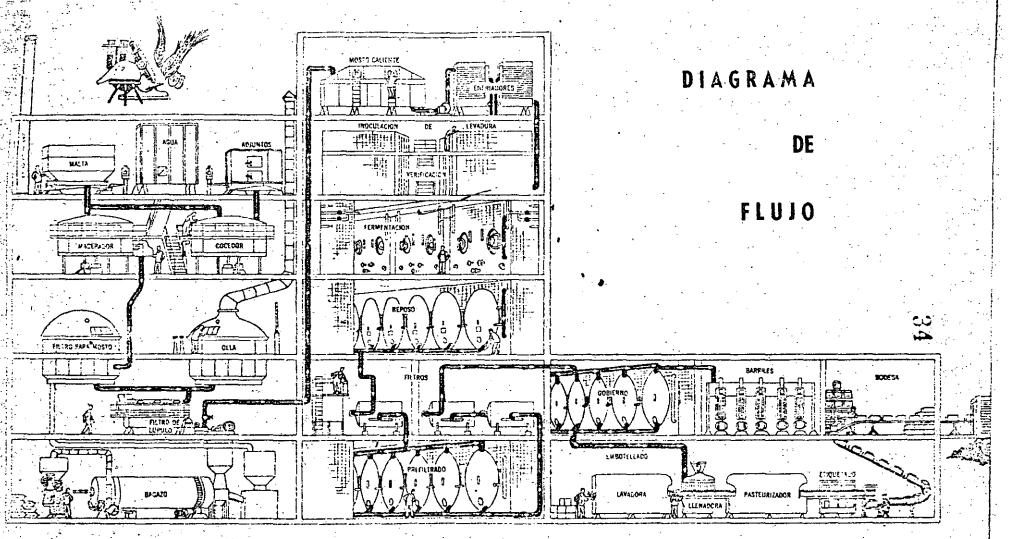


- DESCRIPCION -





SISTEMA AGRICOLA



Sistema de producción de cerveza. Producción intermitente.

NORMALIZACION

MORMALIZACION

En un proceso industrial, normalizar quiere decir conformar deliberadamente y a veces en forma arbitraria un producto dándole características limitadas dentro de un campo múltiple de calidades, tamaños, composiciones, que pueden estar disponibles.

Las normas pueden establecerse dentro de una industria, en un país o definirse de acuerdo con características internacionales.

Desde el punto de vista industrial las NORMAS TECNICAS son aquellas que se aplican a los aspectos productivos de - la industria y que afectan a los materiales, refacciones, - productos, materia prima, sistemas de fabricación, pruebas de aceptación y control, diseños y dibujos, nomenclaturas, - abreviaciones.

La normalización es, fundamentalmente, un proceso de simplificación a la que se debe, en parte, la posibilidad de acelerar el desarrollo industrial.

Cuando distintos grupos industriales, nacionales o internacionales, aceptan una norma común esto quiere decir —
que la pieza o el producto que se fabrique con esa norma po
drá ser utilizada indistintamente en cualquiera de las regio
nes que acepten dicha norma, con los consiguientes benefi—
cios que este hecho aporta.

En el mundo de recursos limitados en que vivimos tener varias normas para un mismo elemento representa en general, un desperdicio innecesario.

En la industria automotriz, por ejemplo, hay automóviles de características similares que utilizan modelos de —
bombas de gasolina diferentes, lo cual determina, por ejemplo, la necesidad de mantener un volúmen mucho mayor en con
junto de refacciones, que las que serían necesarias si fuese una norma general de bomba, para todos los automóviles —
de las mismas características generales.

Otra ventaja de la normalización es que simplifica el trabajo de discrio, al limitar el trabajo de selección a unos pocos casos concretos, de lo cual existen ejemplos en la industria fotográfica y electrónica.

Como éstas, existen numerosas ventajas de la normaliza ción, en los diferentes campos de la industria. Sin embargo, también la normalización puede tener sus inconvenientes.

El inconveniente principal es que si se seleccionala - norma en forma inadecuada el perjuicio se repite multiplica damente causando en muchos casos danos irreparables. El segundo y gran inconveniente es el de que se siga utilizando una norma sin actualizarla a las nuevas condiciones existentes.

El rápido avance de la Tecnología hace especialmente - crítico este segundo aspecto y pone en evidencia el aspecto fundamentalmente dinámico de la normalización. Es decir, si la normalización no es dinámica se constituye en un freno - al progreso y se anulan las numerosas ventajas de su aplica ción.

una norma sino que es absolutamente necesario de terminar

con claridad cuales son las condicines que justifican su aplicación y mantener una estrecha vigilancia sobre la varia ción de las condiciones citadas, que determinanán en que mento la norma debe ser cambiada.

AJUSTES -

Uno de los aspectos más importantes en la normaliza--ción de las pichas mecánicas es la de los ajustes y toleran
dias. Sin la determinación de estas características sería imposible labricar piezas que fueran intercambiales.

La moderna fabricación en serie exige me las pienas - de un mismo tipo sean intercambiables, es decir, por ejem-- plo, que un tornillo de cierto tipo debe de poderse utilizar con cualquiera que sea el origen de ambas partes.

Para que esto sea posible, deben de cumplirse las si-

- Todas las pieras de una misma serie deben tener dimensiones iguales, dentro de determinada tolerancia.
- El ajuste de las diferentes piezas de la misma serié debe
- Debe ser posible el reemplazo rápido de una pieza desgastada por el uso o rota, por otra de la misma clase.

En el principio, en los albores del desarrollo de las industrias mecanicas de nuestros días, las piezas que ensamblaban o ajustaban tenían que trabajarse o maquinarse especialmente para que ajustar n con las piezas correspondientes, con la consiguiente complicación y perdida de tiempo

Dada la imperfección de los instrumentos y máquinas — que se emplean para la fabricación de piezas y el alto costo que representa generalmente hacerlas con una alta precisión, las partes se fabrican actualmente estableciendo límites de error que inevitablemente se comete en sus dimensiones al ejecutarlas, con lo que se consigue fabricarlas en grandes cantidades y cambiar unas por otras, sin necesidad de ningún ajuste especial.

TOLERANCIAS -

Es la inexactitud admisible de fabricación, o sea, la diferencia entre el valor máximo y el valor mínimo concedido para una determinada dimensión.

En esta representa un ajuste macho y hembra, corriente en el cual se ha representado con doble rayado la zona de - tolerancia, con Dn la cota nominal, Dmax la cota máxima del macho y Dmin la mínima y por Dr y dr la cota real de cual quier picza, que debe quedar siempre dentro de la zona de tolerancia.

En ella las cotas mínimas de la hembra y máxima del ma cho coinciden con la nominal que siempre ha de ser la misma en las dos piezas que se ajustan y que se llama "línea cero" en la figura la línea AB. Siendo dr el diámetro real de la hembra y Dr el del macho, el juego "J" valdrá:

$$\mathbf{J} = \mathbf{dr} - \mathbf{Dr}$$

ra obtener una pieza con las dimensiones exactamente i quales a las determinadas de antemano, ya que se encarecería. diferencias en el sentido positivo o negativo, o en otros - términos, hay que establecer límites fijos, dentro de los - cuales la pieza ejecutada puede ser admitida como buena y - acoplarla con la precisión necesaria con la pieza correspondiente.

De ali la necesidad de admitir ciertas "tolerancias" - que dependen del grado de ajuste deseado.

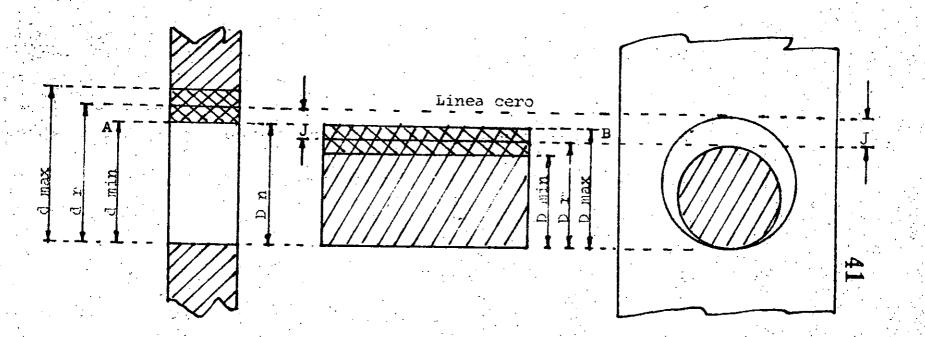
Si se trabaja en serio, todas las piezas cuya cota - - real está comprendida dentro de estos límites de tolerancia, serán aceptables y desechadas aquellas cuya cota real caiga fuera de esa zona por defecto o por exceso.

GRADO DE PRECISION -

Los límites de tolerancia son de mayor importancia en los ajustes. Cuento mayor sea el ancho de la zona, es decir, cuanto mayor sea el margen entre las cotas máximas y mínima aceptables, el trabajo podrá ser más barato. En cambio, cuanto más estrecha sea esa zona, el operario tendrá que afinar más su trabajo o la máquina tendrá que ser más precisa, para que la cota real de la pieza terminada no se salga de — los estrechos límites marcados, de aquí el nombre de "grado de precisión" o de "calidad" que se dá al ancho de esta zona.

ESPECIFICACIONES' -

son el conjunto de condiciones que deben cumplirse para la fabricación de un producto, para el suministro de un servicio, o para la realización de una obra.



NORMALIZACION INTEGRAL

Por Normalización Integral se entiende el conjunto de factores indispensables para lograr una producción industrial de calidad controlada.

El término incluye los siguientes aspectos:

Diseños, las materias primas a utilizar, el control de lacalidad y la certificación dada por un organismo que funge como árbitro.

La normalización en México se ha desarrollado hasta fechas recientes por la actividad de organismos conscientes de — los beneficios que pueden obtener de ella, al margen de un programa adecuado al avance tempológico logrado por nues— tro país.

formado en integral, ya no como efecto de la industrialización y del desarrollo, sino como causa o elemento motor —
en que la industrialización y el desarrollo económico se —
apoyan y basan, ya que en un único concepto incluye a la —
Metrología, a la formulación propiamente dicha de las normas, el control de la calidad y la satisfacción del consumidor, que es la meta final de todas las anteriores actividades.

Las empresas continuamente pulsan el mercado para detectar cualquier wariación que les permita comprobar su acepta—— ción por los usuarios. En casiones es necesario modificar los productos para que la empresa no disminuya su partici-

pación en el mercado, incluso algunas veces debe sustituir los per etros nuevos, cuando los actuales se encuentran -- próximos a su nivel de obsolescencia.

En la "Normalización Integral", existo la interacción de las diferentes acciones que se cumplen en la elaboración de productos.

Una vez l'ograda la norma que resulta ser el elemento central, se tienes las siguientes interacciones con diferentes direas:

Livestigación y Desarrollo

Dado que se han fijado las características técnicas que -debe cumplir un producto; a través de la investigación esposible desarrollar nuevos productos que vengan a mojorarlas anteriores especificaciones con el consiguiente benefició al consumi or y al des rrollo tecnológico del país:

Diseño y Pabricación?

La investigación llevará al diseño del producto y de chi - se pasará a la fabricación del mismo, estableciendo sistemas de recepción de materia prima para controlar los procesos del cistema productivo, cumpliendo en la medida do las posibilidades con lo establecido en la norma.

Metmologia

La metrologia no sólo consiste en tener los equipos adecua dos para la fabricación, sino mantener patrones desreferen cially equipo calibrado adequadamento, para obtener resulta

Control de Calidad

Elemento indisponeable ara establecer les niveles de calidad aceptable, op necessario promover en la plante el control de la calidad en los procesos de projección, esto noquiere lecir term muchos puestos de control, sino bascáre aquellos procesos que sum criticos y que de ellos dependa el buen l'uncionamiento del producto.

La norma oficial menicana, (NCM) establecerá los niveles minos que -debe- cumplir el fabricante, dejando abierta la posibilidad del acuerdo entre fabricante y consumidor, en-algunos casos.

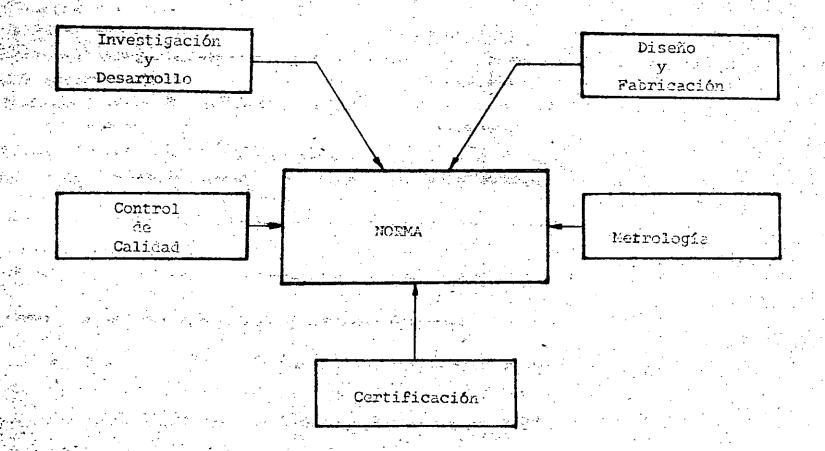
Certificación

La certificación es la comprobación de las caracterís des bissique de la cual permitira educar al consumidor sobre los productos que está adquiriendo en forma tal que está adquiriendo en consumidor en sobre con la presentación de un sello en el producto, entendará que el mismo cumple con la calidad establecida en una norma.

La norma como elemento que provae información al usuario, - maneja que tipo de datos deben contener los folletos e instructivos que el fabricante acompaña a cada uno de sus productos. Igualmente, que tipo de equipo, magninaria, o in-

clusive instalaciones, se requieren para cumplir los requisitos mínimos establecidos por norma y de acuerdo al pro-

Por lo tanto una administración eficiente, deberá aprove—char la información que continue las normas sobre los productos que manufactura, en ella, encontrará el reflejo delas inversiones necesarias y la interrelación que hay entre la norma y los departamentos de liseño, compras, producción y mercadotecnia.



NORMALIZACION INTEGRAL

La Norma y LA EMPRESA MATTDADES QUE CUENTAN CON LABORATORIOS DE METROLOGIA.

• Entidad	Area de Trabajo
Centro de Investigación y Estudios Avanzados, Departamento de Ingenie ría Eléctrica. CIEA, IPN.	Eléctrica.
Escuela Superior de Física y Mate- máticas. ESFM, IPN.	Temperatura
Centro de Instrumentos, UNAM.	Fléctrica, Mecáni ca, Química.
Centro de Materiales, UNAM.	Temperatura Baja
Universidad Autónoma Metropolitana. UAM, Iztapalapa. Centro de Enseñanza Técnica Indus-	Temperatura Mecánica, Eléctric
trial, CENETI.	El é ctri c a
llo de Telecomunicaciones. CIDET, SCT.	
Instituto Mexicano del Petroleo, IMP. Instituto de Investigaciones Eléc- tricas, IIE.	Químico Mecánico.
Instituto Nacional de Investigacio nes Nucleares, ININ.	Nuclear
Comisión Federal de Electricidad, CFE.	Eléctrica
Compañía de Luz y Fuerza del Cen tro, CL y F.	Eléctrica
Instituto Nacional de Astrofísica, Optica y Electrónica, INACE, Pue bla, Pue.	Optica

Entidad.

Area de Trabajo

Centro de Investigaciones Científi cas y Estudios Superiores de Ensenada.

Optica

CIDESE, Baja California Norte.

Optica

Instituto Nacional de Astronomía, UNAM.

Eléctrico, Mecánico

Sistema de Transporte Colectivo STC, metro.

Mecánica. Eléctrica

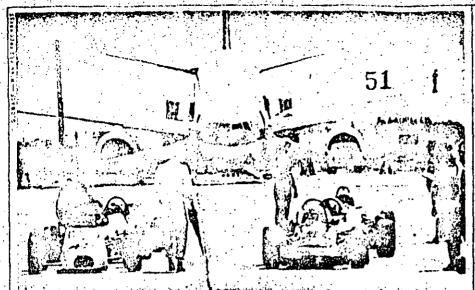
Industrias Merográficas, S.A. IXSA, MEROM.

Mecánica

10. 10 mm 10. 1

The college was manifed the

Ford Motor Company, S.A.



its nose wheel collapsed, the 767 stands near cars it narrowly missed

CANADA **Out of Gas**

Jetliner glides to lucky landing

ir Canada Flight 143 was cruising smoothly at 39,000 ft. in clear skies. above the Manitoba prairie when Pilot Bob Pearson saw a warning light blink on. The message: fuel in one tank had run out. Seconds later, one engine of the brandnew Boeing 767 coughed and died. As Pearson attempted to restart it, five more warning lights began to flash. Then, the twin-engine jet's other engine stopped. There was nothing but an eeric and chilling silence.

As the powerless craft began to lose altitude, First Officer Marcel Quintal, a Royal Canadian Air Force veteran, remembered an abandoned military strip at Gimli, 60 miles to the southwest. In the hushed cabin, the flight attendants told the 61 passengers to prepare for a crash landing.

Like all commercial jets, the 767 is designed to glide without power for a distance at least 16 times its altitude. In the case of Air Canada Flight 143, that meant more than 100 miles. As soon as the second engine went out, an elaborate series of automatic back-up mechanisms was activated. A 24-volt nickel-cadmium emergency battery took over the plane's dead electrical system; providing enough juice to operate the radio and the key instruments in the cockpit. At the same time, a ram-air turbine dropped into position beneath the aircraft's belly. The air stream passing through the turbine generated enough pressure to activate the part of the hydraulic system that controls the flight spoilers, rudder and ailerons. This allowed Pearson, who happened to be an experienced glider pilot, to control the craft. The turbine also provided sufficient power to allow the pilot to release the landing gear, which then fell into place automatically.

Still, a powerless landing poses major difficulties. The flaps, which normally slow a plane down while increasing its lift, cannot be operated by the weakened hydraulic system. As a result, a 767 without power lands at about 210 m.p.h., instead of the usual 150 m.p.h. Nor can a pilot come around for a second try if he does not like his approach. Says Boeing Spokesman Tom Cole: "You only get one chance."

Pearson might have wanted a second try; for Gimli was anything but abandoned. The 150 members of the Winnipeg Sports Car Club had come out to the strip for a weekend of car racing. As the jet bore down on the strip, they dived for cover. Recalls Art Zuke. 14, who was pedaling his bicycle on the tarmac: "I saw this thing flying sort of sideways. It was getting lower and lower and closer and closer.

Seconds later, the 767 hit the 6,800-ft. long runway with such force that the nose wheel collapsed under it. Sparks flew and clouds of black smoke trailed from the tires as Pearson locked the brakes. Said Passenger Bryce Bell: "People were screaming, kids were crying." The plane finally came to a stop just 300 yds, short of a cluster of trailers filled with families. The only casualties: several passengers who were slightly injured as they slid down the plane's emergency escape chutes.

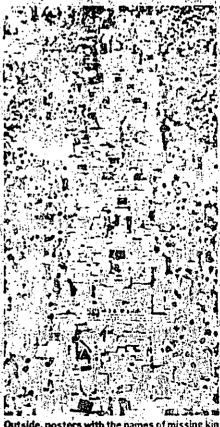
Air Canada announced last week that the probable cause of Flight 143's engine failures was stunningly prosaic: the plane. which had made roughly half of its 2,200mile trip from Montreal to Edmonton, had simply run out of gas. The most likely explanation: a combination of equipment failure and human error. Before taking off. Pearson had been told that the microcircuitry that monitors fuel levels was malfunctioning: on two occasions, therefore, he ordered mechanics to measure the supply manually. Unlike the other planes in Air Canada's fleet, however, the 767 uses metric calibrations. Apparently the ground crew, accustomed to working with gallons and pounds, made an error in converting pounds of jet fuel to kilograms. Pearson believed that he had enough fuel for the trip when in fact he was 26,000 lbs.

High Ratings

TV finds lost relatives

n a cold, windy day in 1951, 25-yearold Kim Ok Soon was fleeing south before an invading Communist army in the countryside east of Scoul, Pausing for rest and a drink of water at a well, she left her young daughter with some fellow refugees. When she returned, the little girl was gone. That same year Kim Sung Soo. 8, was separated from his mother in the wartime chaos around Chonan, 50 miles south of the capital. An aunt left him in an orphanage while she searched for hismother. She did not find her. Huh Hyun Chul, 9, lost his four-year-old sister when she was left behind at a barbershop during the family's flight from the war. These are but a few among millions of such stories from the Korean conflict. Now. thanks to some remarkably imaginative television programming, these three have ended happily.

So have thousands of others on a month-old telethon put on by the Seoulbased Korean Broadcasting System (KBS-TV). Called Searching for Separated Families, the show has reunited some 3.000 South Korean families sundered by the war. Mrs. Kim Ok Soon and her daughter came together last month. Kim Sung Soo and his mother finally found each other a few weeks ago. Huh Hyun Chul learned that his sister is alive and living in Cheju. a resort island off the southern coast. One elderly woman even found her long-lost sister seated in the same row with her at



Outside, posters with the names of missing kin

NORMALIZACION EN MEXICO

El desarrollo de la industria nacional, ha traído consigo la necesidad de considerar como elemento vital a la -normalización.

Hace algunos años se inició esta actividad con la adopción de las normas de otros países; en la actualidad se armoniza nuestra normalización con el avance tecnológico de la industria mexicana y con las normas internacionales, regionales y de otros países.

Actualmente el uso de la norma industrial debe tenerse presente en toda transacción comercial, y establecerse por necesidad especificaciones acordadas por ambas partes, productor y consumidor. El productor ofrecerá su artículo, — afirmando que tiene tales o cuales características de calidad que satisfacen determinadas especificaciones. El comprador, por su parte, exigirá que esas especificaciones satisfagan sus necesidades.

Si ante una mesa de trabajo, productores y consumidores acuerdan fijar las características de los productos, en
tal forma que, por una parte, se simplifiquen los pedidos del consumidor y, por otra, se reduzcan las variedades productivas por el fabricante, ambos obtendrán beneficio inmediato, puesto que el comprador adquirirá el producto fabricado exclusivamente conforme a la norma acordada. El fabricante ya no se verá obligado a fabricar un producto para las
necesidades del comprador "A", otro para las del comprador
"B" y otros diferentes para los compradores "C", "D", etc.

Al reducir la variedad de artículos, satisfaciendo, no

obstante las necesidades de todos sus consumidores, el fabricante obtendrá una ventajosa disminución de costos al re
ducir su variedad de herramientas, de materiales de producción, al emplear más facilmente obreros especializados. Si
hace más corto el tiempo de elaboración de sus artículos, reducirá sus existencias en el almacén y logrará, como resultado, un artículo de mejor calidad y a más bajo precio.

Estos beneficios encadenados en el ámbito nacional produce una ventajosa situación que, a la postre, redundará en una economía más sana, con todos los beneficios que le son afines.

Estos efectos se extienden más allá de las fronteras - nacionales cuando adeptan acuerdos específicos entre productores y consumidores de diferentes países, obteniêndose como resultado una considera le ampliación de mercados.

Tres niveles de normas existen en la producción indus-

- El primero es el empresarial, llamado así porque la norma es elaborada internamente por una compañía. Las normas em presariales son de tipo estrictamente interno. Una empresa puede establecer normas dimensionales para sus herramientas de corte; normas de diseño para propiciar el uso de determinadas partes o secciones de un producto igualmente normalizadas; normas de métodos de prueba para determinar las canacterísticas, tanto de las materias primas como de sus propios productos.
- El segundo, en nuestro caso el más importante, es el nivel en el cual la norma es elaborada por los grupos direc

tamente interesados en las especificaciones de un produc-

Organismos comerciales, institutos técnicos y de investigación, y por representantes del interés general. La norma resultante es una norma nacional.

- El tercero y último es el nivel internacional, en el que los representantes de varios países coordinan la coinci-- dencia de diversas normas nacionales.

En México, el más importante nivel normalizador es el nacional. Esto último, es válido para aquellas empresas que no han pensado en un futuro inmediato en la exportación. Sin embargo, aquellas que cifran sus esperanzas de desarrollo - por el camino de la misma, deben ajustarse a las normas internacionales con el fin de tener un lenguaje compatible en tre el mercado exportador e importador, según sea el caso.

Sólo a tra és de este camino podemos salvar las barreras creadas por la diversidad caótica de técnicas que obstruyen el desarrollo que exige nuestra industria.

En nuestro País, la Secretaria de Comercio y Fomento - Industrial, es el organismo oficial encargado de la coordinación de los diferentes sectores interesados en la elaboración de normas, lo cual realiza a través de la Dirección General de Normas.

LEY CHIERAL: DE NORMAS Y DE PESAS Y MEDIDAS

Define a la Norma industrial como el conjunto de especificaciones en que se défine, clasifica y califica un material producto o procedimiento para que satisfaga las necesidades y usos a que está destinado. (Art. 4)

Clasifica las nomas en opcionales, y obligatorias.

Las Hormas opcionales son las que satisfacen los réquisitos que establezca la Secretaria de Comercio y Fomento Indus--trial para que los solicitantes obtengan la autorización -para el uso en sus productos, del sello oficial de garantía.

Son normas obligatorias.

- a) :- nas que rigen el sistema general de pesas y meddada
- b). Las industriales que la Secretaria de Comerció y Comento Industrial fije a los materiales, procedimientos oproductos que afectan la vida, la seguridad o la integridad corporal de las personas;
- c) Las que se senalen, a juicio de la Secretaria, à las mercancias objeto de exportación.

Los materiales, productos u objetos a que se refiere este - artículo deberán llevar el sello, marca o señal de norma -- obligatoria.

d).- Las que se establezcan para materiales, productos, --artículos o mercancías de consumo en el mercado nacio-

nal, que especificamente señale la Secretaria, cuandolo requieran la economia del país o el interés público.

Los materiales, productos u objetos a que se refiere este artículo, deberán llevar el sello, marca o señal de norma obligatoria.

Las normas se chasifican, por su objeto, on:

- a) .- Normas de nomenclatura:
- b) .- Normas de funcionamiento;
- b). Normas de calidad
- d).- Normas para los métodos de pruebas oficiales

Son normas de nomenclatura las que sirven para precisar los términos, expresiones, abreviaturas, símbolos y diagramas — que deben emplearse en el juso de las medidas y en el lengue je técnico industrial.

constante de dos partes: la primera consistirá en explica-ciones sobre el tema de que se trate, y la segunda comprenderá la relación de los términos y la descripción clara delos símbolos o diagramas normalizados.

Con normande functionamiento las que determinen la eficiencia de sistemas, máquinas, aparatos, instrumentos y dispositivos empleados en las operaciones o procedimientos industriales.

Son normas de calidad las que determinan el conjunto de características físicas, quiricas o biológicas, que debe tener un material o producto útil para el uso a que se desti-

Las norma de calidad y de guncionamiento constarán de las siguicaças partes:

- 1.- Definición y generalidades
- 2. Clasificación y características
- 3.- Métodos de prueba

La primera parte comprenderá la definición clava del material o macuinaria cuya calidad o funcionamiento se pretenda normalizar , si se estima necesario, se indicará en -- términos generales la descripción del procedimiento de fabricación. Las generalidades deberán referirse de preferencia a las aplicaciones usuales del artículo de que se trate.

La segunda par e comprenderá la clasificación por tipos — bien definidos por grados, si fuere necesario, así como-la enumeración de las especificaciones físicas, químicas — y biológicas referidas; con los límites de tolerancia respectivos.

La Secretaria queda facultada para señalar los métodos deprueba que considere más adecuados o que aconseje la tecnica en cala caso. XIX—Los demás que le confieran las disposiciones legales aplicables y el Titular de la Secretaria, dentro de la esfera de aus atribuciones.

ARTICULO 12.—La Dirección General de Industria Mediana y Pequeña, atenderá el despacho de los siguientes asuntos;

I.—Promover y fomentar el establecimiento de industrias medianas y pequeñas de todas las ramas y características que sean convenientes para el país y que no sean atribuidas por este Reglamento u otras disposiciones a distinta unidad administrativa;

II.—Proponer el desarrollo de la industria mediana y pequeña tanto en el medio urbano como el rural;

III.—Promover la industrialización de los productos agropecuarios, así como el aprovechamiento de los subproductos y coadyuvar en la gestión de los financiamientos que sean necesarios;

IV.—Otorgar a la iniciativa privada la asesoría técnica necesaria que requiera para la ampliación o instalación de nuevas empresas industriales medianas y pequeñas;

V.—Asesorar a los gobiernos de las entidades federativas en la programación, promoción y fomento industrial, de la mediana y pequeña industria;

VII.—Impulsar y organizar la producción económica del artesanado, de las artes populares y de las industrias familiares, con base en planes generales y regionales de desarrollo que apoyen la producción y comercialización de sus productos;

VIII—Llevar al sector industrial mediano y pequefio los adelantos administrativos, técnicos y científicos para un aprovechamiento nacional de sus recursos, que le permitan un sano desarrollo;

IX.—Promover la creación de empresas que presten servicios comunes a la mediana y pequeña industria:

X.—En las nuevas empresas industriales medianas y pequeñas fomentar la organización de suciedades cooperativas de productores;

XI.—Fomentar, asesorar y coordinar la organización de medianos y pequeños industriales en sectores de producción, con base en los ordenamientos legales existentes y en atención a las medidas y criterios que se dicten al efecto, con objeto de lograr el máximo aprovechamiento de la capacidad productiva;

XII.—Asesorar a empresas industriales medianas y pequeñas en estudios específicos de viabilidad financiera para la obtención de crédito en instituciones financieras privadas u oficiales, así como mantener información permanente acerca de líneas de crédito o fuentes de financiamiento y los requisitos para tener acceso a ellas;

XIII.—Asesorar a grupos de industriales medianos y pequeños para constituirse en organismos auxiliares de crédito;

XIV. Los demás que le confieran las disposiciones legales aplicables y el Titular de la Secretaria, dentre de la esfera de sus atribuciones.

ARTICULO 13.—La Dirección General de Invenciones y Marcas, atenderá el despacho de los siguientes asuntos:

I.—Las solicitudes para obtener el registro y derechos de explotación de patentes de invención, de mejoras, así como para el registro de las transmisiones de derechos correspondientes;

II.—La expedición de certificados de invención en los términos de la Ley de Invenciones y Marcas;

III.—La práctica de los examenes administrativos, que en derecho procedan;

IV.—Las solicitudes de expedición de las licencias que establece la legislación aplicable y las de revocación de dichas licencias y de transmisión de las mismas;

V.—Las solicitudes de registro o de publicación, según sea el caso, de marcas, nombres o avisos comerciales, dibujos y modelos industriales y el derecho a usarlos en exclusiva, así como para el registro de sus transmisiones o la conservación o readquisición de los derechos que prevengan los ordenamientos legales;

VI.—La substanciación de los recursos que en uso de las acciones que les confiere la Ley de Invenciones y Marcas y su Reglamento, sean intentados por los particulares y la iniciación de aquellos otros que la Secretaría considere necesarios, en los términos de dichas disposiciones legales;

VII.—La publicidad legal, mediante la edición del órgano informativo oficial, de las cuestiones referentes a los derechos que confieren los ordenamientos legales aplicables;

VIII.—La inspección y vigilancia que a la Secretaria le atribuye la Ley de Invenciones y Marcas y su Reglamento o aquellos otros ordenamientos que en el futuro rijan tales materias;

IX.—Los demás que le confieran las disposiciones legales aplicables y el Titular de la Secretaría, dentro de la esfera de sus atribuciones.

ARTICULO 14.—La Dirección General de Normas, atendera el despacho de los siguientes asuntos:

I.—Formular, aprobar, expedir, revisar y difundir las normas que regulen el sistema general de medidas y la de los productos industriales, así como las correspondientes a las clasificaciones derivadas;

II.—Promover y difundir la normalización en el país y organizar y coordinar los comités consultivos de normalización, conforme a lo establecido en la Ley General de Normas y de Pesas y Medidas:

III.—Representar al país y participar en las actividades internacionales de normalización, así como de control y certificación de la calidad de productos industriales;

IV.—Formular, establecer, aplicar y coordinar los programas básicos, generales y específicos de control v certificación de la calidad de productos industriales:

V. Atender las solicitudes y vigilar el uso del Sello Oficial de Garantia, así como fomentar su difusión:

VI.-Formular y establecer las normas obligatorias en los casos que se requieran;

VII.—Establecer los casos e implantar los servicios obligatorios de control y certificación de la calidad de los productos industriales que lo requis-

VIII.—Verificar, calibrar, certificar e inspeccionar los patrones de fabricación de instrumentos de medir y los instrumentos de precisión o especiales que se utilicen dentro de los procesos de producción industrial;

IX—Resolver las solicitudes de autorización para fabricar o reparar instrumentos de medición y opinar en relación a las solicitudes de importación y exportación de estos efectos, realizando la verificación inicial de los mismos, como ultima fase de su fabricación;

X.—Atender las propuestas de formulación y ex-pedicion de normas que planteen otras dependencias del ejecutivo lederal y organismos empresariales;

XI.-Fomentar las medidas de la aplicación de la normalización que fundamenten el cumplimiento de los requisitos de calidad, cantidad y seguridad:

XII.—Fomentar y aplicar sistemas industriales de envase y embalaje normalizados, que complementen los procesos de normalización industrial;

XIII.-Efectuar el servicio de inspección y controlde muestras de las industrias que utilizan la caña de azucar como materia prima, en lo relativo a la industria azucarera;

NIV.-Efectuar la supervisión y vigilancia de los procesos de la industria azucarera y sujetar dicha producción a los controles industriales y sistemas de normas establecidos;

XV.—Realizar estudios específicos sobre los problemas existentes en materia de tecnología en la fabricación de arúcar, proponiendo soluciones que tienden a aumentar, y mejorar la producción y disminuir sus costos;

XVI.-Colaborar en el desarrollo de nuevas tecno-· logiaș en la industria azucarera; 🤉

XVII.-Establecer, coordinar y operar los laboratorios y servicios necesarios para realizar las funciones de normalización, control y certificación de la calidad en apoyo de la industria;

XVIII.--Dar apovo tecnico, con base en procedimientos de normalización, control y certificación de la calidad a otras dependencias de esta Secretaria y en general a las entidades del sector público y prevado que lo requieran;

XIX.-Emitir opiniones de carácter técnico relacionadas con la calidad de productos industriales, para efectos de decisiones subre programas de fabricación y en general instrumentos de fomento industrial;

XX.--Crear conciencia social relativa a la importancia de la normalización, de su aplicación y de las actividades de control y certificación de la calidad, como instrumentos para impulsar la actividad económica e industrial del país;

XXI.—Promover y coordinar la difusión de la nor-malización, y de las actividades de control y certi-ficación de la calidad: orientando dicha difusión hacia

las entidades del sector gubernamental, los organismos del sector empresarial y el sistema educativo del país;

XXII.-Con la opinion de la Dirección General de Fomento Industrial, intervenir en la normalización de la industria electrica y gases derivados del petróleo:

XXIII—Los demás que le confieran las disposiciones legales aplicables y el Titular de la Secretaria, dentro de la estera de sus atribuciones.

ARTICULO 15.-La Dirección General de Inversiones Extranjeras, atenderá el despacho de los siguientes asuntos:

I.—Efectuar las inscripciones, modificaciones y cancelaciones a que se refieren la Ley para Promover la Inversión Mexicana y Regular la Inversión Extran-jera, sus reglamentos y disposiciones complementarias;

 Expedir las constancias de inscripción, dictar los acuerdos y girar las comunicaciones que fueren necesarias para la aplicación de la Ley para Promover la Inversión Mexicana y Regular la Inversión Extran-jera, sus reglamentos y disposiciones complementa-

III.-Emitir las autorizaciones que correspondan, con apego a las resoluciones dictadas por la Comi-sion Nacional de Inversiones Extranjeras;

IV.—Imponer, dentro de la esfera de su competencia, las sanciones a que se refieren la Ley para Promover la Inversión Mexicana y Regular la Inversión Extranjera y el Reglamento del Registro Nacional de Inversiones Extranjeras, así como las sanciones nal de Inversiones cuya imposición sea recomendada a esta Secretaria por la Comisión Nacional de Inversiones Extranje-

V.-Atender por conducto del director general, los recursos que se interpongan;

VI.-Los demás que le confieran las disposiciones legales aplicables y el Titular de la Secretaria, dentro de la esfera de sus atribuciones.

ARTICULO 16.-La Dirección General del Registro Nacional de Transferencia de Tecnología, atendorá el despacho de los siguientes asuntos:

I.—Dictaminar sobre la procedencia o improcedencia de la inscripción en el Registro Nacional de Transferencia de Tecnología, de los documentos en los que consten los actos, convenios o contratos, o sus modificaciones, a que se refieren las leyes y reglamentos que regulan la materia;

II.—La inscripción en el Registro Nacional de Transferencia de Tecnologia de los documentos en los que consten los actos, convenios o contratos, o sus modificaciones, a que se refieren las disposiciones juri-dicas que regulan la materia;

III.—La cancelación de la inscripción en el Registro Nacional de Transferencia de Tecnologia, cuando se modifique o altere contrariamente a lo dispuesto por las leyes y reglamentos aplicables, los actos, convenios : o contratos, o sus modificaciones;

IV.—Solicitar a las autoridades competentes, la cancelación de los beneficios, estimulos, ayudos o facili-dades de toda índole, que preven las leves o regla-mentos a las personas que, estando obligadas a soli-citar la inscripción de los actos, conventos o contratos o sus modificaciones a que se refieren las leves,

DIARIO OFICIAL

ORGANO DEL GOBIERNO CONSTITUCIONAL DE LOS ESTADOS UNIDOS MEXICANOS

México, D.F., lunes 21 de abril de 1980

SECRETARIA DE PATRIMONIO Y FOMENTO INDUSTRIAL

Decreto que establece el Sistema Nacional de Acreditamiento de Laboratorios de Pruebas.

Al margen un sello con el Escudo Nacional, que dice: Estados Unidos Mexicanos.— Presidencia de la República.

pose LOPEZ PORTILLO, Presidente Constitucional de los Estados Unidos Mexicanos, en ejercicio de la facultad que me confiere el Artículo 89 fracción I de la Constitución Política de los Estados Unidos Mexicanos y con fundamento en lo dispuesto en los artículos 33 fracciones XII y XX, 34 fracciones VIII y XIV y 35 fracción VII de la Ley Orgánica de la Administración Pública Federal y 10. y 28 de la Ley General de Normas y de Pesas y Medidas y

CONSIDERANDO[®]

Que el Plan Nacional de Desarrollo Industrial fue concebido con el propósito fundamental de propiciar un crecimiento económico dinámico, ordenado y sostenido y entre sus objetivos se cuentan: reorientar la producción hacia bienes de consumo básico, desarrollar ramas de alta productividad, integrar adecuadamente la estructura industrial, desconcentrar territorialmente la actividad económica y equilibrar las estructuras de mercado;

Que como apoyo importante del Plan y para la realización de sus objetivos, resulta necesario establecer un Sistema Nacional de Laboratorios de Pruebas, con el objeto de controlar y elevar los niveles de calidad de producción de la industria nacional, para hacerla más competitiva en los mercados nacional e internacional:

Que en las diversas ramas industriales del país se requiere, para incrementar su eficiencia, la intervención organizada y reconocida de laboratorios de pruebas que sean confiables;

Que también en otras ramas de la productividad nacional se requiere la realización de pruebas a los productos con motivo de transacciones internas y externas, a lo que contribuirán los laboratorios que integren el sistema nacional que se proyecta;

Que es necesario aprovechar la experiencia y fomentar las inversiones de los laboratorios que actualmente están dedicados a estas actividades así como estimular la creación de nuevas instalaciones;

Que es de interés público contar con un sistema oficial a nivel nacional que regule y vigile la confiabilidad técnica de estos servicios y las actividades de control y certificación de la calidad;

Que con la creación de un Sistema Nacional de Laboratorios de Pruebas, nuestro país podrá ingresar al Sistema Internacional de Acreditamiento de Laboratorios, lo que permitira que los laboratorios que la Secretaría de Patrimonio y Fomento Industrial haya acreditado puedan dictaminar sobre la calidad o especificaciones de los productos a título particular, tanto a nivel nacional como internacional, reduciendo los costos y la fuga de divisas que representa la utilización de laboratorios del extranjero; he tenido a bien expedir el siguiente

DECRETO QUE ESTABLECE EL SISTEMA NACIONAL DE ACREDITAMIENTO DE LABORATORIOS DE PRUEBAS.

ARTICULO PRIMERO.—Se establece el Sistema Nacional de Acreditamiento de Laboratorios de Pruebas, con objeto de otorgar reconocimiento oficial a laboratorios de pruebas, atendiendo a la confiabilidad técnica de los servicios que presten.

ARTICULO SEGUNDO.—La Secretaría de Patrimonio y Fomento Industrial, por conducto de su Dirección General de Normas, otorgará el acreditamiento a los laboratorios de pruebas de conformidad con lo previsto en el presente decreto y en las bases de operación del Sistema Nacional de Acreditamiento de Laboratorios de Pruebas.

ARTICULO TERCERO.—El Sistema Nacional de Acreditamiento de Laboratorios de Pruebas es de jurisdicción federal. Los laboratorios interesados en obtener el acreditamiento deberán solicitarlo a la Dirección General de Normas de la Secretaría de Patrimonio y Fomento Industrial.

ARTICULO CUARTO. -La Dirección General de Normas de la Secretaría de Patrimonio y Fomento Industrial, otorgará el acreditamiento a los Laboratorios de Pruebas, a solicitud de parte interesada previa comprobación de que poseen el equipo, los recursos y la capacidad necesaria para emitir en áreas determinadas dictámenes técnicos.

ARTICULO QUINTO.—Los laboratorios se agruparán por ramas específicas y serán registrados en un Directorio Nacional de Laboratorios de Pruebas que manejará la Dirección General de Normas de la Secretaría de Patrimonio y Fomento Industrial, la cual publicará periódicamente en el "Diario Oficial" de la Federación, una relación actualizada de los laboratorios registrados, así como, en su caso, de las correspondientes cancelaciones.

ARTICULO SEXTO.—La Dirección General de Normas de la Secretaria de Patrimonio y Fomento Industrial, establecerá Comités de Normalización de Laboratorios de Pruebas, por ramas específicas que fungirán como grupos de apoyo y consulta en los asuntos relacionados con el Acreditamiento Oficial y que formarán parte del Sistema Nacional de Acreditamiento de Laboratorios de Pruebas.

ARTICULO SEPTIMO. Los Comités de Normalización de Laboratorios de Pruebas, se integrarán por técnicos calificados y con experiencia en los asuntos de las ramas respectivas y serán designados por la Dirección General de Normas de la Secretaria de Patrimonio y Fomento Industrial. Los productores, consumidores, usuarios de servicios, laboratorios y demás interesados en el acreditamiento de los laboratorios de pruebas podrán proponer la designación de técnicos calificados para tal objeto:

ARTICULO OCTAVO.—El resultado de las pruebas que realicen los laboratorios acreditados se hará constar en un dictamen que será firmado, bajo su responsabilidad, por la persona facultada por el propio laboratorio para hacerlo.

Cuando los interesados requieran que los productores sean certificados respecto del cumplimiento de determinada Norma Oficial Mexicana o respecto de cualquiera de sus especificaciones deberán solicitar la certificación a la autoridad competente sobre la materia de que se trate.

ARTICULO NOVENO.—La Dirección General de Normas de la Secretaría de Patrimonio y Fomento Industrial, vigilará que los laboratorios de pruebas acreditados cumplan con lo ordenado en el presente Decreto y demás disposiciones que rijan el funcionamiento del Sistema Nacional de Acreditamiento de Laboratorios de Pruebas.

ARTICULO DECIMO.—Previa audiencia de los interesados la ya citada Dirección General de Normas, podrá suspender o cancelar el registro de los laboratorios de pruebas acreditados, en los siguientes casos:

- 1.—Cuando no proporcionen en forma oportuna y completa a la propia Dirección General de Normas los informes que les sean requeridos respecto a su funcionamiento y operación.
- 11.—Cuando modifiquen sin autorización de la Dirección General de Normas el equipo necesario para emitir, en áreas determinadas, dictámenes técnicos.
- III.—Cuando disminuyan sus recursos o su capacidad, necesarios para emitir los dictámenes técnicos en áreas determinadas.
- IV.—Cuando impidan u obstaculicen las funciones de vigilancia que a la Dirección General de Normas le confiere el presente Decreto; y
- V.—Cuando incumplan lo ordenado en el presente Decreto y en las demás disposiciones que rijan el funcionamiento del Sistema Nacional de Acreditamiento de Laboratorios de Pruebas.
- VI.-Cuando emitan dictámenes falseados.
- VII.—Cuando se nieguen injustificadamente a proporcionar el servicio a quien se los solicite.

ARTICULO DECIMO PRIMERO.—El reconocimiento oficial de los laboratorios de pruebas y la expedición de certificaciones oficiales de productos que expida la autoridad competente causarán los derechos que establezcan el Decreto respectivo.

TRANSITORIOS

ARTICULO PRIMERO.—El presente Decreto entrará en vigor el día siguiente al de su publicación en el "Diario Oficial" de la Federación.

ARTICULO SEGUNDO. La Secretaria de Patrimonio y Fomento Industrial, oyendo la opinión de las autoridades competentes para emitir las certificaciones de que se trate. expedirá las Bases de Operación del Sistema Nacional de Acreditamiento de Laboratorios de Pruebas, mismas que serán publicadas en el "Diario Oficial" de la Federación.

Dado en la residencia del Poder Ejecutivo Federal, en la Ciudad de México, Distrito Federal. a los nueve días del mes de abril de mil novecientos ochenta. José López Portillo.—Rúbrica.—El Secretario de Hacienda y Crédito Público, David Ibarra Muñoz.—Rúbrica.—El Secretario de Programación y Presupuesto. Miguel de la Madrid.—Rúbrica.—El Secretario de Patrimonio y Fomento Industrial. José Andrés Oteyza.—Rúbrica.—El Secretario de Comercio. Jorge de la Vega Domínguez.—Rúbrica.—El Secretario de Agricultura y Recursos Hidráulicos, Francisco Merino Rábago.—Rúbrica.

PODER EJECUTIVO

SECRETARIA DE GOBERNACION

Acuerdo que dispone se rindan bonores funebres a los restos mortales del ciudadano Mignel Memán Valdés, ex Présidente de la Republi-

Al margen ûntsyllô coñ el Escudo Nagjobal. que dice: Estados Unidos' Mexicanos. - Presidencia de la República : [14] - [18] (14)

MIĞUEL DE LA MADRID HURTADO, Ağresidente Constitucional de los Estados Unidos Mexicanos, a sus habitantes, sabed;

Que en ejerciejo de las facultádes que me confiere la fraccion I del «Xisticulo 89 de la Constitución General de la República ass**co**mo lo estaplecido en el artículo 92 del misir o Ordenajniene to vicon fundamente oblos articulos 14 y 17 de la Ley Sobré las Caracteristicas y el Uso del Escus do la Bandera Ver Himno Nacionales y de los ar ticulos 102 de la 127 del Reglamento del Coremo niäl:Militaray

CONSIDERANDO:

Que en la Madhugada del dia catorce del presente mes falleció en estreciudad de México ilustre ciudadano Miguel Micman Naldes duien juera Presidente de la Republica de 1946 a 1952

mexicano para ejercer el Poder Ejecutivo de la El Secretario de la Defensas Nacional. Union, desempend la relevada responsabilidad Arevalo Gardonni - Rubrica a

con patriotismo y visión, al ser protagonista de una etapa constructiva y dinámica, sia la cualno se explica el proceso de modernización del Mexico contemporáneo:

Que dudo guerantes, y despliés de suppaso por ěl Poder Ejecutivo, el chidadano Mighel Momani Valdes desempeno otras destacadas responsable didades en las que también brindo importantes servicios a la Patria alle tenido a bien dictar el s guiente".

GACUERDO

ARTICULO PRIMERO Rindanse dionor funcbres ados restos mortales delicitidadino Mi guel Aleman Maldes, ex Presidente de la Ropublica/ durante los actos de su inhumación en esta ciudad de Mexico Distrito Federal.

ARTICULO SEGUNDO — El dia dieciscis de los corrientes: deberá selvizada la Balidiala Na cional a media astaden senal de duelo en fodos los edificios públicos.

Dado en la Residencia del Poder E lecuity Eederal: a los catorce días del mes de misso mil novecientos ochenia y tres: Mignel de Madrid Hullado Rubinea EP Secretario AQue habjendo recibido el mandato del pueblo "Gobernación, Mandel Bartlett Diaz - Rubiges

SECRETARIA DE COMERCIO Y FOMENTO INDUSTRIAL

Resolución que declara obligatorias las Normas Oficiales: Mexicanas, NOM-S-5; NOM-5-7. NOM-S-8; NOM-S-12; NOM-S-28 y NOM-S-31:

Al margen un sello con el Escudo Nacional, que dice: Estados Unidos Mexicanos - Secretaria de Comercio y Fomento Industrial

Resolución que declara obligatorias las normas oficiales mexicanas NOM-S-5, NOM-S-7, NOM-S-7, NOM-S-12, NOM-S-28 y NOM-S-31 Seguridad: Extintores contra incendio a base de polvo químico seco con presión contenida — Especificaciones — Seguridad — E. Extintores contra incendio métodos de prueba res a base de espuma quimica? Recipien-tes de extintores a base de sumica. no", "Seguridad - Extintores contra incer dio a base de agua. Con presión contenida: Especificaciones y "productos de seguri dad extintores polvo químico secolipo ABC A base de fosfato mono amonico respecti

Con fundamento en los Artículos 34 fracción XIII de la Ley Organica de la Administración Publica Federal, QUINTO Y SEXTO Transito rios del Decreto de Reformas y Adiciones a dicho ordenamiento, publicado en el Diario Oficial de la Federación el 29 de diciembre de 1982, 104, 20 40., 50., 70: inciso b): 80., 33, 39, 40 a 33 y deniás relativos de la Ley General de Normas y de Pe sas y Medidas, así como en el Acuerdo que dele ga ell el C. Director General de Normas Comer ciales las facultades necesarias para el ejercicio de las atribuciones que se indican, publicado en el Diario Oficial de la Federación de 18 de abril de 1983 y

CONSIDERANDO

 Qué los extintores para incendio son productos cuyo correcto funcionardigito es necesario para la seguridad de los personas y de sus bie nes.

Que en diversos ordenimientos legales, como el Reglamento General de Seguridad e Higiene en el Trabajo, el Reglamento de Construcciones del Distrito Federal, el Reglamento de Instalaciones Eléctricas y sus Normas Técnicas y otros, se establece que los extintores para incendio debién cumplir con las especificaciones técnicas que establece la autoridad competente, las que se encuentran comprendidas en las Normas Oficiales Mexicanas que se indican.

Que a fin de que la totalidad de los tipos y modélos de extintóres para incendió cumplan sa tisfactoriamente, las especificaciones aludidas he considerado conveniente dictar la siguiente.

RESOLUCION議。主

PRIMIPRO —Se acclaran de complimiento obligatorio las Normas Oficiales Mexicanas en vigor: "SEGURIDAD.—Extintores contra incendio a base de polvo quimico seco con presion contenida.—Especificaciones", NOM-S-5; "Seguridad —Extintores contra incendio.—Métodos de prueba de construcción y funcionamiento" NOM-S-7; "Extintores a base de espuma química" NOM-S-8; "Recipientes para extintores a base de bioxido de carbono" NOM-S-12; "Seguridad-Extintores contra incendio a base de agua con presión contenida;—Especificaciones" NOM-S-28; y "Productos de seguridad a extintores — polvo-químico seco, tipo ABC. A base de fosfato mono amonico" NOM-S-31:

SEGUNDO.—Solamente podran ser objeto de fabricación, venta y uso los extintores contra incendio indicados en el Artículo Primero de esta Resolución, que ostenten el Sello Oficial de Norma Obligatoria, otórgado por la Dirección General de Normas Comerciales de esta Secretaria.

TERCERO.—Estan obligados al cumplimiento de lo establecido en la presente Resolución. los fabricantes, importadores, ensambladores, propletarios de marça, recargadores y comerciantes de extintores contra incendio indicados en el Artículo Primero.

CUARTO Los fabricantes, importadores ensambladores, propietarios de marca y recargadores de extintores contra incendio indicados en el Articulo Primero de esta Resolución, deberán registrarse ante la Dirección General de Normas Comerciales de la Secretaria de Comerció y Fomento Industrial y obtener autorización de esta misma Dependencia para el Uso del Sello Oficial de Norma Obligatoria en su producto. La vigencia del registro y la autorización respectiva será de un año patural y al termino de este los interesados deberán solicitar su revalidación ante esta Dirección:

QUINTO. Para obtener el registro y autorización correspondiente, las personas indicadas, en el Articulo Cuarto precendente, deberán cam plir con los signientes requisitos y presentado, ante la Dirección General de Normas Comercia, les de la Secretaria de Comercio y Fomento Industrial.

- (a) Su producto deberá cumptir con las especificaciones de las Normas NOM-S-5, NOM-S-7, NOM-S-8, NOM-S-12, NOM-S-28 y NOM-S-31 en vigor.
- dores y recargadores deberán contar con un laboratorio propio o con los servicios de un laboratorio de pruebas autorizado por esta Dependencia, el cual deberá contar con el capido que servira para electuar las pruebas indicadas en les Normas de referencia y registrar ante la misma al responsable de dicho laboratorio de pruebas.

SEXTO.—Los fabricantes constitutiones y recargadores deberán llevar un registro del volumen de producción y de las pruebas realizadas en el ensamble, recarga y terminado de su producto, para que la Dirección General de Normas Comerciales esté en posibilidad de comprobar que sus productos cumplen con las especificaciones establecidas en las Normas de referencia.

SEPTIMO:—Los importadores de extintores contra incendio indicados en el Artículo Primero de esta Resolución deberán dai laviso a la Directión General de Normas Comerciales de la Secretaria de Comercio y Fomento Industriai, de cada uno de los lotes que importen, cen el objeto de que esta Dependencia verifique si sus productos cumplen con las especificaciones contenidas en las Normas Oficiales Mexicanas citadas, verificación que podrá efectuar se en los laboratorios autorizados por esta Dirección.

OCTAVO Los fabricantes que maquiten extintores contra incendio de los tipos indicados en el Artículo Primero de esta Resolución; deberán celebrar contrato con los propietarios de marca y exhibirlo debidamente firmado ante la Dirección General de Normas de la Secretaria de Comercio y Fomento Industrial, quedando obligados solidariamente los fabricantes a responder por la calidad del producto.

NOVENO.—Los comerciantes de extintores contra incendio indicados, deberan comercializar exclusivamente el producto que ostente el Sello Oficial de Norma Obligatoria, autorizado por la Dirección General de Normas Comerciales de la Secretaria de Comercio y Fomento Industrializa

DECIMO El cumplimiento de la presente Resolución y de las Normas Oficiales Mexicanas ne se declaran obligatorias, será vigilado por la Secretaria de Comercio y Fomento Industrial, a través de la Dirección General de Normas Comerciales DECIMO PRIMERO.—Cuando se compruebe dorante la visita de verificación el incumplimiento de las Normas citadas, la producción correspondiente a las muestras probadas, será sellada por el mismo personal que realice la visita y no podrá ser utilizada, quedando bajo la custodia y responsabilidad de la empresa, para proceder a reprocesarla, corregir los defectos o inutilizarla bajo el control de la Dirección General de Normas Comerciates.

DECIMO SEGUNDO.—Los fabricantes, importadores ensambladores, propietarios de marca, recargadores y comerciantes que incurran en infracciónes a lo que establece esta Resolución y demás disposiciones relativas, serán sancionados en los términos del Artículo 42 de la Ley General de Normas y de Pesas y Medidas en vigor.

DECIMO TERCERO.—Los gastos originados por la verificación y vigilaricia del cumplimiento de las disposiciones contenidas en esta Resolución, serán cubiertos por los fabricantes, importadores, ensambladores, propietarios de niarea y recargadores, de conformidad a las disposiciones establecidas en el Artículo 73-C de la Ley Federal de Derechos vigente.

TRANSITORIOS

PRIMERO.—La presente Resolución entrará en vigor al día siguiente do su publicación en el Diario Oficial de la Federación.

SEGUNDO —Se concede a fos fabricantes, importadores, ensambladores y recargadores un plazo de 60 días hábiles, contados a partir del día siguiente de la fecha de publicación de la presente Resolución en el Diario Oficial de la Federación, para dar cumplimiento a lo prescrito en el inciso b) del Articulo Quinto de esta misma Resolución.

TERCERO—Los fabricantes, importadores, ensambladores, propietarios de marca y recargadores de extintores contra incéndio indicados en el Afficulo Primero de esta Resolución, deberán registrarse en un plazo de 60 días habiles como máximo, contados a partir del día siguiente de la publicación respectiva en el Diario Oficial de la Federación.

Atentamente.

Sufragio Efectivo. No Reelección.

México, D. F., a 28 de abril de 1983.—El Director General de Normas Comerciales, Héctor. Vicente Bayardo Moreno.—Rubrica. Norma Oficial Mexicana NOM-S-28-1983 productos de seguridad extintores contra incendios a base de agua por presión contenida.

Al margen un sello con el Escudo Nacional; que dice: Estados Unidos Mexicanos.—Secretaría de Comercio y Fomento Industrial:

1 OBJETIVO Y CAMPO DE APLICACION

Esta Norma Oficial Mexicana establece las especificaciones de calidad que deben cumplir los extintores a base de agua con presión contenida utilizados para la extinción de fuegos clase Asse pueden utilizar aditivos para aumentar su efectividad.

2 REFERENCIAS

Esta norma se complementa con las vigentes de las siguientes Normas Oficiales Mexicanas vigentes:

NOM-B-266. Requisitos generales para láminas y tiras en caliente y láminas laminadas en frío, de acero al carbono y de acero de baja aleación y alta resistencia.

NOM-B-267 Láminas de acero al carbono laminadas en frío, calidad embutido.

NOM-B-323 Sistema de designación y clasificación de los aceros según su composición química.

NOM-B-326 Composición química de los aceros inoxidables y resistentes al dalor, forjados o laminados.

NOM-S-7 Seguridad Extintores contra incendio Métodos de prueba de construcción y funcionamiento.

NOM-U-18 Pinturas barnices y plásticos protectores anticorresives de aplicación a tres manos.

NOM-EE-59 Envase y embalaje - Símbolos para manejo, transporte y almacenamiento.

NOM-Z-9 Simbolo o leyenda "Hecho en Mexico"

NOM-Z-12 Muestreo para la inspección por atributos.

3 DEFINICIONES

Para los efectos de esta norma se establecer las definiciones siguientes:

3.1 Agente extinguidor

Agua potable sola o con mezcla de productos químicos cuya acción provoca la extinción del fuego tipo A.

3.2 Alcance

Distancia minima horizontal a la cual llega el agente extinguidor sobre el suelo.

3.3 Capacidad nominal

Volumen en dm' del agente extinguidor contenido en el cuerpo o recipiente del extintor.

3.4 Extintor

Recipiente que contiene un agente extinguidor que es expulsado por la acción de una presión interna.

3.5 Extintor portátil

Aquel que se diseña para ser transportado u operado manualmente y en condiciones de funcionamiento tiene una masastotal máxima de 20 kg:

3.6 Extintor movil

Aquel que se diseña para ser transportado y operado sobre ruedas, sin locomoción propia, cuya masa es superior a 20 kg.

3.7 Extintor de presión contenida

Aquel en el que el gas impulsor es almacenado con el agente extinguidor en el interior del recipiente, estando este presurizado.

3.8 Fuegos clase "A"

Son les fueges de materiales sólidos, de tipo orgánico cuya combustión tiene lugar normalmente con formación de brasas, como maderas, telas, papel, hule, plastico y similares.

3.9 Márchamo o precinto

5:3.1:Välvula:

Ligadura o fleje que se pone en torno a la válvula del extintor, fijando sus extremos con un sello de plemo u otro material, de tal modo, que no pueda ser usado sin romperlo, ofreciendo este la garantia de que el producto está en condiciones de operación.

3.10 Tiempo de funcionamiento (descarga)

Tiempo durante el cual tiene lugar la descarga del agente extinguidor sin que haya interropción alguna, estendo la válvula totatmente abierta y sin considerar el tiempo de la descarga del gas residual.

3.11 Presion nominal

Presión de referencia del extintor, indicada en la placa de datos en el cuerpo del extintor.

3.12 Presión de trabajo

Intervalo de presiones con las cuales se garantiza la operación y funcionamiento del extintor y que se señala en el manometro indicador...

3.13 Presión de prueba

Presion a la que debe probarse el cuerpo del extintor durante su fabricación.

3.14 Presión de ruptura

Presión que soporta el extintor en el momento de ruptura:

4 CLASIFICACION

Los extintores objeto de esta norma se clasifican en dos tipos y único grado de calidad designándose como extintores a base de agua con presión contenida como sigue:

Tipo I Portatil Tipo II Movil sin locomoción propia.

5 ESPECIFICACIONES

5.1 Los extintores objeto de esta norma deben cumplir con las especificaciónes de funcionamiento qué se indican en la tabla 1.

5.2 Rendimiento de descarga

La cantidad total de agua de descarga debe ser como mínimo el 95% de la capacidad nominal del extintor.

60 - 120 -

5.3 Seguridad.

TABLA 1

ESPECIFICACIONES DE FUNCIONAMIENTO DE LOS EXTINTORES EN SUS DOS TIPOS

		1						
	Tipo		Volumen d extinguid			Alcance hori- zontal (m)	Tiempo de fun-	Longitud de man-
							ciona- miento	guera- (cm)
) (1 F	ortatil			9.4 - 10	,,	9 - 12	45-60	50 /
П	Movil/si moción	in ^y lo: pro-						, rené

- 5.3.1.1 Los extintores deben contar con válvulti que cierce por si sola, que tenga un cierre bermietico antes de operarla, construida en tal forma que soporte una presión de proeba no menor de dos veces la presión nominal durante 60 segundos a una temperatura de 294 más menos 3 K (21 más menos 3°C) estas válvulas deben tener un pasador o seguro para evitar descárgas accidentates,
- 5.3.1.2 Los componentes de la válvula deben ser de materiales que garanticen que son compatibles a los recipientes y entre si, o bien con el o los tratamientos mecánicos o termoquímicos apropiados para prevenir la acción galvánica.
- 5.3 1.3 Las valvulas deben contar con un orificio o vena que permita el escape de la presión interior como prevención a una manipulación incorrecta, asegurando que la valvula germanézea sujeta al cuerpo del recipiente, cuando el escape suceda.

5.3.2 Manometro

- 5.3.2.1 Debe ser de materiales resistentes al ambiente natural extremoso indicar la presión interior del recipiente con una exactitud de más menos 4% de la presión de trabajo en los límites de operación; de 0 12% en el valor cero y más menos 15% en el máximo de presión; referidos al valor de la presión nominal.
- 5322 El manómetro debe ser de carátula roja y tener un sector que miestre:
- La zona de operación en color verde, cuyos límites corresponden a más menos 10% de la presión nominal.
- En la zona del manómetro que tiene como limite superior el limite inferior de la zona de operación, debe leerse la palabra recarga.
- A partir del limite superior de la zona de operación debe leerse la palabra sobrecarga.
- Las leyendas, números y marcas deben ser de color blanco.
- 5.3.2.3 El manémetro debe proporcionar visibilidad del estado de la operatividad del extintora un minimo de distancia de 1.5 m en condiciones normales de lectura.

- 5.3.2.4 El uso de marcus de identificación, del fabricante de extintores, en el manometro es opcional.
 - 5.3.2.5 Debê llevar la palabra agua.
- 5.3.2.6 Los valores de presión del manometro deben expresarse en MPa
 - 5.3.3 Boca de llenado.

La boca de llenado debe ser de un diámetro nominal interior minimo de 19 mm y su tapa de be roscarse en el cuerpo del extintor cuatro hilos de la cuerda como mínimo, además debe contar con un empaque.

5.3.4 Manguera de descarga.

Los extintores deben contar con una manguera de descarga y conexiones con la resistencia suficiente para soportar una presión hidrostálica de dos veces la presión nominal del extintor durante 60 segundos sin presentar fugas.

La boquilla para dirigir el flujo del agente extinguidor, debe ser construida de material resistente a la corrosión.

Los extintores sobre ruedas deben contar con un soporte para colocar la manguera y la boquilla sobre el extintor y así evitar que la manguera y la boduilla se golpeen con las ruedas o con el suelo

Las mangueras deben tener conexiones para acoplarse al recipiente del extintor.

5.4 Prueba de hermeticidad

El extintor no debe presentar fugas cuando se pruebe a la presión nominal de acuerdo a lo indicado en la NOM-S-7 (véuse 2).

5.5 Presión de prueba

El extintor debe soportar sin fugas una presión hidrostatica de prueba de 2 veces la presión nominal durante 60 segundos cuando se pruebe de acuerdo a la NOM-5-7 (véase 2). La presión de prueba nunca debe ser inferior a 2.06 MPa (21 kgf/cm²).

5.6 Resistencia a la ruptura

El extintor debe soportar por un minuto sin remperse una presión de 4 veces la presión nominal. Cuando se prueba de acuerdo a la NOM-S-7 (véase 2). La presión de prueba nunca debe serinferior a 4.12 MPa (42 kgf/cm³).

5.7 Presurizado del recipiente

El recipiente una vez cargado con el agente extinguidor debe presurizarse con aire o con un gas inerte seco a la presión nominal.

5.8 Material

Los materiales utilizados en la construcción de los recipientes puede ser: acero inoxidable, aleaciones de cobre u otros materiales adecuados, los cuales deben cumplir con las específicaciones de calidad cuando sean probados de acuerdo a los metodos de prueba que establecen las Normas Oficiales Mexicanas, correspondientes (véase 2).

5.9 Acabado

Los extintores objeto de esta norma deben presentar una superficie lisa y uniforme, sin abolladuras, pliegues, grietas ni rebabas, a los recipientes construidos con lámina de acero al carbono debe áplicarseles un tratamiento interior para evitar la corrosión.

5.10 Pintura

Los construidos en lámina de latón, aluminio o de acero inoxidable pueden presentar el color propio del metal, a los construidos con lámina de acero al carbono debe aplicárseles en el exterior, pintura anticorrosiva.

Nota.—Para ambientes altamente corrosivos previo acuerdo entre fabricante y consumitior los recubrimientos deben cumplir con la NOM-U-18.

8 MUESTREO

- 6.1 Cuando se requiera el muestreo del producto; este podrá ser establecido de común acuerdo entre productor y comprador, recomendandose el uso de la NOM-Z-12 (véase 2).
- 6.2 Para efectos oficiales el muestreo estará sujeto a las disposiciones reglamentarias de la Dependencia Oficial correspondiente.

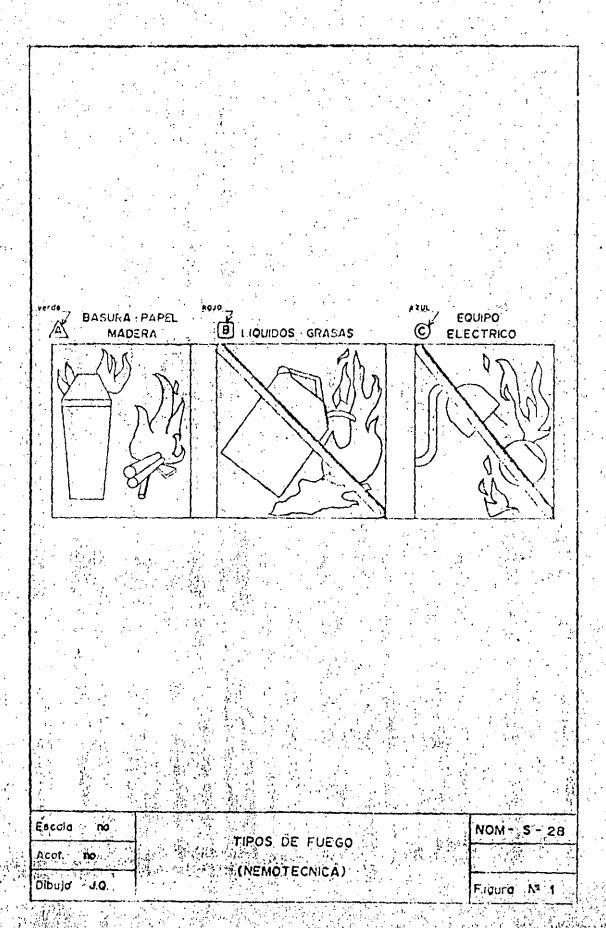
7 METODOS DE PRUEBA

Para la verificación de las especificaciones que se establecen en esta norma se deben aplicar dos métodos de pruieba senstados en los Normas Oficiales Mexicanas en el capítulo de referencias (vegse 2).

8 MARCADO, ENVASE Y ÉMBALAJE.

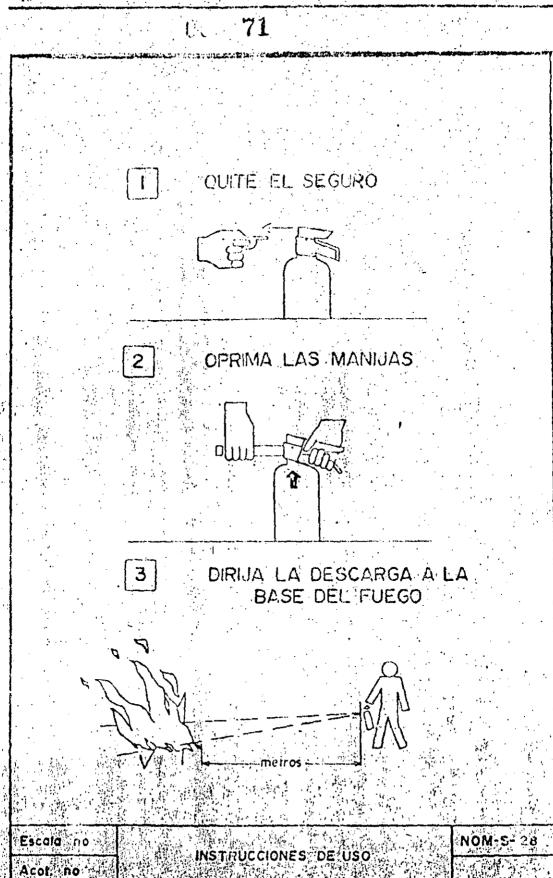
- 8.1 Cada extintor debe llevar grabades en forma clara e indeleble sobre el mismo, o en una placa metilica adosada en forma permanente los datos siguientes:
- a). Marca registrada o símbolo del fabricante
 - b). Presión nominal en MPa.
 - c). Presión de prueba hidrostática en MPa.:
- d). Mes y año de fabricación separados por una diagonal.
- e). Nombre genérico del agente extinguidor para el cual está destinado el recipiente.
- 8.2 Terminado el extintor, debe llevar grabados en una placa metálica o calcomanía o impresión por malla, los datos siguientes:
 - a). Marca del fabricante
- b). Clase de fuego al que está destinado (ver fig. 1).
- c). Instrucciones de operación en idioma español incluyendo nemotécnica y distancia di uso (alcance mínimo horizontal) debiendo quedar estos datos al frente del extintor, (véase fig. 2).
- d) i Instrucciones de mantenimiento incluyendo observaciones acerca de la temperatura de uso y almacenamiento.
- e). Sello Oficial de Norma previa autorización de la Dirección General de Normas de la Secretaria de Patrimonio y Fomento Industrial.
- f). Contenido neto del agente extinguidor en dm³:
- g). L'eyenda "Hecho en México" de la NOM-Z-9 (véase 2).
 - h). Presión nominal en MPa.
 - i). Modelo segun tabla 1.

Nota:—Queda prohibido a los fabricantes, distribuidores, recargadores y cualquier otra persona que maneje extintores usar simboles frases o contraseñas que pueda causar confusión al usuario.



Flgura Nª 2

Dailyo J. Q.



(NEMOTE CNICA)

83 Envase y embalaje

Todo extintor terminado, junto con su soperte, debe transportame y ser entregado, en embálajes que lleven los símbolos para el manejo. transporte y almacenamiento según lo establecido en la NOM-EE-59 (vease 2) y debén estar construidos de tal manera que ofrezcan seguridad al recipiente.

Los extintores sobre ruedas deben proteger- . se con materiales y formas de sujeción que per-

mitan facilidad de manejo.

9 BIBLIOGRAFIA

National Fire Codes, "Recomended Practices and Manual" of the "National Fire Protection Association".

BSI-5423 Specification For Portable Fire Extinguishers.

Naucalpan de Juárez, Edo. de Méx.—El Director General de Normas, Héctor Vicente Bayardo Moreno.—Rubrica.

NORMA OFICIAL MEXICANA NOM-S-31-1983, PRODUCTOS DE SEGURIDAD—EXTIN-TORES POLVO QUIMICO SECO TIPO ABC, A BASE DE FOSFATO MONO AMONIA

Al margen un sello con el Escudo Nacional, que dice: Estados Unidos Mexicanos. -- Secretaria de Comercio y Fomento Industrial.

OBJETÍVO Y CAMPO DE APLICACION

Esta Norma Oficial Mexicana establece las especificaciones que debe cumplir el producto denominado Polvo Químico Seco, para uso en extintores como agente extinguidor de fuegos A. B y C y sus Métodos de Prueba correspondiente. 2. REFERENCIAS

Esta norma se complementa con las siguientes Normas Oficiales Mexicanas vigentes:

NOM-B-231 Andustria siderurgica :-- Cribas de laboratorio para clasificación de materiales granulares - Especificaciones.

NOM-EE-59 Envase y embalaje - Simbolos para manejo, transporte y almacenamien-

NOM-S-5 Seguridad - Extintores contra incendio a base de polvo químico seco con presión contenida — Especificaciones.

NOM-S-32 Productos de seguridad -- Extintores y agentes extinguidores -- Efectividad — Método de prueba.

NOM-Y-4 Fertilizantes - Determinación de fosforo total - Método del fosfomolibidato de quinolina.

NOM-Z-9 Embiema denominado Hecho en México...

NOM-Z²12 Muestreo para la inspección por atributos.

DEFINICIONES -3.1': Polvo químico seco ABC

Mezcla de productos químicos cuya acción provoca la extinción de fuegos A, B y C

3.2 Densidad de empaçado

Compactación que adquiere el polvo químico seco después de haber sido sometido a condiciones de vibración durante su manejo, transporte y almacenamiento, expresado en masa por unidad de volumen.

3.3 Densidad aparente.

Relación de la masa por unidad de volumen en condiciones específicas.

CLASIFICACION

4.1 Los polvos químicos secos tipo A, B y C a que está norma se reflere, se clasifican en un solo tipo y unico grado de calidad.

5. ESPECIFICACIONES

5.1 El polvo guimico seco ABC objeto de esta norma, deben cumplir con las especificaciones físicas y químicas que se indican en la tabla 1.

Efectividad -

El conjunto polvo-extintor, debe cumplir con lo establecido en la NOM-S-32 (véase 2).

Toxicidad

El polvo químico seco ABC no debe causar intoxicaciones en condiciones normales de

TABLA 16

ESPECIFICACIONES FÍSICAS Y QUÍMICAS DEL POLVO QUÍMICO SECO ABC Concepto Especificaciones

Granulometria... De acuerdo a la Tabla 2 Compactación y apelmázamiento.... Sin formación de grumos Densidad aparente minima (g/cm²...

Demidad de carpacado mamma g/em?	1,10
 Carnelegistica higroscópica maxima expresada como aumen 	
to en masq (%)	1.5
Rigidez djelectrica minima (V; V/mm)	
· Contenido de fosfato mono amoniaco expresado como	
$P(0, (\frac{\alpha_0}{0}))$	45.75
Superficie especifica (cm/g)	2,000 - 3,500
G MUSSERFO	

6.1° .Cuando se requiera el muestreo del producto éste podrá sér establecido de común acuerdo entre productor y comprador, recomendándose el uso de la NOM-Z-12° (véase 2).

6.2 Para efectős oficiales, el muestreo estará sujeto a la legislación y disposiciones de la Dependencia Oficial correspondiente.

7 - METODOS DE PRUEBA

7.1 Granulometria

7.14 Objetivo

Verificar que el tamaño de las partículas sea el adecuado para el uso del polvo.

7.1.2 Aparatos y equipo

-Vibrador de inovimicato circular excentrico 285 ± 10 rpm, con un aditamento que produzca un golpeteo de 150 veces por minuto.

— Juego de cribas con tapa y charola de fondo de material no corresible con un diametro de 203 mm y mimeros M 0.425, M 0.150, M 0.075, M 0.045 que camplan con lo indicado en la NOM-B-231 (véase 2)

.--Cronómictro

-Balanza granataria con aproximación de 0.1 g o mejor.

-Desected or

--Charola de fondo con capacidad de 1000 cm?.

7.1:3 Procedimiento

Colocar las cribas una abajo de otra en el siguiente orden: M-0.425; M-0.150, M-0.075 M-0.045 y finalmente la charola del fondo.

Pesar 25 ± 0.1 g de muestra previamente acondicionada y vaciarla en la criba superior. Fijar el conjunto de cribas en el vibrador y hacerlo funcionar durante cinco minutos. Transcurrido el tiempo, retirar el conjunto de cribas y la charola de fondo y determinar la cabitidad de polvo retenido en cada una de clias.

El acondicionamiento de la muestra se hace poniendo durante 24 horas la muestra dentro de un desecador que pueda mantener una humedad relativa del 65 mas-menos 5% y una temperatura de 293 más-menos 2 K (20 más-menos 2°C).

7.1.4 Cálculo y resultados

Una vez determinada la cantidad retenida, se expresa el resultado en porcenta je referi do a la inuestra.

% de retenido =
$$\frac{A}{25}$$
 x 100

En donde A es igual a la cantidad de polvo retenido en cada criba expresado en gramos

7.1.5 Informe de la prueba

El tamaño medio de las partículas en función del porcenta je de polvo químico seco retenido en cada criba debe estar de acuerdo con la tabla 2.

TABLA 2

Porcenta	· Porcentaje de Polvo Retenido					
• •	Porcentaje retenido (%)					
Denominación de la criba	"Minimo	Maximo .				
M 0.425	0	Ú				
M 0.150	2.0	15.0				
M 0.075	15.0	32.0				
M 0.045	15.0°	22.0				
Charola de fondo	31.0	69.0				
		- · ·				

7.2 Determinación de la densidad aparente.

7.2.1 Objetivo

Verificar que una cantidad de polvo sin asentar, cabe en un volumen determinado.

7.2.2 Aparatos y equipo

Balanza con aproximación de más-menos 0.1 g.

—Recipiente cilindrico de 100 cm³.

一Embudo ("美

Cuchara de material no corrosivo

--Cronômetro

7.2.3 Procedimiento

Tarar el recipiente cilindrica vacío y anotar el resultado a continuación; anortar el tembudo al recipiente cilindrica, de tal forma, que embode perfectionente, (como se indica en la fig. 1), llenar el recipiente con el polvo químico dejando caer éste por las paredes del cinhado y esperar I minuto para que se asiente, posteriormente retirar cuidadosa mente hacia arriba y después horizontalmente hacia un lado, se enrasa el polvo sobrante y se determino la masa de la muestra dentro del recipiente. Se repute la operación 3 veces como mínimo.

7.2.4 Cálculos y resultados...

Se determina el valor de la decisidad aparente por medio de la fórmula siguiento:

100

D = ---

Donde:

D = Densidad aparante en g/cm³ M = Masa de la muestra en g

El resultado debe estar de acuerdo a lo especificado en la tabla 1.

7.3 Deferminación de la compactación y apelmazamiento

7.3.1Objetivo

Verificar que la compactación de polvo no cause el apelmazamiento de este.

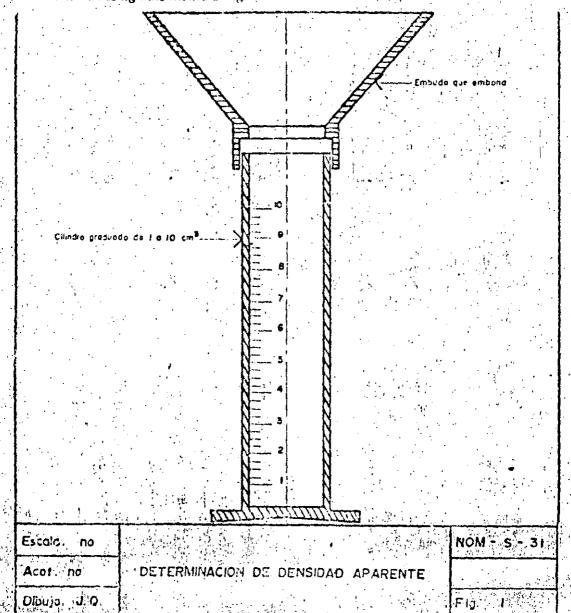
7.3.2 Aparatos y equipo

- Equipo de prueba constituido de cilindro abierto, pistón cerrado y recipiente plano, con dimensiones y forma dadas en la fig. 2.

-- Cronometro

-Balanza con aproximación de más-menos 0.1 g.

--Peso de 15 kg más-menos 20 kg.



misos derivados del Decreto para la industria automotriz.

TRANSITORIOS

PRIMERO.—El presente Acuerdo entrará en vigor el día siguiente de su publicación en el Diario Oficial de la Federación.

SEGUNDO:—Las facilidades establecidas en este Acuerdo sólo serán aplicables a operacio-

nes que se realicen a partir del 10, de septiembre de 1983

México, D. F., a 30 de agosto de 1983.—El Secretario de Comercio y Fomento Industrial, Héctor Hernández Cervantes.—Rúbrica.—El Secretario de Hacienda y Crédito Público, Jesus Silva Herzog Flores.—Rúbrica.—El Director General del Banco de México, Miguel Mancera Aguayo.—Rúbrica.

-000-----

NORMA OFICIAL MEXICANA NOM-V-18-1983, QUE ESTABLECE LAS ESPECIFICACIONES QUE DEBE CUMPLIR LA BEBIDA ALCOHOLICA DENOMINADA BRANDY.

Al margen un sello con el Escudo Nacional, que dice: Estados Unidos Mexicanos.—Secretaría de Comercio y Fomento Industrial.

AVISO AL PUBLICO

Con fundamento en los artículos 34, fracción XIII de la Ley Orgánica de la Administración Pública Federal, quinto y sexto transitorios del Decreto de Reformas y Adiciones a dicho ordenamiento, publicado en el Diario Oficial de la Federación el 29 de diciembre de 1982; 10., 20., 40., 50., 70., 230. inciso C, 260. y demás relativo de la Ley General de Normas y de Pesas y Medidas, publicada en el Diario Oficial de la Federación con fecha 7 de abril de 1961, así como en el Acuerdo que delega en el C. Director General de Normas Comerciales las facultades necesarias para el ejercicio de las atribuciones que se indican, publicado en el Diario Oficial de la Federación el 18 de abril de 1983; esta Secretaría ha aprobado la siguiente Norma Oficial Mexicana: "BEBIDAS ALCOHOLICAS DESTILADAS—BRANDY" NOM-V-18-1983. (Esta Norma cancela la NOM-V-18-1982).

1 Objetivo y Campo de Aplicación

Esta Norma Oficial Mexicana establece las especificaciones que debe cumplir la bebida alcohólica denominada "Brandy".

2 Referencias

Esta Norma se complementa con las siguientes Normas Oficiales Mexicanas vigentes:

NOM-V-4

Método de prueba para la determinación de furfural en bebidas alcohólicas
destiladas.

NOM-V-5-S

Bebidas alcohólicas destiladas - Determinación de esteres y aldehídos.

NOM-V-13-S

Bebidas alcohólicas destiladas - Determinación de por ciento de alcohol en volumen en la escala Gay-Lussac a 288 K (15°C).

NOM-V-14-S Bebidas alcohólicas destiladas - Determinación de alcoholes superiores (aceite de fusel).

NOM-V-15-S Bebidas alcohólicas destiladas - Determinación de acidez fija. NOM-V-16-S Bebidas alcohólicas destiladas - Determinación de acidez total.

NOM-V-17-S Bebidas alcohólicas destiladas - Determinación de extracto seco y cenizas.

NOM-V-21-S Bebidas alcohólicas destiladas - Determinación de metanol.

NOM-Z-12 Muestreo para la inspección por atributos.

3 Definiciones

Para los efectos de esta norma se establecen las siguientes definiciones:

3.1 Brandy

Es el aguardiente obtenido por la destilación de vinos 100% de uva fresca, cuyos mostos fueron semetidos a fermentación alcohólica.

El brandy debe ser envejecido solamente en barricas de roble blanco o encino.

3.2 Vino de uva fresca

Es el producto obtenido del mosto de uvas frescas, sometido a fermentación alcohólica.

3.3. Mosto

Es el jugo de uvas frescas, limpias y sanas, obtenido del estrujado y/o escurrido y/o prensado y que puede ser concentrado, de las mismas.

3.4 Envejecimiento

Es la maduración del producto, en barricas de roble blanco o encino.

3.5 Maduración

Es la transformación del producto que permite adquirir las características organolépticas deseadas, por procesos físicos y químicos que en forma natural, tienen lugar durante su permanencia en recipientes de roble blanco o encino.

4 Clasificación y Denominación del Producto

El producto objeto de esta Norma, de acuerdo a su proceso, se clasifica en un tipo con un sólo grado de calidad, y se denomina Brandy.

5 Especificaciones

El producto objeto de esta Norma, en su unico tipo y grado de calidad debe cumplir con las siguientes especificaciones:

5.1 Sensoriales Color: Ambarino Olor: Característico

Sabor: Característico 5.2 Físicas y químicas

ABLA		•
Especificaciones	Mínimo	Máximo
Grado alcohólico G. L. real a 288 K (15°C)		
% de alcohol en volumen a 288 K (15°C)	38,0	55,0
Extracto seco g/dm ³	0.75	33,0
Cenizas g/dm ³	0,05	0.6
Miligramos por 100 centímetros cúbicos referidos a	alcohol anhidro.	
Acidez total (como ácido acético)	9,0	315.0
Acidez volátil (como ácido acético)	7,0	200,0
Acidez fija (como ácido acético)	2,0	115,0
Aldehidos (como aldehido acético)	4,0	80.0
Esteres (como acetato de elilo)	25.0	150,0
Metanol	huellas	180,0
Alcoholes superiores (aceite de fusel o alcoholes de peso		
molecular superior al etilico) (como alcohol amílico)	huellas	335.0
Furfural	huellas	5,0
Mínimo de impurczas volátiles (ácidos, ésteres, alcoholes		
superiores, aldehidos)	150,0	
5.3 Aditivos		

5.3 Aditivos

Los permitidos en las dosis que establezcan la Secretaría de Salubridad y Asistencia y la Secretaria de Comercio y Fomento Industrial.

- 5.3.1 Colorantes
- -Caramelo
- 5.3.2 Abocado

Para abocar el producto objeto de esta Norma, se permite agregar como máximo 1,5% de azúcar u otros edulcorantes.

- 5.4 En ningún caso está permitido adicionar alcoholes o azúcares que no provengan de uva, con excepción de lo establecido en el inciso 5.3.2, al producto objeto de esta Norma; ni practicar las operaciones consideradas como prohibidas en el capítulo V del Reglamento Sanitario de Bebidas Alcohólicas en vigor.
 - 5.5 Contaminantes químicos

El producto terminado no debe exceder los límites que se señalan a continuación:

- 5.5.1 Plomo (como Pb) 0.5 mg/dm3
- 5.5.2 Arsénico (como As) 1,5 mg/dm3
- 5.5.3 Cobre (como Cu) 1,0 mg/dm³
- 5.5.4 Zinc (como Zn) 15,0 mg./dm³

 -5.5.5 Otros contaminantes que establezca la Secretaría de Salubridad y Asistencia.
 - 6 Muestreo
- 6.1 Cuando se requiera el muestreo del producto, éste podrá ser establecido de común acuerdo, entre productor y comprador, recomendándose el uso de la Norma Oficial Mexicana NOM-Z-12.
 - 6.2. Muestreo Oficial

El muestreo para efectos oficiales está sujeto a la legislación y disposiciones de las Dependencias Oficiales correspondientes, recomendándose el uso de la Norma Oficial Mexicana NOM-Z-12.

Métodos de Prueba

Para la verificación de las especificaciones que se establecen en esta Norma, se deben aplicar además de las Normas Oficiales Mexicanas que se indican en el capítulo de Referencias (Véase 2) o su equivalente, con una precisión de más menos 2%; el método de balance de materiales que consiste en dividir entre el volumen de la producción final de brandy, el volumen de cada una de las materias primas empleadas en su elaboración para determinar coeficientes precisos de contenido de cada materia prima.

- 8 Marcado, Etiquetado, Envase y Embalaje
- 8.1 Marcado y etiquetado
- 8.1.1 Marcado en el envase

Cada envase del producto debe llevar una etiqueta o'impresión permanente, visible e indeleble con los siguientes datos, en idioma español:

8.1.1.1 Superficie principal de exhibición

Nombre del producto, conforme a la clasificación de esta Norma, en forma estensible.

- Nombre comercial o marca registrada, pudiendo aparecer el símbolo del fabricante.
- El "Contenido Neto" de acuerdo con las disposiciones vigentes (véase A.1).
- Grado alcohólico real a 288 K (45°C) en la escala Gay-Lussac en el ángulo superior izquierdo.

-La leyenda "HECHO EN MEXICO".

"B", debiendo figurar en el espacio – Texto de las siglas Reg. S.S.A. No.

en blanco el número de registro correspondiente.

-El producto objeto de esta norma debe ostentar la marca de conformidad con Norma Obligatoria, expedida por esta Dirección General de Normas, según se específica en el Diario Oficial de la Federación del 16 de marzo de 1978, así como el registro correspondiente de ésta.

8.1.1.2 Superficie de información

-Nombre o razón social del fabricante o propietario del registro y domicilio donde se elabore el producto.

8.1.1.3 En caso de productos de importación estos deberán tener una contra etiqueta

con los siguientes datos:

- Grado alcohólico real, Contenido Neto, Nombre Comercial/Registro de la Secretaría de Salubridad y Asistencia y marca de conformidad con la Norma Obligatoria según se especifica en 8.1.1.1.
 - -La leyenda "Producto de _ _ '' de acuerdo al lugar de origen.

-Nombre del titular del registro de origen.

-Nombre y domicilio del importador.

8.1.1.4 En caso de que el producto se embarque a granel, los datos anteriores deben aparecer en los documentos de transacción comercial.

8.1.1.5 Restricciones

8.1.1.5.1 Con exepción de las marcas ya registradas ante la Dirección General de Invenciones y Marcas de esta Secretaria de Comercio y Fomento Industrial, queda prohibido el empleo de vocablos como: "envejecido", "anejado", "reserva", "gran reserva" y otros similares en la rotulación de etiquetas, notas de entrega, facturas comerciales o en cualquier otro documento de naturaleza análoga. Además, en la información comercial no deberá aludirse ni a barricas, ni a su capacidad, ni al tiempo de envejecimiento, salvo en los casos en que éste sea certificado o reconocido por esta Dirección General de Normas. En el caso de productos de importación se deben exigir los certificados correspondientes.

8.1.1.5.2 En general, queda prohibido efectuar cualquier alusión, mención o indicaciones falsas o que puedan inducir a error al consumidor en relación con la composición, propie-

dades, origen y otras características del producto objeto de esta norma.

8.1.2 Marcado en el embalaje

Deben anotarse los datos necesarios para identificar el producto y todos aquellos otros que se juzguen convenientes, tales como las precauciones que deben tenerse en el manejo y uso de los embalajes. 🖖

8.2 Envase

- 8.2.1 El producto objeto de esta norma, se debe envasar en recipientes de tipo sanitario, elaborados con material resistente a las distintas etapas del proceso de fabricación, a las condiciones habituales de almacenaje, de tal naturaleza que no reaccionen con el producto, no se disuelvan alterando las características físicas, químicas y sensoriales o produzcan
- 8.2.2 Se permiten para su comercialización al detalle las siguientes presentaciones; 50 ml, 200 ml, 250 ml, 500 ml, 750 ml, 1 L y 2 L; otras presentaciones deberán identificarse como producto a granel.

8:3 Embalaie

Para el embalaje del producto objeto de esta Norma se deben usar cajas de cartón o envolturas de algún otro material apropiado, que tengan la debida resistencia y que ofrezcan la protección adecuada a los envases para impedir su deterioro exterior y a la vez faciliten su manipulación en el almacenamiento y distribución de las mismas, sin exponer a las personas que las manipulen.

Aimacenamiento

El producto terminado debe conservarse en locales que reúnan los requisitos sanitarios que señala la Secretaria de Salubridad y Asistencia.

A.1 La leyenda "Contenido Neto" debe ir seguida del dato cuantitativo y del símbolo de la unidad correspondiente, de acuerdo al Sistema General de Unidades de Médida, expresado en minúsculas sin pluralizar y sin punto abreviatorio debiendo aparecer en el ángulo inferior derecho o centrado en la parte inferior de la superficie principal de exhibición, que es aquella a la que se le da mayor importancia para ostentar el nombre y la marça comercial.

Menor de 3

NOM-Z-13-1977

del producto; debiendo aparecer libre de cualquier otra información que le reste importancia y en el tamaño que corresponda según la tabla de dimensiones siguientes: TABLA DE DIMENSIONES

Superficie Principal	Millmetros	
(Area de eliquela)	(Altura minima del dato cuantitativo)	
30 cm ²	3 mm	

de 31 a 50 cr de 51 a 100 cm²..... 5 mm Por cada 50 cm² que aumente el área.... Aumentará 1 mm - Bibliografía

Guía para la Redacción, Estructuración y Presentación de las Normas Oficiales Mexicanas. NOM-V-18-1982 Bebidas alcohólicas destiladas—Brandy

Código Alimentario Español, capítulo XXX-Bebidas alcohólicas, Reglamentación Especial sobre el Brandy.

Secretaria de Salubridad y Asistencia. Reglamento Sanitario de Bebidas Alcohólicas, publicado en el Diario Oficial de la Federación el 6 de junio de 1963, México, D. E. .

México, D. F., a 26 de agosto de 1983.—El Director General de Normas, Héctor Vicente Bayardo Moreno. -- Rúbrica.

SECRETARIA DE LA REFORMA AGRARIA

Resolución sobre Acción de Dotación de Aguas. solicitada por vecinos del poblado denominado "TLAXCOAPAN", ubicado en el Munici-pio de Tlaxcoapan, Hgo. (Reg.—339).

Al margen un selto con el Escudo Nacional, que dice: Estados Unidos Mexicanos —Secreta-ría de la Reforma Agraria.

ría de la Reforma Agraria.

VISTO para resolver en definitiva el expediente relativo a la Acción de Dotación de Aguas, solicitada por vecinos del poblado denomina-do "TLAXCOAPAN", ubicado en el Munici-pio de Tlaxcoapan, Estado de Hidalgo; y

RESULTANDO PRIMERO -- Por escrito de fecha 13 de noviembre de 1954, vecinos: del poblado de que se trata, solicitaron a C. Gobernador Constitucional del Estado de Hidalgo, Dotación de Aguas. La instancia se remitió a la Comisión Agraria Mixta, la que inició el expediente respectivo, publicandose dicha solicitud en el Periódico Oficial del Go-. bierno del Estado, con fecha 10. de febrero de 1955, la que surte efectos de notificación dandose así cumplimiento a lo que establecia el Artículo 220 del Derogado Código Agrario de 1942, correlativo del Artículo 275 de la Ley Federal de Reforma Agraria

RESULTANDO SEGUNDO.—La Comisión Agraria Mixta en el Estado de Hidalgo, emitió su Dictamen el cual fue aprobado en sesión celebrada el día 28 de marzo de 1930, y en su oportunidad lo sometió a la consideración del C. Gobernador Constitucional del Estado, quien dentro del plazo legal establecido por el Artículo 292 de la Ley Federal de Reforma Agraria no dicto su correspondiente Mandamiento, por lo que es de considerarse el mismo dictado en sentido Tácito Negativo con base a lo dispuesto por el Artículo 293 de la citada Ley de la Materia.

RESULTANDO TERCERO :- Revisados los antecedentes y analizadas las constancias que obran en el Expediente respectivo. se Hegó al conocimiento de lo siguiente: Mediante Resolución Presidencial de fecha 7 de noviembre de 1918, publicada en el Diari. Oficial de la Federación el 2 de diciembre de 1918, se dotó al ejido del poblado de referen cia con una superficie de 460-00-00 Has. par los usos colectivos de los 237 campesinos ca pacitados que arrojó el censo ejecutar dos dicha Resolución el 20 de diciembre de 19. Posteriormente por Resolución Presidencia de fecha 9 de febrero de 1938, publicada en e Diario Oficial de la Federación el 10 de na viembre de 1938, se otorgo al poblado que nes ocupa, por concepto de Ampliación de Ejic: una superficie de 574-50-00 Has., para bese. ciar a 58 capacitados, habiendose ejecutado dicha Resolución el 6 de abril de 1939. Taribien se acredita con las constancias process les que integran el Expediente Agrario de que se tratas que a través del oficio No. 215.2.25130 del 6 de noviembre de 1980, gira de la companya del companya de la companya de la companya del companya de la companya del companya de la companya de la companya de la companya de la companya del companya de la companya del companya de la companya de la companya de la companya de la c por la Dirección General de Distritos y U dades de Riego de la Secretaria de Agricu: ra y Recursos Hidraulicos, informa, anexado lista de usuni los registrados en los Dis tos y Unidades de Riego del Estado de Hice go, que el poblado en cuestión está inscrito 🕾 'el Padrón de usuarios en el Distrito de Riceo No. 03, con una superficie de 676-60-00 Has con 299 usuarios.

Con los elementos anteriores, el Cue Consultivo Agrario emitió y aprobó su D. men en sesión celebrada con fechal4 de n zo de 1981, en el sentido de esta Resolució CONSIDERANDO UNICO — Que ha c

dado debidamente acreditado que la foe

CALIDAD Y CONTROL

CALIDAD Y CONTROL ESTADISTICO.

La calidad en un producto se refiere, por lo general, a - múltiples características, integradas en aspectos tales co-mo: funcionamiento, duración y apariencia; de aquí que se - considere que la calidad está formada por un conjunto de -- atributos inherentes a un producto y deseados por un cliente.

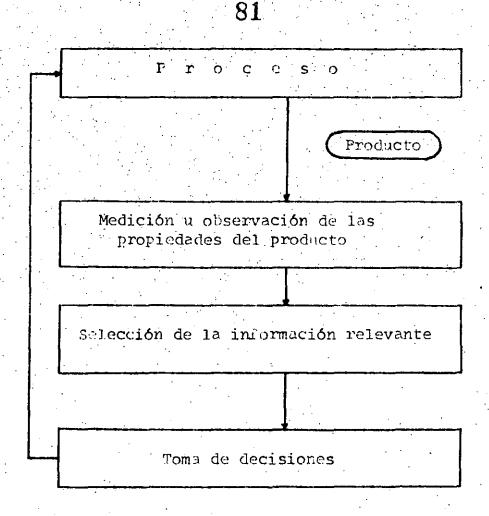
En diversos sistemas de control de calidad, se tiene como objetivo principal:

Conservar los atributos de un producto o de un servicio dentro de las especificaciones de diseño.

Objetivo que para cumplirse requiere de seguir las siguien tes actividades:

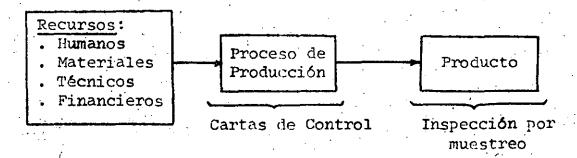
- -- Medir las características del producto, utilizando va-riables numéricas o considerando sólo atributos.
- Seleccionar la información significativa.
- Definir y establecer los canales de información.entre las partes relevantes de la organización, y
- Tomar decisiones sobre la base de la información de calidad obtenida.

Estas funciones se pueden esquematizar como sigue:



Una forma de analizar la calidad en un producto es considerando la planeación de la calidad en el diseño del produc to y conjuntamente el control de calidad en las operaciones de manufactura.

El método que se presenta a continuación, distingue y ana liza tanto la calidad en el proceso de producción, como la calidad del producto resultado de ese proceso



En relación con el proceso de producción, el control esta distico de calidad investiga, con la ayuda de las cartas de control, su estabilidad estadística, lo que permite detectar cambios en su funcionamiento y tomar las decisiones — apropiadas.

Por otra parte, en lo que se refiere al producto, mediante la inspección por muestreo se evalúa si el producto se ajusta a las especificaciones definidas; tiene por objeto vigilar la calidad de artículos manufacturados, y concluír
si un producto, en volumen, debe ser aceptado o rechazado sobre la base de la información en una muestra seleccionada
en forma aleatoria.

CONTROL EN EL PROCESO.

El control en el proceso se encuentra asociado al problema de mantenerlo en un nivel estable especificado.

Estas técnicas han tenido una amplia aplicación en la industria y los servicios y sus funciones principales son las siguientes:

- Detectar cambios en el funcionamiento del proceso.
- Encontrar la causa de esos cambios, y
- Hacer los ajustes apropiados.

La herramienta más comunmente utilizada para detectar dichos cambios es la denominada <u>carta de control</u>, que viene a ser la representación gráfica de una variable que caracteri za la calidad de un proceso contra el tiempo.

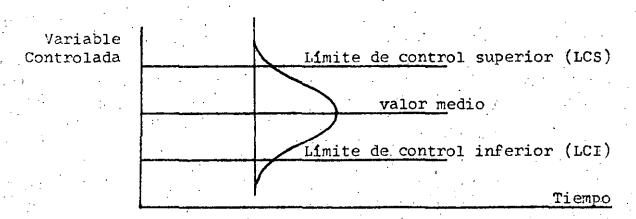
Característica
de calidad

Valor medio

Tiempo

Su descubrimiento y desarrollo inicial, fue debido a un joven físico de los Laboratorios Bell en los Estados Unidos,
Walter A. Shewhart, quien, en el año 1924, llegó a la conclusión que era deseable y posible, definir límites a las variaciones naturales de cualquier proceso de producción, dado que las fluctuaciones dentro de esos límites serían ex
plicadas por causas aleatorias, con la salvedad de que cual
quier variación fuera de dichos límites, indicara un cambio
en el proceso.

Esto es, una vez que se establece el modelo de distribu—ción de causas aleatorias, es posible definir ciertas características estadísticas, tales como un valor medio y un intervalo de confianza que se repite en el tiempo, lo que permite constituir una banda de confianza que incluye los denominados Límite de Control Supeior (LCS) y Límite de Control Inferior (LCI).

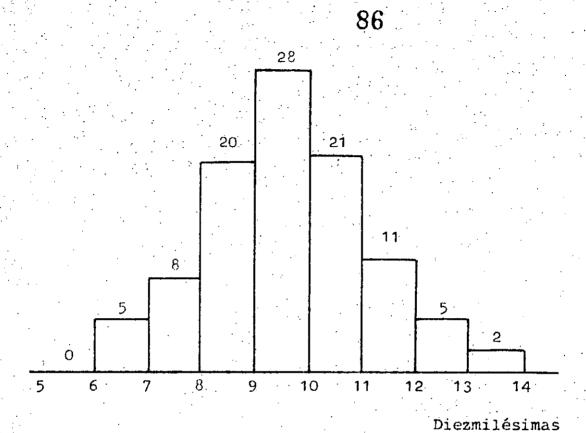


Variación.

La comprensión de los métodos de Control Estadístico de - Calidad, implica reconocer la presencia de variación de pieza a pieza. Como ejemplo se puede citar que dos pernos producidos en la misma hornada que a primera vista lucen semejantes, pueden, sin embargo, diferir ligeramente en cada -- dimensión, lo cual puede quedar de manifiesto en pruebas experimentales.

La variación, pieza a pieza, de un artículo producido en una máquina, sigue un modelo que puede apreciarse después - de medir los artículos producidos en una hornada.

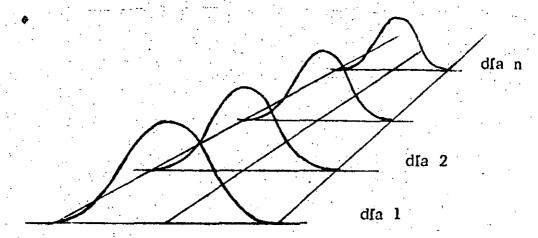
Si se considera que la característica de calidad importante para tener bajo control, es el diámetro de cada pieza y se miden 100 pernos, la variación de esta característica de calidad, el diámetro, se puede apreciar en un histograma — con un adecuado número de intervalos de clase.



Las variaciones que se presentan, son debidas a un buen - número de pequeñas causas que afectan cada pieza separada-- mente y que llevan a un modelo definido para todas las piezas de una hornada.

Este modelo de variación siempre existe para cada proceso de manufactura, siendo importante considerar que se repetirá en ausencia de cambios fundamentales.

Modelo de variación repetitivo:



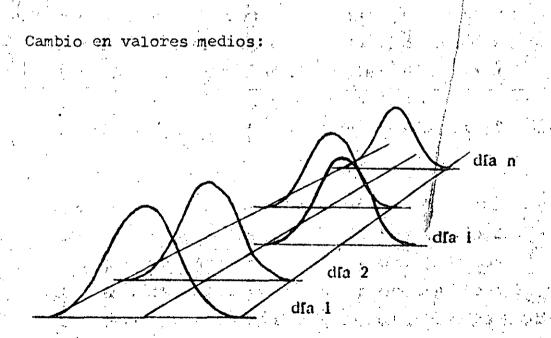
Una vez que el modelo permanezca sin cambios, puede tener se seguridad de que ninguna otra nueva causa de variación - afecta al proceso de producción.

Sin cambios en causas aleatorias, tal modelo se repetira_
hora a hora, día a día, mes a mes, dentro de ciertos límites
predecibles, de aquí que se pueda concluir que una buena pro
ducción se obtiene cuando el modelo se repite dentro de — —
ciertos límites establecidos para cierta característica de_
calidad de un producto.

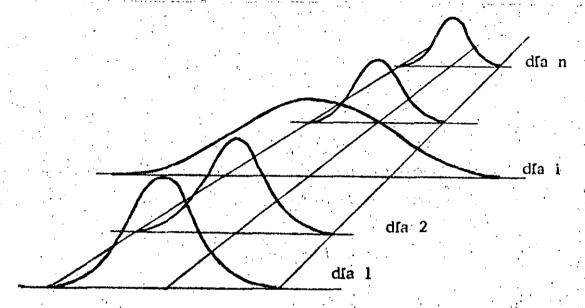
Cuando la dimensión en estudio cae dentro de los límites_establecidos, se tendrá la seguridad de que la producción - tiene calidad aceptable y no será necesario buscar la aceptación de cada una de las piezas de manera individual. Se_dice, entonces, que el proceso está bajo control dentro de_dichos límites.

Una separación del modelo establecido, ya sea en los valo res medios o en la dispersión, es señal de una situación — anormal, ésto es, que ha ocurrido un cambio fundamental que está afectando la calidad de la producción, o sea una causa asignable de variación que debe ser encontrada y eliminada.

Algún cambio básico en las condiciones de trabajo, como - el deterioro de herramientas o inestabilidad en las características de las materias primas, pueden ser la causa de cambios en el modelo de distribución. En estos casos, la calidad desmerece y puede existir desperdicio de artículos producidos por inútiles o necesidad de reprocesar el material. Con las cartas de control es posible detectar esos proble-mas casi instantáneamente y volver de nuevo el proceso a un estado de control.



Incremento en la dispersión:



Tipos de cartas.

Se han desarrollado diversos tipos de cartas de control - de calidad cuya aplicación depende del proceso y de las variables específicas consideradas.

Cuando una muestra de n observaciones es tomada a inter valos regulares en una escala contínua, se tratará de una - carta para variables. Con éstas, usualmente se controla la calidad promedio del proceso, lo cual se lleva a cabo con - la utilización de la carta de medias, (Carta x); si además se considera importante la variabilidad del proceso, entonces se puede disponer de información adicional usando las - desviaciones estándar o los rangos de las muestras, ésto --

permite elaborar, la carta de desviaciones estándar (Car--ta T) o bien, la carta de rangos (Carta R).

Existen por otra parte, las <u>cartas para atributos</u>, en las cuales se grafica el número de defectuosos o defectos encon trados en una muestra de n objetos tomada a intervalos regulares; las más usuales son, la carta de control basada en la fracción o número de artículos defectuosos en una mues—tra se le denomina respectivamente, carta p ó carta np._
Y por otra parte, la carta que integra el número de defec—tos por muestra, denominada carta C.

Tamaño de muestras e intervalo entre muestras.

Así como la separación entre los límites de control ha si do hasta fechas muy recientes una decisión de carácter empírico, lo mismo ha ocurrido con la selección del tamaño de muestra y con el espaciamiento entre la toma de las muestras.

En el caso de las cartas de control para variables, diver sos autores a partir de Shewhart han recomendado como ideal la utilización de un tamaño de muestra igual de 4 ó 5; consubgrupos más grandes (10 ó 20) la carta de control se hace más sensible a pequeñas variaciones.

Cuando se utilizan cartas por atributos, la producción no es contínua y la inspección forma parte integral del proceso de producción, a cada orden de producción se le puede --

91

considerar como un subgrupo. En cualquier caso, un tamaño_de muestra racional será aquel que permita mostrar las va-riaciones importantes de un proceso por causas no aleato---rias; además, los subgrupos racionales deben seleccionarse_de forma tal que se minimice la oportunidad de variación -- dentro de cualquier subgrupo.

En cuanto a la frecuencia en la forma de las muestras, no existen reglas generales. Todo depende del caso particular, una vez tomados en cuenta los objetivos de la carta así como los costos y beneficios esperados.

En relación con el número de muestras necesarias antes de calcular los límites de control, se recomienda que estén — basados cuando menos en 25 subgrupos, puesto que, los primeros obtenidos, cuando se inician las cartas de control, con frecuencia no son representativos de una situación estable.

Amplitud de los límites de control.

En la práctica, el establecimiento de los límites de control, está definido por el balance entre los tipos de errores usuales.

El error tipo I, se comete cuando se concluye que una - - muestra difiere de las otras y en realidad toda la discre-pancia es debida a causas aleatorias, en otras palabras, una observación sale de los límites cuando el proceso esta bajo control. Este error lleva a buscar una causa no aleatoria,

o sea, una causa asignable cuando ninguna está presente.

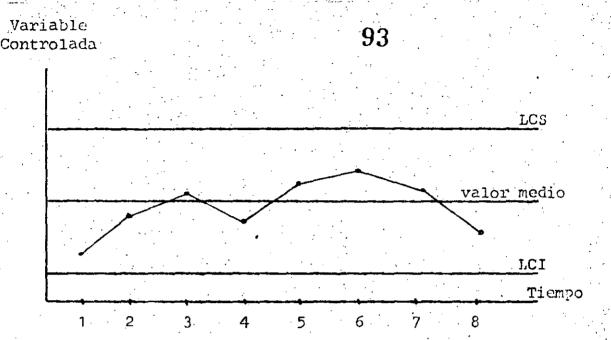
Se incurre en el error tipo II cuando no se nota la pre-sencia de una causa asignable, esto es, el proceso sale de_
control y todo indica en la carta, un estado bajo control.

Cuando los límites de control se encuentran relativamente apartados en la distribución de la estadística en cuestión (+4 de la media), la investigación de observaciones fuera de la banda de control casi nunca cáe en el error de buscar causas asignables cuando ninguna está presente, pero a expensas de no notar, con frecuencia, la presencia de causas - - asignables que deberían encontrarse.

Por otro lado, si los límites de control fuesen muy estre chos (± 2 de la media), con frecuencia se notaría la presencia de alguna causa asignable, ocasionando búsquedas de causas asignables cuando no existen.

Numerosos experimentos y aplicaciones en todo tipo de industrias han demostrado que establecer los límites de control a $\frac{+}{2}$ 3 σ , permiten lograr un buen balance entre los dos tipos de errores.

Una vez que se ha definido el modelo de causas aleatorias y por tanto se repiten en el tiempo sus principales características, valor medio y límites de control, es posible graficar las observaciones de la variable en estudio a partir de muestras secuenciales y así conocer la evolución del proceso:



Axiomas de control de calidad.

Los conceptos anteriores y múltiples experiencias, han — llevado a Rice a plantear que el éxito en el uso de las cartas de control, está condicionado al apego a ciertos principios fundamentales que ha llamado axiomas.

Axioma I.

En cualquier lugar donde se elaboren artículos o presten_ servicios homogéneos en cantidades, son aplicables las cartas de control.

De acuerdo con ésto, estas técnicas pueden ser usadas en_aquellos lugares donde se producen más de dos artículos similares. Además, dado que los principios estadísticos de — las cartas de control son válidas universalmente, es raro — encontrar alguna operación donde no sea aplicable este tipo de análisis.

Axioma II.

La variabilidad existe en cada operación repetitiva.

Este aspecto conviene remarcarse aunque parezca ocioso; - usualmente, las diferencias entre artículos similares son - medibles, esta magnitud de las diferencias, con la utilización de las cartas de control, permitirá verificar la variación esperada en un proceso.

Axioma III.

La calidad es un atributo del producto y no se puede in-corporar mediante la inspección.

Mediante las cartas de control, la administración de un - proceso de producción puede tener una clara y rápida capacidad de reacción ante variaciones anormales en diversos niveles, que de otra forma, en un proceso fuera de control se - producirían artículos defectuosos que serían detectados y - rechazados hasta la inspección final.

Axioma IV.

Un proceso bajo control usualmente no está instituído.

Cuando se ha establecido un modelo de variación de causas aleatorias en un proceso, se dice que está bajo control, pero cuando se implanta una carta de control a un proceso, es raro que la operación se encuentre bajo control. Con la -- aplicación de métodos de inspección y mejoramiento de los --

95

registros, usualmente se localizan causas asignables antes_
ignoradas. Estas causas se encuentran presentes en la mayo
ría de las operaciones de un proceso, pero la ausencia de cartas de control impide su identificación.

Axioma V.

Un estado bajo control debe establecerse a un nivel satisfactorio antes de lograr una máxima eficiencia en la operación.

El uso de las cartas de control puede reducir la variabilidad hasta un punto que define un estado bajo control. —
Eventualmente y a pesar del control, es frecuente que no —
pueda obtenerse un producto de calidad satisfactoria, lo —
cual se puede interpretar como la necesidad de investigar y
actuar en otros aspectos ambientales, econômicos, sociales
o culturales que influyan en el proceso.

FUNCION DEL CONTROL DE CALIDAD

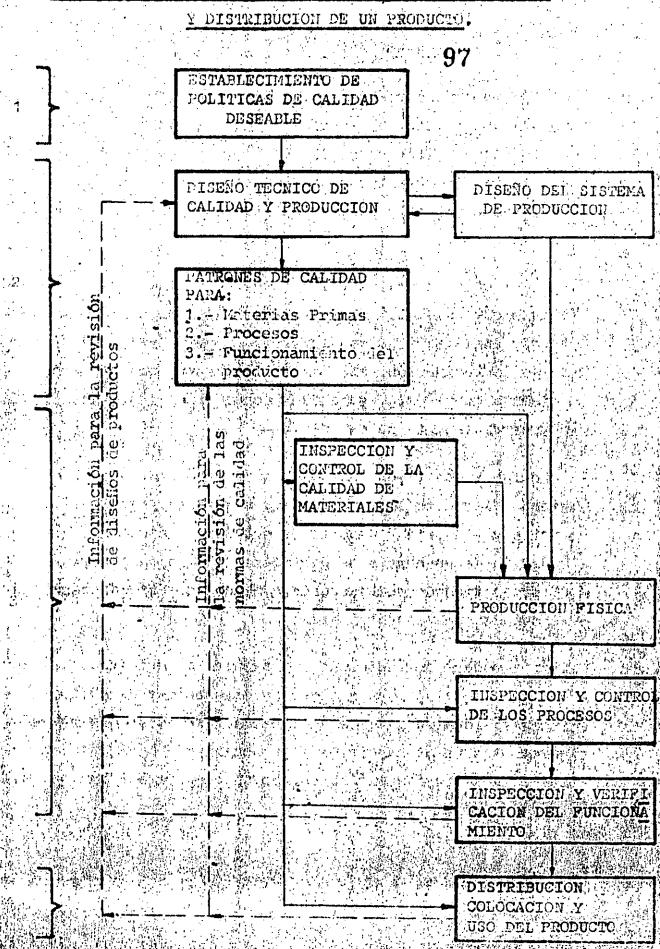
La Función de Control de Calidad, que antes fue de servi—
cio y de inspección, ahora es "Medir la calidad de productos,
comparar contra estándares y actuar sobre las diferencias.
Analizando esta definición (Dr. J.M.Juran) se advierten las
siguientes necesidades:

- I Diseñar, establecer y hacer respetar especificaciones de materias primas, de procesos, de materiales en proceso y de productos.
- II Instalar y operar con propiedad los sistemas de medición necesarios:
 - a) de obtención y preparación de muestras. b) de pruebas físicas, c) de análisis químico y d) de control de errores en los tres capítulos anteriores.
- Vas de cada proceso para prevenir desviaciones de calidad de productos. La uniformidad de productos es el objetivo básico de control de calidad en la industria de proceso.

Aparentemente sencilla y concreta, la función de control, de calidad llega a ser muy compleja en las industrias que poperan al mismo tiempo varias instalaciones productivas con distintos procesos, de distintas capacidades y en distintas localidades.

CONTROL DE CALIDAD Y PACES DE PLANEACION, PRODUCCION

经付款的 人名西西斯 计处理模拟分类的



CUANTIFICACION DE LA CALIDAD.

Siempre que se realiza una compración entre dos cosas, ya sean frutas, muebles, autos, libros, industrias, etc., se - comienza por notar su similitud y diferencias. Después se anotan las características más relevantes, o importantes, - de acuerdo al uso y función que tenga aquello que se compara.

En el caso de frutas y legumbres, visualmente se comparan apariencia general, color, tamaño y una comparación más estricta analiza peso, consistencia, rendimiento, textura, grado de contaminación, etc. Así, se observa que un simple — alimento puede estar sujeto a muchas pruebas que determinan muy estrictamente su calidad.

De igual manera en cualquier otro producto, objeto o actividad tales como aceites, papel, vegetales, maquinaría, ser vicios y aún arte y deporte se determina la calidad por la medición de un número de parámetros que lo caracterizan. - Se miden tiempos de ejecución, velocidad, dureza, peso, luminosidad, temperatura, etc.

Para todas las mediciones se recurre a un instrumento que por lo general da una indicación directa del parámetro de — interés: longitud, voltaje; presión. En ocasiones se re— quiere más de una medición para obtener un parámetro, digamos la resistencia eléctrica, obtenida por medición de voltaje y corriente.

Aún aspectos cualitativos o subjetivos se pueden llegar a medir, como la audibidad y la visibilidad de una persona.

Para estos casos se utiliza una fuente sonora o luminosa con niveles de emisión medidos, empezando por niveles bajos que se elevan hasta que la persona perciba algo. Otro ejemploson las pruebas que hacen los oculistas con letras de diferentes tamaños.

Queda pues establecido que Todo se puede MEDIR para decir cuanto hay o qué tan bueno es. En otras palabras, la CALI-DAD siempre se puede referir a una medición del producto.

Una vez que se han medido los parametros de interés en un producto, otra persona para conocer la calidad de lo ofreci do hará algunas mediciones. Lo interesante ocurre cuando - los resultados difieren. Esto puede ser por emplear técnicas diferentes, o porque los instrumentos que utilizan aún siendo de la misma marco no cuantifican igual.

Cuando los métodos de medición son diferentes, la interpretación de los resultados puede dar más claridad sobre las
verdaderas diferencias. Pero cuando los instrumentos difie
ren en sus lecturas, es el momento de recurrir a una Referencia común que ayuda a establecer el valor verdadero de una medición. Cuando el parámetro a medir es una de las -siete unidades fundamentales del Sistema Internacional de Unidades (sistema SI), la actual versión del antiguo sistema
MKS, se habla de Patrones Primarios. Estos patrones están
muy bien establecidos y definidos científicamente. Por e--

jemplo, el segundo (tiempo) se fundamenta en un reloj atómico; el metro se define en base a la longitud de onda del --Kriptón 56; la Temperatura está referida al punto triple --del agua; y así similarmente las siete unidades fundamentales:

Tiempo	segundo	(s)	Reloj atómico de - Cesio.
Longitud	metro	(m)	Radiación del Krip tón 66.
Masa	gramo	(g)	Kilogramo Patrón (Francia, BIPM)
Temperatura	grado Kelvin	3.0	Punto triple del - agua (hielo, liqui do, vapor)
Corriente eléctrica	Ampere	(a)	Fuerza de atracción entre dos conducto res.
Cantidad de materia	mol:	(mol)	Número de átomos en
			0.012 kg. de carbo no 12
Intensidad luminosa	Candela	(cd).	Cantidad de luz en
			10 ⁻⁶ /6 m ² , emitida por un cuerpo ne gro de Platino.

A partir de éstas se obtienen cualesquier otras unidades_de medición. Por ejemplo, la unidad de presión, Pascal.

Presión (Pascales) =
$$\frac{Fuerza \ (Newton)}{Area \ (m^2)} = \frac{F}{A}$$
 $\frac{\frac{Lg}{m}}{m^2}$

$$P = \frac{F}{A} \frac{Kg}{m} 2$$

Pascal =
$$\frac{r_g}{m}$$
 = 1 Pa

Así el Pascal queda definido por tres de las unidades fun damentales, aún cuando en la práctica esté muy generalizado el uso de otras unidades de Presión las relaciones entre — ellas están bien definidas y siempre se puede ir de una a — otra. El uso de cada unidad depende del área de aplicación

Ocurre pues que cualquier instrumento de medición se puede de Calibrar contra Patrones. Existe una Cadena de Calibración a través de la cual se verifican los medidores. Los - Patrones Primarios son conservados en condiciones ambientales de variación pequeña. La exactitud de los Patrones Primarios se transfiere a Patrones Secundarios con exactitud un poco menor, la cual es a su vez transferida a Patrones de - Trabajo. Estos son los que se encuentran en Laboratorios - Industriales, donde se están verificando en forma regular - los instrumentos de medición de las plantas.

La transferencia de la exactitud por lo general guarda una relación 10:1, como se ilustra en la tabla siguiente:

Instrumento	Exactitud	
Medidor electronico digital).1 %	
Patrón de Trabajo).Ò2` .%	
Patron Secundario).001 %	
Patron Primario).0001 %	= 1 ppm

Donde 1 ppm = parte por millon = 1 millonésima de variación

Este ejemplo es el de una calibración de voltaje, aplicable también a la medición de resistencia eléctrica. En elcaso de la Metrología Dimensional (longitud, espesor, ángulos, etc.) la cadena es un poco más corta y los Fatrones de Erabajo (galgas, gaupe blocks) pueden ser en realidad Patrones Secundarios.

Los Patrones de Trabajo y Secundarios deben ser intercomparados por lo menos dos o una vez al año contra Patrones Primarios. La exacta definición de las unidades fundamenta
les y la Tecnología actual permiten que cada País cuente -con un Patrón Primario Nacional, del cual se hace un seguimiento mensual de sus fluctuaciones naturales, y es a su -vez intercomparado anualmente contra otros Patrones Interna
cionales.

Estas últimas intercomparaciones son muy importantes en el comercio internacional, ya que cada País hace un muestreo — de la calidad de los productos que importa, con instrumen— tos adecuados, los cuales deben estar ligados por la Cadena de Calibración a los Patrones Primarios Nacionales. Técnicamente, en Metrología se habla de la "Trazabilidad de Calibración" al eslabonamiento hacia el Patrón Primario.

En México corresponde por Ley a la Dirección General de Normas (DGN), de la Secretaría de Comercio y Fomento Industrial, la custodia, el seguimiento y el mantenimiento de todos los Patrones Primarios Nacionales. Esto se reafirmó
recientemente con la publicación en el Diario Oficial del

9 de Junio de 1980, del Decreto que establece el "Sistema - Nacional de Calibración". El cual apoya a uno anterior, publicado con fecha 21 de Abril de 1980, en el que se estable ció el "Sistema Nacional de Acreditamiento de Laboratorios de Pruebas".

Acorde a los Decretos mencionados, se ha creado el CENAM, Centro Nacional de Metrología, organismo de la DGN donde se mantendrán todos los Patrones Nacionales de Medición: En - este Laboratorio central se verificará el estado de los Patrones que tengan los Laboratorios Secundarios y de Servicio, integrados al Sistema Nacional de Acreditamiento de La boratorios de Pruebas.

COSTOS DE CALIDAD

Un SISTEMA DE CALIDAD es aquel que coordina las acciones de calidad en todas las funciones de la empresa.

Debe tener tres características fundamentales: ser integral, preventivo y rentable. Las malas decisiones respecto a calidad en cualquiera de las etapas del desarrollo de un producto, introducen costos innecesarios cuya significación puede llegar a ser tan alta, que envien el producto fuera del mercado y, hasta que hagan fracasar a la empresa.

El conocimiento de los costos de calidad permite MEDIR la eficacia y la eficiencia del sistema de calidad, ANALI-ZAR las tendencias e identificar las áreas de los problemas principales, PLANEAR las estrategias, líneas de acción, metas y fechas para eliminar dichos problemas y PRESUPUESTAR los recursos necesarios. En suma, los costos de calidad representan una ayuda para la dirección de la empresa, en su preocupación de encontrar la mejor utilización de los recursos disponibles para la obtención de un producto de buena calidad, que satisfaga las esperanzas de nuestros consumido res, al mínimo costo posible.

Desde un punto de vista integral, los costos totales - de la calidad comprenden:

- 10. Los costos resultantes de una mala calidad.
- 20. Los costos inherentes a los esfuerzos de producir una buena calidad.

COSTOS DE LA MALA CALIDAD -

Se refieren a los costos originados por errores o deficiencias a lo largo del ciclo de desarrollo del producto, —
desde la identificación de las necesidades del mercado o —
del cliente, hasta la puesta en uso del producto, pasando —
por las ctapas de diseño, fabricación, distribución, etc. —
Estas deficiencias son descubiertas en el mejor de los ca—
sos, dentro de la propia planta, a través de rechazos que a
su vez se traducen en retrabajos o despendicios; pero en —
otras ocasiones éstas deficiencias se descurren en el campo,
cuando el producto ya está en manos del cliente, provocando
reclamaciones, servicios y devoluciones, y, a veces perdi—
das de ventas.

Las deficiencias detectadas dentro de la planta se conocen cono FALLAS INTERNAS, y las encontradas fuera de la planta FALLAS EXTERNAS.

El costo de las fallas generalmente es varias veces ma vor que el costo de los esfuerzos para producir buena cali-dad, por lo que representan una buena oportunidad de lograr aborros.

COSTOS DE FALLAS EXTERNAS -

Son los costos provocados por las fallas que se presentan en la casa del cliente, distribuidor o escario, dentro del plazo de garantía, así como los gastos originados por la atención y manejo de dichas reclamaciones. Se clasifican

- a) .- Rodlamaciones.
- b) .- Servicio al Producto.

COSTOS DE FALLAS INTERNAS -

Esta categoría agrupa todos los costos resultantes de fallas de calidad encontradas a lo largo del proceso de manufactura y el costo de la atención de dichas fallas, segúnla siguiente clasificación:

- a). Despordicios Impulables a la Pábrica.
- b).- Retrabajos Imputables a la Fábrica. Ale
- c) .- Desperdicios y Retrabajos Imputables al Proveedon.
- d). Atención de Rechazos de Materiales Comprados:

COSTO DE LOS ESFUERZOS PARA PRODUCIR FUENA CALIDADO

Lograr una buena calidad requiere de ma serie de esfuerzos átinados y coordinados que constituyen el SISTEMA DE CALIDAD de la empresa. Estuerzos que desde luego; implican costos; pero que deben resultar en beneficio para la es
presa, tanto en la reducción de los costos de operación de
no en el incremento de las ventas.

Las actividades del sistema de calidad se slasifican de acuerdo con su naturaleza, en prevención de evaluación:

- COSTOS DA PREVENCION -

Son los esfuerzos que se originan por el empero en mejorar las características del producto para presenti cal dad pobre, y se dividen principalmente en:

- a). Planeación de la Calidad.
- b) .- Control do los Propesos.
- c).- Diseño y Deserrollo del Equipo de Información de la Ci lidad.
- d) .- Entrenamiento de Calidad.
- e). Evaluación y Asesoria de Provesdores

COSTOS DE EVALUACION -

Basicamente la evaluación comprende las actividades de inspección y pruebas que se realizan a lo lar o del proceso de mainifectur, desde la inspección de recibo hasta la salida del producto terminado, con la finalidad de asegurar de tuena calidad del producto.

Los costos correspondientes a las actividades de esa--

- a). Înspección de Recibo.
- b). Process of Producto.
- c) .- Inspección del Producto.
- d). Inspecciones Hechas por Personal Directo.
- e) Auditorias de Calidad.

RECOLECCION DE DATOS -

Desde el punto de vista de los resultados, todos los - castos relativos a reclamaciones, desperdicios, retrabajos, etc., deben cargarse a los centros de costos correspondientes, pero por otra parte se esta leció un sistema que permite discriminar los gastos que correspondan a los COSTOS DE CALIDAD, clasificados en sus diferentes categorías / publicados en un reporte mensual.

La responsabilidad de registrar y reportar los datos básicos se mantienen en los departamentos que los géneran; de acuerdo con los criterios siguientes:

Reclamaciones y/o Servicio al Cliente. Es responsabilidad del Departamento de Ventas el generar y procesar la solicitud de devolución y/o servicio al cliente, y obtenera la aprobación del departamento que acepta el cargo correspondiente por el COSTO DE LA DEVOLUCION.

Desperdicios y Retratajos Imputables a la Fábrica. Los datos relativos a estos aspectos se obtendrán a partir de los reportes semanales de rechazos de control en proceso a producción, en donde se indicará la disposición de los materiales rechazados; retrabajos, desperdicios y basura.

Desperdicios, Retrabajos y Quejas al Proveedor. Igual al anterior, haciendo la anotación de que es imputable al proveedor y por tanto el costo debe ser cargado a compras, mediante un reporte de cargo por causas imputables al proveedor emitido por control de calidad.

PREVENCION Y EVALUACION -

Los costos de los esfuerzos para lograr buena calidad radican principalmente en el Departamento de Control de Calidad; por lo que los datos relativos a estos conceptos son determinados por el propio departamento en base a las asignaciones de actividades de su personal.

114

ASPECTOS SOBRE ADMINISTRACION

Revisión de principios administrativos bajo la lógica de la inferencia estadística:

Asignación de productos defectuosos a los obreros.

Cuando un proceso se encuentra bajo control estadístico; el trabajador, no podrá mejorar su trabajo, los defectivosos surgirán de igual forma que se extraen de una urna con bolas—blancas y negras, pues está sujeto a las leyes de la probabi—tidad.

En todo caso solo podrá hacer las cosas peores

Esta práctica común, que el defectuoso localizado en lainspección se vuelva a procesar por un trabajador fuera de su
turno es lo que algunos le llaman erroneamente control de calidad.

Es responsabilidad de la supervisión remover los obstáculos a un nivel conómico, lo cual puede lograrse con el ajuste de a la maquinaria, mejor mantenimiento, revisión de la materia, prima, etc. Todos estos aspectos serán resuentos sólo con la comprensión y acción de la dirección de la empresa.

Un estado de control estadístico puede existir en un -clima de descuido uniforme, de aquí que llamarla atención a un trabajador por un acto de descuido en un clima de descuido
general es un desperdicio de tiempo.
Esta situación es una falla de la dirección.

El recordatorio sobre el costo de los preductos defectuosos y los errores puede ser útil para mejorar el sistema - pero como la educación continua pertenece al sistema y los trabajadores no la pueden instituir, solo la decisión de la dirección permitiro elevar el nivel de eficiencia de una empresa.

Un pequeño cambio en el Sistema elimina virtualmente la posibilidad de artículos defectuosos.

Las ordenadas de la figura son las medias X de las muestras - de n=3 para pruebas de uniformidad en ciertas ruedas.

Observaciones:

- 1) El trabajador está en estado de control respecto a su propio trabajo, (del cual es sólo responsable) Ninguna observación cae fuera de los limites de control.
- 2) El está sometido al Sistema. No puede contra éste y -
 - Aunque produzca defectuosos, 61 seguirá siendo buen trabajador y mantendrá un estado bajo control.
- 3) Se ajusta a los requerimientos de su trabajo. No pue-
- 4) El principal problema está en el Sistema la linea cen tral que representa 125 gr.cm. representa la contribu ción del sistema al problema total.
 - Si las fallas del sistema se redujeran 75%, el extremo superior de la distribución de las piezas individuales caería bien abajo del límite de especificación y toda la producción sería aceptada.
 - La dirección está esperando que el trabajador, sólo, haga su mayor esfuerzo. Es necesario hacer una interpretación en términos cuantitativos de las fallas correspondientes al sistema.

118

utist distribuyen los errores el azer, el minero errores berd pue variable alestoria que seguirá la distribución de polocon.

Um estimación del número de errores por empleado y por año.

C= 150 4.3

Si se encuentran los limites inferiores y superiores a 3 T pares esos datos y se encuentra que en ese proceso, el límite --superior es de 10 errores y el inferior de cero errores.

Se puede interpretar que aquel trabajador que cometa mas de -10 errores al año no es parte del sistema y es causa de pérdidas adicionales.

Se puede pensar que aquellos que cometen menos de 4 errores forman un grupo de trabajadores cuidadosos, de aqui que se di
vida en tres grupos a los trabajadores:

A: Empleados que cometen 10 o más errores.

B: Empleados que hacen entre 5 y 9 errores.

C: Empleados cuidadosos que cometen errores

El análisis lleva a que:

a) Existen 7 empleados que cometen 10 o más errores, lo que significa que cometen 130 érrores:

130 o sea ropresentan el 20% del total c

Lo que significa que en esa proporción se reducirían los errores si esos empleados conocieran su situación.

b) Los 41 empleados del segundo grupo (320 errores) corresponden à la situación del comportamiento del sistema.

c) Los 102 manejadores del tercer grupo cometen 200 errores - que representan

$$\frac{200}{650} = 0.31$$
, esto es el 31%

Para lo cual, existen una serie de preguntas sobre las condiciones de trabajo que conviene sea difundida entre el restode los empleados.

La administración debería analizar las condiciones de trabajo del primer grupo, y conocer si existan dificultades en las rutas por la distancia ó la clientela.

Que pasaría si la compañía hubiera estado enviando cartas a -los empleados por cada error sin distinguir si es uno o 20 -por año.

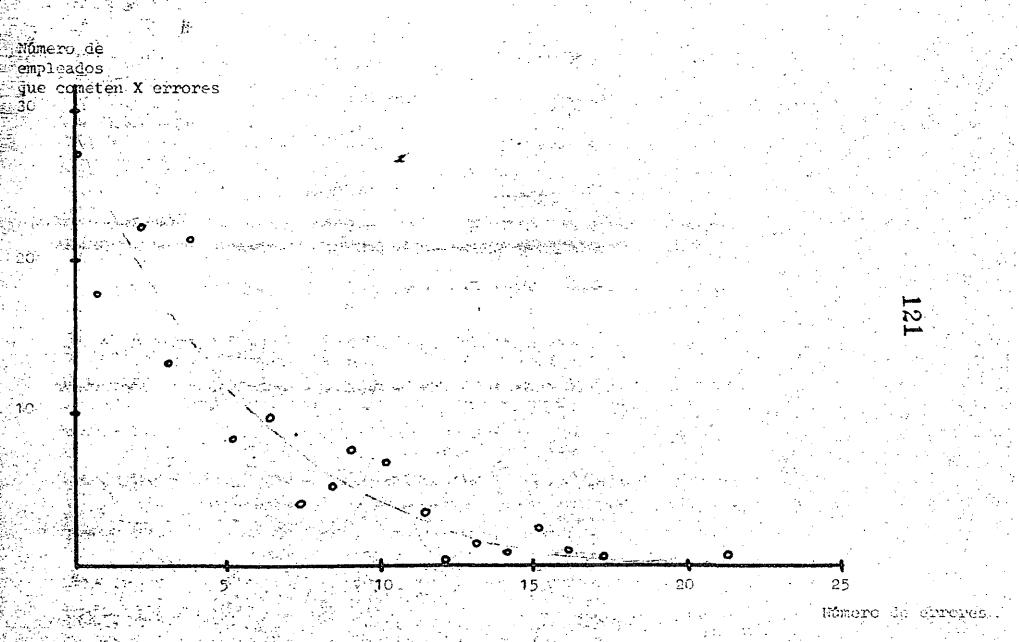
En un caso es desalentador y en el otro ridiculo.

Es necesario separar las responsabilidades para corregir a -los empleados del primer grupo, del sistema total y estudiarel grupo C respecto la exactitud de los registros.

120

TIPOS DE RERORS

Tipo	Descripción
1	Entrega Incompleta
2	Entrega Sobrada
· 3	Falla ensla comunicación sobre orden incompleta,-
	Sobrada o danada al ch
	tregar.
4)	Orden Incompleta
5) - 1	Paquetes mal marcados
6)	Cartificación incompleta
	en entrega
	Otros



Ejemplo 3

Un pequeño empresario tiene problemas con sus máquinas cuya - renta es muy costosa.

Los operadores emplean mucho tiempo reenhebrando.

El estudio realizado indicó que el problema era común a todos los operadores.

Algunas pruebas demostraron que el enhebrado era la causa del problema.

El dueño había comprado enhebradoras defectuosas a precio deganga y las perdidas por tiempo de maquina parada tenían un costo muchas veces superior a la de una mejor compra-

una mejor enhebradora eliminaba el problema, pero solo la administración podría hacer el cambio; no era cosa de los operadores, aunque supieran la causa del problema, cllos trabaja—bar en el sistema; el enhebrado era parte del sistema.

Antes de una simple investigación para encontrar la causa, el dueño de la empresa suponía que todos sus problemas se originaban en la inexperiencia y descuido de los operadores.

Ljemplo, 4)

El trabajo de cada uno de los 50 trabajadores de cierta línea de producción se encuentran bajo control estadístico. El jefe de personal tiene un plan que interesa a la dirección: pre—miar mensualmente y dar medio día al empleado cuya producción del mes muestro la menor proporción de producto defectuoso.

La apreciación de un conocedor de la estadística llevaria a la conclusión de que con eso no mejoraria el producto de lostrabajadores ni se mejoraria la calidad, dado que cada trabajador ya la puesto en su trabajo todo lo que puede ofrecer, el trabajo de cada uno está bajo control estadístico.

El premio no sería un premio al mérito, la consecuencia sería frustración e insatisfacción entre los trabajadores más respone sables, pues encontrarian que en sus esfuerzos hay algo malo, dado que su trabajo no es tan bueno como el que gano el premio. Tratarian de cambiar sus operaciones y lo que lograrian-sería una mayor variabilidad en el proceso.

El premio seria una loteria, no una medalla al merito.

En este ejemplo, si no se aplica el razonamiento estadístico, el plum pudiera parecer bueno hasta que se examina con teoría, de probabilidad con referencia a causas especiales y comunes.

Lo que el area de personal puede hacer si desea otorgar premio y ser efectivo es premiar al empleado que contribuya a la busqueda de formas para mejorar el sistema.

La dirección podría hacer luen uso de la información de los - defectuosos de los 50 empleados. Esa proporción de defectuo-sos podría ser la base para una carta de control de fracción-

CARACTERISTICAS BACTERIOLOGICAS

Incubación a:

- 5 d/55°C
- 7 d/37°C
- = cuenta estándar

y termofilicos:

aerobios

anaerobios

EL CONTROL DE CALIDAD EN LA PEQUEÑA INDUSTRIA

Es conocido que la pequeña industria está compuesta - por fábricas pequeñas, talleres, negocios familiares, pequeños laboratorios, etc., que por su escaso capital resienten sobremanera la inflación, las demandas salariales y gremia-les, la escasez de materia prima, la falta de mano de obra - calificada, etc. Pero a su vez da trabajo a un gran número de hombres y mujeres, y proporciona bienes y servicios necesarios a la población en general, y a la mediana y gran in-dustria en particular.

Al hablar de calidad en un producto se deben reunir una serie de características de funcionalidad, resistencia, presentación, y algunos aspectos adicionales que dependen — del gusto personal. De manera que para hablar de calidad en un producto de esta naturaleza se tiene que pensar en un esfuerzo combinado de industrias pequeñas, medianas y grandes. En estos dos últimos giros de la industria, el control de calidad desde el punto de vista formal, es practica más o menos común, es decir, tienen una idea clara de cuáles son las características que deben controlar, entienden el concepto de calidad. Se sabe cómo poder determinar variaciones y cambios en estas características, se lleva un control adecuado

de calidad, utilizando muchas veces gráficas para el control del proceso o los métodos de aceptación para su materia prima. Y tienen por último, las posibilidades humanas y económicas para lograr eliminar y corregir las variaciones y cambios dentro de las características que dan calidad a sus productos.

¿ En la pequeña industria cuál es el concepto de la calidad, de las repercusiones de los bienes y servicios que proporcionan ?

para responder estas preguntas, V. Flores Z. realizó — una investigación que desde un punto de vista práctico e informativo proporcionó resultados muy interesantes. Se incluyó a 9 laboratorios, plantas y talleres con un promedio de — fuerza de trabajo de 20 obreros, dos turnos de trabajo dia—rios, y salvo el laboratorio, que por requisitos de su mismo giro cuenta con un laboratorio y una persona que supervisar la calidad, las demás no cuentan ni con equipo, ni con perso nal que se dediquen a esta tarea.

LA ENCUESTA

La encuesta estuvo formada por siete preguntas muy sen cillas, que se formularon, en cada caso, a tres personas: el

dueño, gerente general o principal responsable del funciona miento global de la planta; al supervisor de producción y - al supervisor de personal, o a quienes desarrollarán actividades equivalentes a estos puestos.

RESULTADOS

Los resultados que se obtuvieron fueron los siguien - tes:

Se observó que no existe un concepto común, ni bien - definido de lo que es la calidad. Todas las respuestas --- coinciden en su importancia y en que es algo que se requiere para no tener problemas con el cliente. Ninguna se refirió al producto particular o a alguna característica de él.

Los principales problemas que se detectan son:

a) Materia prima. En las industrias que se requieren productos químicos como materia prima, o derivados de la petroquímica, esto es un grave problema, ya que antes que la calidad está la escasez de manera que muchas veces estos materiales se tienen que aceptar sin importar la calidad que tengan. Algunas veces es posible rectificar este producto. Cuando se trata de recibir herramientas, equipo o material procesado, la mayoría no efectúa ningún control de calidad,

sino que se procesa de inmediato, salvo en una de las plantas investigadas, en donde el material que se maquila afuera se somete a un muestreo de aceptación rudimientarios.

- b) Proceso. La mayoría de los procesos involucrados no son muy complicados, los volúmenes que se manejan no son muy grandes y el personal a cargo está, en la mayoría de los casos, bien capacitado, de manera que la única planta que considera tener problemas aquí es la de troquelado, principalmente porque el proceso es en serie y contínuo.
- c) Personal. La fábrica que involucra la actividad de tipo artesanal, como es la elaboración de lámparas, es la única que atribuye problemas de calidad por la mano de obra, especialmente por falta de interés.
- d) Producto terminado. Todas las plantas llevan control sobre el producto terminado. Se reconoció que el ma-vor porcentaje de rechazo tenido por alguna de ellas fue de 5%. El material que se tiene que reprocesar o se desecha, es muy poco, aunque se coincide en que hacerlo es excesivamente costoso.

En cuanto a los métodos empleados para llevar el control, se pueden considerar:

- a) Muestreo de aceptación: sólo una de las plantas leva un muestreo de aceptación rudimentario. Los materia- les químicos en las cromadoras y el laboratorio, se aceptan como llegan, y cuando es necesario y posible se refinan. Todos los demás aceptan el producto que les llega sin una revisión adecuada.
- b) Control del proceso. Ninguna de las plantas utiliza métodos estadísticos de control del proceso. Las plantas de cromado tienen límites de tolerancia establecidos, los cuales podrían dar origen a una carta de control, pero no se cuenta ni con el instrumental, ni con el personal para efectuar los análisis necesarios.
- El laboratorio farmacéutico forzosamente realiza análisis, pero sobre el producto terminado, y sin llevar una historia gráfica ni de la capacidad del proceso. Otras --plantas efectúan un control en cada uno de los pasos, pero
 de forma más bien intuitiva que sistemática.
- c) Incentivos y capacitación del personal. A excep-ción de una fábrica, las demás consideran que se puede contar con el personal para mejorar la calidad de sus produc-tos. Sin embargo, no saben cómo iniciar esta cooperación y
 se muestran reacios a políticas de incentivos, aduciendo --

problemas con el sindicato. Se pudo notar que son los obre ros quienes llevan el 80% del control de calidad en estas - industrias, y es con ellos con quienes pueden salir adelante.

Es importante hacer notar que todas las personas que respondieron a esta encuesta tienen conciencia muy clara de las repercusiones de un mal producto, de su efecto en el --cliente y de su costo. Y están dispuestos a aceptar una --a ayuda por medio de un control de calidad adecuado.

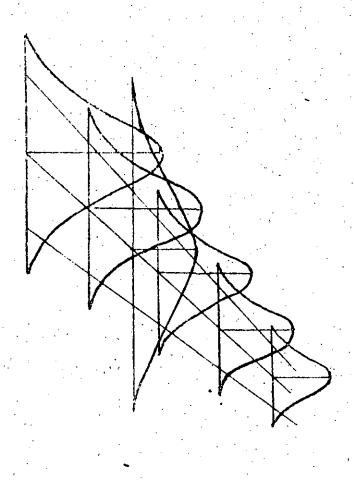
Todas las empresas coinciden también en que sí es posible mejorar la calidad de sus productos; algunas de las formas que se sugieren son: llevando un muestreo de aceptación siempre que sea posible, capacitando al personal y dan do incentivos.

REFERENCIAS BIBLIOGRAFICAS

- 1).- ACKOFF, E.
 " A Concept of Corporate Planning."
 Wiley. 1970
- 2).- ANDUAGA O., AVILES R., CORDERO R.,
 DIAZ G., MARTINEZ, P.
 "Tecnología de Producción para Industrias de Exportación".
 Tesis, Fac. Ingeniería, UNAM, 1979
- 3).- ARCINIEGA TER-VEE! R.

 "Sistema de Costos de Calidad para una empresa manufacturera de Tuberia y Conexiones de PVC"

 VIII Congreso Nacional de Coutrol de Calidad. 1920
- " Statis ical Quality Control Methods ") to Marcel Dakker, 1976
- 7).- CARRILLO RAMÓS, G.A.
 "La Normalización a nivel gerencial "VIII Congreso Nacional de Control de Calidad México
- On Some Statistical Aids Toward Economic Production Interfaces, Aug. 1975, Vol. 5, No. 10
-).- DUNCAN, A. J.
 " Quality Control and Industrial Statistics"
 R.D. Irwin, 1965



and the same of th			
	Progósito és la nor malización.	Thstitución que "emite la norma."	Medio Meuril para obligar a su du <u>m</u> plimiento.
	1 Uniformidad en metrelogia.	Dirección General de Mormas (DGN).	Legislación Wa cional.
	2 Definición téc nológica: Ejem: Nateriales, pruebas.	Comités de Norma, lización con am plia representa caón.	Oumplimiento vo- luntario.
	C Horma's minimus- de salud y de - seguridad.	Agencias regulad <u>o</u> doras Gubernamen- tal es.	begislachón ló cal y nacional:
	i Wormas minimas- de adecuación - para el uso (que no inclu yen salui y se- guridad).	Comités de Norma- lización con as plia representa ción o por la com petencia en el mercado.	Complimiento vo-

CONTROL ESTADISTICO DE CALIDAD

CARTAS DE CONTROL

M. EN I. AUGUSTO VILLARREAL ARANDA

SEPTIEMBRE, 1985

CARTAS DE CONTROL

Por: M en I Augusto Villarreal A.

INTRODUCCION

Aunque existe la tendencia generalizada a pensar que el Controlde Calidad es de desarrollo reciente, realmente no existe nada nuevo en la idea básica de elaborar un producto caracterizado por un alto rado de uniformidad.

Durante siglos, hábiles artesanos han procurado elaborar productos que se distingan por su superior calidad, y una vez que han logrado obtener un cierto estándar de calidad óptimo, eliminar dentro de lo posible la variación entre productos que nominalmente deben resultar iguales.

La idea de que la Estadística puede resultar un instrumento muy - util para asegurar un estándar adecuado de calidad para los productos manufacturados, se remonta no más allá del advenimiento de la producción masiva, y el uso extendido de los métodos estadísticos para resolver problemas de control de calidad es aún más reciente.

Muchos problemas que aparecen durante la elaboración de un producto son susceptibles de ser resueltos empleando tratamientos estadísticos, por lo que al hablar de control estadístico de calidad, nos estaremos refiriendo esencialmente a las dos técnicas especiales que se discutirán en esta parte del curso: uso de las Cartas de Control y muestreo de aceptación.

Profesor Investigador, División de Estudios Superiores e Inst<u>i</u>

Conviene mencionar que la palabra calidad, ai ser empleada de - aquí en adelante, se reterirá a alguna propiedad medible o contable de algún producto, tal como el diâmetro de un balín de acero, la resistencia de una viga de concreto, el número de defectos en una pieza de tela, la eficacia de cierta droga, etc.

IDEAS SOBRE CARTAS DE CONTROL

A muchos individuos les puede sorprender el hecho de que dos artículos aparentemente idénticos, elaborados bajo condiciones cuidadosamente controladas, de las mismas materias primas, y por una misma máquina con diferencia de pocos segundos, puedan, sin embargo, diferir en muchos aspectos.

En efecto, cualquier proceso de manufactura, aun siendo muy bueno, se encuentra caracterizado por via cierta cantidad de variación - que es de naturaleza aleatoria, y que no puede ser eliminada en:- forma completa.

Cuando la variabilidad presente en un proceso de producción se limita a variación aleatoria se dice que el proceso se encuentra en un estado de control estadístico.

Tal estado se puede alcanzar cuando se eliminan aquellos problemas causados por otro tipo de variación, llamada variación sistemática, que es de naturaleza más bien determinística, y que se puede achacar, por ejemplo, a operadores mal entrenados, materia prima de baja calidad, máquinas en mal estado, etc.

Ya que los procusos de manufactura se encuentran rara vez libres

de estos problemas, conviene contar con algún método sistemático para detectar desviaciones serías de un estado de control estadís tico cuando ocurren, o inclusive antes de que ocurran, tales desviaciones.

Ese método sistemático de detección se puede tener mediante el empleo de las llamadas Cartas de Control.

TIPOS DE CARTAS DE CONTROL

En lo que sigue distinguíremos entre las <u>cartas de control para</u> - <u>mediciones</u> o variables (X, R, q) y las cartas de control para atr<u>i</u> butos (p, c), dependiendo de que las observaciones que estemos an<u>a</u> lizando sean <u>mediciones o datos contados o calculados</u>, respectivamente.

Un ejemplo del primer caso sería la longitud de las varillas de acero de una muestra. Como ejemplo del segundo caso tendríamos - el número de focos defectuosos en una muestra de tamaño dado.

CONFIGURACION DE LAS CARTAS DE CONTROL

En cualquiera de los casos mencionados, una carta de control consiste de una Línea Central, correspondiente a la calidad promedio a la que el proceso debe funcionar, y dos líneas que corresponden al Límite Superior de Control (LSC) y al Límite Inferior de Control (LIC), respectivamente, tal como se muestra en la Fig 1.

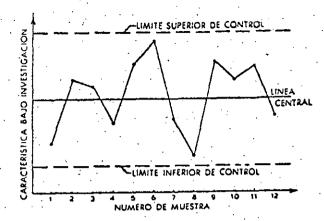


Fig 1. Aspecto general de una carta de control

Estos límites se escogen en forma tal que los valores que se encuentren dentro de ellos se puedan atribuir al azar, en tanto que
los valores que caigan fuera de ellos se puedan considerar como indicaciones de falta de control.

No obstante la idea anterior, conviene mencionar que en la Fig 2 que se presenta a continuación se pueden considerar otras posibles situaciones de "falta de control" que ameritan investigarse:

- 1. Cuando dos de tres puntos sucesivos caen en la zona A.
- 2. Cuando cuatro de cinco puntos sucesivos caen en la zona B o más allá.
- 3. Cuando ocho puntos sucesivos caen en la zona C o más allá.

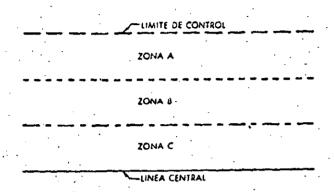


Fig 2 Diagrama que define las zonas A, B y C usadas en el análisis de Cartas de Control.

Debe hacerse notar que cada una de las zonas A. B y C constituye la tercera parte del área entre la línea central y un límite de control, y que las pruebas mencionadas se aplican a ambas mitades de la carta de control, pero se aplican separadamente para cada mitale, y nunca a las dos mitades en combinación.

EXPLICACION DEL EMPLEO DE LAS CARTAS DE CONTROL

Si se grafican en una carta los resultados obtenidos a partir de muestras tomadas periódicomente a intervalos frecuentes, es posible verificar por medio de ella si el proceso se encuentra bajo control, o si se encuentra presente en el proceso la variación - sistemática del tipo descrito anteriormente.

Cuando un punto graficado cae fuera de los límites de control, es

necesario encontrar el problema que causó tal evento dentro del proceso. Pero aun si los puntos caen dentro de los límites mencionados, alguna tendencia, o cierto patrón de los mismos, puede indicar que se debe llevar a cabo alguna acción para prevenir y así evitar algún problema serio.

La habilidad para "leer" las cartas de control y para determinar a partir de ellas cuál acción correctiva debe llevarse a cabo, - se obtiene a partir de la experiencia y del juicio altamente desarrollado. Un practicante del control estadístico de la calidad debe no sólo comprender los fundamentos estadísticos de la - materia, sino también encontrarse identificado plenamente con los procesos que desea controlar.

CARTAS DE CONTROL PARA MÉDICIONES (VARIABLES)

Cuando se requiere establecer control estadístico de la calidad de algún producto en términos de mediciones o variables, es cog tumbre ejercer tal control sobre la calidad media del proceso, - al igual que sobre su variabilidad.

La primera meta se logra al graficar los promedios de muestras - extraídas periódicamente en la llamada carta de control para los promedios, o simplemente carta X. La variabilidad se puede controlar de igual forma si se grafican los rangos o las desviaciones estándar de las muestras en las llamadas cartas R o cartas o, respectivamente, dependiendo de cuál estadística se emplee para estimar la desviación estándar de la población.

Si se conocen la media p y la desviación estándar o de la pobla-

ción (preceso) y es razonable suponer las mediciones obtenidas como muestras extraídas de una población normal, se puede asegurar que con probabilidad 1 - a el promedio aritmético de una - muestra aleatoria de tamaño n se encontrará entre

$$y = z_{\alpha/2} \frac{\sigma}{\sqrt{n}} \qquad y \quad y + z_{\alpha/2} \frac{\sigma}{\sqrt{n}}$$

$$\sigma$$

$$\mu = z_{\alpha/2} \sigma_{\overline{X}} \qquad y \quad y + z_{\alpha/2} \sigma_{\overline{X}}$$

puesto que $\frac{\sigma}{N} = \frac{\sigma}{\sqrt{n}}$ para el caso de la distribución muestral del promedio aritmético, cuando se muestrea de una población infinita. La suposición de que la extracción de muestras aleatorias se hace de una población infinita es válida en el caso presente, puesto que, por ejemplo, la producción de cierto producto en una fábrica tiende a infinito conforme pasa el tiempo.

Los dos l'aites anteriores ($\mu t \ z_{\alpha/2} \sigma_{\widetilde{X}}$) proporcionan entonces límites inferiores y superiores de control y, bajo las suposiciones — anteriores, permiten al practicante del control de calidad determiner si se debe o no llevar a cabo algún ajuste en el proceso, — al graficar los promedios aritméticos obtenidos de muestras de tameno n en una carta como la que se muestra en la Pig 1.

Conviene establecer en este momento que al emplear una carta de control para los promedios, lo que se hace realmente es probar hipótesis nulas de que a un cierto nivel de confianza 1-a el valor de la media de la distribución muestral de los promedios sea igual al valor de

la calidad nominal del proceso, o al de la calidad media calculada para el mismo, por Para estas pruebas secuenciales de hipótesis, se emplean como estadísticas de prueba los valores de los promedios — aritméticos obtenidos de muestras aleatorias extraídas de la población (o proceso). Es decir, se realizan pruebas de hipótesis para las cuales

en donde μ es la media de la distribución muestral del promedio aritmético, μ_0 la calidad nominal o calidad media calculada del proceso, y \overline{X}_1 (i=1,2,3,...) el valor del promedio aritmético obtenido de la 1ésima muestra aleatoria. La forma secuencial de estas pruebas de hipótesis se muestra en la Fig 3 que se presenta a continuación.

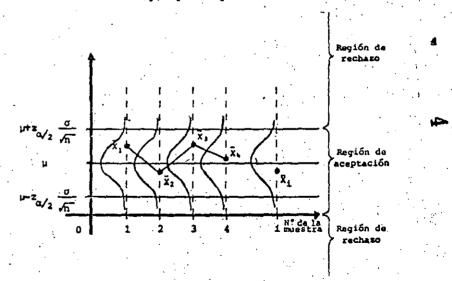


Fig 3 Pruebas de hipótesis que se realizan al emplear una carta de control para los promedios

Si se consideran problemas prácticos, los valores de μ y σ del proceso se desconocen, y es entonces conveniente estimar sus valores a partir de muestras tomadas mientras el proceso se encuentra "bajo control", tal como se explica más adelante. En la práctica es entonces difícil llagar a establecer límites de control del tipo $\frac{1}{2} \frac{\sigma}{\sqrt{n}}$ al desconocerse μ y σ , independientemente de que en muchos casos es demasiado arriesgado considerar a las mediciones como muestras aleatorias extraídas de una población normal.

En lugar de lo anterior, en el control de calidad industrial se em plean comúnmente los límites de control de "tres desviaciones estándar" o de "tres sigmas", que se obtienen al sustituir a $z_{\alpha/2}$ - por un 3 al calcular los límites de control.

Conforme a lo anterior, con los límites de control

$$u = 3\sigma_{\overline{X}}$$
 of $u = 3 - \frac{\sigma}{\sqrt{D}}$

se puede confíar en que en el 99.73% de los casos el proceso no -será declarado "fuera de control", cuando de hecho se encuentra "ba
jo control".

En otras palabras, estos límites de control permiten considerar - que la probabilidad máxima de rechazar la hipótesis

cuando debería de ser aceptada (probabilidad de cometer un error de tipo I) es de 0.27%, siendo 8 un valor de calidad fijo del proceso, y 8 el del parametro correspondiente de la distribución muestral de la estadística bajo consideración.

ELABORACION DE LA CARTA DE CONTIGH PARA LOS PROMEDIOS (X).

Caso en que se conocen la media y la desviación estándar o de la población.

en donde los valores de A se obtienen de la tabla I, en función de n, el tamaño de la muestra.

Ejemplo: Sea el proceso de elaboración de varillas de acero para las cuales se sabe que el diámetro medio es de 2.5 cm, con una desviación estándar de 0.01 cm.

Se desea efectuar control del diámetro de las mismas, para lo cual se extraen periódicamente muestras de cinco varillas. Se pide establecer la 11-nea central y los límites de control para una carta X.

Solución. Siendo $\mu = 2.5$ cm, $\sigma = 0.01$ y n = 5, se tiene = que:

Lirea central = u=2.5

Limites de control:

2.5:
$$3 \frac{0}{\sqrt{n}} = 2.5: \frac{3(0.01)}{\sqrt{5}} = 2.5: 0.0134 \implies 2.5134, 2.4866$$

o, de la tabla I

 $2.51 \text{ Ac} = 2.51 \cdot 1.342(0.01) = 2.51 \cdot 0.01342 \implies 2.51342, 2.48658$

b. Caso en que se desconocen u v o

Para este caso, que es el más común, es necesario estimar, como - se dijo anteriormente, tales paránetros con base en muestras pre-liminares. Para el caso, normalmente se acostumbra emplear un - mínimo de 20 a 25 muestras de 4 6 5 elementos, obtenidas consecutivamente cuando el proceso está "bajo control".

Sin embargo, como veremos más adelante, se pueden emplear procedimientos estudísticos rás formales para determinar el número de mues tras (y de elementos en las mismas) más adecuado para las cartas X. Entonces, si se utilizan « muestras preliminares, cada una de tamaño n, se puede estimar con adecuada precisión el valor de « mediante

$$\bar{X} = \frac{1}{\kappa_i} \bar{x}_i \bar{x}_i$$

siendo \overline{X} un estimador inseugado y consistente de μ , donde \overline{X}_1 denota al promedio aritmético de la iésima muestra, y \overline{X} es el promedio de los promedos de las muestras.

El valor de s de la población puede ser estimado a partir de las desviaciones estándar o de los rangos de las muestras. Si el tamaño de las mismas es pequeño, usualmente el rango proporciona un estimador eficiente de s, además de que el proceso de cálculo del mismo es bastante más simple que el de la desviación estándar para las muestras.

Sin embargo, es conveniente, cuando se requiere bastante precisión

desviaciones estándar de las avostros. Tol es el caso, por ejemplo, de muestras de productos que son caros, y que deben destruirse al momento de tomar las mediciones.

b.1 Estimando a o mediante los rampos de las muestras

Hay que obtener primero el valor R, que es al rango promedio de los rangos de las e musalras, es decir,

$$\overline{R} = \frac{1}{\kappa_r} \sum_{k=1}^{K} R$$

Puesto que la estadística P siempre estima por encima de su valor real a la desviación estándar de la población, se obtiene un estimador sesgado. Debido a ello, es indispensables afectar el valor de R en forma tal de obtener un estimador - insesgado de o, para lo cual se hace

Estimador insesgado de
$$\sigma = \frac{\bar{R}}{dr}$$

El factor d_2 en la expresión anterior se obtiene experimental mente al identificar el valor de la media en las distribuciones muestrales del cociente k/σ para distintos valores de n, considerando una población en la cual el valor de σ es conocido. Por ejemplo, para muestras de tamaño cinco (n=5), se ha obtenido experimentalmente el valor $d_2=2.326$, tal como se muestra en la Fig 4.

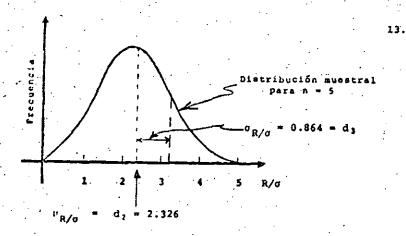


Fig 4. Distribución muestral de R/σ para n=5, suponiendo σ conocida.

En la tabla I se presentan los valores del factor d₂ para distintos tamaños de muestra, observándose que conforme se incrementa el valor de n aumenta el de ese factor, lo cual permite concluir que el rango estima mejor a la desviación estándar - cuando las muestras son pequeñas.

De acuerdo con lo anterior, se pueden emplear las siguientes expresiones en la elaboración de la carta de control para los promedios:

Limites de Control —
$$\overline{X}$$
: $\frac{3\overline{R}}{\sqrt{n}}$ d $\frac{3\overline{R}}{d_2\sqrt{n}}$

Para abreviar el cálculo de los límites de control a partir de los rangos de las muestras, se ofrece en la tabla I el factor

$$\frac{3}{d_2 \sqrt{n}}$$

cuyo empleo permite establecer los límites de control como

.2 Estimando a σ mediante las desviaciones estándar de las mues tras

Se debe obtener primero el valor de $\bar{\sigma}$, que es el promedio de las desviaciones estándar de las muestras, es decir

$$\bar{\sigma} = \frac{1}{K} \sum_{i=1}^{K} s_i$$

En donde S_1 denota la desviación estándar de la iésima mues tra. No siendo tampoco $\bar{\sigma}$ un estimador insesgado de la desvia ción estándar de la población, ya que siempre la estima por abajo de su valor real, hay que afectar dicho valor por un - cierto factor para hacerlo insesgado, es decir

Estimador insesgado de
$$\sigma = \frac{\overline{\sigma}}{c_2}$$

Los valores de c_2 se reportan en la tabla I en función del tamaño de la muestra, y se obtienen mediante un procedimiento — similar al explicado para el factor d_2 .

Con base en lo anterior, los parámetros de la carta de controlpara los promedios son los siguientes:

Limites de Control —
$$\overline{X}$$
: $\frac{\sigma}{\sqrt{n}}$ 6 \overline{X} : $\frac{3\sigma}{\sigma_2/n}$

De nuevo, para abreviar el cálculo de los límites de control para la carta \vec{X} , obtenidos unora a partir de las desviaciones estándar de las muestras, se puede emplear el factor dado en la tabla I

$$A_1 = \frac{3}{c_2 \sqrt{n}}$$

00

con el cual los límites de control quedan como

X:A,ō

NUMERO MINIMO DE MUESTRAS REQUERIDO PARA LA ELABORACION DE CARTAS \vec{x}

En este momento conviene establecer el número mínimo de muestras - preliminares, m, así como el tamaño de las mismas, n, que es necesario considerar para estimar adecuadamente los parámetros de una carta de control para los promedios.

El asegurar/un mínimo de 20 0 25 muestras con 4 o 5 elementos cada una son necesarias para obtener los valores de \overline{X} , \overline{R} o $\overline{\sigma}$, frecuentemente choca con el argumento de que por razones de costo, tiempo, – etc., se debe emplear un número menor de ellas. Por ello, se han – preparado tablas como las II y IIIque se presentan al final, que – permiten obtener una solución cuantitativa para este problema.

Cuando se emplea el rango \bar{R} como estimador de σ para la elaboración de una carta \bar{X} , y como se verá más adelante, para una carta R, la tabla II permite determinar el número mínimo, m, de muestras de tamaño \bar{n} que se deben emplear para tener poco más de un 98% de nivel de confianza de que los promedios aritméticos obtenidos de las muestras se encuentren dentro de los límites de control que se calculen para la carta \bar{X} , suponiendo únicamente la presencia de variación — aleatoria.

De la misma manera, se establecen en la tabla III los valores óptimos de \underline{m} y \underline{n} , cuando se emplean las desviaciones estándar de las muestras para obtener el estimador $\overline{\sigma}$ de la desviación estándar de la población.

Ejemplo: Sea una fábrica que produce varillas de acero, en la cual se decea ejercer control sobre el peso de las mismas. Para ello, se seleccionan veinte mues tras aleatorias de cinco varillas cada una, obteniéndose los valores que se reportan en la tabla siguiente:

Número de	Valor	Valores individuales del peso, Kg				Promedio	Rango	Desviación
la muestra	, x	x ₂ .	x ₂ x ₃	X ₄	x ₅	Aritmético X	R	estándar S x
	 							
. '5	11.1	9.4	11,2	10.4	10.1	10.44	1.8	0.6651
2	9.6	10.8	10.1	10.8	11.0	10.46	1.4	0.5276
3	9.7	10.0	10.0	9.8	10.4	9.98	0.7	0.2400
4	10.1	8.4,	10.2-	9.4	11.0	9.82	2.6	0.8727
5	12.4	10.0	10.7	10.1	11.3	10.90	2.4	0.8352
. 6	10.1	10.2	10.2	11.2	10.1	10.36	1.1	0.4224
7	1,1.0	11.5	11.8	11.0	11.3	- 11.32	0.8	0.3059
8 .	11.2	10.0	10.9.	11.2	11.0	10.86	1.2	0.4454
9	10.6	10.4	10.5	10.5	10.9	10.58	0.5	0.1720
10	8.3	10.2	9.8	9.5	9.8	9.52	1.9	0.6493
11	10.6	9.9	10.7	10.2	11.4	10.56	1.5	0.5083
. 12	10.8	10.2	10.5	8.4	9.9	9.96	2.4	0.8357
13	10.7	10.7	10.8	8.6	11.4	10 44	2.8	0.9562
14	11.3	11:4	10.4	10.6	11.1	10.96	1.0	0.3929
15	11.4	11.2	11.4	10.1	11.5	11.14	1.5	0.5352
16	10.1	10.1	9.7	9.8	10.5	10.04	0.8	0.2800
17	10.7	12.8	11.2	11.2	11.3	11.44	2.1	0.7116
18	11.9	11.9	11.6	12.4	11.4	11.84	1.0	0.3382
19	10.8	12.1	11.8	9.4	1116	11.14	2.7	0.9768
. 20	12.4	11.1	10.8	11.0	11.9	11-44	1.6	0.6086
		1	<u> </u>	<u> </u>				-
UHA						213.20	31.80	11.3211

17.

Solución: Puesto que se desconoce la media del proceso, esta se puede estimar en forma insesgada mediante

$$\overline{X} = \frac{1}{20} \sum_{i=1}^{20} \overline{X}_i$$

Los valores de los promedios aritméticos $\bar{X}_{\underline{i}}$ (i=1,2,...20) de las muestras se reportan en la tabla anterior, por lo cual la línea central es

$$\vec{X} = \frac{1}{20}$$
 (213.20) = 10.66

Se obtendrán anora los límites inferior y superior de control estimando primero a o mediante los rangos de las
muestras, y después mediante las desviaciones estándar correspondientes.

a. Estimando a o mediante los rangos de las muestras

El valor de R es

$$\bar{R} = \frac{1}{20} \sum_{i=1}^{20} R_i$$

Los valores R₁ para i=1,2,...,20 se encuentran en la tabla inicial, por lo que

$$\bar{R} = \frac{1}{20} (31.80) = 1.59$$

Los límites de control para la carta de los promedio

Y, de la tabla I, para n=5, se obtiene $A_2 = 0.577$, - quedando

O sea

Linea Central — 10.66

Limites de Control — 10.66±0.92 ⇒ 11.58, 9.74

b. Estimando a o mediante las desviaciones estándar de

El valor de o es

$$\frac{\pi}{\sigma} = \frac{1}{20} (11.3211) = 0.57$$

Los límites de control son ahora

$$\overline{X} \pm \lambda_1 \overline{\sigma}$$

De la tabla I, para n=5, se obtiene

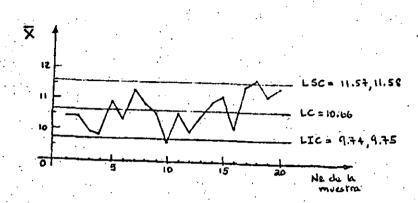
A1 = 1.596; quedando ...

O sea

Linea Central — 10.66

Limites de Control — 10.66±0.91 \Rightarrow 11.57, 9.75

En la Pig 5 que se presenta a continuación se muestra la carta de control obtenida empleando ambos procedimientos.



Pig 5 Carta de control X obtenida para el ejemplo de las varillas de acero

CARTAS PARA CONTROLAR LA VARIABLILIDAD DE UN PROCESO

Al controlar estadísticamente un proceso puede no ser suficiente - fijar la atención en su "calidad media", sino también en la variabilidad del mismo. Aun cuando es razonable suponer que un incremento en las fluctuaciones de los valores de los promedios aritmético. graficados en una carta X se relaciona con un incremento enla variabilidad del proceso, es posible determinar con mayor objetividad y precisión los cambios que experimenta ésta mediante el empleo de las llamadas cartas R y ø, que se elaboran a partir de los rangos y las desviaciones estándar de las muestras, respectivamente.

Conviene mencionar que nun cuando cualquiera de las dos cartas men-

cionadas permite ejercer controí estadístico sobre la variabilidad de un proceso, usualmente se prefiere la carta para los rangos, R, ya que su elaboración es más sencilla que la de o, que corresponde a las desviaciones estándar. Por otra parte, la carta R conduce a resultados altamente confiables, a la vez que muestra con claridad ciertas tendencias de los valores de las muestras que deben investigarse.

IMPORTANCIA DEL CONTROL DE LA VARIABILIDAD DE UN PROCESO

La importancia del control sobre la variabilidad de un proceso mediante el empleo de las cartas para los rangos o las desviaciones estándar, se hace evidente al considerar que un cambio brusco en aquella característica es de consecuencias más serias que un cambio similar en la "calidad media". Si el proceso experimenta un cambio en ésta última, normalmente se puede regresar al punto de partida efectuando ajustes simples en los dispositivos de producción (por ejemplo, recalibración de herramientas de corte, dosificadoras, etc).

Sin embargo, si el proceso sufre un cambio brusco an su variabilidad, para regresar al punto de partida son necesarios ajustes más costosos y tardados, tales como reparaciones mayores en los dispositivos de producción, o inclusive la compra de un nuevo dispositivo de procesa miento.

Los cambios efectivos en la variabilidad de un proceso afectan necesariamente el desempeño de una carta X, ya que, como se recordará, los límites de control para la carta de los promedios se establecen 21

a partir de los valores R o F que de suponen, después de ser afectados por los factores de corrección correspondientes, como buenos estimadores de la desviación estándar del proceso. Si los valores
del rango y la desviación estándar de las muestras aumentan, se hace evidente que la carta X no operará correctamente.

En contraste con lo anterior, los cambios significativos que se velifican en la carta \tilde{X} no necesariamente provocan efectos similares en las cartas R y σ , ya que en la elaboración de ellas no intervienen los promedios aritmáticos de las muestras, tal como se verá a continuación.

Por lo anteriormente expuesto, es conveniente ejercer, cuando así sea posible, control simultáneo sobre la "calidad media" y la variabilidad de un proceso.

ELABORACION DE LAS CARTA DE CONTROL PARA LOS RANGOS (CARTA R)

Al igual que para la carta X, se pueden considerar dos casos distintos en la elaboración de la carta para los rangos: cuando se conoce la desviación estándar e del proceso y cuando esto no sucede. - En cualquiera de los casos anteriores, se debe observar siempre que el procedimiento do obtención de la línea central y de los límites de control para la carta R, se basa en la distribución muestral de los rangos de muestras aleatorias de tamaño n, extraídas de una población normal.

Caso en el que se conoce la desviación estándar o de la - -

De acuerdo con lo anterior, es fácil comprender que los pará

Linea Central— μ_R Limites de Control — $\mu_R \pm 3\sigma_R$

Sin embargo, normalmente no conocen los valores de la media y la desviación estándar de la distribución muestral de los rangos. En esta situación, la lógica indica que para estimar el valor de ν_R se dehe empicar el de \overline{R} , el promedio de los rangos de muestras preliminares. Sin embargo, si se recuerda que

$$\sigma = \frac{\vec{R}}{d}$$

entonces

$$\bar{R} = d_{\sigma} \sigma$$

Y, puesto que se conoce el valor de s, se puede escribir

Linea Central --- R o de

quedando finalmente

Linea Central - do

en donde los valores de d_2 se - presentan en la tabla I.

Por lo que respecta a σ_R , si se observa nuevamente la Pig 4 se puede ver que la desviación estándar de la distribución mues ral de la estadística R/ σ , para el caso de muestras de tamaño 5 es, en forma experimental

23.

to ant rior paralle considerer que si e es conocida (y por tan to constante) es válido escribir

$$a_{R/a} = \frac{a}{a_{R}} d_1$$

0 564

En el caso en que à sea diferente de circo, los valores del factor di se guedan obtener de la tabla I.

Empleando el valor de σ_R así untenido, los límites de control son, en general, los siguientes

0 668

$$d_2\sigma - 3d_3\sigma \Rightarrow (d_2 - 3d_3)\sigma \Rightarrow D_1 \sigma$$

$$d_2\sigma - 3d_3\sigma \Rightarrow (d_2 + 3d_3)\sigma \Rightarrow D_2 \sigma$$

en donde

$$D_1 = d_2 = 3d_3$$
 y $D_2 = d_2 + 3d_3$

Los valores de $v_1 \neq v_2$ se reportan también en la tabla I en función de n_i el tamaño de la muestra.

Conforme a lo anterior, los parámetros de la carta de control para los rangos, cuando o es conocida, son

Linea Central —
$$d_2$$
 σ

Limite Inferior de Control — D_1 σ

Limite Superior de Control — D_2 σ

Caso en el que se desconoce se desviación estándar e de la población

En este caso en necesario estimar a μ_R de la distribución muestral de los rangos mediante \bar{R} , empleando un número adecuado de muestras preliminares, normalmente el mismo que se emplea para la elaboración de una carta \bar{X} . Al respecto, conviene recordar que la carta R (o la σ) generalmente se construye después de la carta \bar{X} , y que, por lo tanto, se emplean para su elaboración — las mismas muestras aleatorias. De acuerdo con ésto, la línea central resulta ser

Linea Central - R

En este caso se requieren límites de control del tipo

Puesto que ahora se desconocen σ_R y σ , se pueden hacer, para el límite inferior de control

$$\vec{R} - 3\sigma_R = \vec{R} - \frac{3\vec{R} \sigma_R}{\vec{R}} = (1 - 3\frac{\sigma_R}{\vec{R}}) \vec{R}$$

$$= (1 - 3\frac{\sigma_R}{\vec{\sigma}}) \vec{R} = (1 - 3\frac{d_3}{d_2}) \vec{R}$$

$$= (\frac{d_2 - 3d_3}{d_2}) \vec{R} = (\frac{D_1}{d_2}) \vec{R}$$

'ara el límite superior de control se obtiene

$$\widetilde{R} + 3\sigma_{R} = \widetilde{R} \left(\frac{D_{2}}{d_{2}} \right)$$

En la tabla I se presentan los valores de

$$D_3 = \frac{D_1}{d_2} \qquad \qquad y \qquad D_4 = \frac{D_2}{d_2}$$

en función de n

Pinalmente, los parámetros de la carta R cuando se desconoce el valor de σ de la población son los siguientes:

Linea Central — \overline{R} Limite Inferior de Control — $D_3\overline{R}$ Limite Superior de Control — $D_4\overline{R}$

ELABORACION, DE LA CARTA DE CONTROL PARA LAS DESVIACIONES ESTANDAR (CARTA o)

En la elaboración de la carta para las desviaciones estándar también se deben considerar los dos casos posibles: cuando se conoce la - desviación estándar de la población y cuando esto no es así. De - igual manera, el procedimiento para obtener los paráme_tros de la carta se fundamenta en la distribución muestral de las desviaciones estándar de muestras aleatrias de tamaño n, extraídas de una población normal.

a. Caso en el que se conoce la desviación estándar o de la población

Con base en la distribución muestral de las desviaciones están dar de las muestras, se pueden establecer los parámetros de la carta o, a saber Linea Central -- , s.

Limites de Control $\frac{1}{2}$ $s_x \pm 3\sigma_{s_x}$

Al desconocerse, como ocurre normalmente, los valores de - μ_{S_X} y σ_{S_X} de la distribución muestral, se debe estimar primero μ_{S_X} a partir de σ , el promedio de las desviaciones estándar de las muestras preliminares. Sin embargo, no es nece sario realizar en este caso ese cálculo si se recuerda que

$$\sigma_{1} = \frac{\overline{\sigma}}{\overline{C}_{2}}$$

0 867

Y, en virtud de que el valor de « es conocido, se llega a

quedando finalmente

en donde los valores de o2 se puecan obtener de la tabla I.

Bajo la suposición de que la población de la cual se extraen
las muestras aleatorias se encuentra distribuida en forma nor
mal (o aproximadamente normal), se puede demostrar que la desviación estándar de la distribución muestral de las desviacio
nes estándar es

$$\sigma_{3\chi} = \frac{\sigma}{\sqrt{2n}}$$

en donde n denota al tamaño de las muestras. Empleando el va

lor de os anterior, los limites de control se pueden establecer como

O: sea

$$c_2\sigma - 3\frac{\sigma}{\sqrt{2n}} = (c_2 - \frac{3}{\sqrt{2n}})\sigma = B_1\sigma$$
 $c_2\sigma + 3\frac{\sigma}{\sqrt{2n}} = (c_2 + \frac{3}{\sqrt{2n}})\sigma = B_2\sigma$

en donde

$$B_1 = c_2 - \frac{3}{\sqrt{2n}}$$

$$B_2 = c_2 + \frac{3}{\sqrt{2n}}$$

Los valores de B_1 y B_2 se proporcionan en la tabla I, en función del valor de n. Entonces, los parametros de la carta σ son, finalmente

Linea Central — $c_2\sigma$ Limite Inferior de Control — $B_1\sigma$ Limite Superior de Control — $B_2\sigma$

Caso en el que se desconoce la desviación estándar σ de la población

En este caso es necesario estimar a μ_{S_X} mediante σ , empleando un número suficiente de muestras aleatorias preliminares. De acuerdo con lo anterior, la línea central de la carta σ es

Linea Central -- 6

Los limites de control serán entonces del tipo

Puesto que ahora se desconoce el valor de c, pero se sabe que

$$\sigma = \frac{\overline{\sigma}}{C_2}$$

el límite inferior de control resulta ser

$$\bar{\sigma} - 3\sigma_{SX} = \bar{\sigma} - 3 \frac{\sigma}{\sqrt{2n}} = \bar{\sigma} - 3 \frac{\bar{\sigma}}{C_2/2n}$$

$$= (1 - \frac{3}{C_2/2n}) \bar{\sigma}$$

Para el límite superior de control se obtiene

$$\ddot{\sigma} + 3\sigma_{S_X} = \left(1 + \frac{3}{c_2/2n}\right) \ddot{\sigma}$$

En la tabla I se presentan los valores de

$$B_3 = 1 - \frac{3}{c_2 \sqrt{2n}}$$
 y $B_4 = 1 + \frac{3}{c_2 \sqrt{2n}}$

en función del valor de n.

Pinalmente, los parámetros de la carta e, cuando no se conoce la desviación estándar de la población, quedan como

Limite Inferior de Control —
$$B_3\bar{\sigma}$$
Limite Superior de Control — $B_4\bar{\sigma}$

29.

Sea el proceso de elaboración de varillas de acero mencionado en la página 10 de estos apuntes. En él se informa que el diámetro medio de las varillas es igual a -- 2.5 cm, con desviación estándar de 0.01 cm. En este caso se pide establecer los parámetros de las cartas de control R y o, considerando que se extraen periódicamente -- muestras de cinco varillas.

Solución:

Zjemplo:

a. Carta R.

Puesto que se conoce el valor de la desviación estándar de la población, y en virtud de que n=5, se obtie ne, empleando la tabla I

$$LC - d_2\sigma = 2.326(0.01) = 0.02326$$

$$LIC \longrightarrow D_1 \sigma = O(0.01)$$
 = 0.0000

$$L6C - D_2\sigma = 4.918(0.01) = 0.04918$$

.b. Carta o

En este caso, puesto que s=0.01 y n=5, se obtiene, con el uso de la tabla I

$$1C \longrightarrow C_0 = 0.8407(0.01) = 0.008407.$$

$$E_{10}$$
 = B_{10} = $O(0.01)$ = 0.00000

$$LSC - B_2 \sigma = 1.756(0.01) = 0.01756$$

Elemplo:

con el fin de inventigar la variabilidad en el proceso de producción de varillas de acero mencionado en la página - 15, se dosea elabor: las cartas de control R y o correspondientes, considerando la información contenida en la tabla de la misma página:

Solución:

En este caso se desconoce la desviación estándar de la población, por lo cual es indispensable emplear los valores de \overline{R} y $\overline{\sigma}$, considerando que el tamaño de la muestra es 5. a. Carta R

El valor de \overline{R} , obtenido durante el proceso de elaboración de la carta \overline{X} correspondiente, es $\overline{R}=1.59$. - Considerando este valor, y empleando la tabla I, los parámetros de la carta de control R resultan

LIC---
$$D_3 \vec{R} = 0 (1.59) = 0.000$$

LSC---
$$D_4\bar{R} = 2.115(1.59) = 3.363$$

En la Fig 6 se presenta la carta R para este problema.

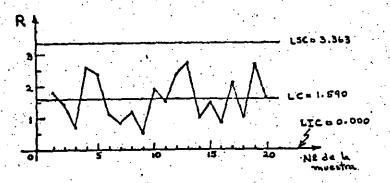
b. Carta o

Considerando que al calcular para este problema los parámetros de la carta \bar{X} se obtuvo $\bar{\sigma}=0.57$, la carta σ queda definida con

LIC---
$$B_5 \bar{\sigma} = 0(0.57) = 0.00$$

LSC---
$$B_4 \bar{\sigma} = 2.089(0.57) = 1.19$$

En la Fig 7 se muestra la carta de control σ correspondiente.



Pig 6 Carta de control Robtenida para el ejemplo de las varillas de acero

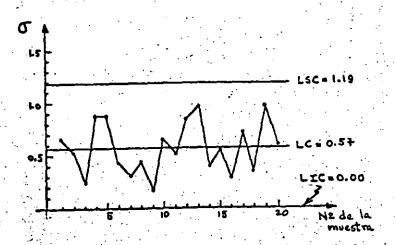


Fig 7 Carta de control o obtenida para el ejemplo

Se han establecido las carta: \vec{X} , R y σ considerando que existe la posibilidad de conocer la media μ y/o la desviación estándar σ de la población (proceso), o bien, cuando estos parámetros se desconocen, que es posible obtener un número adecuado de muestras aleatorias de ella, cuyos tamaños sean cuando menos igual a dos, con el fin de estimar con buena precisión los valores de dichos parámetros.

Sin embargo, en muchas ocasiones no se conocen los parametros del proceso, y únicamente es posible contar con muestras de tamaño uno,
es decir, muestras con un solo elemento. Cuando esto sucede, la téc
nica para calcular los límites de control en las cartas para medicio
nes se fundamenta en el empleo de los llamados rangos móviles, que
se explican a continuación.

Si, por ejemplo, se cuenta con el conjunto de datos X_1 (i=1,2,...,n) registrados en orden, se definen los rangos móviles de orden dos como

$$\left| x_{i} - x_{i+1} \right| \qquad ; \qquad 1 \leq i \leq n-1$$

es decir

$$|x_1 - x_2|, |x_2 - x_3|, \dots, |x_{n-1} - x_n|$$

Si se trata de rangos móviles de orden tres, éstos se definen como

$$|x_i - x_{i+2}|$$
 $i \le t \le n-2$

es decir

$$|x_1 - x_3|$$
, $|x_2 - x_4|$, ..., $|x_{n-2} - x_n|$

_33.

La obtención de los rangos móviles de orden superior al tres se .hace siguiendo las ideas anteriores.

En forma numérica, si se tienen los datos registrados en orden - - 4, 6, 4, 3 y 7, los rangos móviles de orden dos son

y los de orden tres son

El empleo de los rangos móviles para la obtención de los límites de control es importante en este caso, debido a que, si se trata de rangos móviles de orden dos, se puede considerar que el valor de cualquiera de ellos debe obtenerse a partir de los valores de dos elementos individuales registrados en orden. Dicho de otra manera, un rango móvil de orden dos debe provenir de una muestra "ficticia" de tamaño dos. En la misma forma, un rango móvil de orden tres tiene que obtenerse a partir da tres elementos individuales, lo cual permite - "crear" muestras de tamaño tres.

De acuerdo con lo anterior, es factible establecer los límites de control para las cartas de control, en el caso de elementos individuales, empleando los factores de la tabla I, que se encuentran tabulados a partir de muestras de tamaño dos.

a. Elaboración de la carta X (elementos individuales)

En este caso, la linea central está dada por

$$\bar{X} = \frac{1}{K} \sum_{i=1}^{K} X_i$$

en donde X, (1-1,2,...,) denota a los valores de los datos

individualia.

Los límites de control requeridos son

$$\bar{x} \pm 3 \frac{\sigma}{\sqrt{n}}$$

Puesco que el tamaño <u>real</u> de la muestra es <u>uno</u>, la expresión anturlor se puede escribir

$$\overline{X} \pm 3 \frac{\sigma}{\sqrt{1}} = \overline{X} \pm 3\sigma$$

Debido a que el valor de o se desconoce, pero es posible obtener el de R (promedio de los rangos móviles), la última expresión puede transformarse algebraicamente de la siguiente manera:

$$\bar{X} \pm 3\sigma = \bar{X} \pm \frac{3\sigma \bar{R}}{\bar{R}} = \bar{X} \pm \frac{3\bar{R}}{\bar{R}}$$

$$\vec{X} \pm \frac{\vec{3} \cdot \vec{R}}{d_2} = \vec{X} \pm E_2 \vec{R}$$

en donde

$$E_2 = \frac{3}{d_2}$$

Los valores de \mathbb{S}_2 se pueden obtener de la tabla I en función de n, que representa ahora el tamaño "fícticio" de la muestra, o el orden de los rangos móviles.

Do acuerdo con 10 anterior, los parámetros de la carta de control X para elementos individuales son

Linea Central — \bar{x} Limits Inferior de Control — $\bar{x} - E_2 \bar{x}$

Limite Superior de Control - X + E2R

35.

b. Elaboración de la carta R* (rangos móviles)

En este caso, la línea central está dada por el valor del promedio de los rangos móvilas, es decir

$$\widetilde{R} = \frac{1}{K} \quad \begin{array}{ccc} K & \\ \Sigma & R_1 \end{array}$$

En donde R_i (i=1,2,...,K) denota a los valores de los rangos - móviles, obtenidos a partir de los datos individuales registrados en orden.

Los límites de control se obtienen considerando que se descono ce el valor de la desviación estándar de la población, en la - forma ya explicada para la carta R.

De acuerdo con lo anterior, los parámetros de la carta de control R* para los rangos móviles son

Linea Central - R

Limite Inferior de Control - DaR

Limite Superior de Control - D.R

en donde los valores de D₃ y D₄ se obtienen de la tabla I en función de n, el tamaño "ficticio" de la muestra, u orden de los rangos móviles.

cohol, para el cual se desea ejercer control sobre el porcentaje de metanol existente. Se extraen 26 lotes - sucesivos de alcohol, y se obtiene el porcentaje de metanol correspondiente para cada uno de ellos. Los valores

ue presenten en la table seguiente, y se plue construir cartam $X \cdot y \cdot R^4$ considerando rangos móviles de orden dos.

Porcentaje de]	i	•	
metanol, X	Rango móvil.R	Lote	Porcentaje de metanol, X	Rango movil, F
				- 1
4.6		14	5.5	0.1
4.7	0.1	15	5.2	0.3
4.3	0.4	16	4.6	0.6
4.7	0.4	17	5.5	0.9
4.7	0	18 -	5.6	0.1
4.6	0.1	19	5.2	0.4
4 - 8	0.2	20	4.9	0.3
4.8	Ō	21	4.9	0
5.2	0.4	22	5.3	0.4
5.0	0.2	23	5.0	0.3
5.2	0.2	24	4.3	0.7
5.0	0.2	25	4.5	0.2
5.6	0.6.	26	4.4	0.1
				7.2
	4.7 4.3 4.7 4.6 4.8 4.8 5.2 5.0 5.2	4.7 0.1 4.3 0.4 4.7 0.4 4.7 0 4.6 0.1 4.8 0.2 4.8 0 5.2 0.4 5.0 0.2 5.2 0.2 5.0 0.2	4.7 0.1 15 4.3 0.4 16 4.7 0.4 17 4.7 0 18 4.6 0.1 19 4.8 0 21 5.2 0.4 22 5.0 0.2 23 5.2 0.2 24 5.0 0.2 25	4.7 0.1 15 5.2 4.3 0.4 16 4.6 4.7 0.4 17 5.5 4.7 0 18 5.6 4.6 0.1 19 5.2 4.8 0.2 20 4.9 4.8 0 21 4.9 5.2 0.4 22 5.3 5.0 0.2 23 5.0 5.2 0.2 24 4.3 5.0 0.2 25 4.5 5.6 0.6 26 4.4

Solución: El valor del promedio de los rangos móviles de orden dos

$$\bar{R} = \frac{1}{25}$$
 $\sum_{i=1}^{25}$ $R_i = \frac{1}{25}$ (7.2) = 0.288

a. Carta X

La linea central de esta carta es X, cuyo valor es

$$\bar{x} = \frac{1}{26}$$
 $\hat{x}_1 = \frac{1}{26}$ (128.1) = 4.927

De la tabla I se obtiene $E_2 = 2.66$ para n=2, = siendo los límites de control

$$\bar{X} \pm E_2 \bar{R} = 4.927 \pm 2.66 (0.288)$$

= 4.927 ± 0.7661

Pinalmente, los parámetros de la carta X quedan como

En la Fig 8 se presente la gráfica correspondiente.

- Carta R*

La linea central para esta carta es $\tilde{R}=0.288$, y los limites de control se obtienen empleando la tabla I considerando que n=2. De ahi que

LC -- 0.288

LIC --
$$D_3 \vec{R} = 0(0.288) = 0.000$$

LSC -- $D_4 \vec{R} = 3.267(0.288) = 0.941$

La Pig 9 muestra la carta R* para este problema.

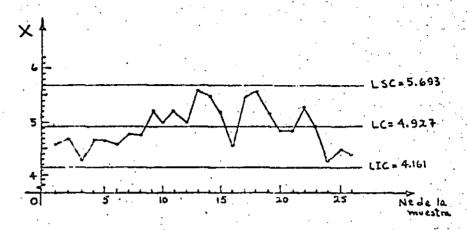
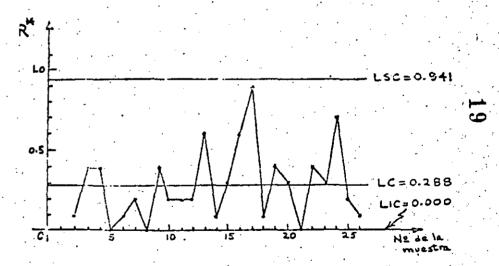


Fig 8 Carta de control X obtenida para el ejemplo de los lotes de alcohol



Pig 9 Carta de control R* obtenida para el ejemplo de los lotes de alcohol

CARTAS DE CONTROL PARA ATRIE TOS

El término atributo, tal como se emplea en el control de calidad, indica la propiedad que tiene un producto de ser bueno o malo, es decir, permite reconocer si la característica de calidad del mismo se encuentra dentro de ciertos requerimientos específicos o no.

Aunque generalmente se puede obtener información más completa de las mediciones hechas a productos terminados, a menudo consume menos tiempo y dinero el comparar la calidad de un producto en contra
de ciertas especificaciones mínimas, sobre la base, por ejemplo, de considerar que sirve o no, o que es bueno o malo.

Por ejemplo, al ejercer control sobre el diametro de un balín de acero, es más simple y rápido el determinar si este pasa por un agujero hecho en una placa de acero templado con el diametro adecua
do, que realizar la medición del diametro con un micrometro.

Sc estableceránahora los dos tipos fundamentales de cartas de control que se utilizan en conexión con el muestreo por atributos: la carta para la proporción de elementos defectuosos, o carta p, y la carta para el número de defectos, o carta c.

Considérese por ejemplo una muestra de 50 fusibles en la cual se en contro, después de probar todos ellos, que contiene dos elementos - defectuosos. En este caso, la proporción de fusibles defectuosos - en la muestra es de 2/50 = 0.04.

Por otra parte, debe observarse que si, se prueba una sola unidad producida, esta puede tener varios defectos pero, sin embargo, puede o no ser una unidad defectuosa. Tal es el caso, por ejemplo, de rollos (unidades) de tela 'e determinada longitud, que pueden tener cierto número de imperfecciones pero no necesariamente ser considerados como defectuosos. No obtante, en muchas aplicaciones prácticas una unidad producida se considera defectuosa si tiene — cuando menos un defecto.

La distribución de la proporción y del número de elementos defectuosos en un proceso es obviamente binomial, en tanto que la del número de defectos es de Poisson. Sin embargo, para la elaboración de la carta p se aprovecha la propiedad que tiene la distribución muestral de las proporciones de ser aproximada mediante una distribución normal cuando el tamaño de la muestra es grande, y la proporción de elementos defectuosos no se acerca a cero o a uno.

ELABORACION DE LAS CARTAS DE CONTROL P Y NP PARA LA PROPORCION DE -DEFECTUOSOS Y EL NUMERO DE DEFECTUOSOS

Los límites de control que se requieren en este caso son

en donde μ_{p} es la media de la distribución muestral de las proporciones, y σ_{p} la desviación estándar correspondiente. Como μ_{p} de esta distribución es igual al parámetro \underline{P} de la población, la estadística \underline{P} de la muestra estima en forma insesgada \underline{Q} este último. Si no se conoce el valor de \underline{P} de la población, lo cual en la práctica es frecuente, se debe disponer de K muestras de tamaño \underline{Q} constante para obtener el valor del estimador insesgado

$$\bar{p} = \frac{1}{K} \sum_{i=1}^{K} p_i$$

en donde p₁ (i=1,2,...,K) denota el valor de la proporción en la muestra i. Empleando el valor así obtenido, la línea central es

Linea Central --- p

En textos de estadística se demuestra que la desviación estándar de la distribución muestral de las proporciones es

$$\sigma_{\mathbf{p}} = \sqrt{\frac{\mathbf{p} \cdot (1-\mathbf{p})}{n}}$$

por lo cual los límites de control son

$$\vec{p} \pm 3\sigma_{\vec{p}} = \vec{p} \pm 3\sqrt{\frac{\vec{p}(1-\vec{p})}{n}}$$

finalmente , los parámetros de la carta de control p quedan como

Linea Central -- P

Limite Inferior de Control —
$$\bar{p} - 3\sqrt{\frac{\bar{p}(1-\bar{p})}{n}}$$
Limite Superior de Control — $\bar{p} + 3\sqrt{\frac{\bar{p}(1-\bar{p})}{n}}$

A partir de los parametros anteriores se pueden derivar los de la llamada carta np, o sea, para el número de defectuosos. Para ello,
es necesario multiplicar dichos parametros por n para así obtener,
en el caso de los límites de control $n\left(\tilde{p}\pm 3\sqrt{\frac{\tilde{p}(1-\tilde{p})}{n}}\right)=n\tilde{p}\pm 3n\sqrt{\frac{\tilde{p}(1-\tilde{p})}{n}}$

n (22 \ 3 n p (1-p)

y los parámetros resultan ahora

Linea Central -- np

Limite Inferior de Control — $n\tilde{p} - 3 \sqrt{n\tilde{p}(1-\tilde{p})}$ Limite Superior de Control — $n\tilde{p} + 3 \sqrt{n\tilde{p}(1-\tilde{p})}$

Ejemplo: Para un proceso de elaboración de fusibles se desea ejer control sobre la proporción de elementos defectuosos, así como sobre el número de ellos. Para ello, se seleccionan 40 muestras eleatorias de 50 fusibles cada una, y se obtienen los valores reportados en la tabla siguiente. Se desea construír las cartas p y np correspondientes.

1 2 3 4 5 6 7 8 9 10	2 1 2 0 2 3 4 2 0 0 3	0.04 0.02 0.04 0.00 0.04 0.06 0.08 0.04	21 22 23 24 25 26 27 28 29	1 1 4 2 2 4 1 3	0.02 0.02 0.08 0.04 0.04 0.08 0.02 0.06
10	2 1 2 0 2 3 4 2 0 3	0.02 0.04 0.00 0.04 0.06 0.08 0.08	22 23 24 25 26 27 28 29	1 4 2 2 4 1 3	0.02 0.08 0.04 0.04 0.08 0.02
9 10	1 2 0 2 3 4 2 0	0.04 0.00 0.04 0.06 0.08 0.04 0.00	23 24 25 26 27 28 29	1 4 2 2 4 1 3	0.08 0.04 0.04 0.08 0.02 0.06
9 10	2 0 2 3 4 2 0	0.04 0.00 0.04 0.06 0.08 0.04 0.00	23 24 25 26 27 28 29	4 2 4 1 3	0.04 0.04 0.08 0.02 0.06
9 10	0 2 3 4 2 0 3	0.04 0.06 0.08 0.04 0.00	25 26 27 28 29	2 2 4 1 3	0.04 0.08 0.02 0.06
9 10 11	2 3 4 2 0 3	0.06 0.08 0.04 0.00	26 27 28 29	2 4 1 3	0.08 0.02 0.06
9 10 11	3 6 2 0 3	0.08 0.04 0.00	27 28 29	4 1 3	0.02
9 10 11	6 2 0 3	0.04 0.00	28 29	r 1 3 3	0.06
9 10 11	2 0 · 3	0.00	29	3	
10	. 3			3	0.06
11 (· 3	A' 45			,
		0.06	. 30	2.	0.04
,			. • • • • •		1
12	0	0.00	31	3	0.06
	1 .	0.02	32	6	0.12
13.	2	0.04	33 • •	· 2	0.04
14	2	0.04	34	3	0.06
15	3	0.06	35	2	0.04
16	S	0.10	36))	0.06
17	1	0.02	37	1	0.02
18	2 . •].	. 0.04	38] . 0	0.00
. 19	3	0.06	30	2	0.04
20	.1	0.02	40	0	0.00

Solución: El valor de p es

$$\overline{p} = \frac{1}{40} \sum_{i=1}^{40} p_i = \frac{1}{40} (1.68) = 0.042$$

a. Carta p

Los limites de control son, para nº50

$$0.042 \pm 3\sqrt{\frac{(0.042)(1-0.042)}{50}} = 0.042 \pm 0.0851$$

por lo cual

LC --- 0.0420

LIC--- 0.042 - 0.0851 = -0.0431
$$\Rightarrow$$
 0.0000

$$LSC \rightarrow 0.042 + 0.0851 = 0.1271$$

En este caso, y como se verá a continuación para la carta np, la expresión para el cálculo del límite inferior de control conduce a un valor negativo del mismo. Puesto que no tiene sentido físico hablar de una proporción menor de cero o de un número de defectuosos negativo, en forma arbitraria se asigna a ese límite el valor cero.

En la Fig 10 se presenta la carta de control p correspondiente.

b. Carta np

Puesto que $n\overline{p} = 50(0.042) = 2.1$, los límites de control son ahora

$$2.1\pm3$$
 $\sqrt{50(0.042)}$ $(1-0.042)$ = 2.1 ± 4.255

LIC \longrightarrow 2.1 LIC \longrightarrow 2.1-4.255 = -2.155 \Longrightarrow 0.000 LSC \longrightarrow 2.1+4.255 = 6.355

En la Fig 10 se presenta la carta np para este problema.

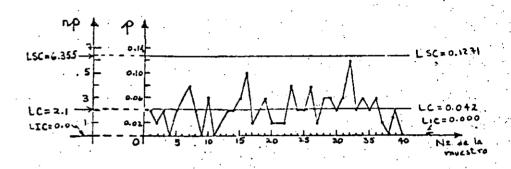


Fig 10 Cartas de control p y np obtenidas para el ejemplo de los fusibles

ELABORACION DE LA CARTA DE CONTROL C PARA EL NUMERO DE DEFECTOS

cisten ocasiones en las que es necesario controlar el número de rectos por unidad en un proceso. Por ejemplo, en la producción
ralfombras es importante controlar el número de defectos por meco cuadrado; en la elaboración de papel se requiere controlar el
imero de defectos por rello, etc. En estos casos, la variable eatoria c asociada al número de defectos por unidad tiene una dis
ibución de Poisson.

· lo anterior se desprende que la linea central de la carta de con

trol para el número de defectos es el parámetro λ de la distribución de Poisson correspondiente, cuyo valor usualmente se desconoce.

En tal situación, se acostumbra estimar en forma insesgada el valor de λ a partir de un mínimo de 20 valores de c, observados previamente en igual número de unidades producidas. De acuerdo con ésto, el valor de

$$\vec{c} = \frac{1}{K} \quad \sum_{i=1}^{K} c_i$$

en donde c₁ (i=1,2,...,K) representa el número de defectos observados en la unidad 1, se puede amplear como estimador de X.

Los límites de control requeridos ahora son del tipo

Puesto que en este caso se observa el número de defectos <u>por unidad</u>, se puede suponer que el tamaño de la muestra es unitario. Por tal motivo, se puede considerar que la desviación estándar de la distribución muestral del número de defectos c es igual a la desviación estándar de la distribución de Poisson y, puesto que c estima el valor de A

De acuerdo con lo anterior, los parámetros de la carta de control c son

Linea Central —
$$\ddot{c}$$

Limite Inferior de Control — \ddot{c} - 3 \sqrt{c}

Limite Superior de Control — \ddot{c} + 3 \sqrt{c}

Considérese el proceso de actuadars de dos placas de ace to en una tábrica. Diariamente se dicanzan a soldar 8 - juntas, y en cada una de ellas se observa el número de - defectos existente. Con la información correspondiente a tres días de labor que se presenta en la tabla siguiente, se desea elaborar una carta de control para el número de defectos por junta soldada

Número de la junta soldada	Fecha	Número de defectos
1 2 3 4 5 6 7	Julio 18	2 4 7 3 1 4 8
8 9 10 11	Julio 19	5 3 7
12 13 14 15 16		11 6 4 9 9
17 18 19 20 21	Julio 20	6 4 3 9 7
21 22 23 24		12
SUMA		144

Solución: Empleando los valores reportados en la tabla anterior, el valor de C resulta

$$\ddot{c} = \frac{1}{24}$$
 $\overset{24}{\underset{i=1}{\Sigma}}$ $c_i = \frac{1}{24}$ (144) = 6

Siendo $\ddot{c} = 6$, los límites de control quedan como

$$6 \pm 3\sqrt{6} = 6 \pm 7.35$$

Pinalmente, los parámetros de la carta c son

LC
$$\longrightarrow$$
 6
LIC \longrightarrow 6 - 7.35 = -1.35 \Rightarrow 0.00
LSC \longrightarrow 6 + 7.35 = 13.35

Puesto que el número de defectos no puede ser negativo, se fija el valor del límite inferior de control igual a cero.

En la Fig 11 se presenta la carta de control c que corresponde al ejemplo.

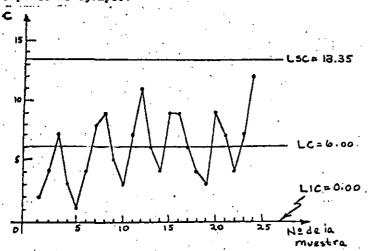


Fig 11 Carta de control c obtenida para el ajemplo de las juntas soldadas

BIBLIOGRAFIA

- 1. Hansen, B., "Quality Control: Planey ent Applications", Prentice Hall, Inc. (1964)
- G_rant, E.L., "Statistical quality Control"; Mc Graw-Hill Book Co. (1971)
- 3. Ostle, B. "Estadística aplicada", Limusa-Wiley (1973)
- Miller, I. y Freund, J., "Probability and Statistics for Engineers", Prentice Hall, Inc. (1965)

CONTROL ESTADISTICO DE CALIDAD

CARTAS DE CONTROL

ING. CARLOS J. MENDOZA ESCOBEDO

SEPTIEMBRE, 1985.

CARTAS DE CONTROL

LA CALIDAD MEDIDA DE UN PRODUCTO MANUFACTURADO ESTÁ SIEMPRE SUJETA A UNA CIERTA CANTIDAD DE VARIACIÓN COMO RESULTADO DEL AZAR.

ALGÚN SISTEMA DE CAUSAS CASUALES ESTABLE ES INHERENTE A CUAL-QUIER ESQUEMA PARTICULAR DE PRODUCCIÓN Y DE INSPECCIÓN.

LA VARIACIÓN DENTRO DE ESTE PATRÓN ESTABLE ES INEVITABLE.

LAS RAZONES DE LAS VARIACIONES EXTERNAS A ESTE PATRÓN ESTABLE

PUEDEN SER DESCUBIERTAS Y CORREGIDAS.

LAS CARTAS DE CONTROL PERMITEN DETERMINAR ESTAS CAUSAS ASIGNA BLES Y SEPARARLAS DE LA VARIACIÓN DE LA CALIDAD. HACE POSIBLE EL DIAGNÓSTICO Y CORRECCIÓN DE MUCHOS PROBLEMAS DE PRODUCCIÓN Y A MENUDO LLEVA A MEJORAS CONSIDERABLES EN LA CALIDAD DEL PRO DUCTO Y A LA REDUCCIÓN DE DESPERDICIO Y REPROCESADO.

AL IDENTIFICAR ALGUNAS DE LAS VARIACIONES DE CALIDAD COMO VA-RIACIONES CASUALES INEVITABLES, LA GRÁFICA DE CONTROL INDICA CUÁNDO DEJAR SOLO UN PROCESO Y DE ESTA FORMA EVITAR AJUSTES FRECUENTES INNECESARIOS QUE TIENDAN A INCREMENTAR LA VARIABI-LIDAD DEL PROCESO EN LUGAR DE DISMINUIRLA.

HERRAMIENTAS PARA EL CONTROL DE CALIDAD ESTADISTICO

- 1. GRÁFICAS DE CONTROL, PARA CARACTERÍSTICAS DE CALIDAD MESU-RABLES, GRÁFICAS DE VARIABLE \overline{X} Y \overline{X} Y \overline{X} Y \overline{X} Y \overline{X} \overline{X} Y \overline{X} .
- 2. GRÁFICAS DE CONTROL PARA FRACCIÓN DEFECTIVA, GRÁFICAS P
- GRÁFICAS DE CONTROL PARA EL NÚMERO DE DEFECTOS POR UNIDAD.
 GRÁFICAS C.
- 4. Teoría del muestreo, que trata de la protección que propor ciona cualquier procedimiento de muestreo de aceptación,

VARIABLES Y ATRIBUTOS

SE DICE QUE LA CALIDAD SE EXPRESA POR VARIABLES. CUANDO SE LLEVA UN REGISTRO SOBRE UNA MEDIDA REAL DE UNA CARACTERÍSTICA DE CALIDAD.

CUANDO UN REGISTRO MUESTRA SOLAMENTE EL NÚMERO DE ARTÍCULOS QUE CUMPLEN Y EL NUMERO DE ARTÍCULOS QUE DEJAN DE CUMPLIR CON CUALQUIER REQUISITO ESPECIFICADO, SE DICE SE TIENE UN REGISTRO POR ATRIBUTOS.

LA MAYOR PARTE DE LAS ESPECIFICACIONES DE VARIABLES PROPORCIONAN TANTO UN LÍMITE SUPERIOR COMO UNO INFERIOR CON RESPECTO AL VALOR MEDIÒ; LAS VARIABLES SE TRATAN MEDIANTE LAS GRÁFICAS \overline{X} - \overline{X} \overline{Y} \overline{X} - σ

Muchos requisitos se establecen en términos de atributos; los atributos se tratan con la gráfica para fracción defectiva.

BENEFICIOS

GRÁFICAS POR VARIABLES

1. LA VIARIABILIDAD BÁSICA DE LA CARACTERÍSTICA DE CALIDAD

CUANDO SE HA ESPECIFICADO TANTO UN VALOR SUPERIOR COMO UNO INFERIOR PARA UNA CARACTERÍSTICA DE LA CALIDAD, UN PROBLEMA IMPORTANTE QUE SE PRESENTA ES SI LA VARIABILIDAD BÁSICA
DE UN PROCESO ES TAN GRANDE QUE SEA IMPOSIBLE FABRICAR TODO
EL PRODUCTO DENTRO DE LOS LÍMITES ESPECIFICADOS

2. LA CONSISTENCIA DEL RENDIMIENTO

LA VARIABILIDAD DE LA CARACTERÍSTICA DE CALIDAD PUEDE SEGUIR UN PATRÓN CASUAL O PUEDE COMPORTARSE ERRÁTICAMENTE DEBIDO A LAS CAUSAS ASIGNABLES. INDICA CUANDO DEJAR SOLO A UN PROCE-SO Y CUANDO TOMAR ACCIONES PARA CORREGIR LAS DIFICULTADES.

3. EL NIVEL GENERAL DE LAS CARACTERÍSTICAS DE CALIDAD

AÚN CUANDO LA VARIABILIDAD BÁSICA DE UN PROCESO, SEA TAL

QUE LA GAMA NATURAL DE TOLERANCIAS SEA MÁS ESTRECHA QUE LA

GAMA DE TOLERANCIA ESPECIFICADA Y AÚN CUANDO EL PROCESO SE

ENCUENTRE BAJO CONTROL, EL PRODUCTO PUEDE SER NO SATISFAC
TORIO DADO QUE EL NIVEL DE CALIDAD ES DEMASIDO BAJO O ALTO.

BENEFICIOS

GRÁFICA. POR FRACCIÓN DEFECTIVA

ES UNA AYUDA EXTREMADAMENTE ÚTIL PARA LA SUPERVISIÓN DE PRODUCCIÓN, PROPORCIONA. INFORMACIÓN ACERCA DE CUANDO Y DÓNDE EJERCER PRESIÓN PARA MEJORAR LA CALIDAD. SERÁ RESPONSABLE DE REDUCCIONES CONSIDERABLES EN LA FRACCIÓN DEFECTIVA MEDIA. SIR VEN PARA HACER NOTAR AQUELLAS SITUACIONES QUE NECESITAN DIAGNÓSTICO DE DIFICULTADES MEDIANTE LA GRÁFICA DE CONTROL POR VARIABLES.

GRÁFICA DE CONTROL DE DEFECTOS POR UNIDAD

LA VARIACIÓN ERRÁTICA EN LOS ESTÁNDARES Y LAS PRÁCTICAS DE INSPECCIÓN TIENEN MÁS PROBABILIDADES DE EXISTIR EN ESTE TIPO DE INSPECCIÓN. LA GRÁFICA DE CONTROL DE DEFECTOS POR UNIDAD COMPRUEBA GENERALMENTE SER ÚTIL PARA ESTANDARIZAR LOS MÉTODOS DE INSPECCIÓN.

MUESTREO DE ACEPTACION

LA INSPECCIÓN DE ACEPTACIÓN ES UNA PARTE NECESARIA DE LA MANU FACTURA Y PUEDE SER APLICADA A LOS MATERIALES QUE SE RECIBEN. A LOS PRODUCTOS PARCIALMENTE ACABADOS EN DIFERENTES ÉTAPAS INTERMEDIAS DEL PROCESO DE MANUFACTURA Y AL PRODUCTO FINAL. LA INSPECCIÓN DE ACEPTACIÓN PUEDE LLEVARSE A CABO EXTERIORMEN TE POR EL COMPRADOR.

Mucha de esta inspección de aceptación se lleva a cabo median te muestreo. A menudo la inspección 100% resulta impracticable o claramente antieconómica.

Deberá conocerse que mientras una parte del producto sea defeç tiva es posible que algunos elementos sean pasados por alto cualquiera que sea el esquema del muestreo de aceptación. Intenta valuar el riesgo asumido con procedimientos de muestreo alternos y tomar una decisión acerca del grado de protección necesario en cualquier caso. Es entonces posible seleccionar un modelo de muestreo de aceptación que proporcione un grado deseado de protección. Con la debida consideración a los diferentes costos involucrados.

LA GRAFICA DE CONTROL PARA LA FRACCION DEFECTIVA

COMO UN INSTRUMENTO PARA EL ANÁLISIS ESTADÍSTICO, LA GRÁFICA DE CONTROL POR FRACCIÓN DEFECTIVA TIENE EL MISMO OBJETO QUE LAS GRÁFICAS X Y R. DESCUBRE LA PRESENCIA DE CAUSAS ASIGNABLES DE VARIACIÓN AUNQUE NO ES TAN SENCITIVA COMO LAS GRÁFICAS X Y R A LA INFLUENCIA DE DICHAS CAUSAS. ES USADA EFECTIVAMENTE PARA MEJORAR LA CALIDAD, AUNQUE ES BASTANTE INFERIOR A LAS GRÁFICAS X Y R COMO INSTRUMENTO PARA EL DIAGNÓSTICO REAL DE CAUSAS DE DIFICULTAD.

LA FRACCIÓN DEFECTUOSA P. PUEDE SER DEFINIDA COMO LA RAZÓN EN TRE EL NÚMERO DE ARTÍCULOS DEFECTUOSOS Y EL NÚMERO TOTAL DE ARTÍCULO INSPECCIONADOS EXPRESADO EN FRACCIÓN DECIMAL.

EL PORCENTAJE ES 100P.

PARA EL CÁLCULO REAL DE LOS LÍMITES DE CONTROL SE USA LA FRACCIÓN DEFECTUOSA.

PARA EL TRAZADO GRÁFICO SE EMPLEA EL PORCENTAJE DEFECTUOSO.

CONDICIONES FAVORABLES PARA EL USO ECÓNOMICO DE LA GRÁFICA DE CONTROL PARA DEFECTOS POR UNIDAD

- 1. Conteo de defectos, todos los cuales deben ser eliminados siguiendo una inspección del 100% (reducir costos de reprocesado).
- 2. Cuando cierto número de defectos por unidad son tolerables aún cuando se desea mantener su número a un mínimo. (mejoramiento de la calidad de salida del producto, condicionado a una mejor aceptación del consumidor).
- 3. ESTUDIOS CORTOS ESPECIALES DE LA VARIACIÓN DE LA CALIDAD DE UN PRODUCTO PARTICULAR O DE UNA OPERACIÓN DE MANUFACTURA.
- 4. PARA PROCEDIMIENTOS DE MUESTREO DE ACEPTACIÓN BASADOS EN DEFECTOS POR UNIDAD.



DIVISION DE EDUCACION CONTINUA FACULTAD DE INGENIERIA U.N.A.M.

CONTROL ESTADISTICO DE CALIDAD

CARTAS DE CONTROL

- -CALCULO DE LIMITES-
 - EJEMPLOS -

M. EN I. CARLOS J. MENDOZA ESCOBEDO

SEPTIEMBRE, 1985.

TABLA I

Númen de	Carta	para pro	anedios	C	arta pa	ra desvi	aciones	estáncia	,			Cart	a para r	anges			CartaX
discreación ors en la sourstra		rri para le Contri		Eactor Hora c		Factore	s para K	m ites de	control		es para rentral	Fa	clores p	ara limit	rs de cor	itroi	Factor part limites de
# H	4	Aı	.11	1 1	1/c1	B ₁	B ₁	B,		dı	1/4,	d ₃	D_1	D_1	D ₀	D,	E,
3 3	2.121 1.732 1.500 1.312	3.760 2.394 1.880 1.596	1.023 0.729	0.5642 0.7236 0.7979 0.8407	1.3820	0000	1.813 1.858 1.808 1.756	0 0 0	3,267 2,568 2,266 2,059	1,69,0 2,050	0.8865 0.5907 0.4857 0.4299	0.853 0.855 0.855 0.850 0.861	0 0	\$.686 4.358 4.698 4.918	000	3,267 2,575 2,282 2,115	1.460 1.457 1.457
	1.225 1.131 1.061 1.000 0.919	1.110 1.277 1.175 1.071 1.028	0.419 0.173 0.317	0.8686 0.8882 0.9027 0.9139 0.9227	1.1259 1.1078 1.0912	0.105 0.167 0.219	1.711 1.672 1.638 1.609 1.581	0,030 0,118 0,185 0,239 0,281	1.815	2.701 2.817 2.970	0.3916 0.3698 9.3512 0.3367 0.3249	0.833 0.820 0.808	0 0.205 0.357 0.516 0.687	5.078 5.703 5.307 5.394 5.469	0 0.076 0.136 0.184 0.225	2.001 1.921 1.861 1.816 1.777	1.114 1.109 1.054 1.010 0.915
11 12 13 14 15	0.802	0.971 0.925 0.881 0.848 0.516	0.266 0.249 0.235	0.9300 0.9359 0.9110 0.9153 0.9190	1.0631 1.0627 1.0579	0.331	1.561 1.541 1.523 1.507 1.492	0.321 0.354 0.382 0.406 0.428	1.679 1.616 1.618 1.594 1.372	3,258 3,346 3,407	0.3152 0.3069 0.2935 0.2935 0.2880	0.778 0.770 0.762	0.812 0.924 1.026 1.121 1.207	5.534 5.592 5.646 5.693 5.737	0.256 0.284 0.308 0.329 0.319	1,744 1,716 1,692 1,671 1,652	0.545
16 17 18 19 20	0.750 0.728 0.707 0.688 0.671	0.788 0.767 0.738 0.717 0.697	0.194 0.187	0.9523 0:9551 0.9576 0.9599 0.9619	1.0179 1.0142 1.0118	0.445 0.461 0.477	1.478 1.465 4.454 1.413 1.413	0.418 0.166 0.482 0.497 0.510		3.588 3.640 3.689	0.2531 0.2787 0.2747 0.2711 0.2677	0:743 0.738	1.245 1.359 1.426 1.490 1.518	5.779 5.817 5.834 5.838 5.922	0,361 0,379 0,392 0,494 0,414	1.636 1.621 1.608 1.596 1.586	0.849 0.936 0.814 p. 813 0.803
21 22 23 24 25	0.655 0.610 0.626 0.612 0.600	0.679 0.642 0.647 0.632 0.619	0.167 0.162 0.157	0.9638 0.9655 0.9670 0.9684 0.9696	1.0358 1.0342 1.0327	0.516 0.527 0.538	1.424 1.415 1.407 1.399 1.392	0.523 0.534 0.545 0.555 0.565	1.477 1.466 1.455 1.445 1.435	3.819 3.858 3.695	0.2617 0.2618 0.2592 0.2567 0.2544	0.720 0.716 0.712	1.606 1.659 1.710 1.759 1.804	5.950 5.979 6.006 6.031 6.058	0.425 0.434 0.433 0.452 0.459	1.575 1.5% 1.557 1.548 1.541	0.744 0.385 0.338 0.330 0.363
ås de 25	√ 3	<u>√</u>	·•••••		• • • • • •	•	••	•	00	•••••						•••••	3

·1- - 1

~1+<u>√2</u>

TABLA II

Número minimo m de muestras de tamaño n requerido para elaborar una carta X con una confianza de 98%, cuando se emplean los rangos.

	,	•
<u>n</u>		m
2	•	15
3		, 9
4	•	7
5		6
6		5
7		. 5
8	•	4
9		4
10		.4
12		4
14		4
16		3
18		3
20		3
	,	

TABLA III

Número mínimo m de muestras de tamaño n requerido para elaborar una carta X con una confianza de 98%, cuando se emplean las desviaciones estándar.

n		m
2		16
3	·	9
4		7
5	٠	6
6		5
7		. 5
8		4
9		· 4
		4
10	•	4
12		
14		3
16	• .	3
18	•	3
20		3
	·	

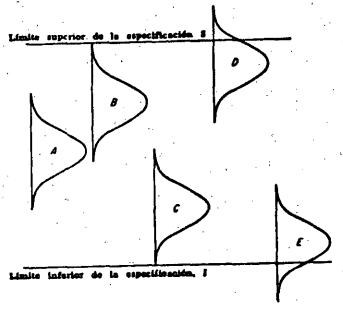


Fig. 6-1. Algunos casos en que la dispersión de un proceso es menor que la diferencia entre los limites de la especificación

DERECCIONES PARA LAS GRAFICAS $X \vee R \dots$

Limite superior de la U especificación, S il U

Limite inferior de la sepecificación,

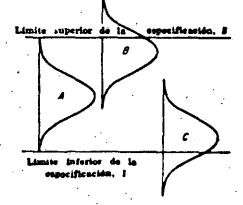


Fig. 6-2. Algunos casos en que la dispersión de un proceso es aproximadamente igual a la diferencia entre los limites de la especificación

Fig. 6-3. Algunos casos en que la dispersión de un proceso es mayor a la diferencia entre los límites de la especificación

177

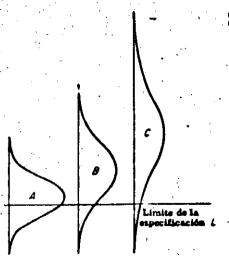
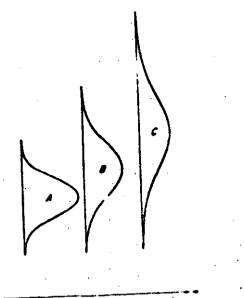


Fig. 6-6. Algunos casos en que el valor bajo de la distribución del proceso se encuentra abajo del mínimo de la especificación



Limite de especificacion.



Lete de especificación, I

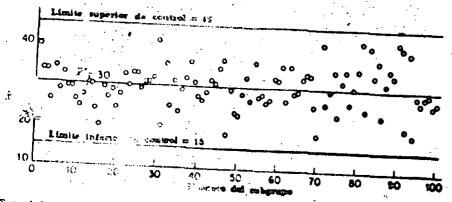


Fig. 4-4. Gráfico de comerol X, para 100 subgrupos de cuatro entracelence

WARLA COMPARACION DE ESTIMACIONES DE LA DESVIACION EL TANDAR CES UNIVERSO », BASADAS EN TAMAROS DE SUBGRUPO DE 3, 4 Y 8

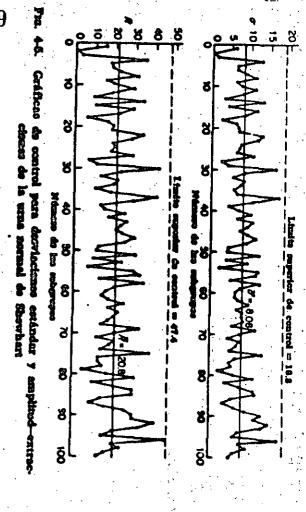
(Valor conocido de e' = 9.95)

te ordenes	Estimaci Tamaho de Igu a	subgrupe	Tamade é	enor de e' e subgrupe si a 4	Tamado é	krampe da e* ko enzhapenago mi m 8
	A partir de R	A partir do 7	A partir do A	A partir de 7	A partir do Å	A pestir de D
80	8.62	8.62	8.94	8.97	9.24	9.06
41-160	10.75	10 75	10.51	10.64	10.50	10.56
484 [240]	9.73	9 73	10.51	10.48	9.76	9.50
USB-020	8.86	8.86	8.89	9.06	8.85	9.03
323 000	11.68	11 68	11.56	11.48	11.98	12.17
1-400	9.93	9.93	10.08	10.12	10.07	10.13

TABLA 4.5. DISTRIBUCION DE FRECUENCIAS RELATIVAS DE LAS DESVIACIONES ESTANDAR DE LAS MUESTRAS DE 2, 4 Y 8, A PARTIR DE 400 E CTRACCIONES DE LA URNA NORMAL DE SHEWHART

(Todas las frecuencias están expresedas como percentajes del total)

Lizator da los	•	falama de	•
esidas	a = 2	R = 4	(
19.95-21 93	1 0	 -	
17.95 19.93	0.5	i	•
15.95-17.93	1.0	3	•
13 45-13 95	2.5	_ i ·	- 7
11.95-13.95	4.0		•
9.95-11.95	5.5	10	22
7.95- 9.95	13.5	13	30.
5.95- 7.95	16.0	33	26
3.95~ 5.95	15.5	17	10
1.95- 3.95	20.0	6	٠.
0.00- 1.95	20.5		



To the suppruper

RELACION de DE LA RESPERADA SOBRE & AL PROMEDIAR SO NUMEROS DE SUBGRUPOS DE 5 DE UN UNIVERSO NORMAL

LABLA

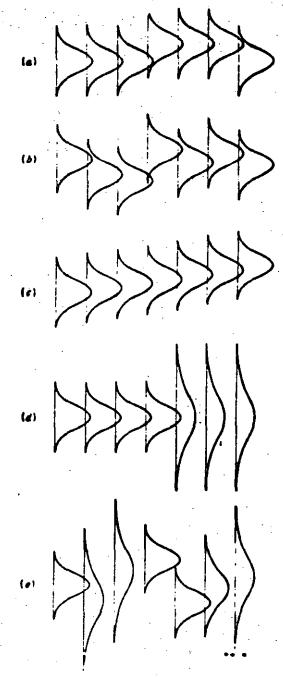


Fig. 5-1. Sistemas de causas casuales (regresentados aquí por curvas de frecuencias) que pueden cambiar en formas diferentes: (a) cambio sostenido en el promedio del universo con dispersión constante; (b) cambios irregulares en el promedio del universo con dispersión constante; (c) tendencia estable en el promedio del universo con dispersión constante; (c) cambio en la dispersión del universo sin cambio en el promedio; y (e) cambio sirregulares tanto en el promedio como en la dispersión.

1ABLA 2-1. MEDICIONES DEL DIAMETRO DE PASO DE LOS HILOS DE UN ACCESORIO DE AEROPLANO

(Los valores están expresados en unidades de 0.0001 pig en exceso a 0.4009 pig. La dimensión está específicada a 0.4037 \pm 0.0013 pig)

Número . de la muestra	Medici	ón de cad	a uno de por hora	ciace ele	mentee .	Promedio	Amplitud
1	36	35	34	33	32	34.0	4
2	31	31	34	32	30	31.6	. 4
3	30	30	32	30	32	30.8	2
4	32	33	33	82	35	33.0	3
. 9	32	34	37	87	35	35.0	5
6	32	32	3i	23	33	22.2	2
7 8	33	33	36	82	31	33.0	- 5
· 8]	_23_	33	36	25	36	32.6	13
9	43	36	35	94	31	33.8	19
10	30	35	34	41	41	37.8	. 6
11	34	38	35	34	38	35.8	4
12	36	38	30	39	40	38.4	4
13	36	40	35	26	23	34.0	14
14	36	35	37	34	33	35.0	4
15	30 , .	37	83	34	3.5	33 .8	7
16	28	31	*	33	33	31.6	. 5
17.	33	20	24	33	35	83.0	- 5
18	27	28	20	27	30	28.2	3.
19	35	36.	20	27	32	31.8	9
20	33	35	3 .	39	36	35.6	6.
Totales						671.0	124

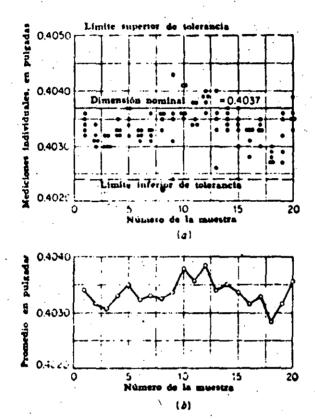


Fig. 2-1. Diámetro de paso de los hilos de accesorios del sistema hidráulico de un aeropiano. (a) mediciones individuales; (b) promedios de muest 18 de cinco unidades

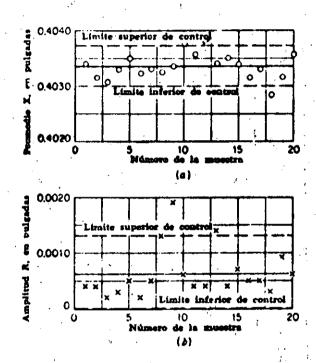


Fig. 2-2. Diametro de paso de los hilos de un accesorio para el sistema hidráulico de un aeroplano: (a) gráfica de control para promedios (R); (b) gráfica de control para amplitudes (R)

TABLA 2-2 MEDICIONES DE LA DISTANCIA ENTRE LA PARTE TRASERA DE LA PERILLA DE REOSTATO Y EL LADO MAS LEJANO DEL ORIFICIO PARA LA CLAVUA

(Los valores están expresados en unidades de 0.001 plg. La dimensión específicada es 0.140 \pm 0.003 plg

2 1 3 1 4 1 5 1 6 1 7 1	140 138 139 143 142 136 142 143	148 143 133 141 142	137 143 147 137 145	134 145 148 138 135	135 146 139 140 198	137.8 143.0 141.9 139.8	9 8 15 6
2 1 3 1 4 1 5 1 6 1 7 1	138 139 143 142 136	143 133 141 142	143 147 137 145	146 138	139 140	141.2 139.8	15
3 1 4 1 5 1 6 1 7 1 8 1	139 143 142 136 142	133 141 142 144	147 187 145	146 138	140	139.8	
6 1 7 1 8 1	143 142 136 142	141 142 144	145				6
5 1 6 1 7 1 8 1	142 136 142	142		135	128	1	
7 1	142		148			140.0	10
8 1		444	140	136	187	139.3	
- 1	143	147	137	143	138	141.3	10
		137	145	137	138	140.0	. 8
9 1	141	142	147	140	140	143.0	7
10 1	142	137	145	140	133	139.2	18
11 1	187	147	142	137	135	130.6	- 13
12 1	137	146	143	145	140	141.4	•
18 1	143	142	129	141	143	141.2	. 9
14 1	137	145	144	137	140	140.6	8
15 1	144	143	143	125.	144	161.6	•
16 1	140	132	144	145	141	140.4	18
17 1	137	137	143	143	141	140.0	6
18] 1	187	142	142	145	143	141.8	
19 1	143	143	143	140	135	160.4	
20 1	136	142	140	139	187	128.8	
!	142	144	160	133	143	141.4	6
	39	146	143	140	139	141.4	7
,	140	145	142	139	137	140.6	
	134	147	143	141	142	141.4	18
26 1	138	145	141	: 187	161	140.4	8
1	140	145	148	144	138	143.0	7
27 1	145	145	137	136	140	141.0	233

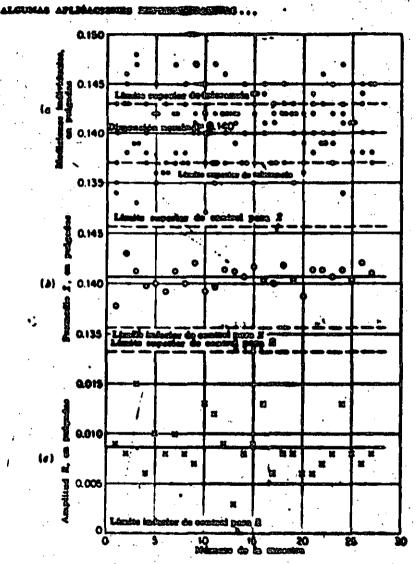


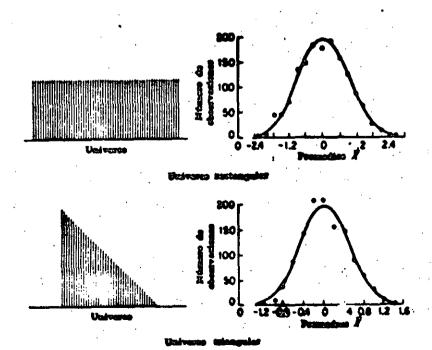
Fig. 8-3. Modiciones de las dimensiones de la parilla de sociato: (e) mediciones individuales; (b) gráfica de comerci de permedias (I); (c) gráfica de control de amplitudes (I)

ABLA 4-3. FRECUENCIAS RELATIVAS DE LOS VALORES DE X N LAS MUESTRAS DE DIFERENTES TAMAÑOS A PARTIR DE 400 1 NTRACCIONES DE LA URNA NORMAL DE SHEWHART (Todas las frecuencias expresadas como porcentajos del total)

Limites de las celdas*	Chart. Lacido en la Esta	X n = 2	X n - 4	. X n = 8	X n — 16	¥ a == 40	7 n = 50	2 a = 65
53.31-61.31 55.21-56.31 52.71-55.21 53.31-52.31 53.31-40.31 54.31-40.31 51.31-40.31 51.31-31.31 51.31-31.31 51.31-31.31 51.31-23.31 51.31-23.31 51.31-23.31 51.31-16.31 51.31-16.31 51.31-16.31 51.31-16.31 51.31-16.31 51.31-16.31	5.8 5.0 9.9 12.0	1.0 0.8 2.0 3.5 9.0 11.7 12.0 18.5 12.0 11.0 8.5 2.0 0.5 2.0	5 3 11 21 23 21 10 8	8 27 34 26 4	4 23 26 28	20 60 20	25 50	109

The 4.9. La distribución de los valores X de 1 000 muestras de cuatro cara una extraúlas de la urma nurmal de Shewhart, se acercan mucho a la curva mormal (Reproducido, bajo permiso, de "Economic Control of Quality of Menormal Product" por W. A. Shrubart, publicado por D. Van Nostrand

Distribución



Pro. 4-3. Aun a partir de universos rectangulares y estangulares, la distribución de los valores X de las muestras de cuatro es, aproximadamente, normal. (Reprodución, hajo permiso, de "Economie Control of Quality of Manufactural Product" por W. A. Shewhere, publicado por D. Van Noomand Compuny, Ing.).

TABLA C. FACTORES PARA DETERMINAR LOS LIMITES DE CONTROL DE 3 SIGMA A PARTIR DE 2 PARA GRAFICAS X Y R

Mázasto da	Factor	Postoves para la gráfica B				
en el subgrupe	para la gráfics X.	Limits infinise de canarel	Lémite experier			
<u> </u>	A,	D _a	D.			
3	1,88	•	8.27			
a (1,02	0	8.57			
4	0.78	., 🕲	9.26			
5	0.53	. 0	9.11			
	0.48		3.00			
7	0.49	0.05	1.92			
8 }	0.37	0.14	1.86			
9	0.34	0.18	1.82			
10	0.31	0.23	1.78			
11	0.29	0.26	1.74			
- 12	0.27	0.28	1.72			
. 18 j	0.25	G.āi	1.89			
14	0.24	0.23	1.67			
15	0.22	0.25	1.65			
19	0.21	0.36	1.66			
17	0.20	Ø. 28 ·	1.63			
18	0.19	0.39	1.61			
19	0,19	0.40	1.60			
30	0.18	0.41	1.59			

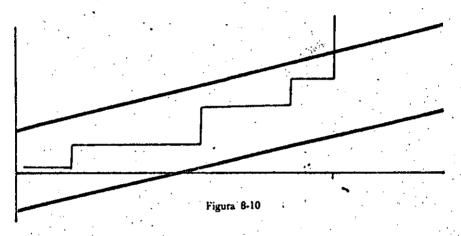
Limits experier do control para $X = LSC_2 = X + A_0R$ Limits inferior do control para $X = LIC_2 = X - A_0R$

(Ci co con un valer introdució o estándar do X' en lugar de X como lince cuntral de la geófica do control, X' deberá cer quelituida por X en los Hermulas posendentes.)

Limits experior do control pass $R = LSC_B = D_aR$ Limits inferior do control pass $R = LSC_B = D_aR$

Todos los fosteses en la Tabla C están besedes en la distribución promei.

En la práctica, no es necesario hallar los valores del cuadro 8-2, sino, a simple vista en la figura 8-9, se decide la acción a seguir. La interpretación de los números de aceptación y rechazo es similar a la de las tablas del muestreo múltiple en MIL-STD 105-D, por ejemplo, llegamos a 31



piezas inspeccionadas, si no hay ninguna defectuosa, se acepta el lote, y si hay 3 defectuosas, se rechaza el mismo; pero, si las defectuosas encontradas son 1 6 2, se prosigue la inspección.

Por ejemplo, si llegamos a 60 inspecciones y tenemos 4 desectuosas, rechazamos el lote.

CHADRO 8-1

		CICADRO	-	
£.		·	Con a == 0,05	$\beta = 0.10$
P	. P ₂	h _i .	h ₂	S
0,005	0,01	3,2245	4,1398	0,0072
	0.02	1,6064	2,0624	. 0,0108
	0,03	1,2389	1,5906	0,0140
	0,04	1,0643	1,3664	0,0169
<u>-</u>	0,05	0.9585	1,2305	0,0197
•	0.06	0,8857	1,1371	0,0224
	0,07	0,8318	1,0679	0,0250
0,010	0.03	2.0118	2,5829	0,0182
	0,04	1,5887	2.0397	0,0217
٠ ،	0.05	1,3639	1,7510	0.0250
- 12	0.06	1,2211	1,5678	0.0281
	0,07	1,1209	1,4391	0,0311
•	0,08	1,0458	1,3426	0,0340
0.015	0,03	3,1776	4.0796	0,0217
,,,,,	0,04	2,2367	2,8716	0,0255
	0,05	1,8153	2,3307	0,0292
_	0,06	1,5710	2,0169	. 0,0326
	0,07	1,4089	1,8089	0,0360
0,02	0.03	5,4154	6,9527	0,0247
	0.04	3,1541	4,0195	0.0289
	0,05	2,3763	3,0509	0,0329
	0,06	1,9743	2,5348	0,0366
	0,07	1,7250	2,2146	0,0101
*: .	0,08	1,5532	1,9941	0,0136
	0,09	1,4265	1,8315	0,0170
•	0,10	1,3285	1,7056	0,0503

1. EJEMPLO

Ilustraremos con un ejemplo para las siguientes condiciones:

$$P_{\rm i}=0.01$$

$$P_{a} = 0.08$$

$$\mathcal{N} = 100$$
 (támaño lote)

$$a = 0.05$$

$$\beta = 0.10$$

Buscamos las constantes h_1 , h_2 y S en el cuadro 8-1, y obtenemos los siguientes valores:

$$h_1 = 1,0458$$

$$S = 0.0340$$

$$h_2 = 1.3426$$

Las dos líneas de rectas para la aceptación y el rechazo serán:

$$d_2 = h_2 + SN = 1,3426 + 0,034 n$$

 $d_1 = h_1 + SN = 1,0458 + 0,033 n$

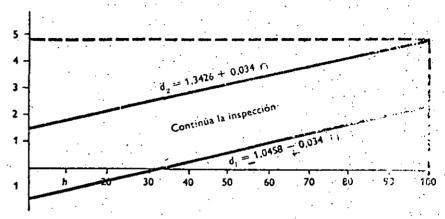


Figura 8-9

Se ve que en este plan con las primeras 30 unidades inspeccionadas (n=30), no se puede tomar la decisión para la aceptación, pero si para el rechazo. En la figura 8-9 está claramente visible en la abscisa que antes de 30 inspecciones los valores de d son negativos. No tiene ningún sentido que los números de piezas defectuosas sean negativos. Se interpreta como si no tuviera criterio de aceptación. Según las dos líneas d_1 y d_2 se pueden calcular los números de aceptación y rechazo a medida que aumenta el número de piezas inspeccionadas. Veamos el cuadro 8-2.

CUADRO 8-2

n	Ac	Re
1-19		2
20-30	•	3.
31-48	٠ 0	3. 3
49-60	0	4
61-70	1	. 4
71-79	• 1	5
80-89	- 2	5
90-100	. 3	5

Significa que no existe el criterio de aceptación.

133

En la curva de característica puede ver cómo están las cuatro posiciones:

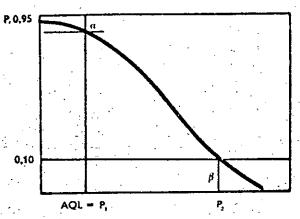


Figura 8-7

En resumen, en el plan de muestreo secuencial se fijan 4 parámetros:

- 1. P: El nivel de calidad aceptable, expresado en porcentaje desectuoso como en las tablas de MIL-STD 105-D. (Para simplificar la nomenclatura lo llamaremos P_1 que equivale a AQL.)
- 2. u: La probabilidad de rechazar el lote de este nivel de calidad aceptable P_1 .
- 3. P₂: El nivel de calidad inaceptable, expresado en fracción defectuosa.
- 4. β : La probabilidad de aceptar un lote de esta calidad inaceptable P_z .

Con estos cuatro parámetros $(P_1, P_2, \alpha y \beta)$ se pueden calcular tres constantes h_1, b_2 y S¹, flue caracterizan el gráfico de control, en el cual Las formulas para calcular las constantes b_1, b_2 y S son las siguientes:

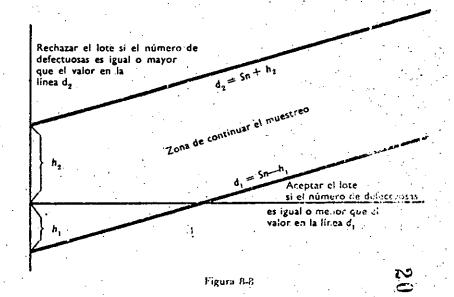
$$h_{1} = \frac{\log \frac{1-a}{\beta}}{\log \frac{P_{1}}{P_{1}} (\frac{1-P_{1}}{1-P_{2}})}, \quad h_{2} = \frac{\log \left(\frac{1-\beta}{a}\right)}{\log \frac{P_{2}}{P_{1}} (\frac{1-P_{1}}{1-P_{2}})}$$

$$S = \frac{\log \left(\frac{1-P_{1}}{1-P_{2}}\right)}{\log \frac{P_{2}}{P_{1}} (\frac{1-P_{1}}{1-P_{2}})}$$

debe basarse la inspección de lote. Con estas tres constantes, se establecen las dos siguientes ecuaciones:

$$d_2 = Sn + h_2$$
 representa la linea de rechazo representa la linea de aceptación

Gráficamente se puede apreciar en el siguiente dibujo:



En la figura 8-8, la abscisa indica las unidades de las nuestras inspeccionadas y la coordenada representa las piezas defectuosas acumuladas en estas muestras. Si en cierto número de muestras, el número acumulado de defectuosas es superior a d_2 , se rechaza el lote; si es inferior d_1 se acepta. Si este número acumulado de defectuosas cae entre las dos líneas d_4 y d_2 se deben continuar sacando muestras de pieza en pieza hasta que se pueda adoptar una decisión definitiva.

A simple vista, los cálculos para hallar los valores de las tres constantes parecen complicados, pero en la práctica no se necesita ningún cálculo. Existen tablas confeccionadas que nos dan los valores h_1 , h_2 y S con los riesgos fijos de a=0.05 y $\beta=0.10$ y los valores P_1 de 0.0002 a 0.10 y P_2 de 0.002 a 0.35.

Para el uso más corriente, seleccionamos los P_1 de 0,005 a 0,02 y P_2 de 0,01 a 0,10 y reproducimos los valores de h_1 , h_2 y S en el siguiente cuadro:

Sequential Analysis of Data: Application, pag. 2.39-2.42

Nociones generales sobre planes de muestreo secuencial con inspección de«pieza por pieza»

En los capítulos anteriores hemos tratado los planes de muestreo de aceptación en lotes. En el muestreo simple, el número de piezas que compone la muestra es fijo según cada plan. En el muestreo doble, el número de piezas de la muestra, en parte es fijo según el plan y en parte será determinado con arreglo al resultado del proceso de muestreo. Si el lote es aceptado o rebajado en la primera muestra, no hay necesidad de tomar la segunda muestra. Por este motivo el muestreo doble podría dar posibilidades de reducir los costos de inspección, siempre que la calidad del lote sea suficientemente buena o mala. El razonamiento del muestreo múltiple es similar al muestreo doble respecto al procedimiento y a la disminución de los costos de inspección.

El éxito del muestreo doble o múltiple en el sentido de la reducción del costo de inspección induce a crear una nueva técnica de muestreo que se denomina «muestreo secuencial». La característica fundamental de esta nueva técnica de muestreo es que la verificación se hace de pieza en pieza, y el número definitivo de las piezas que deben ser seleccionadas dependen del resultado del proceso de inspección de las «piezas precedentes»; mientras que la del muestreo doble o múltiple, se inspecciona de muestra en muestra y la decisión de tomar la siguiente muestra, depende

del resultado de las anteriores. Por lo tanto, la reducción del costo de inspección será aún más considerable en este nuevo plan (muestreo secuencial) que los distintos planes estudiados anteriormente.

El muestreo secuencial en inspección de pieza por pieza está basado sobre la noción de «juego de azar». Supongamos dos jugadores A y B y cada uno tiene 5 duros; lanzan una moneda al aire, si sale «cara» gana un duro A sobre B, y si sale «cruz», B gana la misma cantidad sobre A! En caso de que la moneda no sea perfecta, con pocas tiradas, A podrá arruinar a B, o viceversa. En el muestreo secuencial, se hace la misma clase de juego, porque si una pieza inspeccionada es buena, apuntamos a un valor positivo, o si es mala, anotamos a un valor negativo.

Cuando llegue el momento en que los valores positivos registrados sobrepasan a cierto valor límite, se interrumpe la inspección y se acepta el lote; en caso contrario, si la suma de los valores negativos alcanza a otro valor límite predeterminado, se rechaza el lote.

La técnica del análisis secuencial fue desarrollada por A. Wald en 1943 cuando era miembro del grupo de Investigación Estadística en la Universidad de Columbia de los Estados Unidos. El trabajo de A. Wald da la teoría matemática y las variedades de su aplicación.

Por su utilidad y su base científica, la obra de Wald fue mantenida como «secreto» restringido al uso militar. Como la consecuencia de la gran aplicación que hicieron los tres ejércitos norteamericanos y la Oficina de Investigación y Desarrollo Científico utilizando como métodos para la aceptación de materiales en la Recepción e instrumentos estadísticos para la investigación científica, en el año 1945 se tuvo que revelar el secreto para su mayor divulgación en el campo industrial.

Consideremos, en primer lugar, un caso de inspección de un lote. Se toma la muestra de una pieza, clasificándola como buena o defectuosa. Esto es una inspección por atributos. Wald comienza con el establecimiento de estos cuatro criterios:

- 1. ¿Qué porcentaje defectuoso puede ser tolerado (nivel aceptable de calidad NAC) considerando que el lote es suficien emente bueno para ser aceptado? Por ejemplo, el 1 % es un NAC aceptable.
- 2. Se acompaña a esta aceptabilidad con el riesgo del productor a: a esta probabilidad de ser rechazado el lote, siendo su calidad buena con el 1% de piezas defectuosas.
- 3. Por otra parte, se fija qué porcentaje defectuoso no puede ser tolerado bajo ningún concepto, por ejemplo, el 8 %.
- 4. A este nivel de calidad no aceptable, habrá un riesgo de aceptar lotes malos, como consecuencia del muestreo. Este desgo es ele consumidor que se designa con la letra β. Dicho de otro modo, β es la probabilidad de aceptar un lote malo, con el 8 % de piezas desectuosas.

b) CSP-2 v CSP-3 (Plan de muestreo continuo 2 y 3)

Estos dos planes de Dodge son variantes del plan original arriba mencionado. La razón de la variación es la siguiente:

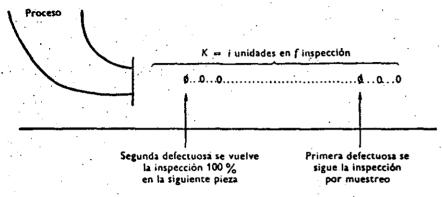


Figura 8-4

Muchos verificadores opinan que al hallar una pieza defectuosa, no siempre es necesario recurrir a la inspección 100 %, ya que esa defectuosa podría ser esporádica en el proceso de la fabricación. En 1951, Dodge y y Toney propusieron los planos CSP-2 y CSP-3.

El plan CSP-2 es el siguiente:

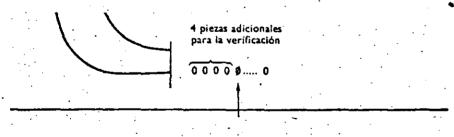
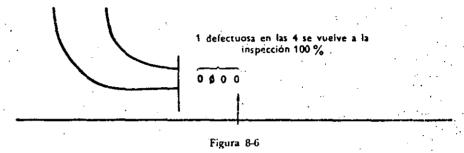
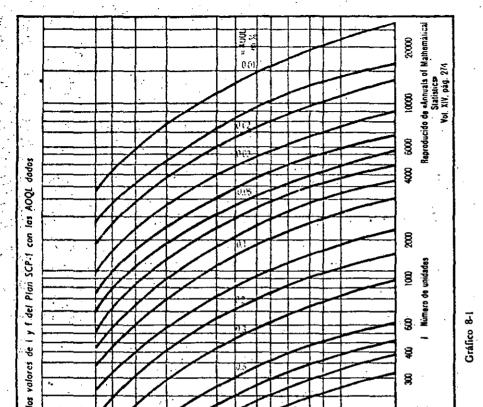


Figura 8-5

La inspección 100 % no se vuelve hasta que se encuentren dos defectuosas durante el espacio de K unidades de la muestra. Este K se identifica con i. Por ejemplo, tenemos un plan de i=60, f=0.20 y AOQL = 1 %, durante la inspección por muestreo, la frecuencia es cada 5 unidades verificar 1. Si en 60 verificaciones se encuentra dos defectuosas se interrumpe la inspección por muestreo, y se vuelve a la del 100 %.

El plan de CSP-3 sigue la forma de CSP-2, pero incorporando el siguiente procedimiento para dar una protección adicional contra la producción esporádica. Este plan requiere que, después de ballar una defectuosa en la inspección por muestreo, se verifica las 4 piezas inmediatas de esta defectuosa. Si alguna de las 4 es defectuosa, se vuelve a la inspección 100 %. Si no hay más defectuosas, se procede como el plan CSP-2.





Si schalamos un AOQL del 1%, se puede encontrar los signientes planos:

- 1) i = 450; $f \approx 0.05$ (cada 20 se verifica una unidad)
- 11). i = 60; f = 0.25 (cada 4 se verifica una unidad)
- 111) i = 70; f = 0.20 (cada .5 se verifica una unidad)
- IV) i = 50; f = 0.30 (cada 3 se verifica una unidad)

La selección de i y f está generalmente basada en las consideraciones prácticas.

Por ejemplo, si el verificador está en el final de la linea de la cocición.

es prescrible elegir una i pequeña para tener una f mayor.

Dodge indicó que la protección contra la mala co idac. Ser la ses es muy pobre si la f es menor que 0,02. Sin embargo, la carga de la carga de la carga de la carga de muestreo supone la mayor carga de trabajo a los verificados de sugiere que el mejor resultado puede tenerse si se cargan los trabajos de la inspección 100 % al departamento de Fabricación. Mientras la inspección por el muestreo al departamento de Control.

Si hay más que una clase de desectos, por ejemplo, desecto mayor menor, se puede aplicar CPS-1 separadamente a cada clase. Es prescrible en este caso elegir un i para desectos mayores y otro i para desectos menores, teniendo constante la f. Así obtenemos la ventaja de que tanto para desecto mayor como para desecto menor, coincide en la misma unidad para la inspección por muestreo, excepto cuando se aplica la inspección 100 % al desecto mayor y la inspección por muestreo al desecto menor o viceversa.

En la práctica, podría ocurrir que los operarios conociesen la frecuencia ede inspección de un modo sistemático, por lo que prestarian mayor atención a la pieza que va a ser sometida a inspección. Si se obra así, la consecuencia sería un descenso en la calidad media del producto.

Por ejemplo, tenemos un plan en i = 150, f = 0.05: el Λ OQL = 1% para controlar durante el proceso. Si la toma de la muestra es sistemática, es decir, se selecciona una muestra de cada 20 unidades para la verificación, y si hay un aumento de porcentaje defectuoso en las piezas no muestradas, la calidad media Λ OQL pudiera ser más del 11% en vez del 1%.

Para contrarrestar este fallo, Dodge aconseja que se tome una muestra aleatoria para cada grupo de 1|f piezas. Será seleccionada para la inspección según los números equiprobables entre 0 y 1|f-1. Si f=0,10 podemos para cada grupo de 10 piezas seleccionar un dígito (0, 1, 2, ... 69) de la tabla de números equiprobables y éste indica la pieza que debe ser seleccionada.

fabricación; algunas veces, un lote rechazado puede requerir una inspección 100%, y por lo tanto, la parte que está en la siguiente etapa de fabricación debe ser retrocedida, causando una pérdida económica o una molestia para otras secciones de fabricación. Una u otras dificultades en la práctica, no permiten la aplicación de los planes de muestreo en lotes. Por esto, se han desarrollado otros planes, especialmente para producción continua. Estos se llaman «Planes de muestreo continuo» en contraposición de los planes de inspección «de lote en lote».

Los planes de muestreo continuo tienen carácter del plan «aceptación rectificación», es decir, no rechaza el producto, sino que le somete a una verificación total para obtener la parte fabricada satisfactoriamente.

Recordemos la palabra AOQL que significa «el límite máximo de la calidad media después de la inspección combinada por muestreo y 100 %, sustituyendo las piezas defectuosas por las buenas.

Existen diversos planes de muestreo continuo según podemos ver a

continuación:

2. PLANES DE DODGE PARA EL MUESTREO CONTINUO

a) CSP-1 (Plan de muestreo continuo 1)

El plan de muestreo continuo sue iniciado primero por H. F. Dodge, de la casa Bell Telephone Laboratories, en 1943. El CSP-1 sue el primer plan de Dodge y la inspección se realiza de la siguiente manera: Al comenzar el plan se inspeccionan todos los productos 100%, según el orden de tabricación; cuando se hayan inspeccionado i unidades consecutivas del producto sin hallar ninguna desectuosa, interrumpe la inspección 100% y empieza el muestreo. El muestreo consiste en inspeccionar una fracción f de unidades. Por ejemplo: f=0,10 quiere decir cada 10 piezas del producto se verifica una.

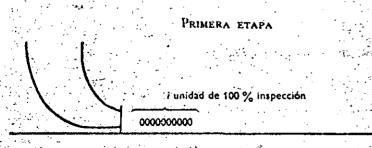


Figura 8-1

SEGUNDA ETAPA

Si no se halla ninguna defectuosa, se efectuará la inspección por muestreo cada una fracción f de piezas.

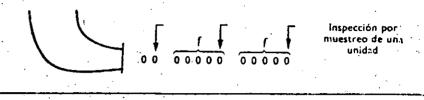


Figura 8-2

Si durante la inspección por muestreo se halla una defectuosa, se suelve a la inspección 100 % inmediatamente:

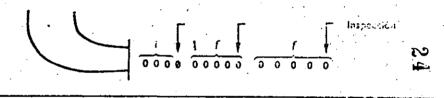


Figura 8-3

Si después de verificar nuevamente i unidades consecutives sin hallarninguna defectuosa, se empieza de nuevo la inspección por muestreo en la verificación de una fracción f de unidades producidas.

Todas las defectuosas encontradas, por este plan, deben ser sustituidas

por buenas, tanto en la inspección 100 % como por muestreo.

En el plan CSP-1, los valores i y f están asociados con un valor específico de AOQL. Para cualquier combinación de i y f, se puede encontrar un AOQL determinado. Al mismo tiempo un determinado AOQL puede encontrar diferentes combinaciones i y f. Dodge preparó un gráfico especial para las combinaciones de i y f con los valores de AOQL que reproducimos aquí (gráfico 8-1).

8. CASO BI-MODALES

Algunas veces se dan casos en las distribuciones representadas con dos modas. Por esto, se aprecia indicaciones de que existen dos distribuciones.

En tales casos, los límites de variaciones se pueden calcular a partir de cada casilla modal separadamente empleando la mitad de los valores en la casilla modal y todos los valores desde esta casilla a la rama exterior de la distribución.

Como con las medidas entre dos casillas modal se «pierden en estos cálculos», se debe ampliar el tamaño de la muestra hasta 100 unidades, así se asegura la misma precisión para cada cálculo de límites de variaciones en cuestión como se obtienen en las distribuciones unimodales de las 50 lecturas.

Los cálculos se desarrollan de modo semejante al expuesto anteriormente al tratarse de la distribución asimétrica. 600

Planes de muestreo para producción continua

<u>ن</u> این

1. DIFICULTADES CON EL PLAN DE MUESTREO EN LOTES. CUANDO LA PRODUCCION ES CONTINUA

En los capítulos anteriores, hemos estudiado diversos procedimientos de inspección por muestreo para aceptación de material en lotes. En estos planes, la formación de lote que ha dé someterse a la verificación es escucial. El Control de Recepción podrá aplicar estos planes ampliamente, ya que los envíos recibidos son fáciles para la formación de un lote. Sin embargo, en los talleres existen muchos puestos de trabajo, que operan de una manera continua sin que puedan formarse lotes. Para estas circunstancias de fabricación, la aplicación de los planes de muestree en lotes tiene en la práctica una serie de dificultades. Si se quiere adaptor los planes de muestreo en lotes, se necesitará más espacio para la formación de lotes en los puntos de terminación de fabricación y se incrementará el almacén intermedio en los talleres. En caso de que los materiales tarranexplosivos, necesitaria una seguridad adicional para el personal que trabaja en su alrededor. Si el material se deteriora con facilidad y el proceso es lento, se habrán estropeado dos productos antes de formar un loic para inspección.

Por otro lado, si se marcara lotes artificialmente, en el flujo continue de la fabricación, con el fin de aplicar los planes de muestren en lotes, e correría el peligro de ocurrir que un lote fuera rechazado, pero una parte del mismo no esté fabricado y otra parte ya está en la siguiente fase de

LA PRESENTACION DEBE INCLUIR:

- UNA DESCRIPCION CLARA DEL PROBLEMA
- * TEL PROCEDIMIENTO DE IDENTIFICACION
- * LA SOLUCION RECOMENDADA PARA EL PROBLEMA
- * EL PLAN DE ACCION PARA LA IMPLEMENTACION
- * EL COSTO ESTIMADO DE LA SOLUCION
- * LOS BENEFICIOS PRINCIPALES DE LA SOLUCION

DIVISION DE EDUCACION CONTINUA FACULTAD DE INGENIERIA U.N.A.M.

CONTROL ESTADISTICO DE CALIDAD

EJEMPLO DEL EMPLEO DE LAS GRAFICAS X y R

ING. CARLOS JAVIER MENDOZA

SEPTIEMBRE, 1985.

- I. DECISIONES PREPARATORIAS A LAS GRAFICAS DE CONTROL
 - A. ALGUNOS OBJETIVOS POSIBLES DE LAS GRAFICAS
 - B. SELECCION DE LA VARIABLE
 - C. DECISION DE LA BASE DE SUBAGRUPACION
 - D. DECISION SUBRE EL TAMAÑO Y LA FRECUENCIA DE LOS SUB-GRUPOS
 - E. ESTABLECIMIENTO DE LAS FORMAS PARA REGISTRAR LOS DATOS
 - F. DETERMINACION DEL METODO DE MEDICION
- II. INICIACION DE LAS GRAFICAS DE CONTROL
 - A. HACER LAS MEDICIONES
 - B. REGISTRAR LAS MEDIDAS Y OTROS DATOS PERTINENTES
 - C. CALCULAR EL PROMEDIO X PARA CADA SUBGRUPO
 - D. CALCULAR LA AMPLITUD R PARA CADA SUBGRUPO
 - E. TRAZAR LA GRAFICA X
 - F. TRAZAR LA GRAFICA R
- III. DETERMINAR LOS LIMITES DE CONTROL TENTATIVOS
 - A. DECISION SOBRE EL NUMERO REQUERIDO DE SUBGRUPO ANTES DE CALCULAR LOS LIMITES DE CONTROL
 - B. CALCULO DE R. EL PROMEDIO DE LAS AMPLITUDES
 - C. CALCULO DE LOS LIMITES DE CONTROL SUPERIOR E INFERIOR PARA R
 - D. CALCULO DE \overline{X} , EL PROMEDIO DE LOS VALORES \overline{X}
 - E. CALCULO DE LOS LIMITES DE CONTROL SUPERIOR E INFERIOR PARA \overline{X}
 - F. TRAZO DE LAS LINEAS CENTRALES Y LIMITES SOBRE GRAFICAS
- IV. EXTRACCION PRELIMINAR DE CONCLUSIONES A PARTIR DE LAS GRAFICAS
 - A. INDICACION DE CONTROL O FALTA DE EL
 - B. RELACION APARENTE ENTRE LU QUE ESTA HACIENDO EL PROCESO Y LO QUE SE SUPONE QUE DEBE HACER
 - C. ACCIONES SUGERIDAS POR LA GRAFICA DE CUNTROL
- V. CONTINUACION DEL USO DE LAS GRAFICAS
 - A. REVISION DE LA LINEA CENTRAL Y LOS LIMITES DE CONTROL PARA R

- B. REVISION DE LA LINEA CENTRAL Y LUS LIMITES DE CONTROL PARA \overline{X}
- C. USU DE LAS GRAFICAS PARA ACCION SUBRE EL PROCESO
- D. USU DE LAS GRAFICAS PARA ACEPTACION
- E. USO DE LAS GRAFICAS PARA ACCION SOBRE LAS ESPECIFICA-CIONES.

	но	IA DE	DATOS	S PARA	LA'C	RAFIC	A DE	CONTR	OT.	r . n	•	
Produ	on pole									•		
C4	erística ES id de med	nesor d	le la rai	nura		Lim	ites	0.88 0.87	<i>00</i> p	l g	mín mín	_
	grupo No.	1	2	. 3	4	5	6	7		\overline{x}	R	ו
		772	756	756	744	802	78 3	747	1	770	85	1
- }	b	804	787	773	780	726	807	766	2	750	54	1
1	c	779	733	722	754	748	791	753	3	751	51 36	}
1	d	719	742	760	774	758	762	758	5	756	76	┨
1	0	777	. 734	745	774	744	757	767	6	780	. 50	1
To	tal ·	3851	3752	3756	3826	3778	3900	3791	7	758	20	
Pro	medio X	770	750	751	765	756	780	758	8	77/	38 16	┨
Am	plitud R	85	54	51	36	76	50	20	10	7/7	25	1
Fec	ha u hora	3/7	3/7	3/7	3/8	3/8	3/8	3/9	//	737	36]
Sul	ogrupo No.	8	9	10	"	12	/3	14	/2	740	J6_	-
		788	757	7/3	716	746	749	77/	13	769 772	38 20	1
1	ь	750	747	730	730	727	762	767	15	768	13	1
	c	784	741	7/0	752	763	778	785	16	777	27].
	d	769	746	705	735	734	787	772	 			1
		762	747	727	751	730	771	765	┞	 	 	1
To	tal	3853	3738	3585	J684	3700	3847	3860				1
Pro	omedio X	771	748	7/7	737	740	769	772	L			_
Am	plitud R	38	16	25	36	36	38	20	1	12,129	621	
Fee	ha u bora	3/9	3/9	3/10	3/10	3/10	4/2	4/2		Cálculo limite].
Sul	bgrupo No.	15	16		L]			₹.	= /2,129÷	16 = 758	٦.
	. a	771	767					,	R	= 62/;	16 = 39	1
	Ь	758	769						A	R = .586	39)= 23	1.
	c ·	769	770			Ī				:c- = ₹ -		
11.	d	770	794		Ι.] =	750 + <u>2</u> 3	= 78 <u>1</u>	1
	•	771	786						LIC	: <u>-</u> = x −	A.R	
To	tal	3839	3886] -	758-23	= 735	
Pr	omedio X	768	777						.lr∙	$C_{\bullet} = D_{\bullet}B$	_	
An	aplitud R	13	27		1] =	2.11(39,)=82	
Fe	cha u hora	4/3	4/3			1			LI	$C_R = D_1 E$	2-0	
												≠ .

Fig. 6-7. Hoja de datos \overline{X} y R para el ejemplo 6-2

de las razones del problema. Puesto que la mayor parte de los rechazos se debían a fallas en llenar las tolerancias dimensionales, se decidió tratar de encontrar las causas de los problemas mediante el uso de gráficas \overline{X} y R.

Estas gráficas, que por supuesto requirieron una medición real de las dimensiones, serían usadas solamente para aquellas dimensiones que estaban causando rechazos numerosos. Entre muchas otras dimensiones, las seleccionadas para las gráficas de control fueron las que presentaron costos más

mensión con una tolerancia unilateral, debido a los requerimientos de ensamble del bloque terminal, era esencial que el ancho de la ranura fuera, al menos, 0.8750 plg y era conveniente que fuese lo más cercana posible a 0.8750.

La mayoría de las partes de acroplano producidas en este taller mecánico, eran grandes partes fabricadas en lotes de tamaño que variaba desde unos cuantos cientos hasta varios miles. Se consideraba que, por motivos prácticos. se exigía una decisión sencilla acerca del método de subagrupación y el tamaño y la frecuencia de las muestras, para aplicarse a todas las gráficas X y R que se usasen. Un factor limitante era el bajo número de personal disponible para la inspección necesaria de las gráficas de control, en relación con el número de gráficas de control que se deseaba mantener. Sobre esta base. se decidió que para cada gráfica la muestra inspeccionada sería de aproximadamente 5% de la producción total de la parte en cuestión. Debido a las muchas consideraciones generales que favorecían el número cinco como tamaño de los subgrupos, se adoptó éste. Se consideró asencial que, siempre que fuese posible, todas las mediciones se hicieran en el punto de producción. Como no era posible acumular lotes de cinco de estas grandes partes en la máquina, se decidió que se midiera una parte aproximadamente de cada 20 producidas, y que un subgrupo consistiría de cinco de tales mediciones.

El tipo de forma usado para registrar los datos se ilustra en la Fig. 6-7 Fue seleccionado como resultado de la decisión de medir muchas de las dimensiones hasta la diezmilésima de pulgada más cercana. Se consideró que con tantas cifras significativas se podrían introducir errores y demoras para cualquier tipo de forma que exigiera demasiada aritmética mental. Si las mediciones se hubiesen efectuado solamente hasta las milésimas de pulgada, el otro tipo de forma hubiese resultado apropiado. Esto se ilustra en la

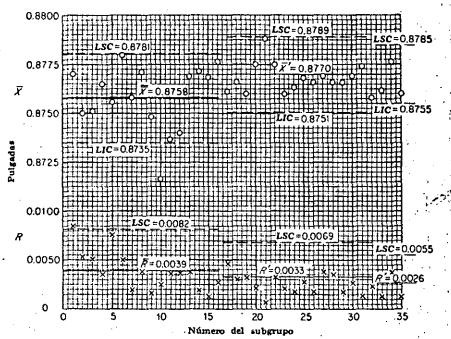


Fig. 6-9. Gráficas de control \overline{X} y R para el Ej. 6-2

SUBGRUPOS DEL 17 AL 32

	\overline{X}	. R
17	761	47
18	766	31
19	700	32
20	775	22
21	788	7
22	775	32
23	760	21
24	763	18
25	768	- 27
26	766	17
27	76 9	38
28	766	35
29	766	17
30	769	26
·31	774	14
.32	758	24
	12 284	408

$$X = \frac{12284}{16} = 768$$

$$\overline{R} = \frac{408}{16} = 26$$

EJEMPLO: MAQUINADO DE UNA RANURA EN UN BLOQUE TERMINAL DE AERO-PLANO

- I. DECISIONES PREPARATURIAS
 - A. ALGUNOS OBJETIVOS EVITAR LOS ALTOS PORCENTAJES DE RECHAZO
 - B. SELECCION DE LA VARIABLE
 DIFICULTADES EN CUMPLIR CON TOLERANCIAS DIMENSIONALES.
 ELECCION DE LAS QUE CAUSAN MAS PROBLEMAS DE RECHAZO;
 LAS QUE PRESENTARON COSTOS MAS ALTOS DE DESPERDICIOS
 Y REPROCESADO Y LAS QUE DEMORABAN LAS OPERACIONES DE
 MONTAJE
 - C. BASE DE LA SUBAGRUPACION
 TOMAR MUESTRAS DEL 5% DE LA PRODUCCION TOTAL
 - D. TAMAÑO Y FRECUENCIA DE LOS SUBGRUPOS SE ELIGIO 5 VENTAJAS DE ESTE TAMAÑO. SE DECIDIO TOMAR MEDICIONES A UNA DE CADA 20 UNIDADES PRODUCIDAS
 - E. ESTABLECIMIENTO DE LA FORMA DE REGISTRO
 - F. DETERMINACION DE LOS METODOS DE MEDICION MEDICIONES HASTA 0.0001". SE HACIAN DOS MEDICIONES DEL ANCHO; EL PROMEDIO SE REGISTRO.
- II. INICIACION DE LAS GRAFICAS DE CONTROL
 - A. HACER LAS MEDICIONES
 - B. REGISTRAR MEDIDAS Y OTROS DATOS PERTINENTES
 OPERADOR AJUSTA SU MAQUINA DESPUES DE MEDIR EN LAS
 PIEZAS AUN CALIENTES LA RANURA.
 DEBIDO A LA TOLERANCIA UNILATERAL SE ACERCA LO MAS
 PROXIMO POSIBLE A 0.8750"
 DESPUES DEL GRUPO 12 CAMBIA

MIDE LAS PIEZAS FRIAS Y TIENDE A UN VALOR 0.8775".
MITAD DE LA TOLERANCIA

- C. CALCULAR EL PROMEDIO X PARA CADA SUBGRUPO
- D. CALCULAR LA AMPLITUD R PARA CADA SUBRUPO
- E. TRAZAR LA GRAFICA \overline{X}
- F. TRAZAR LA GRAFICA R
- III. DETERMINAR LOS LIMITES DE CONTROL TENATIVOS
 - A. DECISION SOBRE EL NUMERO REQUERIDO DE SUBGRUPOS ANTES DE CALCULAR LIMITES

SE EFECTUO AL TERMINAR 16 SUBGRUPOS QUE COMPLETABA LA URDEN DE PRODUCCION

B. CALCULO DE R, EL PROMEDIO DE LAS AMPLITUDES

$$\bar{R} = \frac{621}{16} = 39$$

C. CALCULO DE LOS LIMITES SUPERIOR DE CONTROL PARA R

$$LSC_{R} = D_{4} \overline{R} = 2.11(39) = 82$$

$$LIC_R = D_3 \overline{R} = 0 \overline{R} = 0$$

D. CALCULO DE $\overline{\overline{X}}$, PROMEDIO DE LOS VALORES \overline{X}

$$\frac{12129}{16} = 758$$

E. CALCULO DE LOS LIMITES PARA $\overline{\overline{X}}$

$$LSC_{\overline{X}} = \overline{X} + A_2\overline{R} = 758 + .58 (39) = 781$$

$$L I C_{\overline{X}} = \overline{X} - A_2 \overline{R} = 758 - 23 = 735$$

F. TRAZO DE LAS LINEAS CENTRALES Y LIMITES SOBRE LAS GRAFICAS

- IV. EXTRACCION PRELIMINAR DE CONCLUSIONES A PARTIR DE LAS GRAFICAS
 - A. INDICACION DE CONTROL O FALTA DE EL GRAFICA R EL SUBGRUPO 1 ARRIBA L.C.S.

ULTIMOS 10 SUBRUPOS CAEN ABAJO DE LA LINEA CENTRAL

GRAFICA X

SUBGRUPO 10 ABAJO L.I.C.

SI SE ELIMINA SUBGRUPO 1

$$\bar{R} = \frac{536}{15} = 36$$

(REVISADO) LSC = $D_4 \overline{R}$ = 2.11 (36) = 76

SUBGRUPO 5 SOBRE L.S.C.

SI SE ELIMINA

$$\overline{R} = \frac{460}{14} = 33$$
 $\overline{R} = 0.0033$ "

ESTIMACION DE

$$G'' = \frac{\overline{R}}{d_2} = \frac{0.0033}{2326} = 0.0014"$$

DISPERSION DEL PROCESO

$$6\sqrt{9} = 6(0.0014) = 0.0084''$$

DISPERSION DE LA TOLERANCIA

$$S - I = 0.8800 - 0.8750 = 0.0050''$$

LA TOLERANCIA DEL PROCESO SUPERIOR A LA ESPECIFICADA; EXISTIRA PRODUCTO RECHAZADO A MENOS QUE SE REDUZCA LA DISPERSION.

PROCESO DE DISPERSION MUY AMPLIA PROMEDIO MUY BAJO \overline{X}

CENTRADO DEL VALOR MEDIO

RANURA ESTRECHA - SE AMPLIA RANURA MUY AMPLIA - DESPERDICIO

$$\bar{X}' + 30'' = 0.8800''$$

$$\overline{X}' = 0.8800 - 3(0.0014) = .8758"$$

SEGUIRA HABIENDO REPROCESADO

POR EXPERIENCIA SE PUEDE REDUCIR VARIABILIDAD CONVIENE CENTRAR EL PROCESO MAS ARRIBA

$$\overline{\overline{X'}} = 0.8770$$

SUPONIENDO LOGRAR G'' = 0.0010

V. CONTINUACION DEL USO DE LAS GRAFICAS
CALCULO DE LOS NUEVOS LIMITES

$$LSC_{\overline{X}} = \overline{X}' + A^{\sqrt{3}'} = 0.8770 + 1.34(0.0014) = 0.8789$$

$$LIC_{\overline{X}} = \overline{X'} - AG' = 0.8770 - 1.34(0.0014) = 0.8751$$

$$LSC_{\overline{R}}$$
 $D_2 \overline{V}' = 4.92(0.0014) = 0.0069$

LINEA CENTRAL $\bar{R} = a_2 \sqrt{= 2.326(0.0014)} = 0.0033$

$$LIC_R = D_1 \sigma' = 0$$

TAMBIEN SE PUDO HABER CALCULADO LOS LIMITES COMO:

$$LSC_{\overline{X}} = \overline{X}' + A_2 \overline{R} \qquad \overline{R} = 0.00333$$

LIC
$$\overline{\chi} = X' - A_2 \overline{R}$$
 $A_2 = 0.58$
LSC $_R = D_4 \overline{R} = 2.11 \overline{R}$
LIC $_R = D_3 \overline{R} = 0$

CON LOS DATOS DE LOS SUBGRUPOS 17-32

A. REVISION DE LA LINEA CENTRAL Y LIMITES PARA R

$$\overline{R} = \frac{408}{16} = 26$$
LSC = $D_4 \overline{R} = 2.11(0.0026) = 0.0055''$
LIC = $D_3 R = 0$

B. REVISION DE LA LINEA CENTRAL Y LIMITES PARA \overline{X} PROCESO DENTRU LIMITES DE CONTROL NO SE CAMBIA \overline{X}'

$$\overline{X}' = \frac{12284}{16} = 768$$

0 SEA 0.8768"

SI SE SIGUE CON 0.8770

$$LSC\bar{\chi} = \bar{X}' + A_2\bar{R} = 0.8770 + 0.58(0.0026) = 0.8785$$

 $LIC\bar{\chi} = \bar{X}' - A_2\bar{R} = 0.8755$

ESTIMACION DE.

$$\overline{X'} = \frac{\overline{R}}{d_2} = \frac{0.0026}{2.325} = 0.0011''$$
 $\overline{X'} + 3\overline{G'} = 0.8803'' \overline{X'} - 3\overline{G'} = .8737$



CONTROL ESTADISTICO DE CALIDAD

SISTEMAS EN SERIE Y EN PARALELO

DR. OCTAVIO A. RASCON CHAVEZ

SEPTIEMBRE, 1985.

3.9 Sistemas en serie y en paralelo

Puesto que la confiabilidad se ha definido como una probabilidad, ésta se podrá calcular, para un sistema cualquiera, si se conocen las densidades de probabilidades de falla de cada uno de sus componentes. Estas densidades se pueden obtener mediante experimentos diseñados exprofeso o mediante consideraciones de carácter subjetivo basadas en experiencias previas con componentes semejantes, o en la experiencia del que estudia la confiabilidad del sistema.

Muchos sistemas pueden considerarse con los componentes en serie o en paralelo. Se dice que un sistema es en serie si sus componentes están conectados entre sí de tal manera que al fallar uno de ellos falla el sistema; en la fig 3.10 se muestra la representación clásica de un sistema de este tipo. Un sistema es en paralelo si para que falle éste se necesita que fallen todos sus componentes; en la fig 3.11 se encuentra la representación gráfica de un sistema de este tipo.

Para estimar la confiabilidad de un sistema en serie consideraremos que los componentes del mismo son independientes, es decir, que el hecho de que uno falle no influye en la probabilidad de que cualquier otro falle. En otras palabras, la confiabilidad del componente se mantiene inalterada cuando cualquier otro falla.

Puesto que para que un sistema en serie no falle se requiere que ninguno de sus componentes falle, su confiabilidad será
igual al producto de las confiabilidades de cada uno de sus
componentes (esto se debe a que el evento "no falla el sistema"

es la intersección de los eventos "no falla el componente i" en donde $i=1,2,\ldots,n$, y n es el total de componentes). En símbolos, la probabilidad de que no falle el sistema antes del tiempo t es

$$P|T \ge t| = R(t) = R_1(t) \times R_2(t) \times \dots \times R_n(t) = \frac{n}{t+1} R_2(t)$$
 (3.73)

en donde T es la variable aleatoria "tiempo de falla del sistema" t es un valor que puede asumir T, R(t) es la probabilidad de que no falle el sistema hasta el tiempo t (su confiabilidad hasta t), y $R_{i}(t)$ es la probabilidad de que la componente i no falle antes de t. De la ec 3.73 se concluye que la confiabilidad de un sistema en serie decrece conforme aumenta el número de sus componentes, ya que se están multiplicando entre si números menores de uno. Por ejemplo, si n=4 y $R_{i}(t)=0.9$ para toda i (los componentes son idénticos), entonces R(t)=0.9 x 0.9 x 0.9 x 0.9 x 0.9 = 0.6561; si n=5, R(t)=0.9 x 0.9 x 0.9 x 0.9 x 0.9 x 0.59049

Para que un sistema en paralelo falle es necesario que fallen todos sus componentes. Si dichos componentes son independientes, la probabilidad de falla del sistema en algún instante previo a t será

$$P|T \le t| = F(t) = 1 - R(t) = \frac{n}{n} |1 - R_{\lambda}(t)|$$
 (3.74)

por lo que la confiabilidad del sistema será $1-P|T \le t|$, es decir

$$R(t) = 1 - \frac{\pi}{\pi} \left[1 - R_{i}(t) \right]$$
 (3.75)

Puesto que todas las probabilidades de falla que aparecen en el miembro derecho de la ec 3.74 son menores que uno, el resultado de aplicarla decrecerá conforme aumenta el número n de componentes, es decir, la probabilidad de supervivencia

. .

de un sistema en paralelo aumenta conforme crece el número de sus componentes y, por consiguiente, su confiabilidad (ec 3.75) aumenta.

Por ejemplo, si un sistema en paralelo tiene cuatro componentes (n=4) y si $R_{\hat{t}}(t)=0.9$, entonces su probabilidad de falla antes del tiempo t es (ec 3.74)

 $P[T \le t] = F(t) = 0.1 \times 0.1 \times 0.1 \times 0.1 = 0.0001$

por lo que su confiabilidad (probabilidad de sobrevivencia) es

$$R(t) = 1 - 0.0001 = 0.9999$$

El hecho de que la confiabilidad de un sistema en paralelo es mayor que la de uno en serie, en igualdad del número de componentes y de sus confiabilidades, hace concluir que una manera de aumentar la confiabilidad de un sistema en serie consiste en ponerle algunos componentes en paralelo a aquellos que tengan baja confiabilidad, con lo cual se forma un sistema mixto, como el de la fig 3.12. A los componentes que se agregan con este objeto se les llama nedundantes, porque no son indispensables para que funcione el sistema. Sin embargo, al añadirle componentes redundantes a un sistema se incrementan su costo, volumen, complejidad, etc., lo que en ocasiones desalienta la utilización de este recurso.

Para calcular la confiabilidad de un sistema mixto primero hay que obtener las confiabilidades de los grupos de componentes que están en paralelo, y luego considerar a dicho grupo como si fuese un elemento conectado en serie con una confiabilidad igual a la del grupo en paralelo. Así, en el caso presentado

en la fig 3.12, en que la confiabilidad de cada componente hasta el instante t está anotada abajo de él, el primer grupo de elementos en paralelo tiene una confiabilidad igual a $R_1(t)$ = 1 -0.3 x 0.3 x 0.3=0.973; la del segundo grupo es $R_2(t)$ = 1-0.2 x 0.2=0.96 (ver fig 3.13). La confiabilidad del sistema es, entonces.

 $R(t) = 0.99 \times 0.95 \times 0.973 \times 0.96 \times 0.90 = 0.7815$ Si no hubiese habido componentes redundantes, la confiabilidad hubiera sido

 $R(t) = 0.99 \times 0.95 \times 0.70 \times 0.80 \times 0.90 = 0.4740$ que es bastante menor que la del sistema que sí los tiene.

3.10 El modelo exponencial en la confiabilidad de un sistema

En esta sección emplearemos los resultados obtenidos para calcular las confiabilidades de sistemas en serie y en paralelo, suponiendo que las densidades de probabilidades, $\{(t),$ de los tiempos de falla de los componentes son exponenciales, es decir.

$$\delta_{\lambda}(t) = \lambda_{\lambda} e^{-\lambda_{\lambda} t}$$

en donde λ_i es la intensidad de fallas (número medio de fallas por unidad de tiempo) del i-ésimo componente.

Tomando en cuenta que

$$R(t) = 1-F(t) = 1-\int_{0}^{t} f(t) dt$$

obtenemos

$$R_{\lambda}(t) = 1 - \int_{0}^{t} \lambda_{\lambda} e^{-\lambda_{\lambda} t} dt = e^{-\lambda_{\lambda} t}$$
 (3.76)

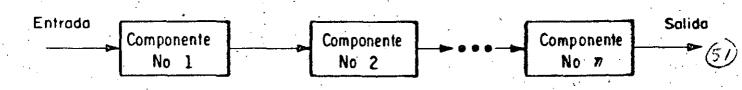


Fig 3.10 Sistema en serie

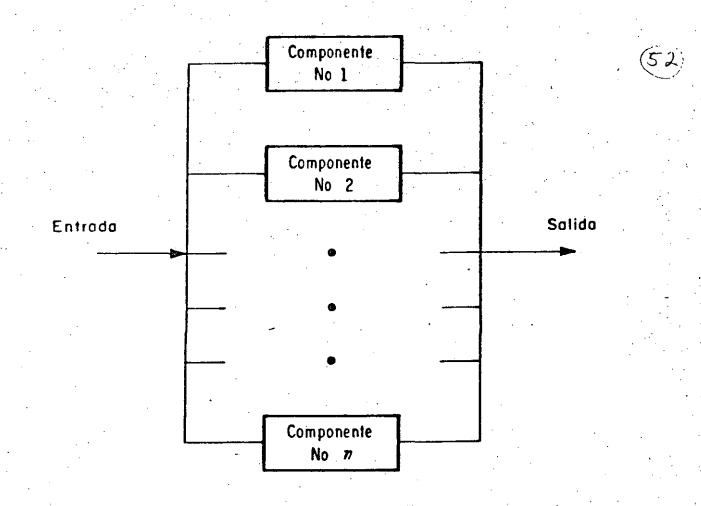


Fig 3.11 Sistema en paralelo

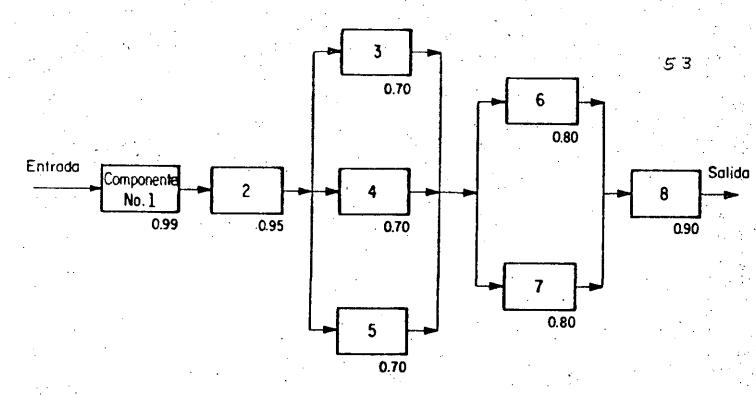


Fig 3.12 Sistema mixto

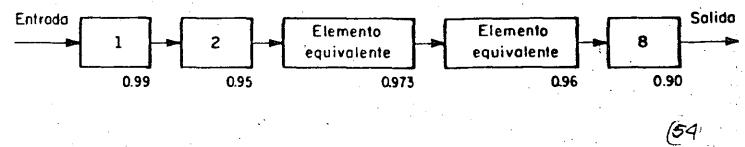


Fig 3.13 Sistema en serie equivalente al de la fig 3.12

CONTROL ESTADISTICO DE CALIDAD.

APLICACIONES A LA GARANTIA DE CALIDAD COMPLEMENTO

HERMOSILLO, SON.
SEPTIEMBRE, 1985.

fectuosa (no satisfactoria). La experiencia anterior ha demostrado que el proceso puede dar $\overline{p} = 0.03$. Construir una gráfica de control tres sigma del mimero de los defectuosos obtenidos en muestras de tamaño 100, y marcar en ella los números siguientes de defectuosos obtenidos en muestras seleccionadas al azar en 30 medios días sucesivos de producción: 3, 1, 4, 2, 2, 0, 1, 4, 5, 3, 2, 1, 1, 0, 2, 2, 3, 4, 1, 0, 3, 1, 2, 5, 2, 7, 2, 3, 1 y 2.

11. La norma para un proceso de fabricación continua de papel es de 4 defectos por 100 yardas de papel. Basándonos en el conjunto siguiente de 25 observaciones y dando el número de defectos por 100 yardas, ¿se puede concluir que el proceso está bajo control?

	Inspección	1	2	3	4	5	6	7	8	· g	- 14	0	.11	12
	No, de dejectos	2 ′	5	1	3	1	0	3	ô	3	4		3	4
٠.	Inspección	13	14	15	- 16	17	18	19	20	21	22	23	24	25
	No , de dejectos						_			4	7	1	1	- 5_

12. Un proceso para fabricar grandes láminas de vidrio se hizo en el pasado con un promedio de 3.8 imperfecciones por lámina. Construir una gráfica e para emplearse en la inspección de las laminas y discutir el control si 25 piezas sucesivas inspeccionadas tienen, respectivamente, 5, 3, 2, 4, 1, 8, 4, 5, 6, 3, 4, 2, 6, 4, 5, 1, 2, 3, 5, 7, 1, 2, 2, 4 y 5 imperfecciones.

15.5 Limites de tolerancia

En cada fase del control de calidad se encuentra el problema de comparar algunas características o medidas de la calidad de un producto acabado, de acuerdo con ciertas especificaciones dadas. A veces, las especificaciones, o límites de tolerancia, han sido establecidas por el consumidor o por el ingeniero que proyectó la pieza, de tal forma que etialquier separación de estos límites hace al producto inutilizable. Sin embargo, queda el problema de producir la parte de tal forma que una gran proporción de unidades queden dentro de los límites de tolerancia especificados. Además, si un producto se hace sin especificaciones iniciales, o si se hacen modificaciones, es conveniente saber entre que límites puede mantener el proceso una catacterística de calidad durante un razonablemente altó porcentaje del tiempo. En este caso, hablamos de límites de tolerancia "naturales", es decir, dejamos que el númo proceso establezca sus propios límites, que se pueden obtener en la práctica de acuerdo con la experiencia.

Si se dispone de información segura sobre la distribución de las medidas en cuestión, es relativamente sencillo encontrar los límites de tolerancia naturales. Por ejemplo, si una larga experiencia anterior nos permite suponer que cierta dimensión de un producto se distribuye normalmente con media μ y desviación típica σ_i es facil construir los límites entre los que se puede esperar que encontremos una proporción dada P de la población. Para P=0.90 tenemos los límites de tolerancia $\mu \pm 1.045\sigma_i$ y para P=0.95 tenemos $\mu \pm 1.96\sigma_i$ como se puede verificar fácilmente en una tabla de áreas limitadas por la curva normali.

En la mayoría de las situaciones que se presentan en la práctica, los valores verdaderos de μ y σ no se conocen, y los límites de tolerancia se deben basar en la media \overline{x} y la desviación típica s de una muestra aleatoria. Aunque $\mu \pm 1.00\sigma$ son los límites que incluyen un 95% de la población normal, no se puede decir lo mismo de los límites $\overline{x} \pm 1.00\sigma$. Estos límites son valores variables aleatorias, y pueden, o no, incluir una proporción dada de la población. Sin embargo, es posible determinar una constante K tal que podamos asegurar con un grado de confianza $1 + \alpha$ que la proporción de la población contenida entre $\overline{x} - Ks$ y $\overline{x} + Ks$ es, al menos P. Estos valores de K para muestras aleatorias de poblaciones normales se dan en la tabla XII para P = 0.90, 0.95 y 0.99, grados de confianza de 0.95 y 0.99, y valores de n elegi los entre 2 y 1000.

Para ilustrar esta técnica, supondremos que un fabricante toma una muestra de tamaño n=100 de un lote muy grande de resortes de compresión producidos en serie, y que obtiene $\bar{x}=1.507$ y s=0.004 pulgadas para las longitudes libres de los resortes. Escogiendo un nível de confianza de 0.99 y una proporción mínima de P=0.95, obtiene los límites de tolerancia 1.507 \pm (2.355) (0.004); en otras palabras, el fabricante puede afirmar, con un grado de confianza de 0.99, que, al menos, el 95% de los resortes en el lote entero tienen longitudes libres entre 1.497 y 1.517 pulgadas. Notemos que, en problemas como éste, la proporción mínima P y el grado de confianza $1-\alpha$ deben especificarse; notemos, además, que el límite de tolerancia inferior se redondea hacia abajo y que el límite superior se redondea hacia arriba.

Para evitar confusiones, apuntemos, además, que hay una diferencia esencial entre límites de confianza y límites de tolerancia. Los límites de confianza se usanpara estimar un parámetro de una población; los límites de tolerancia se utilizan para indicar entre que límites se puede encontrar una proporción dada de la población. Esta distinción la hace resaltar el hecho de que, cuando n crece y se hace grande, la longitud de un intervalo de confianza se aproxima a cero, mientras que los límites de tolerancia se aproximan a los valores correspondientes de la población. Así, para valores grandes de n, K se aproxima a 1.96 en las columnas, para $P_{\rm i} = 0.95$ de la tabla XII.

EJERCICIOS

- 1. En un estudio para determinar el tiempo necesario para el montaje de una pieza de maquinaria dada, 50 obreros promediaron 42.5 minutos, con una desviación típica de 3.8 minutos. Establecer limites de tolerancia para los que se pueda afirmar, con un grado de confianza de 0.95, que al menos 90% de los obreros (en la población de obreros de la que se tomó la muestra) pueden montar la pieza dentro de esos limites.
- 2. Para compaobar el diámetro de alambre "enlibre O" en un gran envio, se midieron los diámetros de una muestra de azar de 16 piezas de alambre, dando una media-de 0.338 y una desviación típica de 0.012 pulgadas. Establecer los límites de tolerancia con œ = 0.01-y P = 0.99 y expresar en pulabras qué significan estos límites de tolerancia.
- En una muestra de azar de 50 anillos de pistón escogidos de una linea de producción, el espesor medio del borde fue 0.1284 pulgadas y la desviación típica, 0.0005 prigadas.

(a) ¿Entre que limites se puede decir, con 95% de confianza, que al menos 90% del espesor de los bordes de los anillos de cistón producidos se encuentran?

(b) Hallar límites de confianza de 95% para el espesor medio verdadero y explicar la diferencia entre estos límites y los límites de tolerancia objenidos en la parte (a):

4. Limites de tolerancia no paramétricos se pueden basar en los valores extremos de una muestra aleatoria de tamaño n tomada de una población continua. La siguiente ecuación relaciona las cantidades n, P y α, donde P es la proporción mínima de población contenida entre las observaciones mayor y menor, con una confianza 1 — α:

$$nP^{n-1}-(n-1)P^n=\alpha$$

Una solución aproximada para n está dada por

$$n \simeq \frac{1}{2} + \frac{1+P}{1-P} \cdot \frac{\chi_a^3}{4}$$

donde χ_a^2 es el valor de una distribución x-cuadrado con 4 grados de libertad que corresponde a una cola por la derecha del área

- (a) ¿Cuál debe ser el tamaño de una muestra para tener un 95% de certeza de que, al menos, 90% de la población quedará incluida entre los extremos de la muestra?
- (b) ¿Qué proporción, al menos, de esta población se puede esperar que quede incluida entre los valores extremos de una muestra de tamaño 100, con un 95% de confianza?

15.6 Muestras de aceptación

Los productos fabricados se envían al comprador en lotes que varían en tamano desde sólo unos pocos hasta muchos miles de objetos individuales. Idealmente, cada lote no debería contener ningún objeto defectuoso, pero, en la práctica, es muy raro encontrar este caso. Reconociendo el hecho de que se han enviado algunos objetos defectuosos, aún suponiendo que el lote haya sido inspeccionado en un cien por ciento, muchos consumidores exigen una evidencia, basada en una inspección cuidadosa, de que la proporción de defectuosos en cada lote no es excesiva.

Un método frecuentemente empleado y muy eficaz para dar esta evidencia, es el de la inspección de muestras, donde se seleccionan muestras de cada lote antes del envío (o antes de que los acepte el consumidor) y se toma una decisión sobre la base de esta muestra para aceptar o rechazar el lote. La aceptación de un lote implica, ordinariamente, que se puede expedir (o ser aceptado por el consumidor), aun cuando contenga algunas unidades defectuosas. Los arreglos entre el productor y el consumidor servirán para dar alguna forma de compensación por las partes defectuosas descubiertas posteriormente por el consumidor. El rechazo de un lote no significa que haya de ser destruido, sino, simplemente, que se debe someter a una inspección estricta para eliminar todas las partes defectuosas.

Como el costo de inspección no es en absoluto despreciable (algunas veces es cusi tan alto como el costo de producción y, a veces, es mayor) siempre será conveniente no revisar todas las piezas de un lote. Por consiguiente, la inspección para aceptación implica en general el empleo de muestras; más concretamente, se selecciona una muestra aleatoria de cada lote y éste se aceptará si el número de defectuosos encontrados en la muestra, no excede de un número de aceptación dado.

Este procedimiento es equivalente a contrastar la hipótesis nula de que la proporción de defectuosos p del lote es igual a algún valor especificado p_0 , frente a la alternativa de que es igual a p_0 , siendo $p_1 > p_0$. En el muestreo de aceptación, el valor p_0 se llama nivel de calidad aceptable o AQL, y p_0 se llama tolerancia del porcentaje de defectuosos del lote o LTPD. La probabilidad de un error tipo 1, α , se puede interpretar como el límite superior de la proporción de lotes "buenos" (lotes con $p \le p_0$) que pueden ser rechazados y, debido a esto, se llama riesgo del productor. La probabilidad de un error tipo 11, 12, 13, 14, 14, 15,

Un plan de muestreo simple es, sencillamente, una especificación del tamaño de la muestra y el número de aceptación que se deben usar, y su elección se basa generalmente en un AQL especificado y (o) un LTPD asociada a los riesgos del productor y (o) del consumidor dados. Un plan de muestreo dado se describe mejor por su curva de operación característica, o curva OC, que da la probabilidad de aceptación para cada valor que se puede tomar para la proporción de defectuosos del lote p. Así, la curva OC describe el grado de protección ofrecido por el plan frente a la entrada de lotes de varias calidades. Si se toma una muestra de tamaño n de un lote que contiene N unidades, y si el número de aceptación es c, la probabilidad de aceptar un lote que contenga la proporción de defectuosos p (el lote contiene Np defectuosos) se puede calcular, por medio de la distribución hipergeométrica, del modo siguiente:

$$L(p) = \sum_{x=0}^{c} h(x; n, Np, N) \qquad \qquad \bullet$$

Por ejemplo, si el tamaño del lote es N=100, el tamaño de la muestra es n=10, y el número de aceptación es c=1, tenemos

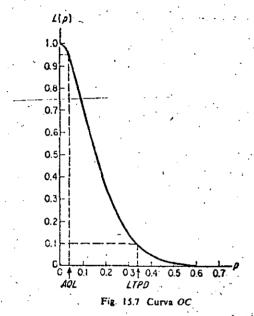
$$L(p) = \frac{\binom{100p}{0}\binom{100(1-p)}{10} + \binom{100p}{1}\binom{100(1-p)}{9}}{\binom{100}{10}}$$

Como los cálculos de la distribución hipergeométrica son bastante laboriosos, especialmente cuando n y N son grandes, es costumbre en estos casos aproximar la distribución hipergeométrica con la distribución binómica, como se hizo en la página 48. Por ejemplo, para p=0.10, el valor exacto es L(0.10)=0.739, como el lector deberá verificar en el problema 5 de la página 360, mientras que en la tabla \hat{I} , con n=10 y p=0.10, obtenemos la aproximación binómica.

$$L(0.10) \simeq B(1; 10, 0.10) = 0.736$$

Con ayuda de la tabla 1, se puede hacer un boceto de la curva OC rapidamente, como el mostrado en la figura 15.7 para n=10, c=1. De esta curva, se puede ver que el riesgo del productor es, aproximadamente, 0.05 cuando la AQL es 0.04, y el riesgo del consumidor es aproximadamente 0.10 cuando la LTPD es 0.34.

Siempre se puede describir un plan de muestreo por medio de su calidad promedio de salida o curva AOQ. Esta curva describe el grado de protección ofrecido por el plan, mostrando la calidad media de los lotes que salen, correspondientes a cada nivel de calidad de los lotes que entran (esto es, lotes anteriores a la inspección). Si los lotes de entrada son de buena calidad, es decir, si su proporción de defectuosos es menor que la AQL, muy pocos lotes serán rechazados y la calidad media de salida AOQ será buena. Si los lotes entrantes son de pobre calidad, esto es,



si su proporción de defectuosos es mayor que la LTPD, la mayoría de ellos serán rechazados. Si todos los lotes rechazados se inspeccionan en un cien por ciento y todas las unidades defectuosas se cambian por unidades buenas antes de la aceptación del lote, la calidad media de salida será buena, aunque la calidad media de entrada sea pobre: Es el caso en el que la calidad media de entrada se encuentra entre los valores de AQL y LTPD cuando la peor calidad de los lotes será enviada. En general, habrá un máximo AQQ de todos los valores de la calidad de entrada p, y este valor se llama limite de la calidad promedio de salida, o AQQL.

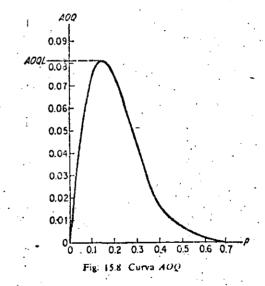
No es dificil deducir una fórmula para encontrar la AOQ correspondiente a una calidad de entrada p dada, en hipótesis de que todas las unidades defectuosas de los lotes rechazados se cambian por unidades aceptables antes de su aceptación definitiva. Si la calidad de entrada es p, la probabilidad de que un lote pueda ser aceptado es L(p), y cada uno de estos lotes contienen una proporción p de unida-

des defectuosas. La proporción 1 - L(p) de lotes eventualmente rechazados no contienen defectuosas, y de aquí deducimos que la AOQ está dada por

$$p \cdot L(p) + 0 \cdot [1 - L(p)],$$

$$AOQ = p \cdot L(p)$$

La práctica más común es cambiar las partes defectuosas encontradas en todos los lotes inspeccionados, tanto los aceptados como los rechazados, pero la modificación necesaria en la AOQ es, en general, menor, y es costumbre utilizar la fórmula anterior independientemente del procedimiento de inspección. La curva AOQ para el plan de muestreo n=10, c=1, se representa en la figura 15.8 y en ella vemos evidentemente que AOQL es, aproximadamente, 0.081.



Algunas veces, se pueden conseguir muestras más pequeñas (y, por consiguiente, costos más reducidos) sin sacrificio en el grado de protección, usando lo que se liama muestreo doble o múltiple. Un plan de muestreo doble implica la selección de una muestra aleatoria de tamaño n_1 de un lote y, si la muestra contiene c_1 o menos defectuosos, se acepta el lote; si contiene c_1 o más defectuosos ($c_1 > c_1$), el lote es rechazado; de otra forma, se toma una segunda muestra de tamaño n_2 del lote, y el lote se acepta, a menos que el número total de defectuosos en la muestra combinada de tamaño $n_1 + n_2$ exceda de c_2 . Un plan de muestreo múltiple es similar en su naturaleza al plan de muestreo doble, pero requiere más de dos etapas. Un ejemplo de dicho plan se muestra en la tabla siguiente:

·		Muestras combinadas					
Muestra	Tamaño Muestra	Татайо	No. de aceptación	No. de rechazo			
Primera	: 20	20		3			
Segunda	20	40	1 . 1	4			
Tercera	. 20	60	3	5			
Cuarta -	20	80	3	6			
Quinta	. 20	100 .	5	- 7			
Sexta	20	120	6	. 8			
Séptima	. 20	140	7	8			

En el primer paso, el lote se rechaza si hay 3, o más, defectuosos; si no, continúa el muestreo; en el segundo paso se acepta el lote si la muestra combinada contiene a lo más 1 defectuoso, y se rechaza si tiene 4, o más; si no, el muestreo continúa. Se sigue así, si es necesario, hasta que en el último paso el lote se acepta si hay a lo más, 7 defectuosos en la muestra combinada de tamaño 140 y, si no, se rechaza.

Por una selección apropiada de los tamaños de las muestras y los números de aceptación y rechazo, es posible obtener la curva OC de un muestreo doble o múltiple, aproximadamente en una forma semejante a la de un plan de muestreo simple. Luego, el grado de protección ofrecido por un plan de muestreo doble o múltiple puede ser esencialmente el mismo que el ofrecido por el plan de muestreo simple equivalente.

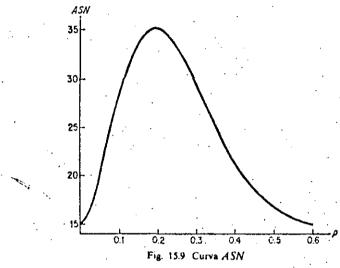
La ventaja del muestreo doble o múltiple es que hay una mayor probabilidad de que un lote muy bueno sea aceptado o un lote muy malo sea rechazado a partir de la primera muestra (o una de las primeras), reduciendo, con ello, el monto de la inspección requerida. Por otra parte, si la calidad del lote es "intermedia", el tamaño de la muestra total necesario será mayor que en el de el plan de muestreo simple equivalente. Para ilustrar esto, consideremos el plan de muestreo doble que se indica a continuación:

		Muestras combinadas					
Muestra	.Tamwio Muestra	Tamuño	No. de ' aceptación	No. de rechazo			
Primera Segunda	: 15 30	15 45	1 5	5 6			

Si la calidad del lote entrante es p=0.05, la probabilidad de que una segunda muestra sea necesaria es la misma que la probabilidad de que haya 2, 3 6 4 defectuosos en una muestra de tamaño 15. De acuerdo con la tabla I, está probabilidad es igual a

$$\hat{B}(4;15;0.05) - \hat{B}(1;15,0.05) = 0.170$$

Luego, en promedio, se necesitará una muestra de tamaño 15 + (0.170)(30) = 20.1 para decidir si ha de aceptarse, o no, un lote entrante de calidad p = 0.05. Con cálculos semejantes, podemos encontrar el tamaño de la muestra promedio necesario para inspeccionar un lote que tenga cualquier calidad de entrada p dada. En la figura 15.9 se muestra una gráfica en la que se ve la relación entre el tamaño de la muestra promedio (llamado también mímero de la muestra promedio) y la calidad



del lote entrante; esta curva se llama "curva ASN", la cual, para el plan de mues treo doble, es la de la figura citada.

Se han publicado varios planes tipo de muestreo para facilitar el uso del muestreo de aceptación (ver el libro de I. W. Burr, citado en la bibliografía). Entre los planes tipo de uso más común se encuentran los contenidos en las Military Standard 105D Tables (ver bibliografía). Estos planes tienden a mantener una AQL especificada y están diseñados para estimular al productor a ofrecer solamente buenos productos. Para lograr esto, hay tres niveles generales de inspección correspondientes a diferentes riesgos del consumidor. (El nivel de inspección II se escoge normalmente; el nivel I sirve para tamaños de muestra pequeños y el nivel III emplea tamaños de muestra mayores que los del nivel II.) Hay también tres tipos de inspección: normal, afinada y reducida. El tipo de inspección depende de si la proporción promedio de defectuosos para las primeras muestras ha estado por encima o por debajo de la AQL, y puede cambiarse durante el curso de la inspección. En la inspección afinada, el riesgo del productor aumenta, y el del consumidor decrece ligeramente; en la inspección reducida, el riesgo del consumidor aumenta y el del productor decreoe ligeramente. Se pueden obtener tablas para muestreos simples, dobles y múltiples, y en las tablas XIII y XIV se reproduce una parte de las mismas.

El procedimiento para usar las tablas MIL-STD-105D para muestreos simples consiste en hallar primero la letra en la codificación del tamaño de la muestra que corresponde al tamaño del lote y al nivel y tipo de inspección deseada. Después, utilizando la letra del tamaño de la muestra (la letra obtenida) y la AQL apropiada, se obtiene el tamaño de muestra y el número de aceptación en la tabla maestra. Una parte de esta tabla para encontrar las letras de los tamaños de muestra se da en la tabla XIII, y una porción de la tabla maestra para inspección normal en la tabla XIV.

Para ilustrar el empleo de la tabla MIL-STD-105D, supongamos que los lotes entrantes contienen dos mil unidades y se va a usar el nivel II junto con una inspección normal y una AQL de 0.025, ó 2.5%. En la tabla XIII, encontramos que la letra del tamaño de muestra es K. Entrando después en la tabla XIV en la fila K, encontramos que el tamaño de muestra a usar es 125. Usando la columna 2.5, vemos que el número de aceptación es 7 y el número de rechazo es 8. Entonces, si una muestra simple de tamaño 125, seleccionada al azar de nuestro lote de 2000 unidades, contiene 7, o menos, defectuosos, se aceptará el lote; si la muestra contiene 8, o más, defectos, el lote se rechazará.

El concepto de muestreo múltiple se lleva a su extremo en el llamado múestreo secuencial. Se dice que un procedimiento de muestreo es secuencial si, después de cada observación, se toma una de las siguientes decisiones: aceptar aquella hipótesis que se trata de contrastar, rechazar la hipótesis, o tomar otra observación. Aunque los procedimientos secuenciales se emplean también en otra clase de problemas, discutiremos este muestreo sólo para la aceptación de muestras, en donde decidiremos, después de la inspección de cada unidad sucesiva, si aceptar el lote, rechazar-lo o continuar.

La construcción de un plan de muestreo secuencial consiste en hallar dos sucesiones de números a_n y r_n , donde n es el número de observaciones, tal que el lote se acepte tan pronto como el número de defectuosos sea menor que, o igual, a a_n para algún valor de n, el lote se rechace tan pronto como el número de defectuosos sea mayor o igual que r_n para algún valor de n; y que la muestra continúe cuando el número de defectuosos de la muestra de tamaño n esté entre a_n y r_n . Si un plan de aceptación tiene p_0 y p_1 como sus AQL y LTPD, el riesgo α del productor, y el riesgo β del consumidor, se puede demostrar (véase el libro de A. Wald, citado en la bibliografía) que los valores de a_n y r_n requeridos se pueden calcular por medio de las formulas.

$$\log \frac{\beta}{1-\alpha} + n \cdot \log \frac{1-p_0}{1-p_1}$$

$$\log \frac{p_1}{p_1} - \log \frac{1-p_1}{1-p_0}$$

$$\log \frac{1-\beta}{\alpha} + n \cdot \log \frac{1-p_0}{1-p_1}$$

$$\log \frac{p_2}{p_1} - \log \frac{1-p_0}{1-p_1}$$

Si a_n no es un entero, se reemplaza por el mayor entero, menor que a_n ; si r_n no es entero, se reemplaza por el menor entero mayor que r_n .

Para illustrar este procedimiento, scan $p_0 = 0.05$, $p_1 = 0.20$, $\alpha = 0.05$ y $\beta = 0.10$. Substituyendo estos valores en las fórmulas anteriores de a_n y r_n , obtenemos

$$a_n = -1.45 + 0.11n$$

 $r_n = 1.86 + 0.11n$

y haciendo $n = 1, 2, 3, \ldots, 25$, obtenemos los números de aceptación y de rechazo mostrados en la segunda y cuarta columnas de la tabla que sigue:

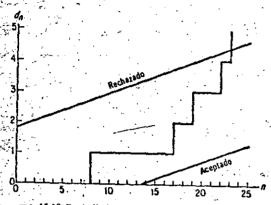
	No. de objete inspeccionade n	os No de Os aceptaciones a	No. de defectuosos d.	No. de rechuzos To
	1 2		0 ,	-
	2	<u>.</u>	٥	·
-	3	-	. 0	3
	4		0	3
	5	_	0	3
٠	6 . چې	· -	0	3 .
	7	· ' · -	0	` 3 ·
	8	. -	· 1 .	3
	-, 9		1	' 3 ·
٠.	10		1 2	3
	* 11	- '	1	4
	12		1	4
	13	· · · · · · · · · · · ·	1	4
	14	0	1	4 '
	15	0	. 1	4
:	16	0	1	4
	17	0	2	- 4
٠.	18	, 0	2 · ·	4
`~	. 19	0	. 3	4
٠.,	. 20	Ŏ	. 3	5
•	21	Ö	3	5
2	22	0	4	
٠:	23	ĭ	5	5
	24	-1		κ.
٠, .	25			•

En la tercera columna hemos indicado los resultados obtenidos en una inspección en que los términos 8, 17, 19, 22 y 23 eran defectuosos, y en los que la inspección terminó con el rechazo del lote después de la inspección de la unidad 23.

El procedimiento tabular empleado se puede cambiar por un procedimiento grafico equivalente. Marcando los valores de a, y r, obtenidos de las ecuaciones de la pagina 358 (sin redondear), obtenemos dos lineus rectus como las de la figura 15.10.

El muestreo termina con el rechazo o la aceptación si el número de defectuosos observados queda por encima de la línea r_n o por debajo de la línea a_n , respectivamente.

La principal ventaja del muestreo sucesivo es que puede reducir materialmente el monto necesario de la inspección. Los estudios han demostrado que la disminución promedio en el tamaño de las muestras está cerca del 50% cuando se compara con el lamaño de la muestra de planes de muestreo simples equivalentes. La mayor desventaja es que, en un plan de muestreo sucesivo, no hay limite superior para el número de unidades que deben inspeccionarse para llegar a una decisión sobre la



rio. 15.10 Procedimiento gráfico para muestras consecutivas

aceptación o rechazo de un lote. De hecho, el tamaño de la muestra es una variable alcatoria y ocasionalmente su valor será muy grande. Por esta razón, se acostumbra truncar los procesos de muestreo sucesivo, eligiendo un número N tal que deba ser tomada una decisión para aceptar o rechazar el lote para n menor o igual de N.

EJERCICIOS

- 1. Se hace un plan de muestreo seneillo para un muestra de tamaño 200.
- (a) Usar la aproximación normal para determinar el número de aceptación si la AQL debe ser 4% y el riesgo del productor debe ser $\alpha = 0.025$.
- (b) Empleando el número de aceptación obtenido en la parte (a), determinar el riesgo del consumidor si la LTPD es 10%.
- 2. Un plantie muestreo, en el que el tamaño de la muestra es n = 40, tiene el número de aceptación, e = 2. Suponiendo que el tamaño del lote es muy grande, calcular la probabilidad de aceptar un lete cuya calidad de entrada es defectuosa en 15% y la probabilidad de rechazar un lote cuya calidad de entrada es de 3%.
 - (a) Calculando las probabilidades binómicas correspondientes.
- (b). Utilizando la aproximación de Poisson para la distribución binómica.

 Un plan de muestreo sencillo tiene n = 50 v c = 3.
- (a) Hallar la AQL si et riesgo del productor es 0:05.
- (b) Haller la 1.TPD si el riespo del consumidor es 0.10.
 [Sugerencia: Emplear la aproximación normal y establecer ecuaciones que conduzcan
 a ecuaciones cuadráticas en p. y pi. respectivamente.)

- 4. En el plan de muestreo del problema 2, usar la aproximación de Poisson para calcular L(p) para p = 0.01, 0.02... 0.19 y 0.20. Dibujar la curva OC de este plan y determine en ella los riesgos del productor y del consumidor correspondiente a una AQL de 3.5% y una LTPD de 12.5%.
- 5. En el ejemplo de la pagina 329, verificar que
 - (a) L(0.10) = 0.739, empleando la formula exacta (hipergeométrica).
- \sim (b) $L(0.10 \simeq 0.730$, empleando la fórmula aproximada (bionómica).
 - (c) La curva OC es la de la figura 15.7.
 - (d) La curva AOQ es la de la figura 15.8.
- 6. Calcular L(p) para valores seleccionados de p y dibujar la curva OC para el plan de muestreo simple n = 80, c = 2. (Sugerencia: Suponer un lote de tamaño grande y emplear la aproximación normal a la distribución binámica.)
- 7. Dibujar la curva AOQ para el plan de muestreo del problema 6, y estimar la AOQL.
- Utilizando los valores de L(p) obtenidos en el problema 4, dibujar la curva AOQ del plan y estimar la AOQL.
- 9. En el problema de la página 332 sobre el plan de muestreo duble, usar la tabla I y la aproximación normal (cuando sea necesario) para calcular el riesgo del productor cuando la AOL es po = 0.10.
- 10. Calcular el tamaño de muestra promedio requerido para valores seleccionados de p y dibujar la curva ASN para el siguiente plan de muestreo doble:

		Muestras combinadas						
Muestra	Tamaño nuestra	Tamaño	No. de aceptaciones	No. de rechazos				
Primera Segunda	12 40	12 52	1 4	4 5				

- 11. Un lote entrante de 1000 unidades se debe inspeccionar usando el método MIL-STD-105D, con una inspección normal en un nivel II de inspección general y una AQL de 1.5%, ¿Qué plan de muestreo simple debe emplearse?
- 12. Un lote de 100 unidades se debe inspeccionar con una AQL de 10%. Si se debe emplear de método MH-STD-105D, con una inspección normal en el nivel li do inspección general, ¿qué pian de muestreo simple se debe emplear?
- 3. Determinar las fórmulas necesarias para los números de aceptáción y de rechazo del plán de muestreo sucesivo que tiene una AQL de 0.10, una LTPD de 0.30, un riergo del productor de 0.05, y un riesgo del consumidor de 0.10. Si una muestra puede tener defecturosos en los ensayos tercero, quinto, séptimo y octavo, ¿se puede aceptar, o rechazar el lote antes del décimo ensayo, de acuerdo con este plan? Si es así, ¿en qué ensayo sucedendo este plan? Si es así, ¿en qué ensayo sucedendo.
- 14. Un plan de muestreo secuencial tiene $p_0 = 0.01$, $p_1 = 0.10$, $\alpha = 0.05$ y $\beta = 0.20$.
 - (a) Determinarilos números de aceptación y de rechazo para n = 1, 2, ..., y 50.
 - (b) Usar números de azar junto con los números de aceptación y de rechazo obtenidos en la parte (a) para simular la inspección de un lote muy grande que tiene un 20% de defectuosos.



DIVISION DE EDUCACION CONTINUA FACULTAD DE INGENIERIA U.N.A.M.

CONTROL ESTADISTICO DE CALIDAD

ANALISIS SECUENCIAL Y CIRCULOS DE CALIDAD

M. EN I. RUBEN TELLEZ SANCHEZ

SEPTIEMBRE, 1985.

PROIDCO.

El análisis secuencial es un método de inferencia esta—
dística, cuya característica fundamental, radica en el hecho de—
que el número de observaciones no se determina antes de iniciar el
experimento. La decisión para terminar el experimento, depende delos resultados de las observaciones hechas previamente. El méritodel método secuencial como aplicación a las pruebas de hipótesis—
estadísticas, es que la realización de dichos procedimientos de—
prueba, requieren en promedio, un número sustancialmente menor deobservaciones que el mejor procedimiento usual que utilice un núme
ro de observaciones fijo, además de poder controlar los errores ti
po I y II.

En este trabajo se presenta la teoría de un método particular de análisis secuencial, la llamada prueba secuencial de razón de probabilidad. Este método se estudió por vez primera el año de 1943. El uso de la prueba secuencial de razón de probabilidad—trae consigo por lo general, un ahorro de cerca del 50% en el núme ro de observaciones, respecto al procedimiento de prueba más eficiente, basado en un número fijo de observaciones. Dicho método—consiste en tomar una muestra del lote, y la decisión entre tomaro no una segunda muestra, depende en forma exclusiva del resultado de dicha muestra: la decisión de tomar una tercer muestra, se hará

sobre los resultados obtenidos de las dos muestras anteriores, y a sí sucesivamente.

secuencial se les atribuye a H. F. Dodge y H. G. Romig que constru yeron un plan de muestree doble. De acuerdo a este esquema, la decisión entre tomar o no una segunda muestra, depende solo de los—resultados obtenidos de la primer muestra. Mientras este método so lo permite dos muestras, Walter Bartky, diseñó un esquema de muestree múltiple para el caso particular de la prueba de la media deuna distribución binomial. El incentivo que alentó a estas personas al estudio de dicho método, es el ahorro promedio en el número de observaciones que les proporcionaba, respecto a cualquier otrométodo que utiliza un número fijo de observaciones.

El problema de análisis secuencial fué estudiado por elDepartamento de Estadística de la Universidad de Columbia. MiltonFriedman y W. Allen Wallis apreciaron su gran potencialidad, asícomo las consecuencias de importancia que aportaría al desarrollode la estadística su estudio.

Un avance importante en el estudio del procedimiento deprueba secuencial se realizó en 1944, año en el que Milton Friedman
y George W. Brown (trabajando en forma independiente), así como C.
M. Stockman, en Inglaterra, encontraron la curva de operación característica de la prueba secuencial de razón de probabilidad para

el caso de una distribución binomial. Tiempo después, de desarro--lló una teoría general de sumas acumuladas, la cual no solo propor
cionaba la curva CO, de cualquier prueba secuencial, sino que también la función característica del número de observaciones requeri
do por la prueba.

Por último, diremos que la importancia del procedimiento de prueba secuencial radica en poder controlar el tamaño de los errores tipo I y II, así como poder minimizar el número de observaciones.

I-CONCRPTOS BASICOS.

En el contexto estadístico, una hipótesis se puede definir como una proposición, o afirmación ucerca de una o más variables aleatorias. Si la hipótesis estadística especifica completamente la distribución, se le llama hipótesis estadística simple;—si no es así, se le llama hipótesis estadística compuesta. A manera de ilustración, analicemos el siguiente caso. Consideremos que existen dos parámetros desconocidos θ_1 y θ_2 involucrados en la distribución de una variable aleatoria X. La hipótesis, $\theta_1=3$ y $\theta_2=5$,—es una hipótesis simple, ya que especifica en forma completa losvalores de los parámetros desconocidos. De otra manera, si la hipótesis es $\theta_1 \le \theta_2$, se trata de una hipótesis compuesta.

El problema de pruebas de hipótesis, consiste en verificar la validez o falsedad de la hipótesis mediante el uso de métodos estadísticos.

Cabe hacer notar, que del mismo concepto de pruebas dehipótesis, se desprende la existencia para cada prueba, de una regla de decisión que permite, en presencia de información, emitirun juicio acerca de la veracidad de la proposición. Esto es, dadauna hipótesis, se ha de definir una regla de decisión, de tal forma que caracterice la información realacionada como evidencia a fa

- [

vor de la hipótesis, o evidencia en contra de la hipótesis; si dicha información la obtenemos a través de muestras, la caracterización debe hacerse para cada una de las muestras posibles.

La decisión de aceptar o rechazar una hipótesis, se toma siempre en base a un número finito de observaciones de la o las variables aleatorias que se involucran en la prueba; al número finito de observaciones, se le denomina muestra. Al número de observaciones contenido en la muestra, se le llama tamaño de la muestra.

Denótese por n, el número de observaciones en base a los cuales la aceptación o rechazo de la hipótesis en cuestión se va a decidir. Cualquier posible resultado de n observaciones sucesivases una muestra de tamaño n. Un procedimiento de prueba, es una regla específica, para cada posible muestra que nos conduce a la a-ceptación o rechazo de la hipótesis, en base a esa muestra. En o-tras palabras, un procedimiento de prueba es una partición del espacio muestral en dos subconjuntos mutuamente exclusivos. Un sub-conjunto 1, y un subconjunto 2, sobre los cuales se aplica la regla de decisión de que la hipótesis sea rechazada si la muestra ob servada se encuentra en el subconjunto l, y la hipótesis es acepta da, si la muestra está contenida en el subconjunto 2. A estos subconjuntos 1 y 2, se les denomina región crítica, y región de aceptación, respectivamente; con lo que la región crítica queda defini da como aquella región que conticue los valores para los cuales se

rechaza la hipótesis bajo consideración, y la región de aceptación es aquella región que contiene los valores para los cuales no serechaza la hipótesis en cuestión.

Frecuentemente, a la hipótesis a probar, se le denominahipótesis nula (Ho), y a la hipótesis en contraste con ésta, hipótesis alternativa (H₁).

En la verificación de una prueba de hipótesis estadística Ho, v.s. H₁, se define el concepto de función potencia, como una función que da la probabilidad de rechazar la hipótesis bajo——consideración. El valor de la función potencia para un valor dadodel parámetro involucrado, se le llama la potencia de la prueba en ese punto.

El nivel de significancia de la prueba, también denomina do tamaño de la región crítica, es el valor máximo de la función—potencia de la prueba cuando Ho es cierta.

Ahora bien, haciendo una analogía al desarrollo de Jerzy Neyman y Egon S. Pearson, en la verificación de pruebas de hipótesia, podemos pensar en lo que ellos llamaron probabilidades de error tipo I y tipo II, que son respectivamente: la probabilidad de rechazar Ho, (aceptar H₁) cuanto Ho es cierta (y por lo tanto H₁—es falsa) y la probabilidad de aceptar Ho, (rechazar H₂) cuando Ho es falsa (y por lo tanto H₁ es cierta). A la probabilidad de cometer un error tipo I se le designa por x, y a la probabilidad de cometer un error tipo I se le designa por x, y a la probabilidad de cometer un error tipo I se le designa por x, y a la probabilidad de cometer un error tipo I se le designa por x, y a la probabilidad de cometer un error tipo I se le designa por x, y a la probabilidad de cometer un error tipo I se le designa por x, y a la probabilidad de cometer un error tipo I se le designa por x, y a la probabilidad de cometer un error tipo I se le designa por x, y a la probabilidad de cometer un error tipo I se le designa por x, y a la probabilidad de cometer un error tipo I se le designa por x, y a la probabilidad de cometer un error tipo I se le designa por x, y a la probabilidad de cometer un error tipo I se le designa por x, y a la probabilidad de cometer un error tipo I se le designa por x, y a la probabilidad de cometer un error tipo I se le designa por x, y a la probabilidad de cometer un error tipo I se le designa por x, y a la probabilidad de cometer un error tipo I se le designa por x, y a la probabilidad de cometer un error tipo I se le designa por x, y a la probabilidad de cometer un error tipo I se le designa por x, y a la probabilidad de cometer un error tipo I se le designa por x, y a la probabilidad de cometer un error tipo I se le designa por x, y a la probabilidad de cometer un error tipo I se le designa por x, y a la probabilidad de cometer un error tipo I se le designa por x, y a la probabilidad de cometer un error tipo I se le designa por x y a la probabilidad de cometer un error tipo I se le

meter un error tipo II, se le designa por \$.

Se define como espacio paramétrico, el conjunto de valores (n), que puede tomar el parametro 0, en función del cual se de
fine la función de densidad de probabilidad (f.d.p.) de una variable aleatoria X.

Una ver definido lo que era región crítica, vecmos lo—que se entiende por mejor región crítica. Denotemos por C, un subconjunto del espacio muestral, por lo que C es llamada mejor re—gión crítica de tamaño \checkmark , para la prueba de las hipótesis simples Ho: $\Theta=\Theta$ 0 contra la alternativa $H_1: \Theta=\Theta_1$, si para todos los subconjuntos A del espacio muestral para los cuales $\Pr((X_1, \ldots X_n) \text{ A/Ho})=$

- a) $Pr((X_1, X_2, ..., X_n) \ C/Ho) = \alpha$
- b) $Pr((X_1, X_2, ..., X_n) \ C/H_1) \ge Pr((X_1, X_2, ..., X_n) \ A/H_1)$

De lo anterior, se establece lo siguiente: Primero, supo ne cierta Ho. Segundo, existirá una multiplicidad de subconjuntos— A, del espacio muestral, tales que $Pr((X_1,...,X_n)|A)=$. Supongase— que hay uno de estos subconjuntos, digamos C, tal que cuando H_1 escierta, la potencia de la prueba asociada con C, es al menos tan—grande como la potencia de la prueba asociada con A.

Neyman y Pearson formularon ciertos principios para laselección adecuada de una región crítica para el caso de verificación de pruebas de hipótosis simples, principios que pueden resumirse en el lema de Neyman-Pearson:

Sea X_1, X_2, \ldots, X_n , donde n, es un entero positivo fijo,—denota una muestra aleatoria de una distribución cuyaf.d.p. es—f(x;0). Entonces la f.d.p. conjunta de X_1, X_2, \ldots, X_n es:

$$L(0;x_1,x_2,...,x_n)=f(x_1;0)f(x_2;0)\cdots f(x_n;0)$$

Sean θ_1 y θ_2 , dos valores fijo y distinto de θ , tales...-que: $\Omega = (\theta/\theta = \theta_0, \theta_1)$ y sea k, un número positivo. Sea C, un subconjunto del espacio muestral tal que:

a)
$$\frac{L(\theta_0; x_1, x_2, \dots, x_n)}{L(\theta_1; x_1, x_2, \dots, x_n)} \leq k \quad \text{para cada punto} \quad (x_1, x_2, \dots, x_n) \in C$$

b)
$$\frac{L(\theta_0; x_1, x_2, \dots, x_n)}{L(\theta_1; x_1, x_2, \dots, x_n)} \ge k \quad \text{para cada punto} \quad (x_1, x_2, \dots, x_n) \notin C$$

c)
$$\alpha = \Pr((X_1, X_2, \dots, X_n) \text{ C/Ho})$$

Entonces C, es la mejor región crítica de tamaño , paraprobar las hipótesis simples Ho: 0=00 v.s. H₁: 0=0₁.

A continuación, se demuestra el lema, cuando se trata de variables aleatorias continuas, para el caso de variables aleatorias discretas, la demostración es la misma, reemplazando el signo de integración por el de sumatoria. Si C, es la única región crítica de tamaño κ, el lema queda demostrado. Si existe otra región--crítica de tamaño κ, la cual denotaremos por Λ, lo que deseamos de mostrar es que:

$$\int_{\mathbf{c}} \mathbf{L}(\Theta_1) - \int_{\mathbf{A}} \mathbf{L}(\Theta_1) \ge 0$$

en la que, por simplicidad en el manejo denotaremos por $\int_R L(\theta)$ —— a $\int \dots L(\theta; x_1, \dots, x_n) dx_1, \dots, dx_n$.

Dado que C, es la unión de los conjuntos disjuntos CAA y CAA*, y A, es la unión de los conjuntos disjuntos AAC y AAC*, tene

(1)
$$\int_{C} L(\Theta_{1}) - \int_{A} L(\Theta_{1}) =$$

$$= \int_{C} L(\Theta_{1}) + \int_{C} L(\Theta_{1}) - \int_{A} L(\Theta_{1}) - \int_{A} L(\Theta_{1})$$

$$= \int_{C} L(\Theta_{1}) - \int_{A} L(\Theta_{1})$$

Sin embargo, por hipótesis del teorema, L(0₁)≥(1/k)L(00)

para cada punto de C, y como consecuencia, para cada punto de---CDA*: Así:

$$\int_{CA} L(Q_1) \approx 1/k \int_{CA} L(Q_0)$$

Pero $L(\theta_1) \le (1/k)L(\theta_0)$ para cada punto de C^* , y en consecuencia, para cada punto de AnC^* . Con lo que:

$$\int_{AAC^*} L(\theta_1) = 1/k \int_{AAC^*} L(\theta_0)$$

Estas desigualdades implican que:

$$\int_{cna^{+}}^{L} L(\theta_{1}) - \int_{anc}^{L} L(\theta_{1}) \geq 1/k \int_{cna^{+}}^{L} L(\theta_{0}) - 1/k \int_{anc}^{L} L(\theta_{0})$$

Y de (1) obtenemos:

(2)
$$\int_{c} L(\theta_{1}) - \int_{A} L(\theta_{1}) = 1/k \left\{ \int_{cA} L(\theta_{0}) - \int_{A} L(\theta_{0}) \right\}$$

Sin embargo:

$$\int_{C \cap A^{d}} L(\Theta \circ) - \int_{A \cap C^{d}} L(\Theta \circ) - \int_{A \cap C} L(\Theta \circ) - \int_{A \cap C^{d}} L(\Theta \circ) -$$

$$= \lambda - \lambda = 0$$

Si este resultado lo sustituimos en (2), obtenemos el resultado deseado:

$$\int_{c} L(\theta_{1}) - \int_{A} L(\theta_{1}) = 0$$

Con lo que queda demostrado el Lema de Neyman-Pearson.

IV-APLICACION DE LA TEORIA GENERAL A CASOS ESPECIALES. PRUEBA DE LA MEDIA DE UNA---DISTRIBUCION BINOMIAL.

IV-1-FORMULACION DEL PROBLEMA.

rente a una variable aleatoria X, la cual solo puede tomar los valores O y l. Uno de los casos más importantes en donde se nos presenta este problema, es el muestreo de aceptación de productos manufacturados. Es tal vez por eso, que al desarrollar el procedimiento de prueba, se hace uso de la terminología del muestreo deaceptación. Asignaremos el valor l, a cualquier unidad defectuosa, y el valor cero, a una no defectuosa, con lo que el resultado (variable aleatoria X) de extraer e inspeccionar una unidad delmiote, puede tomar solo los valores O y l, con probabilidades l-pyp, respectivamente. En general, será posible especificar un valor p', tal que optemor por la aceptación del lote cuando pép', y por el rechazo del lote cuando pòp'.

IV-2-RIESGOS TOLERADOS DE TOMAR DECISIONES INCORRECTAS.

Cualquier plan de muestreo, que no provea información—completa acerca del lote en cuestión, puede conducirnos a una decisión equivocada. i.e. podemos rechazar un lote cuando p≤p¹, o a ceptarlo cuando p>p¹. Dado que la inspección total del lote no es

Cuando se nos presente el caso p=p., la calidad del lote, se encuentra justamente en el márgen, y somos indiferentes -acerca de cual decisión tomar. Si pip, preferimos rechazar el lo te, y dicha preferencia se incrementará al incrementarse el valor de p. Para p<p', preferimos aceptar el lote, y dicha preferenciase incrementará al disminuir el valor de p. Si p se encuentra solo ligeramente por encima de p', la preferencia para rechazo es-sólamente ligera, y la aceptación del lote no puede ser considera da como un error de consideración. Similarmente, si p se encuen--tra solo ligeramente por debajo de p', el rechazo del lote no seconsidera un error de consecuencia; por lo que será posible especificar dos valores po, y pl, po menor que po y p mayor que po,tal que la aceptación del lote se considere como un error de im-portancia, si y solo si, p≥p,, y el rechazo del lote se considere un error de consecuencias prácticas, si y solo si pépo. Si p, seencuentra entre po y pl, no estamos en condiciones de tomar una-decision final.

Una vez que los valores p_0 y p_1 , han sido seleccionados los riesgos de tomar decisiones equivocadas, las podemos estable-

cer como sigue: La probabilidad de rechazar el lote, no debe exceder un valor dado \angle , cuando $p \le p_0$, y la probabilidad de aceptar el lote no debe exceder un valor β , cuando $p \ge p_1$.

Así, los riesgos antes mencionados son caracterizados—por cuatro números: p_0 , p_1 , λ , γ β . La selección de estas cuatro—cantidades debe hacerse en base a ciertas consideraciones prácticas de cada caso en particular.

IV-3-PRUEBA SECUENCIAL DE RAZON DE PROBABILIDAD CORRESPONDIENTE A LAS CANTIDADES Po, P1, X Y \(\beta\).

Donde d_m representa el número de defectuosos en las primeras m unidades inspeccionadas. (Se supone que el lote es lo suficientemente grande, como para considerar como independientes—las observaciones sucesivas x_1, x_2, \ldots). Bajo la hipótesis que— $p=p_0$, (1) resulta:

(2)
$$p_{om} = p_o^{d_m} (1 - p_o)^m - d_m$$

Y bajo la hipótesis que p=p₁, (1) es igual a:

(3)
$$p_{1m} = p_1^{d_m} (1 - p_1)^m - d_m$$

La prueba se verifica como sigue: En cada estado de lainspección, a la inspección de la mth unidad para cada valor ente
ro positivo m, evaluamos el logaritmo de la razón de probabilidad $p_{\text{lm}}/p_{\text{om}}.$

(4)
$$\log \frac{p_{1m}}{p_{om}} = d_m \log \frac{p_1}{p_o} + (m - d_m) \log \frac{1-p_1}{1-p_o}$$

La inspección continúa en tanto:

(5)
$$\log \frac{\beta}{1-\alpha} < \log \frac{p_{1m}}{p_{om}} < \log \frac{1-\beta}{\alpha}$$

Aceptamos el lote si, en el estado final tenemos:

(6)
$$\log \frac{p_{1m}}{p_{0m}} \le \log \frac{\beta}{1-\lambda}$$

Rechazamos el lote si:

(7) lo
$$g \frac{p_{1m}}{p_{0m}} \ge \log \frac{1-\beta}{\alpha}$$

Las desigualdades (5), (6) y (7) las podemos expresar me diante ciertas sustituciones, de la manera siguiente.

Sustituyendo (4) en (5).

(8)
$$\frac{\log \frac{\beta}{1-\lambda}}{\log \frac{p_1}{p_0} - \log \frac{1-p_1}{1-p_0}} + m \frac{\log \frac{1-p_0}{1-p_1}}{\log \frac{p_1}{p_0} - \log \frac{1-p_1}{1-p_0}} \ge d_m \le$$

$$\frac{\log \frac{1-\beta}{2}}{\log \frac{p_1}{p_0} - \log \frac{1-p_1}{1-p_0}} + m \frac{\log \frac{1-p_0}{1-p_1}}{\log \frac{p_1}{p_0} - \log \frac{1-p_1}{1-p_0}}$$

Sustituyendo (4) en (6).

(9)
$$d_{m} \ge \frac{\log \frac{1-\sqrt{3}}{2}}{\log \frac{p_{1}}{p_{0}} - \log \frac{1-p_{1}}{1-p_{0}}} + m \frac{\log \frac{1-p_{0}}{1-p_{1}}}{\log \frac{p_{1}}{p_{0}} - \log \frac{1-p_{1}}{1-p_{0}}}$$

Sustituyendo (4) en (7).

(10)
$$d_{m} \leq \frac{\log \frac{\beta}{1-\lambda}}{\log \frac{p_{1}}{p_{0}} - \log \frac{1-p_{1}}{1-p_{0}}} + m \frac{\log \frac{1-p_{0}}{1-p_{1}}}{\log \frac{p_{1}}{p_{0}} - \log \frac{1-p_{1}}{1-p_{0}}}$$

Para cada valor de m, denotaremos el mienbro derecho de- (10) por a_m , y lo llamaremos número de aceptación. En la misma manera, el miembro derecho de (9), lo denotaremos por r_m y lo llamaremos número de rechazo. Por facilidad en los cálculos, haremos u-

la prueba. En cada estado de la inspección evaluamos los números—de aceptación a_m , y de rechazo r_m . Continuamos con la inspección—en tanto $a_m < d_m < r_m$. La primera vez que d_m no se encuentre entre—los números de aceptación y de rechazo, la inspección termina. Sid $d_m \ge r_m$, el lote se rechaza, y si $d_m \le a_m$, el lote se acepta.

IV-3.1-PORMA TABULAR DE REALIZAR LA PRUEBA.

El número de aceptación

(11)
$$a_m = \frac{\log \frac{\beta}{1-\alpha}}{\log \frac{p_1}{p_0} - \log \frac{1-p_1}{1-p_0}} + m \frac{\log \frac{1-p_0}{1-p_1}}{\log \frac{p_1}{p_0} - \log \frac{1-p_1}{1-p_0}}$$

y el número de rechazo:

(12)
$$r_{m} = \frac{\log \frac{1-\beta}{\alpha}}{\log \frac{p_{1}}{p_{0}} - \log \frac{1-p_{1}}{1-p_{0}}} + m \frac{\log \frac{1-p_{0}}{1-p_{1}}}{\log \frac{p_{1}}{p_{0}} - \log \frac{1-p_{1}}{1-p_{0}}}$$

depende sólo de los valores de po, pl, xy /.

Así, pueden ser evaluados y tabulados, antes de empezarla inspección. Si a_m no es un valor entero, lo reemplazamos por el mayor entero menor que a_m . De igual manera, si r_m no es un valor-entero, podemos reemplazarlo por el menor entero mayor que r_m .

Como ilustración, consideremos el siguiente ejemplo.---Sean $p_0=0.05$, $p_1=0.20$, =0.05 y =0.10; los números de aceptación--

y de rechazo, se calculan para cada estado de las ecuaciones (11)y (12); los resultados del experimento, están representados en lasiguiente tabla:

NUMERO		NUMERO	NUMERO	NUMERO,
UNIDAD		DE .	DE	DE
TMOURCE	CIONADAS	ACEPTACION	DEFECTUOSOS	RECHAZO
. ¬		_	0	
2	•	_	0	-
	"	_	0	3
3 4			0	. 3
5		-	0	3
6			0	
7		<u> </u>	0	3
. 8	:	-	1	3
9		.		. 3
10		_	.h.	
11			, T	
12		_		4
13		- ,		- 4 A
14	• . •	0	, .i.	4
15		0	<u></u>	4
16		0	.	4
17			7	4
18	•	0	2	4
19	•	0	2	4
20		0	3	4
21	·	0	3	5 .
5 5		0		5
23	,	0	4	5 5
23 24		1	5	
		. T	•	5 5
25		1		. 2

Los valores de la segunda y cuarta columna se encontra-

ron mediante las ecuaciones para los números de aceptación y de re

y β , en (11) y (12). Dichas ecuaciones, después de la sustitución, quedan de la siguiente manera:

$$a_{m} = -1.46 + 0.11 \text{ m}$$
 y $r_{m} = 1.86 + 0.11 \text{ m}$

Dado que la primera vez en que d_m no se encuentra entre- a_m y r_m , es cuando m=23, y como $d_m=r_m$, la inspección termina con-el rechazo del lote.

IV-3.2-PROCEDIMIENTO GRAFICO.

La prueba se puede realizar también en forma gráfica. El número de observaciones m, se mide sobre el eje horizontal, y el—número de defectuosos d_m, sobre el eje vertical. Los puntos (m,a_m) se encuentran sobre una linca recta Lo, dado que a_m es una función lineal de m. De igual manera, los puntos (m,r_m) se encuentran so—bre una linea recta L₁. La intersección de Lo, está dada por:

(13)
$$h_o = \frac{\log \frac{\beta}{1-\lambda}}{\log \frac{p_1}{p_0} - \log \frac{1-p_1}{1-p_0}}$$

Y la intersección de L, está dada por:

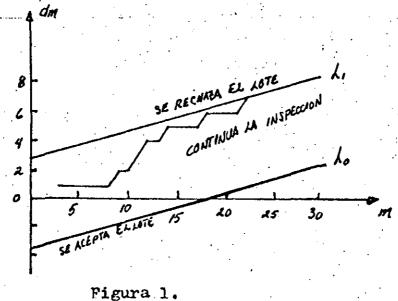
(14)
$$h_1 = \frac{\log \frac{1-\beta}{2}}{\log \frac{p_1}{p_0} - \log \frac{1-p_1}{1-p_0}}$$

Las lineas Lo y L_1 son paralelas, y la pendiente común—es igual a:

(15)
$$s = \frac{\log \frac{1-p_o}{1-p_1}}{\log \frac{p_1}{p_o} - \log \frac{1-p_1}{1-p_o}}$$

Las des lineas rectas Lo y l_1 se grafican antes de iniciar la inspección. Los puntos (m,d_m) se grafican al ir efectuando la inspección. Continuamos tomando observaciones adicionales, entanto los puntos (m,d_m) se encuentren entre las lineas Lo y l_1 . Si (m,d_m) se encuentra sobre Lo o abajo de ella, el lote se acepta. Si (m,d_m) se encuentra sobre l_1 o arriba de ella, el lote se rechaza.

La figura 1, muestra el procedimiento gráfico del ejem-plo de la sección anterior.



IV-4-FUNCION CARACTERISTICA DE OPERACION L(p) DE LA PRUEBA.

DETERMINACION DE L(p) PARA ALGUNOS-VALORES ESPECIALES DE p.

De acuerdo a la definición de función característica deoperación, para el caso de una distribución binomial, tenemos: $L(p) = (1-p)^{n_0} \text{ ya que } L(p) \text{ para cada valor de p, es igual a la probabilidad de que el lote sea aceptado cuando p, es la proporción—
de defectuosos en el lote.$

Se puede verificar que:

(16)
$$L(0) = 1$$
 y $L(1) = 0$

Dado que la probabilidad de aceptar el lote cuando p=p_oes igual a 1- α , y la probabilidad de que el lote sea aceptado cuan
do p=p₁ es igual a β , tenemos:

(17)
$$L(p_0) = 1 - \lambda$$
 y $L(p_1) = \beta$

Cuando: $log \frac{1-p_0}{1-p_1}$
 $p = s = \frac{p_1}{log \frac{p_1}{p_0} - log \frac{1-p_1}{1-p_0}}$

tenemos que el valor de h es cero en la ecuación

$$L(\theta) \sim \frac{A^{h(\theta)}-1}{A^{h(\theta)}-B^{h(\theta)}}$$

El límite de la ecuación anterior, cuando h.o, es igual-

a:

la cual, sustituyendo $A=(1-\beta)/\lambda$ y $B=\beta/1-\lambda$ por A y B respectivamente, nos da la ecuación siguiente:

$$L(s) = \frac{\log \frac{1-\beta}{2}}{\log \frac{1-\beta}{2} + \left|\log \frac{\beta}{1-\beta}\right|} = \frac{h_1}{h_1 + \left|h_0\right|}$$

Donde ho y ho son las intersecciones de las lineas Lo y-Lo. Así, cinco puntos en la curva CO, correspondientes a p=0,1,po, po, y s, pueden ser determinados. Dado que L(p) es una función monó tona decreciente, estos cinco puntos determinan de manera bastante aproximada la curva CO.

IV-4.1-DETERMINACION DE L(p) SOBRE TODO EL RANGO DE p.

Del capítulo II, ecuaciones (39) y (40), para el caso--de una distribución binomial, tenemos:

(19)
$$L(p) = \frac{\left[\frac{1-\beta}{A}\right]^{n} - 1}{\left[\frac{1-\beta}{A}\right]^{n} - \left[\frac{\beta}{1-A}\right]^{n}}$$

donde h se determina mediante la ecuación:

(20)
$$p = \frac{1 - \left[\frac{1-p_1}{1-p_0}\right]^h}{\left[\frac{p_1}{p_0}\right]^h - \left[\frac{1-p_1}{1-p_0}\right]^h}$$

Para evaluar la curva CO, no es necesario resolber la ecuación (20) para h. Para cualquier valor h, seleccionado arbitrariamente, los valores de p y L(p) pueden determinarse de (19) y-(20). El punto (p,L(p)) calculado de esta manera, será un punto so
bre la curva CO. La curva CO, puede graficarse al tenerse un núme-

VI-PRUEBA DE OUE LA MEDIA DE UNA DISTRIBU CION NORMAL CON DESVIACION ESTANDAR CO NOCIDA, SE ENCUENTRA ABAJO DE UN VALOR DADO.

VI-1-FORMULACION DEL PROBLEMA.

Sca X, una variable aleatoria normalmente distribuida, -con media desconocida 0, y desviación estándar conocida V. En esta
sección, discutiremos el problema de probar la siguiente hipóte--sis: 0 es menor o igual a algún valor específico 0.

Tal problema se tiene por ejemplo, en control de calidad y muestreo de aceptación. Sunóngase, que un lote consistente de un número grande de unidades de un producto manufacturado se somete a inspección de aceptación. El número de unidades en el lote se supo ne lo suficientemente grande, de manera que se pueda considerarque el lote contiene un número infinito de unidades. Supóngase ade más, que el resultado de una observación es una medida X, de alguna característica de la unidad, tul como el peso, dureza, o resistencia a la tensión. El valor de X, variará de unidad a unidad. Se supone que X es normalmente distribuida, con desviación estándar-conocida V, pero media desconocida O. Además, para el producto esmás deseable el valor más pequeño de 0. Entonces, será posible designar un valor particular 0' tal, que se prefiera aceptar el lote si 000' y se prefiera rechazar el lote si 000'. En tal situación-estamos enteresados en determinar un plan de muestreo para probar-

VI-2-HIEGGOS TOLERADOS DE TOMAR DECISIONES EQUIVOCADAS.

Si 0=0', somos indiferentes entre aceptar o rechazar ellote. La preferencia para aceptación se incrementa con la disminución del valor de 4 en el dominio 040°, y la preferencia para re-chazo se incrementa con el incremento del valor de O en el dominio 000. De esta manera, será posible encontrar dos valores 00 y 0,--(00 < 0' y 0, > 0') tales que el rechazo del lote sea consideradoun error de consecuencias prácticas si 0≥0,; para valores de 0 entre 00 y 0, no nos encontramos en condiciones de tomar una decisión final. La zona de preferencia para aceptación consiste de todos los valores O para los cuales 0500, la zona de preferencia para rechazo es el conjunto de valores 0, para los cuales 0≥0, y lazona de indiferencia consiste de todos los valores 9 que se encuen tran entre 00 y 0, . Después de seleccionar los valores 00 y 0, .--los riesgos que pueden ser tolerados, se expresan como sigue: La-probabilidad de rechazar el lote no debe exceder un valor 🗸 cuando 9≤00, y la probabilidad de aceptar el lote no debe exceder un va-lor pressignado \$\beta\$ cuando \$\text{0} \delta_1\$. As1, dichos riesgos quedan caracterizados mediante los números 00, 0,, 2 y 8

VI-3-PRUEBA GECUEHCIAL DE RAZON DE PROBABILIDAD COPRESPONDIENTE A LAS CANTIDADES 00,01,

Los requisitos considerados en los riesgos tolerables,—son satisfechos por la prueba secuencial de razón de probabilidad de vigor (\angle, β) para probar la hipótesis $\theta = \theta_0$ v.s. La alternativa $\theta = \theta_1$. Esta prueba secuencial es como sigue: sea X_1, X_2, \dots etc. observaciones sucesivas sobre X. La densidad de probabilidad de la muestra (X_1, \dots, X_m) esta dada por:

(1)
$$p_{o_m} = \frac{1}{(2\pi)^m/2} q^m e^{-\frac{1}{2\sqrt{2}}} (x_2 - \theta o)^2$$

Si 0 = 00, y por:

(2)
$$p_{I_m} = \frac{1}{(2\hbar)^{m/2} \sigma^m} e^{-\frac{1}{2\tau^2}} (x_{\alpha} - \theta_1)^2$$

Si $\theta=\theta_1$. La razón de probabilidad se calcula en cadaestado de la inspección. Tomamos observaciones adicionales, en -tanto:

(3)
$$B < \frac{p_{1m}}{p_{om}} = \frac{e^{-\frac{1}{2\sqrt{2}}} (x_2 - \theta_1)^2}{e^{-\frac{1}{2\sqrt{2}}} (x_2 - \theta_0)^2} < A$$

La inspección termina con la aceptación del lote si:

(4)
$$\frac{e^{-\frac{1}{2\sqrt{4}}(x_{2}-\theta_{1})^{2}}}{-\frac{1}{2\sqrt{4}}(x_{2}-\theta_{0})^{2}} \leq B$$

La inspección del lote termina con el rechazo del lote si

(5)
$$\frac{e^{-\frac{1}{2\sqrt{2}}(x_{k}-\theta_{1})^{2}}}{e^{-\frac{1}{2\sqrt{2}}(x_{k}-\theta_{0})^{2}}} = A$$

Los valores aproximados de A y B están dados por $(1-\beta)/\lambda$ y $\beta/(1-\lambda)$ respectivamente.

Tomando logaritmos de (3), (4) y (5), y simplificando te-

nemos:

(6)
$$\log \frac{\beta}{1-\lambda} \angle \frac{\theta_1 - \theta_0}{V^2} \sum_{k=1}^{m} x_k + \frac{m}{2v^2} (\theta_0^2 - \theta_1^2) \angle \log \frac{1-\beta}{2}$$

(7)
$$\frac{\theta_1 - \theta_0}{\sqrt{2}} \sum_{k=1}^{m} x_{kk} + \frac{m}{2\sqrt{2}} (\theta_0^2 - \theta_1^2) \leq \log \frac{\beta}{1-\alpha}$$
 y:

(8)
$$\frac{\theta_1 - \theta_0}{\sqrt{2}} \sum_{k=1}^{m} x_k + \frac{m}{\sqrt{2}} (\theta_0^2 - \theta_1^2) \ge \log \frac{1-\beta}{2}$$

Otras simplificaciones se pueden hacer sumando $(-m/2\sqrt{2})(\theta_0^2 - \theta_1^2)$ a ambos lados de las desigualdades (6), (7) y (8) y ladivisión de éstas por $(\theta_1 - \theta_0)/\sqrt{2}$. Estas operaciones transforman-

dichas ecuaciones en

(9)
$$\frac{\sqrt{2}}{\theta_1 - \theta_0} \log \frac{\beta}{1 - \lambda} + m \frac{\theta_0 + \theta_1}{2} \leq \sum_{k=1}^{\infty} x_k \leq \frac{\beta}{2}$$

$$\angle \frac{\sqrt[4]{2}}{\theta_1 - \theta_0} \log \frac{1-\beta}{\lambda} + m \frac{\theta_0 + \theta_1}{2}$$

(10)
$$\sum_{k=1}^{m} x_{k} \leq \frac{\sqrt{2}}{\theta_{1} - \theta_{0}} \log \frac{\beta}{1 - \lambda} + m \frac{\theta_{0} + \theta_{1}}{2} \qquad y$$

(11)
$$\sum_{k=1}^{m} x_k \ge \frac{\nabla^2}{\theta_1 - \theta_0} \log \frac{1-\beta}{\alpha} + m \frac{\theta_0 + \theta_1}{2}$$

respectivamente.

Mediante el uso de las desigualdades (9), (10) y (11),-el proceso se realiza de la siguiente manera. Para cada m, calcula
mos el número de aceptación

(12)
$$a_m = \frac{\sqrt{2}}{\theta_1 - \theta_0} \log \frac{\beta}{1 - \lambda} + m \frac{\theta_0 + \theta_1}{2}$$

y el número de rechazo

(13)
$$r_m = \frac{\sqrt{2}}{\theta_1 - \theta_0} \log \frac{1 - \beta}{\alpha} + m \frac{\theta_0 + \theta_1}{2}$$

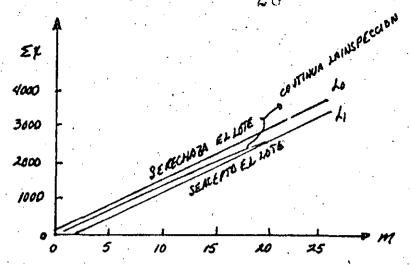
Dichos números se calculan antes de empezar la inspección Dicha inspección continúa en tanto a $\mathbb{Z}_{\mathbf{x}} \mathcal{L}_{\mathbf{m}}$. La primer ocación—que $\mathbb{Z}_{\mathbf{x}}$ no se encuentre entre a y $\mathbf{r}_{\mathbf{m}}$, la inspección termina. El—lote se acepta si $\mathbb{Z}_{\mathbf{x}} \mathcal{L}_{\mathbf{m}}$, y el lote se rechaza si $\mathbb{Z}_{\mathbf{x}} \mathcal{L}_{\mathbf{m}}$.

Como ilustración consideremos el siguiente ejemplo. Sea-90=135, θ_1 =150, \varkappa =0.01 y β =0.03, además $\sqrt{=25}$. Las observaciones ylos números de aceptación y de rechazo se encuentran tabulados en-

la siguiente tabla, la cual demuestra que la inspección termina en m=20 con la acertación del lote.

m	a _m	x	Σx	r m
Número de	Número de	Valor	Suma acu	Número de
observaciones	aceptación	observado	mulada de	rechazo
	-		valores	
			observados	
1	,	151	151	334
2	139	144	295	476
· 3 ,	281	121	416	
,	424	137	553	761
5	566	138	691	904
6	709	136	827	- 1046
7	851	155	982	1189
8	994	160	1142	1331
9	1136	144	1286	1474
10	1279	145	1431	1616
11	1421	130	1561	1759
12	1564	120	1681	1901
13	1706	104	1785	2044
14	1849	140	1925	2186
15	1991	125	2050	2329
16	21 34	106	2156	2471
17	2276	145	2301	2614
18	2419	123	2424	2756
19	2561	138	2562	2899
20	2704	108	2670	3041
21	2846			3184 🗀
22	29 89			3326
23	31 31			3469
24	3274	an eq	40 1000 100	3611
25	3416		time time time, 4-19	3754

El procedimiento se puede llevar a cabo también en forma gráfica, como se muestra en la siguiente figura.



El número de observaciones m, se mide sobre el eje horizontal. Los puntos (m,a_m) se encuentran sobre una linea recta L_0 y los puntos (m,r_m) sobre una línea paralela L_1 . Dibujamos las lineas L_0 y L_1 , antes de iniciar la inspección. Los puntos (m,\sum_{x}) se grafican conforme se va realizando la inspección. Dicha inspección—continúa en tanto los puntos (m,\sum_{x}) se encuentren entre las lineas L_0 y L_1 . La inspección termina la primer vez que el punto (m,\sum_{x}) —no se se encuentre entre L_0 y L_1 . Si se encuentra sobre L_0 o por—abajo de ella, el lote se acepta, y si se encuentra sobre L_1 , o—por encima de ella, el lote se rechaza.

La pendiente común de las lineas Loy La está dada por--

(14)
$$B = \frac{\theta_0 + \theta_1}{2}$$

La intersección de Lo es igual a

(15)
$$h_0 = \frac{\sqrt{2}}{\theta_1 - \theta_2} \log \frac{\beta}{1 - \lambda}$$

y la intersección de L1 está dada por

(16)
$$h_1 = \frac{\nabla^2}{\theta_1 - \theta_0} \log \frac{1 - \beta}{\varkappa}$$

VI-4-CURVA CARACTERISTICA DE OPERACION DE LA PRUEBA.

Sea L(0), la probabilidad que la prueba secuencial nos—conduzca a la aceptación del lote cuando 0 es el verdadero valor—de la media. La función L(0) es llamada función característica de—operación de la prueba. En la sección II-4 se derivaron cierta fór mulas para el cálculo de la función CO, y los resultados generales se aplican a la prueba de la media de una población normal.

Se demostró que:

(17) L(9)
$$\frac{\left[\frac{1-\beta}{2}\right]^{h}-1}{\left[\frac{1-\beta}{2}\right]^{h}-\left[\frac{\beta}{1-2}\right]^{h}}$$
 donde

(18)
$$h = \frac{\theta_1 + \theta_0 - 2\theta}{\theta_1 - \theta_0}$$

Se observa de (17) y (18) que L(9) es una función cre---ciente de h, y h es una función decreciente de 9.

Para $\theta=-\infty$, θ_0 , $(\theta_0+\theta_1)/2$, θ_1 , $+\infty$, los valores de L(θ)-se obtienen de (17).

(19)
$$L(-\infty) = 1$$
 $L(\theta_0) = 1 - \lambda$
 $L(\theta_1) = \beta$ $L(\infty) = 0$

BIBLIOGRAFIA.

- 1- INTRODUCTION TO MATHEMATICAL STATISTICS.

 ROBERT V. HOGG AND ALLEN T. CRAIG.
- 2- INTRODUCTION TO MATHEMATICAL STATISTICS.
 PAUL G. HOEL.
- 3- INTRODUCCION A LA TEORIA DE LA ESTADISTICA.
 ALEXANDER M. MOOD Y FRANKLIN A. GRAYBILL.
- 4- SEQUENTIAL ANALYSIS.
 ABRAHAM WALD.
- 5- ESTADISTICA MATEMATICA.
 ERWIN KREYSZIG.

TEOTERS "W" F "W" ja

LA TEORIA "X" TIENE COMO PREMISAS: 3

- 1. El ser humano undio siente una aversión inhemente por el trabajo y lo evita si puede
- 2. Por esta característica humana de aversión al trabajo, la mayoria de las personas han de ser obligadas, controladas, dirigidas y amenazadas con castigos para que desarrollen el effuerzo conveniente a la consecución de los objetivos de la organización.
- 3. El ser humano medio prefiere ser dirigido, desca esquivar la responsabilidad, tiene relativamente poca ambición, quiere seguridad por encima de todo.

LA TEORIA "Y" TIENE POR PREMISAS:

- 1. El desarrollar esfuerzo físico y mental en el trabajo es tan natural como jugar o descansar.
- 2. El control externo y la amenaza de castigo no son los únicos medios para obtener esfuerzo hacia los objetivos de la organización. El hombre ejercera autodirección y autocontrol en el servicio de los objetivos en los que se comprometa.
- 3. Comprometerse en objetivos en función de las recomponsas asociadas a su consecución
- 4. El ser humano medio aprende, en buenas condiciones, no sólo a aceptar sino a buscar responsabilidad.
- 5. La capacidad de ejercer un grado relativamente elevado de inmaginación, ingenio y creatividad en la solución de problemas de las organizaciónes está ampliamente, y no estrechamente, distribuida entre los humanos
- 6. En las condiciones de la moderna vida industrial, el potencial intelectual del ser humano medio se usa sólo parcialmente.

NECESIDADES HUMANAS

- 1. Necesidades fisiológicas. de alimento, vestidos, refugio, aire y agua
- Necesidades de seguridad.- de vivir, trabajár y esparcirse en un ambiente relativamente seguro, libres de inminente peligro de muerte o de daños graves.
- 3. Necesidades sociales de asociarse con otros seres humanos para estímulo, apoyo mutuo y emulación intelectual
- 4. Necesidad del eço.- de respetarse a sí mismos y sober que los demás también le respetan.
- Necessidad del auto desarrollo. de automojora, accento de la capacidad física og mental, desarrollo de capacidades nuevas o mayores y adquisición de nuevos conocimientos

^{1*} Douglas Mc. Gregor, The Human Side of Enterprise. No. Graw-Hill, 1960.

La tecría "z" de la organización sustiene que, eventualmente, los efectios de los cambios organizacionale y la más efectiva forma de organización para una situación dada pueden sen predeterminados. Es un enfoque que ve los problemas de organización como mera cuestión de organizar un sistema.

الموافرة والمستحدث والأوام وموسود

Un sistema cibernático es un tipo de proceso recirculatorio y que es ca paz de cierto grado de acción correctiva, ya sca como resultado de cambios internos dentro del sistema o respondiento a cambios ambientales externos. Un sistema se compone usualmente de uno o varios subsistemas y las capacidades del sistema total dependen de las capacidades de cada subsistema; a su vez, todo cambio en la función o capacidad del sistema total requiere cambios correspondientes en los subsistemas. La introducción de factores en el sistema total puede originarse desde fuera del sistema o desde los subsistemas componentes y lo mismo puede decirse de los factores producidos por el sistema— estos pueden ser colocados fuera del sistema o llevados a afectar cualquiera de los subsistemas.

La teoría "z" o el enfoque contingente de las organizaciones traduce el concepto de sistemas, a un lenguaje sencillo, reconociendo que la estructura y el funcionamiento de una organización son contingentes a muchos factores situacionales, tanto internos como externos a ella. No es un mero enfoque simplista de la organización que afirma que hay una forma de organización exitosa bajo cualquier situación o circunstancia, ni es tampoco la consideración abstracta presentada en la teoría general de sistemas. Es un enfoque intermedio adaptable a las organizaciones.

Uno de los principales problemas en el desarrollo de un enfoque contingente de la teoría de la organización es la determinación de los parame
tros de la organización; con les son los factores del diseño organization
vo, la estructura y la función a ser considerados en tal enfoque? Los
autores March y Simon, en en libro "Organizations"; consideran 206 varia
bles como parametros de c. mización 1.

Constitution for the second state of the

I. James G. March and the the fit is a similar or interaction. Chew York: John Villey & Sons, a lact the first or some or the control of an entential action of a control of a

Huchas de las variables que ellos presentan son nuevas y no han sido aun probadas por la investigación; además, es casi imposible abarcar las 206 var ables y todas las posibles interrelaciones que puedan sur gir,

El trabajo de los mencionados autores acentúa la creencia de que la efectividad organizacional depende del reconocimiento de la adaptación a muchos factores situacionales variables e interdependientes, y de lo que es considerado organización efectiva para una situación puede ser lamentablemente inadecuado para otra.

A su vez, en el otro extremo del espectro, las Teorías X e Y utilizan sólo dos factores - el trabajo y la naturaleza de las personas- como parámetros de la organización. Una base intermedia sugiere las siguientes seis variables situacionales interactuantes como factores que determinan la apropiación de cualquier estructura o proceso organizacional dado: (1) tamaño de la organización, (2) grado de interacción; (3) personalidad de los miembros, (4) congruencia de los objetivos, (5) nivel de la toma de decisiones, y (6) estado del sistema:

ramaño de la organización. A medida que el tamaño (definido como núme ro de parsonas) aumenta la estructura de la organización se hace más formal y compleja, con el resultado de los procesos apropiados de motivación de los empleados hacia el logro de las metas organizacionales se hacen más formales y dirigidos- más bien que informales y participati - vos- por naturaleza.

miembron de una organización aumenta a fin de cumplir la tarea prescription, su entructura debiera permitir una libre afluencia de información entrecambio de ideas y los rrocesos de motivación que la acompañan de procesos de motivación de la acompañan de procesos de motivación de la acompañan de la

parsonalidad de les riembres de la organización. Una estructura organiconsent l'un reconstitue procesos de confermanta la personalidad y exfertic cos de la diembra de la organización. Los miespecos cae no escionan mejor a patrenes de estructura y motivación feimales, mientras que aquellos que esperan participación y son ampliamente automotiva - dos reaccionan mejor a procesos participativos y a una estructura organizacional informal.

Congruencia de Metas: Cuando las metas de la organización y las de sus miembros son congruentes, los procesos participativos y una estructura menos formal resultan ser apropiados; pero cuando aquellas son di vergentes, debe darse mayor apoyo y enfasis a los controles externos y a la estructura formal, para losgrar una fiscalización adecuada:

Mivel de Toma de Decisiones. El nivel jerarquico de la toma de decisiones es primordialmente una función de la tecnología de la organización. Cuando la tecnología lo permite y las funciones decisionales
son retenidas dentro del grupo de trabajo primario de una organización
los procesos participativos y la estructura informal resultan efectivos; en tanto que a medida que las prerogativas decisionales se mueven
hacía arriba en la línea jerárquica y se alejan del grupo de trabajo
afectado por dichas decisiones. la estructura formal y los procesos
directivos van haciendose más apropiados.

Estado del Sistema. Cuando la ejecutoria de una organización es relativamente pobre respecto del loggo de objetivos organización de loggo de objetivos organizaciónales (creando por lo tanto, una situación de de balance del sistema), se wace necesaria la utilización de procesos directivos de motivación y de estructuras formales a los efectos de iniciar ace on correctiva; sin embargo paralelamente a la realización de la metas establecidas, los procesos participativos y los patrenes in ormales de organización se ha con más efectivos y son decendos por la micharias de la crianización.

Los parametros determinados, con orma el marco el ente continuente de estudio de las organizaciones. Las de ione moltas cobre la matricio de los cores impantos, millo como continuente de los cores impantos, millo como como como de la matricio del matricio de la matricio de la matricio del matricio de la matricio del matricio de la matricio de la matricio del matricio de la matricio del matricio del matricio de la matricio del matricio de

de cada situación organizativa que se presenta, de camera que pueda descrarse la estructura organizacional más apropiada y los procesos que reger matisfaçan las necesidades de esa particular situación. Todo ello mín dejar de tener presente que los parametres del enfoque contingente funcionan como partes de un sistema, y un cambio en el valor de un factor rodifica la significación y el funcionamiento de las demás variables.

Los pasos en la aplicación de la teoría "z" pueden ser:

- 1. Entender el tipo z de organización y su papel
- 2. Auscultar la filosofía de la empresa
- 3. Definir la filosofía deseada de la empresa
- 4. Implantar la filosofía creando tanto estructuras como incentivos
- 5. Desarrollar habilidades interpersonales
- 6. Probarse a si mismo y al sistema
- 7 Involucrar a los sindicatos, uniones, etc.
- 8. Propiciar estabilidad en el empleo
- 9. Decidir sobre un sistema para evaluaciones y promociones
- 10. Ampliar y propiciar trayectorias de desarrollo personal y grupal
 - 11. Preparar para la implantación a los niveles inferiores
 - 12. Buscar las areas para instrumentar la participación
 - 13. Permitir el desarrollo de relaciones globales.

LOS CITCULOS DE CONTROL DE CALTDAD Q-C

Una de las más interesantes lecciones del arte de la muninistración japonesa y una de las que es más cercana al espíritu de la Teoría "Z", son los Círculos de Control - de Calidad. La efectividad de estos círculos ha estimulado su aplicación y desarrollo en otros países.

La explicación de la popularidad de los Círculos radica en su función única. Lo que hacen es participar con la administración para localizar y resolver problemas de - coordinación y productividad. Los Círculos, en otras palabras, identifican lo que está mal en la organización y dan la respuesta al problema. Por esta razón, los Círculos Q-C que fueron desarrollados en Japón son un método útil para - alcanzar alta calidad, mejorar productividad y aumentar moralidad en los trabajadores a un costo relativamente bajo.

En Japón, los resultados son espectaculares. A - diciembro de 1979, existían más de 100 000 Círculos Q-C, sin considerar los no registrados que se estiman en un millón. Los Círculos en Japón producen cada año de 50 a 60 sugerencias por trabajador que son instrumentadas. Estos mejoramientos, sin embargo, no son gratuitos; se ha reportado que el trabajador japonés, durante sus primeros 10 años de trabajo, recibe aproximadamente 500 días de entrenamiento, incluyendo instrucción en aulas, y entrenamiento práctico cobre se trabajo. ¿Cómo los Círculos trabajan dan hier? Los Círculos típicamente consisten de 2 a 10 trabajadores que - la jeramentemente asignados a ese círculo. Todos los emedicidos con catina lados a porticipar. Cada Círculos de emplea

dos forma un grupo de trabajo natural que está relacionado con los restantes de alegn modo. Los trabajãos de cada Cir culo son coordinados por un lider para estudiar cualquier problema de producción o servicio que esté en el ambite de su trabajo. En la mayoría de los casos, un Circulo desarro lla am provecto que propone una respuesta a los problemas del sistema dentito de un período que va de 3 a 6 meses. Ca da noviembre, se presentan los esfuerzos de cada círculo y sc ctorgan los reconocimientos correspondientes. Ordinaria mente, cada Círculo se reune de una hora a 2 cada semana. Un proyecto típico puede involucrar un problema que ha sido identificado por uno o más miembros del Circulo. Ellos sugieren la relevancia del problema y discuten con otros miem bros del Circulo, incluido el coordinador. El grupo puede entonces estudiar de manera sistemática el problema recelec tando estadísticas sobre su tipo y naturaleza. Al final del período de estudio de 6 semanas, los miembros se reunen nue vamente para analizar los datos y determinar la fuente del problema. Una vez que el problema ha sido identificado se. sugieren los pasos que deberían ser tomados para corregirlo. Si estos pasos pueden ser desarrollados totalmente por los miembros del Circulo, ellos instrumentan sus sugerencias. Si el problema es más general, entonces los miembros recu-rren a la formación de un Círculo más amplio que voa robre la respuesta del problema, o bien, recomienda a los niveles superiores de la administración la selución que deberfa de ser dada. Finalmente, la solución es identificada e implan tada. Los resultados del estudio son publicados, se accomo ce el fixito de la implantación; la entrece herenta a le trabajadores el impacto de las sugerentias incombadas de pane ra que cada uno considerará la relación entre el fixino de

su trabajo y los beneficios de la empresa así como el in-

Los Circulos Q-C comenzaron después de la Segunda Guerra Mundial, cuando se reconoció la necesidad de que las técnicas estadísticas clásicas del control de calidad fuesen dominadas por los responsables de la producción y en base a los resultados de estos análisis, estos mismos trabajadores propusiesen las respuestas a los problemas identificados de calidad y productividad.

Mientras que no existe nada mágico en las técnicas estadísticas por sí mismas, lo que es diferente es la deter minación para invertir en las enseñanzas de estas técnicas para los trabajadores a nivel de producción y entonces para delegar a estos trabajadores el poder y la autoridad de influir en los cambios en la organización del trabajo de mane ra que se mejore la calidad y productividad.

La estadística no es el único elemento crucial en el éxito de los Círculos. La combinación de las técnicas de medición más la atención al aspecto humano de la organiza-ción ha producido los resultados conocidos de los Círculos Q-C. El éxito de los Círculos Q-C no solamente depende de la técnica sino de su exacto entendimiento en los aspectos humanos para mejorar su productividad. Los propósitos fundamentales de los Círculos Q-C son:

 Contribuir al mejoramiento y desarrollo de la empresa.

- Atender a los aspectos humanos y propiciar ambientes de trabajo <u>a</u> gradables que resulten significa tivos para el trabajador.
- Estimular y explayar las capacidades humanas totalmente en sus multiples posibilidades.

Hay una distancia amplia entre la atención a las técnicas estadísticas por un lado y la gran visión involucidada en los propósitos generales por el otro. En la implantación exitosa de los Círculos Q-C es esencial que ambos aspectos sean totalmente instrumentados. Los Círculos Q-C también han extendido el ámbito de su uso a los departamentos de Ventas, Inventarios, etc. Existen Círculos Q-C que involucran tanto a compañías afines como a sus afiliados. Muchos de estos Círculos han mejorado sustancialmente sus operaciones así como su comunicación. En algunos casos. la cooperación se ha extendido entre los competidores; por otro lado, la enseñanza de los Círculos Q-C se ha estimulado a las escuelas secundarias del Japón.

Tal vez la mayor contribución de los Círculos Q-C en Japón se refiere al tratamiento del trabajador. No importante que tanto las empresas estén mecanizadas, lo importante es que el individuo sea tratado en sus manifestaciones huma nas. La gente utiliza mucho tiempo de su vida en el lugar de su trabajo. Debe ser mucho más deseable trabajar en un ambiente agradable, donde el aspecto humanístico es conside rado y donde las personas sientan que su trabajo es realmente significativo.

Esto es lo que los Círculos de Calidad buscan alcanzar.

La administración debe crear las condiciones posibles y entonces ser paciente para permitir que el esfuerzo y la moralidad se desarrollen naturalmente. Las actividades del Círculo deberían ser definidas para que la moralidad -- gradualmente sea elevada como una consecuencia natural de - tomar participación en las actividades. Mientras es un objetivo crear relaciones armoniosas, la palabra crear no debería ser interpretada como hacer una cosa por la fuerza. Lo que constituye el aspecto humano es la habilidad para pensar. Un trabajador debería estar ubicado donde la gente pueda pensar y usar su sabiduría. Debe ser un objetivo de las actividades de los Círculos Q-C el desarrollar esto.

Los objetivos de los Círculos Q-C son permitir que cada trabajador sea un planificador y un ingeniero, así como también un trabajador.

Una empresa puede realizar la potencialidad de sus empleados unicamente si invierte tanto en su entrenamiento como en su participación en la toma de decisiones. Sin entrenamiento, la invitación a participar en decisiones conducirá unicamente a frustración y conflicto. Sin una participación en la toma de decisiones, un gasto en entrenamiento será tanto frustrante como inutil.

La implantación exitosa de los Círculos Q-C radicará en el entendimiento total y en el establecimiento de las condiciones necesarias para el desarrollo de los progra

¿QUE ES UN CIRCUIO DE CALIDAD?

Un grupo de 2 a 10 personas

- Trabajando en un mismo departamento
- Reuniendose con regularidad
- Seleccionando y resolviendo problemas de calidad

APRENDE Y USA

LILINTAS DE IDEAS PRESENTACIONES\

GRAFICAS

INJAS DE CONTROL

117.STOCRMAS DINGRAMAS DE PARETO

¿ PARA OUE SIRVE ?

- Aprender cosas nuevas
- Resolver problemas del grupo de trabajo
- Obtener satisfacción en el trabajo

Es divertido

- Reconocido

¿OUTEN PUEDE PARTICIPARS

- Cualquier persona interesada en meiorar la calidad del trabajo

> ¿COMO TRABAJA UN CIRCULO DE CALIDAD ?

- Reuniones semanales
- Usa métodos para resolver problemas
- Resuelve problemas rela cionados con el trabajo

CIRCULOS DE CALIDAD

- * GRUPOS VOLUNTARIOS DE TRABAJO FORMADOS ENTRE 3 Y 12
 EMPLEADOS.
- * GUIADOS POR UN SUPERVISOR.
- * SE REUNEN REGULARMENTE (UNA O DOS HORAS POR SEMANA)
- IDENTIFICAN, ANALIZAN Y RESUELVEN PROBLEMAS RELACIONA_
 DOS CON SU AREA DE TRABAJO.
- RECOMIENDAN SOLUCIONES A LOS NIVELES DIRECTIVOS.
- IMPLEMENTAN DICHAS SOLUCIONES.
- * VIGILAN Y DAN SEGUIMIENTO A LAS CONSECUENCIAS.

FILOSOFIA BASICA DE LOS

CIRCULOS DE CALIDAD

* LA GENTE SE SIENTE MAS ORGULLOSA DE SU TRABAJO CÚANDO

SE LE PERMITE PARTICIPAR EN LA TOMA DE DECISIONES

* LAS PERSONAS MAS CERCANAS A LOS PROBLEMAS SON LAS QUE

/ ESTAN MEJOR CAPACITADAS PARA RESOLVERLOS

COORDINACION (JUGADORES) DE

LOS CIRCULOS DE CALIDAD

- COORDINADOR
- COMITE DIRECTIVO
- MODERADOR
- LIDER DEL CIRCULO
- * MIEMBROS DEL CIRCULO

- * NO MIEMBROS DEL CIRCULO
- * ESPECIALISTA

OBJETIVOS DE LOS CIRCULOS

DE CALIDAD

- * PROPORCIONAR CRECIMIENTO PERSONAL Y PROFESIONAL
- * MEJORAR LA COMUNICACION
- REFORZAR HABILIDADES PARA RESOLVER PROBLEMAS Y
 TOMAR DECISIONES
- MEJORAR LA CALIDAD DE PRODUCTOS Y SERVICIOS
- INCREMENTAR LA PRODUCTIVIDAD

LOS CIRCULOS DE CALIDAD...

PUEDEN DISCUTIR:

* CUALQUIER ASUNTO QUE AFECTE SU AREA DE TRABAJO

NÓ DEBEN DISCUTIR:

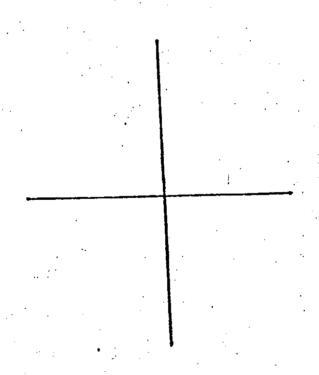
- * ASUNTOS FUERA DE SU RESPONSABILIDAD
- * ASUNTOS DE OTROS DEPARTAMENTOS
- * ASUNTOS DE OTROS EMPLEADOS
- POLITICAS CORPORATIVAS
- * ASPECTOS SALARIALES

47.

DIMENSION DUAL EN LA ACTIVIDAD

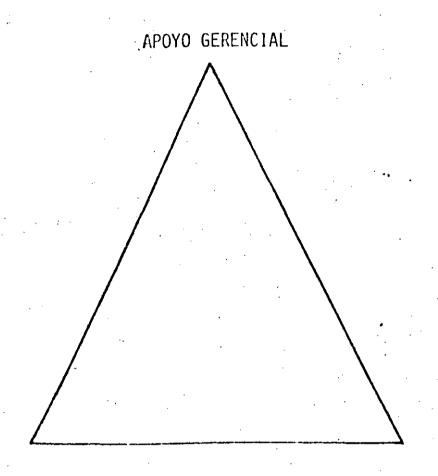
DE LOS CIRCULOS DE CALIDAD

CONTENIDO (Q'U'E - E S D'LASTAREA)



PROCESO (C O M O LLEVARLA A CABO)

ELEMENTOS CLAVE PARA EL EXITO
DE LOS CIRCULOS DE CALIDAD



ENTRENAMIENTO

PARTICIPACION VOLUNTARIA

CARACTERISTICAS DE GRUPOS EFECTIVOS

- * LOS INTEGRANTES ESCUCHAN EN FORMA ACTIVA
- EXISTE PARTICIPACION DE TODOS LOS INTEGRANTES
- * COMUNMENTE EXISTE DESACUERDO
- SE EXPRESAN SENTIMIENTOS
- EL AMBIENTE ES RELAJADO
- * LOS OBJETIVOS Y METAS SON CLAROS
- * TODOS LOS MIEMBROS ESTAN MOTIVADOS

EL CUMPLIMIENTO DE LA TAREA

REQUIERE:

- * INICIATIVA
- * BUSQUEDA DE INFORMACION
- * COMPARTIR LA INFORMACION
- * EXTERNAR OPINIONES
- * ACLARAR, DEPURAR Y ELABORAR INFORMACION.
- * SINTETIZAR Y SUMARIZAR LA INFORMACION

PARA CONSERVAR EL GRUPO SE REQUIERE:

- * I'DTIVAR A LOS INTEGRANTES
- IMPULSAR Y ALENTAR LA LABOR DE LOS INTEGRANTES
- MANTENER ARTONIA EN LAS REUNIONES
- * PROCURAR LA PARTICIPACION DE TODOS LOS MIEMBROS (1994)
- * BUSCAR SIEIPRE EL CONSENSO

DE LOS MIEMBROS DEL EQUIPO SE

REQUIERE:

- * SINCERIDAL
- * ATENDER SIEMPRE A LAS REUNIONES
- * ARTICIPAR ACTIVAMENTE
- ACEPTAR VOLUNTARIAMENTE LAS ASIGNACIONES
- * TOMAR MINUTAS EN LAS REUNIONES
- * COMUNICARSE CON LOS NO MIEMBROS DE SU DEPARTAMENTO
- * PARTICIPAR EN LAS PRESENTACIONES A LA GERENCIA
- * AYUDARSE MUTUAMENTE
- * ENFOCAR SU TRABAJO HACIA EL ALCANCE DE LAS METAS
- * COMPARTIR SUS SENTIMIENTOS ABIERTA Y HONESTAMENTE

FORMAS EN QUE LOS GRUPOS TOMAN

DECISIONES:

- * POR FALTA DE RESPUESTA
- POR AUTORIDAD
- POR MAYORIA
- POR MINORIA
- POR CONSENSO
- POR CONSENSO UNANIME

* ES EL BENEFICIO ADICIONAL LOGRADO POR LA INTERACCION

* LOS RESULTADOS DERIVAVOS DE UN TRABAJO EN EQUIPO SON MAYORES QUE LA SUMA DE LOS RESULTADOS INDIVIDUALES

* SE LOGRA MEDIANTE LA TOMA DE DECISIONES POR CONSENSO. LA COLABORACION DE TODOS LOS INTEGRANTES Y LA COMPE_____

TENCIA SANA ENTRE LOS MISMOS

METODOLOGIA DE SOLUCON DE

PROBLEMAS

F A S E S

PASOS

- 1. BUSQUEDA DEL PROBLEMA,
- 2. SELECCION
- II. ANALISIS DEL PROBLEMA
- 3. ESPECIFICACION DEL PROB.

1. IDENTIFICACION

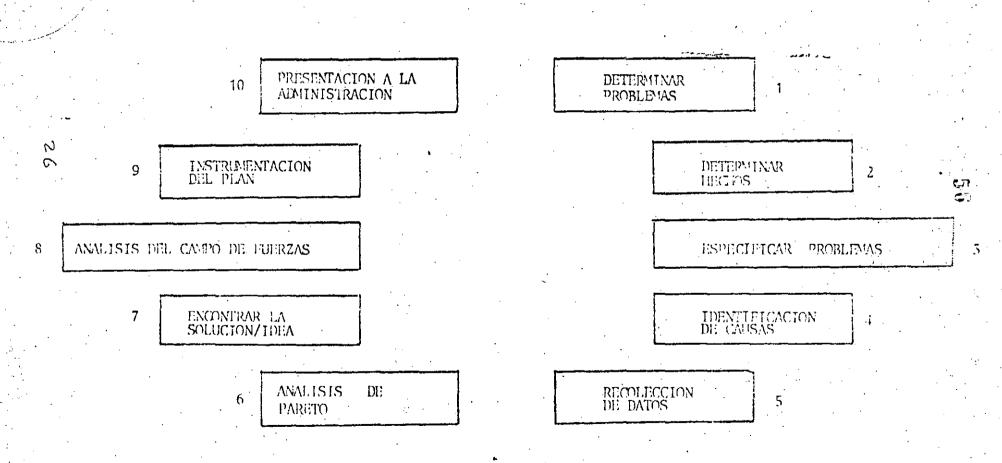
- 4. IDENTIFICACION DE CAUSAS
- 5. VERIFICACION DE CAUSAS

III. TOMA DE DECISIONES

- 6. DECISION DE OBJETIVOS
- 7. GENERACION DE SOLUCIONES
- 8. EVALUACION DE SOLUCIONES
- 9. DECISION
- 10. DESARROLLO DE UN PLAN
 - 11. ANTICIPACION DE PROBLEMAS
 - 12. PRESENTACION A GERENCIA
 - 13. RETROALIMENTACION
 - 14. VISION FUTURISTA

IV. IMPLEMENTACION

PROCESOS DE SOLUCION DE PROBLEMAS CREATIVAMENTE



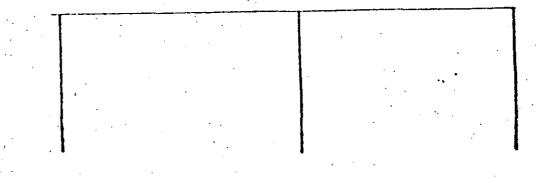
DEFINICION DE PROBLEMA

* OBJETO CON DEFECTO

* DIFERENCIA ENTRE LO QUE ES Y LO QUE DEBIERA SER

* LAS CAUSAS NO SE CONOCEN

ETAPAS DE LA METODOLOGIA



PRESENTE

PASADO

CAUSA CONOCIDA

FUTURO

- * CAUSA DESCONOCIDA
- .

* SOLUCION CONOCIDA

- * ENCONTRAR CAUSA
- DECIDIR SOLUCION
- * ASEGURAR

EX1T0

MECANICA DE LAS REUNIONES

- * DETERMINAR LOS OBJETIVOS
- ANTES:
- PREPARAR LA AGENDA

- * INICIAR A TIEMPO
- * SEGUIR LA AGENDA
- DURANTE:
- * ESCRIBIR MINUTAS
- * TERMINAR A TIEMPO

- * EVALUAR LA REUNION
- DESPUES:
- * DISTRIBUIR LAS MINUTAS
 - HACER SEGUIMIENTO Y
 TOMAR ACCION

LLUVIA DE IDEAS

CARACTERISTICAS:

- * PROPICIA LA GENERACION DE IDEAS
- * IMPULSA LA CREATIVIDAD
- * ESTIMULA LA PARTICIPACION
- * CREA UN AMBIENTA DE ENTUSIASMO
- * CONTRIBUYE A LA MORAL DEL GRUPO

LLUVIA DE IDEAS

USOS:

- * ENCONTRAR PROBLEMAS POTENCIALES
- * IDENTIFICAR SUS CAUSAS
- * GENERAR ALTERNATIVAS DE SOLUCION
- * PREVENIR Y ANTICIPARSE A FUTURAS CAUSAS

LLUVIA DE 1DEAS

REGLAS:

- * NO ENJUICIAR O EVALUAR LAS IDEAS
- * DEJAR VOLAR LA IMAGINACION
- * ENTRE MAS IDEAS SE GENEREN ES MEJOR
- * CONTRIBUIR BASANDESE EN IDEAS DE OTROS

SELECTION DEL PROBLEMA

ROPOSITO

Jerarquizar, los problemas

Elegir una área problema que concierna a la mayoría de los miembros

REGLAS

- Todos particinan
- Sin criticas
- Sin comentarios
- La gente puede pasar
- La discusión se desarrolla

PROCEDIMIENTO

- El grupo jerarquiza problemas individualmente asignando una calificación a cada uno de acuerdo a cuanto desea trabajar sobre ese problema
- El lider da a los miembros algunos minutos para que asignen su calificación a los problemas y después se registran sus resultados
- Las calificaciones son sumadas y el grupo decide si se requiere un segundo ejercicio de jerarquización, o si el problema ha sido de terminado
- Si se requiere un segundo ejercicio, se eliminan los que estan con calificación inferior y se da tiempo para la discusión de las áreas restantes
- Se selecciona el firea de problema que recibe la mayor calificación, con el proceso antes descrito

EJEMPLOS

- Carencia de espacio de almacenamiento
- Areas de limpieza
- -- Continuos cambios de línea
- Procedimientes
- Carencia de área de refrigerio
- Trabaio de papeleo redundante
- Uso impropio del espacio



SELECCION DEL PROBLEMA

- * LLUVIA DE IDEAS PARA IDENTIFICAR PROBLEMAS
- * CLARIFICACION Y ELABORACION DE UNA LISTA
- VOTACION PARA REDUCIR LAS ALTERNATIVAS A UN NUMERO RAZONABLE
- * DISCUSION DE PROS Y CONTRAS DE CADA ALTERNATIVA
- * ASIGNACION DE PRIORIDADES
- * ¿ ES EL PROBLEMA ADECUADO Y TIENE SOLUCION ?
- * SELECCION DE UN PROBLEMA

ESPECIFICACION DEL PROBLEMA

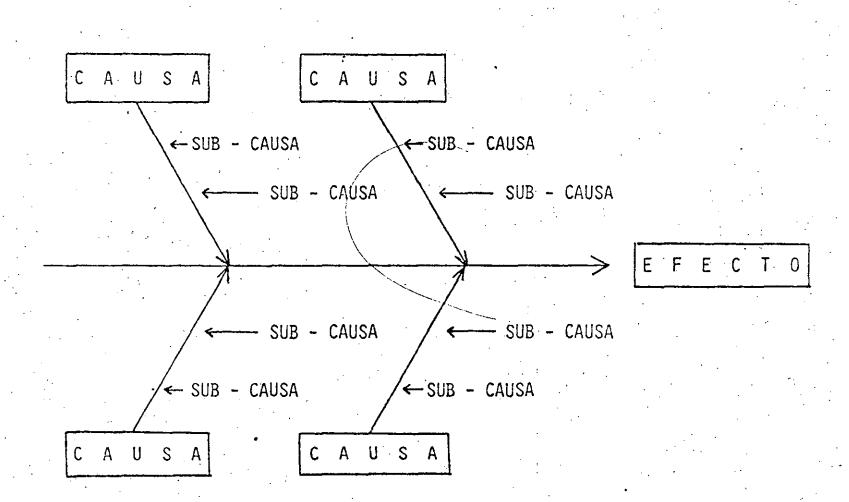
				:
PREGUNTA	E S	NO ES	DIFERENCIAS	
¿QUE?				
DEFECTO				-, _
¿DONDE?				
¿CUANDO?				_
¿CUANTO?	•			_
ذ TENDENCIA ?				

ANALISIS CAUSA / EFECTO

PASOS:

- ESPECIFICAR BIEN EL PROBLEMA
- * DETERMINAR DIFERENTES CATEGORIAS DE CAUSAS
- · LLUVIA DE IDEAS PARA POSIBLES CAUSAS
- * SELECCIONAR Y COMPROBAR LAS CAUSAS MAS
 PROBABLES
 - * IDENTIFICAR LAS CAUSAS A CONSIDERAR
 - * VERIFICARLAS

ANALISIS CAUSA/EFECTO



 ω

PROPOSITO

CO

- Representar graficamente causas probables en cate gorías específicas
- Ayudar al grupo a visual<u>i</u> zar el problema
- Practicar el pensamiento divergente

REGLAS

- El problema que aparece en la caja de efecto, es un producto o proceso medible
- Cualquier cosa que pueda influir en el efecto es con siderado como una causa problable

PROCEDIMIENTO

- Cada miembro sugiere probables causas del problema, generando sus ideas a través de la lluvia de ideas e identificando mechos
- El lider registra causas sobre el diagrama o una carta por cate gorías.

MAQUINARIA

MANO DE OBRA

E F E C T O

MATERIALES

METODOS

DINERO

USOS Y APLICACION DE LOS DATOS

- PROPORCIONAR UNA IDEA CLARA E INSESGADA DE LOS PROBLEMAS
- * SELECCIONAR ADECUADAMENTE LOS PROBLEMAS
- * ESPECIFICAR CORRECTAMENTE LOS PROBLEMAS
- * IDENTIFICAR SUS CAUSAS
- * VERIFICARLAS
- EVALUAR LAS DIFERENTES ALTERNATIVAS DE SOLUCION
- * DETERMINAR LOS PLANES DE IMPLEMENTACION

PROCESO DE DECISION

- * ESTABLECER' BIEN LOS OBJETIVOS CONSIDERANDO LOS FACTORES:
 - LO QUE T I E N E QUE LOGRARSE.
 - LO QUE SE Q U I E R E LOGRAR
- * GENERAR UN NUMERO DE ALTERNATIVAS DE SOLUCION RAZONABLE
- EVALUAR DICHAS ALTERNATIVAS
- * TOMAR LA DECISION

A S E G U R A R S E D E

- * ELEGIR LA ALTERNATIVA MEJOR BALANCEADA
- * TRATAR DE MINIMIZAR LOS RIESGOS
- ASEGURARSE DE MAXIMIZAR EL EXITO
- * PREGUNTARSE :
 - ¿ ES ESTA SOLUCION FACTIBLE ?
 - ¿ ES ESTA SOLUCION ADECUADA ?
 - ¿ ES ESTA SOLUCION DESEABLE ?

PENSAR MAS ALLA DE LA

SOLUCION

* ¿ QUE CONSECUENCIAS PODRAN SURGIR ?

* ¿ NECESITAN OTROS DEPARTAMENTOS LA

MISMA SOLUCION ?

🔭 🛓 COMO SE VERAN BENEFICIADOS OTROS

DEPARTAMENTOS ?

PARA ASEGURAR EXITO:

DESARROLLAR UN PLAN DE ACCION QUE CONTENGA :

Q U E
D O N D E
C O M O
C U A N D O
Q U I E N

* ANTICIPARSE A AQUELLO QUE PUDIERA IR MAL

ETC.

TENER UN PLAN DE CONTINGENCIA

PROPOSITO DE LA PRESENTACION

A LA GERENCIA

COMUNICAR

* PROPICIAR EL CAMBIO

* RECIBIR RECONOCIMINTO

TECNICAS PARA UNA BUENA

PRESENTACION

- * SELECCIONAR UN LIDER PARA LA PRESENTACION
- * PREPARAR UNA AGENDA
- * ORGANIZAR EL MATERIAL
- * UTILIZAR AYUDAS VISUALES
- TRATAR DE NO OCUPAR MAS DE 30 MINUTOS
- * AL FINAL HACER UNA SINTESIS O RESUMEN

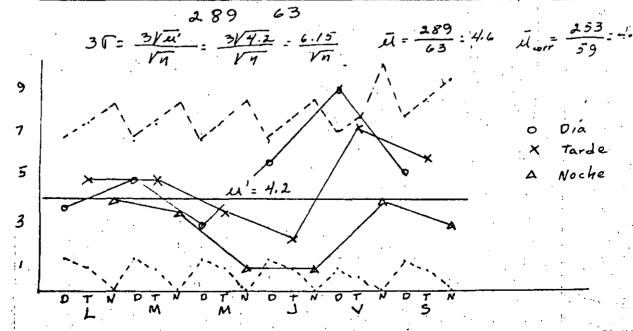
CONTROL ESTADISTICO DE CALIDAD

TABLAS

SEPTTEMBRE, 1985.

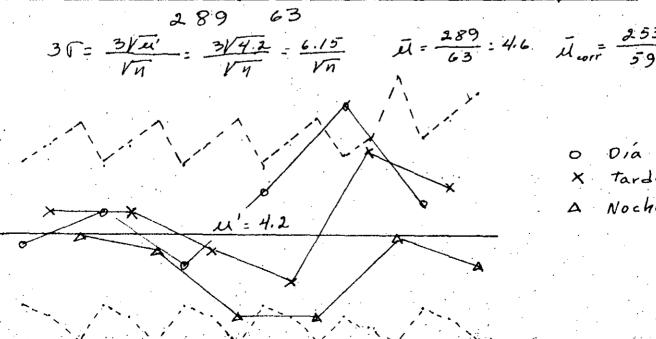
Defectos observados en una operación de sub visutaje durante una semana. Determine el grado al control alcanzado. Saponga que n'=4.2

				4			
Día	turno	Ċ	n	и	3/11/ VII	T S C	LIC
,	D	19	5	3,8	2.7	6.9	1.5
<i>L</i>	T	20	4	5.	3.1	7.5	1.1
	N	8	ュ	4	4.3	8.5	0
	D.	25	5	5	2.7	6.9	1.5
M	T	20	4	5	3,/	7.5	1.1
	N	7	2	3.5	4.3	8.5	. 0
	D	15	5	3	2.7	6.9	1.5
Μ	T	14	. 4	. 3,5	3.1	7.5	1.1
	N	2	2	1	43	8.5	0
	D.	29	5	5.8	2.7	6.9	1.5
J	T	9	4	2.3	3.1	7.5	1.1
	N	ュ	2	/	4.3	8.5	0
	D	36	4	9	3.1	7. 3	1.1
V	T	22	3	7, 3	3.5	7.7	0.7
	N	4	1 -	4	6.1	10.3	0
	D	27	5	5.4	2.7	6.9	1.5
S	} r	24	4	. 6	3.1	7.5	7.7
	<u> N</u>	6	ユ	3	43	8.5	U



Defectos observados en una operación de sub montaje durante una semana. Determine el grado de control alcanzado. Saponga que n'=4.2

	<u>. </u>	<i>,</i>		4	,		
Día	turno	C	и	и	3 V M'	LSC	LIC
	D	19	5	3.8	2.7	6.9	1.5
L	T N	20	4 2	5 4	3.1	7.5 8.5	0
	D	25	5	5	2.7	6.9	15
M	+	20	4	5	3,/	7.5	1.1
. '	N	7.	2	3.5	4.3	8.5	0
	D	15	5	3	2.7	6.9	1.5
M :	T	14	4	3,5	3.1	7.5	1.1
	N	2	2	/	43	8.5	0
.• •	D	29	5	5.8	2.7	6.9	1.5
J	ナ	9	4	2.3	3.1	7.5	1.1
	N	ュ	2	/	4.3	8.5	0
	D	36	4	9	3. /	7.3	1.7
\vee	Ť.	22	3	7. 3	3.5	7.7	0.7
	N	4	1	4	6.1	10.3	0
	D	27	5	5.4	2.7	6.9	1.5
S	\mathcal{T}	24	4	6	3.1	75	1.1
	ΝJ	6	ュ	3	4.3	8.5	0



DTN DTN DTN DTN DTN DTN S

			·																														
Laus		Timesa	Tanade										Mie	100 4	 0	1-1	*<* F	ا خاده	(18.5		 n ' n ar												
para s Ismañ		de ta	lette	0 010	0.015	0.025	0 040	A OLS	To 10	6.5	T	177	Ľa.		210									- :		··· ··				:			
40 14																									0	43	, Jun	1.7	0 1 2	m į i	her,	50%	1.4
•	•	1	munites.	Ve Ite	Ar He	Arice	ich.	, te Re	Ac He	N. 30	بأخداد	- Sect	A 1	-, 30	Re A	Ite	Ac ite	Ac It	· Xe	He'A	elle.	4-16-	14.6	. 40	He A	e II.	4-11	ا ۱۰ ا	te c		e i i e	C n.	
4		1		1	1.		1		7.	1	1	1		1		3		١,		. 1	7		},			-,- ;		٠.					,, ,
r C	.1		j l		Н.	i i :	1	1 [t I		11			4	i i	Ι÷		1 !	i !	1	• :	•				:							
77.6	Paniere			i i. l]] [1 1	H		11		1	! !	{	!	- !		⊹ં∵'	' '	-: <u> </u>		J	-, -,-	<u>.</u> . ! .		. ــــــــــــــــــــــــــــــــــــ	ابا		١.,	, - i	:	
	· Segunda' · Terreta	1 :	! ! !				١.	11		.		l i	1 1	1 1		'	t		11	ži,	3	6 3	! !	3. 1	6	U 3	1	ŽI 🖁	ä.	12 1	10.		, 1 -
	مانيت)							∤ -	П	11	! !	1 1	1 1	11		. أ	- 1		ĺ	2! (9 3	Ţ ·	2	6 3	ă.	0 10	8 1	3,13	15(19	27 5			1 1
!	Quinta Carta	4	10	- 1 :			1	i I		11	11.	11	1	1	1.	- 4	- [11	: اد		1 0	1 5	71.3	10	9 13	13	7:19		3. 1		- 1	
. !	Siptima		11	1:1			Ι.		11	! !	1!		1 [. j - ↓	. [`	- 1	٠	! ↓	! !	Ψį.	: ::		; 7 .	ŭ in	12.1	1 17	1.	iāi,	11 15	47 6.	. 45		1.
- J.	Primera	·····s	- ,	. I I)	- 1] -[1		11	1 .		:- ·		¦ . – ,	الجار	3.	-: -	·?;	2 !	4.13	<u> </u>	1	23. "	3 117	45 Ç.L	51.3	_7.		1 1
	Terrors	i : 1	6	- 1		·] [-	·			1	1 !	1 1	1	- 1	1	- 1		. 6	-51 d	3 3;	1 3	! ¥	6 3	3	i ių	7	J⊱ ali Litta :	8.6	35		- [
•	Cvirta	i	12.1	! !		1 1	- [1, 1		1		11	11	ł	.	11	- [9	10	3, 1	41	2 6	3.	5	IO :	13	13 1	1119	7,25	Ú9†	: 1	. •	i i
	De la La	3	15	- 1 1	1.	. !	- 1		!	lf		[]		1	- [11		ĭi	i i	41.3	6	3 8	7 1	111	13 1	, ,	14 7	1 12 1	(1) (1) (1) (1)	19	; [.:	i
	Styllas	រ រ	- 77 J	1 (.	1.			!	11	11.	1 1			1		1 3	3 3	- 2	5	7 .	10 1	2 14	17/2	1 44	3:3:	3,45 4	п,	54	11	1	} }
r	Primera Sequide	ا ئو ```ا	\$;] .			[.]	1 1		<u> </u>	11	1 7	· · · ·	·]:-	-	·	-71	ļ-,-	-;¦·,	-	:-:	14.	퀴끄-			7	1.53	21177 - 177	7.5	1 1	- -	1 1
	Yenera	3 1	10 1	[]	- [- ['						1 1	-10		1 2	į į	ļú	ä; i	St	ĭ è	1 3	5 .	10	1 1	1	l t	1	} }	11	- (11
	Quiate	ا ق	.0	11	- 1 1	1 4		1 1	i I I		11	1 i	[iΙ			0 3	0 3	li 1	31 3	9	3 16	6 1	0 8	13 1,	(19	1	1 1	- 1		1 1	-	11.
	Artin .	3	25 3/1	1 1	1 !	- 1 1	.	! '	l I.		1	11	Ì	1 1			ĭį	2 4	i ä	6 5	6	ž ii	ារ ដ	3 17	'n	: 44	-	1 1	1	1	11	- 1	1.1
	34,000		35	-	- [.]	- 1 1	1				ł [1 +	j	1:1		Į	1 3	3 3		5 7	9.1	9 12	14 1	7:41	23'3	1 20	- 1	! 1	l i	١.		1	Π
C	l Frieiern I Segunda		, N	11	' '					-	1 1	1.1.	!	1-			1 2		1. ~	!- o	-: [:	7	: -	ن از			- 1	!	1		! !		11
	Terreta	8	16	1.	11	·	i I	l- i 1		: 1	Н		11	11	į	2	ý 3	0 3		4 1	6	ž ž	4 1	0 7	ıi.	1	- 1	į			11		1.1
	Quinta		39	- [-]	- 1	. 🕴]				ļ	!	1		1 1	1 8	3!	1 3	2 3	1 3	7: 3	10	6 10 k 13	8 1	3 13 7 19	10	1	1				1 [-	11
-	Se ata	8. [44		1 1	- 1 - 1	1		1	- 1		Ì	! [11	-1!	3	2 4	3 6	į š.	A ^t 7	11.1	ĭ 13	17 2	0	20	1 1	- 1		-1-1	1	1 1	· ['	1
	Vpt ma	<u>5</u> `_	5:_	11	1	- 1 - 1	. 1 1	!		- [1	1	1 *	1 2	3	4 3	6 7	13.	10:13	12.1		25 2	3 31	3.1		-	11	11	١.		-1	1 1
н	Friente Grgunde	13	27	11	11	- 1 1	11	' ! I	!!	- [1	1		1	7 1	2	1 3		-0-	4 0		1 7	2	<u>- اة</u>			4	11	11	- !		-	1 1
	Terreso.	- 13	· 39	- - [- 1-1	- 1 - 1	11	1 1	1	1		ÌΙ	1 [1	8	3 0	3	0 3	1 3		6 3		4 10	7 1	4		11	- 1	1 1	- 1 1	- [1 1	1	
	Quinte	13'	5.2 65	11			1 1		-	Ţ		1 [i 1	ŏ	3 1	ii.	2 5	3 7	1 3 1	10; 8		8 13 2 17	13 l 19 2		ĺ			11	iΙ	- 1	11	1	11
	j Seste – j	13. {	78	1		11]]	1		[.]] [3 3	섽	3	5 8	1 7	ឡូចូ		7 30	25 2	9	-	11				Ŧ	1	- 1	1.4
	Liptings		91	1 (- -		11			7	Ĺ	1		i	i i	5	i 91	ų 10	1.5	H	17:2		JI 3		-	1 1	ı	H	11	-		H	ii
	Princes Regundo	20 20	40	-1-1	11	11	-	11	11	•			1 1	7	2 1	3	Γ	0 4	10	آ اِق		2 91		1	-	1	1	11	11	-	11		t I
	Terre	20	60	11		11		11	- -			1 :	6 2	8	3 0	3	3 3	1 6	j 🤰 .	취실	10.1	7 14	· 1		- [11	1	1		-1	1
	Quists }	20	100	11				11	11			'	0 3	Į į	4	3	: 3	5 10	ŭ	มัก¦เรี	1711	2.5			- 1	1	1	1 1.	.	Ī	П	- 1	11.
	Sept.	20	120	+ 1	- ↓	11	Į į	1		•	11	H^{-1}	1 3	3	1 }	61	5 B	7 11 10 12	i!! !	15 17	20 2	5 2	٠	11	-1		-	11	1		r I	-	
	Labarse 1	- 1	140				- !		_'. l		L.'		1 7	1	هٔ اد	7	é 15	13 14	ii i	11.25	26.3	7 35) }.	1	1	1 1	- (: 1	.1	i l	ı	

=Usese el primer plan de muestreo abajo de la flecha. Si el tamaño de la muestra es igual o mayor al tamaño del lote o corrida, hágase la inspección del 100%

† =Usese el primer plau de muestreo arriba de la flecha.

Ac =Número de aceptación.

Re = Número de rechazo.

† = Usese el plan de muestreo sencillo correspondiente (o alternativamente, úsese el plan de muestreo inúltiple abajo, cuando esté disponible).

usese el plan de muestreo doble correspondiente (o alternativamente, úsese el plan de muestreo sencillo abajo, cuando esté disponible). \$ = La aceptación no se permite a este tamaño de muestra.

TABLA R. TABLA MAESTRA PARA INSPECCION NORMAL (MUESTREO MULTIPLE)-(ESTÁNDAR ABC) (Continúa)

_				•	_						•										,															
le:				Tamana							٠,		Ni				caliJ:			rah!	/ ما						.11	,1		٠						
P 14									•				141		,, ,				cep	120			pec	.,,,,	. 110	,, ,,,	41 ,	-	•							
4-		Muserra	Timese.	laure				in in	A	Ta in		: n:		- in	tors	.C	٠-،لار	¥11.5	5.7	~	-, -,	-		ن	٠.,		<u> </u>		-, -, .:	ä			.	٠	-::	
**			murity.	de la		1112			1.00	A It					10.00	17	10	". I.	15,	L 19				, 20	1 -	' I:	•	, w	. ! . "		-": J.	- 70	3 - 85 3 - 85			12.0
		Filmers	- · ₃₂	31			1	Ť	7. 37		, ,,		٠.٠,	1 J	10.0		1	4.			5 1	7		17 1		press.	e a mare	. A - 14	.,		1.4	icuc	\$ e 15			;
•	`	Sequeda	32	81		\mathbf{I}	11	11	- 1		l t	1 1		; 2	ان ا	j¦ ŏ	i ič	- 81	i el	3		10	ž 14	. 1	- 1 1	1 1	t	1	i t		† :	1	. t	: 1	1 1	t
	- 1	Tenara :	32	134		11	-1. 1		- 1	١.	11	1	1 1 :	0 3	; 0 :	1, 1	4.3	- 9i 3		6 1	1 3	13 1	3 19	i I	i I	li	1		i I		11	- [.	i I	11	1 !	į
		Quinta	33	ដែ	! ! !	11	ΙI	- i - i			1 [-	' l'	ĭi	1 2		6:5	- ÁÍ	111	ıî i	11.5	20	9 Z3	;]	11		- 1	1	11	- 1	1 1	- 1:	1. [11	ŀi	i
•		Se ata	32	192		11	11	11	1	l	1 [1 3	3 3	s! 4	6, 7	9:10	12	14 1	7 . 1	23 1	j 33		1	ll		1	11	į.		ľ	1 [1 1	1	Į.
]	Septime	+ <u>37</u>	- 221 50		1 i	1 1]]			!	- 1	- : -	3-3		. 0	7 9	.10, I	111	12 1		-0.5		il	i	ŀ	1			- 1	11	1	!	11	- -	1
L	٠ ا	Primera Begunda	30	100]]	11	11	•	·+	1 1	1	31.	; ?		1 I	4: D	44 (61.1	3	1,	ni i	3	. †	11		1	i	1		- 1	11	1		i i	i '	i
	- 1	Tercesa	50 50	150		11	11	Ιi			1 1	ĺć	7	öj	1 1	1 2	6 a	81 6	ıü	i i	3 13	19	1	1 -[1	ŀ	1	1. 1	- [11	ŀ	11	1	· 1	1
	1	Curita Gulata	50	200		11	11	11			11	10	랔.	! 4	1 4	아 3	71.5	10[3	13	12 1	7-19	25	1				1		11		1 1		H	!!	1	ı
		Setta .	30	300	!		11	11			H	1;	5	3 3		1 7	0.10	12:11	17	21 2	1 11	33		11			1	ł. I	11	- !	11			i i		ĺ
		Bey uma	30	350		11	-				!	. 2	.a	:_3	ا رة	<u>, n</u>	10,13	11.1	19:	2 . 2	37	14	I.	!!	1	1	1		11		1 1	1.	11	11	1	ļ
	IL I	Primera	F0	19Q	;	11	11	1				2 6	3	; j		10	310	3	[7]	2	2 4	i L	1	1.1	1		1		1 [-	11	- 1	1 1		١.	l
	-	Torcers	80 0R	240		11	11		1		انا	2 0	ž (ïi	١,	1	816	10. 3	13	13 1	5	H	1			H	1	1	1 !	- 1	1 1	١.		1 1	1	
	Ì	Cuarta Quinta	MJ.	170		11	- 1 - 1		1.	l I	0	3, 1	- 1	2 5	3	7 i 1	10,4	ta i	17	jg 2.	5	1.1	- -	! !	{ }	. (1			-	1.1	- I	11	1.1	1	١.
•		C	50 50	. 41A1	1	11	iΙ		- 1			31 5	3	4 G	1 3	ပြုံ	1.47	15 11	70	## 1	3	1 1	ı	1 [1	11		[- 1 - 1	١.	11	1	H		1	ŀ
		Septima	h()	560		1				<u> </u>	2	3, 4	_5,	6 7	9 1	o i s		iv :	. 24	37 3	3	lł		H		1	-		11	ì	1.1		11	i 1	1	ı
1		Primara	125	12.		11	`` '	•		1 4	1	i ò	3;	: 1	်ပုံ	<u> </u>			Ϋ́	4			ı	1	- 1	11	-		1 1	[]	11	1.	1 1	1 [. 1	ı
	j	Servinda Tentera	125 125	375	111	1.1	1	11	- 1	6 3	U	3 1	4	2 6	1	1	101 3	1311	7 14 1 19	- 1	1	H		1 1	- []	11	- {	1 1	11		1 1	- 1	11	1.1	-	1
		Cuarte	325	l Ano	111	11		-1-1	- 1	0 3	Ĭ	4 2	5	3 7	1 5 10	i š	13,12	17:15	22	- 1	1	1 1	1	1	1.	11	1.	1 [: 1		1	11	. I 1	1	l.
		Quinta Santa	125	625 754		11		11	1	3	14	1 3	6	5 B	LZ L	JH2	15,17	20.2	3 27		1	11	1.	.	1	11		1	1 1		1.1	-	1 I	11	١.	ľ
		Sopume	125	. 875	I •[•				2 1	4	3 6	7	ÿ tö	13 1	4 is	11/25	28 1	11	- 1	1 1	H	1.	1 1	1	11			- 1 - 1		ΗI	- 1		1. [- 1	ł
3		Primera	200	201		1	•	1	11	3 7	3	3 1	4	Ģ 4	0	ز: ¦د	7	_2 ⁻	_	- 1	i			i I	1	il	4	li	1		11	•	11	11	į	1
		Fercera	200	4(N) 6(N)	[.		-1-1	.1 1	0 2	0 1	9	3 3	ài	1 6) 3 1 1 6 1		101.7	142	Τl	- 1	1 -	11	ı	1	-	H	1	1 1	11	' i	! !	٠ ا	11	11		ı
•		Cuarta	2040	fi.Li			11	11	Õã	Ĭi		3 3	7	5 10		š 12	17/19	žú	1. 1			11	1	11	1 :	11	-	!	11	- [1.1		H	\perp	-	l
•		Quinta Seata	200 200	1 non 1 200			11	1 !	13	3 1	3	6 3	a l	7 11 0 12	() i	41.7	20(2)	2	1 !			11	1	l l	1 .	11	-	1	11		11			11		ŀ
		Si ptima	200	1100	*		٠ ١	*	2 3	1 6	4	3 5	oi.	3 11	iis i	: 25	2 37	351		- 1	1	П	-	1	1.	1		1	- 1 1	- 1	11		11	4 1	- 1	١.
)	Primers	315	315	-		,	1 3	12	1 3	1	4 0	- 1	0 5	1	7 3	y		1 [-	1	H					-1			ì	11	1	11	1 1		1.
•	- 1	E-ruada Tercera	315 315	830 945		1 !		63	03	9 3	1	3 !	5	1 .	4 !	인간	14	T !	1	. "		H				1 1	1	1	1 1	. !	11	- 1	11	11	1	1
	- 1	Cuarte -	315	1 40	l i	1.1	-11	ŏŝί	ĭi	2 3	1 5	913	iõi	8 10 8 13	131	::::	23	ļ	11		1 1	1.1	1		l l		-		11		Н	ı	11	11		i
		Colute Seets	315. 315	1 37.5	1	11	-11	13	7 4	3 3	5	8 7	iiļi	1 13	117 20	125	20	11	1 }			М	1			H	ŀ		1 1		11	ı	l I	11		1
_		Septime	313	1 890 2 205	'		*	23	4 3	8 7	6	9119	12	6 17 B 19	21 2 25 2	1131	35		11	- 1		1 [1	1		Ιŀ	I		11			i	1 1	11		ļ
	ī —	Primera	5/23	5(1)		·	73	1 2	73	i	ó	4 0	3	· · · •		,j					1 1	-	1	1 -	1	H	- 1		11	-	П	1	H	11	1	1
		legund e	51 H) 500	150		11	<u>i 3</u>	וַ כַּ	ģ š	1 5	Ī	6 3	š	<u> 4 10</u>	ļ 7 is	iļ '	f	1 1	1.1		1 1	1 (1.	1 1	1.3	11	1	' i	1 1	-	П	1	ll	1 1	1	1
	.]	Cuarta	80	2000			83	93	1 :	3 9	3	4 6	펠	4 13	13 1	빝.	ļ. ļ	11	1 1	- [1		1	ļ ľ		.	1		11	- 1	11	ı	1 1		1]	ł
	ļ	Quinta La La	5(11)	2 (0)		11	ĭĬ	2 4	ã ă	, i	1 7 1				25		l, 1.	Į ŀ	1 1	1	1 [1	ĮΙ	1	H	-			- 1	11	ļ		11	11	1
•	٠. ·	Prume	5(4)	3 000	1.∤		1 1	3 5	1 2	7 9	10	4113	17;2	1.13	31.3	4	1 1	I	1 1	- 1	1 1	1	1		1	!		1,		. [ŧ [- 1		11	10	١.

à = úscio el primer plan de muestreo abajo de la flicha. Si el tamaño de la muestra es ignal o mayor al tamaño del lote o corrida, háce la inspección del 100%,

† mutese el primer plan de muestreo veriba de la flecha.

Ac .. numero de aceptación.

Re numero de rechuro.

t m'Usese el plan de muestreo sencillo correspondiente (o alternativamente, usese el plan de muestreo multiple abajo, cuanto cue an jouthie) am La aceptación no se perinte con este tamaño de muestra

TABLA N. TABLA MAESTRA PARACINSPECCION REDUCIDA (MUESTREO SENCILLO)—MILSTD-105D (ESTANDAR ABC

- Letra										Nive	les d	e cali	idad ;	cept	ule (inspe	ección	Pou	n2l)	٠,							
clave para e taniañ	dela	1 0.010	0.015	0.025	0.040	0.063	0.10	0.15	0.25	0.40	0.65	1.0	1.5	2.5	4.0	6.5	10	15	25	40	65	100	150	250	400	650	[.
de la Muesti	1 .	1	Ac Re	Ac Re	Ac Ke	At Pa	Ac Re	Ac Re	Ac Re	Ac Re	Ac II	e Ac Re	Ac R.	Ac Re	Ac Re	At Re	Ac R	Ac Re	Ac H	e Ac I	Re Ac II	ie Ac It	Ac lir	te Re	Ac R.	As Re	Ac Ta-
A B C	2 2 2 3													1	0 1	0 1	3 2	↓ 0 2 1 -3	1	2 2 3 2 4 2	3 2 4 3 5 3	4 5 6 5 5 6	7 .5 7 8 7 10		14 15 14 15 14 17		
D E F	, s 8					.					a .	1 0 1	0 1	† 0 2	0 2 i 3	0 2	1 3	1 4 2 5 3 0	2 3 5	5 3 6 5 5 7 1	6 5 8 7 1		10 13			1	
, 1 II . G	1.1 20 32					,		0 1	0 1	0 i	† •	2 1 3	0 2	1 3 1 4 2 5	1 4 2 5 3 6	2 5 3 6 5 8	3 6 3 8 7 10	5 8 .7 10 10 13	7 ! io 1	3 10	3				,.		
K L M	50 60 125		,		0 1	0 1 - 4	↓	0 3) z 1 3	0 2' 1 3 1 £	1 2	3 2 3	2 5 3 6 5 8	3 6 5 8 7 10	5 8 7 10 10 13	7 10 10 13	10 13										
N P Q	20G 313 300	0 1	† 0 i	0 1	0 2	0 2	0 2 1 3 1 4	1 4 3 5	1 4 2 5 3 5	2 5 3 6 5 5	3 1 5 1	5 5 8 7 10 0 12 13	7 10 10 13	10 13	1												
, R	rug gus	1		0 3	1 3	i 6	2 5	3 6	5 8	7 10	10 1:	, 1															

de úsese el primer plan de muestreo abajo de la flecha. Si el tamaño de la muestra es igual o mayor al tamaño del lote o corrida, higuada la inspección del 100€.

NCA = 1.190 NCR = 5.35% Curves mas despegades de CIO

TABLA O. TABLA MAESTRA PARA INSPECCION NORMAL (MUESTREO DOBLE)—MILSTD-103D (ESTÁNDAR ABC)

					·												7							<u> </u>	<u> </u>	<u> </u>			<u> </u>	
Lou			(Tamen	1								Nive	les d	e cal	bebi	acep	table	(int	pecci	én p	orms	1).							1	
; Elav. park lautai	I Money	Tapiahi de la	1	0 010	0 015	0 025	0 040	0 (8:3	0.10	0.15	0 25	0.40	0.65	(O)	1.5	2.5	4.0	6.5	19	15	25	40	65	100	150	274	100	650	10	*N
de la grace i			Laureti i	Ac ite	Ac He	Ac Ke	Ac Re	Ao IL	Ae Ile	Ae Iu	Ac IL	Ar Re	Au lie	Ac Re	Ac Te	Ac Re	AL PL	Ar P.e	Ac IL	A. Re	Ac R-	A.R.	An Iu	Ac Re	Ar Ite	Ac Re	Ac ii	S.Ack	e _r a.	к.
, A		- · -		-		-		Ī	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	ī	1.	t	1	1	t	1	t,	þíř	t	1	
В	Primera Segunda	-	3				֓֓֓֓֓֓֓֓֓֓֓֓֓֓֓֓֓֓֓֓֓֓֓֓֓֓֓֓֓֓֓֓֓֓֓֓֓	.							.		1	1		0 2	0 3	1 4	2	5 3 7	5 9 12 13	7 11	ii i 26 2	6 17 2 27 37 1	23	31 57
C	Primera Segunda	3	3													1	†	1	0 2	0 j	1 4	2 5	3	7 8 0 9 12 13	7 11	11 16 26 27	17 2 37 3		1 1	-
13	Primara	3	5												1	1	1	0 2	0 3	1 4	2 5	3 7	5 12 l	7 II 3 IS 19	11 16 20 27	17 22 3. 3s	25 3 50 5	17 1	1	
E	Friends Segunds		16							11			1	. 1	1	1	0 1	0 3	1 4	2 5	3 7	5 9 12 11	7 j	1 11 10 1 26 27	17 72 17 18	25 31 56 57	†			
, jv	Primare Se cursol		13									1		†	1	0 2	0 1 3 4	1 4	2 5 6 7	3 7	5 0 12 13	7 11 18 12	11 10 26 2	; ; ;	•	1				1
G	In reside		2∪ 4∪					11				1	†		0 2	0 3 3 4	1 4	2 5 6 7	3 7	S 9 12 13	7 ·11 18 19	11 16 26 37	1							
H	Primer s PSe guada		32 64]					1.	1	0 2	0 3	4 5	5 7	J 7 8 9	5 9 12 13	7 li (\$ 19	11 16 26 2 7	Ť				• -				٠.
·	Primere Sepanda		100							1	LL.	1	1 2	3 4		2 5 6 7	3 7	13 13 2 0	7 11 18 19	11 15 26 27	1									
K	Primeta Segunda	50	100					1	<u> </u>	1	1	0 2	3 4	4 5	5 7	6 9	5 9 12 13	7 11 13 19	11 16 26 27	1			.				11	1		
L 	Primers Begunds	125	250						1	1	1 2	3		2 5	8 9	12 13	7 11 18 19	11 16 25 27	1				i I :							
<u></u>	Primore Segunda	200	100	11		1		1		1 3	3		8 7	لئ	12 13	18 19	25 27	1].							
<u>-</u> -	Primara Segundi Primara	315	315 530 500		<u> </u>		1	<u> </u>	13	3 1	1.	6		12 13	18 19	26 27	1].]			H						·
	Seguade	SUO	i wi		- <u>-</u>		0 2	<u> </u>	3 1	1.3			12 13	1 8 15	26 27	İ	•						.							
	Seguad: Primera	600	1 250	<u> </u>	1	 	1 3	<u>*</u> ;	3 3	67		12 17	19 12	35 27	1												$\ \cdot\ $	1.1	1	•
.]		1 250		1 1	1 I	ĭ i	3 4		6 7	. 0	11 13	13 15	26 2	: 1		1 1	14		1	11	11	1 1	1	1 1				11	1.1	

⁴ m Usere el primer plun de muestro abajo de la flecha. Si el tamaño de la muestra es igual o mayor al tamaño del lote o corrida, hágase la inspección del 100%.

^{†=} úsesa el primer plan de muestreo arriba de la flecha,

Ac = número, de aceptación.

Re = número de rechazo.

[†] Si el número de aceptación ha sido excedido, y el número de rechazo no ha sido alcanzado, acéptese el lote, pero reinstálese fu inspección normal.

Am Usesa el primer plan de muestreo arriba de la flecha.

Ac = Número de aceptación.

[†] Usese el plan de muestreo sencillo correspondiente (o alta nativamente úsese el plan de muestreo doble hacis abajo, cuando está dispensión

NES col 1/2 marion de defecteron 100 de repreter par

TABLA L. TABLA MAESTRA PARA INSPECCION NORMAL (MUESTREO SENCILLO) -MILSTO-105D (ESTANDAR ABO)

Letra		j								Niv	elcs	de ca	Jidad	acer	table	(ins	pecci	in no	rmal)					 .	-	·
clave para el tamaño de la	Tumaño de la : nuestra	010 0 1	0.01	0.025	0.0 FV	0.065	0.10	0.15	0.25	0.40	0.65	(1.0)	1.5	2,5	1.0	6.5	10	15	25	10	65	100	150	250	100	650	100
muestră		Ac ita	Ae R	Ac Re	Ac R	Ac Re	Ae Re	Ac He	Ac Re	Ac Re	Ac Ha	Ac Re	Ac R	Ac R.	Ac Ke	A: R	Ao H	Ac R	Ac 3	Ac I	le Ac I	ic Ac Ro	Ac Re	Ac Re	Ae Ru	Se IV	A A C
A B C	2 3 5												1.	1	0 . 1	0		1	1 2 2 3	2 2 3 J 4 5	3 3 4 5 6 7	4 5 6 7 8 19 1	7 10 11 10 11	1 10 11 1 14 15 1 21 22	14 15 21 22 30 31		2 30 3 1 44 4 5
D E F	13 20										0 1	0 1	0 1	1 1	1 2 3	1 2 3	2 2 3 3 3 4 5 (3 5 7	5 7 10 1		8 10 11 14 15 21 2	15 21 2:		30 31 44 45		1	
ii G	37 50 80							0 1	0 1	1	1 2	1 2	1 2 2 3 3 6	3 6	3 5 7 8	5 7 10 1	6 7 4 8 10 11 1 14 15	10 t 14 1: 21 2:	S 21 2	5 21 ;	22	. :					
X X	125 200 315				0 1	0 1	0 1	1 2	1 2 3	1 2 2 3 3 4	2 3 3 4 5 6	3 4 5 7 7 8	3 7 10 11	7 1 10 1 14 15		21 2	2 21 22	1									
X P Q	500 500 1 250	0 1	0 1	1	1 2	1 2 2 2	1 2 2 3 3 4	2 3 3 6 5 6	1 6 6 6 7 8	5 6 7 8 10 11	7 8 10 11 14 15		14 15 21 22														
R	1 00h	1		i 2	2.3	3 4	3 4	, .	10 11	14 15	21 22	1															

⁼Usese el primer plan de muestreo abajo de la flecha. Si el tamaño de la muestra es igual o mayor al tamaño del lote o corrida, hágase la inspección del 100%.

†=Usese el primer plan de muestreo arriba de la flecha.

Ac = Número de aceptación.

Re = Número de sechazo.

NCA=1,27, NCR= 3.75%

CIO = Cura Heal de Operaison

TABLA M. TABLA MAESTRA PARA INSPECCION CERRADA (MUESTREO SENCILLO)-MILSTO 105D (ESTÁNDAR ALC)

					·																				:		•
Letra					,		,			Nive	les de	e cali	dad	ecept:	ble (Insp	celón	Ceri	adi)			٠,		;			•
ara el miaño	Tamaño de la muestra	0.010	0.015	0.025	0.040	0.665	0.10	0.15	0.25	0.40	0.63	(10)	7.5	2.5	4.0	6.5	10	15	25	40	65	100	150	250	400	650	100
nestra nestra			Ac Re	Ac Re	Ae R	Ac Re	Ac Re	Ac Re	Ać Re	Ac Re	As R	Ac Ra	Ac Re	Ac Re	Ac R	Ac I	te Ac 1	Re Ac Ita	Ac Re	Ac Re	Ae,Re	Ac Re	Ac I				
C R Y	, 3 5													1	0 1	J 1		1 2	1	1 2 3	2 2 3 3 4 5	3 3 4 5 6 8 6			12 13 18 19 27 25	27 2	
D K F	13 20						. 		·			0 1	0 1	0, 1	1 2	1 2	1 2 2 3 3 4	2 3 4 5	3 5	8	6 8 9 13 13 19	9 12 13 13 18 19	18 19 27 28	27 28 41 42			
1 1 1	32 50 80								0 1	0 1	0 1	ļ , ,	1 2 3	1 2 3 3 4	2 3 3 4 5 6	3 5 1	5 6 8 9 12 13	8 9 13 13 18 19	18 1	1	P. C.			-			
K L	125 200 315					0 1	0-1	0 1	ļ,	1 2 2/3	1 2 2 3 3 4	3 6	3 6	5 5 8 9 12 13	8 9 12 13 18 19		18 19										
N P Q	500 800 1 250 .		0 1	0 1	0 1	1 2	i 2 2 3	1 2 1 3 3 4	1 1 1 1 1 1 1	1 6 5 6 8 9	5 6 8 9 12 13	8 9 12 13 18 19	18 19	19 19		3											
H	2 060 3 150	0 1	1	1 2	.1 2	2 3	3 4	5 6	8 9	12 13	18 19	1				1											

^{#=}Usese el primer plan de muestreo abajo de la flecha. Si el tamaño de la muestra es igual o mayor al tamaño del lote o corrida, hágase la inspección del 100%.

Re = Número de rechazo.

NCR= 3.33%

Christian was made

^{†=}Usere el primer plan de muestreo arriba de la flecha

Ac = Número de aceptación.

TABLA L. TABLA MAESTRA PARA INSPECCION NORMAL (MUESTREO SENCILLO) -MILSTD-105D (ESTANDAR AEC

Letra		i								Niv	eles	de ca	Jid ad	scep	table	(ins	pecci	ón po	rmal)							
clave para el tamaño de la muestra	muestra	U.010		0.023 	 					 		بدل.	<u> </u>		Ar Re	. <u> </u>	-	15 Ac Re	25 Ac R	40 Ac R	63 		150 	-		:	1 000 Ac ite
A B C	 3 3				-	 	 	 	 	 		 	-	1	0	0	1 1	1 2 2	1 2 3	2 2 3 3 4 5	3 5 6 7	4 5 G 7	-	8 10 11	1 14 13 5 21 22	21 22	2 30 31
D E F	, 13 20										0	0 1	0 1	, t	1 2 2	1 2	2 2 3 3 4 5	3 3 4 5 6 7	5 7 10 1	6 7 8 8 10 11 1 14 13	10 114 21 2		15 21 2 22 30 3		5 4	İ	
n II	32 51 60							0 1	0-1	0 1 †	† †	1 2 2	1 2 2 3 1 3 4	3 5	3 5 7	5 7 10 1	4 7 8 10 1 1 14 1	8 10 1 1 14 1 5 21 2	14 1 21 2	2 21 27	1						
л К	125 200 315				0 1	0 1	0,1	1 2	1 2 2 2	1 2 2 3 3 4	3 5	3	5 (7 (7 1 10 31 14 1		21 2	5 21 2 2	2									
Q.	500 600 1 250	0 1	0 1	0 1	1,3	1 2 2 3	2 3	2 3 3 4 5 6	5 6			10 11 14 13 21 23	21 22	21 22													
R	3.000	1		1 3	, ,	3.4	3 6	7 .	10 11	14 1:	21 2	2 1															

^{::}Usese el primer plan de muestreo abajo de la flecha. Si el tamaño d- la muestra es igual o mayor al tamaño del lote o corrida, háguse la inspección del 100%.

Usese el primer plan de muestreo arriba de la flecha.

Número de aceptación.

Número de sechazo.

NCA=1,27, NCR=3.7590

CIO= Cura Heal de Operain

TABLA M. TABLA MAESTRA PARA INSPECCION CERRADA (MUESTREO SENCILLO)—MILSTD-105D (Estándar ABC)

	 																						~:				
Letra		-			•					Nive	les d	e call	dad :	cept:	able ((Insp	ección	cera	nda)					. :			`
para el	Tamaño de la muestra	0.010	0.015	0.025	0.040	0.065	0.10	0.15	0.25	0.40	0.65	100	1.5	2.5	4.0	6.5	10	15	25	40	6.5	100	150	250	400	650	1 000
de la suestra	1		Ac Ra	Ae Re	Ac R	Ac Re	Ac Ra	Ac Ra	Ac Re	Ac Re	Ac Re	Ac Re	Aé Re	Ac Re	As Ile	Ac Re	Ac Re	Ac Re	Ac R	e Ac R	Ac R	e Ac R	Ac Re	Ac Re	Ac Re	Aç R	Ac P.
' А В . О	3 5															1		Į,	1 2	1 2 2 3	2 2	3 3 5 6 8	4 5 6 6 8 6	8 8 19 12 13	18 19	27 2	27 2 3 11 4
D E F	8 13 20						 						0 1	0 1	1,		1 2 3	2 3 4 5 6	3 5	5 8 1 9 12 1	8 12 1:		3 18 19 9 27 21	27 21	1 12	1	
1 H	32 50 Bi)								0.1	0, 1	0 1	1 2	1 2 2 3	1 2 2 3 3 4	2 3 3 4 5 6	3 6	5 6 8 9		12 1: 18 1:		1			.			
K L M	125 200 315					0 1	0-1	0 1	1,2	1, 1	1 2	3 3	3 4	6 6 B 9	8 9 12 13 18 19	12 13	18 19	1		2							
N P Q	800 800 1 250		0 1	0,1	0 1	1 2	1 3 3	1 2 3 3 4	2 3 3 4 5 6	3 6		6 9 12 13 18 19	18 19	18 19													
N S	2 000	0 1	†	 	1 2	2 3	3 4	3 6	8 9	12 13	18 16	t		 , 										1			
	• •	1	1	1	1		. 1	ſ	1	ı	I	ľ.	1	i	l	1	1	1	1	1	1	1		i	ı	1.	1 .

la inspección del 100%.

Número de rechazo.

⁼Usese el primer plan de muestreo arriba le = Número de aceptición.



DIVISION DE EDUCACION CONTINUA FACULTAD DE INGENIERIA U.N.A.M.

CONTROL ESTADISTICO DE CALIDAD

GRAFICAS

ANEXO

SEPTIEMBRE, 1985.

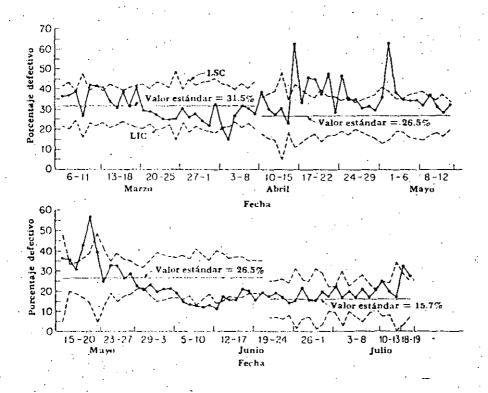


Fig. 2-4. Gráfica de control para el porcentaje defectivo de la producción diaria de un dispositivo electrónico

inspección por atributos, en la cual cada artículo inspeccionado se registra simplemente como conformándose, o no conformándose, a las especificaciones.

Tal como en el caso de las gráficas de control X y R, explicadas en los Ejs. 2-1 y 2-2, la gráfica de control para p tiene una línea central y límites de control superior e inferior. Desde el 6 de marzo hasta el 8 de abril, la línea central o valor estándar fue establecido en 31.5% defectivo, con base en el rendimiento anterior al 6 de marzo. Impulsado por el hecho de que la calidad había estado a un mejor nivel durante las tres semanas siguientes al 20 de marzo, el ingeniero de control de calidad revisó el valor estándar el 10 de abril.

El número total de unidades inspeccionadas desde el 20 de marzo hasta el 18 de abril fue de 3 259. (Esta es la suma de los valores de n mostrados en la Tabla 2-3 para este período, o sea, 162, 270, 140, etc.) El número total de unidades defectivas fue 863 (la suma de 47, 78, 38, etc.). Para este periodo de tres semanas, la fracción defectiva media p, fue 863/3 259 = 0.265. Esta cifra fue adoptada por el ingeniero de control de calidad como nuevo valor estándar y fue usada del 10 de abril hasta el 20 de junio. Empezando el 21 de junio el valor estándar fue nuevamente revisado y en esta ocasión se llevó a 0.157 basado en el registro del 5 al 20 de junio, inclusive (410 defectivos en 2.613 unidades).

TABLA 2-3. RESULTADOS DE LA INSPECCION FINAL DIARIA DE UN DISPOSITIVO ELECTRONICO

Frecha Número de unidades inspeccionadas Fracción defectiva Fracción Fracci					. *			
Fecha Unidades in Spection and Specification of the control of			Minner	I	I	Número	Número	<u> </u>
Fecha	•			Fracción		i de	de	Franción
Marzo 6	Fecha				Fecha			defective
Marzo 6								
Militzo 6 194				l -	į į			, P ,
7 144 53 0.389 12 354 111 0.314 8 342 133 0.389 12 354 131 0.314 9 72 19 0.294 15 36 36 13 0.301 11 198 82 0.414 17 297 91 0.301 13 324 132 0.407 19 108 61 0.625 14 155 55 0.333 20 36 14 0.389 16 336 129 0.384 23 86 21 0.244 17 252 79 0.313 24 313 101 0.253 18 177 72 0.407 25 126 46 0.325 20 182 47 0.290 27 261 76 0.252 21 120 47 0.290 27 261 76 0.285 22 140 38 0.271 25 126 46 0.252 23 140 38 0.271 26 15 26 24 245 61 0.250 31 31 213 49 0.230 24 24 245 61 0.250 31 31 213 49 0.230 25 64 16 0.250 31 31 213 49 0.230 27 306 92 0.301 3 1120 24 0.210 28 108 28 0.258 31 120 24 0.210 29 195 53 0.272 5 177 33 0.472 30 142 34 0.239 6 156 23 0.147 31 126 27 0.214 77 216 28 30 117 3 182 34 0.239 6 156 23 0.147 3 180 27 0.214 77 216 28 28 0.130 4 180 27 0.214 77 216 28 28 0.130 4 180 27 0.214 77 216 28 28 0.130 4 180 27 0.130 8 90 11 0.122 4 180 27 0.214 17 216 28 0.130 5 162 34 0.209 13 126 28 0.130 1 1 107 36 0.336 8 90 11 0.122 4 180 27 0.130 10 249 32 0.129 5 162 50 0.301 3 126 28 0.130 1 1 1 107 36 0.336 8 90 11 0.122 1 1 1 107 36 0.336 8 90 11 0.122 2 1 180 37 0.202 3 1 102 37 0.204 10 249 32 0.129 4 180 27 0.130 13 126 28 0.130 1 1 1 144 43 0.299 17 216 28 0.130 1 1 1 144 43 0.299 17 216 28 0.130 1 1 1 144 43 0.299 17 216 28 0.130 1 1 1 144 43 0.299 17 216 28 0.130 1 1 1 144 43 0.299 17 216 28 0.130 1 1 1 144 43 0.299 17 216 28 0.130 1 1 1 144 270 61 0.226 21 144 26 0.182 2 1 180 73 0.476 27 27 15 180 37 0.192 2 1 180 73 0.476 27 27 15 180 37 0.192 2 1 180 73 0.476 27 126 27 0.140 2 1 180 68 68 0.343 3 3 26 27 0.130 2 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1				·				
7 144 53 0.386 12 354 111 0.314 8 342 133 0.386 16 366 13 0.301 10 324 136 0.420 16 333 117 0.301 11 198 82 0.414 17 297 91 0.306 13 324 132 0.407 19 108 61 0.426 14 165 55 0.333 20 36 14 0.389 15 313 126 0.388 24 333 101 0.425 16 313 129 0.384 24 313 101 0.425 18 177 72 0.407 25 170 66 0.259 20 102 47 0.290 27 261 75 0.287 221 140 38 0.271 29 751 152 0.262 221 140 38 0.271 29 751 152 0.202 224 245 61 0.249 31 213 49 0.230 224 245 61 0.249 31 213 49 0.230 225 04 16 0.250 31 31 213 49 0.230 226 108 28 0.256 31 31 22 34 0.210 227 306 92 0.301 3 162 34 0.210 228 108 28 0.256 31 31 22 34 0.210 238 108 28 0.256 31 31 22 34 0.210 24 241 242 34 0.239 6 156 23 0.147 31 126 27 0.214 7 216 28 0.130 31 126 27 0.214 7 216 28 0.130 31 126 27 0.214 7 216 28 0.130 31 126 34 0.239 6 156 23 0.147 31 120 27 267 30 30 37 0.100 31 120 30 0.336 8 90 11 0.122 32 34 0.239 6 156 23 0.147 33 126 27 0.214 7 216 28 0.130 34 142 34 0.239 6 156 23 0.147 35 144 39 0.270 13 188 30 0.150 36 144 39 0.271 15 188 30 0.150 37 162 50 0.309 13 188 30 0.150 38 144 39 0.300 17 262 260 0.185 39 144 39 0.300 17 262 260 0.185 30 144 270 61 0.226 21 144 24 0.167 31 126 34 0.270 17 262 260 0.185 31 14 270 61 0.226 21 144 24 24 0.167 31 126 34 0.270 378 370 0.190 31 127 128 38 68 0.270 370 370 370 31 128 159 73 0.459 270 270 40 0.187 32 123 77 0.470 378 370 370 370 31 123 77 0.476 270 27	Marzo 6			0.364	Mayoll	162	45	0.278
8 342 133 0 .389 72 19 0 .204 16 333 117 0 .301 10 524 136 0 .420 16 333 117 0 .301 11 198 82 0 .414 17 297 91 0 .300 11 0 .324 136 0 .420 16 333 117 0 .301 13 324 132 0 .407 19 108 61 0 .426 16 18 18 190 81 0 .426 18 18 190 81 0 .426 18 18 190 81 0 .426 18 18 190 81 0 .426 18 18 190 81 0 .426 18 18 190 81 0 .426 18 18 190 81 0 .426 18 18 190 81 0 .426 18 18 190 81 0 .426 18 18 177 72 0 .407 25 126 41 0 .389 17 252 79 0 .334 23 86 21 0 .244 18 17 7 72 0 .407 25 126 41 0 .325 126 41 0 .325 126 41 0 .325 126 41 0 .325 126 18 18 177 72 0 .407 25 126 41 0 .325 126 18 18 177 72 0 .407 25 126 41 0 .325 126 18 18 177 72 0 .407 25 126 41 0 .325 126 18 18 177 72 0 .407 25 126 17 76 0 .289 17 18 18 177 72 0 .407 25 126 17 76 0 .289 17 18 18 177 72 0 .407 25 126 17 76 0 .289 17 18 18 177 72 0 .407 25 126 17 76 0 .289 17 18 18 19 18 18 19 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18	7				12	354		0 314
10 324 136 0 420 10 333 117 0 351 118 190 81 0 420 18 190 81 0 420 18 190 81 0 420 18 190 81 0 420 18 190 81 0 420 18 190 81 0 420 18 190 81 0 420 18 190 81 0 420 18 190 18 10 420 18 190 18 10 420 18 190 18 10 420 18 190 18 10 420 18 17 252 70 0 303 20 36 14 0 389 16 3306 129 0 334 23 86 21 0 244 17 232 70 0 303 24 313 101 0 323 18 177 72 0 407 25 126 41 0 323 101 0 323 12 12 12 12 14 38 0 .271 29 543 120 0 .259 221 241 245 61 0 .249 330 3751 152 0 .202 24 245 61 0 .249 340 0 .233 30 751 152 0 .202 24 245 61 0 .249 340 0 .230 31 213 49 0 .230 225 245 61 0 .249 340 0 .230 31 213 49 0 .230 225 245 61 0 .259 30 141 29 0 .260 227 230 142 234 0 .239 31 213 49 0 .230 225 245 61 0 .249 301 31 213 49 0 .230 225 245 61 0 .250 31 31 213 49 0 .230 225 245					†			
11						36		0.361
13					10		117	0.351
13		100	02	0.313	l iá		81	
14	13	324	132	0.407	iè			0.426
15	14			0.333	20			0.389
18			64	0.300		l •		
18	16		129	0.384				
20				0.313	21			0.323
20	. 10	1 '.''	'-	0.30	20			0.320
21 270 788 0.280 29 543 120 0.221 23 158 40 0.233 30 751 152 0.202 25 64 16 0.250 Junio 1 126 24 0.190 28 108 28 0.250 31 120 24 245 2				0.290	27	261	75	0.287
22 140 38 6.271 29 543 120 0.221 24 245 61 6 0.249 31 213 49 0.230 25 64 16 0.250 3 3 126 24 0.190 27 306 92 0.301 2 141 29 0.206 28 108 28 0.259 5 162 34 0.210 29 195 53 0.272 5 177 33 0.186 30 142 34 0.279 6 156 23 0.147 31 126 27 0.214 7 216 28 0.130 31 126 27 0.214 7 216 28 0.130 31 120 27 0.338 8 90 11 0.122 31 180 27 0.150 10 249 32 0.129 4 180 27 0.150 10 249 32 0.129 4 180 27 0.150 13 126 21 0.165 5 321 84 0.262 12 105 11 0.105 5 321 84 0.300 14 198 30 0.152 8 144 39 0.271 15 180 37 0.150 10 213 81 0.380 16 180 37 0.266 11 144 43 0.299 17 252 50 0.198 12 126 34 0.270 19 270 40 0.148 13 14 270 61 0.228 21 144 24 0.167 14 270 61 0.228 21 144 24 0.167 18 159 73 0.449 24 198 27 0.136 20 105 39 0.371 27 27 284 85 0.229 23 114 19 0.167 21 189 90 0.476 27 126 27 0.218 22 189 53 0.280 28 159 25 0.181 24 306 142 0.464 30 30	21	270		0.289	1			i
25	22			0.271		543		
25	2.1			0.253		751	152	
27				0.249				
278 108 28 0.259 0.272 5 177 33 0.186 30 142 34 0.279 6 156 23 0.147 31 126 27 0.214 7 216 28 0.130 31 126 27 0.214 7 216 28 0.130 31 126 27 0.214 7 216 28 0.130 31 126 27 0.214 7 216 28 0.130 31 36 321 36 37 0.204 10 249 32 0.129 32 0.129 32 0.129 32 0.129 32 0.129 32 0.129 33 0.204 30 0.152 321 36 314 39 0.271 15 180 27 0.150 37 0.150 37 0.206 37	20	1 9	10	0.200		141	20	
28	27	306	92	0.301				0.210
Abril 1 107 36 0.239 6 156 23 0.147	28	108	28	0.259	Į.	1		1 0.2.0
Abril 1 107 36 0.214 7 216 28 0.130 Abril 1 107 36 0.336 8 90 11 0.122 3	29	195	53	0.272				0.186
162		142	34	0.239				0 147
162	الاستادا	107						0.130
162 33	MOLE I	101	30	0.550				
\$\begin{array}{c c c c c c c c c c c c c c c c c c c	3	162	33	0.204				0.118
6 162 50 0.309 13 128 21 0.167 7 267 80 0.300 14 198 30 0.152 8 144 39 0.271 15 180 37 0.206 10 213 81 0.380 17 252 50 0.198 11 144 43 0.229 17 252 50 0.198 12 126 34 0.270 19 270 40 0.148 13 36 11 0.306 20 270 60 0.185 14 270 61 0.226 21 144 24 0.167 15 72 45 0.625 21 144 24 0.167 16 17 108 35 0.324 23 114 19 0.167 17 108 35 0.324 23 114 19 0.167 18 159 73 0.459 24 198 27 0.136 19 231 103 0.446 24 198 27 0.136 20 105 39 0.371 27 126 27 0.214 21 189 90 0.476 27 126 27 0.214 22 189 53 0.280 28 159 25 0.181 24 306 142 0.464 30 72 14 0.194 25 198 68 0.343 341 342 58 0.170 26 396 136 0.343 341 342 58 0.170 27 284 85 0.299 3 255 56 0.220 28 109 62 0.312 4 54 9 0.167 29 150 45 0.288 5 288 50 0.194 4 264 90 0.378 4 54 90 0.187 29 150 45 0.340 11 159 39 0.245 30 132 45 0.341 12 195 37 0.190 31 267 101 0.378 6 155 38 0.169 32 267 101 0.378 6 155 38 0.169 38 126 40 0.347 13 36 6 0.167 39 190 70 0.308 18 69 22 0.319	. 4			0.150	} ^~ ·		1 02	
8	. 5			0.202	12		11	0.105
8	ç			0.309			21	0.167
10	á				14			0.152
11		1 1		0.271	13	160	27	0.150
11				0.380	17	252		0.208
15				0.299			1 -	(0.,50
15				0.270		270		0.148
15		270		0.226			50	
17		72		0.625	23			
18				l	51			0 184
19					24			0.136
20 105 39 0.371 20 0.48 27 0.214 22 189 53 0.280 29 54 8 0.148 22 189 53 0.280 29 54 8 0.148 25 198 68 0.343 30 72 14 0.194 25 198 68 0.343 30 342 58 0.170 26 396 136 0.343 342 58 0.170 27 284 85 0.299 4 54 9 0.167 29 156 45 0.288 6 155 25 0.161 342 36 36 0.167 36 36 36 36 36 36 36								
21	20							
24 306 142 0.464 30 72 14 0.194 25 198 68 0.343 316 136 0.343 316 136 0.343 316 136 0.343 316 136 0.343 316 136 0.343 316 136 0.343 316 136 0.343 316 136 0.343 316 136 0.343 316 136 0.343 316 136 0.343 316 136 0.343 316 136 0.343 316 136 0.343 316 136 0.343 316 136 0.343 316 136 0.343 316 136 0.343 316 136 0.344 316 136 136 136 136 136 136 136 136 136	21	189	60	0.476				0.214
25	22	189	53	0.280				
25	0.4	200	140	0.464	30	72		
27 284 85 0.299 3 255 56 0.220 28 109 62 0.312 4 54 9 0.167 29 150 45 0.288 6 155 25 0.161 29 150 45 0.288 6 155 25 0.161 29 20 0.356 7 87 18 0.207 20 207 3 267 701 0.378 2 267 701 0.378 4 264 90 0.341 10 454 90 0.198 5 156 53 0.340 11 159 39 0.245 0 161 20 0.378 126 45 0.341 12 195 37 0.190 8 126 40 0.317 9 190 70 0.308 18 69 22 0.319	25		ได้รั	0.303		342		
29 156 45 0.288 6 155 25 0.161 Mayo 1 90 32 0.356 7 87 18 0.207 2 123 77 0.026 8 225 38 0.169 3 267 701 0.378 4 264 90 0.341 10 454 90 0.198 5 156 53 0.340 11 159 39 0.245 6 132 45 0.341 12 195 37 0.190 8 126 40 0.317 13 36 6 0.167 9 190 70 0.368 18 69 22 0.319	26	396		0.343		ļ		
29 156 45 0.288 6 155 25 0.161 Mayo 1 90 32 0.356 7 87 18 0.207 2 123 77 0.026 8 225 38 0.169 3 267 701 0.378 4 264 90 0.341 10 454 90 0.198 5 156 53 0.340 11 159 39 0.245 6 132 45 0.341 12 195 37 0.190 8 126 40 0.317 13 36 6 0.167 9 190 70 0.368 18 69 22 0.319	27	284	85	0.299			56	
29 156 45 0.288 6 155 25 0.161 Mayo 1 90 32 0.356 7 87 18 0.207 2 123 77 0.026 8 225 38 0.169 3 267 701 0.378 4 264 90 0.341 10 454 90 0.198 5 156 53 0.340 11 159 39 0.245 6 132 45 0.341 12 195 37 0.190 8 126 40 0.317 13 36 6 0.167 9 190 70 0.368 18 69 22 0.319	28		62	0.312		54		
Mayo 1 90 32 0.356 7 87 18 0.207 2 123 77 0.026 8 225 38 0.169 3 267 101 0.378 0.341 10 454 90 0.189 5 156 53 0.341 10 454 90 0.198 6 132 45 0.341 12 195 39 0.245 8 126 40 0.317 13 36 6 0.167 9 190 70 0.368 18 69 22 0.319	29	156	45,	0.288				
2 123 77 0.026 8 225 38 0.169 3 267 101 0.378 4 264 90 0.341 10 454 90 0.198 5 156 53 0.340 11 159 39 0.245 6 132 45 0.341 12 195 37 0.190 8 126 40 0.317 9 190 70 0.308 18 69 22 0.319	Mayo 1	90	32	0.356				0 207
3 267 101 0.378 4 90 0.341 10 454 90 0.198 5 156 53 0.340 11 159 39 0.245 6 132 45 0.341 12 195 37 0.190 8 126 40 0.317 13 36 6 0.167 9 190 70 0.308 18 69 22 0.319	2			0.626		225		
5 156 53 0.340 11 159 39 0.245 0.341 12 195 37 0.190 0.190 0.167 0.167 0.308 18 69 22 0.319	3.	267	101	0.378	1		(· .
8 126 40 0.317 13 36 6 0.167 9 190 70 0.308 18 69 22 0.319				0.341				0.198
8 126 40 0.317 13 36 6 0.167 8 190 70 0.308 18 69 22 0.319				0.340	11			
8 126 40 0.317 9 190 70 0.308 18 69 22 0.319	Ü	1.1.1	10	0.341	1 15			0.190
9 190 70 0.368 18 69 22 0.319				0.317	l ":	00	J	0.407
10 261 79 0.303 19 152 41 0.270		190	70	0.368				0.319
	10	261	79	0.303	19	152	41	0.270
		<u>·</u>		1	<u> </u>		<u> </u>	<u> </u>

Límites de control. Los límites de control en una gráfica para p proporcionan una respuesta a la pregunta: "¿Son las variaciones en el porcentaje defectivo de un lote a otro (en este caso, de un día a otro) de tal naturaleza que pudieran esperarse como un asunto casual, si la calidad promedio fuese mantenida en el nivel estándar supuesto?" Para responder a esta pregunta es ne-

TABLA 4-2. 400 EXTRACCIONES DE LA URNA NORMAL DE SHEWHART ORDENADAS EN SUBGRUPOS DE CUATRO

Número de extrac- ciones	Murc	an de lan Subg		cnda -	Promedio	Ampli- tud R	Desviació: estándar σ
1-4	47	. 32	44	35	39.50	15	6.2
5-8	33	33	34	34	33.50	1	0.5
9–12	34	34	31	34	33.25	3	1.3
13-16	12	21	24	47	26.00		12.9
17-20	35	23	38	40	34.00	1	6.6
21-24	19	37	31	27	28.50	18	6.5
25-28	23	45	26	37	32.75	22	8.8
29-32	33	12	29	43	29.25	31	11.2
33-36	25	22	37	33	29.25	15	6.0
37-40	29	32	30	13	26.00		7.6
41-44	40	18	30	11	24.75	29	11.1
45-48	21	18	36	34	27.25	18	7.9
49-52	26	35	31	29	30.25	9	3.3
53-56	52	29	21.	18	30.00	34	13.3
57~60	26	20	30	20	24.00	10	4.2
61-64	19	1	30	30	20.00	29	11.9
6568	28	34	39	17	29.50	22	8.2
69-72	29	25	24	30	27.00	6	2.5
73 -76	21	37	32	25	28.75	16	6.2
7780	24	22	16	35	24.25	-19	6.9
81-84	28	. 39	23	21	27.75	18	7.0
85 -88	41	32	· 46	12.	32.75	34	13.0
89-92	14	23	41	42	30.00	28	11.9
93-96	32	28	46	27 .	33.25	19	7.6
97-100	42	34	22	34	33.00	- 20	7.1
101104	20	38	27	32	29.25	18	6.6
105108	30	14 .	. 37	43	31.00	29	10.8
109-112	28	29	32	35	31.00	7	2.7
113-416	35	30	37	26	32.00	11	4:3
117-120	51	13 ·	· 45	55	41.00	42	16.6
121 124	34	19	11	16	20.00	.23	8,6
125 -128	32	. 28	41	40	35.25	13	5.4
129 132	14	31	20	35	25.00	21	8.4
133-136	25	44	29	27	31.25		7.5
137 140	18	22	20	33 .	23.25	-	5.8

TABLA 4-2. 400 EXTRACCIONES DE LA URNA NORMAL DE SHEWHART ORDENADAS EN SUBGRUPOS DE CUATRO (Continúa)

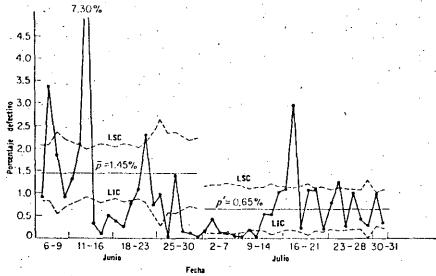
					·	·	
Número de extrac- ciones	le Marons de Tac-		Marcas de las fichas en cada subgrupo		Promedio	Ampli- tud R	Desviación estándar
141-144	21	31	39	l or			-
145-148	17	44	54	25	29.00	18	6.8
149-152			1	13	32.00	41	17.4
	36	48	19	41	36.00		10.7
153-156	25	31	38	30	31.00		4.6
157-160	35	21	20	34	27.50	15	7.0
161-164	21	22	44	19	26.50	25	10.2
165168	39	22	24	29	28.50		6.6
169-172	40	44	24	18	31.50	26	10.8
173-176	23	25	46	29	30.75	23	9.1
177-180	23	37	44	34	34.50	21	7.6
211 .50	- 20	o,		"	34.50	. 21	1.0
181-184	-36	52	30	28	36.50	24	9.4
185-188	35	23	11	5	18.50	30	11.5
189-192	33	15	40	29	29.25	25	9,1
193-196	18	30	22	25	23.75		4.4
197-200	23	30	20	19	23.00		4.3
	- !	!				i	1.0
201-204	7	32	36	38	28.25	31	12.5
205-208	29	30	39	31	32.25	10	4.0
209-212	36	12	34	25	26.75	24	9.5
213-216	36	37	39	32	36.00	7	2.5
217-220	38	9	25	39	27.75	30	12.2
		ب.		1	1	i -	
221-224	11	44	29	29	28.25	33	11.7
225-228	31	18	31	25	26.25	13	5.4
229-232	22	47	12	27	27.00	35	12.7
233-236	29	24	32	44	32.25	20	7.4
237-240	42	· 26	32	27	31.75	16	6.3
047 044		40					
241-244	29	40	43	29	35.25	14	6.3
245248	23	22	23	39	26.75		7:1
249-252	34	27	5 2	28	35.25	25	10.0
253-256	27.	40	23 .	24	28.50	-17	6.8
257260	34	38	16	28	29.00	22	8.3
261~264	39	19	39	32	32.25	20	
265-268	42	25	25	42			8.2
269 -272	30	25 25	38	39	33.50		8.5
273 -276	43		J -		33.00	14	5.8
1	43 17	22	10	28	25.75	33	.11.9
277-280	17	31	10	16	18.50	21	7.7

TABLA 4-2. 400 EXTRACCIONES DE LA URNA NORMAL DE SHEWHART - ORDENADAS EN SUBGRUPOS DE CUATRO (Continúa)

		Marcas de las fichas en cada subgrupo		Promedio	Ampli- tud R	Desviaciór estándar	
	~~		··				ď
281-284	40	49	38	37	41.00	12	4.7
285-288	.22	39	26	18	26,25	21	7.9.
289-292	30	36	34	18	29.50	18	7.0
293-296	41	37	27	32	34.25	14	5.3
297-300	5	20	43	26	23,50	38	13.6
301304	38,	26	38	25	31.75	13	63
305-308	27	38	40	33	34.50	. 13	-5.0
309-312	- 20	23	28	35	26.50	15	5.7
313-316	29	29	34	29 -	30.25	5	2.2
317-320	25	3 5	37	42	34.75	17	-6.2
321-324	42	59	38	28	41.75	31	11.2
325-328	24	32	22	22	25.00		4.1
329-332	38	40	31	52	40.25	21	7.8
333-336	22	52	33	27	33.50		11.4
337-340	46	32	20	50	37.00		11.9
341-344	27	29	24	15	23.75	14	5.4
345-348	31	26	34	35	31.50	9.	3.5
349-352	32	46	30	32	35.00	16	6.4
353-356	35	20	34	46	33.75	26	9.2
357-360	55	25	33	54	41.75	30	13.1
361-364	22	46	52	42	40.50	30	11.3
365-368	14	24	2	43	20.75	41	15.0
369-372	36	52	19	50	39.25	33	13.2
373-376	29	21	17	9	19.00	20	7.2
377-380	33	31	32	18	28.50	15	6.1
381-381	52	34	17	5	27.00	47	17.7
385-383	23	41	21	29	28,50	20	7.8
389~392	28	22	45	21	29.00	24	9.6
3 93-396	32	27	16	30	26, 25	-	6.2
397-400	23	23	27	. 36	27.25		5.3
. Totales	· · ·		1	<u> </u>	3 007.50	2076	807.8

Mientras más extracciones se promedien, más posibilidades existen de que el promedio esté cercano al promedio de la urna. O bien, establecido en términos más generales, mientras mayor sea la muestra tomada de un universo, más posibilidades habrá de que el promedio de la muestra se acerque al promedio de universo. Esto deberá ser una proposición aceptable aun con base al sentido co-

final del periodo. Cuando un valor estándar p' es establecido con anterioridad, los límites pueden calcularse cada día y dibujarse en la gráfica de control al graficar el punto del día. De este modo, la gráfica de control proporciona una base para acción inmediata siempre que un punto se salga fuera de los límites de control.



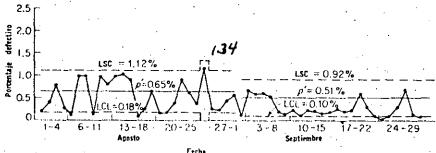


Fig. 10-1. Gráfica de control para el porcentaje defectuoso. Producción de 4 meses de un dispositivo eléctrico

Establecimiento de los límites de control basados en el tamaño promedio esperado del subgrupo. Aunque la posición correcta de los límites de control 3 sigma en una gráfica de p depende del tamaño del subgrupo (en este caso, el subgrupo es el número de partes inspeccionadas cada día) el cálculo de límites nuevos para cada nuevo subgrupo no es muy grande (por ejemplo, cuando los subgrupos máximos y mínimos no están más de un 25% alejados del promedio) a veces puede ser bastante bueno, para propósitos prácticos, establecer un solo juego de límites de control basado en el tamaño de subgrupo promedio esperado. De este modo, los límites pueden ser establecidos al comienzo de un periodo (un mes, por ejemplo), y proyectados por adelantado para todo el periodo.

CALCULO DE LIMITES DE CONTROL DE PRUEBA PARA LA GRAFICA DE CONTROL POR FRACCION DEFECTUOSA TABLA 10-1:

'(Datos sobre una sola característica de calidad de una pieza de un aparato eléctrico)

Fecha	Núme- ro n ins- peccio- nado	Nume- ro de defec- tivos	Fracción p defec- tiva	$3\sigma = \frac{3\sqrt{p(1-p)}}{\sqrt{n}}$	LSC p + 3σ	
2 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3	4 641 3 782 2 993 3 382 3 694 3 052 0 3 477	27 44 70 12 5 4 4 2 1 2 3	. 0,001	0.0059 0.0065 0.0061 0.0056 0.0065 0.0089 0.0089 0.0087 0.0087	0.0207 0.0207 0.0207 0.0222 0.0214 0.0208 0.0199 0.020 0.021 0.020 0.021 0.020 0.021 0.020 0.021 0.020 0.021 0.020 0.021 0.020 0.021 0.020 0.021 0.020 0.021 0.020 0.021 0.020 0.021 0.020 0.021 0.020 0.021 0.020 0.021 0.020 0.021 0.020 0.021 0.020 0.021 0.020 0.021 0.020 0.021	0.0053 0.0068 0.0068 0.0082 0.0082 0.0087 0.0083 0.0083 0.0088 0.0088 0.0089 0.0089 0.0080 0.0084 0.0088 0.0088 0.0085 0.0085 0.0085 0.0085 0.0055
	29 2 44 30 2 08 ₀₈ 60 68	6 1	0.000		0.0	224 0.0066

Núm. total de defectivos 880 = 0.0145 p = Núm. total inspeccionado 60 688 = 0.0145
$$3\sqrt{p(1-p)} = 3\sqrt{(0.0145)(0.9855)} = 0.3586$$

Al final de julio, se analizó la situación para considerar la posibilidad de hacer lo anterior. Se decidió que la producción diaria estaba bastante bien estabilizada para justificar el uso de un solo juego de límites de control en agosto. La producción promedio diaria en julio había sido 61 701/25 = 2 468. El rendimiento promedio estimado por día en agosto fue 2 600; se tomó esta cantidad como el valor de n para el cálculo de los límites de control. Puesto que p en julio había sido 393/61 701 = 0.0064, no se hizo ningún cámbio en la p' de 0.0065. Los cálculos para los límites de control para agosto se muestran en la Tabla 10-3.

TABLA 10-2. CALCULO DE LOS LIMITES DE CONTROL DIARIOS BASA-DOS EN EL VALOR ESTANDAR DE LA FRACCION DEFECTUOSA p'

(Datos sobre una sola característica de calidad de una pieza de un aparato eléctrico)

	Número	Número	Fracción		<u>-</u>	
ъ.		de defec		$3_{\sigma} = 3\sqrt{p'(1-p')}$	LSC	LIC
Fecha _.	inspec-		defectiva	$3\sigma = \frac{1}{\sqrt{n}}$		$p'-3\sigma$
	cionado	i		V "	,	, 50
Julio 2	2 228	4 -	0.0018	0.0051	0.0116	0.0014
3	2 087	9	0.0043	0.0053	0.0118	
, 5	2 088	3	0.0014	0.0053	0.0118	
6	1 746	2	0.0014	0.0058	0.0123	
7	2 076	1	0.0005	0.0053	0.0118	
					-	
. 9	2 164	1	0.0005	0.0052	0.0117	0.0013
10	2 855	5	0.0018	0.0045	0.0110	0.0020
11	2 560	5	0.0020	0.0048	0.0113	0.0017
12	2 545	. 14	0.0055	0.0048	0:0113	0.0017
13	1 874	1	0.0005	0.0056	0.0121	0.0009
14	2 329	24	0.0103	0.0050	0.0115	0.0015
	-					
16	.2 744	30	0.0109	0.0046	0.0111	0.0019
17	2 619	77	0.0294	0.0047	0.0112	0.0018
18	2 211	5 .	0.0023	0.0051	0.0116	0.0014
19	1 746	.19	0.0109	0.0058	0.0123	0.0007
20	2 628	28	0.0107	0.0047	0.0112	0 0018
21	2 366	. 5	0.0021	0.0050	0.0115	0.0015
•	<i>:</i>					
23	2 954	. 23	0.0078	0.0044	0.0109	0.0021
. 24	2 586 ·	32	0.0124	0.0047	0.0112	0.0018
25	2.790	8	0.0029	0.0046	0.0111	0.0019
26	2 968	30	0.0101	0.0044	0.0109	0.0021
27	3 100	13	0.0042	0.0043	0.0108	0.0022
- 28	1 359	4	0.0030	0.0065	0.0130	0.0000
				•		
30	3 940	39	0.0099	0.0038	0.0103	0.0027
31	3 138	- 11	0.0035	0.0043	0.0108	0.0022
Totales	61 701	393		77 7 TEN 900 NOW 1942		
				الفيسودووس حاسبات مستساحا		

La fracción defectiva estándar p' es 0.0065 $3 \sqrt{p'(1-p')} = 3 \sqrt{(0.0065)(0.9935)} = 0.241$

Siempre que los límites de control son fijados de esta manera a un valor promedio esperado de n, cualesquier puntos en la gráfica de control que estén, ya sea afuera de los límites o apenas adentro de ellos, requieren un examen más minucioso, para ver si los límites como están trazados se aplican realmente a estos puntos. Siempre que el tamaño del subgrupo es más grande que el valor promedio asunido de n, los límites verdaderos están dentro de los trazados. Siempre que el tamaño del sugrupo es más pequeño, los límites verdaderos están afuera.

TABLA 10-3. REGISTRO DE LA FRACCION DEFECTUOSA DIARIA, CON LIMITES DE CONTROL CALCULADOS SOBRE LA PRODUCCION ESTANDAR DIARIA Y SOBRE EL VALOR ESTANDAR DE LA FRACCION DEFECTIVA p.

(Datos de una sola característica de calidad de una parte de un aparato eléctrico)

•							
	Número	Núme	Fracción		Número	Núme-	Fracción
	n	ro de de	defectiva		inspeccio-		defectiva
Fecha	inspec-	fectivos	10 .	Fecha	nado n	fectivos	p
ē	cionados						
Ago. 1*	3 068	6	0.0020	Sept. 1	2 539	3	0.0012
2	. 776	. 3	0.0039	3	2 425	16	0 0066
3	2, 086	. 16	0.0077	4	1 537	9	0.0058
4	3 652	10	0.0027	. 5	2 852	17	0.0060
6	2 606	, 3	0.0012	6	2 953	16	0.0054
7	2 159	21	0.0097	7	2 649	5	0.0019
. 8	2.745	27	0.0098	8	2 835	4	0.0014
9	2 606	3	0.0012	10	2 752	6	0.0022
10	2 159	21	0.0097	11	892	1	0.0011
11	2 745	22	0.0080	12	3 186	7	0.0022
13	3 114	30	0.0096	13	2 646	5	0.0019
14	1 768	18	0.0102	14	2 714	4	0.0015
15	3 208	29	0.0090	15	2 878	√5	0.0017
16	2 629	2	0.0008	17	2 384	6	0.0025
17	3 576	9	0.0025	18	2 639	5	0.0019
18	2 262	15	0.0066	19	3 160	7	0.0022
20	3 204	5	0.0015	20	1 895	11	0.0058
21	3 026	5	0.0017	21	4 287	13	0.0030
22	2 713	10	0.0037	2. 22	2 917	3	:0.0010
23	2 687	24	0.0089	. 24	2 479	1	0.0004
21	3 824	23	0.0060	25	1 991	2	0.0010
. 25	3 265	12	0.0037	26	3.280	10	0.0030
27	1 205	14	0.0116	27	2 195	15	0.0068
28	3 035	7	0.0023	28	2 570	3	0.0012
29	2 793	. 6	0.0021	29	3 323	3	0.0009
30	3 295	l.	0.0042	Totales	65 978	177	1.
31	3 227	_ 18	0.0056				
Totales	1.73 523	373	<u> </u>	<u> </u>	1	<u>.]</u>	<u> </u>

Para agosto

La producción diaria promedio estimada es 2 600 La fracción defectiva estándar, p'_{+} es 0.0065

$$\frac{3\sqrt{p'(1-p')}}{\sqrt{n}} = \frac{3\sqrt{(0.0065)(0.9935)}}{\sqrt{2.600}} = 0.0047$$

LSC = $p^c + 3a = 0.0065 + 0.0047 = 0.0112$ LIC = $p^c = 2a = 0.0065 = 0.0047 = 0.0018$

Para sentiembre

La producción diaria promedio estimada es 2.700 3.73 La fracción desectiva estándar, p', es 0.0051 = 33.623

LSC = 0.0051 + 0.0041 + 0.0092LIC = 0.0051 + 0.0041 + 0.0040

345

EJEMPLO 11-1. GRAFICA DE CONTROL PARA DEFECTOS POR UNIDAD

Hechos del caso. La Tabla 11-1 proporciona los números de errores de alineación observados en la inspección final de un cierto modelo de aeroplano. La Fig. 11-1 proporciona la gráfica de control para estas 50 observaciones. Los defectos observados en cada aeroplano constituyen un subgrupo para esta gráfica.

El número total de defectos de alineación en las primeras 25 naves fue 200. El promedio è es 200/25 == 8.0. Los límites de control de prueba calculados a partir de este promedio son los siguientes:

$$LSC = c + 3 \sqrt{c} = 8 + 3 \sqrt{8} = 16.5$$

 $LIC = c - 3 \sqrt{c} = 8 + 3 \sqrt{8} = 0$

(Siempre que los cálculos proporcionan un valor negativo para el límite de control inferior de una gráfica c, el límite se registra como cero).

Puesto que ninguno de los primeros 25 puntos en esta gráfica se encuentra fuera de los límites de control de prueba basados en estos puntos, el número estándar de defectos c' puede ser tomado como igual a c y la gráfica de control puede continuarse para el siguiente período con una línea central de 8.0 y límites de control de 16.5 y 0.

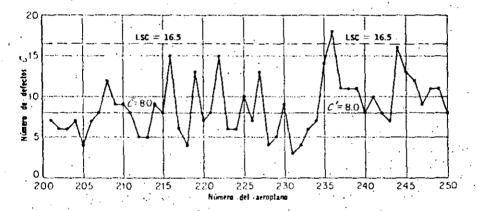


Fig. 11-1. Gráfica de control para defectos por unidad, c. Los defectos se refieren a fallas en la alineación en aeroplanos, observados en su inspección final

Un punto (el aeroplano No. 236) entre los siguientes 25 se encuentra arriba de los límites de control. El promedio durante este periodo fue 236/25 = 9.44. (Aun omiticido el valor fuera de control, el promedio es 9.08.) De los 16 puntos fináles correspondientes a los aeroplanos 235 a 250, 12 se encuentran arriba del estándar c', 3 están exactamente en el estándar y solamente uno se encuentra abajo. Parece evidente que ha habido un deterioro ligero pero definido en la calidad (o un incremento en lo estricto de la inspección) durante este periodo.

Comentarios sobre el Ej. 11-1. En un caso como éste, el valor estándar de c'establecido previamente podría continuarse aproxima-

damente igual a pesar de la evidencia del deterioro de calidad. El principio establecido en el Cap. 10 en relación a la gráfica p también se aplica a la gráfica c, o sea que el valor estándar no debe ser revisado en la dirección de una calidad inferior simplemente debido a que el personal de producción parece dar menos atención a la calidad. Por otra parte, si ha tenido efecto un aumento en la severidad de los estándares de inspección con el efecto de hacer parecer la calidad inferior, aun cuando realmente no sea peor que antes, se justifica una revisión hacia arriba de c'.

Muchos de los comentarios y sugestiones relativos a la gráfica p en las Págs. 317 a 329 obviamente se aplican también a la gráfica c y no necesitan ser repetidos aquí. Debe notarse que los periodos

TABLA 11-1. DEFECTOS DE ALINEACION EN AEROPLANOS OBSERVA-DOS EN LA INSPECCION FINAL

Número de aeroplano	Número de defectos de alinea- ción	Número de aeroplano	Número de defectos de alinea- ción
	7	226	7
201	6	227	13
202	6 .	228	4
203	7	229	5
201	4	230	9
205	†		,
000	7	231	3
206	8	232	4
207	12	233	6
208	9	234	- 7
209	9	235	14
210	1	1	
	8	236	18
211	5	237	11
212	5	238	11
213	9	239	11
214 .	×	240	8
215 .	. "		
	15	241	- 10
216	6	242	8
217	1 1	243	7
218	13	244	16
219	7 .	245	13
220	1	•	
	. 8	246	12
221	15	247	9
222	6	- 248	11
223). <u>6</u>	249	11
$\frac{224}{225}$	10	250	. 8
Total	200	.Total	236

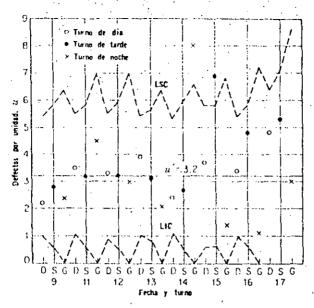


Fig. 11-2. Adaptación de la gráfica e a tamaños de subgrupo variable (datos de la Tabla 11-2)

dar de trabajo directo para cada operación, puede medir esto lo suficientemente bien en la mayoría de los casos, a menos que ciertas operaciones de montaje sean mucho más difíciles que otras.

Tabulación de los defectos individuales en la forma que contiene una gráfica c o u. Si no son posibles muchos tipos distintos de defectos, algunas veces resulta buena idea combinar una gráfica c o una gráfica u con un registro del número de defectos observado de cada tipo. La Fig. 11-3 es una gráfica de éstas. Se notará que, a pesar de que es una gráfica u. el tamaño de la muestra, 10, es constante. Esta gráfica, aplicada a las cubiertas de gabinetes de máquinas de coser, ha sido reproducida de un artículo de Robert Chateaneuf de la Singer Manufacturing Co., St. John's, Quebec, Canadá.

La introducción de una gráfica de control puede motivar un mejoramiento de la calidad. Incidentalmente, la Fig. 11-3 ilustra una ocurrencia común cuando se aplica por primera vez una gráfica para p, np, c o u a un producto. Esta ocurrencia es un mejoramiento considerable en el nivel de calidad promedio, no estando este mejoramiento relacionado con ninguna acción tomada por puntos fuera de los límites de control. Tal mejoramiento es causado generalmente por el personal de fábrica, que toma un interés creciente en

³ Robert Charcanenf, Modern QC Pays Off in Woodwerk, Industrial Quality Control, Vol. 17, Núm. 3, Págs. 19-25, septiembre, 1960.

TABLA 11-2. CALCULO DE LOS LIMITES PARA LA GRAFICA DE CONTROL PARA LOS DATOS SOBRE DEFECTOS OBSERVADOS EN SUBMONTAJES DE AEROPLANOS

(El valor estándar de los defectos por unidad u' es 3.2)

<u>*</u>		Defectos observa-	Unida-	Defec-	. r=		
Fecha	Turno	dos en el	des pro-	tos por	$3\sigma = \frac{3\sqrt{u'}}{\sqrt{u'}}$	LSC =	LIC =
		turno	ducidas	unidad	\sqrt{n}	$u' + 3\sigma$	u' — 3σ
		С	n	u			
Juniog	b	13	6.0	2.2	2.2	5 4	1.0
	S	12	4.3	2.8	2.6	5.8	0.6
	G	. 7	2.9	2.4	3.2	6.4	0.0
11	D	19	5.5	3.5	2.3	5.5	0.9
	S	14	4.4	3.2	2.6	5.8	0.6
	G	.9	2.0	4.5	3.8	7.0	0.0
12	D	18	5.5	3.3	2.3	5.5	0.9
	S	13	4.0	3.2	2.7	5.9	0.5
	G	6	2.0	3.0	3.8	7.0	0.0
13	D	24	6.1	3.9	2.2	5.4	1.0
	S	15	4.9	3.1	2.4	5.6	0.8
	G	6	2.9	2.1	3.2	6.4	0.0
14	b	16	6.6	2.4	2.1	5.3	1.1
	s	11	4.1	27	2.7	5.9	0.5
	G	20	2.5	8.0	3.4	6.6	. 0.0
15	D	16	4.3	3.7	2.6	5.8	0.6
	S	29	4.2	6.9	2.6	5.8	0.6
	G	3	2.2	1.4	3.6	6.8	0.0
16	D.	21	6.1	3.4	2.2	5.4	1.0
	S	20	4.2	4.8	2.6	5.8	0.6
	G	2	1.8	1,1	4.0	7.2	0.0
17	D.	14.	2.9	4.8	3.2	6.4	0.0
	' S	10`	1.9	5,3	3.9	7.1	0.0
	G	3	1.0	3,0	5.4	8.6	0:0
Totale	s	321	92.3				

las características de calidad que están siendo trazadas en la gráfica. Algunas veces este mejoramiento, no relacionado con las técnicas estadísticas, es la consecuencia más útil de la introducción de una gráfica de control.

Se observará que, a pesar de que ninguna sección de la Fig. 11-3 muestra ningún punto fuera de los límites de control, el número promedio de defectos por unidad, en la segunda sección de la

- a) Puesto que se trata de una prueba de una cola a un nivel de significancia de 0.01, se rechaza la hipótesis H_0 si t es mayor que el valor crítico, t_c , correspondiente a dicho nivel, el cual para $\nu = n_\chi + n_\gamma 2 = 12 + 12 2 = 22$ grados de libertad, se obtiene de la tabla 8 como $t_c = 2.51$. Como $t < t_c$, la hipótesis H_0 no se puede rechazar a un nivel de significancia de 0.01.
- b) Si el nivel de significancia de la prueba es de 0.05, se rechaza H_0 si t es mayor que el valor t_c respectivo que para 22 grados de libertad es $t_c = 1.72$, por lo que de acuerdo con lo anterior, H_0 se rechaza a un nivel de significancia de 0.05.

DIVISION DE EDUCACION CONTINUA FACULTAD DE INGENIERIA U.N.A.M.

CONTROL ESTADISTICO DE CALEDAD

MUESTREO DE INSPECCION

M. EN I. AUGUSTO VILLARREAL ARANDA

SEPTIEMBRE, 1985.



CONTROL ESTADISTICO DE CALIDAD

MUESTREO DE INSPECCION

M. en I. Augusto Villarreal Aranda

OCTUBRE, 1981

HUESTREO LE INSPECCION

lor: H en I Augusto Villarreal Aranda*

1. Introducción

El muestreo de inspección (o de aceptación) se define como el conjunto de todas las acciones que realiza el receptor de producto terminado para asegurar la calidad de este, después de recibirlo del productor.

Este tipo de muestreo puede ser aplicado por un consumidor a los productos que recibe de un vendedor, por un departamento
de inspección de producto terminado a los productos recibidos de
los departamentos de producción, etc, es decir, se aplica en aquellas ocasiones en que un número grande de unidades producidas se
presenta para inspección en forma de lotes, y en donde la forma.

 Secretario Académico, División de Estudios Superiores, Facultad de Ingeniería, UNAM y Profesor investigador, Instituto de Ingeniería, UNAM lógica de realizar esa tarea es mediante el empleo de la técnica que usa atributos (sirve, no sirve, o pasa, no pasa), con el fin de evitar la tan costosa y tardada inspección al 100%.

Generalmente, con la inspección de lote por lote del producto terminado, existe el acuerdo entre productor y receptor en que

- a. los lotes aceptados por el plan de muestreo que se empleo serán aceptados por el receptor como buenos a excepción de aquellas unidades detectadas como de fectuosas en todos los lotes durante el proceso de muestreo, las cuales serán reemplazadas por unidades buenas por el productor.
- b. los lotes rechazados por el plan de muestreo le serán devueitos al productor para su rectificación.

Sin embargo, existen algunas variantes sobre el accierdo mencionado. Por ejemplo, algunos receptores de producto terminado emplean la opción de inspeccionar al 100% los lotes rechazados para eliminar los elementos defectuosos, y trasladar el costo de esa operación al productor. Lo anterior se realiza con frecuencia cuan do el receptor tiene urgencia de emplear las unidades que recibe del productor. En última instancia el objetivo que se pereigue es responsabilizar al productor por la deficiente calidad de un producto terminado.

Para determinar la calidad de un lote, es factible seleccionar una, dos o múltiples muestras alestorias del riemo, lo cual conduce a considerar planes de muestreo simples, dobles, o múltiples para aceptarlo o rechazallo. La explicación de cómo y cuán do se emplean estos típos de muestreo se discutirá en esta parte

2. Plan de muestreo simple

Como se dijo anteriormente, el muestreo de aceptación se aplica a las producciones en masa cuando un productor abastece de lotes de artículos a un receptor. En situaciones como ésta, se de-, be decidir individualmente sobre la aceptación o rechazo de cada lote.

En este caso particular, la decisión que se toma se basa en el resultado que se obtiene al inspeccionar una muestra de tama no "n" que se toma de un lote de "N" artículos, de la cual se deter mina el número de defectuosos, "X", esto es, de artículos que no cumplen las especificaciones nominales (tamaño, color, resistencia, etc.)

es menor o igual que un número especificado "c" menor que "n", se acepta el lote; si el número de defectuosos es mayor que "c", se rechaza. A "c" se le llama el número telerable de artículos aefectuosos o número de aceptación. Por lo tanto, las alternativas son

x < c . se acepta el lote

x > c se rechara el lote

2.1 Probabilidad de aceptación de un lote

Supóngase que si X < c se acepta un lote, es decir, ocurre el evento A = (el número de artículos defectuosos en la muestra extraída del lote es menor o igual que el número de aceptación).

In este caso, la probabilidad de dicho evento no depende únicamente del tamaño n de la muestra y del número de aceptación c, sino también del número total de artículos defectuosos que se encuentran en el lote, "M". Si se supone además que el muestreo se realiza sin remplazo, la probabilidad de dicho evento es hipergeométrica, es decir

$$P (A) = P \{x \le c\}$$
 $\sum_{x=0}^{c} \frac{C_{x}^{H} C_{n-x}^{H-H}}{C_{n}^{H}}$ (2.1)

Si no hay artículos defectuosos en el lote, entonces M = 0, y el único valor posible que puede asumir X es también 0, por lo cual

$$P(A) = P(X \le c) = \frac{C^{o} C^{H}}{C^{K}} = 1$$

Es decir, la probabilidad de aceptar un lote en el cual no hay elementos defectuosos es igual a la unidad.

Si todos los artículos en un lote son defectuosos, entonces M = N, y el valor de X debe ser igual a n, por lo que

$$P(A) = P(X < c) = P(\emptyset) = 0$$

en virtud de que la condición inicial es que c < n. Lo anterior indica que la probabilidad de aceptar un lote en el cual todos los artículos son defectuosos es nula.

Conviene hacer notar también que si se mantienen fijos el tamaño de la muestra y el número de aceptación al incrementarse el valor de M, el número de artículos defectuosos en un lote, decrece la probabilidad P (A) de aceptación de este último.

Ejemplo 2.1

Considérese un plan de muestreo simple para el cual N=10, c=0 y n=5. Obténganse los valores de P (A) cuando

Solución

a. En este caso, la probabilidad de aceptación es

$$P (A) = P \{x = 0\} = \frac{C_0^1 C_{5-0}^{10-1}}{C_0^{10}} =$$

b. Para este caso, se obtiene

P (A) = P (x < 0) = P (x = 0) =
$$\frac{c_0^3 c_{5-0}^{10-3}}{c_5^0}$$
 =

$$\frac{3!}{0!(3-0)!} \frac{7!}{5!(10-5)!} = \frac{7 \times 6}{2 \times 1} = 0.0833$$

$$\frac{10!}{5!(10-5)!} = \frac{2 \times 1}{10 \times 9 \times 8 \times 7 \times 6} = 0.0833$$

Lo anterior indica que un plan de muestreo simple para el cual se mantenga fijo el tamaño de la muestra, aun cuando se incremente el número de elementos defectuosos en los lotes, o el número total de elementos en estos últimos, proporciona huena protección en contra de la aceptación errónea de lotes malos.

Dentro de un plan de muestreo simple, al considerar un

2020 Curva característica de operación

r ero fijo de aceptación, c, y cuando se obtiene una muestra aleatoria de n artículos de un lote para saber si éste se acupta o no, es evidente que se desconoce el número total de artículos de

fectuosos, M, dentro del mismo. Para que este número se pudiera

conocer en forma precisa, se requeriría haber realizado una inspección al 100% en el lote, pero entonces no tendría caso el considerar un plan de muestreo simple.

Por lo anterior, para realizar el cálculo de la probabilidad de aceptación de un lote determinado cuando se desconoce el valor de M. se debe introducir una modificación dentro de la fórmula 2.1. Para ello, considérese que si se divide el número de elementos defectuosos entro el total de elementos pura un lote de terminado, se obtiene la fracción de defectuosos

$$p = \frac{H}{N}$$
 (2.2)

en el lote. Si p se multiplica por 100, se optiene el poaccutaje de elementos defectuosos en dicho lote.

Puesto que M puede tomar dentro de un lote de tamaño N cualquiera de los N + 1 valores C,1,2,3,...,N-1,N, p puede asumir entonces los N + 1 valores, 1/N, 2/N, 3/N,..., N-1/N, 1. Por lo tanto, la probabilidad de aceptación P (A) únicamente se puede definir para los valores mencionados de p.

Si en la ec 2.2 se despeja el valor de M, se obtiene

en forma tal que la ec 2.1 se puede escribir como

(2.3)

$$P (A; p) = P \{x \le c\} = \begin{cases} c \\ x = 0 \end{cases} = \begin{cases} \frac{c}{C_{N-N}^{R}} \\ \frac{c}{C_{N-N}^{R}} \end{cases}$$

siendo las probabilidades así obtenidas hipergeométricas.

Si se mantienen fijos los valores de n y c, se pueden graficar las probabilidades de aceptación de un lote en función de los valores de la fracción de elementos defectuosos en el mismo, es decir, de los valores de p. Dicha gráfica contendrá N + 1 puntos, a través de los cuales se puede dibujar la llamada curva caracteristica de operación (o curva CO) de un plan de muestreo simple.

Ejemplo 2.2

La fábrica 2 elabora cartuchos de dinamita, y los empaca en cajas de 20 unidades. El comprador W acepta cada caja únicamente si al extraer una muestra de dos cartuchos encuentra que ambos son buenos. Elaborar la curva característica de operación correspondiente.

Solución

En este caso, se tiene que N=20, n=2 y c=0. Por lo tanto, las probabilidades de aceptación son, empleando la ec

$$P(A_1p) = P(X \le 0) = \frac{c_0^{20p} c_{2-0}^{10-20p}}{c_2^{20}}$$

$$= \frac{20p!}{0!20p!} \frac{(20-20p)!}{2x1x(18-20p)!} = \frac{18!120-20p)!}{20!(10-20p)!} = \frac{18!120-20p)!}{20!(10-20p)!}$$

$$= \frac{(20 - 20p) (19 - 20p)}{380}$$

Si se le asignan a p 105 21 valores 0, 1/20, 2/20, 3/20, ..., 19/20,1, se obtienen los correspondientes de P (A; p). Por ejemplo, para p = 10/20 = 0.5, la probabilidad de aceptación es

$$P (A; 0.5) = \frac{[20 - 20(10/20)] [19 - 20(10/20)]}{380}$$

$$= \frac{(20 - 10)(19 - 10)}{380} = \frac{(10)(9)}{380} = \frac{90}{380} = 0.237$$

U

Siguiendo el procedimiento anterior, se obtienen los puntos siguientes:

P (A; p) 6/20 = 0.001.000 --1/20 = 0.05 0.900 2/20 = 0.10. 0.805 3/20 = 0.150.716 4/20 = 0.200.632 5/20 = 0.25. 0.553 6/20 - 0.30-0.479 7/20 = 0.35 0.411 8/20 = 0.400.347 9/20 = 0.450.289 0.237 10/20 = 0.5011/20 = 0.550.199 0.147 $12/20 \approx 0.60$ 13/20 = 0.65 0.111 14/20 = 0.700.079 0.053 15/20 = 0.7516/20 = 0.800.032 17/20 = 0.850.016 18/20 = 0.900.005 19/20 = 0.950.000 20/20 = 1.000.000

La curva característica de operación correspondientes es la que se hace pasar por los puntos anteriores, y se presenta en la fig 2.1.

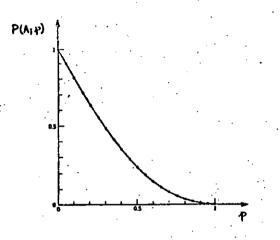


Fig 2.1 Curva CO para un plan de muestreo simple, con N = 20, n = 2 y c = 0.

En la Fig 2.1 se puede observar que a medida que se hace más grande la fracción de defectuosos en el lote (o el número
de artículos defectuosos), la probabilidad de aceptación del mismo se va haciendo cada vez menor. Los casos extremos se dan en
p = 0, en que la aceptación del lote es un evento seguro, y en
p = 1, cuando es imposible aceptarlo.

2.3 Empleo de la aproximación binomial para construir la curva CO

En la mayor parte de los cusos prácticos, el porcentaje de artículos defectuosos en un lote será pequeño (menor del 10%), en tanto que el tamaño del mismo será muy grande (1000 elementos, 10000 elementos, etc), y el de la muestra usualmente será varias veces menor, de tal manera que es posible aproximar las probabilidades dadas por la distribución hipergeométrica (ecs 2.1 y 2.3) empleando la distribución binomial. En partícular, la aproximación es buena cuando N 10 n. En estos casos, se puede escribir

$$P(A_1 p) = P\{X \le c\} = \sum_{x=0}^{c} C_x^n p^x (1-p)^{n-x}$$
 (2.4)

Se debe observar que siempre se define a p como en la ec 2.2, y que serán mejor aproximadas por la ecuación anterior aquellas probabilidades de aceptación para las cuales el valor de p sea pequeño.

Ejemplo 2.3

En el caso del ejemplo 2.2 anterior, aproxímense las probabilidades de aceptación hipergeométricas para los distintos valores de p mediante la distribución binomial.

Solución

En este caso sí es posible realizar la aproximación pedida, ya que se verifica la condición $N \ge 10n$, porque siendo N = 20 y n = 2, se tiene que $20 \ge 10\{2\}$. Por ejemplo, para p = 0.2, la

aproximación binomial dada por la ec 2.4 conduce al valor

$$P(A + 0.2) = P\{X \le 0\} = C_0^2 \cdot (0.2)^0 \cdot (1-0.2)^{2-0}$$

$$= \frac{2!}{0!(2-0)!} (0.8)^2 = 0.640$$

en contra del valor exacto 0.632 obtenido mediante lo ec 2.3.

procediendo en forma similar se calculan los restantes valores de P (A; p), los cuales se presentan de 0.1 en 0.1 en la tabla siguiente, junto con los anteriormente obtenidos en el cjem plo 2.2 para fines de comparación.

· ·p	Hipergeométrica P (A; p)	Binomial P.(A; p)		
. •				
0.00	1.000	1.000		
	0.805	0.810		
0.10	0.632	0.640		
0.20		0.490		
0.30	0.479	0.360		
0.40	0.347			
0.50	0.237	0.250		
0.60	0.147	0.160		
	0.079	0.090		
0.70	0.032	0.040		
0.80		0.010		
0.90	0.005	0.000		
1.00	0.000	0.000		

En la tabla se puede observar que las probabilidades de aceptación se aproximan bastante más a las exactas cuando el valor de p se encuentra en la vecindad de $\rho=0.10$.

2.4 Empleo de la aproximación de Poisson para construir la curva CO

Como ya se vío, la distribución hipergeométrica se puede aproximar adecuadamente mediante la binomial cuando N > 10 y p < 0.1. A su vez, la distribución binomial puede aproximarse suficientemente bien mediante la de Poisson cuando se cumple lo anterior y np es menor de 15, lo cual evita en ocasiones la gran cantidad de labor numérica que se requiere para calcular las probalidades de aceptación mediante las distribuciones hipergeométrica y binomial.

Entonces, si se hace λ = np para la distribución de Poisson, se puede escribir

$$P (A; p) = P \{X \le c\} + e^{-np} \sum_{X=0}^{c} \frac{(np)^{X}}{X!}$$

La aproximación anterior es muy útil cuando los lotes son grandes, ya que como se puede apreciar, la ec 2.4 no requiere del manejo de dicho dato para el cálculo de las probabilidades de acep tación que se emplean para construir la curva CO.

Ejemplo 2.4

Obtenganse los valores de P (A; p) para p = 0, 0.1, 0.2. 0.3, 0.5 y 1.0 en el caso del plan de muestreo simple del ejemplo 2.2, aproximando mediante la distribución de Poisson.

Solución

Se sabe que n = 2 y c = 0, por lo que

$$np = 2(0) = 0; P(A; 0) = \frac{e^{-0} \cdot 0^{0}}{0!} = 1$$

$$np = 2(0.1) = 0.2; P(A; 0.1) = \frac{e^{-0.2} \cdot 0.2^{0}}{0!} = 0.818$$

$$np = 2(0.2) = 0.4; P(A; 0.2) = \frac{e^{-0.4} \cdot 0.4^{0}}{0!} = 0.670$$

$$np = 2(0.3) = 0.6; P(A; 0.3) = \frac{e^{-0.6} 0.6^{\circ}}{0!} = 0.549$$

$$np = 2(0.5) = 1.0; P (A; 0.5) = \frac{e^{-1.0} 1.0^0}{0!} = 0.367$$

$$np = 2(1.0) = 2.0$$
; P (A; 1.0) = $\frac{e^{-2.0} - 2.0^0}{0!} = 0.135$

En la siguiente tabla se comparan los valores hipergeométricos exactos con los obtenidos mediante las aproximaciones binomial y de Poisson.

P	P (A;p) Hipergeométrica	? (A; p) Binomial	P (A;p) Poisson
0	1.000	1.000	1.000
0.1	0.805	. 0.810	0.818
0.2	0.632	0.640	0.670
0.3	0.479	0.490	0.549
0.5	0.237	0.250	0.367
1.0	0.000	0.000	0.135

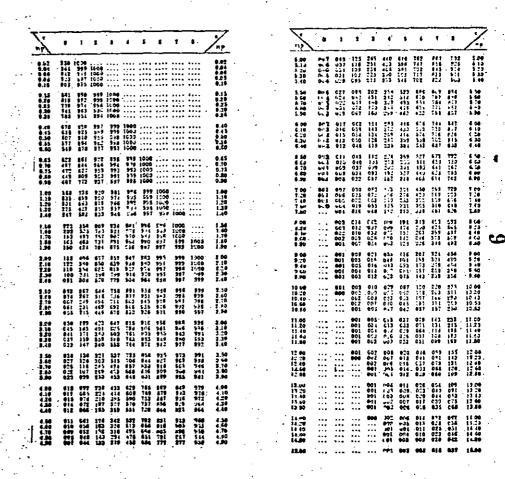
Como se puede observar en la tabla anterior, las probabilidades de aceptación calculadas con la fórmula de Poisson difieren bastante de las exactas y de las binomiales cuando p no se uentra cercano al valor 0.1. Sin embargo, hay que considerar que en el problema anterior los tamaños del lote y la muestra son bastante pequeños, por lo que la aproximación de Poisson no puede ser muy buena.

De hecho, la forma práctica para construir las curvas CO se fundamenta en el método aproximado de Poisson, considerando que los lotes que entrega el productor son muy grandes, y haciendo uso de la tabla 2.1 que se presenta adelante, en la cual se propor cionan, en función del número de aceptación c y del valor $\lambda = np$, las probabilidades de aceptación

$$P (A; p) = P \{X \le c\} = e^{-np} \int_{X=0}^{c} \frac{(np)^{X}}{X!}$$

multiplicadas por mil.

TERHINOS ACUMULATIVOS DE LA APROXIMACION DE POISSON A BINOMIAL



A continuación se presenta un ejemplo práctico de construcción de una curva CO mediante el método descrito, haciendo uso de la tabla 2.1.

Ejemplo 2.5

Supóngase que un receptor de producto terminado adopta el plan de muestreo simple siguiente:

- Recibe lotes de ciertos artículos con 1000 unidades
 c/u.
- b. Extrae de cada lote una muestra aleatoria de 20 artículos.
- c. Si la muestra extraída contiene dos o más artículos defectuosos, rechaza el lote. De no ser así, lo acepta.

Construyase la curva CO correspondiente.

Solución

Puesto que el tamaño de los lotes es grande, se pueden aproximar adecuadamente las probabilidades de aceptación mediante la distribución de Poisson. Para ello, se considera en la práctica que con los valores

P(A; p) = 0.98, 0.95, 0.70, 0.50, 0.20, 0.10, 0.05, 0.02

se puede definir suficientemen, a bien la curva CO.

Para construir la curva del plan de muestreo simple indicado, considérese que c = 1 y n = 20. En la columna para la cual c = 1 en la tabla 2.1, se puede ver que el valor más cercano a 980 (0.98 de probabilidad) es 982. Para dicho valor, el correspondiente de np es 0.2, siendo por lo tanto $p = \frac{np}{n} = \frac{0.2}{20} = 0.01$.

El valor más cercano a 950 (0.95 de probabilidad) es en la tabla el 951. Para este valor, np = 0.35 y p = $\frac{0.35}{20}$ = 0.0175.

Siguiendo el procedimiento anterior, se llega a

P (A;p)	np	p	
1.000	0.00	ā.000	
0.982	0.20	0.010	
0.951	0.951 0.35 0.0		
0.699	1.10	0.055	
0.493	1.70	0.085	
0.199	3.00	0.150	
0.099	3.90	0.195	• :
0.052	4,70	0.235	
0.021	5.80	0.290	
0.000	20.00	1.000	

En la Pig 2.2 siguience se presenta la curva característica de operación correspondiente al problema.

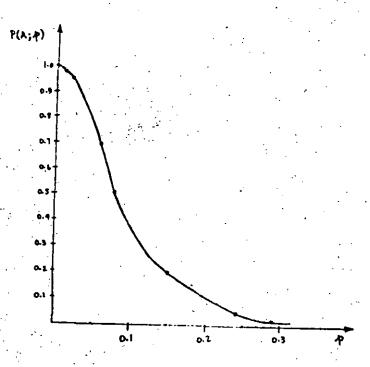


Fig 2.2 Curva característica de operación para plan de muestreo simple con lote grande, c = 1 y n = 20.

2.5 Riesgos en el muestreo de aceptación

Al realizarse los muestreos de aceptación, el productor y el receptor de lotes de artículos tienen intereses distintos al definir un plan de muestreo. El productor puede pedir que la probabilidad, o, de rechazar un lote "bueno" o "aceptable" sea peque ña. Por su parte, el receptor puede exigir que la probabilidad de aceptar un lote "malo" o "no aceptable" sea una cantidad peque o ña 8.

Para cumplir con ambos compromisos, supóngase que productor y receptor deciden que un lote para el cual p es menor o igual que ciero número p_o es un lote aceptable, en tanto que un lote para el que p es mayor o igual que cierto número p_o ($p_o > p_o$) es ún lote no aceptable, es decir

Si p < p lote aceptable.

Si $p \ge p$, lote no aceptable

De acuerdo con lo anterior, a es la probabilidad de rechazar un lote con $p \leq p_0$ y se llama hitago del phoducton, correspondiendo al error de tipo I que se comete al probar una hipótesis estadística. Por otra parte, β es la probabilidad de aceptar un lote con $p \geq p_1$, se llama hieago del hecepton, y corresponde al error de tipo II que se comete al realizar una prueba de hipótesis.

A p_0 se le acostumbra llamar nivel de calidad aceptable (NCA), y a p_1 nivel de calidad rechazable (NCR), o porcentaje de dejectuoica tolerable en un lote (PiTL). A un lote con $p_0 se le llama lote indiferente.$

a = Riesgo del productor $\approx 1 - P(A; p)_{0.95} = 0.05$

 θ = Riesgo del receptor \approx P (A; p)_{0.10} = 0.10

Ejemplo 2.6

Para un plan de muestreo símple en el que n = 300 y = 5, obtenganse los valores de p_n y p_n .

Solución

Empleando la tabla 2..., y considerando los valores (A; p) que definen adecuadamente a la curva CO, se obtiene:

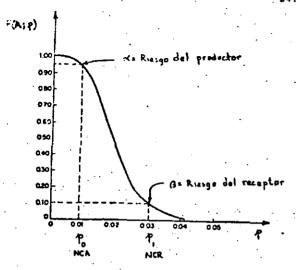
P (A;p)	np	, P	
1.000	0.00	0.0000	
0.980	2.10	0.0070	
0.951	2.60	0.0087	
0,703	4.50	0.0150	
0.495	5.70	0.0190	٠.
0.210	7.80	0.0260	
0.104	9.20	0.0307	
0.048	10.60	0.0353	. '
0.020	12.00	0.0400	
0.000	300.00	1.0000	

De acuerdo con la tabla, se tiene que

 $\alpha = 1 - P(A; p)_{0.951} = 0.0499 ; P_0 = 0.0087$

 $\beta = P(A; p)_{0.104} = 0.104 ; p, = 0.0307$

En la Pig 2.3 que se presenta a continuación, se muestra la curva CO del plan simple en cuestión, así como los valores del NCA y del NCR.



Pig 2.3 Curva CO para plan de muestreo simple con n = 300 y c = 5.

2.6 Calculo de n y c a partir de p, p, a y s.

Al observar la Fig 2.3 se puede concluir que los puntos $(p_0^-, 1-a)$ y (p_1^-, β) se localizan en la curva CO. Tomando ello en cuenta, existe un método iterativo aproximado para determinar los valores de n y c, considerando conocidos los de p_0^- , p_1^- , a y 8, de manera que la curva CO pase muy cerca de los puntos mencionados. Dicho procedimiento se expondrá en el ejemplo que sigue, haciendo uso de la tabla 2.1.

Ejemplo 2.7

Para cierto plan de muestreo simple, se fijan los riesgos siguientes:

a. Productor: Aquellos lotes que contengan un 1% de artículos defectuosos se rechazarán en el 5% de los casos.

b. Receptor: Los lotes que contengan un 6% de artículos de fectuosos se aceptarán en el 10% del total de casos.

¿Cuales son los valores del tamaño de la muestra y del número de aceptación que se deben emplear para dicho plan?

Solución

De acuerdo con los datos del problema, se desprende que

$$\alpha = 0.05$$
 ; $P_0 = 0.0$

$$B = 0.10$$
 ; $p_1 = 0.0$

a. Se considera c = 0, con lo cual, de la tabla 2.1,

$$np_0$$
 (para $\alpha = 0.05 \circ P$ (A: 0.01) = 0.95) = 0.05
 np_1 (para $\beta = 0.10$) = 2.30

Entonces

$$n_{\alpha} = \frac{np_{\alpha}}{p_{\alpha}} = \frac{0.05}{0.01} = 5$$

$$n_{\alpha} = \frac{np_{1}}{p_{1}} = \frac{2.30}{0.06} = 38$$

Obviamenta, se debe verificar que $n_{\alpha} = n_{\alpha}$; no siendo este el caso, se hace ahora c = 1.

$$np_o$$
 (para $\alpha = 0.05$) = 0.35
 np_s (para $\beta = 0.10$) = 3.90

Por lo tanto

tanto
$$n_a = \frac{0.35}{0.03} = 35$$

 $n_g = \frac{3.90}{0.06} = 65$

Se considera c = 2, y

$$np_0$$
 (para $\alpha = 0.05$) = 0.82
 np_1 (para $\beta = 0.10$) = 5.32

Ahora, se tiene que

$$n_{\alpha} = \frac{0.82}{0.01} = 82$$

$$n_{\beta} = \frac{5.30}{0.06} = 88$$

Ahora n_n y n_R se parecen bastante, pero aún no sou igua-

les. Por lo tanto, se hace c = 3 para saber si la diferencia se

hace más pequeña.

Luego

$$n_{\alpha} = \frac{1.37}{0.01} = 137$$

$$n_{\beta} = \frac{6.68}{0.06} = 112$$

Se observa que ahora la diferencia se hace más grande, sor lo que el valor real de n se debe encontrar entre 82 y 88 elementos para c = 2. Con el fin de ajustar adecuadamente el valor de n, se puede hacer

$$n = \frac{n_{\alpha} + n_{\beta}}{2} = \frac{82 + 88}{2} = 85$$

Por lo tanto, el plan de muestreo simple es el siguiente

cuya curva CO se muestra en la Fig 2.4.

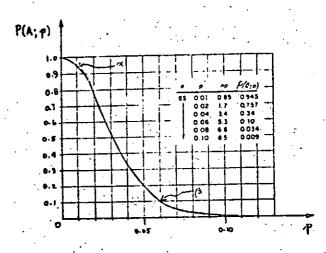


Fig 2.4 Curva CO ajustada para α , β , ρ_{α} y ρ_{γ} conocidos.

2.7 Comentarios sobre la curva CO

Al comparar las curvas CO de las Figs 2.3 y 2.4, se puede observar que, no obstante el número más grande de artículos defectuosos que permite en la muestra el plan de muestreo asociado a la curva CO de la Fig 2.3, se trata de un mejor plan de aceptación de lotes, en el sentido de que proporciona riesgos más favorables al receptor.

En efecto, ambos planes consideran $\alpha = 0.05$, $\beta = 0.10$ y $p_0 \approx 0.01$, pero el plan de la Pig 2.4 aceptará lotes con 6% de defectuosos $(p_1 \approx 0.06)$ en el 10% del total de casos, en tanto que el de la Pig 2.3 aceptará lotes con 3% de defectuosos $(p_1 \approx 0.03)$

en el mismo número de casos,

En muchas ocasiones no se comprende con claridad el porqué de un número de aceptación mayor de cero en los planes de muestreo. Si se observa la Pig 2.5, se puede apreciar que las curvas CO (a), (b) y (c) corresponden a planes de muestreo que evitan los artículos defectuosos en la muestra (c = 0), pero que tienen riesgos de productor y receptor distintos. Los planes de las curvas CO (d) y (e) consideran 4 y 7 defectuosos en la muestra, respectivamente.

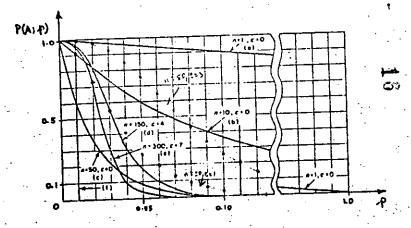
Se observa que las curvas CO con c = 0 se caracterizan r patrones cóncavos, en tanto que aquellas con c = 0 semejan curvas S invertidas.

Los planes de muestreo con c = 0 usualmente penalizan más al productor. Asimismo, aquellos planes en que c es mayor de cero proporcionan riesgos más favorables al productor o al receptor, y en muchos casos a ambos.

Se puede afirmar que el riesgo para el receptor se hace más pequeño conforme se incrementa el tamaño de la muestra, en tanto que el riesgo para el productor decrece conforme se permiten uno o más artículos defectuosos en la misma. Esto se puede aclarar si se observan los riesgos en las curvas (c) y (d) de la Pig 2.5.

Las curvas (d) y (e) consideran esencialmente el mirmo ries go para el productor (NCA ≈ 0.01 en α = 0.05), pero la (e) considera un tamaño de muestra mayor, por lo que el receptor corre un riesgo menor. La curva (f) corresponde a la curva ideal CC, ya que ese plan de muestreo acepta todos los lotes con uno por cien to o menos de artículos defectuosos, y rechaza todos los lotes que contengan más del 1% de defectuosos. Dicha curva obviamente no se puede obtener con las técnicas usuales de muestreo de acepta ción.

Lo anterior indica que un plan de muestreo simple será más efectivo en tanto su curva CO correspondiente se asemeje
más a la curva ideal de operación.



rig 2.5 Distintos planes de muestreo

3. Plan de muestreo doble

Un plan de muestreo simple requiere que se tome una decisión sobre la aceptación o rechazo de un lote tomando como base la evidencia de una muestra catraída del mismo.

Sin embargo, un plan de muestreo doble implica la posibilidad de posponer la decisión sobre la aceptación o rechazo de un lote hasta que una aegunda muestra haya sido extraída. Dicho lote podrá ser aceptado inmediatamente si la primera muestra es muy buena, o rechazado enseguida si la primera muestra es bastan te mala. Si la primera muestra no es ni muy buena ni muy mala, la decisión se basa en la evidencia de la primera y segunda mues tras combinadas.

En general, los planes de muestreo doble conducen a menos inspección total que los planes sencillos, y también proporcionan la ventaja sicológica que conlleva la idea de dar una segunda oportunidad a los lotes dudosos.

3.1 Símbolos en el muestreo dobla

Los siguientes son los símbolos empleados en conexión con el muestreo doble:

N = tamaño del lote
n₁ = tamaño de la primera muestra
c₁ = número de aceptación para la primera
muestra

tamaño de la segunda muestra -

n₁ + n₂ = tamaño de la muestra combinada

c₂ = número de aceptación para la muestra combinada

3.2 Interpretación del plan de muestreo doble

Considérese un plan de muestreo doble para el cual se fijan los valores de N, n_1 , c_1 , n_2 y c_2 ($c_2 > c_1$). La interpretación del proceso que se realiza con dicho plan es la siguiente:

- a. Se inspecciona una primera muestra de tamaño n_1 extraída del lote de tamaño N.
- b. Se acepta el lote si la muestra anterior contiene c₁ o menos artículos defectuosos.
- c. Se rechaza el lote si el número de defectuosos en la muestra excede el valor c,
- d. Si la primera muestra contiene $c_1 + 1$, $c_1 + 2$, ... o c_2 artículos defectuosos, se extrae e inspecciona una segum da con n_2 elementos.

- s. Se acepta el lote sobre la base de la muestra combinada con n₁ + n₂ elementos si dicha muestra contiene c₂ artículos defectuosos o menos.
- f. Se rechaza el lote si la muestra combinada contiene más de c, defectuosos.

3.2 Curva CO de un plan de muestreo doble

De acuerdo con lo que se ha explicado, existen cuatro posiblilidades de que se acepte o se rechace un lote sometido para muestreo doble. Dichas posibilidades son

- a. Aceptación después de la primera muestra.
- Rechazo después de la primera muestra.
- . Aceptación después de la segunda muestra.
- d. Rechazo después de la segunda muestra

ejemplo siguiente la forma como se construye la curva CO para el plan de muestreo doble.

Ejemplo 3.1

Considérese el plan de muestreo doble para el cual ol tamaño del lote es muy grande, $n_1 = 50$, $c_1 = 1$, $n_2 = 100$ y $c_2 = 5$.

Construyase la curva CO correspondiente. .

SoZución

- Pare determinar los puntos de la curva CO, es necesario calcular las probabilidades de que si se toma una segunda muestra el lote sea aceptado, para distintos valores de p. Para ilua trar lo anterior considérese inicialmente el valor p = 0.02.

Entondes, un lote puede ser aceptado según el plan anterior en cualquiera de las formas siguientes:

- a. un defectuoso o menos en la primera muestra.
 - dos defectuosos en la primera muestra, seguido de cero o un defectuoso en la segunda muestra
- c. tres defectuosos en la primera muestra, seguidos de cero defectuosos en la segunda muestra.

La probabilidad de aceptar un lote es entonces igual a la suma de las probabilidades de estos diferentes modos por los cuales puede ser aceptado.

Inicialmente, se deben calcular las probabilidades de tener uno o menos, dos o menos y tres o menos defectuosos en la primera muestra. Lo anterior equivale a considerar un plan de muestreo simple para el cual $n_1 = 50$ y c = 1, 2, 3. A continua-

ción se deben calcular las probabilidades de tener exactamente dos y tres defectuosos en la primera muestra.

Entonces, con $n_1 p = 50(0.02) = 1.00$, se obtiene, empleand do la tabla 2.1 y siendo X el número de elementos defectuosos

$$P\{X \le 1\}_1 = 0.736$$
 ; $c = 1$, $n_1 p = 1.00$

$$P \{X \le 2\}_1 = 0.920$$
 $c = 2$, $n, p = 1.00$

$$P \{x \le 3\}_1 = 0.981$$
 $c = 3$, $n_1 p = 1.00$

$$P\{X=2\}_1 = P\{X \le 2\}_1 - P\{X \le 1\}_1 = 0.920-0.736 = 0.184$$

$$P(X = 3)_1 = P(X \le 3)_1 - P(X \le 2)_2 = 0.981 - 0.920 = 0.061$$

El subíndice fuera de la llave indica que la probabilidad del evento se calcula con base en la primera muestra.

Ahora bien, si en la p. mera muestra hay dos defectuosos, los cálculos relacionados con la segunda muestra deberán basarce en n₂p * 100(0.02) = 2. El tomar la segunda muestra e inspeccionarla equivale, para efectos de los cálculos, a considerar un nuevo plan de muestreo simple para el resto del lote con número de aceptroién igual a 1, ya que este elemento, sumado a los dos defectuosos considerados, permite la aceptación del lote.

Por lo tanto,

$$P(X \le 1)_2 = 0.406$$
 $c = 1, n_2p = 2$

Si en la primera muestra hay tres defectuosos, los ziculos para la segunda muestra se deben basar en $n_2p = 100(0.02)$ y
un número de aceptación igual a cero, es decir

$$P(X \le 0)_2 = 0.135$$
 $c = 0$, $n_2 p = 2$

La probabilidad de aceptación es, empleando el concepto de independencia de eventos, la suma de las probabilidades siguientes:

P (un defectuoso o menos en la primera muestra) =
$$P(X \le 1)$$
 = 0.736

P (dos defectuosos en la primera muestra, segui dos de cero o un defectuoso en la segunda) = F (x = 2), P(x<1)2 = (0.184) (U.406) = F (x = 2), P(x<1)2 = (0.184) (U.406) = F (x = 2), P(x<1)2 = (0.184) (U.406) = F (x = 2), P(x<1)2 = (0.184) (U.406) = F (x = 2).</p>

P {tres defectuosos en la primera muestra, segui dos de cero defectuosos en la segunda} = P {X = 3}, P{X<0}_2 = {0.061}{0.135} =

Entonces,

 $P \{A; 0.02\} = 0.736 + 0.075 + 0.008 = 0.819$

es decir, el punto (0.02, 0.819) se encuentra sobre la curva CO del plan de muestreo doble.

En la forma descrita anteriormente, se pueden calcular también los puntos restantes para definir la curva CO, quedando finalmente

P (A) p)	p
0.98	0.012
0.95	0.015
0.82	0.020
0.70	0.027
0.50	0.037
0.20	0.063
0.10	0.080
0.05	0.100
0.02	0.136

La gráfica de la curva CO correspondiente al plan de muestreo doble propuesto se presenta en la Fig 3.1

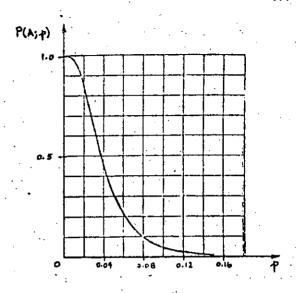


Fig 3.1 Curva CO para plan de muestreo doble con $n_1 = 50$, $c_1 = 1$, $n_2 = 100$, $c_2 = 3$.

4. Plan de muestreo múltiple

De la misma manera que los planes de muestreo doble pue den diferir la decisión sobre la aceptación o rechazo de un lote hasta que haya sido tomada una segunda muestra, otros planes pueden permitir la extracción de cierto número de muestras antes de que una decisión sea tomada.

Los planes de muestreo múltiple son usados cuando se permite la extracción de tres o más muestras de un tamaño prestablecido, y cuando la decisión sobre la aceptación o rechazo de un lote se debe tomar después de la sóptima muestra extraída, consi-

derando que no es permitidi la aceptación de ese lote con la evi descia obtenida de la primera muestra.

4.1 Interpretación de un plan de muestreo múltiple

Considérese el siguiente plan de muestreo multiple

	_				
	iúmero de A Muestra	Tamaho de la muestra individual	Tamaño de la muestra combinada	Número de aceptacion, c	Número de rechazo, r
	1 -	20	. 20		2
·	2 .	20	40	0 (3
	3	20	60	1	.3
•	4	20	80	2	4
	5	20	100	2	4
	6	20	120	2	4
	7	20	140	3	4

La forma de interpretar el plan anterior es la siguientes

- a. Se extrae e inspecciona una muestra de 20 elementos. Si dos o más son defectuosos, se rechaza el lote; si hay uno o cero defectuosos, se extrae e inspecciona una segunda muestra de 20 elementos. (La aceptación del lote no se permite con la primera muestra.)
- b. Si en la muestra combinada (20 + 20 = 40) no hay ningún defectuoso, se acepta el lote; si 3 o más artículos son defectuosos se rechaza. De encontrarse uno o dos defectuosos, se toma una tercera muestra de 20 elementos.

- c. Si en la muestra combinada (40 + 20 = 60) hay un defectuoso, se acepta el lote; si 3 o más artículos son defectuosos, se rechaza. De encontrarse dos defectansos, se toma una cuarta muestra de 20 elementos.
- d. Si en la muestra combinada (60 + 20 = 80) hay dos defectuosos, se acepta el lote; si 4 o más son defectuosos, se rechaza. De encontrarse tres defectuosos, se toma una quinta muestra de 20 elementos.

g. Si en la muestra combinada (120 + 20 = 140) hay tres de- !

fectuosos, se acepta el lote. Si hay cuatro defectuosos
o más, se rechaza.

4.2 Curva CO de un plan de muestreo multiple

La curva característica de operación de un plan de muestreo múltiple se puede obtener siguiendo un procedimiento semejante al empleado en el caso del muestreo doble, haciendo uso de probabilidades condicionales y suponiendo la descomposición del plan múltiple en varios planes sencillos. Desde luego, el cálculo de las probabilidades de aceptación es bastante más complejo, pero el razonamiento es básicamente el mismo.

50

R (3 def)

A continuación, or describirá mediante un ejemplo el procedimiento para la construcción de la curva Co.

Ejemplo 4.1

Considérese el plan de muestreo múltiple descrito anteriormente, y constrúyase la curva CO correspondiente, suponiendo un lote de tamaño grande.

Schución

Los siguientes cálculos corresponden a un solo punto de la curva, para el cual p = 0.02. Cada una de las muestras contigues ne 20 artículos, por lo que para cada una de llas se tendrá np = 20(0.02) = 0.4. Entrando con este valor a la tabla 2.1, y con siderando que X denota el número de artículos defectuosos, se obtienen, también para cada muestra las probabilidades incondicionales siguientes:

$$P_0 = P \{x = 0\} = P \{x \le 0\} = 0.670$$

$$P_1 = P \{x = 1\} = P \{x \le 1\} - P \{x \le 0\} = 0.938 - 0.670 = 0.268$$

$$P_2 = P \{x = 2\} = P \{x \le 2\} - P \{x \le 1\} = 0.992 - 0.938 = 0.054$$

romando en cuenta que A = aceptación, R = rechazo y

CM = continúa muestreo, se hace enseguida el análisis muestra por

muestra para obtener la probabilidad P (A; 0.02).

a.. Muestra 1 (M1)

0 def M1
$$\rightarrow$$
 P₀ = 0.670 \rightarrow CM (0 def)
1 def M1 \rightarrow P₁ = 0.268 \rightarrow CM (1 def)
2 def M1 \rightarrow R (2 def)

Probabilidad de aceptación = 0.000

0 def N1, 3 def M2 →

1 def M1, 2 def H2 →

0 def M1, 0 def M2
$$\Rightarrow$$
 P₀₀ = {0.670} (0.670) = 0.449 \Rightarrow A (0 do 0 def M1, 1 def M2 \Rightarrow P₀₁ = {0.670} (0.268) = 0.1795 \Rightarrow CH (1 def 0 def M1, 2 def M2 \Rightarrow P₀₂ = {0.670} (0.054) = 0.0362 \Rightarrow CM (2 def M2)

1 def M1, 0 def M2 \Rightarrow P₁₀ = (0.268)(0.670) = 0.1795 \Rightarrow CM (1 def)

1 def M1, 1 def M2 \Rightarrow P₁₁ \approx (0.268) (0.268) = 0.0718 \Rightarrow CM (2 def) \Rightarrow E (3 def)

Probabilidad de aceptación = 0.449

Nuevos valores:

 $P_1 = P \text{ (un defectuoso en M2)} = 0.1795 + 0.1795 = 0.359$

 $P_2 = P \{ dos defectuosos en M2 \} = 0.0362 + 0.0718 = 0.108$

c. Muestra 3 (M3)

c = 1 r = 3

1 def M2, 0 def M3 \Rightarrow P₁₀ = (0.359)(0.670) = 0.2405 \Rightarrow A (1 def)

1 dof N2 1 dof N2 h n

1 def H2, 1 def H3 \Rightarrow P₁₁ = (0.359)(0.268) = 0.0962 \Rightarrow CH (2 def)

1 uef M2, 2 def M3 → R (3 def)

2 def M2, 0 def M3 \Rightarrow P₂₀ = (0.108)(0.670) = 0.0723 \Rightarrow CH (2 def)

2 def H2, 1 def H3 → R (3 def)

Probabilidad de aceptación = 0.2405

Nuevo valor:

 $P_2 = P \text{ (dos defectuosos en M3)} = 0.0962 + 0.0723 = 0.1685$

d. Muestra 4 (M4)

. - 2

r = 4

2 Lef M3, 0 def M4 \Rightarrow P₂₀ = (0.1685) (0.670) = 0.1129 \Rightarrow Λ (2 def) 2 def M3, 1 def M4 \Rightarrow P₂₁ = (0.1685) (0.448) = 0.0451 \Rightarrow CM (3 def) 2 def M3, 2 def M4 \Rightarrow R (4 def) Probabilidad de accitación = 0.1129

Nuevo Valor:

 $P_{\star} = P (3 \text{ defectuoses en M4}) = 0.0451$

e. Nuestra 5 (MS)

3

3 def H4, 0 def H5 \rightarrow P₃₀ = (0.0451)(0.670) = 0.0302 \rightarrow CH (3 def)

3 def H4, 1 def H5 → R (4 def)

Nuevo valor:

P = P (3 defectuosos en M5) = 0.0302

Probabilidad de aceptación = 0.000

f. Huestra 6 (M6)

r • 4

3 def M5, 0 def M6 \Rightarrow P₃₀ = (0.0302)(0.670) = 0.0202 \Rightarrow CM (3 def) 3 def M5, 1 def M6 \Rightarrow R (4 def) Probabilidad de aceptación = 0,000

Ruevo valor

P = P (tres defectuosos en M6) = 0.0202.

q. Muestra 7 (H7)

C =

r = 4

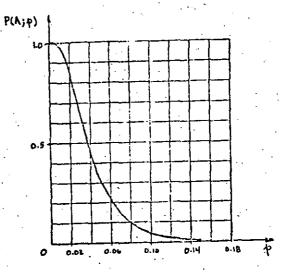
3 def M6, 0 def M7 \Rightarrow P₃₀ = (0.0202)(0.670) = 0.0135 \Rightarrow A (3 def) 3 def M6, 1 def M7 \Rightarrow R (4 def)

Probabilidad de aceptación = 0.0135

pe acuerdo con lo anterior, la probabilidad de aceptación de un lote, sujeto al plan de muestreo múltiple propuesto con p = 0.02, es

P(A: 0.02) = 0.449 + 0.2405 + 0.1129 + 0.0135 = 0.8159

Siguiendo el método descrito, se pueden calcular los valores de las probabilidades de aceptación para distintos valores de p, con los cuales se definen los puntos necesarios para construir la curva característica de operación correspondiente, que se presenta en la Pig 4.1.



Pig 4.1 Curva CO para un plan de muestreo multiple

 Ventajas y desventajas de los planes de muestreo simples, dobles y múltiples

En general, los tres esquemas de muestreo de aceptación que se han presentado se pueden ajustar para proporcionar a lotes con valores de p determinados prácticamente la misma probabilidad de ser aceptados; es decir, si se desea, se puede lograr que las curvas características de operación para los planes simples, dobles y múltiples sean muy parecidas.

No obstante lo anterior, puede suceder que un plan de muestreo de aceptsción que ha dado buen resultado para un productor

o producto, resulte no tan efectivo para otros. La efectividad de los distintos planes de muestreo expuestos se puede juzgar si se analizan las ventajas y desventajas de cada uno de ellos, en términos de cuatro factores importantes: El número medio de artículos inspeccionados, el costo de administración del plan, la aceptación por parte del producto, y la información sobre calidad de los lotes obtenida a largo plazo. En la tabla 5.1 se compara la efectividad de los tres planes estudiados.

Los factores mencionados en la tabla 5.1 deben ser considerados al seleccionar un plan de muestreo. Por ejemplo, en aquellos
casos en que el costo de inspección de cada artículo es elevado, la
reducción en el número de artículos inspeccionados puede justificar
el empleo del muestreo múltiple no obstante su gran complejidad y
elevado costo de administración.

Por otro lado, el muestreo simple puede ser el adecuado si el costo de entrenamiento de personal es muy apreciable. Finalmente, si el problema es de acuerdo entre receptor y productor del plan a emplear, posiblemente la solución sea el muestreo doble, ya que es sicológicamente bien aceptado por amuas partes.

FABLA 5.

COMPARACION ENTRE LOS PLANES DE MUESTREO SIMPLE, DOBLE Y MULTIPLE

Factor	simple (PS)	doble (PD)	martible (Ed)
Número medio de artículos Inspeccionados	El más grande de todos	De 5 & 40% menos que en PS	Aproximadamente 25% menos que en PD
Costos de administración (entrenamiento, registros, personal, etc.)	El más bajo de todos	Mayor que el de PS	El más alto de todos
Aceptación por parte del productor	Regular	Adecuada	Poca
Información a largo plazo sobre calidad de los lo- tes	LA mayor	Menos que en PS	La menor

ار

a. Muestra 1 (M1)

$$c.=1$$

$$r=4$$

$$np = 50(0.02) = 1.0 ; p = 0.368$$

$$P_1 = 0.368$$
; $P_2 = 0.184$; $P_3 = 0.061$

$$0 \text{ def M1} \Rightarrow P_0 = 0.368$$

1 def M1
$$\Rightarrow$$
 P₁ = 0.368

2 def M1
$$\Rightarrow$$
 P₂ = 0.184

$$3 \text{ def M1} \Rightarrow P_3 = 0.061$$

Probabilidad de aceptación = 0.736

b. Muestra 2 (M2)

c' = 3

r = 4

$$np=100(0.02)=2$$
; $P_0=0.135$; $P_1=0.271$; $P_2=0.271$; $P_3=0.180$

2 def M1, 0 def M2
$$\Rightarrow$$
 P₂₀ = (0.184)(0.135) = 0.0248 \Rightarrow A (2 def)

2 def M1, 1 def M2
$$\Rightarrow$$
 P₂₁ = (0.184)(0.271) = 0.0498 \Rightarrow A (3 def)

3 def M1, 0 def M2
$$\Rightarrow \frac{2}{30} = (0.061)(0.135) = 0.0082 \Rightarrow A (3 def)$$

Probabilidad de aceptación = 0.0828

 $P (A; 0.02) = 0.736 + 0.0828 = 0.8198 \approx 0.319$



DIVISION DE EDUCACION CONTINUA FACULTAD DE INGENIERIA U.N.A.M.

CONTROL ESTADISTICO DE CALIDAD

MUESTREO DE ACEPTACION DE MATERIAL POR MEDIDAS

SEPTTEMBRE, 1985.

Muestreo de aceptación de material por medidas

1. ¿QUE ES EL «LOT-PLOT»?

El método «Lot-Plot» es una clase del plan de muestreo por variables, basándose en una representación gráfica de las medidas de una muestra, cuyo tamaño es constante (50 unidades), sin que se deba tener en cuenta el número de piezas de que se compone el lote.

El fundamento de este método es pretender fotografiar la forma de distribución de las medidas del lote con una muestra de 50 unidades. A través de esta fotografía de la muestra, se puede apreciar el valor central y la dispersión de todo el lote, lo que permite compararlo con las especificaciones establecidas.

Tal fotografía sirve no solamente como un medio de inspección para la aceptación de material, sino también para evaluar la calidad de los productos manufacturados en el taller, analizando la representación gráfica de la muestra es frecuente encontrar en ella sugerencias para tomar acciones correctivas, que puedan mejorar la capacidad, del proceso y facilitar una comunicación efectiva entre el consumidor y suministrador. Las representaciones gráficas sobre los lotes para diferentes suministradores de un mismo producto sirven para evaluar y comparar la calidad de cada uno. Así, también podrán proporcionarnos una historia de la calidad de cada suministrador.

(Véase el cuadro 7-1)

CUADRO 7-1

al recorrido antra para 541,193.5

Este cuadro ilustra un caso típico de «Lot-Plot»; los números de la primera columna son las medidas actua es de una muestra. Se dividen las 50 piezas de la muestra en 10 grupos, o sea, 5 piezas en cada uno. Se registran las medidas en las casillas según los valores correspondientes. La media \overline{X} es el valor medio de la distribución. Las líneas punteadas LVS y LVI son los límites de variación estimados inediante la muestra. Las líneas de trazo continuo, LTS y LTI, son los límites de tolerancia que corresponderán a las especificaciones técnicas. Este método «Lot-Plot» caracteriza el lote según el centrado y dispersión de la muestra con respecto a los límites de tolerancia sirviendo de criterio de aceptabilidad para aceptar o rechazar el lote.

2. REALIZACION DE INSPECCION POR «LOT-PLOT»

Los pasos fundamentales son los siguientes:

a) Se toma del lote una muestra al azar de 50 piezas y se forman 10 grupos de 5 piezas para someterlas a verificación.

b) Se miden las 5 piezas de uno de los 10 grupos, calculando el promedio y el recorrido. El promedio sirve como tentativa para localizar la tendencia central de la muestra.

El recorrido de las primeras 5 lecturas dividido por 5, suele ser una estimación bastante práctica de la escala de valores de las casillas en la primera columna. No obstante, la experiencia que se adquiera sobre determinadas piezas o suministradores, terminan siempre por indicar el valor de las casillas más convenientes.

Es aconsejable que la división de la escala de valores de la representación gráfica del lote, esté comprendida entre 7 y 14 casillas.

c) Una vez conocida la división de la escala, se registra el valor medio de las 5 primeras medidas en la columna primera correspondiendo en sentido horizontal con la casilla 0 de la columna segunda, y a partir de este valor medio, se formará en la citada columna primera, la gama de valores, sumando o restando unidades de escala.

d) En las casillas de distribución de frecuencia, se efectúa de la siguiente forma:

Las 5 primeras medidas, se encasillarán en sus lugares correspondientes, marcando las cinco «unos» que quiere decir que son del primer grupo de la muestra, las segundas 5 medidas, con «doses» y así sucesivamente.

e) En la casilla encabezada con f (frecuencias) se escribirá la suma del número de casillas registradas en cada medida determinada en la verificación de los diversos 10 grupos de 5 piezas.

f) En la columna encabezada con d (desviación) se pone: un cero en la casilla que corresponde a la mayor frecuencia. La operación se efectuará lo mismo que en el cuadro 2-4.

.143

g) La columna encabezada por fd registra el producto de f por d para cada casilla conservando el signo correspondiente. Se sumarán los valores positivos y los negativos separadamente, hallándose la diferencia entre ambas cantidades y registrándose en la casilla Σfd con su signo. Se dividirá esta suma por 50 poniendo el resultado de esta operación en la casilla d, también con su signo. Este número indica cuantas casillas o fracción de casilla se desplaza el promedio de las 50 medidas con relación al centro 0 de la columna d. En este punto se dibujará una línea horizontal que se designará Λ .

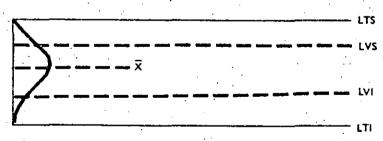
h) En la columna encabezada con *Recorrido* se registrarán en las casillas numeradas del 1 al 10, las dispersiones de cada uno de los 10 grupos de 5 observaciones. La suma de estos 10 recorridos se pondrá en la casilla ΣR y dividiendo esta suma por 10, obtendremos el valor R que se colocará en su casilla correspondiente.

Multiplicando el valor \bar{R} por 1,3 obtendremos el valor de 3 σ dado en valores casillas. Este valor nos da la distancia de los límites de variación que se designan LVS y LVI, límite superior y línea inferior de variación.

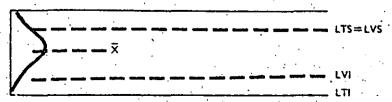
3. INTERPRETACION DEL «LOT-PLOT»

La interpretación del «Lot-Plot» es como sigue:

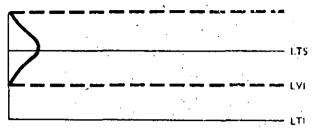
a) Si las líneas de variación quedan comprendidas entre los límites de tolerancia, el lote no contiene unidades defectuosas.



b) Si uno de los límites de variación coincide con un límite de tolerancia, el lote puede contener aproximadamente un 0,1 % de unidades defectuosas.



c) Si un límite de variación cae fuera de la especificació e to nica, el porcentaje estimado de piezas defectuosas se obtiene de la significación forma:



El número de casillas comprendido entre el límite de variación y el límite de tolerancia, se divide entre el correspondiente valor de 3 a y leyendo en la tabla de equivalencias existente en el gráfico de este método, se obtiene el porcentaje aproximado de piezas desectuosas en el lote.

4. EJEMPLO NUMERICO

Siguiendo las instrucciones anteriores, practicaremos el «Lot-Plot» con un ejemplo:

- a) Se seleccionan 50 piezas al azar de un lote de 1000 unidades, agrupándolas en 10 grupos de 5 unidades cada uno. (También se puede tomar la muestra de 5 unidades en 10 tomas.)
 - b) Se leen las lecturas del primer grupo:
 - -0.003
 - -0,004
 - --- 0,006
 - -- 0,007
 - --- 0,008

El valor promedio de este grupo, es 0,0056 redondeando 0,006 y el recorrido 0,005. La quinta parte de este recorrido es 0,001 que sirve para la escala de valores.

- c) En la columna Medidas, se registra 0,006 en la correspondiente escala 0 de la segunda columna y las casillas por encima y por debajo se incrementan y se disminuyen de 0,001 en 0,001.
- d) Las primeras 5 medidas, se anotan en las casillas correspondientes, señaladas con el 1.

Nota: Como las líneas horizontales de la retícula representan las medidas actuales de la columna Medidas, las pocas lecturas exactas que coinciden con estos valores, se pueden escribir lo mismo en la casilla superior que en la inferior a la línea correspondiente.

Por ejemplo, una lectura precisamente de 0,006 puede registrarse cualquiera de los modos indicados en la siguiente figura.

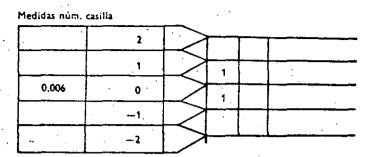


Figura 7-1

Las restantes 45 lecturas, se anotarán de la misma manera, identificándose los sucesivos grupos de 5 por los números 2, 3, 4, ... hasta 30.

Todos los 1, 2, etc., de los 10 grupos deberán registrarse en la primera casilla libre a partir de la izquierda; las anotaciones se acumularán hacia la derecha en los sucesivos registros.

En el caso de distribuciones simétricas, en las que por lo menos hay dos casillas libres entre los valores extremos de la distribución y los límites de tolerancia, no es preciso ningún cálculo suplementario para la aceptación del lote.

- e). El cálculo del promedio, localización de la línea \bar{X} y los límites son necesarios para aquellos lotes en los cuales la diferencia entre los valores extremos de la distribución y los límites de tolerancia sean inferiores a dos casillas. En nuestro ejemplo, se han hecho estas operaciones del cálculo, solamente para efectos ilustrativos.
- f) Una vez registradas las 50 lecturas, en cada casilla de la columna f, se anotarán los totales por horizontales. En el ejemplo, tenemos 10 lecturas para la casilla central (0), 9 y 7 para las siguientes hacia arriba y hacia abajo respectivamente. El total de la columna f debe ser 50.
- g) En la columna d, se escribe un cero enfrente de la casilla de mayor frecuencia en nuestro caso, f = 10, las casillas superiores se numerarán con +1, +2, +3, ... etc., y las inferiores con -1, -2, -3, ... etc.
- h) Se multiplicarán los valores correspondientes de las casillas pertenecientes a las columnas f y d y se colocarán en la casilla fd, conservándose el signo de la operación 1(+5) = 5, 2(+4) = 4, 7(-7) = -7, 5(-2) = -10 sucesivamente. Se sumarán los productos positivos que son de +47 y lo mismo con los negativos que nos dan -36. La diferencia de estas dos sumas es de +11 que se registrará en la casilla Σfd . Si esta diferencia sale cero, significa que la distribución es perfectamente simétrica.

El resultado + 11, indica que el promedio originariamente estimado, era bastante aproxima lo, siendo necesaria una pequeña rectificación (11/50) para determinar la verdadera media. Por lo tanto, se anotará 0,22 en la casilla d. La línea X, está situada por encima del centro de la casilla d=0 a una distancia de 0.22.

i) En la columna Recorrido se expresa la dispersión en sentido vertical de las casillas, registrándose en número de casillas, para cada grupo de 5 medidas.

Por ejemplo, el recorrido de la primera muestra es de 6 casillas, pero el valor del recorrido será de 5 casillas, ya que se comienza a contar partiendo de 0.

El recorrido de la segunda muestra, es de 10 casillas (0-9) y se registrará en la columna Recorrido un 9, así sucesivamente hasta el décimo grupo.

Para hallar el \bar{R} , se suman todos los valores de Recorridos y se dividen entre 10.

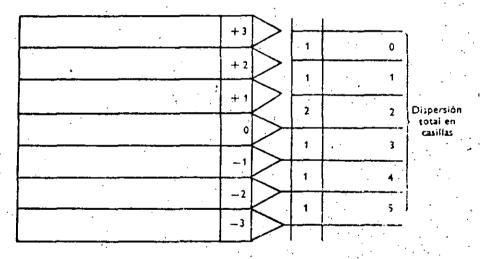


Figura 7-2

El \bar{R} multiplicado por la constante 1,3 da el valor 7,02 en essillas que es el valor de 3σ . Este valor 7,02 es la distancia a partir de la limba \bar{X} , a que se encuentran, en número de casillas, los límites de variación LVE y LVI.

j) La interpretación de nuestro ejemplo es la siguiente: Como la distancia que separa los límites LVS o LVI y los límites de tolerancia respectivos, es más de dos casillas, se acepta el lote.

ACEP. BECHAZO DEVOLUCION N. PIEZAS CONTROL DE CALIDAR

ESTIMACION DEL PORCENTAJE DEFECTUOSO EN EL LOT SI LOS LIMITES DE VARIACION ESTAN FUERA DE LOS LIMITE DE TOLERANCIA

En el cuadro 7-2, tenemos otro ejemplo calculado de forma idéntic al anterior, sin embargo, observemos que el valor de 3 σ es de 6.4 casilla y así hace que los límites de variación caigan por encima y por debaj de los límites de tolerancia. Esto prueba que aunque la muestra de 5 observaciones no presenta desectuosas, existen muchas probabilidade

de que se hallen piezas desectuosas en el lote.

La estimación se hace mediante la siguiente operación: se calcula e número de casillas comprendido entre el límite de variación y el límite de tolerancia (en caso de que las dos líneas límites de la muestra caigar fuera de los límites de tolerancia, se calcula separadamente según el número de casillas que se distancien en cada lado), dividiendo por el valor de 3 ; se lee este valor cociente en la columna Número casillas entre límite. y en la siguiente veremos el porcentaje defectuoso estimado para el lote

En el ejemplo del cuadro 7-2, vemos que la distancia entre el límite superior de variación y el límite de tolerancia superior es aproximadamente de 1,2 casillas. Dividiendo por 6,4 (3 o) obtenemos un cociente

de 0,19.

En la columna de Número de casillas entre límites vemos que para un valor de 0,19 le corresponde en la siguiente columna un porcentaje estimado de 0,7 % aproximadamente. (Sin interpolar, podríamos decir que la estimación está comprendida entre 0,5 % y 0,8 %.) Por otro lado, la distancia entre el límite de variación inferior y el límite de tolerancia inferior, es de 2,2 casillas, dividiendo 2,2 por 6,4 obtenemos el cociente de 0,34; el porcentaje estimado en el lote suera de la tolerancia inserior, será aproximadamente 2,4% según nos indican las columnas antes mencionadas.

En este ejemplo, se ve que la fabricación está centrada con respecto a los límites de tolerancia, pero se presenta la dificultad de estrechar la variabilidad en el proceso. Técnicamente, si no es posible localizar el fallo o mejorar la calidad, deben separarse los productos defectuosos por inspección 100 %.

6. DISTRIBUCION ASIMETRICA

Cuando la representación gráfica de 50 unidades del lote presenta una marcada asimetría o truncamiento lateral, es decir, que la distribución no tiene la forma de la curva normal como los casos anteriores, el procedimiento para el cálculo de los límites de variación debe ser modificado.

GRAFICO PARA MUESTREO LOTES POR VANIABLES ACEP. O RECHA Devolución N.+ Piezas.

La finalidad de esta modificación, es evitar los riesgos de aceptar un lote malo o rechazar uno bueno, motivado por la asimetria.

En este caso, no se calcula ni el Recorrido ni el promedio X. Se coloca d=0 en la frecuencia mayor que se denomina Gesilla modal y se traza una línea en el centro de esta casilla modal. Se llenan las columnas f y a como en los casos anteriores y se hallan las columnas fd y fd^2 en sus respectivas casillas.

Para calcular los límites de variación de la representación gráfica, se estiman tratando cada mitad de la distribución separado meste y como si correspondiera a una distribución normal.

En vista de que ambos límites de variación caca d.a.. rancias, se acepta el lote sin más interpretación.

7. DISTRIBUCION TRUNCADA DEL LOTE

En el siguiente ejemplo, se ve que la distribución de presenta una forma normal, por lo cual es necesario una modificación en los cálculos

No se calculan los recorridos y promedio \bar{X} . Se identifico la casile modal y se calculan los valores fd^2 solamente de un lado, en nuestro ejem plo, el opuesto al lado del truncamiento del lote. La suma de los valores para esta parte, se calcula anadiendo una mitad del número de la casilla modal (22 + 8,5 = 30,5).

El límite inferior de variación se obtiene mediante el siguiente cálculo

$$3 \sigma = 3\sqrt{\frac{\Sigma f d^2}{\Sigma f}} = 3 (1.93) = 5.8$$

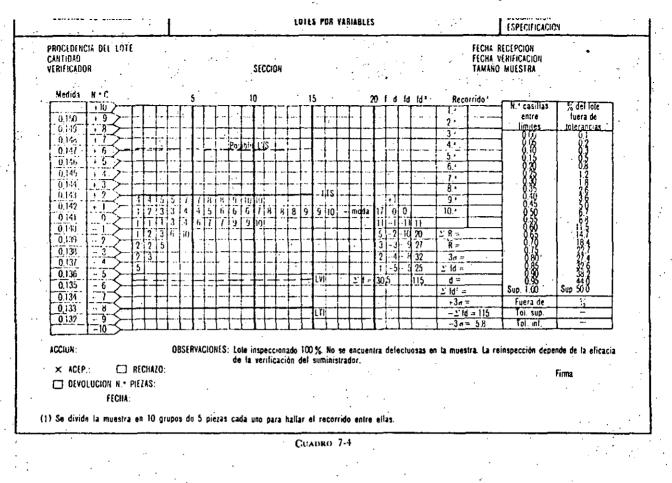
o sea, debajo de la casilla modal se localiza 5,8 casillas.

La distribución truncada indica que el suministrador ha seleccionade el lote eliminando las piezas que superaban la tolerancia superior.

En la inspección 100 % siempre cabe la posibilidad de que el suministrador no consiga una efectividad absoluta; a pesar de que en la muestra de 50 piezas no se haya registrado una sola pieza fuera de las especificaciones.

Si el suministrador no tiene una buena inspección 100 %, es probable que en un lote grande el número de piezas defectuosas sea de 1 %, aunque no haya ninguna defectuosa en la muestra. En este caso, la decisión sobre la aceptación o inspección 100 %, depende del grado de confianza que tenga el comprador, teniendo en cuenta la experiencia adquirida mediante los suministros anteriores.

El posible límite superior de variación se dibuja en la cacilla 5,8 a partir de la casilla modal para indicar la posible extensión de los defectuosos.



CONTR	OL DE CALI	DAD .								LOTE				EO OE					PIEZA DESCRIPCIO ESPECIFICAC	
ROCED CANTIDI (ERIFIC		OTE .					•	SECCI	ON .									FECHA	RECEPCION VERIFICACION IO MUESTRA	50 + 50 = 100
Medi					5			10		1	5			20	1	d fd	ĺd² R	ecorrido '		٠
	+10				\coprod			-		7		E	H	Ţ		[N.* casiila: entre limites	s % del lote fuera de folerancias
		5			-	F	1	+	+-	+	1		1.	-	-	-	3.	-	0.00	0.1 0.2 0.3
	- - 5	7 <i>1</i> 5 6	7	R 9	4					7-	-	-					5.4			\ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \
·		113	4 3	Ĩ R	10	υΞ		mod	1	1					-		7,4		335	1 2
	1:73	$\frac{2}{3}\frac{2}{5}$	fi H	9	ļ0			- - -	\Box								8.3		- 33	320
	_		6					+	╂-┼	+		+-	+-+				10.4		- 83€	2000 - 10
		3 3		7 B 6 10	ij.	-		inod.						_ -			<u>⊻ R</u>		1 88	18
		2 4	71						-					- -					878	277
	1 5	5 6	9 -				-		 		-					-	<u> - 10</u>		1 635	35.7
			ļ.;;	_					1	-		-		1.			<u> </u>		Sup. 1.(0)	Sup. 50 0
				-		-	1	+	+-+	╁	+	- -	1-4	- -				inita Tid ¹ a	Fuero de Fal sup	
	- -ii <		Ш					11.	LI			I				L		,j .7	fol. inf	I

E3 DEVOLUTION N.º PIEZAS: FEGRA:

(1) Se divido la munetra en 10 grupos de 5 pietas cada une para hallar el recorrido entre ellas

CONTROL ESTADISTICO DE CALIDAD

APLICACION A LA FIABILIDAD Y A PRUEBAS DE DURACION DE VIDA

SEPTIEMBRE, 1985.

16

APLICACIONES A LA FIABILIDAD Y A PRUEBAS DE DURACION DE VIDA

16.1 Introducción

La tarea del diseño y supervisión de la fabricación de un producto se ha idu haciendo cada vez más dificil por el rápido avance en la complicación de los modernos productos, y la dureza y dificultad de las condiciones externas en que debe trabajar el producto fabricado. Ya no se puede limitar un ingeniero a quedar satisfecho si la operación asignada a un producto es técnicamente realizable, o si se le puede hacer trabajar en las condiciones óptimas. En adición a consideraciones tales como costo y facilidad de fabricación, se debe ir poniendo cada vez más atención en lo que se refiere al tamaño y peso, a la facilidad de mantenimiento y a la fiabilidad. La magnitud del problema de mantenimiento y fiabilidad se percibe por las encuestas realizadas, que muestran que, frecuentemente, un alto porcentaje de equipo electrónico para fines espaciales ha quedado en condiciones inoperativas. Las encuestas militares han demostrado, además, que el mantenimiento y la reparación de equipo electrónico cuestan generalmente más que la obtención general del equipo aun durante el primer año de operación.

El problema de asegurar y mantener la fiabilidad tiene muchas facetas, incluyendo el proyecto del equipo original, el control de calidad durante la producción, las pruebas de inspección para su aceptación, ensayos en el campo, pruebas de vida y modificaciones del proyecto. Para hacer aún más complicada la materia, la fiabilidad esta conectada directa o indirectamente con una buena cantidad de otras consideraciones de ingeniería, principalmente costo, complejidad, tamaño y peso, y facilidad de mantenimiento. A pesar de sus complicados aspectos ingenieriles, es posible dar una definición matemática relativamente simple de fiabilidad. Para ilustrar esta definición, llamaremos la atención del lector sobre el hecho de que un producto debe funcionar satisfactoriamente bajo un conjunto dado de condiciones, pero no bajo otras condiciones, y que las características satisfactorias para cierto propósito no aseguran las buenas características para otro. Por ejemplo, un tubo de vacío que es perfectamente satisfactorio para un equipo de radio casero, puede resultar completamente inutil para el sistema de teledirección de un proyectil. De acuerdo con esto, definiremos la fiabilidad de un producto como la probabilidad de que funcione correctamente dentro de limites especificados, al menos durante un cierto periodo de tiempo especificado, y en condiciones externas especificadas. Así, la fiabilidad de un "equipo normal" de cubiertas de automóvil es, aproximadamente, la unidad para un automóvil de pasajeros cuando opera normalmente en 10.000 millas, pero es prácticamente cero si se emplea en las "quinientas millas de Indianapolis".

Como la fiabilidad se ha definido como una probabilidad, el tratamiento teórico de esta materia se basa, esencialmente, en el material introducido en los capítulos anteriores de este libro. Luego, las reglas de probabilidad que indicamos en el capítulo 2 se pueden aplicar directamente al cálculo de la fiabilidad de un sistema complejo, si las fiabilidades de los componentes individuales son conocidas. (Las estimaciones de las fiabilidades de los componentes individuales se obtienen usualmente a partir de pruebas estadísticas de vida, tales como las discutidas en las secciones 16.4 y 16.5.)

Muchos sistemas se pueden considerar como sistemas en serie o en paralelo, o como una combinación de ambos. Un sistema en serie es aquel en el que todas las componentes están interrelacionadas de tal forma que el sistema entero falla si cualquiera de las componentes falla; un sistema en paralelo es aquel que sólo falla si todas sus componentes fallan.

Discutiremos primero un sistema de n componentes conectadas en serie y, supondremos que las componentes son independientes, es decir, que el comportamiento y rendimiento de cualquier parte no afecta la fiabilidad de las demás. En
estas condiciones, la probabilidad de que el sistema funcione está dada por la regla
especial de multiplicación de probabilidades, y tenemos

$$R_* = \prod_{i=1}^n R_i$$

donde R_i es la siabilidad de la i-ésima componente y R_i es la siabilidad del sistema en serie. Esta simple ley del producto de siabilidades aplicable a sistemas en serie

de componentes independientes, demuestra vivamente el efecto del aumento en complejidad sobre la fiabilidad. Si un sistema consta de 5 componentes independientes en serie, cada una con una fiabilidad de 0.970, la fiabilidad del sistema completo es (0.970)¹ = 0.859. Ahora, si la complejidad del sistema se aumenta de forma que contenga 10 componentes similares, su fiabilidad se reducirá a (0.970)¹⁰ = 0.738. Otro aspecto del aumento de la complejidad en la fiabilidad se presenta al considerar que cada una de las componentes en el sistema de 10 debería tener una fiabilidad de 0.985, en lugar de la de 0.970, para que este sistema tuviera una fiabilidad igual al sistema de cinco componentes.

Una forma de incrementar la fiabilidad de un sistema, es cambiar ciertas componentes por componentes similares conectadas en paralelo. Si un sistema consta de n componentes independientes conectadas en paralelo, sólo fallará si las n componentes fallan. Entonces, si $P_i = 1 - R_i$ es la "infiabilidad" de la i-ésima componentes, podemos aplicar otra vez la regla especial de multiplicación de probabilidades para obtener

$$F_{\bullet} = \prod_{i=1}^{n} F_{i}$$

donde F_p es la infiabilidad del sistema en paralelo, y $R_p = 1 - F_p$ es la fiabilidad del sistema en paralelo. Entonces, para sistemas en paralelo, tenemos una ley del producto de infiabilidades análoga a la ley del producto de fiabilidades de los sistemas en serie. Escribiendo esta ley de otra forma, tenemos

$$R_{p} = 1 - \prod_{i=1}^{n} (1 - R_{i})$$

que expresa la fiabilidad de un sistema en paralelo.-

Las dos fórmulas básicas de la fiabilidad de sistemas en serie y en paralelo se pueden usar en combinación para calcular la fiabilidad de un sistema que tenga tantos componentes en serie como en paralelo. Para ilustrar este cálculo, consideremos el sistema dibujado en la figura 16.1, que consiste en ocho componentes que

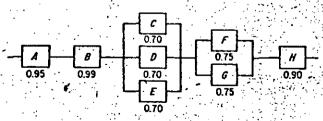


Fig. 16.1 Confiabilidad de sistemas

tienen las fiabilidades indicadas. El sistema en paralelo C, D, E se puede cambiar por una componente equivalente C que tenga la fiabilidad $1 - (1 - 0.70)^3 = 0.973$, sin afectar con ello la fiabilidad del sistema completo. Similarmente, el con-

junto en paralelo F, G se puede cambiar por una sola componente F' que tenga fiabilidad $1 - (1 - 0.75)^2 = 0.9375$.

El sistema en serie resultante A, B, C', F', H es equivalente al sistema original y tiene la fiabilidad

$$(0.95)(0.99)(0.973)(0.9375)(0.90) = 0.772.$$

16.2 Distribuciones del tiempo de fallo

De acuerdo con la definición de fiabilidad dada en la sección anterior, la fiabilidad de un sistema o de una componente dependerá del tiempo que haya estado en servicio. Entonces, la distribución del tiempo en que se produce el fallo de una componente, en condiciones externas dadas, resulta de la mayor importancia. Una forma muy útil de caracterizar esta distribución es por medio de su tasa instantánea de fallos (o averías) asociada, definida de la manera siguiente: Si f(t) es la densidad de probabilidad del tiempo de fallo de una componente dada, esto es, la probabilidad de que una componente falle entre los instantes t y t + Δt , está dada por f(t) Δt , entonces, la probabilidad de que la componente falle en el intervalo de 0 a t está dada por

$$F(t) = \int_0^t f(x) \, dx$$

y la función de fiabilidad, que expresa la probabilidad de que sobreviva al instante e, está dada por

$$R(t) = 1 - F(t)$$

Luego, la probabilidad de que la componente falle en un intervalo de tiempo de t a $t + \Delta t$ está dada por $F(t + \Delta t) - F(t)$, y la probabilidad condicional de fallo en este intervalo dado que la componente sobrevivió al tiempo t, está dada por

$$\frac{F(t+\Delta t)-F(t)}{R(t)}$$

Dividiendo entre Δt , obtenemos la tasa media de fallos en el intervalo de t a $t + \Delta t$, dado que la componente sobrevivió el tiempo t:

$$\frac{F(t+\Delta t)-F(t)}{\Delta t}\cdot\frac{1}{R(t)}$$

Tomando el límite cuando $\Delta t \rightarrow 0$, obtenemos la tasa instantúnea de fallos (o averias), o simplemente tasa de fallos:

$$Z(t) = \frac{F'(t)}{R(t)}$$

donde F'(t) es la derivada de F(t) con respecto a t. Finalmente, observando que f(t) = F'(t) (ver página 66), tenemos la relación

$$Z(t) = \frac{f(t)}{R(t)} = \frac{f(t)}{1 - F(t)}$$

que expresa la tasa de fallos en función de la distribución del tiempo de fallo.

En la figura 16.2 se muestra una curva de tasa de falles que es típica en muchas piezas fabricadas. La curva se encuentra dividida convenientemente en tres partes. La primera parte se caracteriza por una tasa de fallos decrecientes y representa el periodo durante el cual fallan las partes pobremente fabricadas. (Es común en la industria electrónica "quemar" componente antes de su uso real para eliminar fallos demasiado prematuros.) La segunda parte, que se caracteriza por una tasa de

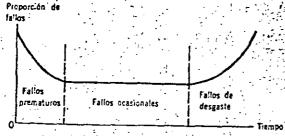


Fig. 16.2 Curva típica de razón de falta

fallos constante, se considera normalmente como el periodo de vida útil durante el cual sólo ocurren fallos ocasionales. La tercera parte se caracteriza por una tasa de fallos creciente y representa el periodo durante el cual las componentes fallan primordialmente porque están gastadas. Nótese que la misma curva genera de tasa de fallos es típica de la mortalidad humana, en la que la primera parte representa la mortandad infantil y, la tercera, corresponde a la mortandad de gente de edad avanzada.

Obtendremos ahora una importante relación entre la densidad del tiempo de fallo es función de la tasa de fallos. Puesto que R(t) = 1 - F(t) y, por lo tanto, F'(t) = -R'(t), podemos escribir

$$Z(t) = -\frac{R'(t)}{R(t)}$$

$$= -\frac{d[\ln R(t)]}{dt}$$

Resolviendo esta ecuación diferencial para R(t), obtenemos

$$R(t) = e^{-\int Z(x) dx}$$

y empleando la relación $f(t) = Z(t) \cdot R(t)$, encontramos, finalmente,

$$f(t) = Z(t) \cdot e^{-\int_{a}^{t} Z(s) ds}$$

Como se ve en la figura 16.2, se supone frecuentemente que la tasa de fallos es constante durante el periodo de vida util de una componente. Denotando esta constante tasa de fallos por α , donde $\alpha > 0$, y substituyendo Z(t) por α en la fórmula de f(t), obtenemos

$$f(t) = \alpha \cdot e^{-\alpha t} \qquad t > 0$$

Luego, observamos que la distribución del tiempo de fallo en una distribución exponencial si podemos considerar que la tasa de fallos es constante. Por esta razón, la hipótesis de tasa de fallos constante se llama algunas veces "hipótesis exponencial". Interpretando el tiempo hasta que se produce el fallo como un tiempo de espera, podemos emplear los resultados de la sección 5.3 para llegar a la conclusión de que la presencia de fallos es un proceso de Poisson, si una componente que falla se reemplaza inmediatamente con una nueva que tenga la misma constante tasa de fallos α . Como observamos en la página 85, el tiempo medio de espera entre fallos sucesivos es $1/\alpha$,o sea el recíproco de la tasa de fallos. Por consiguiente, la constante $1/\alpha$ recibe el nombre de tiempo medio entre fallos y se abrevia escribiendo MTBF.

Hay situaciones en las que la hipótesis de una tasa de fallos constante no nos da una representación real, y en muchas de estas situaciones podemos suponer que la función de tasa de fallos crece o decrece "suavemente" con el tiempo. En otras palabras, se supone que no hay discontinuidades o puntos de cambio de tendencia. Esta hipótesis debe ser consistente con los estados inicial y final de la curva de tasa de fallos mostrada en la figura 16.2.

Para aproximar tales curvas de tasa de fallos, se emplea frecuentemente la siguiente función

$$Z(t) = \alpha \beta t^{s-1} \qquad t > 0$$

donde α y β son constantes positivas. Notese la generalidad de esta función: si $\beta < 1$ la tasa de fallos disminuye con el tiempo; si $\beta > 1$ la tasa crece con el tiempo; y si $\beta = 1$ la tasa es igual α . Notese que la hipótesis de una tasa de fallos constante, la hipótesis exponencial queda incluida como un caso particular.

Si substituimos la expresión anterior para Z(t) en la fórmula de f(t) en la página 366, obtenemos

$$f(t) = \alpha \beta t^{\theta-1} e^{-\alpha t} \qquad t > 0$$

siendo α y β constantes positivas. Llamamos a esta densidad, o distribución, distribución Weibull, y discutiremos su aplicación a problemas en pruebas de duración de vida en la sección 16.5.

16.3 El modelo exponencial de fiabilidad

Si hacemos la hipótesis exponencial sobre la distribución del tiempo de fallo: podremos encontrar algunos resultados muy útiles con respecto al MTBF, tiempo medio entre fallos, de sistemas en serie y en paralelo. Para emplear las leyes de productos de la sección 16.1, tenemos que encontrar una relación que exprese la fiabilidad de una componente en función de su tiempo de servicio t. Partiendo del hecho de que

$$R(t) = 1 - F(t) = 1 - \int_0^t f(t) dt$$

obtenemos

$$R(t) = 1 - \int_0^t \alpha e^{-\alpha z} dz = e^{-\alpha z}$$

para la función de fiabilidad del modelo exponencial. Entonces, si una componente tiene una tasa de fallos de 0.05 por mil horas, la probabilidad de que puede sobrevivir al menos 10,000 horas de operación es $e^{-(0.05110)} = 0.607$.

Supongamos ahora que un sistema consta de n componentes conectadas en serie, y que estas componentes tienen las tasas de fallos $\alpha_1, \alpha_2, \ldots, y$ α_n respectivamente. La ley del producto de fiabilidades se puede escribir entonces en la forma

$$R_{\epsilon}(t) = \prod_{i=1}^{n} e^{-at} = e^{-\left(\frac{\hat{z}}{\omega}a_{i}\right)t}$$

y se puede ver que la función de fiabilidad del sistema en serie también satisface la hipótesis exponencial. La tasa de fallos del sistema de esta serie entera, se identi-

fica inmediatamente con $\sum_{i=1}^{\infty} \alpha_i$, suma de las tasas de fallos de sus componentes. Como el MTBF es el reciproco de la tasa de fallos cuando cada componente que falla se cambia inmediatamente por otro que tenga idéntica tasa de fallos, obtenemos la formula

$$\mu_{a} = \frac{1}{\frac{1}{\mu_{1}} + \frac{1}{\mu_{2}} + \dots + \frac{1}{\mu_{a}}}$$

expresando μ_n el MTBF de un sistema en serie en función de las μ_i que son las MTBF de sus componentes. En el caso especial en que todas las n componentes tengan la misma tasa de fallos α y, por consiguiente, la misma MTBF, μ_n la tasa de fallos del sistema es $n\alpha$, y el MTBF del sistema es $1/n\alpha = \mu/n$.

Para sistemas en paralelo, los resultados no son tan simples. Si un sistema tiene n componentes en paralelo, con las tasas de fallos respectivas α_i , α_i , α_n , la "infiabilidad" del sistema en el tiempo t está dada por

$$F_p(l) = \prod_{i=1}^n (1 - e^{-\alpha l})$$

En consecuencia, la distribución del tiempo de fallo de un sistema en paralelo no es exponencial aunque cada una de sus componentes cumpla la hipótesis exponencial. La función de tasa de fallos del sistema se puede obtener por medio de la fórmula $Z_{\bullet}(t) = F'_{\bullet}(t)/R_{\bullet}(t)$

pero el resultado es muy complicado. Notemos, sin embargo, que la tasa de fallos del sistema no es constante, sino que depende de t, "edad" del sistema.

El tiempo medio de fallo de un sistema en paralelo también es difícil de encontrar, en general, pero, en el caso especial en que todas las componentes tengan la misma tasa de fullos a, se puede obtener un resultado útil e interesante, En este caso especial, la función de fiabilidad del sistema es

$$R_{p}(t) = 1 - (1 - e^{-\sigma t})^{n}$$

$$= {n \choose 1} e^{-\alpha t} - {n \choose 2} e^{-2\alpha t} + \dots + (-1)^{n-1} e^{-n\alpha t}$$

después de haber utilizado la fórmula del binomio para desarrollar $(1 - e^{-\epsilon t})^2$. Luego, haciendo uso del hecho de que $f_p(t) = -R_p'(t)$, obtenemos

$$f_p(t) = \alpha \binom{n}{1} e^{-\alpha t} - 2\alpha \binom{n}{2} e^{-2\alpha t} + \ldots + (-1)^{n-1} n\alpha e^{-n\alpha t}$$

y la media de la distribución del tiempo de fallo está dada por

$$\mu_{p} = \int_{0}^{\infty} t \cdot f_{p}(t) dt$$

$$= \alpha \binom{n}{1} \int_{0}^{\infty} t e^{-at} dt - 2\alpha \binom{n}{2} \int_{0}^{\infty} t e^{-2at} dt + \dots$$

$$+ (-1)^{n-1} n\alpha \int_{0}^{\infty} t e^{-aat} dt$$

$$= \frac{1}{\alpha} \binom{n}{1} - \frac{1}{2\alpha} \binom{n}{2} + \dots + (-1)^{n-1} \frac{1}{n\alpha}$$

Se puede probar, por inducción, que esta expresión es equivalente a

$$\mu_{r} = \frac{1}{a}\left(1+\frac{1}{2}+\ldots+\frac{1}{n}\right)$$

En consecuencia, si un sistema en paralelo consta de n componentes que tienen idéntica tasa de fallos α , el tiempo medio entre fallos del sistema es

$$\left(1+\frac{1}{2}+\ldots+\frac{1}{n}\right)$$

veces el MTRF de sus componentes, supuesto que cada componente defectuosa se reemplaza siempre que el sistema en paralelo completo falla. Luego, si usamos dos componentes en paralelo en lugar de una, el tiempo medio de fallo de la pareja excede al de la componente unica en un 50%, en lugar de ser el doble. En general, la formula anterior para μ_n expresa una ley bastante exigente cuando se trata de disminuir los fallos introduciendo partes en paralelo.

Para itustrar cómo se pueden emplear las fórmulas obtenidas en esta sección en el proyecto de sistemas, consideremos nuevamente el sistema de la figura 16.1. Suponiendo que el modelo sigue la ley exponencial y que las fiabilidades están dadas por 10 horas de operación, podemos calcular la tasa de fallos de la componente A resolviendo la ecuación $0.95 = e^{-i\alpha}$ para α , y obtenemos $\alpha = (5.1)10^{-2}$ fallos por hora, ó 5.1 fallos por 1.000 horas. Las tasas de fallos de las ocho componentes (en fallos por 1.000 horas) aparecen en la siguiente tabla:

Para calcular el tiempo medio de fallo del sistema completo, obtenemos primero los tiempos medios de fallo de los conjuntos en paralelo C, D, E, y, F, G, respectivamente. Para C, D, E, tenemos $\mu_{CDB} = \frac{1}{35.7} \left(1 + \frac{1}{2} + \frac{1}{3}\right) = 0.051$ por miles de horas o 51 horas; para F, G tenemos $\mu_{FG} = \frac{1}{28.8} \left(1 + \frac{1}{2}\right) = 0.052$ por miles de horas, o 52 horas. Aunque los dos conjuntos en paralelo no tienen tasas de fallos constantes, podemos aproximar éstas a 1/0.051 = 19.6 y 1/0.052 = 19.2 fallos por mil horas y tratar el sistema completo como un sistema en serie. Luego, la tasa de fallos del sistema está dada, aproximadamente, por 5.1 + 1.0 + 19.6 + 19.2 + 10.5 = 55.4 fallos por miles de horas y el tiempo medio de fallo del sistema es, aproximadamente. 1/55.4 = 0.018 por miles de horas ó 18 horas.

EJERCICIOS

- Un sistema consta de 5 componentes identicos conectados en paralelo. ¿Cuál debe ser la fiabilidad de cada componente para que la fiabilidad del sistema completo sea 0.99?
- 2. Una serie de luces para árbol de navidad tiene 10 foquitos conectados en serie. ¿Cuál debe ser la fiabilidad de cada foquito si debe haber un 90% de oportunidades de que la serie sirva después de un año de almacenamiento?
- 3. Un sistema consta de 5 componentes conectadas como se indica en la figura 16.3 Hallar

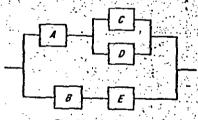


Fig. 16.3 Problema

la fiabilidad total del sistema si las fiabilidades de A, B, C, D y E son, respectivamente 0.99, 0.95, 0.95 y 0.98.

- 4. Supongamos que un hombardero de una base se puede considerar como un sistema formado por 3 componentes principales: A (avión), B (piloto) y C (base). Supongamos, además, que la componente B se puede considerar como un subsistema en paralelo formado por B₁ (piloto). B₂ (copiloto) y B₂ (navegante); y C como un subsistema en paralelo formado por C₁ (hase) y C₂ (aeropuerto alterno). En unas condiciones dadas de combate, las componentes de fiabilidad A, B₁, B₂, C₁, y C₂ (definidas como las prohabilidades de que puedan contribuir al logro de la misión del bombardero y su retorno a salvo) son, respectivamente, 0.75, 0.95, 0.90, 0.10, 0.85 y 0.50.
 - (a) ¿Cuál es la fiabilidad del sistema?
 - bien entrenado, de tal forma que la fiabilidad del sistema de tener como navegante a un pilotobien entrenado, de tal forma que la fiabilidad de B. aumente de 0.10 a 0.907

- (c) Si la tripulación del bombardero no tuviera copiloto, ¿cuál sería el efecto de aumentar la fiabilidad de B₂ de 0.10 a 0.90?
- 5. Como se indicó en el texto, hay una distinción entre fallos iniciales, fallos casuales durante la vida útil del producto y fallos por desgaste. Supongamos que, para un producto dado, la probabilidad de un fallo inicial (un fallo anterior al tiempo $t = \alpha$) es θ_1 , la probabilidad de un fallo por uso (fallo después del tiempo $t = \beta$) es θ_2 , y que, para el intervalo $\alpha < t < \beta$, la densidad del tiempo de fallo está dada por

$$f(t) = \frac{(1-\theta_1-\theta_2)}{\beta-\alpha}$$

- (a) Hallar una expresión de F(t) para el intervalo $\alpha \le t \le \beta$.
- (b) Demostrar que, para el intervalo $\alpha \le t < \beta$, la tasa de fallos está dada por

$$Z(t) = \frac{1-\theta_1-\theta_2}{(\beta-\alpha)(1-\theta_1)-(1-\theta_1-\theta_2)(t-\alpha)}$$

- (e) Supongamos que el fallo de una cubierta de automóvil se considera como fallo inicial si ocurre durante las primeras 500 millas y un fallo por uso si ocurre después de las 10.000 millas. Suponiendo que el modelo dado en este ejercicio sirve para este caso y que θ₁ y θ₂ son 0.03 y 0.85, respectivamente, dibujar la gráfica que la función de tasa de fallos desde t = 500 hasta t = 10.000. Notese que t es el número de millas, en lugar del tiempo.
- 6. En algunos problemas de fiabilidad nos interesan solamente los (altos iniciales, tratando una componente como si (para propósitos prácticos) nunca fallara, una vez que ha sobrevivido un cierto tiempo f = α. En un problema como éste, es razonable emplear la tasa de fallos

$$Z(t) = \begin{cases} \beta \left(1 - \frac{t}{\alpha}\right) & \text{para } 0 < t < \alpha \\ 0 & \text{de otra manera} \end{cases}$$

- (a) Hallar las expresiones de f(t) y F(t).
- (b) Demostrar que la probabilidad de un fallo inicial está dado por

$$1-e^{-\alpha\beta/2}$$

- Cierta componente tiene una distribución de vida exponencial con una tasa de faltos de α = 0.0025 faltos por hora.
 - (a) ¿Cuál es la probabilidad de que la componente falle durante las 400 primeras horas de su operación?
 - (b) ¿Cuál es la probabilidad de que dos de tales componentes sobrevivan (ambas) las primeras 200 horas de operación?
 - . Un transistor tiene una tasa de fallos constante de 0.01 per 1,000 horas.
 - (a) ¿Cuál es la probabilidad de que trabaje satisfactoriamente, por lo menos durante 25,000 horas?
 - (b) ¿Cuál es la fiabilidad a 10,000 horas de un circuito que tiene 5 de estos transistores conectados en sene?
- 9. Un sistema consta de 5 componentes diferentes conectados en serie. Hallar el MTBF del sistema si los 5 componentes tienen distribuciones exponenciales del tiempo de fallo con tasas de fallos de 1.2, 1.6, 1.8, 1.0 y 1.5 fallos por mil horas, respectivamente.

- 10. Un sistema formado por varios componentes idénticos en paralelo ha de tener una tasa de fallos por hora de 10⁻⁴ a lo más. ¿Cuál es el número menor de componentes que se deben emplear si cada uno tiene una tasa de fallos constante de 2.5 × 10⁻⁴ por hora?
- Cierta parte tiene una distribución exponencial de vida con una vida media (MTBF de 500 horas.
 - (a) ¿Cuál es la probabilidad de que esa parte dure al menos 600 horas?
 - (b) ¿Cuál es la probabilidad de que, entre tres de esas partes, al menos una falle durante las primeras 400 horas?
 - (e) ¿Cual es la probabilidad de que, entre cuatro de esas partes fallen exactamente dos durante las primeras 300 horas?
- 12. Si una componente tiene la distribución del tiempo de fallo de Weibull con parametros $\alpha = 0.01 \text{ y } \beta = 0.50$, hallar la probabilidad de que trabaje correctamente, por lo menos durante 10,000 horas.
- 13. En las secciones 16.2 y 16.3 supusimos que los productos de los que nos ocupabamos estaban en operación continua. En consecuencia, los modelos discutidos en esas secciones no nos sirven cuando queremos investigar la capacidad de tubos electrónicos para resistir sucesivas sobrecargas de voltaje, el resultado que dan interruptores que se encienden y se apagan repetidas veces, o la capacidad de un somier para resistir cargas repetidas en una prueba de fatiga. En cada uno de estos casos puede ocurrir el fallo en el x-ésimo ensayo $\{x=1,2,\ldots\}$ y generalmente se supone que la probabilidad de fallo en dicho ensayo es igual a una constante p, ya que la unidad no ha fallado antes de este ensayo.
 - (a) Demostrar que la probabilidad de fallo en el x-ésimo ensayó está dada por

$$f(x) = p(1-p)^{r-1}$$

para x = 1, 2, ..., por que a esta distribución de probabilidad se le da generalmente el nombre de distribución geométrica?

(b) Hallar F(x) para la distribución de probabilidad obtenida en la parte (a)

(c) ¿Cuál es la prohabilidad de que un tubo electrónico sobreviva a 20 sobrecargas de vultaje, si en este caso sirve el modelo anterior y la probabilidad constante de fallo considerada como resultado de cualquiera de las sobrecargas es p = 0.08?

16.4 El modelo exponencial en tests de duración de vida

Un método efectivo y profusamente usado para resolver problemas de fiabilidad es el de los tests de duración de vida. Para estos tests se selecciona de un lote una muestra aleatoria de n componentes, se somete al test en las condiciones externas especificadas, y el tiempo de fallo de las componentes individuales se anota. Si cada componente que falla se cambia inmediatamente por una nueva, el test de duración de vida resultante se llama test con remplazamiento; en caso contrario, se llama test sin remplazamiento. Siempre que la vida media de las componentes sea tan grande que no resulte práctico, o realizable económicamente, probar cada componente hasta el fallo, el test de duración de vida será truncada, es decir, quedará terminada después de los primeros r fallos $(r \le n)$, o después que han transcurrido un período fijo de tiempo.

Un método especial usado frecuentemente cuando se desean resultados rápidos para componentes de alta fiabilidad, es el de test de duración de vida acelerada. En este tipo de test, las componentes se someten a condiciones externas más duras que

las que se encuentran normalmente en la práctica. Esto hace que las componentes fallen más rápidamente y, así, podemos reducir drásticamente tanto el tiempo requerido para la prueba como el número de componentes que se deben probar. Los tests de duración de vida acelerada se pueden utilizar para comparar dos o más, tipos de componentes, con el objeto de obtener una afirmación rápida de cuál es el más fiable. Algunas veces, se hace una experimentación preliminar para determinar la relación entre la proporción de fallos que se pueden esperar en condiciones normales y en niveles diversos de condiciones externas aceleradas. Los métodos de las secciones 12.4 y 14.2 se pueden aplicar a la determinación de "curvas de desaceleración", que relacionan la fiabilidad de la componente con la dureza de las condiciones externas en que opera.

En el resto de esta sección supondremos que sirve el modelo exponencial, es decir, que la distribución del tiempo de fallo de cada componente está dada por

$$f(t) = \alpha \cdot e^{-\alpha t} \quad t > 0, \alpha > 0$$

En lo que sigue, suponemos que se prueban n componentes, se corta la prueba de vida después de que un número fijo, r ($r \le n$), de componentes ha fallado, y que los tiempos de fallo observados son $t_1 \le t_2 \le \ldots \le t_n$. Ahora estimaremos y contrastaremos hipótesis sobre la vida media de la componente, o sea $\mu = 1/\alpha$.

Empleando la teoria desarrollada en el artículo de B. Epstein, mencionado en la bibliografía, se puede demostrar que los estimadores insesgados de la vida media de la componente son de la forma

$$a = \frac{T_r}{T_r}$$

donde Tr es la vida acumulada en el test hasta que ocurre el r-ésima fallo y, por lo tanto.

$$T_r = \sum_{i=1}^r t_i + (n-r)t_i$$

para tests sin remplazamiento y

$$T_r = nt_r$$

para tests con remplazamiento. Notese que, si el test es sin remplazamiento y r = n**a** es, simplemente, la media de los tiempos de fallo observados.

Para hacer inferencias referentes a la vida media μ de la componente, partimos de que $2T_r/\mu$ es un valor de una variable aleatoria que tiene distribución x-cuadrado con 2r grados de libertad (véase la referencia a B. Epstein en la bibliografía). Con la expresión apropiada que substituya a T_n esto es verdad independientemente de si el test se hace con, o sin, remplazamiento. Luego, en cada caso se obtiene un intervalo de confianza bilatero dado por

$$\frac{2T_r}{x!} < \mu < \frac{2T_r}{x!}$$

donde xi y xi cortan las colas izquierda y derecha de área $\alpha/2$ bajo la curva de distribución x-cuadrado, con 2r grados de libertad. (Problema 6 de la página 356.)

El test de la hipótesis nula de que $\mu = \mu_0$, se puede basar en la distribución muestral de $2T_r/\mu_0$, utilizando la expresión adecuada de T_r que dependerá de si la prueba se hace, o no, con remplazamiento. Entonces, si la alternativa es $\mu > \mu_0$, rechazamos la hipótesis nula a un nivel de significación a cuando $2T_r/\mu_0$ excede a χ_0^2 , o sea, μ

$$T_r > \frac{1}{2} \mu_c \chi_a^2$$

donde χ_{s}^{2} , se debe determinar para 2r grados de libertad, como se definió yá en la página 139. En los problemas 2 y 3 de la página 380, el lector deberá construir y desarrollar tests semejantes correspondientes a la hipótesis alternativa

Un procedimiento alternativo de tests de duración de vida consiste en interrumpir la prueba cuando ha transcurrido un tiempo fijo de vida T, y tratando el número de fallos k observados, como valor de una variable aleatoria. (En el caso especial, y muy importante, en que n unidades se someten a test con remplazamiento, se prueban con cambio, durante cierto tiempo t^* , tenemos $T=nt^*$.) Independientemente de si la prueba es con remplazamiento o sin él, se obtiene un intervalo de confianza de aproximado a un nivel $1-\alpha$, de la vida media de la componente dado por

$$\frac{2T}{x^{\frac{1}{4}}} < \mu < \frac{2T}{x^{\frac{1}{4}}}$$

Aquí x^2 corta la cola derecha de área $\alpha/2$ bajo la distribución x-cuadrado, con 2k + 2grados de libertad, mientras que x^2 corta la cola izquierda de área $\alpha/2$ balo la distribución x-cuadrado, con 2k grados de libertad.

Para ilustrar algunos de los métodos presentados en esta sección, consideremos el ejemplo siguiente. Supongamos que se somete a test la vida de 50 unidades (sin remplazamiento) y que los tests se truncan después de que r = 10 de ellas han fallado. Suponemos, además, que los 10 primeros fallos se producen con tiempos de 65, 110, 380, 420, 505, 580, 650, 840, 910 y 950 horas. Así que, n = 50, r = 10,

$$T_{10} = (65 + 110 + ... + 950) + (50 - 10)950$$

= 43.410 horas

y estimamos la vida media de la componente en $\alpha = \frac{43,410}{10} = 4341$

horas. La tasa de fallos α se estima en $1/\alpha = 0.00023$ fallos por hora, δ 0.23 fallos por mil horas. Además se tiene un intervalo de confianza para μ , dado por

$$\frac{2(43,410)}{31,410} < \mu < \frac{2(43,410)}{10.851}$$

 $2764 < \mu < 8001$

Supongamos que también se desea utilizar la muestra anterior para contrastar si la tasa de fallos es de 0.40 fallas por mil horas, frente a la alternativa de que sea menor. Esto es equivalente a contrastar la hipótesis nula $\mu=1000/0.40=2500$ horas, frente a la alternativa de que $\mu>2500$ horas. Empleando un nivel de significado de 0.05, encontramos que el valor crítico de T_{10} para este test está dado por $\frac{1}{2}(2500)(31.410)=39.263$ horas y, como esto es menos que el valor observado $T_{10}=43$, 410, la hipótesis nula debe rechazarse. Llegamos así a la conclusión de que el tiempo medio de vida excede de 2500 horas o, lo que es lo mismo, que la tasa de fallos es menor que 0.40 fallos por mil horas.

16.5 El modelo Weibull en tests de duración de vida

Aunque los tests de duración de vida de componentes, durante el periodo de vida útil se basa generalmente en el modelo exponencial, ya hemos indicado que la tasa de fallos de una componente puede no ser constante en el periodo bajo investigación. En algunas ocasiones, el periodo de fallo inicial puede ser tan grande, que el uso más importante de la componente se presenta durante este periodo y, en otras ocasiones, el propósito principal de un test de duración de vida puede ser el de determinar el tiempo de los fallos por uso, en lugar de el de fallos casuales. En tales casos, el modelo exponencial no se aplica en general, y es necesario substituirlo por una hipótesis más general que la de la constancia de la tasa de fallos.

Como indicamos en la página 343, la distribución de Weibull describe adecuadamente los tiempos de fallo de las componentes cuando su tasa de fallos aumenta o disminuye con el tiempo. Tiene los parámetros α \hat{y} $\hat{\beta}$, y su fórmula está dada por

$$f(t) = \alpha \beta t^{\beta - 1} e^{-\alpha t} \qquad t > 0, \alpha > 0, \beta > 0$$

y de aquí se deduce (problema 11 de la página 356) que la función de fiabilidad asociada con la distribución de Weibull está dada por

$$R(t) = e^{-t}$$

Demostramos, también, en la página 367 que la tasa de fallos que conduce a la distribución de Weibull está dada por

$$Z(l) = \alpha \beta l^{l-1} \qquad \qquad \bullet$$

La diversidad de formas que puede tomar una gráfica de densidad de Weibull es muy amplia, dependiendo, en primer lugar, del valor del parámetro β . Como ilustramos en la figura 16.4, la curva de Weibull es asintótica a ambos ejes y con gran tendencia hacia la derecha para valores de β menores de 1; es idéntica a la de la densidad exponencial para $\beta = 1$, y tiene forma de campana, pero asimétrica, para valores de β mayores que 1.

La media de la distribución de Weibull con parámetros a y a, se puede obtener resolviendo la integral

$$\mu = \int_0^{\infty} 1 \cdot \alpha \beta V^{t-1} e^{-\frac{\alpha t}{2}} dt$$

Haciendo el cambio de variable $u = at^{\beta}$, obtenenios

$$\mu = \alpha^{-1/\theta} \int_0^{\infty} u^{1/\theta} e^{-u} \, du$$

Como esta integral es $\Gamma\left(1+\frac{1}{\beta}\right)$, encontramos que el tiempo medio de fallo del modelo de Weibull es

$$\mu = \alpha^{-1/\beta} \Gamma \left(1 + \frac{1}{\beta} \right)$$

El lector deberá demostrar, en el ejercicio 12 de la página 356, que la varianza de esta distribución está dada por

$$\sigma^2 = \alpha^{-1/\theta} \left\{ \Gamma \left(1 + \frac{2}{\beta} \right) - \left[\Gamma \left(1 + \frac{1}{\beta} \right) \right]^2 \right\}$$

A veces, es difícil estimar los parametros α y β de la distribución de Weibull. Aunque existen métodos analíticos para estimar estos parametros, implican la solución de sistemas de ecuaciones trascendentes y no se exponen aquí. En su lugar, se describirá un método más rápido y más utilizado, basado en una técnica gráfica.

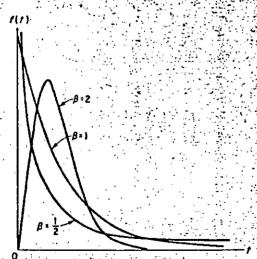


Fig. 16.4 Funciones de densidad de Weibull ($\alpha = 1$)

Para ello, partiremos de que la función de fiabilidad de la distribución de Weibull se puede transformar en una función lineal de In t por medio de una transformación logarítmica doble. Tomando el logaritmo natural de R(t), obtenemos

$$\ln R(t) = -\alpha t^{\delta} \qquad \text{o} \qquad \ln \frac{\sqrt{1}}{R(t)} = \alpha t^{\delta}$$

Tomando otra vez logaritmos tenemos

$$\ln \ln \frac{1}{R(t)} = \ln \alpha + \beta \cdot \ln t$$

y se puede ver que el segundo miembro es lineal en In t.

Para estimar α y β , necesitamos estimaciones de R(t) para varios valores de t. y el procedimiento usual es situar n unidades en el test de vida y observar sus tiempos de fallo. Si la i-ésima unidad falla en el tiempo t, estimamos F(t) = 1 - R(t) por el mismo método que en la pagina 104, es decir, utilizamos el estimador

$$F(\widehat{t}_i) = \frac{i-1/2}{n}$$

Antes de seguir adelante, es costumbre verificar si es realmente razonable emplear el modelo de Weibull. Para este fin, marcamos puntos de coordenadas t_i y $F(t_i)$ en papel gráfico especial cuyas escalas están transformadas de tal modo que las divisiones en el eje horizontal son proporcionales a $\ln \ln \frac{1}{1 - F(t)}$. Si los puntos quedan aproximadamente en línea recta, se puede suponer que la distribución del tiempo de fallo es del tipo Weibull. Los parámetros α y β de esta distribución se pueden estimar, entonces, aplicando los métodos de regresión lineal del capítulo 12 para ajustar 1 una línea recta a los datos transformados.

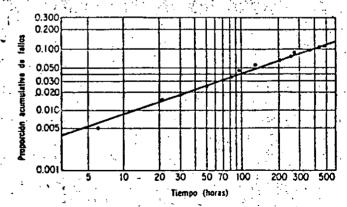


Fig. 16.5 Distribución tiempo-fallas de Weihull.

Para ilustrar este procedimiento, consideremos el siguiente ejemplo numérico. Supongamos que se somete a test la duración de la vida de 100 componentes en 500 horas y que los tiempos de fallo de las 12 componentes que fallan durante este tiempo son las siguientes: 6, 21, 50, 84, 95, 130, 205, 260, 270, 370, 440 y 480 horas.

Estos puntos están marcados en la figura 16.5 en las escalas transformadas descritas anteriormente y se puede ver que quedan, aproximadamente, en una línea recta.

Los parametros a y B estimados se calculan por el método de mínimos cuadrados aplicado a los puntos transformados (x_n, y_i) , dende

$$x_i = \ln t_i,$$

$$y_i = \ln \ln \frac{1}{1 - F(t_i)}$$

Asl, en nuestro ejemplo numérico, obtenemos

	$\widehat{F(u)}$	••	4	24	y i
-	0.005		6	1,79	-5.30
	0.015		21	3.04	-4.20
•	0.025		50 .	3.91	-3.68
	0.035		81	4.43	-3.33
	0.045		95	4.55	-3.08
	0.055		30 - 1	4.87	-2.87
	0.065		U 5	5.32	-2.70
- 1	0.075		60	5.56	- 2.55
	0.085		70	5.60	-2.42
	0.095		70	5.91	-2.30
-	0.105		40	6.09	-2.20
	0.115		80 .	6.17	-2.10
•	0.113	4	ω.	0.14	~ 2.10

y, por los métodos de la sección 12.1, la línea de regresión es

$$y = -6.44 + 0.71x$$

Notese que, al calcular los valores de y., es conveniente emplear la aproximación $\frac{1}{1-z} \simeq \ln z$ (problema 13 de la página 356) para valores pequeños de $F(\hat{t}_i)$.

Entonces, el parámetro 8 de la distribución de Weibull considerada se estima en $\beta = 0.71$, y α se estima en $\alpha = e^{-6.44} = 0.0016$. De aquí deducimos que el tiempo medio de fallo se estima en

$$A = (0.0016)^{-1/0.71} \Gamma \left(1 + \frac{1}{0.71} \right)$$

que es. aproximadamente, 11 000 horas. También, se pueden obtener los valores de la tasa de fallos substituyendo t en

$$Z(t) = (0.0016)(0.71)t^{-0.29}$$

Como $\hat{\beta} < 1$, la tasa de fallos decrece con el tiempo. Después de una hora (t = 1), las unidades fallan con una tasa de (0.0016) (0.71) = 0.00114 unidades por hora y después de 1000 horas la tasa de fallos ha disminuido a (0.00114)(1000) -0.30 = 0.00015 unidades por hora.

- 1. En un test de duración de vida con remplazamientos, se pusieron 20 poqueños motores eléctricos en funcionamiento continuo y los cinco primeros fallos ocurrieron a las 22, 37
 - (a) Suponiendo un modelo exponencial, construir un intervalo de confianza a nivel de 0.99 para la vida media de estos motores.
 - (b) Para comprobar la afirmación del fabricante de que la vida media de estos motores es, al menos, de 500 horas, contrestar la hipótesis nula u = 500 frente a una alternativa adecuada, de tal forma que el peso de la prueba se haga sobre el fabricante Emplear $\alpha = 0.05$.
- Se somete a un test la vida de 100 unidades y cada unidad que falla se cambia inmedia tamente. El test se detiene después de haber fallado 10 unidades. Si el décimo fallo ocutrió a las 580 horas.
 - (a) Construir un intervalo de confianza el nivel de 0.95 para la vida media de las uni-
 - (b) Contrastar, con un nivel de significación de 0.05, si la vida media es, o no, menor de 8.000 horas.
- 3. Para investigar el tiempo promedio de fallo de cierta parte de un avión sometida a vibraciones continuas, se sometieron ocho de tales partes a condiciones externas especificadas y sus tiempos de fallo fueron 112, 160, 174, 210, 238, 380, 315 y 360 horas.
 - (a) Suponiendo un modelo exponencial, construir un intervalo de confianza a un nivel de 0.95 para la vida media de esta parte.
 - (b) Suponiendo un modelo exponencial, contrastar la hipótesis nula de que la vida media de la parte sometida a las condiciones externas dadas es de 3(X) horas, frente a la hipótesis alternativa de que u = 300 horas. Emplear un nivel de significación
- Se someten a test las vidas de 20 unidades sin remplazamiento y el test se trunca después de cinco fallos. Si los cinco primeros fallos ocurrieron a las 156, 179, 212, 350 y 485
 - (a) Hallar un intervalo de confianza a un nievi de 0,90 de la tasa de fallos de estas unidades.
 - (b) Contrastar la hipotesis nula de que la tasa de fallos es 0.0005 fallos por hora, frente a la alternativa de que es menos de 0.0805, empleandó un nivel de significación
- En los tests de duración de vida, nos interesa, a veces, establecer limites de tolerancia para la vida de un componente (ver sección 155); en particular, puede interesarnos un limite de tolerancia unilateral le, para el cual podamos asegurar, con un grado de confianza $1-\alpha$ que, al menos, 100-P por ciento de las componentes tienen una vida que excede de l'. Empleando el modelo exponencial, se miede demostrar que se obtiene una buena aproximación con

$$t^a = \frac{-2T_r(\ln P)}{\chi_a^2}$$

donde T, se definió, en la página 349, y el valor de $\hat{\chi}_{a}^{2}$ se puede obtener en la tabla V con 2r grados de libertad.

(a) Utilizando los datos del problema I, establecer un tímite de tolerancia inferior nara el que se pueda afirmar, con un grado de confianza de 0.95, que es sobrepasado, al menos, por el 80% de las vidas de los motores.

356

- (h) Empleando los datos del ejercicio 3, establecer un limite inferior de telerareia puna
- et que se pueda afirmar, con un grado de confianza de 0.99, que es sobregasado, at menos, por el 90% de las vidas de las partes de avica consideradas.

 6. Partiendo de que 27./u es un valor de una variable alexaria que tiene distribución a se
- Partiendo de que 2T_r/μ es un valor de una variable alestoria que tiene distribución acuadrado con 2r grados de libertad, obtener el intervalo de confianza para μ dado en la página 349.
- 7./ Se hizo un test de duración de vida de 1,000 horas de una muestra de 500 capacitores de alta fiabilidad y no hubo fallos; en el tiempo de la prueba. Hallar un límite de confiamza inferior a un nivel de 0.95 de la vida media de los capacitores.
- R. Se someten a un test a 200 aparatos y los tiempos de fallo (en horas) de los 16 primeros que fallan son: 0.7, 1.4, 1.9, 3.0, 5.5, 8.0, 17.5, 26.0, 44.0 y 80.0. Seponiendo una discribución de Weibull del tiempo de fallo estimar los parametros or y β, así como la tassa de fallos a las 100 horas. ¿Cómo se compara este valor de la tasa de fallos em el que hubiéramos obtenios, tomando un modelo exponencial?
- 9. Para investigar las características de una componente de un cohete, un laboratorio somete a un test de duración de vida a 50 de las componentes (sin remplazamiento) en condiciones exteriores especificadas; y los, 10 primeros fallos se presentan a los 18, 36, 43, 53, 71, 90, 106, 127, 149 y 165 minutos. Utilizando el modelo de Weibull, estimar la vida media de la componente. ¿Cómo se puede comparar este vator con la vida media que hubicinamos obtenido, sunomendo un modelo exponencial?
- 10. Usando las estimaciones de los parametros del medejo de Weibull obtenidas en el profisiema 9, estimar la probabilidad de que este tipo de componente de proyectil trabaje saxisfactorismente, por lo menos durante 100 minutos.
- Demostrar que la función de fiabilidad asociada con la distribución del tiempo de fallo de Weibull, está dada por

$$R(t) = e^{-st}$$

- 12. Obtener la fórmula de la varianza de la distribución de Wejbull dada en la ragina 377.
- 13. Demostrar que $\ln \ln \frac{1}{1-z}$ se puede aproximar por $\ln z$ para valures poqueños de z.

| Sugerencia: notese que $\frac{1}{1-x} = 1+x+z^2+z^3$... para |z| < 1, y emplear la serie de Melaurin para $\ln (1+x)$.]



DIVISION DE EDUCACION CONTINUA FACULTAD DE INGENIERIA U.N.A.M.

CONTROL ESTADISTICO DE CALIDAD

ASEGURAMIENTO TOTAL DE LA CALIDAD

0

CONTROL TOTAL DE CALIDAD

Ing. Rubén Téllez Sánchez

SEPTIEMBRE, 1985

CONTENIDO

1.	INTRODUCCION	PAG - 1
2.	FILOSOFIA	- 1
3.	ELEMENTOS, CARACTERISTICAS Y BENEFICIOS	- 2
4.	METODOLOGIA PARA EL MEJORAMIENTO CONTINUO DE LOS PROCESOS	- 4
5.	INTRODUCCION E IMPLANTACION DEL ASEGURA- MIENTO TOTAL DE LA CALIDAD EN UNA ORGANI- ZACION	- 17

ASEGURAMIENTO TOTAL DE LA CALIDAD O CONTROL TOTAL DE CALIDAD

1. INTRODUCCION ·

En paralelo con el concepto de Circulos de Calidad, se ha venido desarrollando otra filosofía conocida como Aseguramiento Total de la Calidad o Control Total de Calidad. Si bien es cierto que sus enfoques son distintos en cuanto a la forma en que se introducen y aplican en una organización, también lo es el hecho de que tanto sus raíces como sus objeti---vos finales son los mismos. La metodología de solución de --problemas difiere ligeramente en cada caso, sin embargo, las técnicas y herramientas de análisis que utilizan practicamente coinciden.

Los dos conceptos no sólo pueden coexistir dentro de una organización, sino que son complementarios, y si se coordinan adecuadamente, pueden acelerar la obtención de resultados, y por ende, el cumplimiento de sus objetivos.

2. FILOSOFIA

Las dos premisas o pilares en que se fundamenta la - filosofía y escencia del Aseguramiento Total de la Calidad son:

- 1) Cualquier operación o actividad de trabajo debe verse co--mo un PROCESO.
- 2) La persona más importante relacionada con un proceso es el CLIENTE.

De esta forma el Aseguramiento Total de la Calidad puede definirse como:

El estilo de trabajo basado en una metodología opera tiva, y totalmente comprometido con el continuo mejo ramiento en la calidad de los productos y servicios para maximizar la satisfacción de los clientes.

3. ELEMENTOS Y CARACTERISTICAS.

Los elementos operativos fundamentales del Asegura-miento Total de la Calidad son:

- a) ENFOQUE en el continuo mejoramiento de los procesos.
 - Cualquier actividad es un proceso.
 - Empleo de datos y métodos científicos de análisis.
 - Su meta es alcanzar la perfección.
- b) REQUIERE de participación universal.
 - Todas las personas pueden y deben practicarlo independientemente de su posición y funciones.
 - Debe aplicarse en todas partes en una organización.
 - Necesita, y a la vez propicia, un trabajo en equipo efectivo.
- c) PRODUCE la satisfacción de los clientes.
 - Excediendo sus necesidades y espectativas.
 - Eliminando las preocupaciones de clientes externos e internos.

Las CARACTERISTICAS principales del Aseguramiento Total de la Calidad que complementan su definición, pueden sintetizarse de la siguiente manera:

- 1) Representa una alternativa para generar nuevas ideas y utilizar enfoques diferentes que rompan con la peligrosa costumbre de hacer las cosas siempre de la misma forma.
- 2) Ofrece una metodología estructurada para identificar y resolver problemas en lugar de vivir "apagando fuegos".
- 3) Para resultar convincente y exitoso en una organización, requiere antes que nada el compromiso y evidencia de ser aprendido y utilizado por los directivos de más alto ni-

- vel, y continuar su expansión hacia abajo hasta llegar al último de los empleados.
- 4) Utiliza conceptos y técnicas de control estadístico como soporte a la toma de decisiones encaminada al mejoramiento de los procesos.
- 5) Es una solución permanente que en forma paulatina se convierte en un estilo de vida.

Los BENEFICIOS internos y externos que ofrece la aplicación del Aseguramiento Total de la Calidad en un sistema productivo, se ilustran en la siguiente figura:

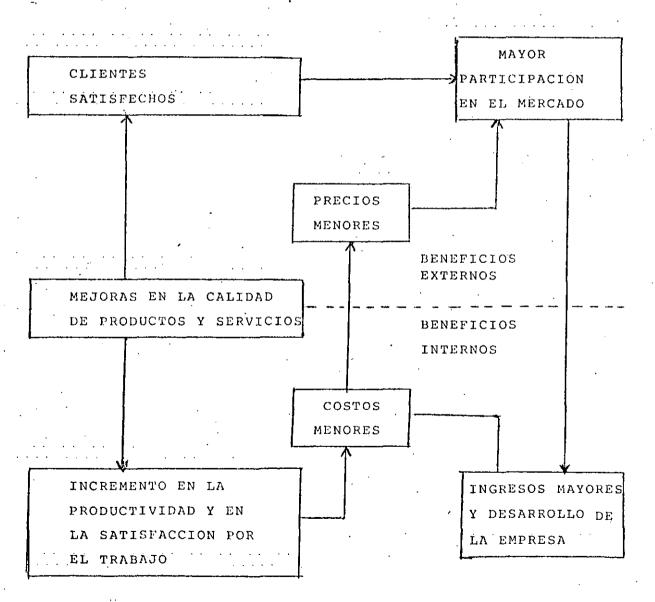


FIGURA 1. BENEFICIOS INTERNOS Y EXTERNOS DEL ASEGURAMIENTO TOTAL DE LA CALIDAD.

4. METODOLOGIA PARA EL MEJORAMIENTO CONTINUO DE LOS PROCESOS

El Aseguramiento Total de la Calidad asume cualquier función operativa o actividad, es un proceso con un propósito determinado y cuya misión primordial es satisfacer los requerimientos de sus clientes. En este contexto, el papel que juega el Aseguramiento Total de la Calidad, consiste en asegurar el contínuo mejoramiento en la calidad de los procesos y sus resultados para garantizar el cumplimiento de la misión.

El mejoramiento contínuo en los procesos, solamente se puede lograr con un mecanismo de monitoreo y retroalimentación también contínuo.

Esquematicamente, el sistema puede conceptualizarse de la siguiente forma:

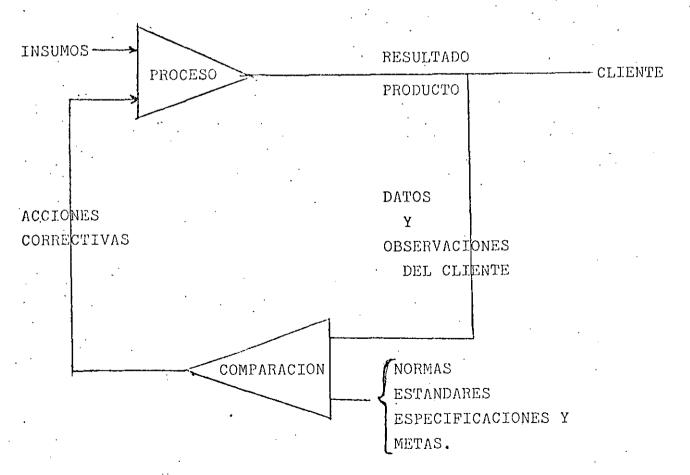


FIGURA 2. SISTEMA DE MONITOREO Y RETROALIMENTACION EN EL ASEGURAMIENTO TOTAL DE LA CALIDAD.

La metodología propuesta para la aplicación del Aseguramiento Total de la Calidad queda representada por el siguiente DIAGRAMA DE FLUJO.

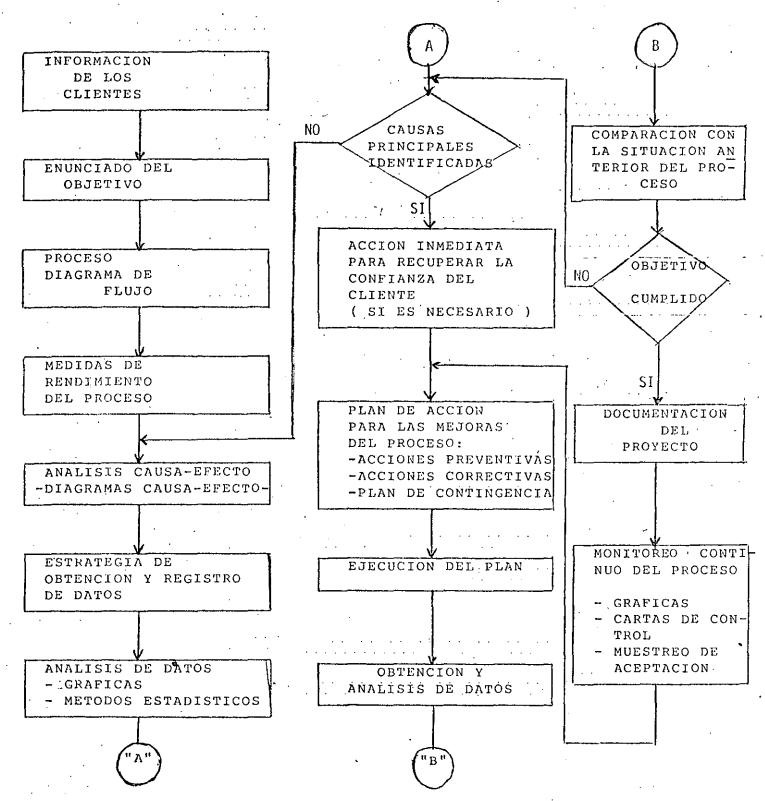


FIGURA.- 3: METODOLOGIA DEL ASEGURAMIENTO TOTAL DE LA CALIDAD.

El modelo anterior muestra la secuencia teórica o idealizada de pasos para el mejoramiento contínuo de algún proceso. Sin embargo, en una situación real es probable que sea necesario: utilizar solamente una parte del modelo; repetir algunos pasos hasta obtener resultados satisfactorios; aplicar el modelo con una secuencia diferente; o bien, iniciar el proyecto en alguno de los pasos intermedios. Por todas estas razones, el modelo debe considerarse como una guía susceptible de ser modificada para su aplicación en cada caso particular.

A continuación se describen brevemente los pasos de la metodología.

1. INFORMACION DE LOS CLIENTES.

La evidencia más clara de que existe un problema (o la necesidad de mejorar algún proceso) se manifiesta cuando los clientes externan inconformidad con respecto al cumpli—miento de sus necesidades y requerimientos. Por ello, es de vital importancia mantener un contacto contínuo con los clientes para conocer su nivel de satisfacción.

Una forma efectiva de conocer los comentarios de los clientes, consiste en enviarles periodicamente encuestas sencillas que les permitan opinar acerca de la calidad de los productos y servicios que reciben.

2. ENUNCIADO DEL OBJETIVO.

Este paso es el equivalente a la especificación del PROBLEMA en otras metodologías. Básicamente, la diferencia consiste en que en lugar de contruir un enunciado que defina el problema, se construye un enunciado del objetivo o resultado que debe lograrse para eliminar el problema implícito en la información del cliente. Al igual que en el caso de ótras metodologías (por ejemplo la utilizada por Círculos de Calidad), el enunciado debe ser lo mas preciso posible para evitar desviaciones en el estudio y su consecuente desperdicio de tiempo y recursos

El enunciado del objetivo debe incluir tres ingre-dientes fundamentales:

- a) UN INDICADOR DE CAMBIO y/o DIRECCION. Por ejemplo: mejorar, incrementar, reducir, minimizar, etc.
- b) UN INDICADOR DE CALIDAD. Por ejemplo: duración, precisión, exactitud, número de errores, número de defectos, tiempo de espera, puntualidad, número de quejas, tiempo de respuestas, etc.
- c) EL PROCESO GENERADOR DEL PRODUCTO O SERVICIO PARA EL CLIENTE.

Con el objeto de esclarecer la idea de cómo escribir un enunciado del objetivo, a continuación se presentan algu-nos ejemplos:

- Mejorar el tiempo de respuesta en el servicio de consultoría por teléfono.
- Mejorar la precisión de los pronósticos relacionados con las futuras ventas del producto X.
- Reducir los errores de traducción de los manuales operativos.
- Reducir el tiempo de espera de los clientes en las ventanillas de pago.
- Minimizar el número de defectos durante la manufactura de tarjetas de memoria para computadora.
- Mejorar la puntualidad del servicio médico en las visitas domiciliarias a los pacientes.
- Mejorar la puntualidad en la entrega de los estados de cuenta a los clientes.
- Incrementar el número de proyectos dentro del programa a-

nual de investigación de la DEPFI.

- Reducir el número de estudiantes que interrumpen indefinidamente sus estudios de postgrado.
- Incrementar el número de titulados en la maestría de Investigación de Operaciones.

En el último ejemplo se tiene:

INDICADOR DE CAMBIO = Incrementar
INDICADOR DE CALIDAD = Número de titulados
PROCESO = Maestría en Investigación de Operaciones.

Finalmente, conviene enfatizar que el enunciado del objetivo debe reflejar la respuesta a la preocupación del - cliente, y por ello es indispensable construirlo en base a la información que él (o ella) proporciona, en combinación con el conocimiento y experiencia de trabajo del responsable del proyecto.

3. PROCESO.

Este paso consiste en identificar con mayor detalle el proceso involucrado en el enunciado del objetivo, y representarlo mediante un diagrama de flujo indicando las partes escenciales que lo componen y su interrelación secuencial.

Se ha estimado que el 85% de los problemas que impactan una empresa se deben al sistema de trabajo, y únicamente el 15% está relacionado con la gente que maneja dicho sistema. De aquí el enfoque del Aseguramiento Total de la Calidad hacia el mejoramiento de los procesos.

Proceso se define como: el conjunto de acciones o pasos para lograr un resultado específico. Como complemento de esta definición, puede afirmarse que "cualquier cosa que incluya actividades (o elementos) de entrada y salida, puede caracterizarse como un proceso".

Algunos ejemplos de procesos son:

- La maestría de Investigación de Operaciones de la DEPFI.
- Un estudio de mercado.
- El reclutamiento de personal.
- El servicio de mantenimiento de algún equipo.
- Algún curso o entrenamiento.
- La aplicación del Aseguramiento Total de la Calidad.
- La inscripción escolar.
- La compra de un automóvil.
- La educación de un niño.
- El ensamble de una pieza mecánica.

Las tres características fundamentales de un proceso son:

- 1) Puede representarse gráficamente con un diagrama de flujo.
- 2) Su rendimiento o desempeño puede ser medido.
- 3) Puede ser mejorado mediante la alteración sistemática de sus componentes e interrelaciones.

Las ventajas y beneficios principales que se obtienen con el empleo del DIAGRAMA DE FLUJO como herramienta de aná-

lisis son:

- Proporciona una imagen total del proceso.
- Muestra las funciones y relaciones de los diferentes departamentos involucrados.
- Ayuda a uniformizar el entendimiento de las personas y refuerza el concenso para la toma de decisiones.
- Facilita la identificación de: áreas con problemas críticos; complejidad innecesaria; y, puntos donde se pueden tomar acciones correctivas, o de simplificación.
- Ayuda a realizar una preselección de los eventos que producen mayor impacto en el rendimiento del proceso.
- Representa una excelente técnica de documentación y estandarización.

NOTA: Al construir el diagrama de flujo, debe ponerse especial cuidado en representar la "situación actual" del proceso, con el objeto de no distorsionar los siguientes pasos de la metodología. Vale la pena resaltar este comentario porque existe la tendencia natural de reflejar inconscientemente en el diagrama, los cambios que a juicio del responsable eliminarían la problemática bajo estudio.

4. MEDIDAS DE RENDIMIENTO DEL PROCESO.

Una vez conocido el proceso, es necesario identificar los indicadores de calidad que proporcionen información acerca del rendimiento del proceso como un todo (implícito en el enunciado del objetivo), así como del rendimiento de algunos pasos relevantes que lo conforman. Esto se logra mediante la definición de las medidas de rendimiento del proceso.

Para estar en posibilidad de implantar mejoras en un proceso, es indispensable conocer su situación actual en forma objetiva a través de datos obtenidos en base a mediciones y experimentos.

La medida de rendimiento del proceso se define como: una medida de la calidad de un proceso.

Una medida de rendimiento de un proceso se compone de dos partes:

- 1) UN INDICADOR DE CALIDAD. Generalmente expresado en términos de cantidad, duración, exactitud, eficiencia o eficacia.
- 2) SU UNIDAD DE MEDICION: Por ejemplo: Semanas, días, horas, minutos, número de casos, porcentajes, etc.

Ejemplos de Medidas de Rendimiento de un Proceso:

- Número de transacciones procesadas por mes.
- Cantidad de horas para reparar un equipo desde su recepción.
- Cantidad de errores mecanográficos por cuartilla.
- Porcentaje de unidades sin defectos.
- Minutos de espera para recibir atención.
- Porcentaje de estudiantes titulados.
- Número de facturas equivocadas.

Para escribir medidas de rendimiento de un proceso, significativas y que sean de utilidad, se recomienda:

1) Tomar en cuenta la información de los clientes para cono-

cer los criterios con que evalúan la calidad de los productos y servicios.

- 2) Determinar el indicador de calidad de tal suerte que refleje afinidad tanto a los comentarios de los clientes, como al enunciado del objetivo.
- 3) Seleccionar la unidad de medición que permita realizar con facilidad las actividades de obtención y registro de datos, así como el monitoreo de la medida de rendimiento de un proceso.

5. ANALISIS CAUSA-EFECTO.

Esta parte de la metodología tiene exactamente el mismo propósito que el análisis causa-efecto realizado por los - Círculos de Calidad, y se aplica prácticamente de la misma -- forma empleando el DIAGRAMA CAUSA-EFECTO creado por el Dr. - Ishikawa. La única diferencia, es que en lugar de representar al problema, el EFECTO debe formularse con el INDICADOR Y EL PROCESO estipulados en el enunciado del objetivo.

Por tal motivo, en el contexto del Aseguramiento Total de la Calidad, el Diagrama Causa-Efecto se define como: Una herramienta utilizada para organizar las causas o factores potenciales que producen el efecto o resultado observado.

También se puede considerar válida esta definición cuando el proyecto consista en la creación de un nuevo proceso, en cuyo caso se diría: Una herramienta utilizada para organizar las causas o factores potenciales que producirán el efecto o resultado deseado.

Los beneficios sobresalientes que aporta el empleo de este diagrama dentro de la metodología propuesta por el Aseguramiento Total de la Calidad son:

1) Junto con las medidas de rendimiento de un proceso, faci-

lita la creación de una estrategia adecuada para la ob-tención y registro de los datos.

- 2) Ayuda a no perder de vista la idea central de mejoramien--to contínuo en los procesos.
- 3) Presenta en forma visual el conjunto de factores (causas) potenciales que pueden ser investigados y actualizados.

6. ESTRATEGIA DE OBTENCION Y REGISTRO DE DATOS.

Básicamente, la estrategia consiste en definir:

- 1) CUALES datos se requieren, considerando las medidas de rendimiento del proceso y el análisis Causa-Efecto como guía principal para determinar los diferentes tipos de datos.
- 2) QUE CANTIDAD de datos debe obtenerse en función a un estudio de muestreo y estratificación de la información.
- 3) COMO se recolectarán los datos con la ayuda de métodos de medición y diseño de experimentos.
- 4) CUANDO deben obtenerse los datos tomando en cuenta las características del proceso para determian períodos de medición.
- 5) QUIENES serán los responsables de la recolección y registro de los datos.
- 6) QUE FORMATOS deberán diseñarse y emplearse para documentar convenientemente los datos.

7. ANALISIS DE DATOS.

Se lleva a cabo fundamentalmente con el empleo de diferentes tipos de gráficas y métodos estadísticos para interpretar los datos y sacar conclusiones al respecto. El resultado del análisis debe indicar cuáles son las acciones preventivas y correctivas que deben ejecutarse para lograr el cumplimiento del enunciado del objetivo.

Algunas de las herramientas más utilizadas en este paso son: DIAGRAMA DE PARETO, SERIES DE TIEMPO, HISTOGRAMAS, GRAFICAS CIRCULARES, GRAFICAS LINEALES, DIAGRAMAS DE DISPERSION Y ANALISIS DE REGRESION.

8. ACCION INMEDIATA PARA RECUPERAR LA CONFIANZA DEL CLIENTE.

Se ha incluido este paso dentro de la metodología por la importancia que reviste en una situación real de negocios. Cuando se presenta un problema grave con alguno de los clientes, que pudiera inclusive poner en riesgo la relación comercial, no hay duda que la aplicación del Asegura—miento Total de la Calidad para eliminar este tipo de problemas, es efectiva. No obstante, el desarrollo de la metodología lleva algún tiempo hasta producir los resultados deseados, y muchas veces la insatisfacción del cliente es tan grande que no puede esperar hasta que los procesos hayan —cambiado y queden excentos de provocar nuevamente el problema. Por ello, se recomienda tomar una acción inmediata para resolver (aunque sea en forma temporal) el problema del —cliente y recuperar su confianza.

El siguiente caso ejemplifica la aplicación de este paso de la metodología:

Supóngase que un cliente ha comprado un sistema de cómputo para automatizar el manejo y control de la información en su empresa. Debido a una falta en el proceso de mantenimiento preventivo de su equipo, un día la computadora queda fuera de servicio y su reparación no puede iniciar inmediata-

mente por falta de algunas refacciones que tienen que traerse del extranjero.

Además de iniciar un proyecto empleando el Aseguramiento Total de la Calidad para corregir en forma definitiva
la falta en el proceso de mantenimiento, debe tomarse una acción inmediata para evitar alguna medida drástica por parte del cliente, como pudiera ser la cancelación y retorno del sistema de cómputo.

Algunas alternativas son:

- 1) Prestarle algún equipo que le dé servicio mientras su máquina queda reparada.
- 2) Ofrecerle el procesamiento de sus sistemas en un computador propio (o inclusive de algún otro cliente) hasta que su equipo quede reparado.
- 3) Garantizar la compostura del equipo en un tiempo mínimo de X días, a pesar de tener que efectuar cualquier esfuerzo extraordinario para conseguir las refacciones a la brevedad posible.

Considerando que los pasos restantes del MODELO son prácticamente autoexplicativos, y que su aplicación depende en gran medida del tipo de proceso bajo estudio, se señalan algunos puntos importantes al respecto:

- Una vez acordado el PLAN DE ACCION e iniciada su ejecución, es indispensable tomar datos y analizarloscon el propósito de verificar que estén sucediendo los cambios planeados para el proceso.
- La COMPARACION (o evaluación) constante de la situación presente con la original (cuando se inició el estudio) en base a las medidas de rendimiento del proceso garantiza el cumplimiento del objetivo.

- La importancia de DOCUMENTAR el desarrollo del proyecto, estriba fundamentalmente en la creación de un vehículo efectivo de comunicación que aporta dos beneficios: el primero es permitir que cualquier persona ajena al proyecto se familiarice rápidamente con sus detalles; y el segundo, consiste en ayudar a la difusión e institucionalización de la filosofía del Aseguramiento Total de la Calidad.

El ciclo completo de la aplicación del Aseguramiento Total de la Calidad puede ilustrarse de la siguiente manera:

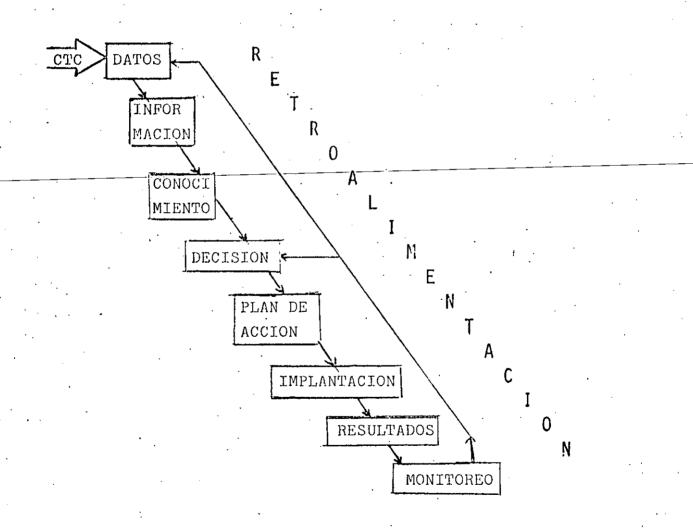


FIGURA 4. CICLO COMPLETO DEL ASEGURAMIENTO TOTAL DE LA CALIDAD O CONTROL TOTAL DE LA CALIDAD (CTC)

5. INTRODUCCION E IMPLANTACION DEL ASEGURAMIENTO TOTAL DE LA CALIDAD EN UNA ORGANIZACION.

Como en el caso de los Círculos de Calidad del Aseguramiento Total de la Calidad en una organización no es cosa sencilla, sino que requiere de un convencimiento absoluto por parte de sus dirigentes, y de una buena estrategia para tener éxito.

Una guía que ha dado buenos resultados para estructurar dicha estrategia se presenta a continuación:

1) APOYO DE LA DIRECCION

- . Crear un comité directivo.
 - Proporcionar los recursos necesarios.
 - Establecer medidas de rendimiento para la organización como un todo.
- Estructurar la estrategia general para conseguir la información de los clientes.
 - Utilizar el Aseguramiento Total de la Calidad en sus funciones.
 - Demostrar compromiso con hechos.

2) RECURSOS

- Asignar un gerente de Aseguramiento Total de la Calidad.
- Formar instructores de Aseguramiento Total de la Calidad.
- Promover Círculos de Calidad.

3) ENTRENAMIENTO

- Participación activa de directores y gerentes durante el entrenamiento.
- Iniciar con los niveles altos y continuar hacia abajo.
- Es más importante la práctica que la teoría.
- Medir la efectividad del entrenamiento.

4) PROMOCION, RECONOCIMIENTO E INSTITUCIONALIZACION.

- Eventos que comuniquen y estimulen los esfuerzos invertidos en el Aseguramiento Total de la Calidad.
- Actividades de promoción y reconocimiento a las personas.
- Incluir el Aseguramiento Total de la Calidad en los criterios de evaluación y premiación.
- Medir y monitorear de cerca el progreso del Aseguramiento Total de la Calidad.

CONTROL ESTADISTICO DE CALIDAD

TAMAÑO DE LA MUESTRA

M.EN I.AUGUSTO VILLARREAL A.

SEPTIEMBRE, 1985

4. TAMAÑO DE LA MUESTRA

Por: M en I Augusto Villarreal Aranda

INTRODUCCION

Dentro de un plan de muestreo, cuando ya se ha establecido la característica (o características) a estimar, así como el nivel de confianza y el grado de precisión requeridos, se debe decidir cuál debe ser el tamaño de la muestra o número de elementos a seleccionar por el procedimiento de muestreo que vaya a emplearse, en forma tal que los resultados que se obtengan no sean en exceso costó sos o imprecisos.

Una vez que se ha fijado el error máximo admisible, que representa la precisión mínima que se exige tengan los resultados, así como el nivel de confianza $P_{K}=1-\alpha$, se requiere conocer además, en la forma más precisa posible, la variabilidad de la población,

ya que cuanto más dispersos estén los valores de la variable asociada a ella más arriesgado será el utilizar una muestra de tamaño pequeño.

A continuación se expondrá el procedimiento para seleccionar el tamaño de muestra más adecuado en el caso del muestreo aleatorio simpleo irrestrictamente aleatorio (sin remplazo). Más adelante se estudiarán los métodos para calcular el tamaño de la muestra para otros procedimientos de muestreo.

4.1 Tamaño de una muestra aleatoria simple (Medias)

En este caso se trata de estimar la media μ de una población con variable aleatoria asociada X mediante el empleo del promedio aritmético \overline{X} , obtenido de una muestra aleatoria de tamaño n con un error máximo admisible absoluto e y un nivel de confianza P_K . Es natural que a la probabilidad P_K le corresponderá un cierto valor de desviación K, obtenido a partir de la desigualdad de Chebyshev, o bien considerando a K como el número de desviaciones estándar para una distribución normal o para una t de Student.

El procedimiento para obtener el tamaño de la muestra se fundamen ta en el hecho de que

$$P + \overline{X} - K\sigma_{\overline{X}} \leq \mu \leq \overline{X} + K\sigma_{\overline{X}} \} = P_{K} = 1 - \alpha$$

o sea que con probabilidad o nivel de confianza P_K se puede asequrar que el valor de μ de una población se encuentra dentro del

 $(1-\alpha)$ % de los intervalos formados a partir de muestras de tamaño n, de la forma siguiente

$$(\overline{X} - K\sigma_{\overline{X}}, \overline{X} + K\sigma_{\overline{X}})$$

Lo anterior implica que los límites de confianza del P $_{K}$ % para estimar a μ son

$$\overline{X} \pm K\sigma \overline{x}$$

es decir, que el error en la estimación del valor de μ es, en valor absoluto,

|error en la estimación de
$$\mu$$
| = $K\sigma_{\overline{X}}$ (4.1)

Por lo tanto, es posible escribir

 $| \text{error māximo admisible} | = | \text{error en la estimación de } \mu | = e |$

4.1.1 Muestreo de una población finita

De la inferencia estadística, el valor de $\sigma_{\overline{X}}$, <u>la desviación estándar de la distribución muestral de \overline{X} (o error estándar de \overline{X})</u> cuando la población es fínita es

$$\sigma_{\overline{X}} = \sqrt{\frac{N_{p} - n}{N_{p} - 1} \frac{\sigma_{X}^{2}}{n}}$$

pudiéndose escribir entonces

$$e = K\sigma_{\overline{X}} = K\sqrt{\frac{N_p - n}{N_p - 1} \frac{\sigma_{\overline{X}}^2}{n}}$$

siendo K la desviación correspondiente al nivel de confianza $P_{\bf k}$, N el tamaño de la población, $\sigma_{\bf X}^2$ la variancia de esta última y n el tamaño de la muestra.

Puesto que se desea conocer el tamaño de la muestra, éste se puede obtener despejando de la ecuación anterior el valor de . Pa ra ello, se requiere elevar al cuadrado ambos miembros, es decir

$$e^2 = K^2 \frac{N_p - n}{N_p - 1} \frac{\sigma_X^2}{n}$$

$$e^{2} = \frac{K^{2} \sigma_{X}^{2} N_{p} - K^{2} \sigma_{X}^{2} n}{(N_{p} - 1) n}$$

despejando a n:

$$ne^{2} (N_{p} - 1) = K^{2} \sigma_{X}^{2} N_{p} - K^{2} \sigma_{X}^{2} n$$

$$ne^{2}N_{p} - ne^{2} = K^{2}\sigma_{X}^{2}N_{p} - K^{2}\sigma_{X}^{2}n$$

$$ne^{2}N_{p} - ne^{2} + k^{2}\sigma_{x}^{2}n = k^{2}\sigma_{x}^{2}N_{p}$$

$$n(e^2N_p - e^2 + K^2\sigma_X^2) = k^2\sigma_X^2N_p$$

$$: n = \frac{K^2 \sigma_X^2 N_p}{e^2 N_p - e^2 + K^2 \sigma_X^2}$$
 (4.2)

La fórmula anterior permite obtener el tamaño de la muestra considerando conocidos K, e, N_p y σ_X^2 . Puesto que el valor de σ_X^2 de la población usualmente se desconoce, se debe estimar previamente en forma adecuada considerando la información disponible de población nes semejantes a la que deberá muestrearse, o tomando una muestra preliminar suficientemente grande de dicha población.

Puesto que el tamaño de la muestra debe corresponder a un número entero positivo, se deberá asignar a n el valor entero más próximo por exceso al obtenido mediante la fórmula 4.2.

4.1.2 Muestreo de una población infinita

Cuando el muestreo se realiza a partir de una población infinita, el valor de $\sigma_{\overline{X}}$, la desviación estándar de la distribución muestral de \overline{X} , es

$$\sigma_{\overline{X}} = \frac{\sigma_{X}}{\sqrt{n}}$$

en donde σ_{X} es la desviación estándar de la población y n el tama- \tilde{n} o de la muestra.

considerando la ecuación 4.1, se puede escribir en este caso

|error en la estimación de
$$\mu$$
| = e = $K\sigma_{\overline{X}} = K\frac{\sigma_X}{\sqrt{n}}$

Para obtener el valor de n, se elevan al cuadrado ambos miembros de la expresión anterior, es decir,

$$e^2 = \frac{K^2 \sigma_X^2}{n}$$

á

Por lo cual

$$n = \frac{K^2 \sigma_X^2}{e^2}$$

Para resaltar el hecho de que en este caso el tamaño de la muestra se obtiene a partir de una población infinita, en lugar de emplear n se puede emplear $n_{_\infty}$, es decir

$$n_{\infty} = \frac{K^2 \sigma_X^2}{e^2} \tag{4.3}$$

Al igual que en el caso de una población finita, el tamaño de la muestra dado por la ec 4.3 debe corresponder a un número natural, por lo cual se debe aproximar por exceso al valor entero más cercano.

4.1.3 Comparación entre n y n ...

Si se divide entre N_pe^2 el numerador y el denominador del miembro iz quierdo de la ecuación 4.2, se obtiene

$$n = \frac{\frac{K^2 \sigma_X^2 N_p}{N_p e^2}}{\frac{e^2 N_p - e^2 + K^2 \sigma_X^2}{N_p e^2}} = \frac{\frac{K^2 \sigma_X^2}{e^2}}{1 - \frac{1}{N_p} + \frac{K^2 \sigma_X^2}{N_p e^2}}$$

$$n = \frac{\frac{K^2 \sigma_X^2}{e^2}}{1 + \frac{1}{N_D} \left(\frac{K^2 \sigma_X^2}{e^2} - 1 \right)}$$

La fórmula anterior permite obtener el tamaño de la muestra considerando conocidos K, e, N_p y σ_X^2 . Puesto que el valor de σ_X^2 de la población usualmente se desconoce, se debe estimar previamente en forma adecuada considerando la información disponible de población nes semejantes a la que deberá muestrearse, o tomando una muestra preliminar suficientemente grande de dicha población.

Puesto que el tamaño de la muestra debe corresponder a un número entero positivo, se deberá asignar a n el valor entero más próximo por exceso al obtenido mediante la fórmula 4.2.

4.1.2 Muestreo de una población infinita

Cuando el muestreo se realiza a partir de una población infinita, el valor de $\sigma_{\overline{X}}$, la desviación estándar de la distribución muestral de \overline{X} , es

$$\sigma_{\overline{X}} = \frac{\sigma_{X}}{\sqrt{n}}$$

en donde σ_{χ} es la desviación estándar de la población y n el tamaño de la muestra.

considerando la ecuación 4.1, se puede escribir en este caso

error en la estimación de
$$\mu$$
 = e = $K\sigma_{\overline{X}}$ = $K\frac{\sigma_{X}}{\sqrt{n}}$

Para obtener el valor de n, se elevan al cuadrado ambos miembros de la expresión anterior, es decir,

$$e^2 = \frac{K^2 \sigma_X^2}{n}$$

Por lo cual

$$n = \frac{K^2 \frac{\sigma_X^2}{e^2}}$$

Para resaltar el hecho de que en este caso el tamaño de la muestra se obtiene a partir de una población infinita, en lugar de emplear n se puede emplear n , es decir

$$n_{\infty} = \frac{K^2 \sigma_X^2}{e^2} \tag{4.3}$$

Al igual que en el caso de una población finita, el tamaño de la muestra dado por la ec 4.3 debe corresponder a un número natural, por lo cual se debe aproximar por exceso al valor entero más cercano.

or maesraal

4.1.3 Comparación entre n y n_{m}

Si se divide entre $N_p e^2$ el numerador y el denominador del miembro $i\underline{z}$ quierdo de la ecuación 4.2, se obtiene

$$n = \frac{\frac{K^2 \sigma_X^2 N_p}{N_p e^2}}{\frac{e^2 N_p - e^2 + K^2 \sigma_X^2}{N_p e^2}} = \frac{\frac{K^2 \sigma_X^2}{e^2}}{1 - \frac{1}{N_p} + \frac{K^2 \sigma_X^2}{N_p e^2}}$$

$$n = \frac{\frac{K^2 \sigma_X^2}{e^2}}{1 + \frac{1}{N_D} \left(\frac{K^2 \sigma_X^2}{e^2} - 1\right)}$$

y, considerando el valor de n_{∞} dado por la ec 4.3, se obtiene finalmente

$$n = \frac{n_{\infty}}{1 + \frac{1}{N_{D}} (n_{\infty} - 1)}$$
 (4.4)

Como se puede apreciar de la ec 4.4,el valor de n es menor que el de n_{∞} , a menos que $N_{\rm p}$ = ∞ .

4.1.4 Empleo adecuado de n y n

Para una población finita, se definirá la fracción de muestreo como

fracción de muestreo =
$$fm = \frac{n_{\infty}}{N_{D}}$$

siendo n_{∞} el tamaño de la muestra calculada con la ec 4.3, y N_{p} el tamaño de la población.

Al obtener el tamaño de la muestra cuando se trata de una población finita, usualmente se acostumbra emplear la fórmula 4.3, que proporciona dicho tamaño para población infinita, y considerar como bueno dicho valor siempre que se cumpla la condición

$$fm \leq 0.05$$

Lo anterior quiere decir que en la práctica se calcula el valor de $n_{_{\infty}} \ , \ y \ si \ ^{n_{_{\infty}}} / \, N_{_{p}} \ cumple \ con \ la \ condición \ mencionada, \ entonces \ se considera que \ n_{_{\infty}} \ es \ una \ aproximación \ satisfactoria \ de \ n. \ Si \ la$

condición no se cumple, entonces se emplea la ec 4.4 para obtener el valor de n.

Es claro que tomando como tamaño de la muestra a n_∞ siempre se estará del lado más prudente, en el sentido de que se toma una muestra igual o mayor que la necesaria. Sin embargo, la eficiencia del diseño exige que el gasto y el tiempo de muestreo no sean superiores a los que haya que efectuar.

Ejemplo 4.1

Sea una población normal finita con variancia aproximadamente igual a 500. Se desea obtener una muestra aleatoria para estimar median te \bar{X} a la media poblacional μ_{X} , con error en la estimación no mayor de 10 y nivel de confianza igual a 90%. Obtengase el valor de n considerando que el tamaño de la población es igual a

Solución

a. Puesto que $\sigma_X^2 = 500$, e = 10 y 1 - $\alpha = 0.90$, tratándose de una población normal se tiene que

$$K = Z_{0.45} = 1.645$$

por lo cual

$$n_{\infty} = \frac{K^2 \sigma_X^2}{e^2} = \frac{(1.645)^2}{10^2}$$
 (500)

$$= (2,706) (5) = 13.53$$

En virtud de que en este caso

$$fm = \frac{n_{\infty}}{N_{D}} = \frac{14}{1000} = 0.014 < 0.05$$

se considera que n = 14.

b. En este caso

$$fm = \frac{14}{100} = 0.14 > 0.05$$

por lo cual se emplea la ec 4.4 para obtener el valor de n, es decir,

$$n = \frac{n_{\infty}}{1 + \frac{1}{N_{p}} (n_{\infty} - 1)} = \frac{14}{1 + \frac{1}{100} (14 - 1)}$$

$$=\frac{14}{1+\frac{13}{100}}=\frac{14}{1.13}=12.389$$

$$rac{1}{2}$$
 $rac{1}{3}$

Ejemplo 4.2

Cierta universidad cuenta con 4726 estudiantes, y se desea conocer el rendimiento académico medio de todos ellos, en términos de una escala de calificación que va de cero a cien puntos. En estudios semejantes en otras universidades, se obtuvo que la desviación estándar de las calificaciones es aproximadamente igual a 7 puntos. Si el error en la estimación de la media de calificaciones no debe ser mayor de un punto en valor absoluto, y el nivel de confianza es igual a 99%, ¿cuál debe ser el tamaño de la muestra para realizar la estimación?

Solución

En este caso, aproximando la distribución muestral de \bar{X} mediante la distribución normal, se debe considerar que

$$P_{K} = 1 - \alpha = 0.99$$
 : $K = Z_{0.495} = 2.58$

$$\sigma_{X}^{2} = (7)^{2} = 49$$
; e = 1 punto

Por lo tanto,

$$n_{\infty} = \frac{Z_{C}^{2} \sigma_{X}^{2}}{e^{2}} = \frac{(2.58)^{2} (49)}{(1)^{2}}$$

$$=\frac{(6.656)}{1} = 326.144$$

O sea
$$n_{\infty} = 327$$

Puesto que

$$fm = \frac{n_{\infty}}{N_{p}} = \frac{327}{4726} = 0.0692 > 0.05$$

se procede a calcular n, es decir,

$$n = \frac{n_{_{\infty}}}{1 + \frac{1}{N_{_{p}}} (n_{_{\infty}} - 1)} = \frac{327}{1 + \frac{1}{4726} (327 - 1)}$$

$$= \frac{327}{1 + \frac{326}{4726}} = \frac{327}{1.069} = 305.89$$

•
$$n = 306$$

Ejemplo 4.3

Una muestra aleatoria de 14 observaciones de la altura alcanz por cierto tipo de planta arrojó los siguientes datos:

Иа	de elemento	Altura, X, en pulgadas
	1	52.3
	2	48.1
· ì,	3	55.7
•	4	56.8
	. 5	50.1
	6	49.2
•	7	47.7
	8	50.8
	9	57.9
	10	52.5
	11	54.7
	12	49.6
,	1.3	53.9
	.14	56.0

Obténgase el tamaño de muestra necesario para asegurar, con una probabilidad igual a 0.95, que el error en la estimación de la media de alturas de esta variedad de planta no sea mayor del 2.86%.

Solución ·

Se deben obtener primero los valores de \overline{X} y S_X^2 de la muestra, con los cuales se estimarán los de μ_X y σ_X^2 de la población. Para ello, se dispone la información en la forma siguiente:

	x _i	x²
•	52.3	2735.3
, ,	48.1	2313.6
	55.7	3102.5
,	56.8	3226.2
	50.1	2510.0
	49.2	2420.6
	47.7	2275.3
	50.8	2580.6
	57.9	3352.4
	52.5	2756.2
	54.7	2992.1
	49.6	2460.2
	53.9	2905.2
	56.0	3136.0
Σ	735.3	38766.2

Por lo tanto,

$$\bar{X} = \frac{1}{N} \sum_{i=1}^{n} X_i = \frac{1}{14} (735.3) = 52.52 \text{ pulgadas}$$

$$S_X^2 = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} X_i^2 - \bar{X}^2 = \frac{1}{14} (38766.2) - (52.52)^2$$

= 2769.01 - 2758.35 = 10.66 pulgadas

Puesto que el error en la estimación de la media no debe ser mayor del 2.86%, y el estimador de μ_{X} es \overline{X} = 52.52, se tiene que

e = 52.52 (0.0286) = 1.5 pulgadas

Por otra parte, se desconoce el valor real de σ_X^2 de la población, además de que S_X^2 , su estimador, se ha obtenido de una muestra menor de 30 elementos. Por lo tanto, la distribución teórica a la cual se debe aproximar la muestral debe ser la t de Student, siendo en este caso $K = t_C$. Sin embargo, puesto que en este caso se estima σ_X^2 mediante S_X^2 de la muestra, se debe tener presente que el error en la estimación de μ_X es

$$e = K \sigma_{\overline{X}} = t_C \sigma_{\overline{X}} = t_C \frac{S_X}{\sqrt{n-1}}$$

O sea, elevando al cuadrado

$$e^2 = t_C^2 \frac{s_X^2}{n-1}$$

y, despejando a n,

$$n - 1 = \frac{t_C^2 S_X^2}{e^2}$$

$$n = \frac{t_C^2 S_X^2}{e^2} + 1$$

Por ser muestreo de población infinita, se puede escribir finalmente

$$n_{\infty} = \frac{t_{C}^{2} S_{X}^{2}}{e^{2}} + 1 \tag{4.5}$$

Ya que el valor de $t_{\rm C}$ depende del número de grados de libertad de la muestra v, y este último depende del tamaño de la muestra (ya que v = n - 1), la fórmula anterior para obtener el valor de n_{∞} contiene dos incógnitas. Por ello, se sigue el siguiente proceso iterativo para obtener el valor de n_{∞} :

1. Se hace $t_{0.025} = Z_{0.475}$, es decir

$$t_{0.025} = 1.96$$

Con dicho valor de $t_{_{\mathrm{C}}}$ se obtiene

$$n_{\infty} = \frac{(1.96)^2 (10.66)}{(1.5)^2} + 1 = 18.2 + 1 = 19.3 \implies 20$$

De la tabla de la distribución t, se obtiene $t_{0.025} = 2.09$, para v = 20-1 = 19 grados de libertad.

2. Se toma ahora $t_{0.025} = 2.09$, y se obtiene

$$n_{\infty} = \frac{(2.09)^2 (10.66)}{(1.5)^2} + 1 = 20.7 + 1 = 21.7 \Rightarrow 22$$

De la tabla de la distribución t, se obtiene $t_{0.025}$ = 2.08, para v = 22-1 = 21 grados de libertad.

3. Se toma ahora $t_{0.025} = 2.08$, y se obtiene

$$n_{\infty} = \frac{(2.08)^2 (10.66)}{(1.5)^2} + 1 = 20.5 + 1 = 21.5 \Rightarrow 22$$

En este paso se obtiene un valor de n_{∞} igual al del paso anterior, por lo que se puede considerar que el tamaño de muestra adecuado es igual a 22 plantas.

En este caso la población es infinita, por lo cual no se requiere hacer la corrección para población finita con la ec 4.4. Sin embargo, debe aclararse que es posible emplear la ec 4.5 para obtener n_{∞} primero y, si la población de la que se muestrea es finita, usar después la ec 4.4 para obtener el valor de n corregido.

4.2 Tamaño de una muestra aleatoria simple (Totales)

Una característica o parámetro poblacional de gran interés es el total, que corresponde a la suma de todos los valores y que constituyen la población, es decir,

$$\mathbf{Y} = \sum_{i=1}^{N_{\mathbf{p}}} \mathbf{y}_{i}$$

en donde Y denota al total, y N_p es el número de elementos de la misma.

Si se multiplica y divide por N_p el 2° miembro de la ecuación ante

rior, se obtiene

$$Y = \frac{N_p}{N_p} \cdot \sum_{i=1}^{N_p} Y_i = N_p \cdot \mu_Y$$

Es decir, el total de una población es igual al tamaño de la misma multiplicado por la media correspondiente.

Cono estimador puntual del total de la población se puede tomar el de la estadística

$$\hat{Y} = N_{D} \bar{Y}$$

en donde \overline{Y} es el promedio aritmético de la muestra, y \widehat{Y} un estimador insesgado en virtud de que

$$E \{\widehat{Y}\} = E \{N_p \widehat{Y}\} = N_p E \{\overline{Y}\} = N_p \mu_Y = Y$$

Por otra parte, la variancia de la distribución muestral de Ŷ es

$$\sigma_{\hat{Y}}^2 = \sigma_{N_p}^2 \bar{Y} = \text{Var} \{N_p \bar{Y}\} = N_p^2 \text{Var} \{\bar{Y}\} = N_p^2 \sigma_{\bar{Y}}^2$$

y la desviación estándar es

$$\sigma_{\hat{Y}} = \sigma_{N_p \hat{Y}} = N_p \sigma_{\hat{Y}} = N_p \frac{\sigma_{Y}}{\sqrt{n}} \sqrt{\frac{N_p - n}{N_p - 1}}$$

De igual manera a como se hizo para las medias, el valor del tamaño de muestra para estimar el total con un nivel de confianza y
un error absoluto dados, se obtiene en la forma siguiente

$$e = K \sigma_{\widehat{Y}} = K N_p \frac{\sigma_Y}{\sqrt{n}} \sqrt{\frac{N_p - n}{N_p - 1}}$$

Elevando al cuadrado y realizando operaciones algebraicas

$$e^2 = K^2 N_p^2 \frac{\sigma_Y^2}{n} \frac{N_p - n}{N_p - 1}$$

$$e^{2} = \frac{K^{2} N_{p}^{3} \sigma_{Y}^{2} - K^{2} N_{p}^{2} \sigma_{Y}^{2} n}{n(N_{p} - 1)}$$

$$n \left(1 + \frac{K^2 N_p^2 \sigma_Y^2}{e^2 (N_p - 1)}\right) = \frac{K^2 N_p^3 \sigma_Y^2}{e^2 (N_p - 1)}$$

0 sea

$$n = \frac{K^2 N_p^3 \sigma_Y^2}{e^2 (N_p - 1) + K^2 N_p^2 \sigma_Y^2}$$

Dividiendo el numerador y denominador de la expresión anterior en tre $N_{\rm D}e^2$, se obtiene

$$n = \frac{\frac{K^{2}N_{p}^{3} \sigma_{Y}^{2}}{N_{p}e^{2}}}{\frac{e^{2}N_{p} - e^{2} + K^{2}N_{p}^{2} \sigma_{Y}^{2}}{N_{p}e^{2}}}$$

$$= \frac{N_{p}^{2} - \frac{K^{2}\sigma_{Y}^{2}}{e^{2}}}{1 - \frac{1}{N_{p}} + \frac{N_{p}^{2}}{N_{p}} \frac{K^{2} \sigma_{Y}^{2}}{e^{2}}}$$

Considerando la ec 4.3, queda finalmente

$$n = \frac{N_{p}^{2} n_{\infty}}{1 + \frac{1}{N} (N_{p}^{2} n_{\infty} - 1)}$$

(4.6)

Ejemplo 4.4

Con el fin de hacer una solicitud al Gobierno, se recogieron firmas de habitantes de una ciudad en 676 hojas. Cada hoja tenía espacio suficiente para 42 firmas, pero en varias hojas se recolectó un número menor de ellas. Para obtener una estimación del total de firmas, se contó el número de firmas por hoja en una muestra aleatoria de 50 hojas, obteniêndose los datos que aparecen en la tabla siguiente:

Número de firmas,y _i	Número hojas,	$_{ t f_i}^{ t de}$
42	23	
41	4	
36	1	
32	1	
29	1	
27	2	
23	1	
19	1	
16	2	•
15	2	٠,
14	. 1	•
11	1	•
10	1	
9	. 1	
7	. 1	
6	3	
5	2	
4	. 1	
3	. 1	

Obtener el tamaño de muestra necesario para estimar el valor del total de firmas con un error absoluto igual al 5%, considerando un nivel de confianza igual a 95%.

Solución: Por conveniencia para realizar los cálculos, se dispone la información en la forma siguiente:

Yi	fi	Y _i	f _i y _i	f _i y _i ²
42	23	1764	966	40572
41	4	1681	164	6724
36	1	1296	36	1296
32	1	1024	32	1024
29	1	841	29	841
27	2	729	54	1458
23	1	529	23	529
19	1	361	19	361
16	2	256	32	512
15	2	225	30	450
14	1	196	14	196
11	1	121	11	121
10	1	100	10	100
9	1	81	9	81
7	1	49	7	49
6	3	36	18	108
5	2	. 25	10	50
4	1	16	4	16
· 3	1	. 9	3	. 9
	50		1471	54497

$$\bar{Y} = \frac{1}{50} \sum_{i=1}^{19} f_i y_i = \frac{1471}{50} = 29.42$$

$$S_{Y}^{2} = \frac{1}{50} \sum_{i=1}^{19} f_{i} Y_{i}^{2} - (\bar{Y})^{2} = \frac{54497}{50} - (29.42)^{2} =$$

= 1089.94 - 865.44 = 224.5

Entonces

$$\hat{Y} = N_p \vec{Y} = 676 \times 29.42 = 19888 \text{ firmas}$$

y, puesto que el error absoluto debe ser igual al 5%, se tendría

$$e = (0.05) (19888) = 995$$

Por otra parte, el tamaño inicial de muestra igual a 50 permite suponer que la estimación de σ_Y^2 de la población es suficientemente buena con S_Y^2 , y que la distribución muestral de totales puede aproximarse mediante la normal. Por lo tanto,

$$K = Z_{0.475} = 1.96$$
 $N_p = 676$
 $\sigma_Y^2 = S_Y^2 = 224.5$

$$N_p^2 n_{\infty} = N_p^2 \frac{K^2 \sigma_Y^2}{e^2} = \frac{(676)^2 (1.96)^2 (224.5)}{(995)^2} = 397.9$$

$$n = \frac{N_{p}^{2} n_{\infty}}{1 + \frac{1}{N_{p}} (N_{p}^{2} n_{\infty} - 1)} = \frac{397.9}{1 + \frac{1}{676} (397.9 - 1)}$$

$$=\frac{397.9}{1+0.58}=\frac{397.9}{1.58}=251.83$$

n = 252 hojas

4.3 Tamaño de una muestra aleatoria simple (Proporciones)

4.3.1 Antecedentes

Supóngase una población binomial de tamaño N tal que cada uno de sus elementos únicamente puede estar en una de dos clases:

A o B (buenos o malos, negros o blancos, grandes o chicos, etc).

La proporción de elementos de la población que están en la clase

A es

$$P = \frac{A}{N_p}$$

y la proporción de elemtos que están en B es

$$Q = \frac{B}{N_D}$$

por lo cual

$$P + Q = \frac{\circ A}{N_p} + \frac{B}{N_p} = 1$$
; $(A + B = N_p)$

Si a todos los elementos X, de la población que están en A se les asigna el valor 1 y a los de B el 0, se obtiene

$$P = \frac{A}{N_p} = \frac{\sum_{i=1}^{N_p} X_i}{N_p} = \mu_X$$

Es decir, la proporción puede considerarse un caso particular de la media cuando los elementos de la población son unos y ceros. La variancia es

$$\sigma_{X}^{2} = \frac{1}{N_{p}} \Big|_{i=1}^{N_{p}} (X_{i} - P)^{2}$$

ខនៈជាតាវិកិច្ច

'si se deserne

o sea

$$\sigma_{\mathbf{X}}^{2} = \frac{1}{N_{\mathbf{p}}} \sum_{i=1}^{N_{\mathbf{p}}} X_{i}^{2} - P^{2}$$

Sin embargo, como X_i sólo puede ser igual a uno o cero, se tiene que $X_i = X_i^2$, por lo cual

$$\sigma_{X}^{2} = \frac{1}{N_{p}} \sum_{i=1}^{N_{p}} X_{i} - P^{2} = P - P^{2} = P(1 - P) = PQ$$

En virtud de lo anterior, si se muestrea sin remplazo y con tamaño n de una población binomial finita, para estimar la proporción de elementos con cierta característica, se obtienen, consi
derando que la proporción se puede calcular como una media, los
siguientes parámetros de la distribución muestral de proporciones

$$\sigma_{\mathbf{p}} = \frac{\sigma_{\mathbf{X}}}{\sqrt{n}} \quad \sqrt{\frac{N_{\mathbf{p}} - n}{N_{\mathbf{p}} - 1}} = \sqrt{\frac{pQ}{n}} \cdot \sqrt{\frac{N_{\mathbf{p}} - n}{N_{\mathbf{p}} - 1}}$$

Si la población es infinita, se obtiene

$$\mu_{\mathbf{p}} = \mathbf{P}$$

$$\sigma_{\mathbf{p}} = \frac{\sigma_{\mathbf{X}}}{\sqrt{n}} = \sqrt{\frac{\mathbf{pQ}}{n}}$$

estimándose <u>P</u> en ambos casos con el valor de <u>p</u> de la muestra, si se desconoce P de la población.

En la práctica se considera que la distribución muestral de proporciones es aproximadamente igual a la normal para tamaños de muestra mayores o iguales a 30 elementos.

4.3.2 Obtención del tamaño de la muestra

Aprovechando el hecho de que la proporción se puede calcular como una media simple, las ecs 4.3 y 4.4 se pueden emplear en este caso para obtener el tamaño de la muestra haciendo $\sigma_X^2 = PQ$. Entonces,

$$n_{\infty} = \frac{K^2 PQ}{e^2}$$
 (4.7)

para muestreo de población infinita, y

$$n = \frac{n_{\infty}}{1 + \frac{1}{N_{p}} (n_{\infty} - 1)}$$

para muestreo de población finita con tamaño $N_{\rm p}$.

Usualmente se calcula primero el valor de n_{∞} , y si la fracción de muestreo es mayor de 0.05, se calcula a continuación el valor de n_{∞}

Ejemplo 4.5

En una colonia con 4000 casas se desea estimar el porcentaje de inquilinos que son a la vez propietarios de su casa, con un error estándar en la estimación no mayor del 1%. Se supone, de estudios semejantes, que el porcentaje real de inquilinos-propietarios se acerca al 10%. ¿Cuántas casas se deben muestrear para que se satisfaga la condición establecida?

~ Solución

El error estándar en la estimación de P de la población es

$$\sigma_{\mathbf{p}} = \sqrt{\frac{\mathbf{p}\mathbf{Q}}{\mathbf{n}}} \sqrt{\frac{\mathbf{N}_{\mathbf{p}} - \mathbf{n}}{\mathbf{N}_{\mathbf{p}} - \mathbf{1}}}$$

y no debe ser mayor en este caso del 1%. Por lo tanto, siendo $N_p = 4000$, P = 0.1 y Q = 1 - P = 0.9, se obtiene

$$0.01 = \sqrt{\frac{(0.1)(0.9)}{n}} \sqrt{\frac{4000 - n}{4000 - 1}}$$

Elevando al cuadrado y realizando operaciones algebraicas

$$0.0001 = \frac{0.09}{n} \frac{4000 - n}{3999}$$

$$0.0001 = \frac{360 - 0.09 \text{ n}}{3999 \text{ n}}$$

$$0.3999 n = 360 - 0.09 n$$

$$n(0.3999 + 0.09) = 360$$

$$n = \frac{360}{0.4899} = 734.84$$

Ejemplo 4.6

En un estudio antropológico para estimar el porcentaje de habitan tes de una isla con sangre del grupo O, se obtuvo una muestra alea toria de 50 isleños, en la cual 22 de ellos pertenecen al grupo sanguineo mencionado. Si en la isla habitan 3208 gentes, ¿cuál debe ser el tamaño de muestra mínimo para estimar con un error ab soluto del 5% el valor real de P, suponiendo que el nivel de confianza es del 95%?

Solución

En este caso la proporción de la muestra es

$$p = \frac{22}{50} = 0.44$$

$$q = 1 - p = 1 - 0.44 = 0.56$$

Considerando que la muestra inicial es suficientemente grande, se aproxima mediante la distribución normal, obteniéndose

$$K = Z_{0.475} = 1.96$$

por lo cual

$$n_{\infty}' = \frac{K^2 PQ}{e^2} = \frac{K^2 pq}{e^2} = \frac{(1.96)^2 (0.44) (0.50)}{(0.05)^2}$$

$$=\frac{0.84515}{0.0025}=338.06$$

Como

$$fm = \frac{n_m}{N_D} = \frac{339}{3208} = 0.106 > 0.05$$

se corrige el valor anterior, obteniendose finalmente

$$n = \frac{n_{\infty}}{1 + \frac{1}{N_{D}} (n_{\infty} - 1)} = \frac{339}{1 + \frac{1}{3208} (339 - 1)}$$

$$= \frac{339}{1.105} = 306,787$$

∠8,

CONTROL ESTADISTICO DE CALIDAD

IDEAS BASICAS EN MUESTREO

M.EN I, RUBEN TELLEZ SANCHEZ

SEPTIEMBRE, 1985

MÉTODO DE MUESTREO

UN METODO DE MUESTREO ES UN METODO DE SELECCIONAR DE TAL MA NERA UNA FRACCION DE LA POBLACION QUE LA MUESTRA SELECCIONADA REPRÈSEN TE A LA POBLACION ENTERA. UN METODO DE MUESTREO, SI VA A PROPORCIONAR UNA MUESTRA REPRESENTATIVA DE LA POBLACION, DEBE SER TAL QUE TODAS LAS CARACTERISTICAS DE LA POBLACION, INCLUYENDO LA DE VARIABILIDAD ENTRE - SUS UNIDADES, SE REFLEJEN EN LA MUESTRA TAN APROXIMADAMENTE COMO EL TA MAÑO DE LA MUESTRA LO PERMITA, PARA QUE SE PUEDA FORMAR, A PARTIR DE - LA MUESTRA, ESTIMACIONES DICNAS DE CONFIANZA DE LOS CARACTERES DE LA - POBLACION.

ERROR ESTÁNDAR

CUALQUIERA QUE SEA EL METODO DE SELECCION, UNA ESTIMADA POR MUESTRA DIFERIRA INEVITABLIMENTE DE LA QUE SE OBTENDRIA ENUMERANDO, CON IGUAL CUIDADO, A LA POBLACION COMPLETA. ESTA DIFERENCIA ENTRE LA ESTIMADA DE LA MUESTRA Y EL VALOR DE LA POBLACION SE LLAMA EL ERROR DE MUESTREO. UN METODO DE MUESTREO, SI HA DE SER UTIL, DEBE PROPORCIONAR ALGU NA IDEA SOBRE EL ERROR DE MUESTREO EN LA ESTIMACION DE UN PROMEDIO. PARA ESTE PROPOSITO HAY VARIAS MEDIDAS DISPONIBLES. UNA DE ELLAS, QUE - PROPORCIONA LA MAGNITUD MEDIA DEL ERROR DE MUESTREO, SE LLAMA EL ERROR ESTANDAR DE LA ESTIMADA Y DA UNA MEDIDA DE LA SEGURIDAD DE LA ESTIMADA DE LA MUESTRA. ES LA MAGNITUD DEL ERROR ESTANDAR LA QUE DETERMINARA SI UNA ESTIMADA POR MUESTREO ES UTIL PARA UN PROPOSITO DADO.

PRINCIPIO DE SELECCIÓN ENTRE MÉTODOS ALTERNATIVOS DE MUESTREO
DEBEN TAMBIEN TOMARSE EN CUENTA LAS CONSIDERACIONES PRACTICAS

ETAPAS DE UNA ENCUESTA POR MUESTREO

1. PLANEACION

- . ESPECIFICACION DE FINES: OBJETIVOS Y METAS
- . DEFINICION DE LA POBLACION A MUESTREAR: POBLACION MUESTREADA=POBLACION OBJETO
- . ESPECIFICACION DE DATOS A SER COLECTADOS Y DE LA UNIDAD DE MUESTREO
- ESPECIFICACION DE REFERENCIA DE TIEMPO Y PERIODO DE REFERENCIA
- . SELECCION Y ESPECIFICACION DE METODOS DE MEDICION Y METODO DE INSPECCION DE LA POBLACION
- . DISEÑO Y VALIDACION DE FORMAS DE REGISTRO O CUESTIONARIO (=> REALIZACION DE ENCUESTAS PILOTO)
- . DETERMINACION DEL MARCO MUESTRAL O ESPECIFICACION DE LA LISTA DE UNIDADES DE MUESTREO
- . SELECCION DEL METODO MUESTREO
- . DETERMINACION DEL TAMAÑO DE LA MUESTRA
- . ORGANIZACION DEL TRABAJO DE CAMPO
- 2. REALIZACION FISICA DE LA ENCUESTA
- 3. RESUMEN Y ANALISIS DE DATOS : INSPECCION DE LA INFORMACION CAPTADA
- 4. ANALISIS DE LA NO RESPUESTA
- 5. PROCESAMIENTO DE LA INFORMACION
- 6. ANALISIS E INTERPRETACION DE INFORMACION
- 7. EVALUACION DE LA INVESTIGACION MUESTRAL

```
TAMAÑO DE LA POBLACION
```

- HETEROGENIDAD DE LA POBLACION
- . NIVEL DE ERROR: ê θ , donde:
 - $\hat{\theta}$, estimación en base a información muestral θ , valor verdadero de la población desconocido
- NIVEL DE SIGNIFICANCIA: = Pr | Error I
- DISPONIBILIDAD DE RECURSOS
 - ECONOMICOS
 - HUMANOS

FACTORES EN LA DETER-

MINACION DEL TAMAÑO DE LA MUESTRA

- DE TIEMPO

MAS AUN, UN METODO DE MUESTREO, SI HA DE ACEPTARSE EN LA -PRACTICA, DEBE SER SENCILLO, ACOMODARSE A LA EXPERIENCIA ADMINISTRATIVA Y A LAS CONDICIONES LOCALES Y ASEGURAR QUE SE VA A HACER EL USO MAS
EFECTIVO DE LOS RECURSOS DISPONIBLES PARA EL QUE MUESTREA. EL PRINCIPIO A SEGUIR EN LA SELECCION DE UN METODO DE MUESTREO ES, EN REALIDAD,
EL DE OBTENER EL RESULTADO DESEADO CON LA SECURIDAD REQUERIDA A COSTO
MINIMO, O CON LA MAXIMA SEGURIDAD A COSTO DADO, HACIENDO EL USO MAS E
FICAZ DE LOS RECURSOS DISPONIBLES.

MUESTREO PROBABILÍSTICO

PARA LIENAR LOS REQUISITOS ANTERIORES ES NECESARIO QUE EL METODO DE MUESTREO SEA OBJETIVO, BASADO EN LEYES DEL AZAR. EL METODO
SE LLAMA DE MUESTREO PROBABILISTICO. EN ESTE METODO LA MUESTRA SE OB
TIENE EN SELECCIONES SUCESIVAS DE UNA UNIDAD, CADA UNA CON UNA CONOCI
DA PROBABILIDAD DE SELECCION ASIGNADA EN LA PRIMERA SELECCION A CADA
UNIDAD DE LA POBLACION. EN CUALQUIER SELECCION SUBSECUENTE, LA PROBA
BILIDAD DE SELECCIONAR CUALQUIER UNIDAD DE ENTRE LAS UNIDADES DISPONI
BLES PARA ESA SELECCION PUEDE SER PROPORCIONAL A LA PROBABILIDAD DE SELECCIONARLA EN LA PRIMERA SELECCION O COMPLETAMENTE INDEPENDIENTE DE ELLA.

LAS SELECCIONES SUCESIVAS DE UNA MUESTRA PROBABILISTICA PUE DEN HACERSE CON O SIN REEMPLAZO DE LAS UNIDADES OBTENIDAS ÉN LAS SELEC CIONES PREVIAS. EL PRIMER PROCEDIMIENTO ES EL DE MUESTREAR CON REEM-PLAZO, EL SEGUNDO ES EL PROCEDIMIENTO LLAMADO SIN REEMPLAZO.

LA APLICACION DEL METODO SUPONE QUE LA POBLACION PUEDE SUB-DIVIDIRSE EN UNIDADES DISTINTAS E IDENTIFICABLES LLAMADAS UNIDADES DE MUESTREO. ESTAS PUEDEN SER UNIDADES NATURALES, TALES COMO INDIVIDUOS EN UNA POBLACION HUMANA, O TERRENOS EN UNA ESTIMACION DE CULTIVO, O -CONJUNIOS NATURALES DE ESAS UNIDADES COMO FAMILIAS O PUEBLOS; O PUEDEN SER UNIDADES ARTIFICIALES TALES COMO UNA SOLA PLANTA, UNA HILERA DE -PLANTAS, O UN PEDAZO DE TERRENO.

LA APLICACION DEL METODO PRESUPONE, NATURALMENTE, LA DISPONIBILIDAD DE UNA LISTA DE TODAS LAS UNIDADES DE MUESTREO EN LA POBLACION. ESTA LISTA SE LLAMA EL MARCO Y PROPORCIONA LA BASE PARA LA SELECCION REAL DE LA MUESTRA.

MUESTREO IRRESTRICTO ALEATORIO

EL MAS SENCILLO DE LOS METODOS DE MUESTREO PROBABILISTICO QUE PROPORCIONA ESTIMACIONES DE LOS CARACTERES DE LA POBLACION Y UNA
MEDIDA DE LA CONFIANZA DE LAS ESTIMACIONES HECHAS, ES EL METODO DE
MUESTREO IRRESTRICTO ALEATORIO. EN ESTE METODO, GENERALMENTE LLAMADO
POR BREVEDAD EL METODO DE MUESTREO ALEATORIO, SE ASIGNA UNA PROBABILI
DAD IGUAL DE SELECCION A CADA UNIDAD DE LA POBLACION EN LA PRIMERA SE
LECCION. EL METODO IMPLICA UNA PROBABILIDAD IGUAL DE SELECCIONAR CUAL
QUIER UNIDAD DE ENTRE LAS UNIDADES DISPONIBLES EN LAS SELECCIONES SUB
SECUENTES.

PUESTO QUE LA UNIDAD ESPECIFICADA PUEDE SER INCLUIDA EN LA MUESTRA EN CUALQUIERA DE LAS N SELECCIONES, TAMBIEN LA PROBABILIDAD DE QUE QUEDE INCLUIDA EN LA MUESTRA ES LA SUMA DE LAS PROBABILIDADES DE QUE SEA ESCOGIDA EN LA PRIMERA SELECCION, EN LA SEGUNDA SELECCION,..., EN LA ENESIMA SELECCION, Y ES, POR LO TANTO, IGUAL A n/N. PUESTO QUE ESTE RESULTADO ES INDEPENDIENTE DE LA UNIDAD ESPECIFICADA, SE INFIÈRE QUE CADA UNA DE LASUNIDADES EN LA POBLACION TIENE LA MISMA PROBABILIDAD DE SER INCLUIDA EN LA MUESTRA BAJO EL PROCEDIMIENTO DE MUESTREO - TRRESTRICTO ALEATORIO.

EL METODO DE MUESTREO IRRESTRICTO ALEATORIO ES TAMBIEN EQUI-VALENTE A DAR UNA PROBABILIDAD IGUAL A CADA POSIBLE CONGLOMERADO DE nUNIDADES PARA FORMA LA MUESTRA DE LA POBLACION.

- . IRRESTRICTO ALEATORIO: IGUAL PROBABILIDAD DE QUEDAR INCLUIDA EN LA MUESTRA PARA TODOS LOS ELEMENTOS DE LA POBLACION
- . ESTRATIFICADO: COMBINACION DE MUESTREO IRRESTRICTO ALEATORIO EN CADA ESTRATO O SUBGRUPO DE LA POBLACION

.PROBABILISTICOS

- DE CONGLOMERADOS: MUESTREO ALEATORIO, EN DONDE LAS UNIDADES MUESTRA-LES SON EN SI MISMAS POBLACIONES O CONGLOMERADOS
- . POLIETAPICO: MUESTREO ALEATORIO RECURSIVO DONDE LAS UNIDADES DE PRIME RA ETAPA CONTIENEN A LAS DE SEGUNDA ETAPA Y ASI SUCESIVAMENTE.
- . MONTECARLO O SIMULADO: MUESTREO ALEATORIO DONDE LA POBLACION REAL SE SUSTITUYE POR UNA OUE LA REPRESENTA: LA FUNCION DE DISTRIBUCION DE LA VARIABLE QUE DESCRIBE EL COMPORTAMIENTO PROBABILISTICO DE LA POBLACION.

METODOS DE MUESTREO

- TRALES CON RELACION AL TIEMPO O A SU UBICACION EN LA POBLACION
- DE CUOTAS: EN BASE A LA ESTRUCTURA DE LA POBLACION EN UN PERIODO PASA DO SE HACE LA DISTRIBUCION O AFIJACION DE LA MUESTRA EN LAS PARTES DE LA POBLACION.

DETERMINISTICOS

- DE TRAZOS O INTENCIONADO: DE REGISTROS DE LA POBLACION (DIRECTORIOS, NOMINAS, ETC.) SE SELECCIONA EN FORMA ARBITRARIA PARA CONSTRUIR LA MUESTRA PARTES DE LA POBLACION
- . CAOTICO: DE MANERA SUBJETIVA O ARBITRARIA SE SELECCIONA LA MUESTRA; VA LIDO UNICAMENTE PARA POBLACIONES CON UN NIVEL DE HOMOGENIDAD ELEVADA.

MUESTREO PROBABILISTICO

TODOS LOS PROCEDIMIENTOS DE MUESTREO, PARA LOS CUALES HA SIDO DESARROLLADA UNA TEORIA, TIENEN EN COMUN LAS SIGUIENTES <u>PROPIEDADES</u> MATEMATICAS.

- 1. ES POSIBLE DEFINIR INEQUIVOCAMENTE UN CONJUNTO DE MUESTRAS $s_1, s_2, \ldots s_r$, MEDIANTE LA APLICACION DEL PROCEDIMIENTO A UNA POBLACION ESPECIFICA QUE CON DUZCA A LA SELECCION DE ESTAS MUESTRAS. ESTO QUIERE DECIR QUE PODEMOS INDICAR CON PRECISION CUALES UNIDADES DE MUESTREO PERTENECEN A s_1 , s_2 , s_3 , s_4 , s_5 , s_5 , s_6 , s_7 , s_8 , s_8 , s_8 , s_9 - 2. A CADA POSIBLE MUESTRA s_i , LE HA SIDO ASIGNADA UNA PROBABILIDAD CONOCIDA DE SELECCION $\#_i$
- 37. SELECCIONAMOS UNA DE LAS s_i POR UN PROCESO MEDIANTE EL CUAL CADA s_i TIENE UNA PROBABILIDAD π_i DE SER SELECCIONADA
- 4. EL METODO PARA CALCULAR EL ESTIMADOR DE LA MUESTRA DEBE SER ESTABLECIDO Y DE-BE CONDUCIR A UN ESTIMADOR UNICO PARA CUALQUIER MUESTRA ESPECIFICA.

VENTAJAS DEL MUES-TREO PROBABILIS TICO

- . COSTO REDUCIDO
- . MAYOR RAPIDEZ
- . MAYOR ALCANCE Y FLEXIBILIDAD DE ACUERDO AL TIPO DE INFORMACION A OBTENERSE
- . MAYOR EXACTITUD
- . ESTIMACION Y CONTROL DEL ERROR
- . SON BASE DE ESTIMACIONES INSESGADAS DE LAS CARACTE-RISTICAS DE LA POBLACION

PRINCIPIO FUNDAMENTAL DEL DISEÑO DE LA MUESTRA

A TODO PROCEDIMIENTO DE MUESTREO Y ESTIMACION SE ASOCIA EL COSTO DE LA ENCUESTA Y LA PRECISION DE LAS ESTIMADAS HECHAS (MEDIDA, DIGAMOS, EN TERMINOS DEL ERROR CUA DRATICO MEDIO). SOLO SE CONSIDERAN LOS PROCEDIMIENTOS DE LOS QUE PUEDE HACERSE UNA ESTIMADA OBJETIVA DE LA PRECISION ALCANZADA A PARTIR DE LA MISMA MUESTRA. ADEMAS, LOS PROCEDIMIENTOS DEBEN DE SER PRACTICOS EN EL SENTIDO DE QUE SEA POSIBLE DESARRO LIARLOS DE ACUERDO CON LAS ESPECIFICACIONES DESEADAS. DE TODOS LOS PROCEDIMIENTOS DE SELECCION DE LA MUESTRA Y ESTIMACION (LLAMADOS DISEÑO DE LA MUESTRA), SE PREFERIRA EL QUE DE MAYOR PRECISION POR UN COSTO DETERMINADO DE LA ENCUESTA, O EL QUE TENGA EL COSTO MINIMO Y NOS DA EL NIVEL DE PRECISION ESPECIFICADO. ESTE ES EL PRINCIPIO RECTOR DEL DISEÑO DE LA MUESTRA.

EL MUESTRIO ALEATORIO IMPLICA QUE CADA UNO DE ESTOS POSIBLES CONGLOMERADOS TENGA UNA PROBABILIDAD IGUAL, A SABER,

$$\frac{1}{\binom{N}{n}} \qquad \text{CON} \qquad \frac{N!}{(N-n)!n!}$$

DE SER SELECCIONADO COMO MUESTRA.

LA PALABRA 'ALEATORIO'' SE REFIERE AL METODO DE SELECCIONAR U
NA MUESTRA MAS BIEN QUE A LA MUESTRA PARTICULAR ESCOGIDA. CUALQUIER
MUESTRA POSIBLE PUEDE SER UNA MUESTRA IRRESTRICTA ALEATORIA, POR MUY
POCO REPRESENTATIVA QUE PUEDA APARECER, CON TAL DE QUE HAYA SIDO OBTE
NIDA SIGUIENDO LA REGLA DE DAR UNA PROBABILIDAD IGUAL A CADA UNA DE LAS MUESTRAS POSIBLES.

PROCEDIMIENTO DE SELECCIONAR UNA MUESTRA ALEATORIA

EL PROCEDIMIENTO ES EN LA SIGUIENTE FORMA: (A) IDENTIFICAR N UNIDADES EN LA POBLACION CON LOS NUMEROS DEL 1 AL N, O LO QUE ES LA MISMA COSA, PREPARAR UNA LISTA DE UNIDADES EN LA POBLACION Y NUMERAR-LAS SERIADAMENTE: (B) SELECCIONAR DE MANERA SISTEMATICA NUMEROS DIFERENTES DE LA TABLA DE NUMEROS ALEATORIOS, Y (C) TOMAR PARA LA MUESTRA LAS n'UNIDADES CUYOS NUMEROS CORRESPONDEN A AQUELLOS OBTENIDOS DE LA TABLA DE NUMEROS ALEATORIOS.

UNA MANERA USADA COMUNMENTE PARA EVITAR EL RECHAZO DE TANIOS NUMEROS ES DIVIDIR UN NUMERO ALEATORIO ENTRE N Y TOMAR EL RESIDUO - COMO EQUIVALENTE AL NUMERO SERIADO CORRESPONDIENTE ENTRE 1 Y N-3, CO-RRESPONDIENDO EL RESIDUO CERO AL N.

MÉTODOS NO ALEATORIOS DE MUESTREO

LOS METODOS DE MUESTREO QUE NO ESTAN BASADOS EN LAS LEYES DE

PROBABILIDAD, SINO QUE EL JUICIO PERSONAL DEL ENUMERADOR DETERMINA CUA LES UNIDADES DEBEN SER INCLUIDAS EN LA MUESTPA, SE LLAMAN METODOS NO A-LEATORIOS O INTENCIONALES. SI QUEREMOS TENER ESTIMADAS INSESGADAS DEL CARACTER DE LA POBLACION CUYA EXACTITUD PUEDA SER CALCULADA DE LAS MISMAS MUESTRAS, SOLAMENTE DEBERA USARSE EL MUESTREO PROBABILISTICO.

ERRORES NO DE MUESTREO

LA EXACTITUD DE UN RESULTADO SE AFECTA NO SOLO POR LOS ERRO RES DE MUESTREO QUE SURGEN DE LA VARIACION POR AZAR EN LA SELECCION DE LA MUESTRA, SINO TAMBIEN POR: A) FALTA DE PRECISION AL REPORTAR OBSERVACIONES; B) SELECCION INCOMPLETA O DEFECTUOSA DE UNA MUESTRA ALEATORIA, Y C) METODOS DEFECTUOSOS DE ESTIMACION. ESTOS ERRORES, PARTICULAR MENTE AQUELLOS DE A) Y B), SE AGRUPAN USUALMENTE BAJO EL ENCABEZADO DE "'ERRORES NO DE MUESTREO".

DIRECTORIO DE ALUMNOS DEL CURSO "CONTROL ESTADISTICO DE CALIDAD" IMPARTIDO EN ESTA DIVISION DEL 9 DE SEPTIEMBRE AL 16 DE OCTUBRE DEL PRESENTE AÑO.

1.- ALVAREZ PEREZ MARTIN
S. C. T.
ANALISTA TECNICO
XOLA Y AV. UNIVERSIDAD
COL. NARVARTE
530-64-58

SANTA MONICA No. 333 COL. AMPLIACION V. VILLADA NEZAHUALCOYOTL EDO. DE MEXICO : 57710 MEXICO, D.F.

2.- CERVANTES CASTILLO JOSE R.
LAB. PROMECO DE MEXICO
SUPERVISOR DE CONTROL DE CALIDAD
MAIZ No. 49
XOCHIMILCO, D. F.
676-01-66

RIO DE LUZ
ECATEPEC DE MORELOS, EDO. DE MEXICO

3.- ESCUDERO ESCUDERO SERGIO
INDUSTRIAS MABE, S.A.

JEFE DE CONTROL DE CALIDAD REFRIGERADORES
OTE 162 No. 296
COL. MOCTEZUMA 2a. SECCION
DELEGACION VENUSTIANO CARRANZA
15500 MEXICO, D.F.
571-68-11

CERRADA DE LAGO BOLSENA No. 47 COL. ANAHUAC DELEGACION MIGUEL HIDALGO 531-77-18

4.- FLORES MALDONADO JUAN CARLOS BANCO DE MEXICO INVESTIGADOR INDUSTRIAL LEGARIA No. 691 COL. IRRIGACION 557-21-00 ext. 129

CHICOTEPEC No. 7 DEPTO. 403 COL. HIPODROMO CONDESA DELEGACION CUAUHTEMOC

5.- GARCIA CERVANTES RAFAEL

MANGANESOS QUIMICOS DE HGO., S.A.

JEFE CONTROL DE CALIDAD

KM. 2.5 CARRET. LA PAZ

PACHUCA, HGO.

CALLE 21 No. 41 FRACC. LA QUEBRADA CUAUTITLAN IZCALLI

6.- GARCIA YLLESCAS FRANCISCO
INDUSTRIAS MABE, S.A.
JEFE DE CONTROL DE CALIDAD ESTUFAS
OTE 162 No. 296
COL. MOCTEZUMA 2a. SECCION
DELEGACION VENUSTIANO CARRANZA
15500 MEXICO, D.F.
571-68-11

AVE. 414-A SEC. 7 UNIDAD ARAGON DELEGACION GUSTAVO A. MADERO 07920 MEXICO, D.F. 794-80-26

7.- HERNANDEZ L. GUILLERMO S. C. T.

- 8.- MENDEZ RODRIGUEZ ALDA GEORGINA ASBESTOS DE MEXICO SUPERVISOR DE LABORATORIO VIA CUSTAVO BAZ TLALNEPANTLA 565-01-00
- 9.- MORALES PALACTOS RANFERI S. C. T.
- 10.- REYES CASTRO FERNANDO FRANCISCO CHRYSLER DE MEXICO, S.A. INSPECTOR MONITOR LAGO ALBERTO No. 320 COL. ANAHUAC DELEGACION MIGUEL HIDALGO 11320 MEXICO, D.F. 250-99-88
- 11.- ROSAS LEVIN ALAN LYNN
 CENTRO CULTURAL BENJAMIN FRANKLIN, S.C.
 SUBDIRECTOR
 PARROQUIA No. 828
 COL. DEL VALLE
 DELEGACION BENITO JUAREZ
 03100 MEXICO, D.F.
 534-77-47 y 534-16-23
- 12.- ROSAS TAPIA DANIEL S. C. T.
- 13.- SALAS CORDOVA EDUARDO
 FAC. EST. SUP. CUAUTITLAN
 JEFE SEC. MECANICA DEPTO. ING.
 CARRET. CUAUTITLAN TEOLOYUCAN KM. 3.5
 CUAUTITLAN IZCALLI
 872-30-12 ext. 158
- 14.- SOTO PORTILLA ALFREDO
 UNIVERSIDAD VERACRUZANA
 CATEDRATICO
 LOMAS DEL ESTADIO
 XALAPA, VER.
- 15.- TORREBLANCA CORTES SERGIO BANCO DE MEXICO INVESTIGADOR INDUSTRIAL LEGARIA NO. 691 COL. IRRIGACION 557-21-00 ext. 134
- 16.- TREJO GUTIERREZ RAUL
 D. G. TELECOMUNICACIONES
 JEFE DEPTO. DE TRANSMISION DE DATOS
 EJE LAZARO CARDENAS No.567
 COL. NARVARTE
 538-81-01

ISLA DEL SOCORRO No. 52 COL. PRADO VALLEJO DELEGACION TLALNEPANTLA 567-36-62

SAN GONZALO MZ. 607 L. 4 STA. URSULA COAPA DELEGACION COYOACAN 04650 MEXICO, D.F.

EXTREMADURA No. 50-20 COL. INSURGENTES MIXCOAC DELEGACION BENITO JUAREZ 03920 MEXICO, D.F. 598-75-88

AV. MATAMOROS S/N
COL. TLACATECO
TEPOTZOTLAN EDO. DE MEXICO

AV. ADALBERTO TEJEDA No. 32-3 XALAPA, VER. 8-01-50

FUNDIDORA DE MONTERREY No. 377 COL. INDUSTRIAL 07800 MEXICO, D.F. 781-16-14

JUPITER No. 46 DELEGACION CUAUHTEMOC 583-40-18

•	·		
17	ULLOA FLORES FERNANDO		
	SEISA		DIAGONAL No. 33
-	INGENIERO VENTAS		COL. DEL VALLE
	MANUEL MARIA CONTRERAS No. 25	•	DELEGACION BENITO JUAREZ
•	COL. SAN RAFAEL	. 1	03100 MEXICO, D.F.
	DELEGACION CUAUHTEMOC		52 3- 00 - 34
•	06470 MEXICO, D.F.	_	
•	566-36-00 ext. 155	•	
		•	
18	VAZQUEZ ENRIQUEZ MA. ROSARIO	•	
	DIRÈC. GRAL. DE TELECOMUNICACIONES	_	CALLE 33 No. 140
	SUPERVISOR DE TELECOMUNICACIONES	•	COL. I. ZARAGOZA
	AV. LAZARO CARDENAS No. 567		DELEGACION VENUSTIANO CARRANZA
	COL. NARVARTE	•	01500 MEXICO, D.F.
	511-52-01	•	571-24-74
		•	
•	•	•	
	- ,'		
19	VAZQUEZ GONZALEZ RAUL		
	CIDÈSI		AV. DE LOS MAESTROS No. 14
	JEFE DE PRUEBAS FISICAS	•	SAN ANDRES ATCO.
	AV. GRANJAS No. 682		54040 TLALNEPANTLA
	COL. STA. CATARINA		398-45-62
	02250 MEXICO, D.F.		اران الله الله الله الله الله الله الله ال
	564-80-11		
		•	
	:		وائي ۾ اڳڙي آهي. آهي آهي جي جي آهي ج
20	ZARATE FIGUEROA MARCOS FRANCISCO		A Secretary of the second
	FAC. DE INGENIERIA, U. N. A. M.		AV. SAN JORGE MZ. 817 LT. 4
	TECNICO ACADEMICO		SANTA URSULA COAPA
	CD. UNIVERSITARIA	•	DELEGACION COYOACAN
٠			04600 MEXICO, D.F.
	•		The state of the s
			A Company of the Comp
	•		
	• •		

٠,