



UNIVERSIDAD NACIONAL AUTÓNOMA DE MÉXICO

---

---

FACULTAD DE INGENIERÍA  
DIVISIÓN DE INGENIERÍA CIVIL Y GEOMÁTICA

**EFFECTOS DE UNA POLÍTICA DE OPERACIÓN DE UNA  
HIDROELÉCTRICA EN EL LARGO PLAZO USANDO REGISTROS  
SINTÉTICOS PARA SU SIMULACIÓN**

**TESIS**

QUE PARA OBTENER EL TÍTULO DE:

**INGENIERO CIVIL**

PRESENTA:

**ANAYELLY MIRELES GONZÁLEZ**

DIRECTOR DE TESIS:

**DRA. MARITZA LILIANA ARGANIS JUÁREZ**

MÉXICO, D. F.

2013





DIVISIÓN DE INGENIERÍAS CIVIL Y GEOMÁTICA  
COMITÉ DE TITULACIÓN  
FING/DICyG/SEAC/UTIT/117/13

Señorita  
ANAYELLY MIRELES GONZÁLEZ  
Presente

En atención a su solicitud me es grato hacer de su conocimiento el tema que propuso la profesora DRA. MARITZA LILIANA ARGANIS JUÁREZ, que aprobó este Comité, para que lo desarrolle usted como tesis de su examen profesional de INGENIERO CIVIL.

**"EFECTOS DE UNA POLÍTICA DE OPERACIÓN DE UNA HIDROELÉCTRICA EN EL LARGO PLAZO  
USANDO REGISTROS SINTÉTICOS PARA SU SIMULACIÓN"**

- I. INTRODUCCIÓN
- II. ANTECEDENTES
- III. METODOLOGÍA
- IV. APLICACIÓN Y RESULTADOS
- CONCLUSIONES Y RECOMENDACIONES
- REFERENCIAS
- ANEXOS

Ruego a usted cumplir con la disposición de la Dirección General de la Administración Escolar en el sentido de que se imprima en lugar visible de cada ejemplar de la tesis el Título de ésta.

Asimismo le recuerdo que la Ley de Profesiones estipula que deberá prestar servicio social durante un tiempo mínimo de seis meses como requisito para sustentar Examen Profesional.

Atentamente  
"POR MI RAZA HABLARÁ EL ESPÍRITU"  
Cd. Universitaria a 24 de septiembre del 2013.  
EL PRESIDENTE

M.I. JOSÉ LUIS TRIGOS SUÁREZ

JLTS/MTH\*gar.

“Lo que sabemos es una gota de agua;  
lo que ignoramos es el océano”.

Isaac Newton

Para mis padres y hermano, los quiero mucho.

## AGRADECIMIENTOS

A mis padres por su amor, tolerancia y el estar conmigo en cada paso que doy. Los amo, siempre son un ejemplo para mí.

A mi hermano por acompañarme y apoyarme siempre. Te quiero Juancho. Me alegro de tener un hermano como tú.

A mis tíos, primos y abuelos por estar conmigo en las buenas y en las malas. Son insustituibles. Los quiero.

A mis amigos por estar a mi lado y compartir un logro más. Los valoro, respeto y quiero mucho.

A mis profesores por el conocimiento obsequiado, la ayuda y la motivación.

A la Dra. Maritza Liliana Arganis Juárez y al Dr. Ramón Domínguez Mora por la asesoría, el tiempo y atención para la realización de este trabajo de tesis.

A mis compañeros y a todas aquellas personas que formaron parte de este camino para alcanzar un logro más.

Gracias a todos ustedes.

# ÍNDICE

Introducción .....	1
1. Antecedentes .....	4
1.1. Introducción .....	4
1.2. Casos similares estudiados en México .....	5
1.3. Casos similares estudiados en otros países .....	7
1.4. Planteamiento del problema .....	8
1.5. Hipótesis .....	8
1.6. Objetivos .....	8
1.7. Conceptos básicos de Hidrología .....	9
1.8. Componentes de un aprovechamiento hidroeléctrico .....	10
2. Metodología .....	14
2.1. Introducción .....	14
2.2. Descripción del sitio de estudio .....	14
2.3. Conceptos básicos de probabilidad y estadística .....	16
2.4. Funciones de distribución de probabilidad usadas en hidrología .....	20
2.5. Política de operación .....	23
2.6. Generación de datos sintéticos .....	24
2.6.1. Modelos ARMA (Autoregressive-Moving Average) .....	25
2.6.2. Modelos ARIMA (Autoregressive Integrated Moving Average) .....	26
2.6.3. Método fragmentos de Svanidze .....	26
2.6.4. Método de Svanidze .....	27
2.6.5.1. Modificación en la selección de los años aleatorios .....	28
2.6.5.2. Programa para generar las series .....	28
2.6.5.3. Programa para generar los años aleatorios y las fracciones aleatorias .....	29
2.7. Programación lineal .....	32
2.8. Programación dinámica .....	33
2.9. Programación dinámica estocástica o probabilística .....	35
2.9.1. Programa de optimización .....	40
2.9.2. Programa para la obtención de políticas de operación óptimas .....	41
2.10. Simulación del funcionamiento de vaso .....	43
2.10.1. Procedimiento de cálculo .....	46
2.10.2. Programa para simular el funcionamiento quincenal de una presa .....	48

3. Aplicación y Resultados.....	52
3.1. Introducción.....	52
3.2. Aplicación .....	52
3.2.1. Registro.....	52
3.2.2. Función de distribución de probabilidad.....	52
3.2.3. Series sintéticas .....	57
3.2.4. Selección de años aleatorios y obtención de fracciones aleatorias .....	59
3.3. Resultados.....	77
3.3.1. Simulación de la política de operación con los registros sintéticos .....	77
4. Conclusiones y Recomendaciones.....	90
4.1. Conclusiones.....	90
4.2. Recomendaciones .....	96
Referencias.....	97
Anexos .....	100
Anexo 1. Desarrollo de la serie 03.....	100
Anexo 2. Desarrollo de la serie 07.....	110
Anexo 3. Desarrollo de la serie 09.....	119

## ÍNDICE DE FIGURAS

Figura 2.1 Localización de la presa La Angostura dentro de la Cuenca del Río Yaqui, Son.....	14
Figura 2.2 Cambio en el algoritmo para la selección aleatoria de años .....	28
Figura 2.3 Información que se obtiene del programa AX .....	29
Figura 2.4 Archivo de datosA.txt con el registro hidrológico con los años acomodados en orden cronológico .....	30
Figura 2.5 Archivo de resultados ARCH.RES con la selección aleatoria de años para la serie 01.....	30
Figura 2.6 Archivo de resultados DATOSANG.RES con las fracciones aleatorias para la serie 01 .....	31
Figura 2.7 Archivo de datosAN.txt, después de considerar la influencia del invierno.....	31
Figura 2.8 Archivo de resultados ARCH.RES, en este caso la selección aleatoria de años considerando la influencia del invierno en la serie 01 .....	32
Figura 2.9 Estructura básica de la programación dinámica.....	34
Figura 2.10 Modelos determinístico y estocástico.....	36
Figura 2.11 Diagrama de flujo para el modelo de programación dinámica estocástica .....	39
Figura 2.12 Diagrama de ejecución del programa.....	40
Figura 2.13 Archivo FITE01 obtenido al correr el programa CAFIT1P.FOT con los datos de la presa La Angostura, Son.....	41
Figura 2.14 Archivo RETAP01 obtenido al correr el programa OPDIN1VS.FOT con los datos del programa CAFIT1P.FOR.....	41
Figura 2.15 Archivo ARPOLVS, contiene las políticas de operación óptimas ..	42
Figura 2.16 Archivo MEEVS, muestra la matriz estados- extracciones.....	42
Figura 2.17 Archivo DIFANVS.....	43
Figura 2.18 Formato del archivo DATOSGE .....	48
Figura 2.19 Formato del archivo VOLPRE .....	48
Figura 2.20 Formato del archivo SIQPRE .....	49
Figura 2.21 Formato del archivo SUPGUIAP .....	49
Figura 3.1 Función Doble Gumbel, datos medidos y calculados.....	57
Figura 3.2 Función Doble Gumbel, datos medidos, calculados y los resultados de la serie 01 .....	59
Figura 3.3 Comparación entre la media del registro histórico y el registro sintético obtenido a partir de la serie 01 .....	63
Figura 3.4 Comparación entre la desviación estándar del registro histórico y el registro sintético obtenido a partir de la serie 01 .....	64
Figura 3.5 Comparación entre el coeficiente de asimetría del registro histórico y el registro sintético obtenido a partir de la serie 01 .....	64
Figura 3.6 Comparación entre el coeficiente de correlación del registro histórico y el registro sintético obtenido a partir de la serie 01 .....	64

Figura 3.7 Comparación entre la media del registro histórico y el registro sintético de cada una de las 10 series .....	65
Figura 3.8 Comparación entre la desviación estándar del registro histórico y el registro sintético de cada una de las 10 series.....	65
Figura 3.9 Comparación entre el coeficiente de asimetría del registro histórico y el registro sintético de cada una de las 10 series .....	66
Figura 3.10 Comparación entre el coeficiente de correlación del registro histórico y el registro sintético de cada una de las 10 series.....	66
Figura 3.11 Comparación entre la media del registro histórico y la del registro sintético hecho a partir de la serie 01. Después de considerar la influencia del invierno.....	73
Figura 3.12 Comparación entre la desviación estándar del registro histórico y la del registro sintético hecho a partir de la serie 01. Después de considerar la influencia del invierno .....	73
Figura 3.13 Comparación entre el coeficiente de asimetría del registro histórico y la del registro sintético hecho a partir de la serie 01. Después de considerar la influencia del invierno .....	74
Figura 3.14 Comparación entre el coeficiente de correlación del registro histórico y la del registro sintético hecho a partir de la serie 01. Después de considerar la influencia del invierno .....	74
Figura 3.15 Comparación entre la media del registro histórico y la del registro sintético de cada una de las 10 series. Después de considerar la influencia del invierno.....	74
Figura 3.16 Comparación entre la desviación estándar del registro histórico y la del registro sintético de cada una de las 10 series. Después de considerar la influencia del invierno .....	75
Figura 3.17 Comparación entre el coeficiente de asimetría del registro histórico y la del registro sintético de cada una de las 10 series. Después de considerar la influencia del invierno .....	75
Figura 3.18 Comparación entre el coeficiente de correlación del registro histórico y la del registro sintético de cada una de las 10 series. Después de considerar la influencia del invierno .....	75
Figura 3.19 Comparación entre la media del registro histórico y la del promedio de las 10 series. Después de considerar la influencia del invierno .....	76
Figura 3.20 Comparación entre la desviación estándar del registro histórico y la del promedio de las 10 series. Después de considerar la influencia del invierno .....	76
Figura 3.21 Comparación entre el coeficiente de asimetría del registro histórico y la del promedio de las 10 series. Después de considerar la influencia del invierno.....	77
Figura 3.22 Comparación entre el coeficiente de correlación del registro histórico y la del promedio de las 10 series. Después de considerar la influencia del invierno .....	77



Figura 3.23 Archivo de la política de operación para la presa La Angostura, Son.....	78
Figura 3.24 Archivo de la política de operación en forma matricial para la presa La Angostura, Son.....	78
Figura 3.25 Archivo SUPGUIAP de la simulación del registro histórico .....	84
Figura 4.1 Función Doble Gumbel de los datos medidos y los calculados con el programa AX al hacer el ajuste automático.....	90
Figura 4.2 Función Doble Gumbel de los datos medidos y los calculados después de la variación de $\alpha_2$ y $\beta_2$ .....	91
Figura 4.3 Comparación entre la media de los datos históricos y la media obtenida a partir de la serie 10. Después del primer ensayo.....	92
Figura 4.4 Comparación entre la media de los datos históricos y la media obtenida a partir de la serie 10. Después del segundo ensayo .....	92
Figura 4.5 Comparación entre la desviación estándar de los datos históricos y la obtenida a partir de la serie 10. Después del primer ensayo.....	93
Figura 4.6 Comparación entre la desviación estándar de los datos históricos y la obtenida a partir de la serie 10. Después del segundo ensayo .....	93
Figura 4.7 Comparación entre el coeficiente de correlación de los datos históricos y el obtenido a partir de la serie 10. Después del primer ensayo.....	94
Figura 4.8 Comparación entre el coeficiente de correlación de los datos históricos y el obtenido a partir de la serie 10. Después del segundo ensayo .	94

Figura A1. 1 Función Doble Gumbel para la serie 03 comparada con los datos calculados y medidos .....	101
Figura A1. 2 Comparación entre la media de los datos del registro sintético 03 y los del registro histórico. Después del primer ensayo. Considera un año hidrológico de julio a junio .....	105
Figura A1. 3 Comparación entre la media de los datos del registro sintético 03 y los del registro histórico. Después del segundo ensayo. Considera un año hidrológico de julio a junio .....	106

Figura A2. 1 Función Doble Gumbel, la gráfica compara los datos medidos y calculados con los obtenidos de la serie 07 .....	110
Figura A2. 2 Comparación entre la media de los datos del registro sintético 07 y los del registro histórico. Después del primer ensayo. Considera un año hidrológico de julio a junio .....	114
Figura A2. 3 Comparación entre la media de los datos del registro sintético 07 y los del registro histórico. Después del segundo ensayo. Considera un año hidrológico de julio a junio .....	115

Figura A3. 1 Función Doble Gumbel para la serie 09 comparada con los datos calculados y medidos .....	119
-------------------------------------------------------------------------------------------------------	-----

Figura A3. 2 Comparación entre la media de los datos del registro sintético 09 y los del registro histórico. Después del primer ensayo. Considera un año hidrológico de julio a junio .....	123
Figura A3. 3 Comparación entre la media de los datos del registro sintético 09 y los del registro histórico. Después del segundo ensayo. Considera un año hidrológico de julio a junio .....	124

## ÍNDICE DE TABLAS

Tabla 2.1 Características generales de la presa La Angostura, Son.....	15
Tabla 2.2 Funciones de distribución de probabilidad .....	21
Tabla 3.1 Serie mensual (ingresos en hm <sup>3</sup> ). Estadísticos: media, desviación estándar, coeficiente de asimetría, coeficiente de variación y coeficiente de correlación.....	53
Tabla 3.2 Año hidrológico (ingresos en hm <sup>3</sup> ). Estadísticos: media, desviación estándar, coeficiente de asimetría, coeficiente de variación y coeficiente de correlación.....	54
Tabla 3.3 Volumen total anual (hm <sup>3</sup> ) .....	55
Tabla 3.4 Datos medidos y calculados obtenidos del AX (hm <sup>3</sup> ) .....	56
Tabla 3.5 Serie 01 de 101 datos generados.....	58
Tabla 3.6 Numeración de años. Tabla 3.7 Serie 01. Tabla 3.8 Años aleatorios de la serie 01 .....	60
Tabla 3.9 Fracción aleatoria correspondiente para la serie 01 .....	61
Tabla 3.10 Registro sintético de 101 años (hm <sup>3</sup> ).....	62
Tabla 3.11 Diferencia entre los estadísticos del registro histórico y el registro sintético obtenido a partir de la serie 01 .....	63
Tabla 3.12 Año hidrológico (ingresos en hm <sup>3</sup> ). Estadísticos: media, desviación estándar, coeficiente de asimetría, coeficiente de variación y coeficiente de correlación. Los valores marcados son mayores a la media .....	67
Tabla 3.13 Año hidrológico (ingresos en hm <sup>3</sup> ). Los años de la población 1 están marcados al igual que los valores mayores a la media .....	68
Tabla 3.14 Numeración de años. Tabla 3.15 Serie 01. Tabla 3.16 Años aleatorios de la serie 01. Están marcados los años que pertenecen a la población 1 .....	70
Tabla 3.17 Fracción aleatoria correspondiente a la serie 01, considerando la nueva selección aleatoria de años .....	71
Tabla 3.18 Nuevo registro sintético a partir de la serie 01 (hm <sup>3</sup> ) .....	72
Tabla 3.19 Comparación entre los estadísticos históricos y del registro sintético a partir de la serie 01, después de considerar la influencia del invierno .....	72
Tabla 3.20 Estadísticos promedio considerando las 10 series sintéticas y estadísticos históricos. Considerando la influencia del invierno .....	76
Tabla 3.21 Registro quincenal obtenido a partir de la serie 01.....	79
Tabla 3.22 Resultados para el registro sintético de la serie 01, archivo SIQPRE .....	79
Tabla 3.23 Resultados para el registro sintético de la serie 01, archivo SUPGUIAP.....	81
Tabla 3.24 Resultados para el registro histórico, archivo SIQPRE .....	82
Tabla 3.25 Resultados de la simulación con el registro sintético de la serie 02, donde se observan los años con presencia de derrame y déficit.....	85
Tabla 3.26 Resumen de la simulación del funcionamiento de vaso usando la política de operación y 10 registros sintéticos de 100 años cada uno.....	87

Tabla 3.27 Frecuencia de las quincenas en las que se rebasó la curva guía ..	87
Tabla 3.28 Resumen de las frecuencias de los meses en los que se rebasa la curva guía.....	88
Tabla 3.29 Resumen de las frecuencias de los años en los que se rebasa la curva guía.....	88
Tabla 3.30 Frecuencia de las quincenas en las que se rebasó la curva guía, años y meses en los que se rebasó la curva guía.....	89

Tabla A1. 1 Resumen del funcionamiento de vaso .....	100
Tabla A1. 2 Serie 03 con 101 datos generados .....	100
Tabla A1. 3 Selección aleatoria sin considerar la influencia del invierno.....	102
Tabla A1. 4 Selección aleatoria considerando la influencia del invierno .....	103
Tabla A1. 5 Fracciones aleatorias de la serie 03 antes de considerar la influencia del invierno .....	104
Tabla A1. 6 Fracciones aleatorias de la serie 03 después de considerar la influencia el invierno .....	104
Tabla A1. 7 Registro a partir de la serie 03 antes de considerar la influencia del invierno (hm <sup>3</sup> ) .....	105
Tabla A1. 8 Registro sintético a partir de la serie 03 después de considerar la influencia del invierno (hm <sup>3</sup> ) .....	106
Tabla A1. 9 Resultados para el registro sintético de la serie 03, archivo SIQPRE .....	107
Tabla A1. 10 Resultados para el registro sintético de la serie 03, archivo SUPGUIAP.....	109

Tabla A2. 1 Serie 07 con 101 datos generados .....	110
Tabla A2. 2 Selección aleatoria de años antes de considerar la influencia del invierno.....	111
Tabla A2. 3 Selección aleatoria de años después de considerar la influencia del invierno.....	112
Tabla A2. 4 Fracciones aleatorias antes de considerar la influencia del invierno .....	113
Tabla A2. 5 Fracciones aleatorias después de considerar la influencia del invierno.....	113
Tabla A2. 6 Registro sintético a partir de la serie 07 antes de considerar la influencia del invierno (hm <sup>3</sup> ) .....	114
Tabla A2. 7 Registro sintético a partir de la serie 07 después de considerar la influencia del invierno (hm <sup>3</sup> ) .....	115
Tabla A2. 8 Resultados para el registro sintético de la serie 07, archivo SIQPRE .....	116
Tabla A2. 9 Resultados para el registro sintético de la serie 07, archivo SUPGUIAP.....	118

Tabla A3. 1 Serie 09 con 101 datos generados .....	119
Tabla A3. 2 Selección de años aleatorios antes de considerar la influencia del invierno.....	120
Tabla A3. 3 Selección de años aleatorios después de considerar la influencia del invierno.....	121
Tabla A3. 4 Fracciones aleatorias antes de considerar la influencia del invierno .....	122
Tabla A3. 5 Fracciones aleatorias después de considerar la influencia del invierno.....	122
Tabla A3. 6 Registro sintético a partir de la serie 09 antes de considerar la influencia del invierno (hm <sup>3</sup> ) .....	123
Tabla A3. 7 Registro sintético a partir de la serie 09 después de considerar la influencia del invierno (hm <sup>3</sup> ) .....	124
Tabla A3. 8 Resultados para el registro sintético de la serie 09, archivo SIQPRE .....	125
Tabla A3. 9 Resultados para el registro sintético de la serie 09, archivo SUPGUIAP.....	127
Tabla A3. 10 Resumen de los estadísticos de todos los registros sintéticos..	128





## Introducción

El papel que juega el agua a nivel mundial es primordial. Su estudio ha ido evolucionando desde la época de Leonardo Da Vinci en 1500 cuando se habló por primera vez del ciclo hidrológico. Posteriormente, en 1930 empezó el desarrollo cuantitativo de la Hidrología (Linsley, 1970).

En el caso de México, el agua es un factor limitante en cuanto a desarrollo, debido a que es un recurso mal distribuido tanto en espacio como en tiempo, y al aumento constante en la demanda.

Una de las medidas tomadas para prever la escasez de este líquido tanpreciado ha sido la construcción de presas de almacenamiento, las cuales tienen como objetivo básico modificar el régimen de los escurrimientos para adecuarlo al de las demandas. Por lo tanto, parte de los escurrimientos excesivos de la época de avenidas se almacenan temporalmente para disponer de ellos en la época seca, complementando los escurrimientos naturales. Al conjunto de reglas que establecen la forma de operar de un almacenamiento se le denominan políticas de operación (Domínguez, 1989).

Entre los usos que se les da a las presas de almacenamiento se mencionan algunos a continuación. La lista muestra la importancia del agua como líquido vital y en ella también se incluyen algunos estudios básicos en su diseño y operación (Aparicio, 2011).

- Fuentes de abastecimiento de agua para uso doméstico o industrial.
- Estudio y construcción de obras hidráulicas (fijación de dimensiones en obras hidráulicas de ingeniería, establecimiento de métodos de construcción).
- Drenaje (estudio del nivel freático, examen de las condiciones de alimentación y escurrimiento natural del nivel freático).
- Irrigación (estudio de evaporación e infiltración).
- Regulación de los cursos del agua y control de inundaciones (estudio de variaciones del caudal y prevención de crecientes máximas, examen de las oscilaciones del nivel de agua y de las áreas de inundación).



## Introducción

- Control de contaminación (análisis de la capacidad de recepción de los cuerpos receptores de efluentes del sistema de aguas de desecho).
- Control de erosión.
- Navegación.
- Aprovechamiento hidroeléctrico (caudales máximos, mínimos y promedio de los cursos de agua para el estudio económico y dimensionamiento de las instalaciones del aprovechamiento, estudio de sedimentos, estudio de evaporación e infiltración).
- Operación de sistemas hidráulicos complejos.
- Recreación y preservación del medio ambiente.
- Preservación y desenvolvimiento de la vida acuática.

En este trabajo de tesis se plantea la revisión de una política de operación obtenida para la presa La Angostura, Son. A partir de la simulación de registros sintéticos se observará el comportamiento del sistema a largo plazo. Este trabajo consta de cuatro capítulos descritos brevemente a continuación.

El capítulo 1 está dedicado a establecer los antecedentes a esta tesis, algunos conceptos básicos de hidrología utilizados. Se mencionan también trabajos anteriores que marcaron un preámbulo para el presente trabajo, estudios nacionales e internacionales.

Dentro del capítulo 2 se encuentra la metodología, incluye conceptos de probabilidad y estadística, además de algunos datos de la presa estudiada, y algunos de los métodos que se emplean en este tipo de estudios.

En el capítulo 3, están plasmados la aplicación y los resultados obtenidos al realizar el proceso de simulación con la política de operación de la presa La Angostura, Son.

Por último en el capítulo 4 se mencionan algunas conclusiones y recomendaciones que surgieron de este trabajo.





---

Introducción

**Referencias**

- Aparicio Mijares, Francisco Javier. *Fundamentos de Hidrología de Superficie*. México: Limusa. 2011.
- Domínguez Mora, Ramón. *Metodología de selección de una política de operación conjunta de una presa y su vertedor*. Tesis Doctoral. UNAM.1989.
- Linsley, R.K. *Hidrología para Ingenieros*. México: Mc Graw-Hill.1970.



## 1. Antecedentes

### 1.1. Introducción

Una presa tiene varios fines, entre los más claros y relevantes están el de generación de energía eléctrica, riego y el de almacenamiento y control de avenidas. Pero para su funcionamiento requiere de un recurso natural valioso, el agua. En cantidades muy grandes este recurso es peligroso por los daños que puede causar. De tal manera que la presa juega un papel muy importante en este punto al regular los escurrimientos naturales del río para adecuarlos al de las demandas (Domínguez, 1989).

La presa se alimenta de los escurrimientos naturales y de ella se extraen los volúmenes para el abastecimiento. Asimismo, se controlan los gastos extraordinarios vertiéndolos aguas abajo de la presa. Debido a que la presa tiene ingresos aleatorios, es necesario conocer a cada momento la cantidad de agua que debe extraerse por la obra de toma para surtir la demanda y la que debe extraerse por el vertedor para manejar los gastos extraordinarios.

A fin de establecer reglas para tomar decisiones en el caso de una presa, se establecen las políticas de operación y de ellas depende la funcionalidad de la presa. Determinar políticas de operación adecuadas es relativamente sencillo si se cuenta con las demandas y los volúmenes de ingreso. En el caso de México, comúnmente se cuenta con registros históricos de pocos años. Por ello, para ampliar la visión a largo plazo es importante tener registros más largos que los históricos y obtener políticas de operación óptimas (Peña, 2010).

La simulación a partir de la generación de registros sintéticos de los volúmenes de ingreso con mayor número de años que los registros históricos aumenta la información sobre el funcionamiento del sistema (generación, déficit y derrames a largo plazo), en comparación a la obtenida de los registros históricos que suelen ser menores a 50 años (Peña, 2010).



## 1.2. Casos similares estudiados en México

En el Estado de México durante los años 70's se realizó un estudio para la determinación de las políticas de operación de las presas La Juliana y Los Arcos por Correa A. Raúl en 1977 (Peña, 2010).

El Instituto de Ingeniería de la Universidad Nacional Autónoma de México ha realizado estudios para la determinación de políticas de operación de distintos sistemas de presas dentro de la República Mexicana. Uno de estos estudios es el realizado en el Río Grijalva, *Estudio integral de la cuenca alta del Río Grijalva*, en donde se analizó un sistema de presas en cascada, que incluye a las siguientes plantas hidroeléctricas: La Angostura, Chicoasén, Malpaso y Peñitas. Trabajo en el cual se toma en cuenta el concepto de curva guía y en el análisis se monitoreaba la energía generada, el almacenamiento mínimo y si presentaba algún derrame o déficit (Domínguez et al., 2009).

Otro ejemplo es el trabajo desarrollado en la tesis doctoral que lleva por título *Metodología de selección de una política de operación conjunta de una presa y su vertedor* (Domínguez, 1989). En ella se estableció una metodología que permitió estimar la función de distribución de probabilidades asociada a las consecuencias de tránsito de las avenidas por el vaso, la cual toma en cuenta la información histórica de las avenidas máximas anuales, considerando su valor máximo y su forma, además de estimar la influencia de la política de operación a largo plazo en el valor esperado de los daños causados por las avenidas. Para los ejemplos planteados en la tesis del Dr. Domínguez se utilizan datos de la presa El Infiernillo ubicada en el Río Balsas.

Hay sistemas que están en continuo estudio en el Instituto de Ingeniería con el fin de ir actualizando información de los eventos hidrológicos y tomando en cuenta los avances en las técnicas de análisis. Un ejemplo es el caso del Río Grijalva que también ha sido estudiado durante los 90's en el trabajo *Operación integral del sistema Hidroeléctrico del Río Grijalva* (Domínguez et al., 1993), donde se definieron políticas de operación que evitaran inundaciones en



---

Capítulo 1. Antecedentes

poblados aguas abajo del sistema y maximizaran la generación eléctrica de todo el sistema.

A partir del año 2000, se han ido realizando aun más investigaciones al respecto como la revisión de las presas La Angostura y Malpaso en el Río Grijalva (Domínguez et al., 2001), donde se hicieron modificaciones al modelo anterior a partir de las restricciones de energía mínima planteadas por la Comisión Federal de Electricidad.

En el artículo *Importancia de la generación de muestras sintéticas en el análisis del comportamiento de políticas de operación de presas* (Domínguez et al., 2005), basado en el análisis hecho del sistema hidroeléctrico del Río Grijalva, los resultados permitieron observar diferencias significativas en comparación al simular solamente el registro histórico.

La generación de muestras sintéticas ha sido aplicada en muchos estudios como el planteado en el informe *Determinación de políticas de operación del Río Santiago* (Domínguez et al., 2009), sistema formado por las presas Santa Rosa, La Yesca, El Cajón y Aguamilpa. Otros trabajos que destacan sobre el Río Santiago son los hechos por Domínguez y Arganis en el 2009, solamente considerando El Cajón y Aguamilpa.

Sobre el Río Fuerte se tiene el trabajo *Determinación de políticas de operación del Río Fuerte, Sinaloa* (Domínguez et al., 2007). En donde se analizó el sistema compuesto por las presas Luis Donald Colosio (Huites), Miguel Hidalgo (El Mahone) y Josefa Ortiz de Domínguez (El Sabino).

Otro artículo en el que se habla sobre registros sintéticos es el de *Cálculo de registros sintéticos de ingresos por cuenca propia de un sistema de presas de la región Noroeste de México, caracterizada por eventos invernales* (Domínguez et al., 2009). Este estudio se realizó en la región del estado de Sonora, en donde las presas son afectadas por eventos de invierno provocando que algunos escurrimientos mensuales sean mucho mayores a la media en esos meses. Convirtiéndose en una de las bases para este trabajo de tesis.



### 1.3. Casos similares estudiados en otros países

Varios casos en los que se han obtenido políticas de operación en el extranjero han sido con el fin de una optimización de la generación eléctrica de las presas maximizando la producción anual al aplicar varios modelos para la determinación de óptimas políticas de operación, algunos de los cuales se explican en el segundo capítulo de esta tesis.

Por ejemplo, la revisión en diez presas de Vietnam sobre sus adecuadas políticas en un estudio realizado por la Universidad del sur de Australia, donde se revisó la seguridad de las presas y se evaluó la adecuación de las políticas. En este estudio se relaciona el correcto funcionamiento de una presa con el desarrollo de un país, lo cual se da debido a la implicación de términos económicos en las presas hidroeléctricas (Dam et al., 2012).

Otro de los ejemplos sobre determinación de políticas de operación es el caso de cuatro presas construidas en Turquía. Donde se tomaron como base para la modelación los datos históricos de cinco años, describiendo el método como una planificación adaptativa basado en modelos estocásticos (Dagli et al., 1980).

La maximización de la energía hidroeléctrica se ha logrado muchas veces gracias a la aplicación de un modelo de programación lineal. Ejemplo de esto es el estudio realizado en la presa Yongdam situada en el Río Geum en Corea del Sur, se examinó la función objetivo como una alternativa a una forma no lineal además del efecto en el almacenamiento de los embalses considerando la maximización de generación de energía hidroeléctrica (Yoo et al., 2009).

En el caso del lago Kariba, que utiliza el agua del Río Zambeze para producir energía hidroeléctrica que se suministra a Zambia y Zimbabue, se empleó la programación dinámica incremental y la programación dinámica estocástica con el objetivo de maximizar el potencial de la energía hidroeléctrica del sistema (Stam et al., 1998).



---

## Capítulo 1. Antecedentes

En el artículo *The optimization of single-purpose reservoir design with the application of dynamic programming to synthetic hydrology samples* se realizó un análisis que arrojaba una política de operación óptima para una presa usando programación dinámica (Hall et al., 1963). El procedimiento de programación dinámica ha sido un método eficiente para resolver una variedad de problemas de decisión.

### **1.4. Planteamiento del problema**

En este trabajo se hace una revisión del comportamiento de la política de operación obtenida para la presa La Angostura, Son., que originalmente había operado para riego y otros usos, pero que pronto tendrá el propósito de generación de electricidad. La revisión se realizó con ayuda de la simulación de registros sintéticos generados con el método de Svanidze, para observar el comportamiento del sistema en el largo plazo de utilizarse dicha política de operación.

### **1.5. Hipótesis**

La generación de registros sintéticos más largos que los registros históricos de los volúmenes de ingreso a una presa permite describir el comportamiento estadístico de la operación de un embalse bajo cierta política de operación. Además, favorece estimar la probabilidad de que ocurran casos poco frecuentes como los que causan derrames y déficit, por ello el registro histórico es insuficiente.

### **1.6. Objetivos**

Aplicar el método de Svanidze para generar 10 series sintéticas de 101 años cada una, de volúmenes de ingreso por cuenca propia a la presa la Angostura, Son. Simular la política de operación que fue obtenida en un estudio reciente para la presa La Angostura, Sonora, para identificar los posibles escenarios de generación de electricidad, déficit y derrames en el largo plazo.

En este capítulo se plantean algunos conceptos que serán utilizados a lo largo del desarrollo de esta tesis. Con el fin de plantear un marco general para



---

## Capítulo 1. Antecedentes

mejorar la comprensión de los efectos de una política de operación de una hidroeléctrica en el largo plazo a partir de registros sintéticos.

### **1.7. Conceptos básicos de Hidrología**

En este punto se mencionan conceptos básicos de la Hidrología empleados en el desarrollo de este trabajo (Aparicio, 2011; Linsley, 1970).

#### **Hidrología**

Es la ciencia natural que estudia al agua, su ocurrencia, circulación y distribución en la superficie terrestre, sus propiedades físicas y su relación con el medio ambiente, incluyendo a los seres vivos. De acuerdo con el Federal Council for science and technology la hidrología versa acerca del agua sobre la tierra, su existencia y distribución, sus propiedades físicas y químicas, y su influencia sobre el medio ambiente, incluyendo su relación con los seres vivos.

#### **Ciclo Hidrológico**

Es considerado como el concepto fundamental de la hidrología. Define la trayectoria del agua, alrededor del planeta Tierra, en sus diferentes estados cambiando de líquido a hielo y vapor. Su descripción puede comenzar en cualquier punto y no tiene principio ni fin.

#### **Evaporación**

Es el proceso por el cual el agua pasa del estado líquido en el que se encuentra en los almacenamientos, conducciones y en el suelo, en las capas cercanas a su superficie, a un estado gaseoso y se transfiere a la atmósfera.

#### **Precipitación**

Agregado de partículas acuosas, líquidas o sólidas, cristalizadas o amorfas, que caen de una nube o grupo de nubes y alcanzan el suelo. Es el término que se refiere a todas las formas húmedas emanadas de la atmósfera y depositadas en la superficie terrestre, tales como la lluvia, granizo, rocío, neblina, nieve o helada. Los elementos necesarios para que se forme la



---

## Capítulo 1. Antecedentes

precipitación son los siguientes: humedad atmosférica, radiación solar, mecanismo de enfriamiento del aire.

### **Escurrimiento**

Se define como el agua proveniente de la precipitación que circula sobre o bajo la superficie terrestre y que llega a una corriente para finalmente ser drenada hasta la salida de la cuenca.

### **Infiltración**

Formación de un paso de agua en forma de conducto a través de materiales naturales o artificiales.

### **Evapotranspiración**

Es la combinación de la evaporación y la transpiración. Por lo tanto, es la cantidad de agua transferida del suelo a la atmósfera por evaporación y por la transpiración de las plantas.

### **Cuenca**

Es la zona de la superficie terrestre en donde las gotas de lluvia que caen sobre ella tienden a ser drenadas por el sistema de corrientes hacia un mismo punto de salida.

## **1.8. Componentes de un aprovechamiento hidroeléctrico**

### **Presa**

Es una barrera que se construye al paso de una corriente de agua. El propósito con el que se construye una presa es de dos tipos, el de aprovechamiento y el de defensa. En cuanto al primero, para dar abastecimiento de agua a poblaciones para el consumo humano, suministro a las áreas de riego y a las industrias. También se usa el cuerpo de agua con fines de navegación, deportivos y de pesca. Además de emplear el agua para generación de energía eléctrica. En cuanto al propósito de defensa, sirve para evitar inundaciones o contra sequías (Peña, 2010).





---

## Capítulo 1. Antecedentes

### **Embalse o vaso de almacenamiento**

Lago artificial formado por la presa.

### **Cortina**

Se encarga de obstaculizar el paso del agua, asegurando su almacenamiento y poder aprovecharla.

### **Obra de toma**

Conjunto de estructuras que se construyen con el objeto de extraer el agua de forma controlada y poder utilizarla con el fin para el que fue diseñado su aprovechamiento.

### **Obra de excedencias**

Es construida para dar salida al agua que excede la capacidad útil del vaso sin que provoque daños a la propia presa ni a sus obras e instalaciones auxiliares.

### **Obra de desvío**

Son obras construidas para desviar temporalmente el cauce del río mientras se construye la presa.

### **Casa de máquinas**

Es el lugar donde se encuentra el equipo para la generación de electricidad por medio de turbinas, esto en el caso de las presas hidroeléctricas.

### **Conclusión**

En este capítulo se destacó la importancia del estudio de este tema tanto en México como en otros países. Además se establecen algunos conceptos que serán muy utilizados durante el desarrollo del siguiente capítulo de metodología.

### **Referencias**

- Aparicio Mijares, Francisco Javier. *Fundamentos de Hidrología de Superficie*. México: Limusa. 2011.



Capítulo 1. Antecedentes

- Dagli, C. H., Miles, J. F. *Determining operating policies for a water resource system*. Journal of Hydrology. 47 (1980). 297-306. Holanda.
- Dam T. T., Burritt R. L., Pisaniello J. D. *Adequacy of policy and practices for small agricultural dam safety accountability and assurance in Vietnam*. Agricultural Water management. 112 (2012). 63-74. Australia.
- Domínguez, M. R., Arganis, J. M. L., González, V. F. Estudio integral de la cuenca alta del río Grijalva. 3. Manejo óptimo de las presas. Elaborado para la CFE por el Instituto de Ingeniería de la UNAM. Informe final. Noviembre 2009.
- Domínguez M.R., Cruickshank V.C., Arganis J.M.L. Importancia de la generación de muestras sintéticas en el análisis del comportamiento de políticas de operación de presas. Ingeniería del agua. 12. Marzo 2005.
- Domínguez M.R. Arganis J.L.M. *Cálculo de registros sintéticos de ingresos por cuenca propia de un sistema de presas de la región Noroeste de México, caracterizada por eventos invernales*. 10. 2009. 353-361.
- Domínguez, M. R., Arganis, J. M. L. *Determinación de políticas de operación del río Fuerte, Sin.* Elaborado para la CFE por el Instituto de Ingeniería de la UNAM. Informe Final. Diciembre 2007.
- Domínguez, M. R., Arganis, J. M. L. *Determinación de políticas de operación del río Santiago*. Elaborado para la CFE por el Instituto de Ingeniería de la UNAM. Informe Final. Diciembre 2009.
- Domínguez Mora, Ramón. *Metodología de selección de una política de operación conjunta de una presa y su vertedor*. Tesis Doctoral. UNAM.1989.
- Domínguez, M. R., Mendoza R. R. *Operación integral del sistema hidroeléctrico del río Grijalva*. Elaborado para la CFE por el Instituto de Ingeniería de la UNAM. Julio 1993.
- Domínguez, M. R. *Revisión de las políticas de operación quincenal de las presas Angostura y Malpaso, en el río Grijalva*. Elaborado para la CFE por el Instituto de Ingeniería de la UNAM. Informe Final. Noviembre 2001.



---

Capítulo 1. Antecedentes

- Hall W. A., Howell D. T. *The optimization of single-purpose reservoir design with the application of dynamic programming to synthetic hydrology samples*. Journal Hidrology. 1 (1963). 355-363. Holanda.
- Linsley, R.K. *Hidrología para Ingenieros*. México: Mc Graw-Hill.1970.
- Peña Delgado, Francisco. *Simulación histórica y sintética de políticas de operación óptima de un sistema de tres presas en cascada en el Río Santiago, Nayarit México*. Tesis Profesional. UNAM. 2010.
- Stam A., Salewicz K. A., Aronson J. E. *An interactive reservoir management system for Lake Kariba*. European Journal of Operational Research. 107(1998). 119-136. Austria.
- Yoo, Ju-Hwan. *Maximitation of hidropower generation through the application of a linear programming model*. Journal of Hidrology. 376 (2009). 182-187. Corea.

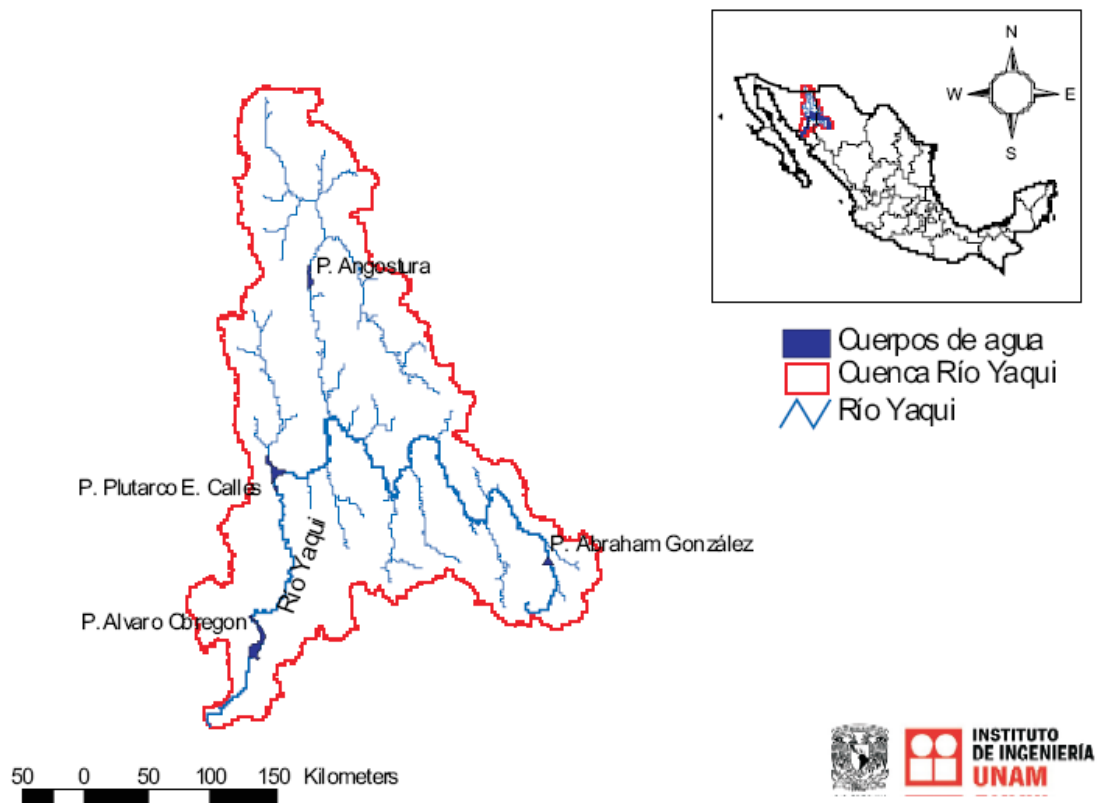
## 2. Metodología

### 2.1. Introducción

En este capítulo se hace una descripción del sitio de estudio, se mencionan conceptos de probabilidad y estadística básicos empleados en la metodología, se presenta la definición de política de operación y se describen los métodos relacionados con el estudio.

### 2.2. Descripción del sitio de estudio

La presa La Angostura se encuentra ubicada dentro del distrito de riego del Río Yaqui, Sonora (figura 2.1). Fue construida con los propósitos de riego y generación de energía entre los años de 1936 y 1942. Tiene abastecimiento de agua por parte del afluente de los ríos Bavispe y Yaqui (CONAGUA).



**Figura 2.1** Localización de la presa La Angostura dentro de la Cuenca del Río Yaqui, Son.



Capítulo 2. Metodología

En cuanto a la geología del lugar, está formada por rocas riolíticas presentadas en dos corrientes separadas por una toba riolítica. Existe riolita traquítica en la corriente inferior con 100m de espesor y en el lecho del río había una capa de acarreo de 15m de espesor. En la tabla 2.1 se muestran datos de la presa La Angostura, Sonora.

**Tabla 2.1 Características generales de la presa La Angostura, Son.**

Área de la cuenca	18100 km <sup>2</sup>
Avenida máxima registrada (1932)	2080 m <sup>3</sup> /s
<b>VASO</b>	
Capacidad total	840 hm <sup>3</sup>
Área del embalse	4 800 ha
<b>CORTINA</b>	
Tipo	Arco-gravedad
Altura total	91.75 m
Longitud por la corona	178 m
Radio del arco	60 m
Espesor en la corona	3.5 m
Espesor en el fondo del cauce	31 m
Elevación del desplante de la cimentación	752 m
Elevación del fondo del cauce	767 m
Elevación de la corona de la cortina	843.75 m
<b>VERTEDOR</b>	
Tipo	Cresta libre con canal de descarga en curva y terminado en un umbral deflector
Vertedor de cresta libre a la elevación	830.70 m
Longitud de cresta	30.48 m
Elevación de la cresta	830.70 m
Elevación del nivel de aguas máximas	840.15 m
Carga máxima	9.45 m



Capítulo 2. Metodología

Bordo libre	3.60 m
Avenida de diseño	3 000 m <sup>3</sup> /s
Capacidad	1 900 m <sup>3</sup> /s
Gasto máximo derramado (19 de febrero de 1949)	115 m <sup>3</sup> /s

**OBRA DE TOMA**

4 Tuberías

Eje a la elevación en el paramento de aguas arriba	777.60 m
Eje a la elevación en el paramento de aguas abajo	770.65 m
Las dos centrales con un diámetro interior	1.78 m
Las dos de los extremos con un diámetro interior	2.03 m
2 Rejillas a la elevación	777.60 m

**CASA DE MÁQUINAS**

Capacidad normal	120 m <sup>3</sup> /s
------------------	-----------------------

**2.3. Conceptos básicos de probabilidad y estadística**

Debido a que el diseño y la planeación de obras hidráulicas se encuentran siempre relacionados con eventos hidrológicos aleatorios futuros, el modelo estadístico es el camino obligado en la solución de los problemas. En particular, la probabilidad y estadística juegan un papel importante en el análisis hidrológico. A continuación, se hará un recordatorio de los conceptos fundamentales de la probabilidad y estadística (Devore, 2008).

**Probabilidad**

En un proceso aleatorio, se define como la razón entre el número de casos favorables y el número de casos posibles. Al suponer que existe un número finito de eventos simples  $N$  que compone el espacio de eventos asociado a un experimento aleatorio, igualmente posibles, si un evento  $A$  del espacio de



---

## Capítulo 2. Metodología

eventos se compone por eventos simples  $N(A)$ , entonces la probabilidad del evento  $a$  se define como:

$$P(A) = \frac{N(A)}{N} \quad (2.1)$$

### **Estadística**

Se encarga de los métodos científicos para recolectar, organizar, resumir, presentar y analizar datos, de la misma manera se ocupa de sacar conclusiones válidas y tomar decisiones en este análisis. Existe la estadística descriptiva que busca describir y analizar un grupo determinado, sin obtener conclusiones acerca de un grupo más grande; mientras la estadística inductiva o inferencial se ocupa de las condiciones bajo las cuales las conclusiones son válidas.

### **Variable aleatoria**

Es un símbolo que puede tomar cualquiera de los valores de un conjunto predeterminado, a cada uno de los cuales se asocia una probabilidad.

### **Espacio muestral**

Es el conjunto de todos los resultados posibles de un experimento estadístico.

### **Población**

Consiste en la totalidad de las observaciones en las que se está interesado.

### **Muestra**

Es el subconjunto o pequeña parte de una población.

### **Rango**

Diferencia entre los valores mayor y menor de la serie, es una medida simple de dispersión de los datos.

### **Frecuencia**

La frecuencia de cualquier valor determinado, es el número de veces que se presenta dicho valor en el conjunto de datos.



## Capítulo 2. Metodología

### Media

La media aritmética de un conjunto de números está dada por:

$$\bar{x} = \frac{x_1 + x_2 + \dots + x_n}{n} = \frac{\sum_{i=1}^n x_i}{n} \quad (2.2)$$

### Mediana

Se define como el valor que divide las frecuencias de una distribución de probabilidades en dos partes iguales o, en otras palabras, es el valor que ocurre con una probabilidad del 50%.

### Moda

Es el valor que ocurre con mayor frecuencia en una distribución de probabilidades, o en una tabla de frecuencias de una serie de datos agrupados en clases o categorías.

### Desviación estándar

Es la raíz cuadrada positiva de la variancia. Está definida de la siguiente manera:

$$S = \sqrt{\left(\frac{\sum_{i=1}^n x_i - \bar{x}}{n - 1}\right)} \quad (2.3)$$

### Varianza

Está definida a partir de la desviación estándar.

$$\text{Var}=S^2 \quad (2.4)$$

### Coficiente de asimetría

Tiene la finalidad de medir si la muestra se distribuye de igual manera a ambos lados de la media.

$$g = \frac{\frac{1}{n} \sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})^3}{\left(\frac{n-1}{n}\right)^{3/2} S_x^3} = \frac{\frac{1}{n} (\sum_{i=1}^n x_i^3 - 3 \bar{x} \sum_{i=1}^n x_i^2 + 2 n \bar{x}^3)}{\left(\frac{n-1}{n}\right)^{3/2} S_x^3} \quad (2.5)$$





## Capítulo 2. Metodología

Donde:

$g$  es el coeficiente de asimetría.

Si  $g < 0$ , la simetría es negativa por lo cual la dispersión es mayor a la izquierda de la media.

Si  $g > 0$ , la simetría es positiva, la dispersión es mayor hacia la derecha de la media.

Si  $g = 0$ , la muestra es simétrica alrededor de la media.

### **Coeficiente de variación**

Es el cociente de la desviación estándar entre la media.

$$C_v = S/\bar{x} \quad (2.6)$$

### **Coeficiente de autocorrelación**

La autocorrelación se expresa a partir de las covarianzas simétricas en el retardo  $s$  e independientes al tiempo, a partir de las cuales se define el coeficiente de autocorrelación de la siguiente manera:

$$\rho_s = \frac{Cov(u_t, u_{t+s})}{\sqrt{Var(u_t)Var(u_{t+s})}} \quad (2.7)$$

Donde:

$u_t$  variable.

$u_{t+s}$  la misma variable un periodo después.

### **Coeficiente de correlación**

Número a partir del cual se intenta medir la fuerza de relación entre dos variables. Está definido por:

$$\rho_{x,y} = \frac{Cov(x,y)}{\sigma_x * \sigma_y} \quad (2.8)$$

### **Periodo de retorno**

Suponiendo que un evento extremo ocurre si una variable aleatoria  $X$  es mayor o igual que un cierto nivel  $x_\tau$ , el periodo de retorno es el valor esperado del



intervalo de recurrencia  $\tau$ ,  $E(\tau)$ , su valor promedio medido sobre un número de ocurrencias suficientemente grande (Chow, 1975).

#### 2.4. Funciones de distribución de probabilidad usadas en hidrología

Si se dibujan los gastos máximos registrados contra sus respectivos periodos de retorno se observa una tendencia más o menos definida. Para extender la tendencia hasta el periodo de retorno deseado se debe buscar entre las distintas funciones de distribución de probabilidad la que mejor se ajuste a los datos medidos (Aparicio, 2011). Entre las funciones de distribución que se emplean en hidrología se encuentran las presentadas en la tabla 2.2.

##### Función de distribución Gumbel o de valores extremos

Es una función de probabilidades usualmente utilizada para valores máximos aleatorios sacados de poblaciones sumamente grandes.

En el caso de que se tengan N muestras que contienen cada una n eventos y se selecciona el máximo x de los n eventos de cada muestra, se tiene que conforme aumenta n, la función de distribución de probabilidad de x tiende a:

$$F(x) = e^{-e^{-\alpha(x-\beta)}} \quad (2.9)$$

Quedando la función de densidad de probabilidad como sigue:

$$f(x) = \alpha e^{[-\alpha(x-\beta)-e^{-\alpha(x-\beta)}]} \quad (2.10)$$

Donde los parámetros  $\alpha$  y  $\beta$  para muestras muy grandes se estiman como se observa en las ecuaciones 2.11 y 2.12:

$$\alpha = \frac{1.2825}{S} \quad (2.11)$$

$$\beta = \bar{x} - 0.45 S \quad (2.12)$$

Y en el caso de muestras pequeñas se emplean las siguientes estimaciones:

$$\alpha = \frac{\sigma_y}{S} \quad (2.13)$$

$$\beta = \bar{x} - \mu_y/\alpha \quad (2.14)$$



Capítulo 2. Metodología

Tabla 2.2 Funciones de distribución de probabilidad

Funciones de distribución de probabilidad	Aplicación	Función densidad de probabilidad	Parámetros	Función de distribución de probabilidad	Variable estandarizada
Función de distribución normal o Gauss	Son generalmente apropiadas para variables aleatorias que cubren todo el rango de valores de los resultados posibles del experimento bajo análisis	$f(x) = \frac{1}{\sqrt{2\pi}\sigma} e^{-\frac{1}{2}\left(\frac{x-\mu}{\sigma}\right)^2}$	$\mu$ y $\sigma$ son los parámetros de la distribución	$F(x) = \int_{-\infty}^x \frac{1}{\sqrt{2\pi}\sigma} e^{-1/2\left(\frac{x-\mu}{\sigma}\right)^2} dx$	$z = \frac{x - \mu}{\sigma}$ $F(x) = F(z) = \int_{-\infty}^z \frac{1}{\sqrt{2\pi}} e^{-z^2/2} dz$
Función de distribución lognormal		$f(x) = \frac{1}{\sqrt{2\pi}x\beta} e^{-1/2\left(\frac{\ln x - \alpha}{\beta}\right)^2}$	$\alpha$ y $\beta$ parámetros de la función $\alpha = \sum_{i=1}^n \frac{\ln x_i}{n}$ $\beta = \left[ \sum_{i=1}^n \frac{(\ln x_i - \alpha)^2}{n} \right]^{1/2}$	$F(x) = \int_0^x \frac{1}{\sqrt{2\pi}x\beta} e^{-1/2\left(\frac{\ln x - \alpha}{\beta}\right)^2} dx$	$z = \frac{\ln x - \mu}{\beta}$
Función de distribución Pearson III	Ocupa un lugar intermedio	$f(x) = \frac{1}{\alpha_1 \Gamma(\beta_1)} \left\{ \frac{x - \delta_1}{\alpha_1} \right\}^{\beta_1 - 1} e^{-\frac{x - \delta_1}{\alpha_1}}$	$\alpha_1, \beta_1$ y $\delta_1$ parámetros de la función $\Gamma(\beta_1)$ función gamma	$F(x) = \frac{1}{\alpha_1 \Gamma(\beta_1)} \int_0^x e^{-\frac{(x-\delta_1)}{\alpha_1}} \left(\frac{x-\delta_1}{\alpha_1}\right)^{\beta_1 - 1} dx$	
Función de distribución Gumbel	Se desarrollan para valores extremos	$f(x) = \alpha e^{-\alpha(x-\beta) - e^{-\alpha(x-\beta)}}$	$\alpha$ y $\beta$ parámetros de la función	$F(x) = e^{-e^{-\alpha(x-\beta)}}$	
Función de distribución para dos poblaciones			$\alpha_1$ y $\beta_1$ corresponden a la población uno y $\alpha_2$ y $\beta_2$ corresponden a la segunda población	$F(x) = p \left[ e^{-e^{-\alpha_1(x-\beta_1)}} \right] + (1 - p) \left[ e^{-e^{-\alpha_2(x-\beta_2)}} \right]$	



## Capítulo 2. Metodología

En donde los valores de  $\mu_y$  y  $\sigma_y$  se obtienen de una tabla (Aparicio, 2011).

### Funciones de distribución para dos poblaciones

Esto pasa cuando los gastos máximos anuales provienen de dos poblaciones diferentes, sucede en el caso de que haya gastos debidos a precipitaciones producidas por fenómenos meteorológicos y gastos procedentes de precipitaciones ciclónicas, estos últimos son mayores a los primeros gastos; esto sucede en el caso de las zonas costeras de México. También puede darse el caso de que una población se componga por gastos que se producen directamente por precipitaciones y otra población por deshielos. Esto último pasa en zonas del noroeste de México.

Cuando llega a presentarse alguno de los casos anteriores la función de distribución se expresa de la siguiente manera (Aparicio, 2011):

$$F(x) = F_1(x)[p + (1 - p)F_2(x)] \quad (2.15)$$

Donde:

$F_1(x)$  y  $F_2(x)$  funciones de distribución de probabilidad.

$p$  probabilidad de que en un año cualquiera el gasto máximo no sea producido por una tormenta ciclónica.

En este caso el número de parámetros puede expresarse como:

$$n = n_1 + n_2 + 1 \quad (2.16)$$

Donde:

$n_1$  número de parámetros de  $F_1(x)$ .

$n_2$  número de parámetros de  $F_2(x)$ .

La  $p$  queda expresada como:

$$p = \frac{N_n}{N_T} \quad (2.17)$$



---

Capítulo 2. Metodología

Donde:

$N_n$  número de años en los que el gasto máximo se da por una tormenta ciclónica.

$N_T$  número de años de registro.

Debido a que comúnmente se acepta que  $F_1(x)$  y  $F_2(x)$  son de tipo Gumbel, se tiene la siguiente expresión:

$$F(x) = p \left[ e^{-e^{-\alpha_1(x-\beta_1)}} \right] + (1-p) \left[ e^{-e^{-\alpha_2(x-\beta_2)}} \right] \quad (2.18)$$

Donde:

$\alpha_1$  y  $\beta_1$  corresponden a la población uno y  $\alpha_2$  y  $\beta_2$  corresponden a la segunda población.

### 2.5. Política de operación

Una política de operación es un conjunto de reglas que determinan las decisiones en función del estado del sistema, de ellas depende que se logren en mayor o menor medida los objetivos planteados.

Para lograr objetivos definidos se necesita establecer criterios y reglas que determinen la cantidad de agua que puede ofrecerse al inicio de cada etapa, lo cual depende de la cantidad de agua al inicio de la etapa y de lo que se espera que ingrese durante la misma. Una política de operación determina la oferta de agua en cada etapa.

Al conjunto de reglas que definen cuánta agua debe extraerse, en cada época del año, en función del almacenamiento disponible, con objeto de obtener el máximo beneficio posible a largo plazo, se le denominan políticas de operación a largo plazo. Condicionan los niveles del agua en la presa al inicio de las avenidas y condicionan también los daños causados por estas. En el caso de este tipo de política se emplean intervalos de tiempo relativamente largos, impidiendo conocer la relación entre el volumen derramado y el valor de los daños correspondientes, ya que éstos dependen de la forma de la avenida de



---

Capítulo 2. Metodología

descarga que ocurre en intervalos de tiempo cortos. La política a largo plazo condiciona los niveles a los que operará la presa (Domínguez, 1989).

### **2.6. Generación de datos sintéticos**

Uno de los continuos problemas de la hidrología son los datos insuficientes en cuestión de precipitación o escurrimientos. Si se desea predecir el flujo de inundación de una magnitud relativamente grande o de periodos de retorno largos, se puede encontrar que se tienen tal vez una década o dos de observaciones diarias que representan descargas. Utilizando una serie anual, tal registro podría producir veinte o treinta puntos donde está claramente dudosa la predicción de eventos raros del orden de 100 años de inundación. Mediante el uso de solamente una o dos de estas mediciones de cada registro del año, una enorme cantidad de información sobre las características de descarga de captación se está dejando intacta. Gracias a las potentes computadoras ha sido posible analizar y reproducir series de datos en grandes cantidades que exhiban las variaciones que los datos naturales muestran.

El método hace uso de toda la información disponible. Los datos generados sintéticamente dependen principalmente de los datos históricos originales. Este método emplea los registros históricos como un ejemplo de la población total mientras que los métodos convencionales consideran a los registros históricos como la población total. Los resultados están basados en estimaciones de lo que pudo haber pasado en lugar de lo que ha pasado.

Cualquier serie de tiempo de valores observados puede contener un componente de tendencia, un componente periódico o un componente estocástico. En el primer componente hay dependencia del tiempo y de la extensión de las series. Mientras el componente estocástico es estacionario, lo que significa que los estadísticos de la muestra no difieren de los estadísticos de la población, excepto como resultado de la variabilidad de muestreo, y son independientes del tiempo.

Si los componentes de tendencia y periódico son removidos de las series, se deja un componente estocástico estacionario. Ese componente contendría un



Capítulo 2. Metodología

elemento aleatorio y podría o no contener un elemento de correlación. La correlación en una serie describe como cada término en una serie es afectado por lo que ha ido antes (Wilson, 1990).

**2.6.1. Modelos ARMA (Autoregressive-Moving Average)**

Este modelo tiene el inconveniente de que se aplica a series de datos que tienen distribución normal y al aplicar a los datos una transformación inversa los resultados finales sufren una deformación.

El modelo ARMA para una serie de tiempo queda expresado como:

$$x_t = \sum_{i=1}^p \phi_i x_{t-i} - \sum_{j=1}^q \theta_j e_{t-j} + e_t \tag{2.19}$$

Un modelo general lineal estocástico puede ser descrito como uno que produce entradas  $a_t$ , o una suma ponderada del histórico  $a'_t$ s. Matemáticamente, puede ser expresado como:

$$z_t = \mu + a_t + \phi_1 a_{t-1} + \phi_2 a_{t-2} + \dots, \tag{2.20}$$

Donde:

$\mu$  media del proceso estacionario.

$\phi_t, t = 1, 2, \dots$  coeficientes que satisfacen  $\sum_{j=0}^{\infty} \phi_j^2 < \infty$ ,  $a_t$  que es una correlación de la variable aleatoria con media cero y varianza constante  $\sigma_a^2$ .

Es más conveniente expresar la ecuación (2.20) en términos de un número finito autorregresivo (AR) y un movimiento de componentes promedio (MA). Desde que el proceso es estacionario con una media constante  $\mu$ , si se deja  $\tilde{z}_t = z_t - \mu$ , un proceso AR (p) puede ser generalmente expresado como sigue:

$$\tilde{z}_t = \phi_1 \tilde{z}_{t-1} + \phi_2 \tilde{z}_{t-2} + \dots + \phi_p \tilde{z}_{t-p} + a_t \tag{2.21}$$

Un proceso MA (p) puede ser expresado como:

$$\tilde{z}_t = a_t - \theta_1 a_{t-1} - \dots - \theta_q a_{t-q} \tag{2.22}$$

Por lo tanto un proceso mixto de ARMA (p,q) puede ser definido como:



## Capítulo 2. Metodología

$$\tilde{z}_t = \phi_1 \tilde{z}_{t-1} + \phi_2 \tilde{z}_{t-2} + \dots + \phi_p \tilde{z}_{t-p} + a_t - \theta_1 a_{t-1} - \dots - \theta_q a_{t-q} \quad (2.23)$$

Las ecuaciones (2.21), (2.22) y (2.23) forman el bloque de construcción básico del enfoque Box-Jenkins para modelar series de tiempo (Hwarng, 2001).

### 2.6.2. Modelos ARIMA (Autoregressive Integrated Moving Average)

Box y Jenkins introdujeron una clase especial de modelos llamados modelos *Autoregressive Integrated Moving Average* (ARIMA). Estos modelos fueron diseñados para series de tiempo lineales. Son aplicables al analizar series temporales de datos mensuales máximos (Yurekli, 2004).

### 2.6.3. Método fragmentos de Svanidze

Uno de los métodos que se emplea en la simulación de series hidrológicas es el método de fragmentos propuesto por Svanidze en 1961. La esencia de este método está contenida en un doble muestreo. La descarga anual promedio  $Q_i$  (primer muestreo) y los fragmentos  $q_i(t)$  (el segundo muestreo).

En este método los flujos mensuales están estandarizados año tras año, por lo que la suma de los flujos mensuales en un año es igual a la unidad. Esto se hace dividiendo los flujos mensuales en un año por el correspondiente flujo anual. De esta manera, a partir de un registro de  $n$  años, se tendrá  $n$  fragmentos de doce flujos mensuales. Los flujos anuales obtenidos a partir de un modelo anual pueden ser desagregados al seleccionar los fragmentos de forma aleatoria. Este método tiene la desventaja de que la correlación entre el primer mes de un año y el último mes de un año previo no será preservada.

Como los parámetros mensuales no se conservan bien, se realiza un intento para mejorarlos seleccionando el fragmento apropiado para cada flujo en la serie de flujo anual. Esto se hace de la siguiente manera, los flujos anuales del registro histórico (de  $n$  años largos) se clasifican de acuerdo con el aumento en la magnitud y se formaron  $n$  clases. La clase 1 tiene el límite inferior cero mientras que la clase  $n$  no tiene ningún límite superior. Se obtienen los límites de las clases intermedias haciendo el promedio de dos flujos sucesivos de las





---

## Capítulo 2. Metodología

series clasificadas. El correspondiente fragmento se asigna a cada serie. Es decir, el fragmento obtenido de los flujos mensuales correspondiente al flujo anual más pequeño se asigna a la clase 1, el fragmento obtenido de los flujos mensuales correspondientes al segundo flujo anual se asigna a la clase 2 y así sucesivamente. Los flujos anuales se revisan uno por uno para la clase a la que pertenecen y se desglosan utilizando el fragmento correspondiente (Svanidze, 1980).

### **2.6.4. Método de Svanidze**

Este es un método que permite la generación de registros sintéticos con una longitud mayor o igual que la del registro histórico considerado. Al calcular la fracción de cada etapa del año respecto al total anual se vuelve relativamente un método sencillo.

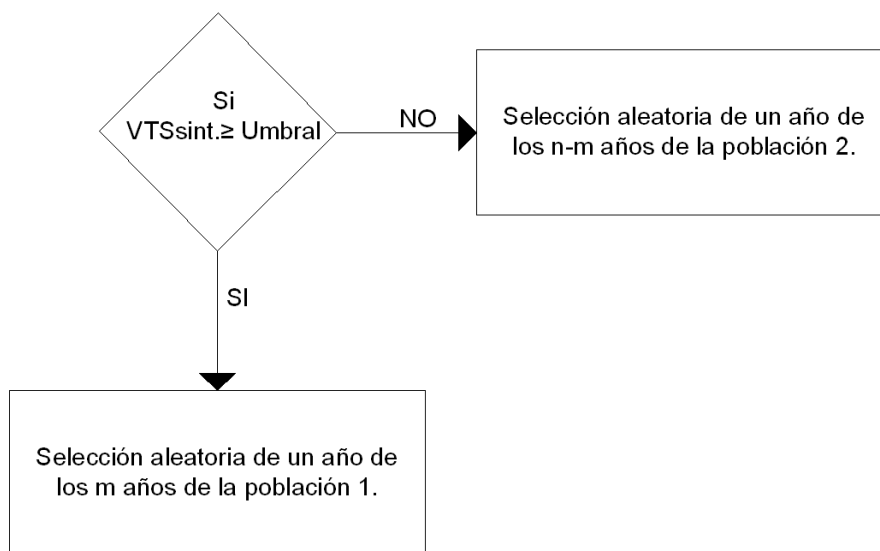
Contempla la función de distribución de la serie anual de valores totales, en la cual se realiza una doble selección aleatoria en la que se determina un volumen total anual sintético y la forma aleatoria de las fracciones que corresponden al año sintéticamente generado.

A continuación, se obtienen los valores de cada etapa del año sintético al multiplicar el volumen total anual sintético por la fracción aleatoria seleccionada. Este proceso se repite  $n$  veces para obtener un registro sintético de  $n$  años.

Este método tiene como ventaja que sólo se necesita un algoritmo de selección del tipo ruleta Montecarlo para la realización del doble procedimiento aleatorio. Mientras que su principal desventaja radica en que no siempre se logran reproducir las correlaciones entre la última etapa del año aleatorio  $i$  con la primera etapa del año aleatorio  $i+1$ , por la forma en que el método selecciona a las fracciones. Este es el método que fue aplicado en la presente tesis, debido a su sencillez por reproducir adecuadamente los estadísticos (Domínguez et al., 2009).

### 2.6.5.1. Modificación en la selección de los años aleatorios

En este trabajo se encontró la existencia ocasional de valores registrados en los meses de invierno de magnitud considerablemente superior a la media anual. Por lo que se reconocieron dos poblaciones, una en la que sus valores eran afectados por el invierno (población 1) y una que no se veía afectada por dicha temporada (población 2). Se estableció un valor (umbral) que separa a ambas poblaciones; de manera que, en la figura 2.2 se observa la modificación en el algoritmo para la selección de años.



**Figura 2.2 Cambio en el algoritmo para la selección aleatoria de años**

### 2.6.5.2. Programa para generar las series

El software que se empleó inicialmente en el desarrollo de este trabajo fue el AX (figura 2.3). Los datos que se introdujeron a este programa fueron los valores del volumen total suma para ver la función de distribución que más se ajustaba a los datos, ese archivo con los datos es un archivo .aju. El programa genera los archivos .etp que contiene los valores extrapolados con la Doble Gumbel para distintos periodos de retorno, el .max que tiene los datos medidos, calculados y el tiempo de retorno; y el archivo .rdg que contiene los parámetros de la función de ajuste.

## Capítulo 2. Metodología

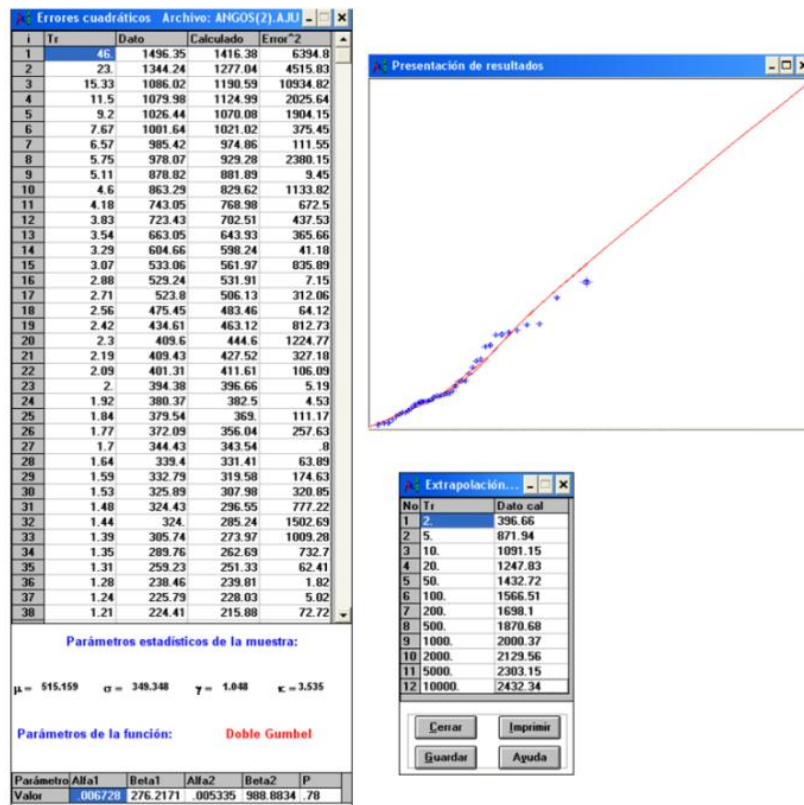


Figura 2.3 Información que se obtiene del programa AX

El AX genera los parámetros de la función de distribución de probabilidad doble Gumbel  $\alpha_1, \beta_1, \alpha_2$  y  $\beta_2$ , además del valor de p. Posteriormente se empleó el programa DGUQ2SD.BAS, escrito en lenguaje Basic. Este programa necesita los parámetros mencionados para calcular las series. Genera dos archivos de resultados el XI.RES y el VS.txt. En el primero vienen los volúmenes totales anuales sintéticos y otros parámetros. Mientras que en el segundo solo vienen los volúmenes totales anuales sintéticos.

### 2.6.5.3. Programa para generar los años aleatorios y las fracciones aleatorias

En esta parte se hicieron dos ensayos por eso hay dos programas en esta parte. El utilizado en el primer ensayo fue el AÑHIANG.BAS, escrito en lenguaje Basic, el cual no tiene la modificación en cuanto a la selección de años aleatorios. El archivo de entrada al programa es el de datosA.txt que contiene el registro en año hidrológico con los años acomodados en orden cronológico (figura 2.4).



Capítulo 2. Metodología

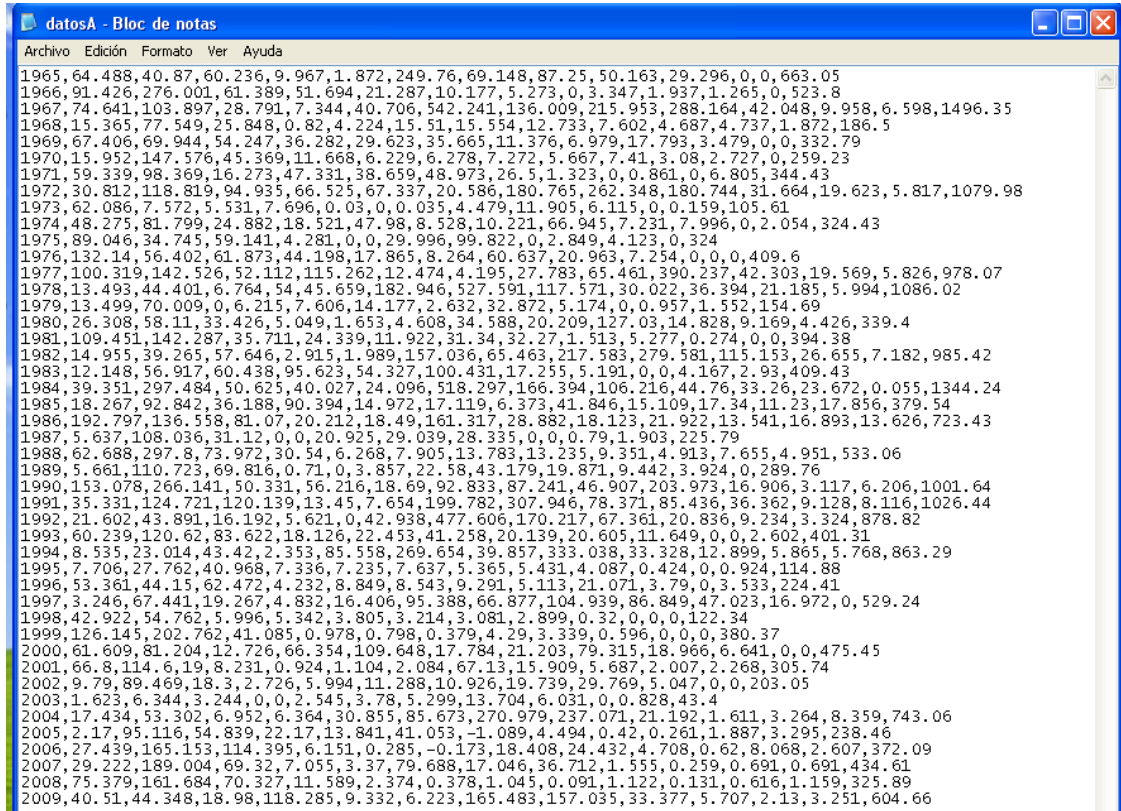


Figura 2.4 Archivo de datosA.txt con el registro hidrológico con los años acomodados en orden cronológico

Los archivos de resultados que se obtienen de este programa son el ARCH.RES y el DATOSANG.RES (figuras 2.5 y 2.6). El primero contiene la selección aleatoria de años y el segundo las fracciones aleatorias.

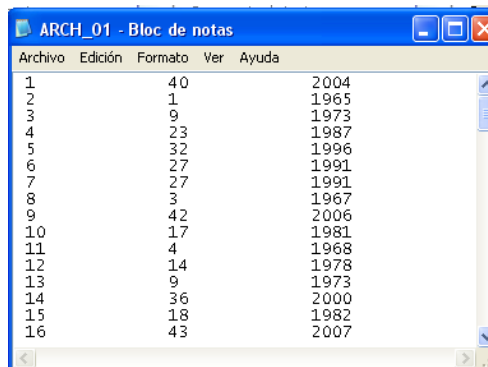


Figura 2.5 Archivo de resultados ARCH.RES con la selección aleatoria de años para la serie 01



Capítulo 2. Metodología

DATOSANG\_01 - Bloc de notas

Archivo	Edición	Formato	Ver	Ayuda															
0.0235	0.0717	0.0094	0.0086	0.0415	0.1153	0.3647	0.3190	0.0285	0.0022	0.0044	1.124943E-02								
0.0973	0.0616	0.0908	0.0150	0.0028	0.3767	0.1043	0.1316	0.0757	0.0442	0.0000	0								
0.5879	0.0717	0.0524	0.0729	0.0003	0.0000	0.0003	0.0424	0.1127	0.0579	0.0000	1.505539E-03								
0.0250	0.4785	0.1378	0.0000	0.0000	0.0927	0.1286	0.1255	0.0000	0.0000	0.0035	8.428186E-03								
0.2378	0.1967	0.2784	0.0189	0.0394	0.0381	0.0414	0.0228	0.0939	0.0169	0.0000	1.574351E-02								
0.0344	0.1215	0.1170	0.0131	0.0075	0.1946	0.3000	0.0764	0.0832	0.0354	0.0089	7.906941E-03								
0.0344	0.1215	0.1170	0.0131	0.0075	0.1946	0.3000	0.0764	0.0832	0.0354	0.0089	7.906941E-03								
0.0499	0.0694	0.0192	0.0049	0.0272	0.3624	0.0909	0.1443	0.1926	0.0281	0.0067	4.409396E-03								
0.0737	0.4439	0.3074	0.0165	0.0008	0.0005	0.0495	0.0657	0.0127	0.0017	0.0217	7.00637E-03								
0.2775	0.3608	0.0905	0.0617	0.0302	0.0795	0.0818	0.0038	0.0134	0.0007	0.0000	0								
0.0824	0.4158	0.1386	0.0044	0.0226	0.0832	0.0834	0.0683	0.0408	0.0251	0.0254	1.003753E-02								
0.0124	0.0409	0.0062	0.0497	0.0420	0.1685	0.4858	0.1083	0.0276	0.0335	0.0195	5.519235E-03								
0.5879	0.0717	0.0524	0.0729	0.0003	0.0000	0.0003	0.0424	0.1127	0.0579	0.0000	1.505539E-03								
0.1296	0.1708	0.0268	0.1396	0.2306	0.0374	0.0446	0.1668	0.0399	0.0140	0.0000	0								
0.0152	0.0398	0.0585	0.0030	0.0020	0.1594	0.0664	0.2208	0.2837	0.1169	0.0270	7.288263E-03								
0.0672	0.4349	0.1595	0.0162	0.0078	0.1834	0.0392	0.0845	0.0036	0.0006	0.0016	1.589931E-03								
0.0737	0.4439	0.3074	0.0165	0.0008	0.0005	0.0495	0.0657	0.0127	0.0017	0.0217	7.00637E-03								
0.0091	0.3989	0.2300	0.0930	0.0580	0.1722	0.0046	0.0188	0.0018	0.0011	0.0079	1.381783E-02								
0.0293	0.2213	0.0377	0.0298	0.0179	0.3856	0.1238	0.0790	0.0333	0.0247	0.0176	4.091531E-05								
0.0672	0.4349	0.1595	0.0162	0.0078	0.1834	0.0392	0.0845	0.0036	0.0006	0.0016	1.589931E-03								
0.1296	0.1708	0.0268	0.1396	0.2306	0.0374	0.0446	0.1668	0.0399	0.0140	0.0000	0								
0.0672	0.4349	0.1595	0.0162	0.0078	0.1834	0.0392	0.0845	0.0036	0.0006	0.0016	1.589931E-03								
0.0250	0.4785	0.1378	0.0000	0.0000	0.0927	0.1286	0.1255	0.0000	0.0000	0.0035	8.428186E-03								
0.3226	0.1377	0.1511	0.1079	0.0436	0.0202	0.1480	0.0512	0.0177	0.0000	0.0000	0								
0.0481	0.2446	0.0953	0.2382	0.0394	0.0451	0.0168	0.1103	0.0398	0.0457	0.0296	4.704643E-02								
0.0873	0.4526	0.0000	0.0402	0.0492	0.0916	0.0170	0.2125	0.0334	0.0000	0.0062	1.003297E-02								
0.0195	0.3821	0.2409	0.0025	0.0000	0.0133	0.0779	0.1490	0.0686	0.0326	0.0135	0								
0.0737	0.4439	0.3074	0.0165	0.0008	0.0005	0.0495	0.0657	0.0127	0.0017	0.0217	7.00637E-03								
0.2665	0.1888	0.1121	0.0279	0.0256	0.2230	0.0399	0.0251	0.0303	0.0187	0.0234	1.883527E-02								
0.0099	0.0267	0.0503	0.0027	0.0991	0.3124	0.0462	0.3858	0.0386	0.0149	0.0068	6.681417E-03								

Figura 2.6 Archivo de resultados DATOSANG.RES con las fracciones aleatorias para la serie 01

El segundo ensayo se hizo con el programa AÑHIAN.BAS, también escrito en lenguaje Basic, este programa lee el archivo VS.txt con los volúmenes totales anuales sintéticos y el registro en año hidrológico pero con los volúmenes acomodados de acuerdo con la influencia del invierno como se ve en la tabla 3.13, a este archivo se le nombró datosAN.txt (figura 2.7).

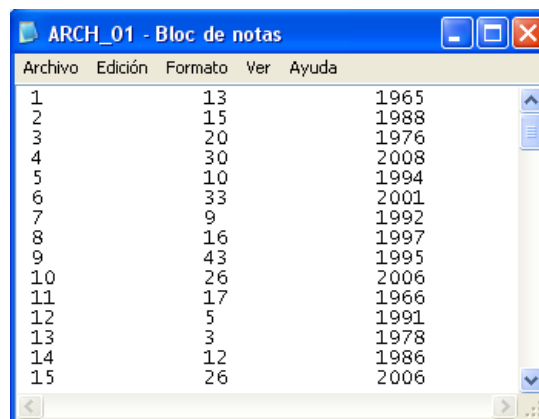
datosAN - Bloc de notas

Archivo	Edición	Formato	Ver	Ayuda
1967.74	641.103	897.28	791.7	344.40
1968.39	351.297	484.50	625.40	027.24
1978.13	493.44	401.6	764.54	000.45
1979.30	812.118	819.94	935.66	525.67
1981.35	331.124	721.120	139.13	450.7
1982.14	955.39	265.57	646.2	915.1
1992.21	602.43	891.16	192.5	621.0
1994.8	535.23	014.43	420.2	353.85
2004.17	434.53	302.6	952.6	364.30
1986.192	797.136	558.81	070.20	212.18
1965.64	488.40	870.60	236.9	967.1
2009.40	510.44	348.18	980.118	285.9
1988.62	688.297	800.73	972.30	540.6
1997.3	246.67	441.19	267.4	832.16
1966.91	426.276	001.61	389.51	694.21
2000.61	609.81	204.12	726.66	354
2007.29	222.189	004.69	320.7	055.3
1976.132	140.56	402.61	873.44	198.17
1983.12	148.56	917.60	438.95	623.54
1993.60	239.120	620.85	622.18	126.22
1981.109	451.142	287.35	711.24	339.11
1999.126	145.202	762.41	085.0	978.0
1985.18	267.92	842.36	188.90	394.14
2006.27	439.165	153.114	395.6	151.0
1971.59	339.98	369.16	273.47	331.38
1980.26	308.58	110.33	426.5	049.1
1969.67	406.69	944.54	247.36	282.29
2008.75	379.161	684.70	327.11	589.2
1974.48	275.81	799.24	882.18	521.47
1975.89	046.34	745.59	141.4	281.0
2001.66	800.114	600.19	000.8	231.0
1989.5	661.110	723.69	816.0	710.0
1970.15	952.147	576.45	369.11	668.6
2005.2	170.95	116.54	839.22	170.13
1987.5	637.108	036.31	120.0	000.0
1996.53	361.44	150.62	472.4	232.8
2002.9	790.89	469.18	300.2	726.5
1968.15	365.77	549.25	848.0	820.4
1979.13	499.70	009.0	000.6	215.7
1998.42	92.54	762.5	996.5	342.3
1995.7	706.27	762.40	968.7	336.7
1973.62	086.7	572.5	531.7	696.0
2003.1	623.6	344.3	244.0	000.0

Figura 2.7 Archivo de datosAN.txt, después de considerar la influencia del invierno

## Capítulo 2. Metodología

Este programa proporciona los archivos de resultados ARCH.RES y el DATOSANG.RES, los cuales tienen los mismos datos que arrojaba el programa del primer ensayo que no considera la modificación en el algoritmo, después de hacer una modificación en el archivo ARCH.RES se tiene una selección de años diferente por considerar el umbral entre las dos poblaciones de los datos (figura 2.8).



Archivo	Edición	Formato	Ver	Ayuda
1		13		1965
2		15		1988
3		20		1976
4		30		2008
5		10		1994
6		33		2001
7		9		1992
8		16		1997
9		43		1995
10		26		2006
11		17		1966
12		5		1991
13		3		1978
14		12		1986
15		26		2006

**Figura 2.8** Archivo de resultados ARCH.RES, en este caso la selección aleatoria de años considerando la influencia del invierno en la serie 01

### 2.7. Programación lineal

Actualmente se realizan estudios para aplicar técnicas de programación lineal con probabilidades restringidas en la determinación de políticas de operación a largo plazo en presas de almacenamiento, con el propósito de establecer restricciones que eviten situaciones no deseables (Domínguez, 1989).

En los problemas de programación lineal se desean seleccionar valores no negativos de las variables que en su caso maximicen o minimicen una función lineal, de acuerdo a una o más restricciones, ya sean de desigualdad, igualdad o ambas. Al conjunto de valores que satisface todas las restricciones se le llama vector factible, de entre todos esos vectores se busca a aquel que como se dijo minimice (o maximice) la función objetivo.

Supóngase que se establece una política de operación que especifica la extracción  $VS(j)$ , para cada mes  $j$  del año, como una función lineal del almacenamiento  $S(j - 1)$  al final de la etapa previa, mediante la ecuación:





Capítulo 2. Metodología

$$VS(j) = S(j - 1) - b(j) \quad (2.24)$$

Sustituyendo en la ecuación de continuidad, que se muestra a continuación:

$$S_j = S(j - 1) + VI(j) - VS(j) \quad (2.25)$$

Donde:

$VI(j)$  volumen de ingreso en el mes  $i$ .

Se obtiene lo siguiente:

$$S_j = VI(j) + b(j) \quad (2.26)$$

Y

$$VS(j) = VI(j - 1) + b(j - 1) - b(j) \quad (2.27)$$

Si se imponen restricciones a las probabilidades de situaciones indeseables se crea un problema de programación lineal. Al convertir una restricción, establecida originalmente en términos probabilísticos, en una equivalente, establecida en forma determinística, que puede incorporarse a un problema estándar de programación lineal y de forma análoga se establecen otras restricciones que procuren evitar situaciones no deseables (Nandalal, 2007).

## 2.8. Programación dinámica

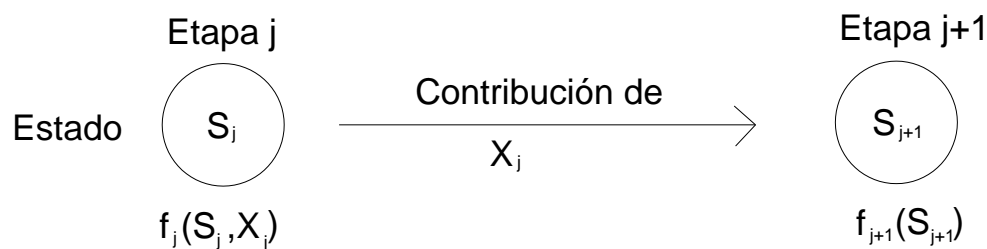
La determinación de políticas de operación óptima en presas de almacenamiento es un caso al que se adapta el método de la programación dinámica. La programación dinámica reduce drásticamente los requerimientos de cálculo respecto a la evaluación directa. Es un gran auxiliar en problemas complejos debido a que implica simplificaciones, por ello los resultados deben analizarse y complementarse con estudios adicionales. Sin embargo, por la dimensión del problema y su obligada simplificación, se corre el riesgo de que el modelo simplificado ya no corresponda con la realidad.

La programación dinámica es una técnica usada para optimizar un proceso de varias etapas. Es un concepto de búsqueda de solución, el cual reemplaza un problema de  $n$  variables de decisión por  $n$  subproblemas al tener preferiblemente una decisión para cada variable. Este enfoque permite a los

## Capítulo 2. Metodología

analistas tomar decisiones etapa por etapa hasta que es obtenido el resultado final. Por lo tanto el problema original debe ser descompuesto en subproblemas y cada subproblema es expresado como una etapa. Esta descomposición podría ser definida en espacio o tiempo. Cada etapa es caracterizada por diferentes estados del sistema reflejados por el valor numérico de la variable del estado seleccionado. La transición de un estado a otro es expresada por un curso de acción particular el cual es representado por una decisión variable. Los cambios en el estado del sistema influenciado por la decisión tomada en la etapa previa son descritos por la ecuación de transformación de la etapa.

La rutina computacional para obtener la política óptima sigue la recursiva ecuación de Bellman. Lo cual se muestra en la figura 2.9.



**Figura 2.9 Estructura básica de la programación dinámica**

Para cada etapa  $s$  a etapa  $j$  la política óptima es dada por:

$$f_j^*(S_j) = \min_{x_j} \max \{C_{S_j X_j} + f_{j+1}^*(S_{j+1})\} \quad (2.28)$$

Donde:

$C_{S_j X_j}$  contribución de la decisión  $X_j$  da la etapa  $S_j$  a la etapa actual.

$f_{j+1}^*$  contribución subóptima acumulada para las siguientes etapas  $j+1$ ,  $j+2, \dots, N$ .

$N$  número total de etapas.

$S_j$  estado del sistema en la etapa  $j$ .

$S_{j+1}$  ecuación de transformación del estado.





$j$  etapa.

$x_j$  decisión tomada en la etapa  $j$ .

La ecuación 2.28, refleja el principio de Bellman de optimización. La política óptima puede ser derivada de un conjunto de decisiones, cada una de las cuales es tomada en una etapa subsecuente correspondiente a la decisión subóptima derivada de la etapa anterior. Las funciones objetivo pueden tener diferentes formas y la ecuación de transformación del estado no es la misma en todos los casos.

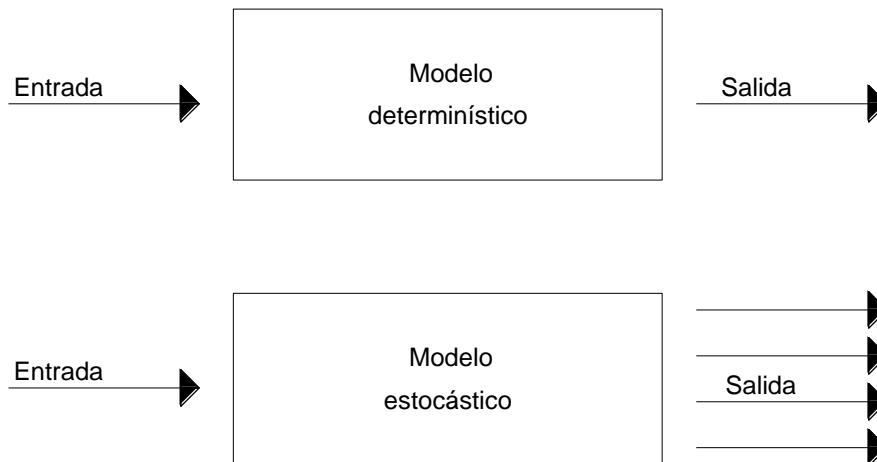
La programación dinámica puede ser clasificada por la forma que tiene la función objetivo. También puede clasificarse de acuerdo con los términos de la naturaleza del conjunto de estados en las respectivas etapas, debido a que los estados pueden estar representados por una variable discreta o continua (Nandalal, 2007).

### **2.9. Programación dinámica estocástica o probabilística**

La programación dinámica estocástica basa su algoritmo en el principio de optimización de Bellman, el cual establece que no importa cuál sea el estado final de la primera decisión tomada debido a que las decisiones restantes deben resultar en un valor óptimo independientemente del valor de dicho estado final (Peña, 2010).

Existen dos tipos de algoritmos con el fin de generar políticas óptimas de operación, el determinístico que implica que cada vez que se corre el modelo se obtiene un valor único de salida para un valor de entrada dado. Y el estocástico consiste en que para un valor de entrada dado se obtiene una respuesta diferente para cada vez que se corre el modelo. De manera esquemática se explica en la figura 2.10.

## Capítulo 2. Metodología

**Figura 2.10 Modelos determinístico y estocástico**

Entre los Modelos determinístico y el estocástico la principal diferencia radica en que al resolver la N-ésima ecuación recursiva no se puede trazar la política óptima en los siguientes periodos, porque la variable aleatoria (escurrimientos) es desconocida. Pero como la distribución de probabilidad de la variable aleatoria es periódica, lo que indica que existe la misma probabilidad de escurrimiento mensual cada año, se puede obtener una política de operación estacionaria para aplicarse cada año o sobre un horizonte de planeación completo.

La programación dinámica estocástica toma en cuenta el carácter aleatorio de los volúmenes de ingreso al embalse. Para maximizar el beneficio esperado se requiere la definición de una función objetivo que logre obtener, por una parte los máximos beneficios por generación y, por otra la disminución de los eventos no deseados como derrames y déficit, que ocurren como consecuencia de los escurrimientos aleatorios que entran a la presa. Este método se aplica en la determinación de políticas de operación en presas de almacenamiento debido a que las decisiones, los estados del sistema y los beneficios, se presentan secuencialmente en el tiempo.

El funcionamiento de una presa está regido por la ecuación de continuidad, la cual se expresa a continuación aplicada a un intervalo de tiempo  $\Delta t$  (etapa).

$$S_j = S_i + VI_j - VS_j \quad (2.29)$$



---

Capítulo 2. Metodología

Donde:

$S_i$  almacenamiento al inicio del intervalo  $\Delta t$ .

$S_j$  almacenamiento al final del intervalo  $\Delta t$ .

$VI_j$  volumen de ingreso durante el intervalo  $\Delta t$ .

$VS_j$  volumen extraído durante el intervalo  $\Delta t$ .

En la ecuación 2.29, los ingresos  $VI_j$  son generalmente aleatorios, constituyen la componente estocástica y no controlable del sistema y cuya función de distribución de probabilidades depende principalmente de la época del año a la que pertenece el intervalo de tiempo.  $S_i$  define la condición inicial y determina el estado del sistema.  $VS_j$  es la variable de decisión y sobre la que se puede actuar. El sistema está restringido en términos de almacenamientos y extracciones, es decir:

$$S_{min} \leq S_j \leq S_{m\acute{a}x}$$

$$VS_{min} \leq VS_j \leq VS_{m\acute{a}x}$$

En caso de considerar etapas en el método, el beneficio de cada etapa estará dado en función del volumen proporcionado para satisfacer la demanda  $k$  y del volumen almacenado  $S$  en la presa, expresándolo como  $G(k, S)$  cuya forma depende de la finalidad específica de la presa.

En el caso de una hidroeléctrica, la energía generada es directamente proporcional al producto del volumen de agua turbinado, por la carga media en el intervalo, es decir:

$$E_n = \lambda * K_n * 1/2 [H(S_i) + H(S_j)] \quad (2.30)$$

Donde:

$E_n$  energía generada en la etapa  $n$ .

$\lambda$  constante de proporcionalidad.



Capítulo 2. Metodología

$S_i$  almacenamiento al inicio de la etapa.

$S_j$  almacenamiento al final de la etapa.

$K_n$  volumen de agua turbinado en la etapa n.

Los volúmenes  $X_n$  que ingresan a la presa tienen características estocásticas y condicionan el funcionamiento de la misma. Establecen para cada etapa el almacenamiento final, el déficit y los derrames. La operación adecuada de la presa persigue hacer máximos los beneficios acumulados en un horizonte de planeación. El beneficio obtenido en cada etapa n cualquiera, puede expresarse de forma resumida como sigue:

$$b_n(K, \bar{S}) = G_n(K, \bar{S}) - CDEF(TDEF_n) - CDERR(TDERR_n) \quad (2.31)$$

Donde:

$CDEF(TDEF_n)$  y  $CDERR(TDERR_n)$  penalizaciones (déficit y derrames).

$TDEF_n$  tamaño del déficit .

$TDERR_n$  tamaño del derrame.

Una manera de explicar el método de programación dinámica estocástica es por medio del diagrama de flujo de la figura 2.11, que muestra de una manera general el procedimiento a seguir.

Otro método en el que se requiere establecer varias etapas es el denominado proceso iterativo. En el caso del método Algoritmo de Howard, sus ventajas se manifiestan cuando el problema puede tratarse con pocas etapas por año. Este algoritmo se ha utilizado en México para el análisis de una presa para riego, con etapas anuales, y para estudiar la operación conjunta de una presa y un acuífero, considerando dos temporadas en el año (Nandalal, 2007).



Capítulo 2. Metodología

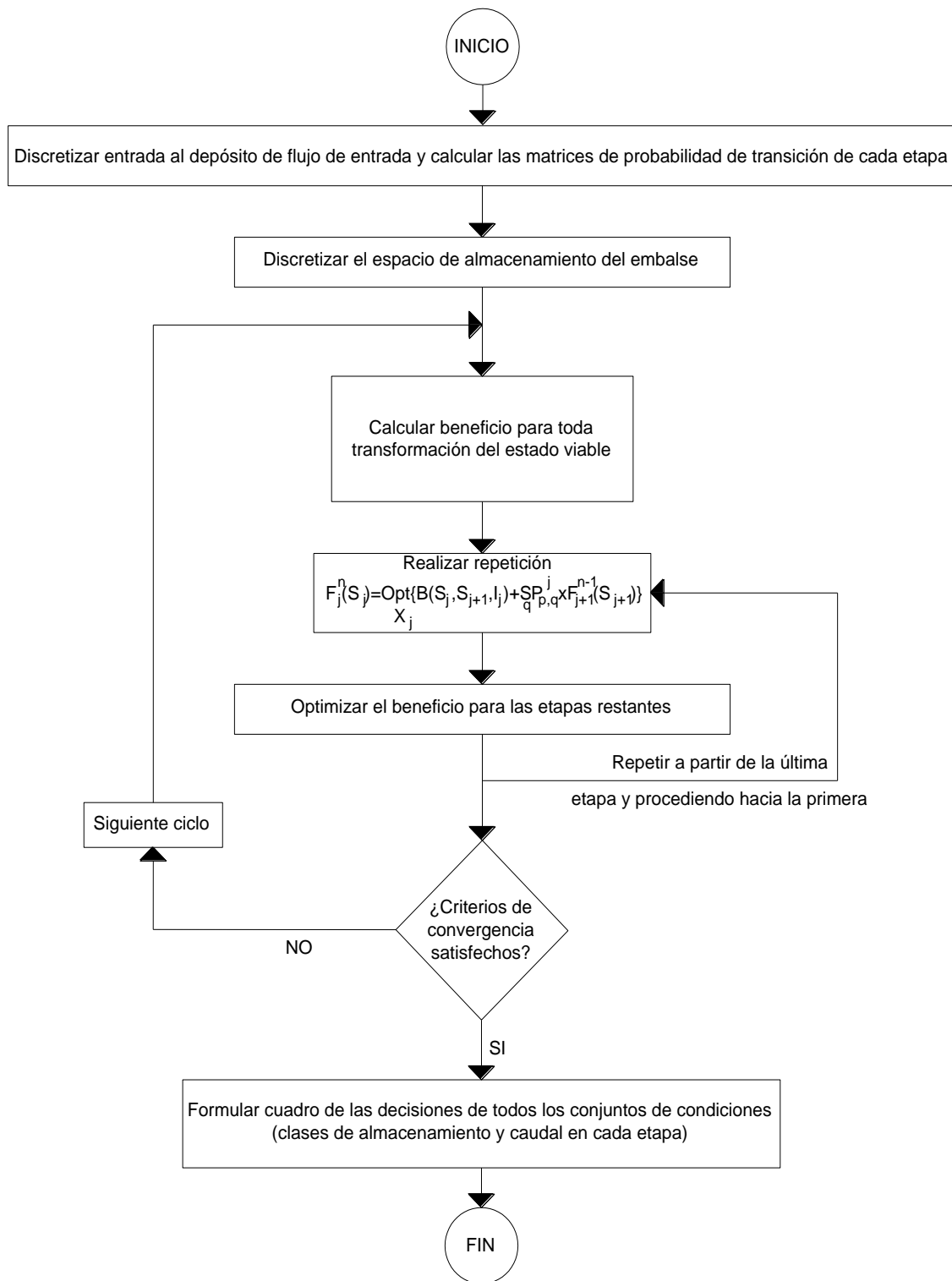


Figura 2.11 Diagrama de flujo para el modelo de programación dinámica estocástica



Capítulo 2. Metodología

**2.9.1. Programa de optimización**

La técnica numérica de la programación dinámica estocástica se usó en el programa CAFIT1P.FOR, escrito en lenguaje Fortran. Este programa tiene por objetivo obtener los beneficios máximos esperados en un horizonte de planeación de N etapas, este programa es aplicable al caso de una sola presa (Mendoza, 2010). Los pasos principales que realiza el programa aparecen en la figura 2.12.

1.- Llama a la subrutina de lectura de datos generales	LEE_DATOS
2.- Calcula factores y ajusta coeficientes	
3.- Llama a la subrutina para leer datos de las curvas guía	LEE_CGUIA
4.- Inicializa a cero los beneficios máximos esperados	
5.- Inicia el proceso en el tiempo	
5.1 calcula factores necesarios para evaluar la función objetivo (FO)	
5.2 Lee el archivo que contiene la información probabilística y los valores de extracción mínima y máxima	LEE_PROB
5.3 Abre un archivo para guardar los beneficios esperados máximos calculados	
5.4 Analiza:	
5.4.1 Si hay derrame lo calcula	DERRAME
5.4.2 Si hay déficit lo calcula	DEFICIT
5.4.3 Evalua restricciones y FO	RESTRIX_Y_EFO
5.5 Calcula el beneficio esperado	
6. Termina la ejecución para todas las combinaciones de estados - extracciones	
7. Escribe los resultados obtenidos	
8. Verifica si ya terminó el ciclo temporal:	
8.1 si ya se cumplió se va al paso 9	
8.2 si aún no termina se regresa al paso 5	
9. Termina la ejecución en el tiempo	
10. Cierra archivos	
11. Finaliza la ejecución del programa	

**Figura 2.12 Diagrama de ejecución del programa**

Los archivos de resultados que genera este programa son los FITEXX donde XX es el número de etapa expresada con dos dígitos (figura 2.13). El archivo contiene la información del valor del beneficio parcial esperado máximo para las combinaciones de estados y las extracciones mínimas y máximas en la presa.



Capítulo 2. Metodología

Year	Value 1	Value 2	Value 3	Value 4
5	5.505963E-02	-324.907800	-899.884500	-1799.879000
2	-2774.877000	-3774.877000	-4774.877000	-5774.877000
5	5.519013E-02	-1.102504E-01	-324.832600	-899.889100
2	-6774.877000	-7774.877000	-8774.878000	-9774.877000
5	5.5199.824000	-2774.822000	-3774.822000	-4774.822000
2	-5774.822000	-6774.822000	-7774.822000	-8774.822000
5	5.531807E-02	1.105088E-01	1.655704E-01	-324.797300
2	-899.774000	-1799.768000	-2774.767000	-3774.767000
5	5.544345E-02	1.107622E-01	1.659542E-01	2.210177E-01
2	-3774.712000	-4774.712000	-5774.712000	-6774.712000
5	5.556628E-02	1.110104E-01	1.663304E-01	2.215243E-01
2	-774.767000	-874.767000	-974.767000	-1074.767000
5	5.568656E-02	1.112535E-01	1.666989E-01	2.220208E-01
2	-1799.602000	-2774.600000	-3774.600000	-4774.601000
5	5.580427E-02	1.114815E-01	1.670597E-01	2.225070E-01
2	-778314E-01	3.330311E-01	3.881041E-01	-324.574800
5	5.591944E-02	1.117244E-01	1.674128E-01	2.229829E-01
2	-784328E-01	3.337605E-01	3.889640E-01	4.440415E-01
5	5.603205E-02	1.119521E-01	1.677593E-01	2.234487E-01
2	-790214E-01	3.344744E-01	3.898059E-01	4.450139E-01
5	5.614211E-02	1.121748E-01	1.680962E-01	2.239043E-01
2	-795925E-01	3.351731E-01	3.906300E-01	4.455965E-01
5	5.624961E-02	1.123934E-01	1.684263E-01	2.243496E-01
2	-801603E-01	3.358564E-01	3.914361E-01	4.468974E-01
5	5.634196E-02	1.126048E-01	1.687489E-01	2.247987E-01
2	-807105E-01	3.365244E-01	3.922244E-01	4.478086E-01
5	5.645695E-02	1.128122E-01	1.690637E-01	2.252096E-01
2	-812480E-01	3.371771E-01	3.929948E-01	4.486992E-01
5	5.655679E-02	1.130144E-01	1.693709E-01	2.256243E-01
2	-817728E-01	3.378145E-01	3.937473E-01	4.495694E-01

Figura 2.13 Archivo FITE01 obtenido al correr el programa CAFIT1P.FOT con los datos de la presa La Angostura, Son.

2.9.2. Programa para la obtención de políticas de operación óptimas

El programa OPDIN1VS.FOR, escrito en lenguaje Fortran, emplea la programación dinámica estocástica para la obtención de políticas de operación óptimas. Trabaja a partir de los datos obtenidos del programa CAFIT1P.FOR. Uno de los archivos de resultados es el RETAP que contiene los beneficios conjuntos esperados máximos para cada etapa (figura 2.14) (Mendoza, 2010).

AÑO	ETAPA	Value
1	1	0.000000E+00
5	2	5.519077E-02
1	3	1.105108E-01
1	4	1.659501E-01
2	5	2.215307E-01
2	6	2.772269E-01
3	7	3.330445E-01
3	8	3.898181E-01
4	9	4.450369E-01
5	10	5.010798E-01
5	11	5.574925E-01
6	12	6.138892E-01
6	12	6.132865E-01
6	12	6.166533E-01
6	12	6.179893E-01
6	12	6.192946E-01
6	12	6.205694E-01
6	12	6.218134E-01
6	12	6.230267E-01
6	12	6.242094E-01
6	12	6.253615E-01
6	12	6.264829E-01
6	12	6.275737E-01
6	12	6.286337E-01
6	12	6.296632E-01
6	12	6.306820E-01
6	12	6.316301E-01

Figura 2.14 Archivo RETAP01 obtenido al correr el programa OPDIN1VS.FOT con los datos del programa CAFIT1P.FOR

Otro de los archivos de resultados proporcionados por este programa es el archivo ARPOLVS que contiene las políticas de operación óptimas (figura 2.15). Indica la respectiva extracción que se debe hacer en unidades de volumen.



Capítulo 2. Metodología

Archivo	Edición	Formato	Ver	Ayuda
25.000000				25.000000
50.000000				25.000000
75.000000				25.000000
100.000000				25.000000
125.000000				25.000000
150.000000				25.000000
175.000000				25.000000
200.000000				25.000000
225.000000				50.000000
250.000000				75.000000
275.000000				100.000000
300.000000				125.000000
325.000000				150.000000
350.000000				175.000000
375.000000				200.000000
400.000000				225.000000
425.000000				250.000000
450.000000				275.000000
475.000000				300.000000
500.000000				300.000000
525.000000				300.000000
550.000000				300.000000
575.000000				300.000000
600.000000				300.000000
625.000000				300.000000
650.000000				300.000000
675.000000				300.000000
700.000000				300.000000
25.000000				25.000000

**Figura 2.15 Archivo ARPOLVS, contiene las políticas de operación óptimas**

El tercer archivo de resultados que genera este programa es el MEEVS que contiene la matriz de estados- extracciones para todas las etapas (figura 2.16). La primera línea del archivo muestra un título, que identifica la etapa de que se trata, después escribe todos los estados de la presa. En la tercera línea se escribe el estado en la presa y la extracción correspondiente. Esto se repite tantas veces como etapas se tengan.

Archivo	Edición	Formato	Ver	Ayuda																									
ETAPA 1: SEP																													
1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20	21	22	23	24	25	26	27	28		
01	01	01	01	01	01	01	01	02	03	04	05	06	07	08	09	10	11	12	12	12	12	12	12	12	12	12	12	12	
ETAPA 2: AGO																													
1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20	21	22	23	24	25	26	27	28		
01	01	01	01	01	01	01	01	01	01	01	01	01	02	03	04	05	06	07	08	09	10	11	12	12	12	12	12		
ETAPA 3: JUL																													
1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20	21	22	23	24	25	26	27	28		
01	01	01	01	01	01	01	01	01	01	01	01	01	01	01	02	03	04	05	06	07	08	09	10	11	12	12	12		
ETAPA 4: ABR-MAY-JUN																													
1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20	21	22	23	24	25	26	27	28		
00	00	00	00	00	00	00	00	00	00	00	00	00	00	00	00	00	00	00	00	00	00	00	00	01	03	03	05	06	
ETAPA 5: MAR																													
1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20	21	22	23	24	25	26	27	28		
00	00	00	00	00	00	00	00	00	00	00	00	00	00	00	00	00	00	00	00	00	00	00	00	00	01	01	01	02	
ETAPA 6: FEB																													
1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20	21	22	23	24	25	26	27	28		
00	00	00	00	00	00	00	00	00	00	00	00	00	00	00	00	00	00	00	00	00	00	00	00	01	01	01	01	02	
ETAPA 7: ENE																													
1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20	21	22	23	24	25	26	27	28		
01	01	01	01	01	01	01	01	01	01	01	01	01	01	01	01	01	01	01	01	01	01	01	02	03	04	05	06	07	08
ETAPA 8: DIC																													
1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20	21	22	23	24	25	26	27	28		
01	01	01	01	01	01	01	01	01	01	01	01	01	01	01	01	01	01	01	02	03	04	05	06	07	08	09	10	11	12
ETAPA 9: OCT-NOV																													
1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20	21	22	23	24	25	26	27	28		
02	02	02	02	02	02	02	02	02	02	02	02	02	02	02	02	02	02	02	02	02	02	02	02	04	06	08	10		

**Figura 2.16 Archivo MEEVS, muestra la matriz estados- extracciones**

El último archivo que se genera de resultados es el DIFANVS, contiene las diferencias anuales obtenidas para cada ciclo del proceso iterativo que se realice (figura 2.17).





Capítulo 2. Metodología

Figura 2.17 Archivo DIFANVS

2.10. Simulación del funcionamiento de vaso

A partir de la obtención del conjunto de políticas óptimas es necesario realizar una simulación del funcionamiento de vaso para elegir la mejor. Los estudios de simulación ayudan a ver la sensibilidad del sistema frente a la política de operación, ya que es una forma de ver las consecuencias de éstas.

La simulación del funcionamiento de vaso se realiza a partir de la ecuación de continuidad, expresada de la siguiente manera:

$$V_{i+1} = V_i + X_i - S_i - P_i \tag{2.32}$$

Sujeta a

$$VM^{(k)} \leq V_{i+1} \leq VU^{(k)} \tag{2.33}$$

Donde:

$V_{i+1}, V_i$  volúmenes almacenados al final y al principio del mes  $i$  respectivamente, en  $hm^3$ .

$VM^{(k)}$  volumen correspondiente al NAMINO en el mes  $k$  del año, en  $hm^3$ .

$VU^{(k)}$  volumen correspondiente al NAMO en el mes  $k$  del año, en  $hm^3$ .

Considerando:

$$X_i = ICP_i + IT_i \tag{2.34}$$



Capítulo 2. Metodología

$$S_I = VDEM_i \quad (2.35)$$

$$P_i = 1000(EVAP_i - hp_i)\bar{A}_i \quad (2.36)$$

Para:

$ICP_i$  volumen de escurrimiento generado por cuenca propia que entra al vaso en el mes  $i$ , en  $hm^3$ .

$IT_i$  volumen de entrada por transferencias desde otras cuencas en el mes  $i$ , en  $hm^3$ .

$VDEM_i$  volumen extraído para satisfacer la demanda en el mes  $i$ , en  $hm^3$ .

$hp_i$  lámina de precipitación sobre el vaso en el mes  $i$ , en  $mm$ .

$EVAP_i$  lámina de evaporación en el vaso en el mes  $i$ , en  $mm$ .

$\bar{A}_i$  promedio de las áreas de superficie libre del vaso, en  $km^2$ .

El área promedio se calcula como  $\frac{A_{i+1}+A_i}{2}$  siendo  $A_{i+1}$  y  $A_i$  el área de la superficie libre al final y al inicio del mes  $i$ , respectivamente.

Además de considerar que el volumen de demanda puede modificarse en los siguientes casos:

- 1.- Para evitar que el volumen almacenado en la presa sea inferior a  $VM^{(k)}$ , se reduce la extracción de agua del vaso disminuyendo  $VDEM_i$ .
- 2.- Cuando haya derrame se aumenta  $VDEM_i$  al máximo posible con el objeto de turbinar un mayor volumen de agua.
- 3.- Cuando  $VDEM_i$  excede al volumen turbinable máximo en el mes en estudio, se hace que  $VDEM_i$  sea igual a dicho volumen.

Se considera lo siguiente para calcular el volumen máximo de agua que puede ser usado en la generación hidroeléctrica en cada mes:

$$P = K_1QH \quad (2.37)$$



Capítulo 2. Metodología

Donde:

$P$  potencia producida, en MW.

$Q$  gasto que pasa por las turbinas, en  $m^3/s$ .

$H$  carga bruta, en m.

$K_1$  coeficiente que contiene a la eficiencia de la máquina, al peso específico del agua y un coeficiente de conversión de unidades. Su valor se considera constante (0.00981).

Debido a que el gasto es directamente proporcional a la raíz cuadrada de la carga bruta:

$$Q = K_2(H)^{1/2} \quad (2.38)$$

Sustituyendo en la ecuación 2.37, se tiene:

$$P = K_1 K_2 H^{3/2} = K_3 H^{3/2} \quad (2.39)$$

$$K_1 = \frac{P_{INS}}{Q_{DIS} H_{BDIS}} \quad (2.40)$$

$$K_3 = \frac{P_{INS}}{H_{BDIS}^{3/2}} \quad (2.41)$$

Donde:

$P_{INS}$  potencia instalada en el sistema.

$Q_{DIS}$  gasto de diseño.

$H_{BDIS}$  carga bruta de diseño.

La carga hidráulica bruta se calcula como:

$$H = \frac{h_i + h_{i+1}}{2} - DESF^{(k)} \quad (2.42)$$

Donde:

$h_i, h_{i+1}$  elevación del espejo del agua al inicio y al final del mes  $i$ .

$DESF^{(k)}$  elevación media del desfogue en el mes  $k$  del año.



Capítulo 2. Metodología

Por lo tanto el volumen de agua máximo que pasa por las turbinas es igual a:

$$V_{m\acute{a}x} = Q_{DIS}\Delta t \quad \text{si } H \geq H_{BDIS} \quad (2.43)$$

$$V_{m\acute{a}x} = \frac{POTMAX}{K_1 H} \Delta t \quad \text{si } H < H_{BDIS} \quad (2.44)$$

Siendo:

$$POTMAX = P_{INS} \quad \text{si } H \geq H_{BDIS} \quad (2.45)$$

$$POTMAX = K_3 H^{3/2} \quad \text{si } H < H_{BDIS} \quad (2.46)$$

De tal manera se necesita que para cada mes se calcule el  $V_{m\acute{a}x}$ , y en los casos en los que el  $VDEM_i$  sea mayor al  $V_{m\acute{a}x}$ , es necesario disminuirlo para que sean iguales (CFE, 1982).

**2.10.1. Procedimiento de cálculo**

- 1.- Se obtienen, de la topografía del vaso, las curvas que relacionan la elevación del nivel de agua con el volumen y la elevación del nivel con el área de la superficie libre.
- 2.- Se fija un nivel inicial en el vaso. Generalmente el análisis empieza en el NAMO.
- 3.- A partir del nivel inicial  $E_i$  y las curvas de E-V y E-A se obtiene  $V_i$  y  $A_i$ .
- 4.- Se calcula el volumen final en una primera aproximación como:

$$V_{i+1}^k = V_i + I_i - O_i \quad (2.47)$$

Donde:

$I_i$  volumen de entradas al vaso que no depende del nivel en el mismo durante el intervalo considerado.

$O_i$  volumen de salidas del vaso que no depende del nivel en el mismo durante el intervalo considerado.

5.- Con la curva E-V se obtiene  $E_{i+1}$

6.- Con  $E_{i+1}$  y la curva E-A se obtiene  $A_{i+1}$



Capítulo 2. Metodología

7.- Se determina el área media ( $\bar{A}$ ).

8.- Se calcula  $E_{II_i}$ ,  $S_{e_i}$ ,  $S_{i_i}$

$$E_{II} = hp\bar{A} \quad (2.48)$$

$$S_e = h_{ev}\bar{A} \quad (2.49)$$

Donde:

$E_{II_i}$  entradas por lluvia directa sobre el vaso.

$hp$  altura de precipitación.

$S_e$  volumen evaporado.

$h_{ev}$  lámina de evaporación.

$S_i$  volumen infiltrado en el vaso.

9.- Se calcula

$$P_i = E_{II_i} - S_{e_i} - S_{i_i} \quad (2.50)$$

10.- Se calcula el volumen final en la siguiente aproximación

$$V_{i+1}^{k+1} = V_i + I_i - O_i + P_i \quad (2.51)$$

11.- Si no se cumple que  $|V_{i+1}^{k+1} - V_{i+1}^k| \leq \frac{V_m}{100}$ , entonces  $k=k+1$  y se vuelve al paso 5. En el caso de que se cumpla la condición anterior, se debe revisar que se cumpla que  $V_{i+1}^{k+1} < V_m$ . Si esto no se cumple:

$$S_{de} = V_{i+1}^{k+1} - V_m \quad (2.52)$$

Entonces  $V_{i+1}^{k+1} > V_m$  y  $t = t + \Delta t$ , volver al paso 4. En el caso de que se cumpla, se revisa otra condición en la que  $V_{i+1}^{k+1} = V_{min}$ . Si lo anterior se cumple  $t = t + \Delta t$ , volver al paso 4. Y si no se cumple  $Déficit = V_{min} - V_{i+1}^{k+1}$ , entonces  $V_{i+1} = V_{min}$  y  $t = t + \Delta t$ , volver al paso 4 (Aparicio, 2011).



Capítulo 2. Metodología

2.10.2. Programa para simular el funcionamiento quincenal de una presa

El programa SIMQ1.FOR, escrito en lenguaje Fortran, sirve para la simulación quincenal de una presa a partir de los datos del registro sintético generado a partir de cada una de las series. Tal como se muestra en la tabla 3.21 del tercer capítulo. En este estudio se considera que el año empieza en el mes de octubre del año *i* y termina en el mes de septiembre del año *i*+1, considerando un año hidrológico (Mendoza, 2010).

El programa necesita de algunos archivos base, uno de ellos es el llamado DATOSGE que contiene la información general de la presa que se analiza (figura 2.18), el archivo VOLPRE que contiene la información de los registros de los volúmenes de ingreso (expresados en hm<sup>3</sup>) (figura 2.19). Y por último, necesita del archivo ARPOLVS que contiene las políticas de operación óptimas.

```

datosge - Bloc de notas
Archivo Edición Formato Ver Ayuda
LA ANGOSTURA, SON
100 1
28
700.0 0.0 703.4
1.9E20
777.60
300.0
767.60
0.
493
777.60 784.60 784.70 784.80 784.90 785.00 785.10 785.20 785.30 785.40
786.30 786.40 786.50 786.60 786.70 786.80 786.90 787.00 787.10 787.20
788.10 788.20 788.30 788.40 788.50 788.60 788.70 788.80 788.90 789.00
789.90 790.00 790.10 790.20 790.30 790.40 790.50 790.60 790.70 790.80
791.70 791.80 791.90 792.00 792.10 792.20 792.30 792.40 792.50 792.60
793.50 793.60 793.70 793.80 793.90 794.00 794.10 794.20 794.30 794.40
795.30 795.40 795.50 795.60 795.70 795.80 795.90 796.00 796.10 796.20
797.10 797.20 797.30 797.40 797.50 797.60 797.70 797.80 797.90 798.00
798.90 799.00 799.10 799.20 799.30 799.40 799.50 799.60 799.70 799.80
800.70 800.80 800.90 801.00 801.10 801.20 801.30 801.40 801.50 801.60
802.50 802.60 802.70 802.80 802.90 803.00 803.10 803.20 803.30 803.40
804.30 804.40 804.50 804.60 804.70 804.80 804.90 805.00 805.10 805.20
806.10 806.20 806.30 806.40 806.50 806.60 806.70 806.80 806.90 807.00
    
```

Figura 2.18 Formato del archivo DATOSGE

```

volpre - Bloc de notas
Archivo Edición Formato Ver Ayuda
1 0.9722 0.9722 0.6481 0.6481 51.6551 51.6551 21.5176 21.5176 71.5524 71.5524 91.9357 91.9357
2 1.5163 1.5163 1.0109 1.0109 80.5653 80.5653 33.5605 33.5605 111.5986 111.5986
3 12.0652 12.0652 4.8753 4.8753 2.2587 2.2587 16.5491 16.5491 5.7251 5.7251 1.9792 1.9792
4 3.5069 3.5069 0.1700 0.1700 0.1063 0.1063 10.5206 10.5206 13.9638 13.9638 2.6992 2.6992
5 3.8548 3.8548 0.4299 0.4299 0.5159 0.5159 0.9745 0.9745 31.4693 31.4693 7.4517 7.4517
6 3.0647 3.0647 0.1486 0.1486 0.0929 0.0929 9.1941 9.1941 12.2031 12.2031 2.3589 2.3589
7 12.4848 12.4848 11.4556 11.4556 99.7887 99.7887 17.8546 17.8546 11.2318 11.2318 13.5587 13.5587
8 56.1851 56.1851 9.2934 9.2934 10.6379 10.6379 3.9627 3.9627 26.0168 26.0168 9.3878 9.3878
9 0.6317 0.6317 3.2449 3.2449 11.9457 11.9457 11.9745 11.9745 9.8064 9.8064 5.8580 5.8580
10 1.8121 1.8121 0.0879 0.0879 0.0349 0.0349 5.4363 5.4363 7.2155 7.2155 1.3948 1.3948
11 69.0781 69.0781 5.4387 5.4387 3.6375 3.6375 96.6599 96.6599 91.7156 91.7156 19.4944 19.4944
12 6.0859 6.0859 1.1360 1.1360 152.8372 152.8372 42.3173 42.3173 53.9936 53.9936
13 34.4646 34.4646 11.4882 11.4882 56.9495 56.9495 53.5092 53.5092 28.7512 28.7512 125.0801 125.0801
14 19.2485 19.2485 16.2664 16.2664 65.2591 65.2591 188.1476 188.1476 41.9440 41.9440
15 4.1591 4.1591 2.3812 2.3812 61.7831 61.7831 95.2463 95.2463 24.2561 24.2561 26.4150 26.4150
16 7.9581 7.9581 0.8875 0.8875 1.0650 1.0650 2.0117 2.0117 64.9663 64.9663 15.3836 15.3836
17 4.5758 4.5758 5.6590 5.6590 10.4069 10.4069 5.0820 5.0820 5.1933 5.1933 2.9358 2.9358
18 29.3048 29.3048 11.8414 11.8414 4.4862 4.4862 40.1956 40.1956 13.9055 13.9055 4.8072 4.8072
19 64.1730 64.1730 5.0525 5.0525 3.3793 3.3793 89.7963 89.7963 85.2032 85.2032 18.1102 18.1102
20 6.9168 6.9168 2.7949 2.7949 1.2949 1.2949 9.4873 9.4873 3.2821 3.2821 1.3466 1.3466
21 0.3057 0.3057 0.0000 0.0000 1.6266 1.6266 9.5271 9.5271 18.2225 18.2225 8.3897 8.3897
22 11.5566 11.5566 0.0476 0.0476 0.0000 0.0000 0.0476 0.0476 6.7215 6.7215 17.8660 17.8660
23 1.6319 1.6319 0.7857 0.7857 18.4751 18.4751 3.9489 3.9489 8.5122 8.5122 0.3627 0.3627
24 3.7385 3.7385 1.2295 1.2295 3.4124 3.4124 25.5677 25.5677 14.9291 14.9291 93.9154 93.9154
25 2.9789 2.9789 6.2100 6.2100 6.0051 6.0051 6.5252 6.5252 3.5936 3.5936 14.7999 14.7999
26 24.1033 24.1033 9.7396 9.7396 4.5124 4.5124 33.0610 33.0610 11.4373 11.4373 3.9539 3.9539
27 9.9508 9.9508 1.8575 1.8575 249.8973 249.8973 69.1911 69.1911 87.3015 87.3015
28 2.1405 2.1405 1.0306 1.0306 24.2321 24.2321 5.1794 5.1794 11.1647 11.1647 0.4757 0.4757
29 5.2482 5.2482 10.9407 10.9407 10.5797 10.5797 11.4961 11.4961 6.3312 6.3312 26.0745 26.0745
    
```

Figura 2.19 Formato del archivo VOLPRE

## Capítulo 2. Metodología

El archivo de resultados que genera es el SIQPRE, en el que se muestra la información detallada de la simulación (figura 2.20). A parte de mostrar los resultados para cada quincena, también viene un resumen de los resultados promedio anuales y otro resumen que contiene el promedio quincenal.

QUINCENA	ALM. INICIAL MILL M <sup>3</sup>	INGRESO MILL M <sup>3</sup>	VOL EVAP MILL M <sup>3</sup>	EXT POL MILL M <sup>3</sup>	EXT MODIF MILL M <sup>3</sup>	EXT TOTAL MILL M <sup>3</sup>	DERRAME MILL M <sup>3</sup>	DEFICIT MILL M <sup>3</sup>	ENERGÍA (GWH)
1Q OCT	700.00	1.47	.38	118.75	118.75	118.75	.00	.00	17.87
2Q OCT	582.34	1.47	.34	89.34	89.34	89.34	.00	.00	12.80
1Q NOV	494.14	54.09	.25	67.28	67.28	67.28	.00	.00	9.38
2Q NOV	480.69	54.09	.25	63.92	63.92	63.92	.00	.00	8.85
1Q DIC	470.61	170.51	1.23	150.00	150.00	150.00	.00	.00	20.83
2Q DIC	489.88	170.51	1.25	150.00	150.00	150.00	.00	.00	21.05
1Q ENE	509.14	25.22	1.59	150.00	150.00	150.00	.00	.00	20.40
2Q ENE	382.77	25.22	1.40	103.89	103.89	103.89	.00	.00	13.21
1Q FEB	302.70	210.57	.98	12.50	12.50	12.50	.00	.00	1.65
2Q FEB	499.79	210.57	1.17	99.90	99.90	99.90	.00	.00	14.43
1Q MAR	609.29	21.07	.47	150.00	150.00	150.00	.00	.00	21.54
2Q MAR	479.89	21.07	.42	89.95	89.95	89.95	.00	.00	12.23
1Q ABR	410.59	8.13	.51	4.17	4.17	4.17	.00	.00	.56
2Q ABR	424.05	8.13	.51	4.17	4.17	4.17	.00	.00	.56
1Q MAY	417.51	3.71	.82	4.17	4.17	4.17	.00	.00	.56
2Q MAY	416.23	3.71	.82	4.17	4.17	4.17	.00	.00	.56
1Q JUN	424.96	3.65	1.76	4.17	4.17	4.17	.00	.00	.56
2Q JUN	412.68	3.65	1.76	4.17	4.17	4.17	.00	.00	.56
1Q JUL	410.40	46.81	2.73	12.50	12.50	12.50	.00	.00	1.68
2Q JUL	441.99	46.81	2.82	12.50	12.50	12.50	.00	.00	1.71
1Q AGO	473.48	18.26	3.65	36.74	36.74	36.74	.00	.00	5.05
2Q AGO	451.35	18.26	3.57	25.67	25.67	25.67	.00	.00	3.49
1Q SEP	440.37	31.09	3.54	12.50	12.50	12.50	.00	.00	1.70
2Q SEP	455.42	31.09	3.59	12.50	12.50	12.50	.00	.00	1.72

Figura 2.20 Formato del archivo SIQPRE

Otro archivo de resultados es el de SUPGUIAP en el que se observa en que quincenas y de que años se superó la curva guía de la presa (figura 2.21).

AÑO	QUINCENA	ALMACENAMIENTO (MILL M <sup>3</sup> )
5	2Q ABR	703.40
5	1Q MAY	703.40
5	2Q MAY	703.40
53	2Q DIC	703.40
53	1Q ENE	703.40
53	2Q ENE	703.40
53	1Q FEB	703.40
53	2Q FEB	703.40
53	1Q MAR	703.40
53	2Q MAR	703.40
53	1Q ABR	703.40
53	2Q ABR	703.40
53	1Q MAY	703.40
53	2Q MAY	703.40
55	1Q ABR	703.40
55	2Q ABR	703.40
55	1Q MAY	703.40
55	2Q MAY	703.40
83	1Q ENE	703.40
83	2Q ENE	703.40
83	1Q FEB	703.40
83	2Q FEB	703.40
83	1Q MAR	703.40
83	2Q MAR	703.40
83	1Q ABR	703.40
83	2Q ABR	703.40
83	1Q MAY	703.40
83	2Q MAY	703.40
100	2Q SEP	703.40

Figura 2.21 Formato del archivo SUPGUIAP

### Conclusión

Dentro de este capítulo se expuso la metodología aplicada en este tipo de estudios, además de otros métodos que también pueden ser utilizados. También se muestran los programas empleados en este estudio. Lo anterior lleva al siguiente capítulo de aplicación de la metodología y los resultados obtenidos.



## Referencias

- Aparicio Mijares, Francisco Javier. *Fundamentos de Hidrología de Superficie*. México: Limusa. 2011.
- Comisión Federal de Electricidad. *Manual de diseño de obras civiles. Hidrotecnia. Hidrología*. México.1982.
- Devore J. L. *Probabilidad y Estadística para Ingeniería y ciencias*. San Luis Obispo, USA: California Polytechnic State University. 2008.
- Domínguez M.R. Arganis J.L.M. *Cálculo de registros sintéticos de ingresos por cuenca propia de un sistema de presas de la región Noroeste de México, caracterizada por eventos invernales*.10. 2009. 353-361.
- Domínguez Mora, Ramón. *Metodología de selección de una política de operación conjunta de una presa y su vertedor*. Tesis Doctoral. UNAM.1989.
- Hwang, H. Brian. *A simple neural network for ARMA (p,q) time series*. Omega 29, 319-333. The International Journal of Management Science, 2001.
- Mendoza R.R. *Manual del programa de optimización vía programación dinámica estocástica. Primera parte CAFIT1P.FOR*. Instituto de Ingeniería UNAM.2010.
- Mendoza R.R. *Manual del programa de optimización vía programación dinámica estocástica. Programa OPDIN1VS.FOR*. Instituto de Ingeniería UNAM.2010.
- Mendoza R.R. *Manual del programa SIMULQ1P.FOR*. Instituto de Ingeniería UNAM.2010.
- Nandalal K. D. W. *Dynamic programming based operation of reservoirs, Applicability and limits*. Reino Unido: Cambridge University Press. 2007.
- Peña Delgado, Francisco. *Simulación histórica y sintética de políticas de operación óptima de un sistema de tres presas en cascada en el Río Santiago, Nayarit México*. Tesis Profesional. UNAM. 2010.
- *Presas de México*. Vol. 1. CONAGUA.





---

Capítulo 2. Metodología

- Svanidze, G.G. *Mathematical Modeling of Hydrologic Series*. USA: Water Resources Publications. 1980.
- Ven Te Chow. *Hidrología aplicada*. USA: Mc Graw Hill. 1975.
- Wilson, E. M. *Engineering Hydrology*. 4° Edición. Hong Kong: Macmillan. 1990.
- Yurekli, Kadri. *Prediction of daily maximum streamflow based on stochastic approaches*. Journal of Spatial Hydrology. Vol. 4, No. 2. 2004.



## 3. Aplicación y Resultados

### 3.1. Introducción

En este capítulo se exponen tanto la aplicación del método de Svanidze para generar 10 series sintéticas de volúmenes de ingreso a la presa La Angostura, Son., así como los resultados de la simulación del funcionamiento de vaso de la política de operación que se determinó a partir del estudio de los registros sintéticos, de los cuales se realizó un análisis de la frecuencia en los derrames y déficit que podrían presentarse en el sistema en el largo plazo.

### 3.2. Aplicación

#### 3.2.1. Registro

Se aplicó el método Svanidze a los datos históricos de los volúmenes de ingreso mensuales por cuenca propia de la presa La Angostura, Son. Los datos mensuales que se emplearon como base para este trabajo se muestran en la tabla 3.1, conforman un registro de 46 años continuos (1964-2009). Además, se obtuvieron los estadísticos con los cuales se identificaron los meses con el valor más bajo del coeficiente de correlación para decidir si se trabajaría con un año cronológico o con un año hidrológico.

En la tabla 3.1 se observa el menor valor de correlación entre los meses junio y julio, por lo tanto se decidió trabajar con un año hidrológico (tabla 3.2) que inicia en el mes de julio y termina en el mes de junio. El registro considerado finalmente quedó con un total de 45 años (1965-2009).

#### 3.2.2. Función de distribución de probabilidad

Al volumen total suma (tabla 3.3) se le realizó un análisis estadístico empleando el software AX, se obtuvo la función de distribución de probabilidad a la que mejor se ajustaban los datos y se determinó que era una función Doble Gumbel (Aparicio, 2011). Los parámetros que arrojó el programa son:  $\alpha_1 = 0.006728$ ,  $\beta_1 = 276.2171$ ,  $\alpha_2 = 0.003$  y  $\beta_2 = 918.5$  con  $p=0.78$ . La tabla 3.4 muestra los datos medidos y calculados que se obtuvieron del AX. Así mismo, en la figura 3.1 se muestra la gráfica de la función de distribución ajustada y los valores medidos.



Capítulo 3. Aplicación y Resultados

**Tabla 3.1 Serie mensual (ingresos en hm<sup>3</sup>). Estadísticos: media, desviación estándar, coeficiente de asimetría, coeficiente de variación y coeficiente de correlación**

Año	Oct.	Nov.	Dic.	Ene.	Feb.	Mar.	Abr.	May.	Jun.	Jul.	Ago.	Sep.	Anual
1964	46.25	7.97	7.33	13.78	52.43	21.55	13.10	7.60	9.98	64.49	40.87	60.24	345.57
1965	9.97	1.87	249.76	69.15	87.25	50.16	29.30	0.00	0.00	91.43	276.00	61.39	926.27
1966	51.69	21.29	10.18	5.27	0.00	3.35	1.94	1.27	0.00	74.64	103.90	28.79	302.31
1967	7.34	40.71	542.24	136.01	215.95	288.16	42.05	9.96	6.60	15.37	77.55	25.85	1407.78
1968	0.82	4.22	15.51	15.55	12.73	7.60	4.69	4.74	1.87	67.41	69.94	54.25	259.34
1969	36.28	29.62	35.67	11.38	6.98	17.79	3.48	0.00	0.00	15.95	147.58	45.37	350.09
1970	11.67	6.23	6.28	7.27	5.67	7.41	3.08	2.73	0.00	59.34	98.37	16.27	224.31
1971	47.33	38.66	48.97	26.50	1.32	0.00	0.86	0.00	6.81	30.81	118.82	94.94	415.02
1972	66.53	67.34	20.59	180.77	262.35	180.74	31.66	19.62	5.82	62.09	7.57	5.53	910.60
1973	7.70	0.03	0.00	0.04	4.48	11.91	6.12	0.00	0.16	48.28	81.80	24.88	185.38
1974	18.52	47.98	8.53	10.22	66.95	7.23	8.00	0.00	2.05	89.05	34.75	59.14	352.41
1975	4.28	0.00	0.00	30.00	99.82	0.00	2.85	4.12	0.00	132.14	56.40	61.87	391.49
1976	44.20	17.87	8.26	60.64	20.96	7.25	0.00	0.00	0.00	100.32	142.53	52.11	454.14
1977	115.26	12.47	4.20	27.78	65.46	390.24	42.30	19.57	5.83	13.49	44.40	6.76	747.77
1978	54.00	45.66	182.95	527.59	117.57	30.02	36.39	21.19	5.99	13.50	70.01	0.00	1104.87
1979	6.22	7.61	14.18	2.63	32.87	5.17	0.00	0.96	1.55	26.31	58.11	33.43	189.03
1980	5.05	1.65	4.61	34.59	20.21	127.03	14.83	9.17	4.43	109.45	142.29	35.71	509.01
1981	24.34	11.92	31.34	32.27	1.51	5.28	0.27	0.00	0.00	14.96	39.27	57.65	218.80
1982	2.92	1.99	157.04	65.46	217.58	279.58	115.15	26.66	7.18	12.15	56.92	60.44	1003.06
1983	95.62	54.33	100.43	17.26	5.19	0.00	0.00	4.17	2.93	39.35	297.48	50.63	667.38
1984	40.03	24.10	518.30	166.39	106.22	44.76	33.26	23.67	0.06	18.27	92.84	36.19	1104.07
1985	90.39	14.97	17.12	6.37	41.85	15.11	17.34	11.23	17.86	192.80	136.56	81.07	642.66
1986	20.21	18.49	161.32	28.88	18.12	21.92	13.54	16.89	13.63	5.64	108.04	31.12	457.80
1987	0.00	0.00	20.93	29.04	28.34	0.00	0.00	0.79	1.90	62.69	297.80	73.97	515.45
1988	30.54	6.27	7.91	13.78	13.24	9.35	4.91	7.66	4.95	5.66	110.72	69.82	284.80
1989	0.71	0.00	3.86	22.58	43.18	19.87	9.44	3.92	0.00	153.08	266.14	50.33	573.11
1990	56.22	18.69	92.83	87.24	46.91	203.97	16.91	3.12	6.21	35.33	124.72	120.14	812.28
1991	13.45	7.65	199.78	307.95	78.37	85.44	36.36	9.13	8.12	21.60	43.89	16.19	827.93
1992	5.62	0.00	42.94	477.61	170.22	67.36	20.84	9.23	3.32	60.24	120.62	83.62	1061.62
1993	18.13	22.45	41.26	20.14	20.61	11.65	0.00	0.00	2.60	8.54	23.01	43.42	211.80
1994	2.35	85.56	269.65	39.86	333.04	33.33	12.90	5.87	5.77	7.71	27.76	40.97	864.76
1995	7.34	7.24	7.64	5.37	5.43	4.09	0.42	0.00	0.92	53.36	44.15	62.47	198.42
1996	4.23	8.85	8.54	9.29	5.11	21.07	3.79	0.00	3.53	3.25	67.44	19.27	154.38
1997	4.83	16.41	95.39	66.88	104.94	86.85	47.02	16.97	0.00	42.92	54.76	6.00	542.97
1998	5.34	3.81	3.21	3.08	2.90	0.32	0.00	0.00	0.00	126.14	202.76	41.09	388.65
1999	0.98	0.80	0.38	4.29	3.34	0.60	0.00	0.00	0.00	61.61	81.20	12.73	165.92
2000	66.35	109.65	17.78	21.20	79.32	18.97	6.64	0.00	0.00	66.80	114.60	19.00	520.31
2001	8.23	0.92	1.10	2.08	67.13	15.91	5.69	2.01	2.27	9.79	89.47	18.30	222.90
2002	2.73	5.99	11.29	10.93	19.74	29.77	5.05	0.00	0.00	1.62	6.34	3.24	96.70
2003	0.00	0.00	2.55	3.78	5.30	13.70	6.03	0.00	0.83	17.43	53.30	6.95	109.88
2004	6.36	30.85	85.67	270.98	237.07	21.19	1.61	3.26	8.36	2.17	95.12	54.84	817.49
2005	22.17	13.84	41.05	-1.09	4.49	0.42	0.26	1.89	3.29	27.44	165.15	114.40	393.32
2006	6.15	0.29	-0.17	18.41	24.43	4.71	0.62	8.07	2.61	29.22	189.00	69.32	352.65
2007	7.05	3.37	79.69	17.05	36.71	1.56	0.26	0.69	0.69	75.38	161.68	70.33	454.46
2008	11.59	2.37	0.38	1.05	0.09	1.12	0.13	0.62	1.16	40.51	44.35	18.98	122.34
2009	118.28	9.33	6.22	165.48	157.04	33.38	5.71	2.13	3.25	94.56	122.91	44.57	762.86
<b>Media</b>	26.20	18.07	69.23	66.80	64.14	47.98	13.15	5.63	3.32	50.09	104.54	44.42	513.57
<b>Desv.</b>	31.29	23.70	120.68	116.62	80.10	85.66	20.50	7.32	3.90	43.80	72.75	28.73	321.90
<b>C.A.</b>	1.56	2.14	2.76	2.76	1.71	2.63	3.11	1.44	1.69	1.23	1.24	0.57	0.80
<b>C.V.</b>	1.19	1.31	1.74	1.75	1.25	1.79	1.56	1.30	1.18	0.87	0.70	0.65	0.63
<b>C. ji+1,ji</b>	0.37	0.27	0.35	0.51	0.44	0.73	0.79	0.46	-0.01	0.39	0.41	0.04	



Capítulo 3. Aplicación y Resultados

**Tabla 3.2 Año hidrológico (ingresos en hm<sup>3</sup>). Estadísticos: media, desviación estándar, coeficiente de asimetría, coeficiente de variación y coeficiente de correlación**

<b>Año</b>	<b>Jul.</b>	<b>Ago.</b>	<b>Sep.</b>	<b>Oct.</b>	<b>Nov.</b>	<b>Dic.</b>	<b>Ene.</b>	<b>Feb.</b>	<b>Mar.</b>	<b>Abr.</b>	<b>May.</b>	<b>Jun.</b>	<b>Anual</b>
1965	64.49	40.87	60.24	9.97	1.87	249.76	69.15	87.25	50.16	29.30	0.00	0.00	663.05
1966	91.43	276.00	61.39	51.69	21.29	10.18	5.27	0.00	3.35	1.94	1.27	0.00	523.80
1967	74.64	103.90	28.79	7.34	40.71	542.24	136.01	215.95	288.16	42.05	9.96	6.60	1496.35
1968	15.37	77.55	25.85	0.82	4.22	15.51	15.55	12.73	7.60	4.69	4.74	1.87	186.50
1969	67.41	69.94	54.25	36.28	29.62	35.67	11.38	6.98	17.79	3.48	0.00	0.00	332.79
1970	15.95	147.58	45.37	11.67	6.23	6.28	7.27	5.67	7.41	3.08	2.73	0.00	259.23
1971	59.34	98.37	16.27	47.33	38.66	48.97	26.50	1.32	0.00	0.86	0.00	6.81	344.43
1972	30.81	118.82	94.94	66.53	67.34	20.59	180.77	262.35	180.74	31.66	19.62	5.82	1079.98
1973	62.09	7.57	5.53	7.70	0.03	0.00	0.04	4.48	11.91	6.12	0.00	0.16	105.61
1974	48.28	81.80	24.88	18.52	47.98	8.53	10.22	66.95	7.23	8.00	0.00	2.05	324.43
1975	89.05	34.75	59.14	4.28	0.00	0.00	30.00	99.82	0.00	2.85	4.12	0.00	324.00
1976	132.14	56.40	61.87	44.20	17.87	8.26	60.64	20.96	7.25	0.00	0.00	0.00	409.60
1977	100.32	142.53	52.11	115.26	12.47	4.20	27.78	65.46	390.24	42.30	19.57	5.83	978.07
1978	13.49	44.40	6.76	54.00	45.66	182.95	527.59	117.57	30.02	36.39	21.19	5.99	1086.02
1979	13.50	70.01	0.00	6.22	7.61	14.18	2.63	32.87	5.17	0.00	0.96	1.55	154.69
1980	26.31	58.11	33.43	5.05	1.65	4.61	34.59	20.21	127.03	14.83	9.17	4.43	339.40
1981	109.45	142.29	35.71	24.34	11.92	31.34	32.27	1.51	5.28	0.27	0.00	0.00	394.38
1982	14.96	39.27	57.65	2.92	1.99	157.04	65.46	217.58	279.58	115.15	26.66	7.18	985.42
1983	12.15	56.92	60.44	95.62	54.33	100.43	17.26	5.19	0.00	0.00	4.17	2.93	409.43
1984	39.35	297.48	50.63	40.03	24.10	518.30	166.39	106.22	44.76	33.26	23.67	0.06	1344.24
1985	18.27	92.84	36.19	90.39	14.97	17.12	6.37	41.85	15.11	17.34	11.23	17.86	379.54
1986	192.80	136.56	81.07	20.21	18.49	161.32	28.88	18.12	21.92	13.54	16.89	13.63	723.43
1987	5.64	108.04	31.12	0.00	0.00	20.93	29.04	28.34	0.00	0.00	0.79	1.90	225.79
1988	62.69	297.80	73.97	30.54	6.27	7.91	13.78	13.24	9.35	4.91	7.66	4.95	533.06
1989	5.66	110.72	69.82	0.71	0.00	3.86	22.58	43.18	19.87	9.44	3.92	0.00	289.76
1990	153.08	266.14	50.33	56.22	18.69	92.83	87.24	46.91	203.97	16.91	3.12	6.21	1001.64
1991	35.33	124.72	120.14	13.45	7.65	199.78	307.95	78.37	85.44	36.36	9.13	8.12	1026.44
1992	21.60	43.89	16.19	5.62	0.00	42.94	477.61	170.22	67.36	20.84	9.23	3.32	878.82
1993	60.24	120.62	83.62	18.13	22.45	41.26	20.14	20.61	11.65	0.00	0.00	2.60	401.31
1994	8.54	23.01	43.42	2.35	85.56	269.65	39.86	333.04	33.33	12.90	5.87	5.77	863.29
1995	7.71	27.76	40.97	7.34	7.24	7.64	5.37	5.43	4.09	0.42	0.00	0.92	114.88
1996	53.36	44.15	62.47	4.23	8.85	8.54	9.29	5.11	21.07	3.79	0.00	3.53	224.41
1997	3.25	67.44	19.27	4.83	16.41	95.39	66.88	104.94	86.85	47.02	16.97	0.00	529.24
1998	42.92	54.76	6.00	5.34	3.81	3.21	3.08	2.90	0.32	0.00	0.00	0.00	122.34
1999	126.14	202.76	41.09	0.98	0.80	0.38	4.29	3.34	0.60	0.00	0.00	0.00	380.37
2000	61.61	81.20	12.73	66.35	109.65	17.78	21.20	79.32	18.97	6.64	0.00	0.00	475.45
2001	66.80	114.60	19.00	8.23	0.92	1.10	2.08	67.13	15.91	5.69	2.01	2.27	305.74
2002	9.79	89.47	18.30	2.73	5.99	11.29	10.93	19.74	29.77	5.05	0.00	0.00	203.05
2003	1.62	6.34	3.24	0.00	0.00	2.55	3.78	5.30	13.70	6.03	0.00	0.83	43.40
2004	17.43	53.30	6.95	6.36	30.85	85.67	270.98	237.07	21.19	1.61	3.26	8.36	743.06
2005	2.17	95.12	54.84	22.17	13.84	41.05	-1.09	4.49	0.42	0.26	1.89	3.29	238.46
2006	27.44	165.15	114.40	6.15	0.29	-0.17	18.41	24.43	4.71	0.62	8.07	2.61	372.09
2007	29.22	189.00	69.32	7.05	3.37	79.69	17.05	36.71	1.56	0.26	0.69	0.69	434.61
2008	75.38	161.68	70.33	11.59	2.37	0.38	1.05	0.09	1.12	0.13	0.62	1.16	325.89
2009	40.51	44.35	18.98	118.28	9.33	6.22	165.48	157.04	33.38	5.71	2.13	3.25	604.66
<b>Media</b>	49.10	104.13	44.42	25.76	18.30	70.61	67.98	64.40	48.56	13.15	5.58	3.17	515.16
<b>Desv.</b>	43.77	73.52	29.05	31.50	23.92	121.68	117.66	80.98	86.54	20.73	7.40	3.81	349.35
<b>C.A</b>	1.31	1.24	0.56	1.60	2.10	2.73	2.72	1.69	2.59	3.08	1.44	1.85	1.05
<b>C.V</b>	0.89	0.71	0.65	1.22	1.31	1.72	1.73	1.26	1.78	1.58	1.33	1.20	0.68
<b>C. ji+1,ji</b>	0.39	0.41	0.04	0.38	0.27	0.35	0.51	0.44	0.74	0.79	0.46	-0.03	



Capítulo 3. Aplicación y Resultados

**Tabla 3.3 Volumen total anual (hm<sup>3</sup>)**

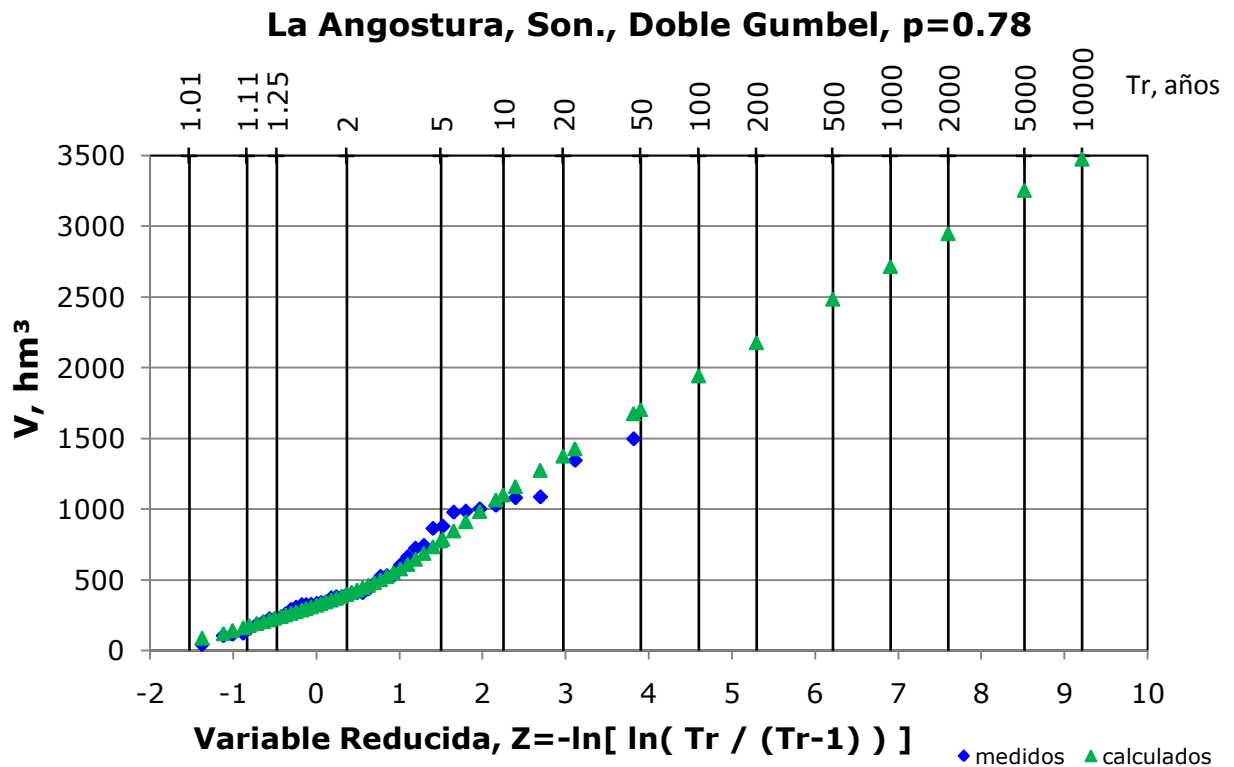
<b>Año</b>	<b>Anual</b>
1965	663.05
1966	523.80
1967	1496.35
1968	186.50
1969	332.79
1970	259.23
1971	344.43
1972	1079.98
1973	105.61
1974	324.43
1975	324.00
1976	409.60
1977	978.07
1978	1086.02
1979	154.69
1980	339.40
1981	394.38
1982	985.42
1983	409.43
1984	1344.24
1985	379.54
1986	723.43
1987	225.79
1988	533.06
1989	289.76
1990	1001.64
1991	1026.44
1992	878.82
1993	401.31
1994	863.29
1995	114.88
1996	224.41
1997	529.24
1998	122.34
1999	380.37
2000	475.45
2001	305.74
2002	203.05
2003	43.40
2004	743.06
2005	238.46
2006	372.09
2007	434.61
2008	325.89
2009	604.66
<b>Media</b>	515.159
<b>Desv.</b>	349.348
<b>C.A.</b>	1.048
<b>C.V.</b>	0.678



Capítulo 3. Aplicación y Resultados

**Tabla 3.4 Datos medidos y calculados obtenidos del AX (hm<sup>3</sup>)**

Doble Gumbel			
Tr	Dato cal.	Dato med.	z
10000.00	3474.75		9.2102904
5000.00	3254.2		8.5170932
2000.00	2947.87		7.6006524
1000.00	2715.06		6.9072551
500.00	2484.3		6.2136073
200.00	2176.44		5.2958121
100.00	1941.59		4.6001492
50.00	1703.04		3.9019387
20.00	1374.12		2.9701952
10.00	1099.83		2.2503673
5.00	774.61		1.4999400
2.00	395.95		0.3665129
46.00	1673.94	1496.35	3.8176721
23.00	1425.94	1344.24	3.1133507
15.33	1272.97	1086.02	2.6962731
11.50	1158.19	1079.98	2.3972060
9.20	1064	1026.44	2.1622205
7.67	982.58	1001.64	1.9682812
6.57	910.13	985.42	1.8010902
5.75	844.77	978.07	1.6551927
5.11	785.7	878.82	1.5242865
4.60	732.73	863.29	1.4059974
4.18	685.72	743.05	1.2967094
3.83	644.37	723.43	1.1953828
3.54	608.1	663.05	1.1027328
3.29	576.19	604.66	1.0151840
3.07	547.93	533.06	0.9310771
2.88	522.69	529.24	0.8520995
2.71	499.93	523.8	0.7755396
2.56	479.21	475.45	0.7025484
2.42	460.17	434.61	0.6290262
2.30	442.54	409.6	0.5611635
2.19	426.07	409.43	0.4943812
2.09	410.59	401.31	0.4292666
2.00	395.95	394.38	0.3665129
1.92	382	380.37	0.3069236
1.84	368.65	379.54	0.2431945
1.77	355.8	372.09	0.1835091
1.70	343.36	344.43	0.1195685
1.64	331.27	339.4	0.0608298
1.59	319.47	332.79	0.0086707
1.53	307.88	325.89	-0.0584066
1.48	296.45	324.43	-0.1186815
1.44	285.12	324	-0.1702689
1.39	273.84	305.74	-0.2397350
1.35	262.54	289.76	-0.3000503
1.31	251.15	259.23	-0.3654831
1.28	239.59	238.46	-0.4185957
1.24	227.78	225.79	-0.4960537
1.21	215.59	224.41	-0.5603402
1.18	202.87	203.05	-0.6314382
1.15	189.43	186.5	-0.7114202
1.12	174.94	154.69	-0.8036112
1.10	158.94	122.34	-0.8745914
1.07	140.55	114.88	-1.0031723
1.05	117.96	105.61	-1.1133441
1.02	85.85	43.4	-1.3691039
<b>Media</b>	512.921	515.159	
<b>Desv.</b>	364.490	349.348	
<b>C.A.</b>	1.438	1.048	
<b>C.V.</b>	0.711	0.678	



**Figura 3.1 Función Doble Gumbel, datos medidos y calculados**

### 3.2.3. Series sintéticas

Posteriormente, con los parámetros obtenidos se generaron 10 series de 101 años cada una en el programa DGUQ2SD.BAS, escrito en lenguaje Basic, que calcula números aleatorios con distribución Doble Gumbel. La serie 01 se puede ver a continuación en la tabla 3.5; en la que  $xP$  son los volúmenes totales sintéticos generados,  $F(xP)$  es la función de distribución de probabilidad, ALE es el aleatorio y  $ffin$  es el aleatorio final. En la figura 3.2 se muestra la función de distribución Doble Gumbel, existe una comparación entre los datos medidos, los calculados y los datos de la serie 01.

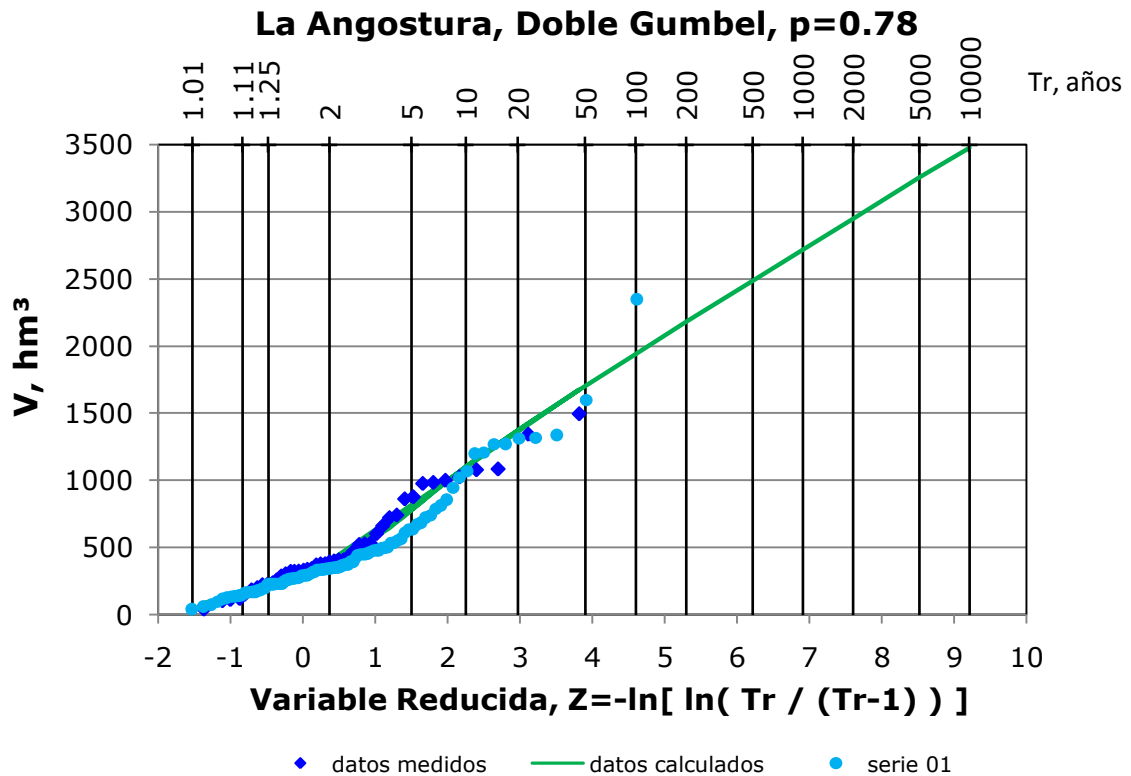


Capítulo 3. Aplicación y Resultados

**Tabla 3.5 Serie 01 de 101 datos generados**

I	xP (hm <sup>3</sup> )	F(XP)	ALE	ffin
1	1338.158	0.00000010	0.94500370	0.94500380
2	266.3958	-0.00000047	0.26818050	0.26818000
3	74.19586	-0.00000002	0.01587421	0.01587419
4	134.9091	0.00000041	0.05862069	0.05862110
5	683.6033	-0.00000061	0.76039830	0.76039770
6	171.0498	-0.00000043	0.10251410	0.10251370
7	1198.616	-0.00000080	0.92132050	0.92131970
8	317.8787	0.00000007	0.36694000	0.36694010
9	62.27493	-0.00000010	0.01146573	0.01146563
10	146.5404	-0.00000005	0.07123578	0.07123573
11	168.798	0.00000076	0.09938413	0.09938489
12	855.4507	-0.00000050	0.83006360	0.83006310
13	1020.489	-0.00000075	0.88015170	0.88015090
14	1311.464	0.00000034	0.94100800	0.94100830
15	289.3519	0.00000019	0.31257730	0.31257750
.	.	.	.	.
.	.	.	.	.
.	.	.	.	.
86	127.9712	-0.00000002	0.05179870	0.05179868
87	273.2718	-0.00000067	0.28147460	0.28147400
88	533.2614	0.00000034	0.66245410	0.66245450
89	2347.26	-0.00000007	0.99699370	0.99699370
90	394.4099	0.00000034	0.49844090	0.49844120
91	537.8604	0.00000095	0.66640170	0.66640260
92	456.1925	0.00000066	0.58311250	0.58311310
93	261.479	-0.00000014	0.25870030	0.25870020
94	1067.524	0.00000018	0.89227620	0.89227630
95	229.3009	-0.00000002	0.19803050	0.19803050
96	168.3891	0.00000043	0.09882164	0.09882206
97	498.364	-0.00000082	0.62978570	0.62978490
98	269.6049	-0.00000062	0.27438130	0.27438070
99	814.6953	-0.00000025	0.81563120	0.81563100
100	232.6989	-0.00000095	0.20427160	0.20427060
101	565.6528	-0.00000013	0.68868010	0.68868000
<b>Media</b>	465.639			
<b>Desv.</b>	378.172			
<b>C.A.</b>	2.190			
<b>C.V.</b>	0.812			





**Figura 3.2 Función Doble Gumbel, datos medidos, calculados y los resultados de la serie 01**

#### **3.2.4. Selección de años aleatorios y obtención de fracciones aleatorias**

Después de obtener las series se emplearon dos programas para la selección de años aleatorios y las fracciones aleatorias, debido a que se hicieron dos ensayos, el primero sin considerar la influencia del invierno en los volúmenes mensuales y en el segundo si se hizo esta consideración. Para el primer ensayo se usó el programa AÑHIANG.BAS y en el segundo ensayo el AÑHIAN.BAS.

En el primer ensayo se consideró el registro de la tabla 3.2, con un orden de años cronológico a partir del cual el programa hacía una selección aleatoria de años, por lo tanto cuando el programa elegía el número uno correspondía al año 1965 y así sucesivamente hasta el número 45 que correspondía al año 2009. A continuación se muestra la selección aleatoria de años para la serie 01 (tabla 3.8).



Capítulo 3. Aplicación y Resultados

**Tabla 3.6 Numeración de años. Tabla 3.7 Serie 01. Tabla 3.8 Años aleatorios de la serie 01**

I	Año	I	xP (hm <sup>3</sup> )	Orden	Año aleatorio	Año
1	1965	1	1338.158	1	40	2004
2	1966	2	266.3958	2	1	1965
3	1967	3	74.19586	3	9	1973
4	1968	4	134.9091	4	23	1987
5	1969	5	683.6033	5	32	1996
6	1970	6	171.0498	6	27	1991
7	1971	7	1198.616	7	27	1991
8	1972	8	317.8787	8	3	1967
9	1973	9	62.27493	9	42	2006
10	1974	10	146.5404	10	17	1981
11	1975	11	168.798	11	4	1968
12	1976	12	855.4507	12	14	1978
13	1977	13	1020.489	13	9	1973
14	1978	14	1311.464	14	36	2000
15	1979	15	289.3519	15	18	1982
16	1980	.	.	.	.	.
17	1981	.	.	.	.	.
18	1982	.	.	.	.	.
19	1983	86	127.9712	86	11	1975
20	1984	87	273.2718	87	39	2003
21	1985	88	533.2614	88	28	1992
22	1986	89	2347.26	89	8	1972
23	1987	90	394.4099	90	2	1966
24	1988	91	537.8604	91	42	2006
25	1989	92	456.1925	92	11	1975
26	1990	93	261.479	93	3	1967
27	1991	94	1067.524	94	13	1977
28	1992	95	229.3009	95	30	1994
29	1993	96	168.3891	96	42	2006
30	1994	97	498.364	97	31	1995
31	1995	98	269.6049	98	32	1996
32	1996	99	814.6953	99	41	2005
33	1997	100	232.6989	100	38	2002
34	1998	101	565.6528	101	1	1965
35	1999	<b>Media</b>	166.506			
36	2000	<b>Desv.</b>	503.756			
37	2001	<b>C.A.</b>	1.862			
38	2002	<b>C.V.</b>	3.025			
39	2003					
40	2004					
41	2005					
42	2006					
43	2007					
44	2008					
45	2009					



Capítulo 3. Aplicación y Resultados

Con el mismo programa, se generaron las fracciones aleatorias (tabla 3.9), con las cuales se generó el nuevo registro de 101 años al multiplicar el valor calculado xP de cada una de las series por sus correspondientes fracciones aleatorias (tabla 3.10). A los nuevos datos de registro se les obtuvieron sus estadísticos básicos.

**Tabla 3.9 Fracción aleatoria correspondiente para la serie 01**

Año	Jul.	Ago.	Sep.	Oct.	Nov.	Dic.	Ene.	Feb.	Mar.	Abr.	May.	Jun.	Suma
1	0.02	0.07	0.01	0.01	0.04	0.12	0.36	0.32	0.03	0.00	0.00	0.01	1.0
2	0.10	0.06	0.09	0.02	0.00	0.38	0.10	0.13	0.08	0.04	0.00	0.00	1.0
3	0.59	0.07	0.05	0.07	0.00	0.00	0.00	0.04	0.11	0.06	0.00	0.00	1.0
4	0.03	0.48	0.14	0.00	0.00	0.09	0.13	0.13	0.00	0.00	0.00	0.01	1.0
5	0.24	0.20	0.28	0.02	0.04	0.04	0.04	0.02	0.09	0.02	0.00	0.02	1.0
6	0.03	0.12	0.12	0.01	0.01	0.19	0.30	0.08	0.08	0.04	0.01	0.01	1.0
7	0.03	0.12	0.12	0.01	0.01	0.19	0.30	0.08	0.08	0.04	0.01	0.01	1.0
8	0.05	0.07	0.02	0.00	0.03	0.36	0.09	0.14	0.19	0.03	0.01	0.00	1.0
9	0.07	0.44	0.31	0.02	0.00	0.00	0.05	0.07	0.01	0.00	0.02	0.01	1.0
10	0.28	0.36	0.09	0.06	0.03	0.08	0.08	0.00	0.01	0.00	0.00	0.00	1.0
11	0.08	0.42	0.14	0.00	0.02	0.08	0.08	0.07	0.04	0.03	0.03	0.01	1.0
12	0.01	0.04	0.01	0.05	0.04	0.17	0.49	0.11	0.03	0.03	0.02	0.01	1.0
13	0.59	0.07	0.05	0.07	0.00	0.00	0.00	0.04	0.11	0.06	0.00	0.00	1.0
14	0.13	0.17	0.03	0.14	0.23	0.04	0.04	0.17	0.04	0.01	0.00	0.00	1.0
15	0.02	0.04	0.06	0.00	0.00	0.16	0.07	0.22	0.28	0.12	0.03	0.01	1.0
.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.
.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.
.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.
86	0.27	0.11	0.18	0.01	0.00	0.00	0.09	0.31	0.00	0.01	0.01	0.00	1.0
87	0.04	0.15	0.07	0.00	0.00	0.06	0.09	0.12	0.32	0.14	0.00	0.02	1.0
88	0.02	0.05	0.02	0.01	0.00	0.05	0.54	0.19	0.08	0.02	0.01	0.00	1.0
89	0.03	0.11	0.09	0.06	0.06	0.02	0.17	0.24	0.17	0.03	0.02	0.01	1.0
90	0.17	0.53	0.12	0.10	0.04	0.02	0.01	0.00	0.01	0.00	0.00	0.00	1.0
91	0.07	0.44	0.31	0.02	0.00	0.00	0.05	0.07	0.01	0.00	0.02	0.01	1.0
92	0.27	0.11	0.18	0.01	0.00	0.00	0.09	0.31	0.00	0.01	0.01	0.00	1.0
93	0.05	0.07	0.02	0.00	0.03	0.36	0.09	0.14	0.19	0.03	0.01	0.00	1.0
94	0.10	0.15	0.05	0.12	0.01	0.00	0.03	0.07	0.40	0.04	0.02	0.01	1.0
95	0.01	0.03	0.05	0.00	0.10	0.31	0.05	0.39	0.04	0.01	0.01	0.01	1.0
96	0.07	0.44	0.31	0.02	0.00	0.00	0.05	0.07	0.01	0.00	0.02	0.01	1.0
97	0.07	0.24	0.36	0.06	0.06	0.07	0.05	0.05	0.04	0.00	0.00	0.01	1.0
98	0.24	0.20	0.28	0.02	0.04	0.04	0.04	0.02	0.09	0.02	0.00	0.02	1.0
99	0.01	0.40	0.23	0.09	0.06	0.17	0.00	0.02	0.00	0.00	0.01	0.01	1.0
100	0.05	0.44	0.09	0.01	0.03	0.06	0.05	0.10	0.15	0.02	0.00	0.00	1.0
101	0.10	0.06	0.09	0.02	0.00	0.38	0.10	0.13	0.08	0.04	0.00	0.00	1.0



Capítulo 3. Aplicación y Resultados

**Tabla 3.10 Registro sintético de 101 años (hm<sup>3</sup>)**

Año	Jul.	Ago.	Sep.	Oct.	Nov.	Dic.	Ene.	Feb.	Mar.	Abr.	May.	Jun.	Anual
1	31.45	95.95	12.58	11.51	55.53	154.29	488.03	426.87	38.14	2.94	5.89	15.05	1338.22
2	25.92	16.41	24.19	4.00	0.75	100.35	27.79	35.06	20.17	11.77	0.00	0.00	266.40
3	43.62	5.32	3.89	5.41	0.02	0.00	0.02	3.15	8.36	4.30	0.00	0.11	74.20
4	3.37	64.55	18.59	0.00	0.00	12.51	17.35	16.93	0.00	0.00	0.47	1.14	134.91
5	162.56	134.46	190.32	12.92	26.93	26.05	28.30	15.59	64.19	11.55	0.00	10.76	683.63
6	5.88	20.78	20.01	2.24	1.28	33.29	51.31	13.07	14.23	6.06	1.52	1.35	171.03
7	41.23	145.63	140.24	15.70	8.99	233.25	359.58	91.57	99.72	42.43	10.67	9.48	1198.50
8	15.86	22.06	6.10	1.56	8.65	115.20	28.90	45.87	61.22	8.93	2.13	1.40	317.88
9	4.59	27.64	19.14	1.03	0.05	0.03	3.08	4.09	0.79	0.11	1.35	0.44	62.34
10	40.66	52.87	13.26	9.04	4.43	11.65	11.99	0.56	1.96	0.10	0.00	0.00	146.53
11	13.91	70.19	23.40	0.74	3.81	14.04	14.08	11.53	6.89	4.24	4.29	1.69	168.80
12	10.61	34.99	5.30	42.52	35.93	144.14	415.58	92.65	23.61	28.66	16.68	4.72	855.38
13	599.95	73.17	53.47	74.39	0.31	0.00	0.31	43.27	115.01	59.09	0.00	1.54	1020.49
14	169.97	224.00	35.15	183.08	302.42	49.05	58.49	218.75	52.33	18.36	0.00	0.00	1311.60
15	4.40	11.52	16.93	0.87	0.58	46.12	19.21	63.89	82.09	33.83	7.81	2.11	289.35
.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.
.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.
.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.
86	35.17	13.72	23.35	1.69	0.00	0.00	11.85	39.43	0.00	1.13	1.63	0.00	127.96
87	10.22	39.95	20.41	0.00	0.00	16.01	23.80	33.37	86.30	37.98	0.00	5.21	273.27
88	13.12	26.61	9.81	3.41	0.00	26.08	289.83	103.29	40.85	12.64	5.60	2.02	533.25
89	66.90	258.20	206.32	144.59	146.47	44.83	392.93	570.15	392.93	68.77	42.72	12.64	2347.46
90	68.82	207.81	46.22	38.93	16.01	7.65	3.98	0.00	2.52	1.46	0.95	0.00	394.37
91	39.64	238.76	165.34	8.87	0.43	0.27	26.62	35.34	6.83	0.91	11.67	3.77	538.46
92	125.36	48.90	83.26	6.02	0.00	0.00	42.24	140.55	0.00	4.01	5.79	0.00	456.15
93	13.05	18.15	5.02	1.28	7.11	94.76	23.77	37.73	50.36	7.35	1.75	1.15	261.48
94	109.53	155.54	56.90	125.75	13.66	4.59	30.32	71.42	425.94	46.22	21.35	6.36	1067.58
95	2.27	6.12	11.53	0.62	22.72	71.63	10.59	88.46	8.85	3.42	1.56	1.53	229.32
96	12.41	74.75	51.76	2.78	0.13	0.08	8.34	11.06	2.14	0.29	3.65	1.18	168.58
97	33.44	120.45	177.72	31.85	31.40	33.14	23.27	23.57	17.74	1.84	0.00	4.01	498.44
98	64.11	53.03	75.06	5.10	10.62	10.27	11.16	6.15	25.32	4.56	0.00	4.24	269.62
99	7.41	324.98	187.38	75.77	47.25	140.29	3.75	15.32	1.47	0.90	6.44	11.26	822.21
100	11.22	102.53	20.97	3.12	6.86	12.94	12.52	22.62	34.11	5.79	0.00	0.00	232.68
101	55.04	34.84	51.36	8.48	1.58	213.08	59.00	74.44	42.82	25.00	0.00	0.00	565.65
<b>Media</b>	51.59	119.85	54.38	24.05	17.79	45.84	46.54	52.77	35.37	10.07	4.09	3.45	465.78
<b>Desv.</b>	78.87	133.82	62.93	42.70	36.53	60.46	89.30	78.40	64.24	13.71	6.73	7.15	378.24
<b>C.A.</b>	4.16	2.26	2.32	4.02	5.56	1.89	3.46	4.22	4.29	2.21	3.55	5.70	2.19
<b>C.V.</b>	1.53	1.12	1.16	1.78	2.05	1.32	1.92	1.49	1.82	1.36	1.65	2.07	0.81
<b>C. ji+1,ji</b>	0.26	0.69	0.24	0.58	0.12	0.39	0.63	0.44	0.72	0.62	0.64	0.03	

Posteriormente, con los estadísticos del nuevo registro se hicieron gráficas para comparar su variación con los estadísticos históricos, considerando el año hidrológico que inicia en el mes de julio que corresponde al mes número 1 en las gráficas y termina en junio que es el correspondiente mes número 12 (figuras 3.3 a 3.6). Y se obtuvo la diferencia entre los estadísticos históricos y los sintéticos (tabla 3.11).



Capítulo 3. Aplicación y Resultados

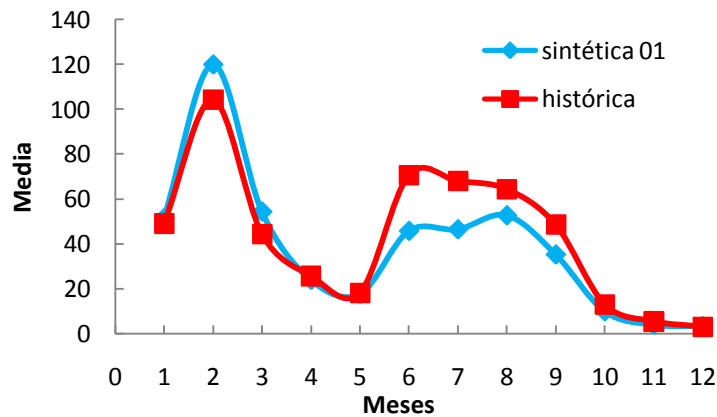
**Tabla 3.11 Diferencia entre los estadísticos del registro histórico y el registro sintético obtenido a partir de la serie 01**

Estadísticos del registro sintético obtenido a partir de la serie 01													
Media	51.59	119.85	54.38	24.05	17.79	45.84	46.54	52.77	35.37	10.07	4.09	3.45	465.78
Desv.	78.87	133.82	62.93	42.70	36.53	60.46	89.30	78.40	64.24	13.71	6.73	7.15	378.24
C.A.	4.16	2.26	2.32	4.02	5.56	1.89	3.46	4.22	4.29	2.21	3.55	5.70	2.19
C.V.	1.53	1.12	1.16	1.78	2.05	1.32	1.92	1.49	1.82	1.36	1.65	2.07	0.81
Cji+1,ji	0.26	0.69	0.24	0.58	0.12	0.39	0.63	0.44	0.72	0.62	0.64	0.03	

Estadísticos del registro histórico													
Media	49.10	104.13	44.42	25.76	18.30	70.61	67.98	64.40	48.56	13.15	5.58	3.17	515.16
Desv.	43.77	73.52	29.05	31.50	23.92	121.68	117.66	80.98	86.54	20.73	7.40	3.81	349.35
C.A.	1.31	1.24	0.56	1.60	2.10	2.73	2.72	1.69	2.59	3.08	1.44	1.85	1.05
C.V.	0.89	0.71	0.65	1.22	1.31	1.72	1.73	1.26	1.78	1.58	1.33	1.20	0.68
Cji+1,ji	0.39	0.41	0.04	0.38	0.27	0.35	0.51	0.44	0.74	0.79	0.46	-0.03	

**Diferencia entre los estadísticos del registro histórico y el registro sintético obtenido a partir de la serie 01**

Media	-2.48	-15.71	-9.96	1.71	0.50	24.77	21.44	11.63	13.20	3.07	1.49	-0.28	49.38
Desv.	-35.10	-60.30	-33.87	-11.21	-12.62	61.23	28.35	2.58	22.30	7.02	0.67	-3.34	-28.89
C.A.	-2.85	-1.01	-1.76	-2.42	-3.46	0.83	-0.74	-2.53	-1.71	0.86	-2.11	-3.84	-1.14
C.V.	-0.64	-0.41	-0.50	-0.55	-0.75	0.40	-0.19	-0.23	-0.03	0.22	-0.32	-0.87	-0.13
Cji+1,ji	0.13	-0.28	-0.20	-0.20	0.15	-0.05	-0.12	0.00	0.01	0.18	-0.18	-0.05	



**Figura 3.3 Comparación entre la media del registro histórico y el registro sintético obtenido a partir de la serie 01**

Capítulo 3. Aplicación y Resultados

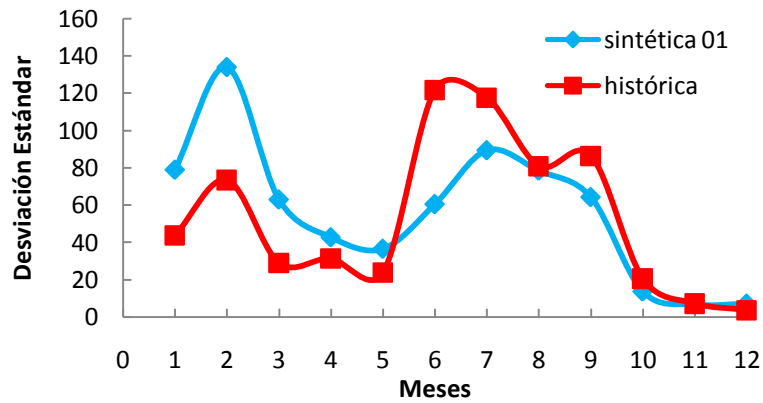


Figura 3.4 Comparación entre la desviación estándar del registro histórico y el registro sintético obtenido a partir de la serie 01

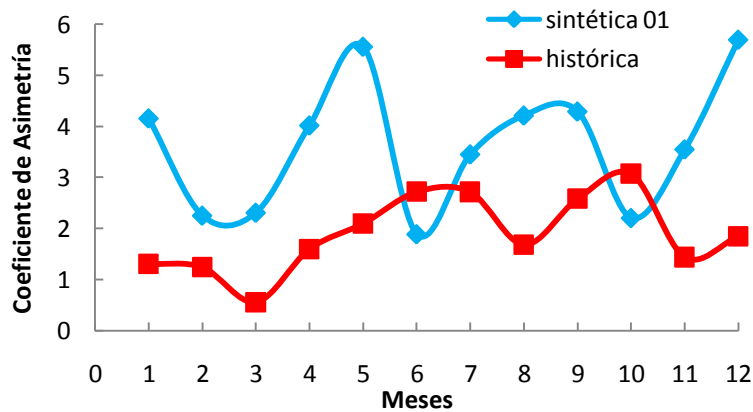


Figura 3.5 Comparación entre el coeficiente de asimetría del registro histórico y el registro sintético obtenido a partir de la serie 01

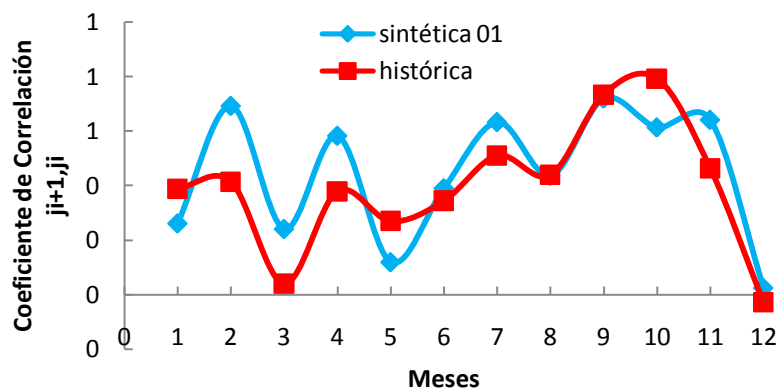


Figura 3.6 Comparación entre el coeficiente de correlación del registro histórico y el registro sintético obtenido a partir de la serie 01



Capítulo 3. Aplicación y Resultados

Después de observar las comparaciones entre los estadísticos, es claro que éstos no se reproducen de la mejor manera, lo anterior también pasó al hacer lo mismo para los estadísticos de cada serie y compararlos con los del registro histórico (figuras 3.7 a 3.10). Y considerando el mismo año hidrológico de julio-junio.

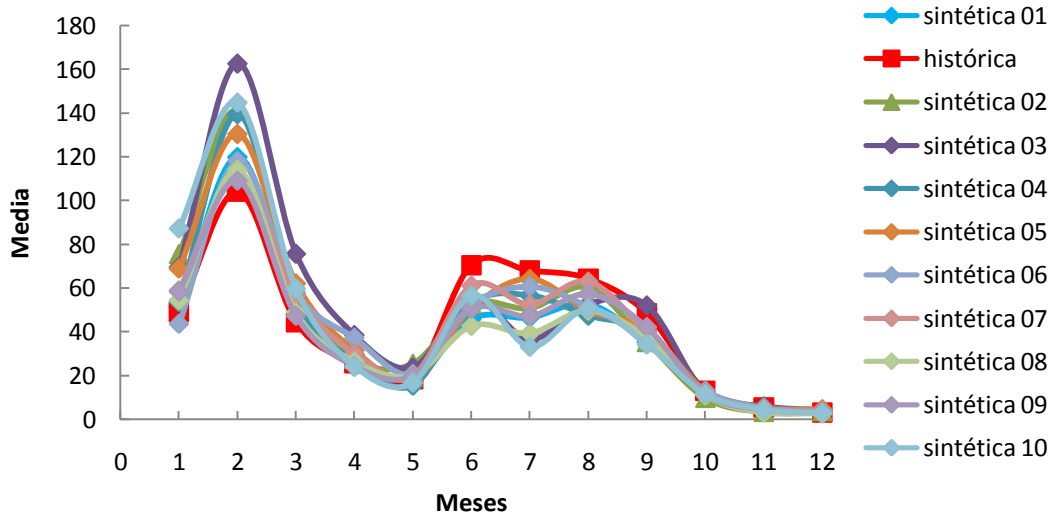


Figura 3.7 Comparación entre la media del registro histórico y el registro sintético de cada una de las 10 series

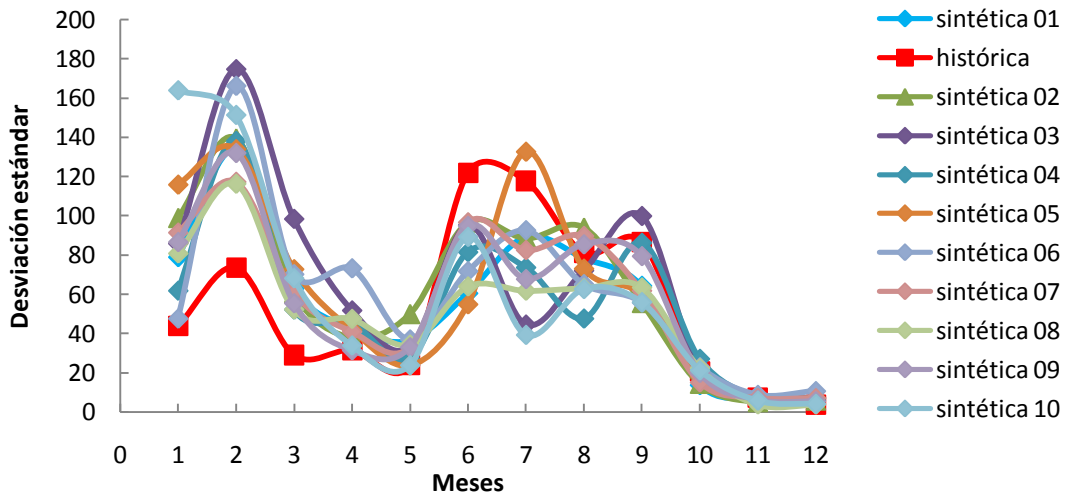
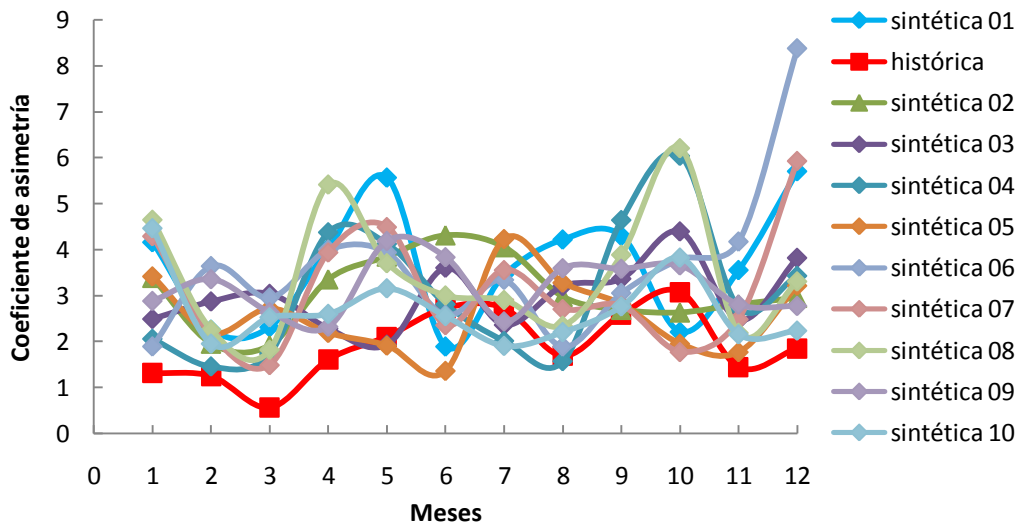
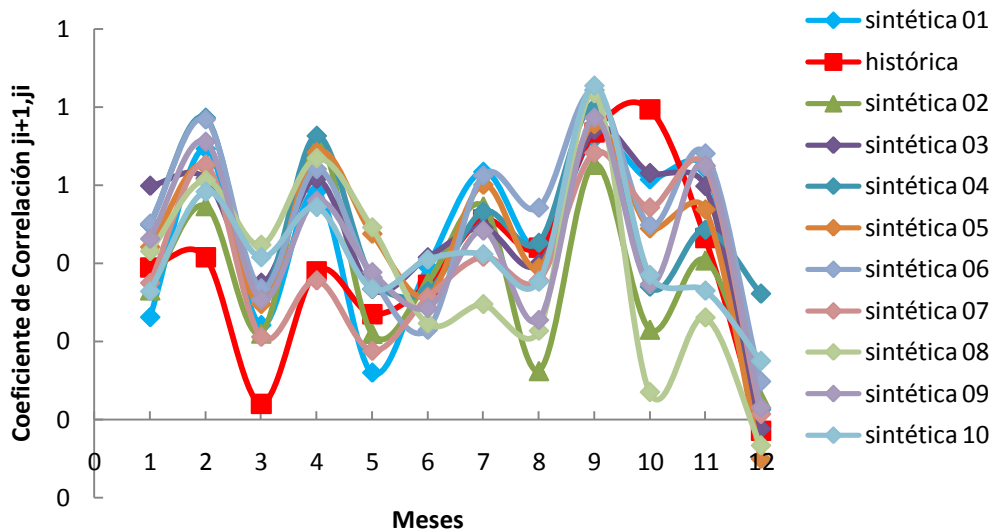


Figura 3.8 Comparación entre la desviación estándar del registro histórico y el registro sintético de cada una de las 10 series

Capítulo 3. Aplicación y Resultados



**Figura 3.9 Comparación entre el coeficiente de asimetría del registro histórico y el registro sintético de cada una de las 10 series**



**Figura 3.10 Comparación entre el coeficiente de correlación del registro histórico y el registro sintético de cada una de las 10 series**

Se revisó nuevamente el registro histórico, la nueva revisión resaltó el hecho de que había meses en los que el volumen de escurrimiento por cuenca propia era mayor que el valor de la media de ese mes, lo cual ocurría en los meses de diciembre a marzo (tabla 3.12).

Al observar la influencia de la temporada de invierno en varios años del registro histórico, se decidió hacer un segundo ensayo tomando en cuenta esta consideración. Se acomodó el registro en dos poblaciones, la población





Capítulo 3. Aplicación y Resultados

número uno se conformó con los años que presentan influencia del invierno y la población número dos se formó por los años que no se ven afectados por la época invernal, posteriormente se ordenaron de mayor a menor de acuerdo con el volumen total anual (tabla 3.13).

Con el nuevo registro se hizo la nueva selección aleatoria de años entre dos poblaciones, la población 1 ubicada en la parte superior y la población 2 ubicada en la parte inferior de la tabla 3.13. Se estableció un umbral que dividió a las dos poblaciones, fue de 604.66.

**Tabla 3.12 Año hidrológico (ingresos en hm<sup>3</sup>). Estadísticos: media, desviación estándar, coeficiente de asimetría, coeficiente de variación y coeficiente de correlación. Los valores marcados son mayores a la media**

Año	Jul.	Ago.	Sep.	Oct.	Nov.	Dic.	Ene.	Feb.	Mar.	Abr.	May.	Jun.	Anual
1965	64.49	40.87	60.24	9.97	1.87	249.76	69.15	87.25	50.16	29.30	0.00	0.00	663.05
1966	91.43	276.00	61.39	51.69	21.29	10.18	5.27	0.00	3.35	1.94	1.27	0.00	523.80
1967	74.64	103.90	28.79	7.34	40.71	542.24	136.01	215.95	288.16	42.05	9.96	6.60	1496.35
1968	15.37	77.55	25.85	0.82	4.22	15.51	15.55	12.73	7.60	4.69	4.74	1.87	186.50
1969	67.41	69.94	54.25	36.28	29.62	35.67	11.38	6.98	17.79	3.48	0.00	0.00	332.79
1970	15.95	147.58	45.37	11.67	6.23	6.28	7.27	5.67	7.41	3.08	2.73	0.00	259.23
1971	59.34	98.37	16.27	47.33	38.66	48.97	26.50	1.32	0.00	0.86	0.00	6.81	344.43
1972	30.81	118.82	94.94	66.53	67.34	20.59	180.77	262.35	180.74	31.66	19.62	5.82	1079.98
1973	62.09	7.57	5.53	7.70	0.03	0.00	0.04	4.48	11.91	6.12	0.00	0.16	105.61
1974	48.28	81.80	24.88	18.52	47.98	8.53	10.22	66.95	7.23	8.00	0.00	2.05	324.43
1975	89.05	34.75	59.14	4.28	0.00	0.00	30.00	99.82	0.00	2.85	4.12	0.00	324.00
1976	132.14	56.40	61.87	44.20	17.87	8.26	60.64	20.96	7.25	0.00	0.00	0.00	409.60
1977	100.32	142.53	52.11	115.26	12.47	4.20	27.78	65.46	390.24	42.30	19.57	5.83	978.07
1978	13.49	44.40	6.76	54.00	45.66	182.95	527.59	117.57	30.02	36.39	21.19	5.99	1086.02
1979	13.50	70.01	0.00	6.22	7.61	14.18	2.63	32.87	5.17	0.00	0.96	1.55	154.69
1980	26.31	58.11	33.43	5.05	1.65	4.61	34.59	20.21	127.03	14.83	9.17	4.43	339.40
1981	109.45	142.29	35.71	24.34	11.92	31.34	32.27	1.51	5.28	0.27	0.00	0.00	394.38
1982	14.96	39.27	57.65	2.92	1.99	157.04	65.46	217.58	279.58	115.15	26.66	7.18	985.42
1983	12.15	56.92	60.44	95.62	54.33	100.43	17.26	5.19	0.00	0.00	4.17	2.93	409.43
1984	39.35	297.48	50.63	40.03	24.10	518.30	166.39	106.22	44.76	33.26	23.67	0.06	1344.24
1985	18.27	92.84	36.19	90.39	14.97	17.12	6.37	41.85	15.11	17.34	11.23	17.86	379.54
1986	192.80	136.56	81.07	20.21	18.49	161.32	28.88	18.12	21.92	13.54	16.89	13.63	723.43
1987	5.64	108.04	31.12	0.00	0.00	20.93	29.04	28.34	0.00	0.00	0.79	1.90	225.79
1988	62.69	297.80	73.97	30.54	6.27	7.91	13.78	13.24	9.35	4.91	7.66	4.95	533.06
1989	5.66	110.72	69.82	0.71	0.00	3.86	22.58	43.18	19.87	9.44	3.92	0.00	289.76
1990	153.08	266.14	50.33	56.22	18.69	92.83	87.24	46.91	203.97	16.91	3.12	6.21	1001.64
1991	35.33	124.72	120.14	13.45	7.65	199.78	307.95	78.37	85.44	36.36	9.13	8.12	1026.44
1992	21.60	43.89	16.19	5.62	0.00	42.94	477.61	170.22	67.36	20.84	9.23	3.32	878.82
1993	60.24	120.62	83.62	18.13	22.45	41.26	20.14	20.61	11.65	0.00	0.00	2.60	401.31
1994	8.54	23.01	43.42	2.35	85.56	269.65	39.86	333.04	33.33	12.90	5.87	5.77	863.29
1995	7.71	27.76	40.97	7.34	7.24	7.64	5.37	5.43	4.09	0.42	0.00	0.92	114.88
1996	53.36	44.15	62.47	4.23	8.85	8.54	9.29	5.11	21.07	3.79	0.00	3.53	224.41
1997	3.25	67.44	19.27	4.83	16.41	95.39	66.88	104.94	86.85	47.02	16.97	0.00	529.24
1998	42.92	54.76	6.00	5.34	3.81	3.21	3.08	2.90	0.32	0.00	0.00	0.00	122.34
1999	126.14	202.76	41.09	0.98	0.80	0.38	4.29	3.34	0.60	0.00	0.00	0.00	380.37
2000	61.61	81.20	12.73	66.35	109.65	17.78	21.20	79.32	18.97	6.64	0.00	0.00	475.45
2001	66.80	114.60	19.00	8.23	0.92	1.10	2.08	67.13	15.91	5.69	2.01	2.27	305.74
2002	9.79	89.47	18.30	2.73	5.99	11.29	10.93	19.74	29.77	5.05	0.00	0.00	203.05
2003	1.62	6.34	3.24	0.00	0.00	2.55	3.78	5.30	13.70	6.03	0.00	0.83	43.40
2004	17.43	53.30	6.95	6.36	30.85	85.67	270.98	237.07	21.19	1.61	3.26	8.36	743.06



Capítulo 3. Aplicación y Resultados

**Tabla 3.12 Continuación**

2005	2.17	95.12	54.84	22.17	13.84	41.05	-1.09	4.49	0.42	0.26	1.89	3.29	238.46
2006	27.44	165.15	114.40	6.15	0.29	-0.17	18.41	24.43	4.71	0.62	8.07	2.61	372.09
2007	29.22	189.00	69.32	7.05	3.37	79.69	17.05	36.71	1.56	0.26	0.69	0.69	434.61
2008	75.38	161.68	70.33	11.59	2.37	0.38	1.05	0.09	1.12	0.13	0.62	1.16	325.89
2009	40.51	44.35	18.98	118.28	9.33	6.22	165.48	157.04	33.38	5.71	2.13	3.25	604.66
<b>Media</b>	49.10	104.13	44.42	25.76	18.30	70.61	67.98	64.40	48.56	13.15	5.58	3.17	515.16
<b>Desv.</b>	43.77	73.52	29.05	31.50	23.92	121.68	117.66	80.98	86.54	20.73	7.40	3.81	349.35
<b>C.A.</b>	1.31	1.24	0.56	1.60	2.10	2.73	2.72	1.69	2.59	3.08	1.44	1.85	1.05
<b>C.V.</b>	0.89	0.71	0.65	1.22	1.31	1.72	1.73	1.26	1.78	1.58	1.33	1.20	0.68
<b>C. ji+1,ji</b>	0.39	0.41	0.04	0.38	0.27	0.35	0.51	0.44	0.74	0.79	0.46	-0.03	

**Tabla 3.13 Año hidrológico (ingresos en hm³). Los años de la población 1 están marcados al igual que los valores mayores a la media**

Año	Jul.	Ago.	Sep.	Oct.	Nov.	Dic.	Ene.	Feb.	Mar.	Abr.	May.	Jun.	Anual
1967	74.64	103.90	28.79	7.34	40.71	542.24	136.01	215.95	288.16	42.05	9.96	6.60	1496.35
1984	39.35	297.48	50.63	40.03	24.10	518.30	166.39	106.22	44.76	33.26	23.67	0.06	1344.24
1978	13.49	44.40	6.76	54.00	45.66	182.95	527.59	117.57	30.02	36.39	21.19	5.99	1086.02
1972	30.81	118.82	94.94	66.53	67.34	20.59	180.77	262.35	180.74	31.66	19.62	5.82	1079.98
1991	35.33	124.72	120.14	13.45	7.65	199.78	307.95	78.37	85.44	36.36	9.13	8.12	1026.44
1990	153.08	266.14	50.33	56.22	18.69	92.83	87.24	46.91	203.97	16.91	3.12	6.21	1001.64
1982	14.96	39.27	57.65	2.92	1.99	157.04	65.46	217.58	279.58	115.15	26.66	7.18	985.42
1977	100.32	142.53	52.11	115.26	12.47	4.20	27.78	65.46	390.24	42.30	19.57	5.83	978.07
1992	21.60	43.89	16.19	5.62	0.00	42.94	477.61	170.22	67.36	20.84	9.23	3.32	878.82
1994	8.54	23.01	43.42	2.35	85.56	269.65	39.86	333.04	33.33	12.90	5.87	5.77	863.29
2004	17.43	53.30	6.95	6.36	30.85	85.67	270.98	237.07	21.19	1.61	3.26	8.36	743.06
1986	192.80	136.56	81.07	20.21	18.49	161.32	28.88	18.12	21.92	13.54	16.89	13.63	723.43
1965	64.49	40.87	60.24	9.97	1.87	249.76	69.15	87.25	50.16	29.30	0.00	0.00	663.05
2009	40.51	44.35	18.98	118.28	9.33	6.22	165.48	157.04	33.38	5.71	2.13	3.25	604.66
1988	62.69	297.80	73.97	30.54	6.27	7.91	13.78	13.24	9.35	4.91	7.66	4.95	533.06
1997	3.25	67.44	19.27	4.83	16.41	95.39	66.88	104.94	86.85	47.02	16.97	0.00	529.24
1966	91.43	276.00	61.39	51.69	21.29	10.18	5.27	0.00	3.35	1.94	1.27	0.00	523.80
2000	61.61	81.20	12.73	66.35	109.65	17.78	21.20	79.32	18.97	6.64	0.00	0.00	475.45
2007	29.22	189.00	69.32	7.05	3.37	79.69	17.05	36.71	1.56	0.26	0.69	0.69	434.61
1976	132.14	56.40	61.87	44.20	17.87	8.26	60.64	20.96	7.25	0.00	0.00	0.00	409.60
1983	12.15	56.92	60.44	95.62	54.33	100.43	17.26	5.19	0.00	0.00	4.17	2.93	409.43
1993	60.24	120.62	83.62	18.13	22.45	41.26	20.14	20.61	11.65	0.00	0.00	2.60	401.31
1981	109.45	142.29	35.71	24.34	11.92	31.34	32.27	1.51	5.28	0.27	0.00	0.00	394.38
1999	126.14	202.76	41.09	0.98	0.80	0.38	4.29	3.34	0.60	0.00	0.00	0.00	380.37
1985	18.27	92.84	36.19	90.39	14.97	17.12	6.37	41.85	15.11	17.34	11.23	17.86	379.54
2006	27.44	165.15	114.40	6.15	0.29	-0.17	18.41	24.43	4.71	0.62	8.07	2.61	372.09
1971	59.34	98.37	16.27	47.33	38.66	48.97	26.50	1.32	0.00	0.86	0.00	6.81	344.43
1980	26.31	58.11	33.43	5.05	1.65	4.61	34.59	20.21	127.03	14.83	9.17	4.43	339.40
1969	67.41	69.94	54.25	36.28	29.62	35.67	11.38	6.98	17.79	3.48	0.00	0.00	332.79
2008	75.38	161.68	70.33	11.59	2.37	0.38	1.05	0.09	1.12	0.13	0.62	1.16	325.89
1974	48.28	81.80	24.88	18.52	47.98	8.53	10.22	66.95	7.23	8.00	0.00	2.05	324.43
1975	89.05	34.75	59.14	4.28	0.00	0.00	30.00	99.82	0.00	2.85	4.12	0.00	324.00
2001	66.80	114.60	19.00	8.23	0.92	1.10	2.08	67.13	15.91	5.69	2.01	2.27	305.74
1989	5.66	110.72	69.82	0.71	0.00	3.86	22.58	43.18	19.87	9.44	3.92	0.00	289.76
1970	15.95	147.58	45.37	11.67	6.23	6.28	7.27	5.67	7.41	3.08	2.73	0.00	259.23
2005	2.17	95.12	54.84	22.17	13.84	41.05	-1.09	4.49	0.42	0.26	1.89	3.29	238.46
1987	5.64	108.04	31.12	0.00	0.00	20.93	29.04	28.34	0.00	0.00	0.79	1.90	225.79
1996	53.36	44.15	62.47	4.23	8.85	8.54	9.29	5.11	21.07	3.79	0.00	3.53	224.41
2002	9.79	89.47	18.30	2.73	5.99	11.29	10.93	19.74	29.77	5.05	0.00	0.00	203.05
1968	15.37	77.55	25.85	0.82	4.22	15.51	15.55	12.73	7.60	4.69	4.74	1.87	186.50
1979	13.50	70.01	0.00	6.22	7.61	14.18	2.63	32.87	5.17	0.00	0.96	1.55	154.69
1998	42.92	54.76	6.00	5.34	3.81	3.21	3.08	2.90	0.32	0.00	0.00	0.00	122.34
1995	7.71	27.76	40.97	7.34	7.24	7.64	5.37	5.43	4.09	0.42	0.00	0.92	114.88
1973	62.09	7.57	5.53	7.70	0.03	0.00	0.04	4.48	11.91	6.12	0.00	0.16	105.61



Capítulo 3. Aplicación y Resultados

**Tabla 3.13 Continuación**

2003	1.62	6.34	3.24	0.00	0.00	2.55	3.78	5.30	13.70	6.03	0.00	0.83	43.40
<b>Media</b>	49.10	104.13	44.42	25.76	18.30	70.61	67.98	64.40	48.56	13.15	5.58	3.17	515.16
<b>Desv.</b>	43.77	73.52	29.05	31.50	23.92	121.68	117.66	80.98	86.54	20.73	7.40	3.81	349.35
<b>C.A.</b>	1.31	1.24	0.56	1.60	2.10	2.73	2.72	1.69	2.59	3.08	1.44	1.85	1.05
<b>C.V.</b>	0.89	0.71	0.65	1.22	1.31	1.72	1.73	1.26	1.78	1.58	1.33	1.20	0.68
<b>C. ji+1,ji</b>	0.39	0.41	0.04	0.38	0.27	0.35	0.51	0.44	0.74	0.79	0.46	0.14	

Se hizo un cambio en el algoritmo de selección aleatoria de años para que seleccionara el año dependiendo el valor del volumen aleatorio; si el valor era mayor o igual al umbral establecido seleccionaba un año de entre los de la población 1, formado por: 1967, 1984, 1978, 1972, 1991, 1990, 1982, 1977, 1992, 1994, 2004, 1986, 1965 y 2009. Mientras que cuando el valor era menor al del umbral seleccionaba años del resto de los que componen el registro, lo anterior se observa en las tablas 3.14 a 3.16.

De la misma manera que para el primer ensayo, se obtuvieron las fracciones aleatorias, pero ahora considerando la nueva selección aleatoria de años (tabla 3.17). Luego se calculó el nuevo registro sintético de 101 años y se calcularon sus correspondientes estadísticos básicos (tabla 3.18).

Una vez que se tuvieron los estadísticos del nuevo registro, se prosiguió a compararlos con los del registro histórico y se obtuvo nuevamente la diferencia entre ellos (tabla 3.19). La comparación de estadísticos considerando el año hidrológico de julio-junio se presenta en las figuras 3.11 a 3.14, en las cuales se observa el cambio en los estadísticos, ya que se reproducen mejor. Así como se hizo este procedimiento para la serie 01, se realizó repetidamente para las otras 9 series. En cada una de las cuales se vio el cambio al considerar la influencia del invierno en algunos de los años del registro. En las figuras 3.15 a 3.18 se observan los cambios, también considerando un año hidrológico de julio-junio, donde julio es el mes uno y el mes doce es junio.

Con la mejoría en la reproducción de los estadísticos, también se hizo un promedio en los mismos considerando las 10 series (tabla 3.20). Con estos datos se volvieron a hacer gráficas en las cuales se compara el promedio contra los estadísticos históricos (figuras 3.19 a 3.22).



Capítulo 3. Aplicación y Resultados

**Tabla 3.14 Numeración de años. Tabla 3.15 Serie 01. Tabla 3.16 Años aleatorios de la serie 01. Están marcados los años que pertenecen a la población 1**

I	Año	I	xP (hm <sup>3</sup> )	Orden	Año aleatorio	Año
1	1967	1	1338.158	1	13	1965
2	1984	2	266.3958	2	15	1988
3	1978	3	74.19586	3	20	1976
4	1972	4	134.9091	4	30	2008
5	1991	5	683.6033	5	10	1994
6	1990	6	171.0498	6	33	2001
7	1982	7	1198.616	7	9	1992
8	1977	8	317.8787	8	16	1997
9	1992	9	62.27493	9	43	1995
10	1994	10	146.5404	10	26	2006
11	2004	11	168.798	11	17	1966
12	1986	12	855.4507	12	5	1991
13	1965	13	1020.489	13	3	1978
14	2009	14	1311.464	14	12	1986
15	1988	15	289.3519	15	26	2006
16	1997	.	.	.	.	.
17	1966	.	.	.	.	.
18	2000	.	.	.	.	.
19	2007	86	127.9712	86	22	1993
20	1976	87	273.2718	87	41	1979
21	1983	88	533.2614	88	33	2001
22	1993	89	2347.26	89	3	1978
23	1981	90	394.4099	90	15	1988
24	1999	91	537.8604	91	43	1995
25	1985	92	456.1925	92	22	1993
26	2006	93	261.479	93	16	1997
27	1971	94	1067.524	94	4	1972
28	1980	95	229.3009	95	35	1970
29	1969	96	168.3891	96	43	1995
30	2008	97	498.364	97	35	1970
31	1974	98	269.6049	98	36	2005
32	1975	99	814.6953	99	13	1965
33	2001	100	232.6989	100	41	1979
34	1989	101	565.6528	101	15	1988
35	1970	<b>Media</b>	542.487			
36	2005	<b>Desv.</b>	503.756			
37	1987	<b>C.A.</b>	1.862			
38	1996	<b>C.V.</b>	0.929			
39	2002					
40	1968					
41	1979					
42	1998					
43	1995					
44	1973					
45	2003					



Capítulo 3. Aplicación y Resultados

**Tabla 3.17 Fracción aleatoria correspondiente a la serie 01, considerando la nueva selección aleatoria de años**

Año	Jul.	Ago.	Sep.	Oct.	Nov.	Dic.	Ene.	Feb.	Mar.	Abr.	May.	Jun.	Suma
1	0.10	0.06	0.09	0.02	0.00	0.38	0.10	0.13	0.08	0.04	0.00	0.00	1.00
2	0.12	0.56	0.14	0.06	0.01	0.01	0.03	0.02	0.02	0.01	0.01	0.01	1.00
3	0.32	0.14	0.15	0.11	0.04	0.02	0.15	0.05	0.02	0.00	0.00	0.00	1.00
4	0.23	0.50	0.22	0.04	0.01	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00	1.00
5	0.01	0.03	0.05	0.00	0.10	0.31	0.05	0.39	0.04	0.01	0.01	0.01	1.00
6	0.22	0.37	0.06	0.03	0.00	0.00	0.01	0.22	0.05	0.02	0.01	0.01	1.00
7	0.02	0.05	0.02	0.01	0.00	0.05	0.54	0.19	0.08	0.02	0.01	0.00	1.00
8	0.01	0.13	0.04	0.01	0.03	0.18	0.13	0.20	0.16	0.09	0.03	0.00	1.00
9	0.07	0.24	0.36	0.06	0.06	0.07	0.05	0.05	0.04	0.00	0.00	0.01	1.00
10	0.07	0.44	0.31	0.02	0.00	0.00	0.05	0.07	0.01	0.00	0.02	0.01	1.00
11	0.17	0.53	0.12	0.10	0.04	0.02	0.01	0.00	0.01	0.00	0.00	0.00	1.00
12	0.03	0.12	0.12	0.01	0.01	0.19	0.30	0.08	0.08	0.04	0.01	0.01	1.00
13	0.01	0.04	0.01	0.05	0.04	0.17	0.49	0.11	0.03	0.03	0.02	0.01	1.00
14	0.27	0.19	0.11	0.03	0.03	0.22	0.04	0.03	0.03	0.02	0.02	0.02	1.00
15	0.07	0.44	0.31	0.02	0.00	0.00	0.05	0.07	0.01	0.00	0.02	0.01	1.00
.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.
.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.
.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.
86	0.15	0.30	0.21	0.05	0.06	0.10	0.05	0.05	0.03	0.00	0.00	0.01	1.00
87	0.09	0.45	0.00	0.04	0.05	0.09	0.02	0.21	0.03	0.00	0.01	0.01	1.00
88	0.22	0.37	0.06	0.03	0.00	0.00	0.01	0.22	0.05	0.02	0.01	0.01	1.00
89	0.01	0.04	0.01	0.05	0.04	0.17	0.49	0.11	0.03	0.03	0.02	0.01	1.00
90	0.12	0.56	0.14	0.06	0.01	0.01	0.03	0.02	0.02	0.01	0.01	0.01	1.00
91	0.07	0.24	0.36	0.06	0.06	0.07	0.05	0.05	0.04	0.00	0.00	0.01	1.00
92	0.15	0.30	0.21	0.05	0.06	0.10	0.05	0.05	0.03	0.00	0.00	0.01	1.00
93	0.01	0.13	0.04	0.01	0.03	0.18	0.13	0.20	0.16	0.09	0.03	0.00	1.00
94	0.03	0.11	0.09	0.06	0.06	0.02	0.17	0.24	0.17	0.03	0.02	0.01	1.00
95	0.06	0.57	0.18	0.05	0.02	0.02	0.03	0.02	0.03	0.01	0.01	0.00	1.00
96	0.07	0.24	0.36	0.06	0.06	0.07	0.05	0.05	0.04	0.00	0.00	0.01	1.00
97	0.06	0.57	0.18	0.05	0.02	0.02	0.03	0.02	0.03	0.01	0.01	0.00	1.00
98	0.01	0.40	0.23	0.09	0.06	0.17	0.00	0.02	0.00	0.00	0.01	0.01	1.01
99	0.10	0.06	0.09	0.02	0.00	0.38	0.10	0.13	0.08	0.04	0.00	0.00	1.00
100	0.09	0.45	0.00	0.04	0.05	0.09	0.02	0.21	0.03	0.00	0.01	0.01	1.00
101	0.12	0.56	0.14	0.06	0.01	0.01	0.03	0.02	0.02	0.01	0.01	0.01	1.00



Capítulo 3. Aplicación y Resultados

**Tabla 3.18 Nuevo registro sintético a partir de la serie 01 (hm<sup>3</sup>)**

Año	Jul.	Ago.	Sep.	Oct.	Nov.	Dic.	Ene.	Feb.	Mar.	Abr.	May.	Jun.	Anual
1	130.20	82.43	121.50	20.07	3.75	504.08	139.57	176.10	101.30	59.15	0.00	0.00	1338.16
2	31.33	148.84	36.98	15.26	3.14	3.94	6.90	6.61	4.66	2.45	3.84	2.47	266.42
3	23.94	10.22	11.21	8.01	3.23	1.50	10.98	3.80	1.31	0.00	0.00	0.00	74.20
4	31.20	66.93	29.11	4.80	0.98	0.16	0.43	0.04	0.46	0.05	0.26	0.48	134.92
5	6.77	18.25	34.39	1.85	67.75	213.56	31.58	263.73	26.39	10.19	4.65	4.57	683.66
6	37.37	64.11	10.62	4.60	0.51	0.62	1.16	37.56	8.89	3.18	1.13	1.27	171.04
7	29.49	59.81	22.05	7.67	0.00	58.61	651.45	232.17	91.81	28.41	12.59	4.53	1198.59
8	1.94	40.50	11.57	2.89	9.85	57.28	40.18	63.04	52.16	28.26	10.20	0.00	317.88
9	4.18	15.05	22.21	3.98	3.92	4.14	2.91	2.95	2.22	0.23	0.00	0.50	62.28
10	10.80	65.05	45.05	2.42	0.12	0.07	7.25	9.63	1.86	0.25	3.18	1.03	146.70
11	29.46	88.94	19.78	16.66	6.85	3.27	1.70	0.00	1.08	0.62	0.41	0.00	168.78
12	29.43	103.94	100.09	11.21	6.42	166.47	256.64	65.36	71.17	30.28	7.61	6.76	855.37
13	12.65	41.74	6.33	50.72	42.86	171.95	495.75	110.52	28.17	34.19	19.90	5.63	1020.41
14	349.51	247.60	147.02	36.59	33.57	292.46	52.33	32.92	39.74	24.52	30.69	24.70	1311.64
15	21.33	128.44	88.95	4.77	0.23	0.14	14.32	19.01	3.67	0.49	6.28	2.03	289.67
.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.
.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.
.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.
86	19.21	38.47	26.67	5.78	7.15	13.16	6.42	6.56	3.71	0.00	0.00	0.83	127.97
87	23.86	123.68	0.00	10.99	13.44	25.03	4.65	58.07	9.13	0.00	1.69	2.74	273.28
88	116.52	199.87	33.12	14.34	1.60	1.92	3.63	117.10	27.73	9.92	3.52	3.96	533.22
89	29.11	96.00	14.55	116.66	98.58	395.51	1140.30	254.21	64.78	78.63	45.77	12.96	2347.07
90	46.38	220.36	54.74	22.60	4.65	5.84	10.22	9.78	6.90	3.63	5.68	3.66	394.44
91	36.09	130.00	191.80	34.37	33.89	35.77	25.12	25.44	19.15	1.99	0.00	4.33	537.94
92	68.47	137.13	95.07	20.62	25.50	46.90	22.90	23.40	13.23	0.00	0.00	2.96	456.19
93	1.60	33.31	9.52	2.38	8.11	47.12	33.05	51.85	42.91	23.25	8.39	0.00	261.48
94	30.42	117.43	93.84	65.76	66.61	20.39	178.70	259.30	178.70	31.28	19.43	5.75	1067.62
95	14.10	130.54	40.13	10.32	5.50	5.55	6.44	5.02	6.56	2.73	2.41	0.00	229.30
96	11.30	40.70	60.05	10.76	10.61	11.20	7.86	7.96	5.99	0.62	0.00	1.35	168.41
97	30.65	283.72	87.21	22.43	11.96	12.06	14.00	10.91	14.25	5.93	5.23	0.00	498.36
98	2.45	107.55	62.01	25.07	15.64	46.43	1.24	5.07	0.49	0.30	2.13	3.73	272.09
99	79.27	50.19	73.97	12.22	2.28	306.90	84.97	107.21	61.67	36.01	0.00	0.00	814.70
100	20.31	105.32	0.00	9.35	11.45	21.32	3.96	49.45	7.77	0.00	1.44	2.33	232.71
101	66.52	316.03	78.51	32.41	6.67	8.37	14.65	14.03	9.90	5.20	8.15	5.25	565.70
<b>Media</b>	49.85	98.82	44.79	25.60	16.30	51.52	66.50	59.97	32.33	12.03	4.92	3.07	465.69
<b>Desv.</b>	54.77	69.47	35.11	43.92	21.63	99.79	154.52	91.45	55.28	20.45	7.78	4.50	378.13
<b>C.A.</b>	2.89	1.14	1.31	4.50	2.70	3.00	4.53	2.64	3.42	3.86	2.73	2.74	2.19
<b>C.V.</b>	1.10	0.70	0.78	1.72	1.33	1.94	2.32	1.52	1.71	1.70	1.58	1.47	0.81
<b>C. ji+1,ji</b>	0.25	0.40	0.04	0.23	0.41	0.42	0.56	0.45	0.81	0.70	0.64	0.04	

**Tabla 3.19 Comparación entre los estadísticos históricos y del registro sintético a partir de la serie 01, después de considerar la influencia del invierno**

**Estadísticos del registro sintético a partir de la serie 01. Considerando la influencia del invierno**

<b>Media</b>	49.85	98.82	44.79	25.60	16.30	51.52	66.50	59.97	32.33	12.03	4.92	3.07	465.69
<b>Desv.</b>	54.77	69.47	35.11	43.92	21.63	99.79	154.52	91.45	55.28	20.45	7.78	4.50	378.13
<b>C.A.</b>	2.89	1.14	1.31	4.50	2.70	3.00	4.53	2.64	3.42	3.86	2.73	2.74	2.19
<b>C.V.</b>	1.10	0.70	0.78	1.72	1.33	1.94	2.32	1.52	1.71	1.70	1.58	1.47	0.81
<b>Cji+1,ji</b>	0.25	0.40	0.04	0.23	0.41	0.42	0.56	0.45	0.81	0.70	0.64	0.04	

**Estadísticos del registro histórico. Considerando la influencia del invierno**

<b>Media</b>	49.10	104.13	44.42	25.76	18.30	70.61	67.98	64.40	48.56	13.15	5.58	3.17	515.16
<b>Desv.</b>	43.77	73.52	29.05	31.50	23.92	121.68	117.66	80.98	86.54	20.73	7.40	3.81	349.35
<b>C.A.</b>	1.31	1.24	0.56	1.60	2.10	2.73	2.72	1.69	2.59	3.08	1.44	1.85	1.05
<b>C.V.</b>	0.89	0.71	0.65	1.22	1.31	1.72	1.73	1.26	1.78	1.58	1.33	1.20	0.68
<b>Cji+1,ji</b>	0.39	0.41	0.04	0.38	0.27	0.35	0.51	0.44	0.74	0.79	0.46	0.14	

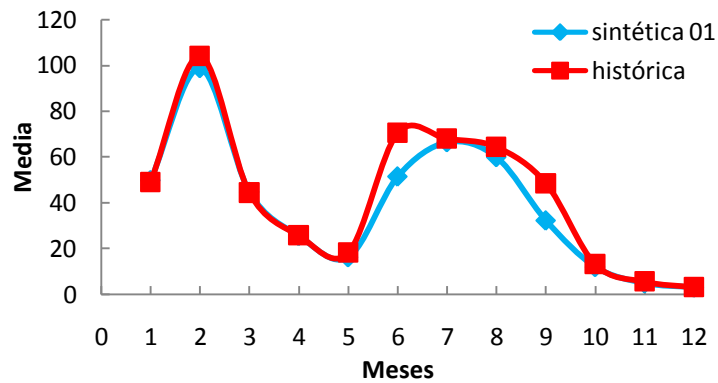


Capítulo 3. Aplicación y Resultados

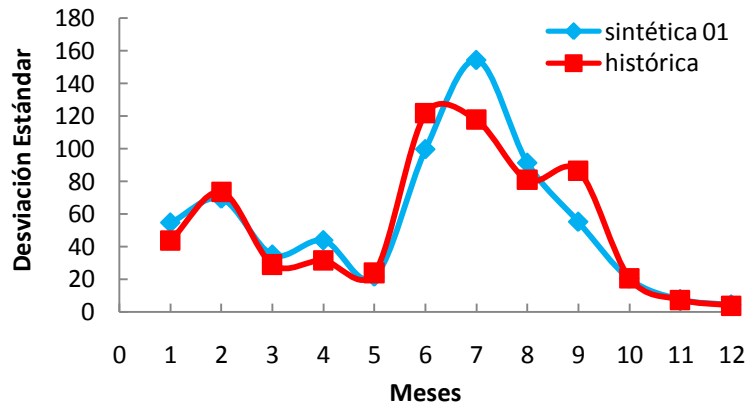
**Tabla 3.19 Continuación**

**Diferencia entre los estadísticos del registro histórico y el registro sintético a partir de la serie 01. Considerando la influencia del invierno**

<b>Media</b>	-0.74	5.31	-0.37	0.16	2.00	19.09	1.48	4.43	16.23	1.12	0.67	0.10	49.47
<b>Desv.</b>	-11.00	4.04	-6.05	-12.43	2.29	21.89	-36.86	-10.46	31.25	0.29	-0.38	-0.69	-28.78
<b>C.A.</b>	-1.58	0.10	-0.75	-2.89	-0.59	-0.27	-1.82	-0.95	-0.83	-0.78	-1.29	-0.89	-1.14
<b>C.V.</b>	-0.21	0.00	-0.13	-0.49	-0.02	-0.21	-0.59	-0.27	0.07	-0.12	-0.26	-0.26	-0.13
<b>C<sub>ji+1,ji</sub></b>	0.14	0.01	0.00	0.15	-0.14	-0.08	-0.05	-0.01	-0.08	0.10	-0.17	0.10	



**Figura 3.11 Comparación entre la media del registro histórico y la del registro sintético hecho a partir de la serie 01. Después de considerar la influencia del invierno**



**Figura 3.12 Comparación entre la desviación estándar del registro histórico y la del registro sintético hecho a partir de la serie 01. Después de considerar la influencia del invierno**

Capítulo 3. Aplicación y Resultados

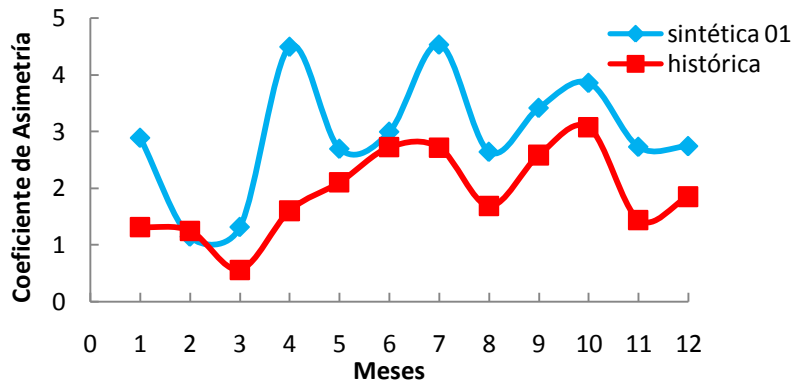


Figura 3.13 Comparación entre el coeficiente de asimetría del registro histórico y la del registro sintético hecho a partir de la serie 01. Después de considerar la influencia del invierno

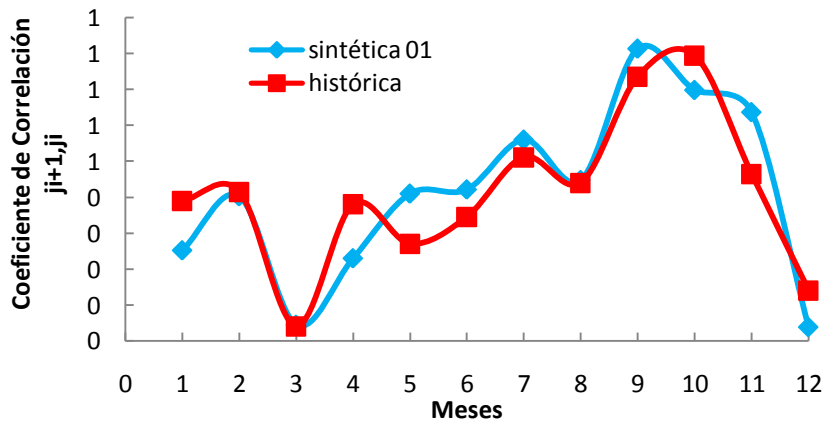


Figura 3.14 Comparación entre el coeficiente de correlación del registro histórico y la del registro sintético hecho a partir de la serie 01. Después de considerar la influencia del invierno

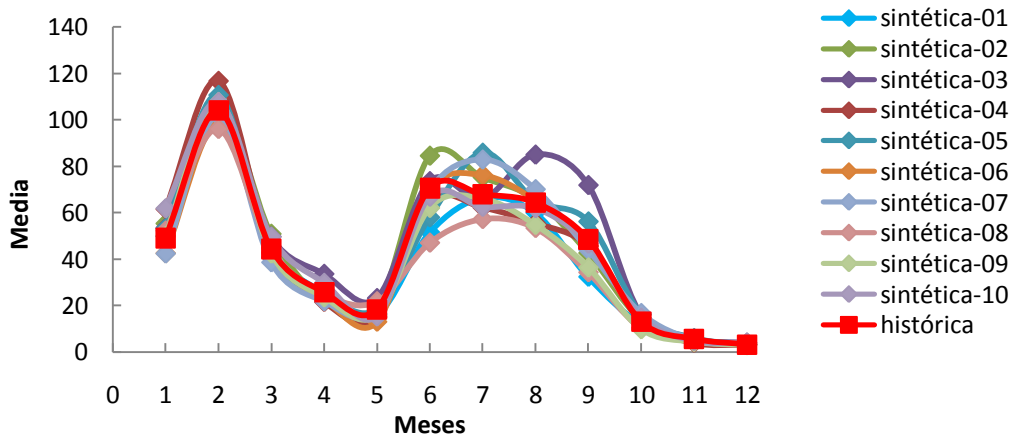


Figura 3.15 Comparación entre la media del registro histórico y la del registro sintético de cada una de las 10 series. Después de considerar la influencia del invierno



Capítulo 3. Aplicación y Resultados

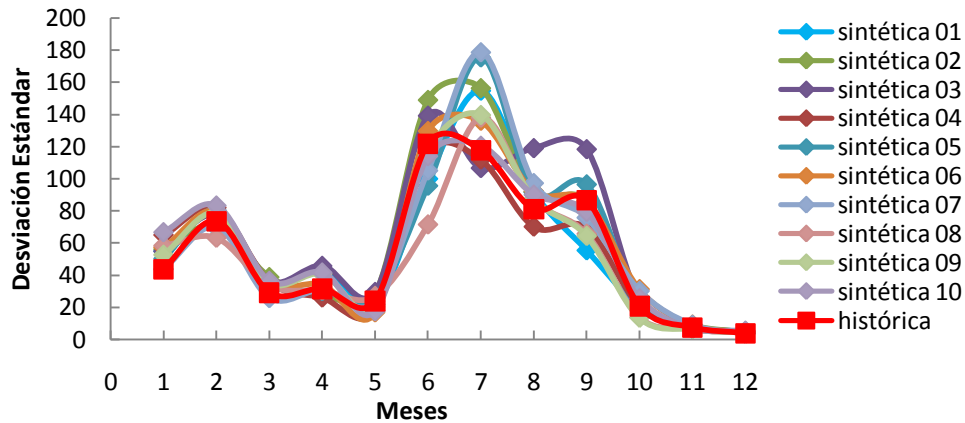


Figura 3.16 Comparación entre la desviación estándar del registro histórico y la del registro sintético de cada una de las 10 series. Después de considerar la influencia del invierno

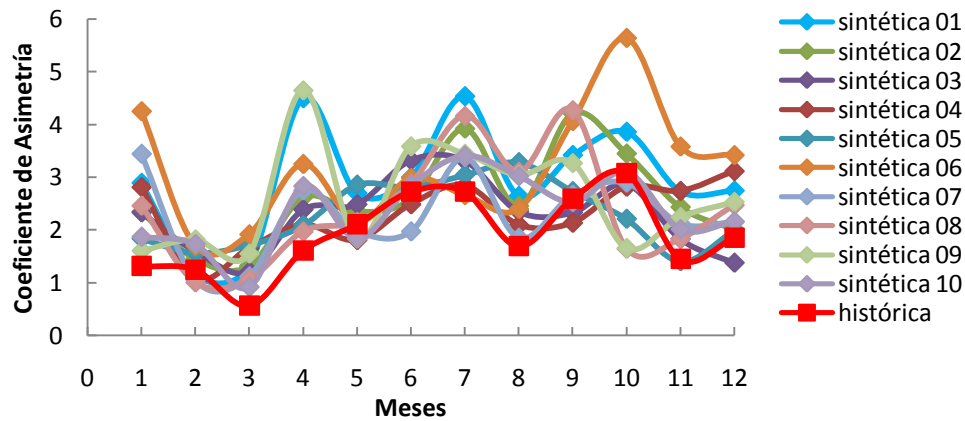


Figura 3.17 Comparación entre el coeficiente de asimetría del registro histórico y la del registro sintético de cada una de las 10 series. Después de considerar la influencia del invierno

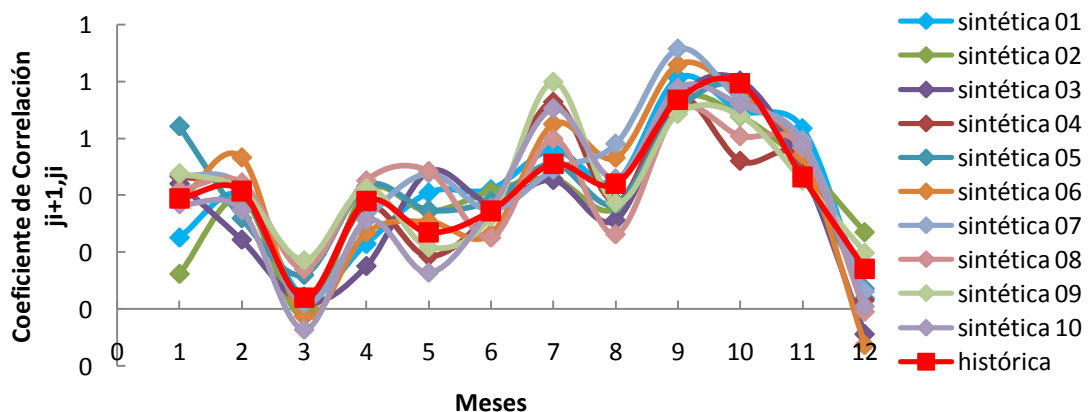


Figura 3.18 Comparación entre el coeficiente de correlación del registro histórico y la del registro sintético de cada una de las 10 series. Después de considerar la influencia del invierno



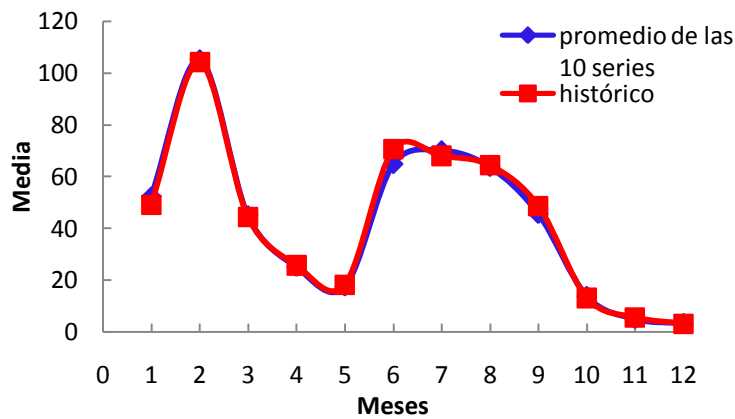
Capítulo 3. Aplicación y Resultados

**Tabla 3.20 Estadísticos promedio considerando las 10 series sintéticas y estadísticos históricos. Considerando la influencia del invierno**

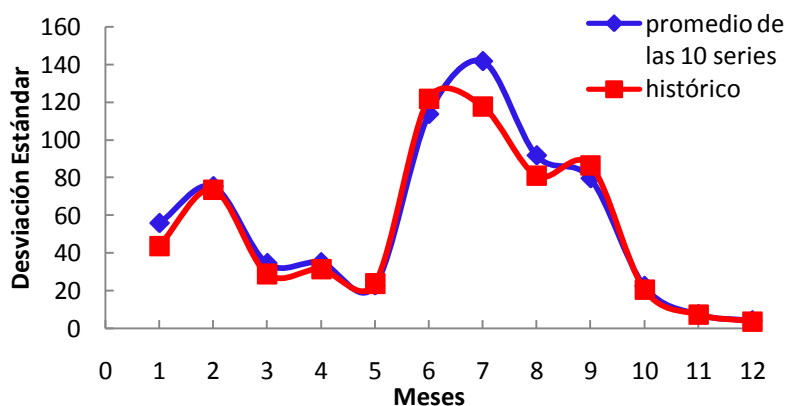
Sintéticos	Jul.	Ago.	Sep.	Oct.	Nov.	Dic.	Ene.	Feb.	Mar.	Abr.	May.	Jun.	Anual
Media	52.22	105.18	44.90	25.10	17.54	64.82	70.04	63.69	45.55	13.76	4.96	3.27	511.05
Desv.	55.88	75.40	34.66	35.10	22.84	113.64	141.67	91.73	79.61	22.56	7.60	4.34	386.96
C.A.	2.58	1.41	1.38	2.91	2.21	2.84	3.47	2.62	3.16	3.01	2.29	2.40	1.68
C.V.	1.08	0.72	0.77	1.40	1.30	1.75	2.02	1.45	1.76	1.62	1.54	1.33	0.76
C <sub>ji+1,ji</sub>	0.40	0.39	0.04	0.34	0.34	0.35	0.60	0.41	0.77	0.70	0.54	0.05	

Históricos	Jul.	Ago.	Sep.	Oct.	Nov.	Dic.	Ene.	Feb.	Mar.	Abr.	May.	Jun.	Anual
Media	49.10	104.13	44.42	25.76	18.30	70.61	67.98	64.40	48.56	13.15	5.58	3.17	515.16
Desv.	43.77	73.52	29.05	31.50	23.92	121.68	117.66	80.98	86.54	20.73	7.40	3.81	349.35
C.A.	1.31	1.24	0.56	1.60	2.10	2.73	2.72	1.69	2.59	3.08	1.44	1.85	1.05
C.V.	0.89	0.71	0.65	1.22	1.31	1.72	1.73	1.26	1.78	1.58	1.33	1.20	0.68
C <sub>ji+1,ji</sub>	0.39	0.41	0.04	0.38	0.27	0.35	0.51	0.44	0.74	0.79	0.46	0.14	



**Figura 3.19 Comparación entre la media del registro histórico y la del promedio de las 10 series. Después de considerar la influencia del invierno**



**Figura 3.20 Comparación entre la desviación estándar del registro histórico y la del promedio de las 10 series. Después de considerar la influencia del invierno**

Capítulo 3. Aplicación y Resultados

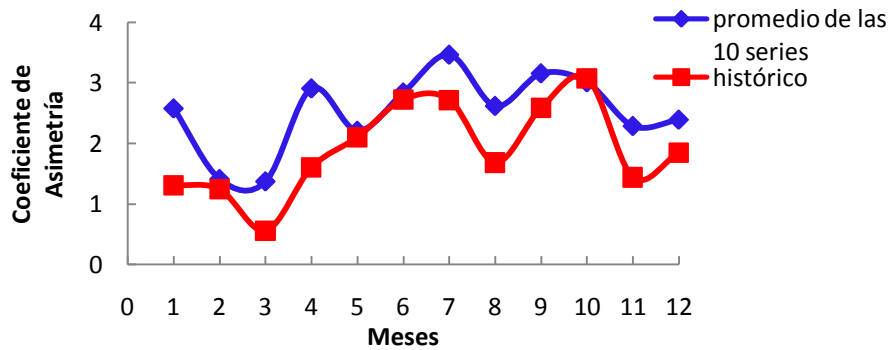


Figura 3.21 Comparación entre el coeficiente de asimetría del registro histórico y la del promedio de las 10 series. Después de considerar la influencia del invierno

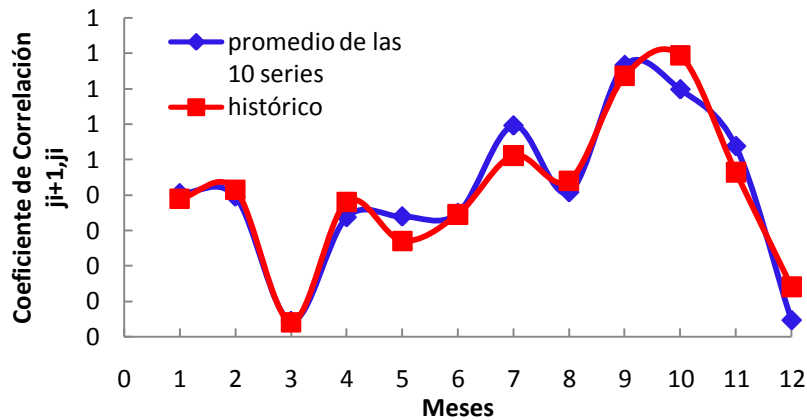


Figura 3.22 Comparación entre el coeficiente de correlación del registro histórico y la del promedio de las 10 series. Después de considerar la influencia del invierno

### 3.3. Resultados

#### 3.3.1. Simulación de la política de operación con los registros sintéticos

Con los datos de la presa se obtuvo una política de operación óptima (figura 3.23). En la figura 3.24 se observa el archivo de la política en forma matricial. Lo anterior a partir de dos programas CAFIT1P.FOR y OPDIN1VS.FOR, los cuales ya fueron descritos dentro del capítulo 2.

### Capítulo 3. Aplicación y Resultados

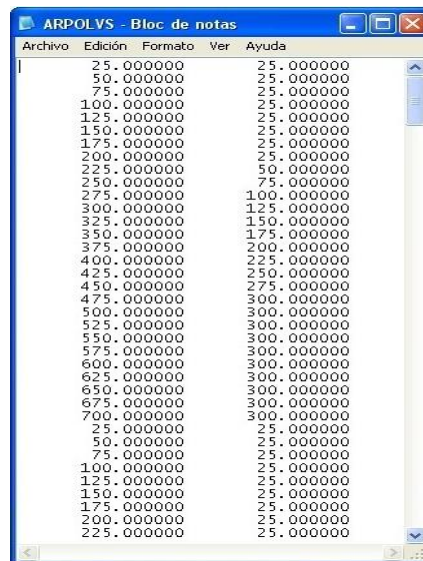


Figura 3.23 Archivo de la política de operación para la presa La Angostura, Son.

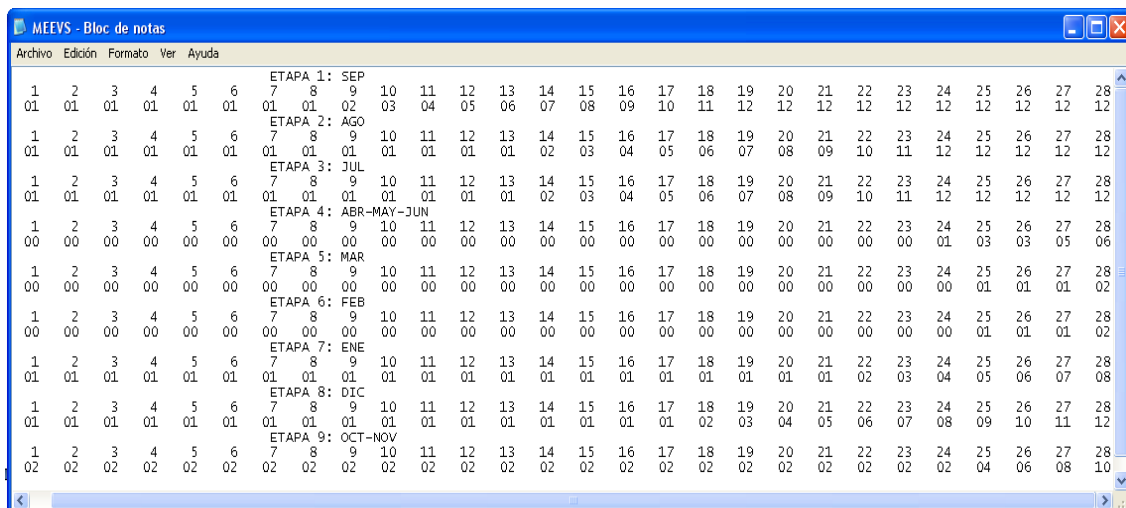


Figura 3.24 Archivo de la política de operación en forma matricial para la presa La Angostura, Son.

A partir de la obtención de la política de operación se empleó el programa SIMULQ1P.FOR para simular el funcionamiento quincenal de la presa en estudio. Para ello, los registros obtenidos se dividieron en quincenas y se acomodaron de acuerdo con un año hidrológico que inicia en el mes de octubre y termina en el mes de septiembre (tabla 3.21).



Capítulo 3. Aplicación y Resultados

Tabla 3.21 Registro quincenal obtenido a partir de la serie 01

AÑO	OCT		NOV		DIC		ENE		FEB		MAR		ABR		MAY		JUN		JUL		AGO		SEP		SUMA	
	Q1	Q2	Q1	Q2	Q1	Q2	Q1	Q2	Q1	Q2	Q1	Q2	Q1	Q2	Q1	Q2	Q1	Q2	Q1	Q2	Q1	Q2	Q1	Q2		
1	10.0	10.0	1.9	1.9	252.0	252.0	69.8	69.8	88.1	88.1	50.6	50.6	29.6	29.6	0.0	0.0	0.0	0.0	15.7	15.7	74.4	74.4	18.5	18.5	1221.2	
2	7.6	7.6	1.6	1.6	2.0	2.0	3.4	3.4	3.3	3.3	2.3	2.3	1.2	1.2	1.9	1.9	1.2	1.2	12.0	12.0	5.1	5.1	5.6	5.6	94.6	
3	4.0	4.0	1.6	1.6	0.7	0.7	5.5	5.5	1.9	1.9	0.7	0.7	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	15.6	15.6	33.5	33.5	14.6	14.6	156.1	
4	2.4	2.4	0.5	0.5	0.1	0.1	0.2	0.2	0.0	0.0	0.2	0.2	0.0	0.0	0.1	0.1	0.2	0.2	3.4	3.4	9.1	9.1	17.2	17.2	67.1	
5	0.9	0.9	33.9	33.9	106.8	106.8	15.8	15.8	131.9	131.9	13.2	13.2	5.1	5.1	2.3	2.3	2.3	2.3	18.7	18.7	32.1	32.1	5.3	5.3	736.4	
6	2.3	2.3	0.3	0.3	0.3	0.3	0.6	0.6	18.8	18.8	4.4	4.4	1.6	1.6	0.6	0.6	0.6	0.6	14.7	14.7	29.9	29.9	11.0	11.0	170.3	
7	3.8	3.8	0.0	0.0	29.3	29.3	325.7	325.7	116.1	116.1	45.9	45.9	14.2	14.2	6.3	6.3	2.3	2.3	1.0	1.0	20.2	20.2	5.8	5.8	1141.3	
8	1.4	1.4	4.9	4.9	28.6	28.6	20.1	20.1	31.5	31.5	26.1	26.1	14.1	14.1	5.1	5.1	0.0	0.0	2.1	2.1	7.5	7.5	11.1	11.1	305.3	
9	2.0	2.0	2.0	2.0	2.1	2.1	1.5	1.5	1.5	1.5	1.1	1.1	0.1	0.1	0.1	0.0	0.0	0.3	0.3	5.4	5.4	32.5	32.5	22.5	22.5	141.7
10	1.2	1.2	0.1	0.1	0.0	0.0	3.6	3.6	4.8	4.8	0.9	0.9	0.1	0.1	1.6	1.6	0.5	0.5	14.7	14.7	44.5	44.5	9.9	9.9	164.0	
11	8.3	8.3	3.4	3.4	1.6	1.6	0.9	0.9	0.0	0.0	0.5	0.5	0.3	0.3	0.2	0.2	0.0	0.0	14.7	14.7	52.0	52.0	50.0	50.0	264.1	
12	5.6	5.6	3.2	3.2	83.2	83.2	128.3	128.3	32.7	32.7	35.6	35.6	15.1	15.1	3.8	3.8	3.4	3.4	6.3	6.3	20.9	20.9	3.2	3.2	682.6	
13	25.4	25.4	21.4	21.4	86.0	86.0	247.9	247.9	55.3	55.3	14.1	14.1	17.1	17.1	9.9	9.9	2.8	2.8	174.8	174.8	123.8	123.8	73.5	73.5	1703.8	
14	18.3	18.3	16.8	16.8	146.2	146.2	26.2	26.2	16.5	16.5	19.9	19.9	12.3	12.3	15.3	15.3	12.4	12.4	10.7	10.7	64.2	64.2	44.5	44.5	806.2	
15	2.4	2.4	0.1	0.1	0.1	0.1	7.2	7.2	9.5	9.5	1.8	1.8	0.2	0.2	3.1	3.1	1.0	1.0	53.5	53.5	58.5	58.5	25.1	25.1	325.2	
..	..	..	..	..	..	..	..	..	..	..	..	..	..	..	..	..	..	..	..	..	..	..	..	..	..	..
..	..	..	..	..	..	..	..	..	..	..	..	..	..	..	..	..	..	..	..	..	..	..	..	..	..	..
..	..	..	..	..	..	..	..	..	..	..	..	..	..	..	..	..	..	..	..	..	..	..	..	..	..	..
86	2.9	2.9	3.6	3.6	6.6	6.6	3.2	3.2	3.3	3.3	1.9	1.9	0.0	0.0	0.0	0.0	0.4	0.4	11.9	11.9	61.8	61.8	0.0	0.0	191.2	
87	5.5	5.5	6.7	6.7	12.5	12.5	2.3	2.3	29.0	29.0	4.6	4.6	0.0	0.0	0.8	0.8	1.4	1.4	58.3	58.3	99.9	99.9	16.6	16.6	475.2	
88	7.2	7.2	0.8	0.8	1.0	1.0	1.8	1.8	58.6	58.6	13.9	13.9	5.0	5.0	1.8	1.8	2.0	2.0	14.6	14.6	48.0	48.0	7.3	7.3	323.4	
89	58.3	58.3	49.3	49.3	197.8	197.8	570.1	570.1	127.1	127.1	32.4	32.4	39.3	39.3	22.9	22.9	6.5	6.5	23.2	23.2	110.2	110.2	27.4	27.4	2528.9	
90	11.3	11.3	2.3	2.3	2.9	2.9	5.1	5.1	4.9	4.9	3.5	3.5	1.8	1.8	2.8	2.8	1.8	1.8	18.0	18.0	65.0	65.0	95.9	95.9	430.9	
91	17.2	17.2	16.9	16.9	17.9	17.9	12.6	12.6	12.7	12.7	9.6	9.6	1.0	1.0	0.0	0.0	2.2	2.2	34.2	34.2	68.6	68.6	47.5	47.5	480.7	
92	10.3	10.3	12.8	12.8	23.4	23.4	11.5	11.5	11.7	11.7	6.6	6.6	0.0	0.0	0.0	0.0	1.5	1.5	0.8	0.8	16.7	16.7	4.8	4.8	199.9	
93	1.2	1.2	4.1	4.1	23.6	23.6	16.5	16.5	25.9	25.9	21.5	21.5	11.6	11.6	4.2	4.2	0.0	0.0	15.2	15.2	58.7	58.7	46.9	46.9	458.7	
94	32.9	32.9	33.3	33.3	10.2	10.2	89.4	89.4	129.7	129.7	89.4	89.4	15.6	15.6	9.7	9.7	2.9	2.9	7.1	7.1	65.3	65.3	20.1	20.1	1010.7	
95	5.2	5.2	2.8	2.8	2.8	2.8	3.2	3.2	2.5	2.5	3.3	3.3	1.4	1.4	1.2	1.2	0.0	0.0	5.6	5.6	20.3	20.3	30.0	30.0	156.6	
96	5.4	5.4	5.3	5.3	5.6	5.6	3.9	3.9	4.0	4.0	3.0	3.0	0.3	0.3	0.0	0.0	0.7	0.7	15.3	15.3	141.9	141.9	43.6	43.6	457.9	
97	11.2	11.2	6.0	6.0	6.0	6.0	7.0	7.0	5.5	5.5	7.1	7.1	3.0	3.0	2.6	2.6	0.0	0.0	1.2	1.2	53.8	53.8	31.0	31.0	268.8	
98	12.5	12.5	7.8	7.8	23.2	23.2	0.6	0.6	2.5	2.5	0.2	0.2	0.1	0.1	1.1	1.1	1.9	1.9	39.6	39.6	25.1	25.1	37.0	37.0	303.5	
99	6.1	6.1	1.1	1.1	153.4	153.4	42.5	42.5	53.6	53.6	30.8	30.8	18.0	18.0	0.0	0.0	0.0	0.0	10.2	10.2	52.7	52.7	0.0	0.0	736.9	
100	4.7	4.7	5.7	5.7	10.7	10.7	2.0	2.0	24.7	24.7	3.9	3.9	0.0	0.0	0.7	0.7	1.2	1.2	33.3	33.3	158.0	158.0	39.3	39.3	568.1	

En el caso de este programa se obtuvieron resultados diferentes para cada uno de los registros sintéticos formados a partir de las 10 series. En las tablas 3.22 y 3.23 se muestran los archivos con los resultados para el caso del registro sintético hecho a partir de la serie 01. También se simularon los datos del registro histórico (tabla 3.24, figura 3.25).

Tabla 3.22 Resultados para el registro sintético de la serie 01, archivo SIQPRE

QUINCENA	PRESA: LA ANGOSTURA, SON.									
	ALM. INICIAL	INGRESO	VOL. EVAP	EXT. POL	EXT. MODIF	EXT. TOTAL	DERRAME	DÉFICIT	ENERGÍA	
	hm <sup>3</sup>	hm <sup>3</sup>	hm <sup>3</sup>	hm <sup>3</sup>	hm <sup>3</sup>	hm <sup>3</sup>	hm <sup>3</sup>	hm <sup>3</sup>	hm <sup>3</sup>	(GWh)
*****	*****	*****	*****	*****	*****	*****	*****	*****	*****	*****
1Q	OCT.	700	10.04	0.38	118.75	118.75	118.75	0	0	17.91
2Q	OCT.	590.91	10.04	0.35	91.48	91.48	91.48	0	0	13.18
1Q	NOV.	509.12	1.87	0.25	71.03	71.03	71.03	0	0	9.83
2Q	NOV.	439.71	1.87	0.23	53.68	53.68	53.68	0	0	7.16
1Q	DIC.	387.67	252.04	1.19	150	150	150	0	0	20.31
2Q	DIC.	488.53	252.04	1.29	150	150	150	0	0	21.49
1Q	ENE.	589.28	69.78	1.73	150	150	150	0	0	21.6
2Q	ENE.	507.33	69.78	1.61	150	150	150	0	0	20.66
1Q	FEB.	425.5	88.05	1.04	62.75	62.75	62.75	0	0	8.5
2Q	FEB.	449.76	88.05	1.07	74.88	74.88	74.88	0	0	10.25
1Q	MAR.	461.86	50.65	0.42	80.93	80.93	80.93	0	0	11.02
2Q	MAR.	431.16	50.65	0.41	65.58	65.58	65.58	0	0	8.81
1Q	ABR.	415.82	29.57	0.52	4.17	4.17	4.17	0	0	0.56
2Q	ABR.	440.71	29.57	0.53	4.17	4.17	4.17	0	0	0.57
1Q	MAY.	465.59	0	0.86	4.17	4.17	4.17	0	0	0.57
2Q	MAY.	460.56	0	0.86	4.17	4.17	4.17	0	0	0.57
1Q	JUN.	455.54	0	1.84	4.17	4.17	4.17	0	0	0.57
2Q	JUN.	449.54	0	1.82	4.17	4.17	4.17	0	0	0.57
1Q	JUL.	443.55	15.66	2.78	12.5	12.5	12.5	0	0	1.7
2Q	JUL.	443.93	15.66	2.78	12.5	12.5	12.5	0	0	1.7
1Q	AGO.	444.31	74.42	3.65	22.16	22.16	22.16	0	0	3.06
2Q	AGO.	492.93	74.42	3.81	46.46	46.46	46.46	0	0	6.54
1Q	SEP.	517.07	18.49	3.78	12.5	12.5	12.5	0	0	1.77
2Q	SEP.	519.28	18.49	3.79	12.5	12.5	12.5	0	0	1.77



Capítulo 3. Aplicación y Resultados

Tabla 3.22 Continuación

QUINCENA	ALM. INICIAL hm <sup>3</sup>	INGRESO hm <sup>3</sup>	VOL. EVAP hm <sup>3</sup>	EXT. POL hm <sup>3</sup>	EXT. MODIF hm <sup>3</sup>	EXT TOTAL hm <sup>3</sup>	DERRAME hm <sup>3</sup>	DÉFICIT hm <sup>3</sup>	ENERGÍA (GWh)	
*****										
				2						
1Q	OCT.	521.48	7.63	0.33	74.12	74.12	74.12	0	0	10.33
2Q	OCT.	454.66	7.63	0.31	57.42	57.42	57.42	0	0	7.74
1Q	NOV.	404.57	1.57	0.23	39.79	39.79	39.79	0	0	5.21
2Q	NOV.	366.13	1.57	0.22	29.03	29.03	29.03	0	0	3.72
1Q	DIC.	338.46	1.97	0.98	150	150	150	0	0	17.89
2Q	DIC.	189.45	1.97	0.75	94.72	94.72	94.72	0	0	9.92
1Q	ENE.	95.94	3.45	0.6	12.5	12.5	12.5	0	0	1.21
2Q	ENE.	86.29	3.45	0.56	12.5	12.5	12.5	0	0	1.18
1Q	FEB.	76.68	3.3	0.36	12.5	12.5	12.5	0	0	1.15
2Q	FEB.	67.12	3.3	0.33	12.5	12.5	12.5	0	0	1.12
1Q	MAR.	57.6	2.33	0.12	12.5	12.5	12.5	0	0	1.09
2Q	MAR.	47.31	2.33	0.11	12.5	12.5	12.5	0	0	1.05
1Q	ABR.	37.03	1.23	0.11	4.17	6.25	6.25	0	0	0.51
2Q	ABR.	31.9	1.23	0.1	4.17	6.25	6.25	0	0	0.49
1Q	MAY.	26.77	1.92	0.15	4.17	6.25	6.25	0	0	0.48
2Q	MAY.	22.28	1.92	0.14	4.17	6.25	6.25	0	0	0.47
1Q	JUN.	17.81	1.24	0.28	4.17	12.5	12.5	0	0	0.87
2Q	JUN.	6.26	1.24	0.19	4.17	12.5	7.31	0	5.19	0.33
1Q	JUL.	0	11.97	0.27	12.5	12.5	11.7	0	0.8	0.29
2Q	JUL.	0	11.97	0.27	12.5	12.5	11.7	0	0.8	0.29
1Q	AGO.	0	5.11	0.23	22.16	22.16	4.88	0	17.28	0.12
2Q	AGO.	0	5.11	0.23	46.46	46.46	4.88	0	41.58	0.12
1Q	SEP.	0	5.61	0.24	12.5	12.5	5.37	0	7.13	0.13
2Q	SEP.	0	5.61	0.24	12.5	12.5	5.37	0	7.13	0.13
*****										
QUINCENA	ALM. INICIAL hm <sup>3</sup>	INGRESO hm <sup>3</sup>	VOL. EVAP hm <sup>3</sup>	EXT. POL hm <sup>3</sup>	EXT. MODIF hm <sup>3</sup>	EXT TOTAL hm <sup>3</sup>	DERRAME hm <sup>3</sup>	DÉFICIT hm <sup>3</sup>	ENERGÍA (GWh)	
*****										
				3						
.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	
.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	
.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	
*****										
RESUMEN ANUAL										
	AÑO	DERRAME hm <sup>3</sup>	DÉFICIT hm <sup>3</sup>	ING HIST hm <sup>3</sup>	EXT. TOTAL hm <sup>3</sup>	ALMAC PRO hm <sup>3</sup>	ELEV PRO (msnm)	ENERGÍA TOTAL (GWh)		
	1	0	0	1221.16	1362.7	472.96	823.99	190.67		
	2	0	79.93	94.64	608.8	96.93	807.5	65.84		
	3	0	541.6	156.08	147.1	1.55	792.48	8.33		
	4	0	626.19	67.08	62.5	0.53	791.46	2.47		
	5	0	165.92	736.36	479.2	160.89	811.65	33.99		
	6	0	24.75	170.28	372.3	55.95	803.57	33.37		
	7	0	98.42	1141.25	765.4	327.51	818.92	96.48		
	8	0	0	305.31	528.3	190.98	813.21	59.83		
	9	0	106.27	141.74	212.1	28.13	799.56	17.05		
	10	0	161.46	163.99	156.9	14.1	796.71	10.53		
	.	.	.	.	.	.	.	.		
	.	.	.	.	.	.	.	.		
	.	.	.	.	.	.	.	.		
	93	0	51.52	458.74	257.3	45.8	802.33	18.12		
	94	0	0	1010.7	653	382.23	820.93	81.96		
	95	0	55.03	156.58	628.1	97.75	807.56	66.06		
	96	0	369.05	457.95	179.6	41.33	801.71	12.17		
	97	0	21.42	268.79	460	90.03	806.93	45.2		
	98	0	56.64	303.51	272.6	44.27	802.13	23.31		
	99	0	0	736.9	460.4	292.84	817.57	54.46		
	100	0	0	568.14	516.8	156.64	811.41	56.05		
	TOTAL	1114.44	6774.62							
	ALMACENAMIENTO INICIAL MÍNIMO REGISTRADO			0	hm <sup>3</sup>					
	ENERGÍA PROMEDIO GENERADA EN LOS 100									
	AÑOS:			1.97	GWh					



Capítulo 3. Aplicación y Resultados

**Tabla 3.22 Continuación**

P	XXXXXXXXXXXXXXXXXXXXXXXXXXXX			RESUMEN QUINCENAL		XXXXXXXXXXXXXXXXXXXXXXXXXXXX			S
	R	O		M	E	D	I	O	
					ELEVACIÓN	ALMACE- NAMIENTO	ENERGÍA		
					(msnm)	(hm <sup>3</sup> )	(GWh)		
			1Q	ENE.	800.85	93.86	1.82		
			2Q	ENE.	801.68	102.45	2.03		
			1Q	FEB.	802.05	115.41	1.68		
			2Q	FEB.	802.66	125.78	2.09		
			1Q	MAR.	802.62	120.77	2.44		
			2Q	MAR.	801.79	118.21	2.08		
			1Q	ABR.	800.79	118.69	0.48		
			2Q	ABR.	799.95	119.12	0.48		
			1Q	MAY.	799.33	116.47	0.44		
			2Q	MAY.	798.48	113.96	0.42		
			1Q	JUN.	796.84	107.08	0.76		
			2Q	JUN.	795.11	100.8	0.73		
			1Q	JUL.	796.89	110.89	1.12		
			2Q	JUL.	799.94	122.03	1.08		
			1Q	AGO.	803.59	152.55	1.66		
			2Q	AGO.	807.74	182.08	1.89		
			1Q	SEP.	809.46	189.28	1.35		
			2Q	SEP.	810.19	196.33	1.39		
			1Q	OCT.	809.66	188.96	2.82		
			2Q	OCT.	808.6	181.64	2.38		
			1Q	NOV.	807.77	171.05	2.14		
			2Q	NOV.	807.08	163.18	1.78		
			1Q	DIC.	804.92	109.07	8.68		
			2Q	DIC.	801.52	79.67	5.59		

**Tabla 3.23 Resultados para el registro sintético de la serie 01, archivo SUPGUIAP**

ALMACENAMIENTOS MAYORES O IGUALES A LA CURVA GUÍA

PRESA: LA ANGOSTURA, SON.

AÑO	QUINCENA	ALMACENAMIENTO	hm <sup>3</sup>
77	2Q	ABR.	703.4
77	1Q	MAY.	703.4
77	2Q	MAY.	703.4
89	1Q	ENE.	703.4
89	2Q	ENE.	703.4
89	1Q	FEB.	703.4
89	2Q	FEB.	703.4
89	1Q	MAR.	703.4
89	2Q	MAR.	703.4
89	1Q	ABR.	703.4
89	2Q	ABR.	703.4
89	1Q	MAY.	703.4
89	2Q	MAY.	703.4



Capítulo 3. Aplicación y Resultados

**Tabla 3.24 Resultados para el registro histórico, archivo SIQPRE**

LA ANGOSTURA,										
PRESA: SON.										
QUINCENA	ALM. INICIAL	INGRESO	VOL. EVAP	EXT. POL	EXT. MODIF	EXT. TOTAL	DERRAME	DÉFICIT	ENERGÍA	
	hm <sup>3</sup>	hm <sup>3</sup>	hm <sup>3</sup>	hm <sup>3</sup>	hm <sup>3</sup>	hm <sup>3</sup>	hm <sup>3</sup>	hm <sup>3</sup>	hm <sup>3</sup>	(GWh)
*****										
				1						
1Q	OCT.	700	3.67	0.38	118.75	118.75	118.75	0	0	17.88
2Q	OCT.	584.54	3.67	0.34	89.89	89.89	89.89	0	0	12.89
1Q	NOV.	497.98	20.35	0.25	68.25	68.25	68.25	0	0	9.44
2Q	NOV.	449.84	20.35	0.24	56.21	56.21	56.21	0	0	7.59
1Q	DIC.	413.74	271.12	1.22	150	150	150	0	0	20.73
2Q	DIC.	533.64	271.12	1.35	150	150	150	0	0	22.08
1Q	ENE.	653.4	68	1.82	150	150	150	0	0	22.28
2Q	ENE.	569.58	68	1.7	150	150	150	0	0	21.37
1Q	FEB.	485.88	107.98	1.11	92.94	92.94	92.94	0	0	13
2Q	FEB.	499.81	107.98	1.12	99.9	99.9	99.9	0	0	14.05
1Q	MAR.	506.76	144.08	0.45	103.38	103.38	103.38	0	0	14.72
2Q	MAR.	547.01	144.08	0.47	123.5	123.5	123.5	0	0	17.87
1Q	ABR.	567.11	21.02	0.59	4.17	4.17	4.17	0	0	0.61
2Q	ABR.	583.38	21.02	0.6	5.56	5.56	5.56	0	0	0.82
1Q	MAY.	598.23	4.98	0.97	8.04	8.04	8.04	0	0	1.19
2Q	MAY.	594.21	4.98	0.96	7.37	7.37	7.37	0	0	1.08
1Q	JUN.	590.86	3.3	2.07	6.81	6.81	6.81	0	0	1
2Q	JUN.	585.27	3.3	2.06	5.88	5.88	5.88	0	0	0.86
1Q	JUL.	580.63	19.68	3.15	40.32	40.32	40.32	0	0	5.87
2Q	JUL.	556.85	19.68	3.08	28.43	28.43	28.43	0	0	4.1
1Q	AGO.	545.02	148.74	4.11	72.51	72.51	72.51	0	0	10.61
2Q	AGO.	617.14	148.74	4.37	108.57	108.57	108.57	0	0	16.31
1Q	SEP.	652.95	25.31	4.26	38.97	38.97	38.97	0	0	5.88
2Q	SEP.	635.03	25.31	4.2	30.01	30.01	30.01	0	0	4.5
*****										
QUINCENA	ALM. INICIAL	INGRESO	VOL. EVAP	EXT. POL	EXT. MODIF	EXT. TOTAL	DERRAME	DÉFICIT	ENERGÍA	
	hm <sup>3</sup>	hm <sup>3</sup>	hm <sup>3</sup>	hm <sup>3</sup>	hm <sup>3</sup>	hm <sup>3</sup>	hm <sup>3</sup>	hm <sup>3</sup>	hm <sup>3</sup>	(GWh)
*****										
				2						
1Q	OCT.	626.13	20.01	0.36	100.28	100.28	100.28	0	0	14.71
2Q	OCT.	545.5	20.01	0.33	80.12	80.12	80.12	0	0	11.34
1Q	NOV.	485.05	12.05	0.25	65.01	65.01	65.01	0	0	8.91
2Q	NOV.	431.84	12.05	0.23	51.71	51.71	51.71	0	0	6.89
1Q	DIC.	391.95	259.15	1.2	150	150	150	0	0	20.4
2Q	DIC.	499.9	259.15	1.31	150	150	150	0	0	21.65
1Q	ENE.	607.74	83.2	1.77	150	150	150	0	0	21.88
2Q	ENE.	539.17	83.2	1.66	150	150	150	0	0	21.11
1Q	FEB.	470.71	53.11	1.07	85.35	85.35	85.35	0	0	11.67
2Q	FEB.	437.39	53.11	1.04	68.7	68.7	68.7	0	0	9.26
1Q	MAR.	420.77	22.38	0.4	60.38	60.38	60.38	0	0	8
2Q	MAR.	382.37	22.38	0.38	41.18	41.18	41.18	0	0	5.35
1Q	ABR.	363.18	16.63	0.48	4.17	6.25	6.25	0	0	0.81
2Q	ABR.	373.08	16.63	0.49	4.17	6.25	6.25	0	0	0.82
1Q	MAY.	382.97	11.84	0.8	4.17	6.25	6.25	0	0	0.82
2Q	MAY.	387.76	11.84	0.8	4.17	6.25	6.25	0	0	0.82
1Q	JUN.	392.55	0.03	1.72	4.17	12.5	12.5	0	0	1.64
2Q	JUN.	378.36	0.03	1.69	4.17	12.5	12.5	0	0	1.62
1Q	JUL.	364.2	6.75	2.52	12.5	12.5	12.5	0	0	1.61
2Q	JUL.	355.93	6.75	2.49	12.5	12.5	12.5	0	0	1.6
1Q	AGO.	347.69	22.2	3.16	12.5	12.5	12.5	0	0	1.6
2Q	AGO.	354.23	22.2	3.2	12.5	12.5	12.5	0	0	1.61
1Q	SEP.	360.73	3.38	3.17	12.5	12.5	12.5	0	0	1.6
2Q	SEP.	348.44	3.38	3.12	12.5	12.5	12.5	0	0	1.59
*****										
QUINCENA	ALM. INICIAL	INGRESO	VOL. EVAP	EXT. POL	EXT. MODIF	EXT. TOTAL	DERRAME	DÉFICIT	ENERGÍA	
	hm <sup>3</sup>	hm <sup>3</sup>	hm <sup>3</sup>	hm <sup>3</sup>	hm <sup>3</sup>	hm <sup>3</sup>	hm <sup>3</sup>	hm <sup>3</sup>	hm <sup>3</sup>	(GWh)
*****										
				3						
.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.
.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.
.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.





Capítulo 3. Aplicación y Resultados

Tabla 3.24 Continuación

*****							
RESUMEN ANUAL							
AÑO	DERRAME hm <sup>3</sup>	DÉFICIT hm <sup>3</sup>	ING HIST hm <sup>3</sup>	EXT TOTAL hm <sup>3</sup>	ALMAC PRO hm <sup>3</sup>	ELEV PRO (msnm)	ENERGÍA TOTAL (GWh)
1	0	0	1676.46	1709.5	561.46	826.72	246.72
2	0	0	1021.46	1277.7	414.9	822.07	177.32
3	0	0	1265.96	1048.7	397.86	821.48	138.85
4	0	0	1115.58	1002.1	442.66	823	132.63
5	0	0	1215.82	1157.8	433.97	822.71	154.75
6	0	0	643.96	814.7	373.08	820.6	106.28
7	0	0	1168.52	975.6	464.43	823.71	130.75
8	0	0	764.8	859.1	410.72	821.92	112.57
9	0	0	872.12	927.9	363.25	820.25	118.93
10	0	0	866.02	856.2	352.68	819.86	110.07
11	0	0	1075.84	807.3	372.36	820.57	102.75
12	0	0	478.62	756.4	248.99	815.8	94.38
13	0	0	601.3	520	290.69	817.49	62.09
14	0	0	935.28	598	345.57	819.59	73.2
15	0	0	188.56	743.3	136.73	810.25	87.88
16	0	146.65	868.08	365.7	181.13	812.72	30.52
17	0	0.44	250.5	690.2	124.63	809.49	78.54
18	0	0	607.44	404.1	115	808.86	40.52
19	0	0	397.5	434.3	133.24	810.05	45.65
20	0	0	288.68	413.6	83.86	806.38	39.74
21	0	0	544.42	401.4	95.13	807.35	39.6
22	0	0	424.28	400.5	99.49	807.71	39.27
23	0	17.92	476.94	382.7	106.52	808.25	37.58
24	0	67.53	157.68	357.4	64.67	804.52	33.67
25	0	0	539.26	351.3	75.21	805.58	31.98
26	0	18.06	239.06	385.3	71.69	805.24	35.93
27	0	23.82	288.3	334.1	44.09	802.11	28.56
28	0	107.47	413.1	250.5	72.06	805.28	21.29
29	0	11.68	448.58	398.5	90.77	807	38.55
30	0	75.86	173.48	313.3	55.08	803.47	28.93
31	0	4.26	352.4	315.7	47.04	802.49	26.44
32	0	0	341.46	291.4	65.95	804.66	25.78
33	0	26.83	291.52	296.3	47.47	802.55	24.66
34	0	16.19	312.48	291.4	48.2	802.64	23.59
35	0	92.45	202.44	237.1	36.34	800.96	19.67
36	0	86.02	231.14	234.9	34.69	800.68	19.6
37	0	42.24	241	238.6	27.7	799.48	18.7
38	0	81.67	182.02	202.5	20.05	798.02	13.88
39	0	80.88	204.2	203.3	12.24	796.27	11.78
40	0	104.46	151.26	179.7	8.18	795.18	9.65
41	0	121.48	174.9	162.7	7.56	795.01	9.4
42	0	183.7	95.08	100.5	2.06	792.83	5.54
43	0	157.4	113.64	126.8	4.72	794.05	7
44	0	243.37	41.64	40.8	0	777.6	1
TOTAL	0	1710.36					
ALMACENAMIENTO INICIAL MÍNIMO REGISTRADO			0	hm <sup>3</sup>			
ENERGÍA PROMEDIO GENERADA EN LOS 100 AÑOS:			2.5	GWh			



Capítulo 3. Aplicación y Resultados

Tabla 3.24 Continuación

XXXXXXXXXXXXXXXXXXXXXXXXXXXX			RESUMEN QUINCENAL			XXXXXXXXXXXXXXXXXXXXXXXXXXXX		
P	R	O	M	E	D	I	O	S
			ELEVACIÓN		ALMACE- NAMIENTO	ENERGÍA		
			(msnm)		(hm <sup>3</sup> )	(GWh)		
		1Q	ENE.	802.91	123.16	2.37		
		2Q	ENE.	803.54	130.56	3.17		
		1Q	FEB.	803.88	141.83	2.44		
		2Q	FEB.	804.07	152.23	2.58		
		1Q	MAR.	803.66	151.52	3.02		
		2Q	MAR.	803.11	153.33	2.72		
		1Q	ABR.	802.58	154.79	0.5		
		2Q	ABR.	802.07	156.4	0.49		
		1Q	MAY.	801.66	153.99	0.52		
		2Q	MAY.	801.16	151.73	0.5		
		1Q	JUN.	800.04	143.93	0.88		
		2Q	JUN.	798.04	137.17	0.78		
		1Q	JUL.	799.37	147.9	1.18		
		2Q	JUL.	802.44	158.97	1.21		
		1Q	AGO.	806.2	190.29	2.13		
		2Q	AGO.	810.48	219.62	2.53		
		1Q	SEP.	811.71	226.73	1.47		
		2Q	SEP.	811.85	234.09	1.44		
		1Q	OCT.	812.66	231.96	4.06		
		2Q	OCT.	811.58	218.29	3.34		
		1Q	NOV.	810.35	204.44	2.83		
		2Q	NOV.	809.35	194.1	2.32		
		1Q	DIC.	806.78	140.89	10.14		
		2Q	DIC.	803.48	109.77	7.31		

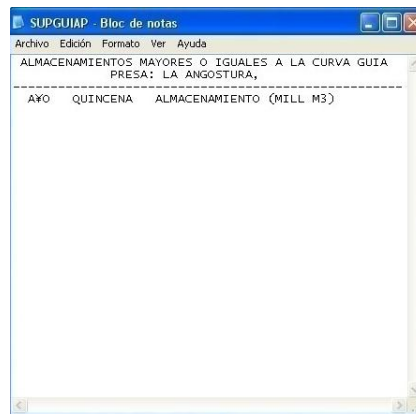


Figura 3.25 Archivo SUPGUIAP de la simulación del registro histórico

Después de realizar la simulación del funcionamiento de vaso se obtuvieron diferentes resultados para cada registro sintético, los cuales están resumidos en las tablas 3.26 a 3.30. Estas tablas fueron obtenidas a partir de los archivos de resultados del programa SIMULQ1P.FOR, el archivo SIQPRE y el SUPGUIAP.



Capítulo 3. Aplicación y Resultados

En la tabla 3.25 se muestran en amarillo los años en los que hay influencia del invierno y donde hay derrame. Mientras que en azul se observan los que tienen déficit. A partir de estos resultados de cada simulación de los registros sintéticos se contabilizó la frecuencia con la que ocurren derrames y déficit.

**Tabla 3.25 Resultados de la simulación con el registro sintético de la serie 02, donde se observan los años con presencia de derrame y déficit**

RESUMEN ANUAL			
I	DERRAME	DÉFICIT	AÑO
	hm <sup>3</sup>	hm <sup>3</sup>	
1	0	0	1994
2	0	0	1975
3	0	37.18	2008
4	0	67.32	1975
5	18.33	0	1977
6	0	0	2007
7	0	0	1965
8	0	0	1984
9	0	0	1996
10	0	0	1995
11	0	55.08	1971
12	0	0	2006
13	0	8.5	1988
14	0	0	1991
15	0	0	2005
16	0	0	1967
17	0	0	1987
18	0	75.09	1969
19	0	114.6	1987
20	0	0	1967
21	0	0	1992
22	0	64.18	2008
23	0	560.27	1968
24	0	0	1991
25	0	0	1981
26	0	98.91	1998
27	0	49.72	1979
28	0	140.75	2003
29	0	67.89	1981
30	0	42.37	1983
31	0	70.52	1988
32	0	42.48	1993
33	0	0	1985
34	0	0	1996
35	0	230.84	1975
36	0	0	1993
37	0	96.1	1970
38	0	0	2000
39	0	75.54	1998
40	0	0	1989
41	0	0	2004
42	0	0	1973
43	0	0	2004
44	0	0	1987
45	0	41.62	1969
46	0	182.98	1971
47	0	0	1976
48	0	7.8	2001
49	0	109.62	1998



Capítulo 3. Aplicación y Resultados

**Tabla 3.25 Continuación**

50	0	0	1978
51	0	0	1968
52	0	10.2	1996
53	515.26	0	1984
54	0	0	1980
55	105.06	0	1982
56	0	0	1965
57	0	15.39	1968
58	0	0	1977
59	0	0	2007
60	0	40.59	1987
61	0	120.28	1976
62	0	0	2000
63	0	0	1994
64	0	18.71	2008
65	0	0	2000
66	0	0	1987
67	0	116.58	1992
68	0	0	1991
69	0	0	2002
70	0	30.03	1985
71	0	0	1981
72	0	0	2000
73	0	0	1978
74	0	0	1984
75	0	0	2007
76	0	20.9	2006
77	0	2.35	1981
78	0	8.19	1994
79	0	7.96	1993
80	0	0	1989
81	0	152.23	1995
82	0	0	2001
83	954.43	0	1978
84	0	0	2003
85	0	0	2001
86	0	0	2002
87	0	114.21	1976
88	0	93.9	1970
89	0	56.06	2003
90	0	43.38	2001
91	0	0	1972
92	0	0	1981
93	0	0	1965
94	0	0	1986
95	0	0	1973
96	0	335.96	2003
97	0	48.38	2008
98	0	51.33	1981
99	0	15.21	1983
100	26.36	14.45	1995
<b>TOTAL</b>	<b>1619.44</b>	<b>3555.66</b>	

En la tabla 3.26 se observa el resumen de los datos que arroja el programa para cada una de las 10 series. En la tabla 3.27 se especifica el número de años en los que se presentaron derrame y déficit en cada serie, además del número de años y quincenas en los que se rebasó la curva guía. En la tabla 3.28 se ve la frecuencia con la que se rebasó la curva guía en cuanto a meses



Capítulo 3. Aplicación y Resultados

y en la tabla 3.29 es un resumen de los años en los que se rebasó la curva guía. En la tabla 3.30 se observa un resumen más completo sobre los años y los meses en los que se rebasó la curva guía por serie.

**Tabla 3.26 Resumen de la simulación del funcionamiento de vaso usando la política de operación y 10 registros sintéticos de 100 años cada uno**

SERIE	DERRAME (hm <sup>3</sup> )	DÉFICIT (hm <sup>3</sup> )	INGRESO HIST. (hm <sup>3</sup> )	EXT. TOTAL (hm <sup>3</sup> )	ALMAC. PRO. (hm <sup>3</sup> )	ELEV. PRO. (msnm)	ENERGÍA TOTAL (GWh)
SERIE 1	1114.44	6774.62	46595.68	45332.4	13330.4	80752.32	4733.3
SERIE 2	1619.44	3555.65	54785.54	52953.4	16768.95	80985.28	5847.39
SERIE 3	1806.71	4375	59084.24	57449.1	19936.82	81166.08	6457.81
SERIE 4	265.37	4477.97	50985.38	49655.7	16899.6	81012.41	5558.54
SERIE 5	1564.86	7007.62	53725.23	52559.3	17532.3	81013.85	5695.19
SERIE 6	1525.48	6054.32	49523.83	47883.4	15666.59	80832.73	5202.97
SERIE 7	1712.52	7862.87	51462.8	50388.5	16533.84	80944.15	5349.47
SERIE 8	862.73	5208.05	44967.68	43999.3	13384.5	80800.33	4552.04
SERIE 9	1182.71	8174.1	47947.64	46981.3	14986.14	80803.27	5031.16
SERIE 10	955.63	5241.53	52884.21	51797.7	16323.36	80951.95	5647.11
SUMA	12609.89	58731.73	511962.23	499000.10	161362.50	809262.37	54074.98
PROMEDIO	1260.99	5873.17	51196.22	49900.01	16136.25	80926.24	5407.50
<b>PROM./100AÑOS</b>	<b>12.61</b>	<b>58.73</b>	<b>511.96</b>	<b>499.00</b>	<b>161.36</b>	<b>809.26</b>	<b>54.07</b>
HISTÓRICO	0.00	1710.38	22942.78	22858.90	7384.12	35572.45	2636.19
<b>HISTÓRICO/44AÑOS</b>	<b>0.00</b>	<b>38.87</b>	<b>521.43</b>	<b>519.52</b>	<b>167.82</b>	<b>808.46</b>	<b>59.91</b>

**Tabla 3.27 Frecuencia de las quincenas en las que se rebasó la curva guía**

SERIE	Derrame (hm <sup>3</sup> )	Déficit (hm <sup>3</sup> )	Años con derrame	Años con déficit	Años en donde se superó curva guía	Quincenas en las que se rebasó la curva guía
SERIE 1	1114.44	6774.62	2	61	2	13
SERIE 2	1619.44	3555.65	5	43	5	29
<b>SERIE 3</b>	<b>1806.71</b>	4375	<b>6</b>	38	<b>6</b>	<b>34</b>
SERIE 4	265.37	4477.97	2	48	2	12
<b>SERIE 5</b>	<b>1564.86</b>	<b>7007.62</b>	<b>6</b>	<b>51</b>	<b>6</b>	<b>41</b>
SERIE 6	1525.48	6054.32	5	54	5	32
<b>SERIE 7</b>	<b>1712.52</b>	<b>7862.87</b>	<b>5</b>	<b>59</b>	<b>5</b>	<b>33</b>
SERIE 8	862.73	5208.05	2	57	3	30
<b>SERIE 9</b>	<b>1182.71</b>	<b>8174.12</b>	<b>3</b>	<b>54</b>	<b>3</b>	<b>23</b>
SERIE 10	955.63	5241.53	3	54	3	12



Capítulo 3. Aplicación y Resultados

**Tabla 3.28 Resumen de las frecuencias de los meses en los que se rebasa la curva guía**

	SERIE 1	SERIE 2	SERIE 3	SERIE 4	SERIE 5	SERIE 6	SERIE 7	SERIE 8	SERIE 9	SERIE 10	TOTAL POR MES
ENE.	2	4	3	2	3	4	3	3	3	1	28
FEB.	2	4	6	2	7	2	6	4	5	2	40
MAR.	2	4	6	1	8	4	6	4	6	2	43
ABR.	3	7	7	0	8	4	8	4	4	1	46
MAY.	4	8	6	0	8	4	10	4	4	2	50
JUN.	0	0	0	0	0	2	0	2	0	0	4
JUL.	0	0	2	0	0	0	0	2	0	0	4
AGO.	0	0	2	0	1	1	0	0	0	2	6
SEP.	0	1	1	1	2	4	0	1	0	2	12
OCT.	0	0	0	2	2	2	0	2	0	0	8
NOV.	0	0	0	2	2	2	0	2	0	0	8
DIC.	0	1	1	2	0	3	0	2	1	0	10

**Tabla 3.29 Resumen de las frecuencias de los años en los que se rebasa la curva guía**

AÑO	TOTAL DE QUINCENAS
1982	30
1978	51
1977	7
1984	25
1995	1
1994	14
1967	15
1988	1
1986	49
1992	45
2003	3
1990	5
1989	2
2004	11



Capítulo 3. Aplicación y Resultados

**Tabla 3.30 Frecuencia de las quincenas en las que se rebasó la curva guía, años y meses en los que se rebasó la curva guía**

SERIE	Quincenas en las que se rebasó la curva guía	Años en los que se rebasó la curva guía	Meses en los que se rebasó la curva guía
SERIE 1	13	1982, 1978 1977,1984,1982,1978,19	abril, mayo, enero, febrero, marzo abril, mayo, diciembre, enero, febrero, marzo,
SERIE 2	29	95 1994,1977,1978,1967,19	septiembre febrero, marzo, abril, enero, febrero,
SERIE 3	34	82,1994	diciembre, mayo, julio, agosto, septiembre
SERIE 4	12	1988,1986	septiembre, octubre, noviembre, diciembre, enero, febrero, marzo
SERIE 5	41	1978,1992,2003,1990,19 94,2003,1990,1994	enero, febrero, marzo, abril, mayo, agosto, septiembre, octubre, noviembre
SERIE 6	32	1989,1986,2004,1984,19 82	septiembre, octubre, noviembre, diciembre, enero, febrero, marzo, abril, mayo, junio, agosto, septiembre, diciembre
SERIE 7	33	1978,1982,1992,1978,19 82	enero, febrero, marzo, abril, mayo
SERIE 8	30	1990,1986,1992	septiembre, octubre, noviembre, diciembre,
SERIE 9	23	1984,2004,1992	diciembre, enero, febrero, marzo, abril, mayo, enero, febrero, marzo, abril, mayo, agosto,
SERIE 10	12	2004,1982,1967	septiembre
PROMEDIO	26		

### Conclusión

En este capítulo se abordó la aplicación de la metodología descrita en el capítulo anterior. Además de exhibir en tablas el resumen de los resultados obtenidos. Lo anterior conlleva al siguiente capítulo de recomendaciones y conclusiones.

### Referencias

- Aparicio Mijares, Francisco Javier. *Fundamentos de Hidrología de Superficie*. México: Limusa. 2011.
- Mendoza R.R. *Manual del programa de optimización vía programación dinámica estocástica. Primera parte CAFIT1P.FOR*. Instituto de Ingeniería UNAM.2010.
- Mendoza R.R. *Manual del programa de optimización vía programación dinámica estocástica. Programa OPDIN1VS.FOR*. Instituto de Ingeniería UNAM.2010.
- Mendoza R.R. *Manual del programa SIMULQ1P.FOR*. Instituto de Ingeniería UNAM.2010.



## 4. Conclusiones y Recomendaciones

En este capítulo se plantean algunas observaciones, conclusiones y las recomendaciones a partir de los resultados obtenidos de este trabajo.

### 4.1. Conclusiones

Las conclusiones más relevantes de este estudio se mencionan a continuación.

La primera es referente a la función de probabilidad que mejor se ajustó a los datos del registro histórico, ya que al hacer el ajuste con ayuda del software AX los datos calculados no se representan de la mejor manera (figura 4.1). Por eso al variar los valores de  $\alpha_2$  y  $\beta_2$  se observa el cambio en el comportamiento de los datos calculados con respecto a los datos medidos (figura 4.2).

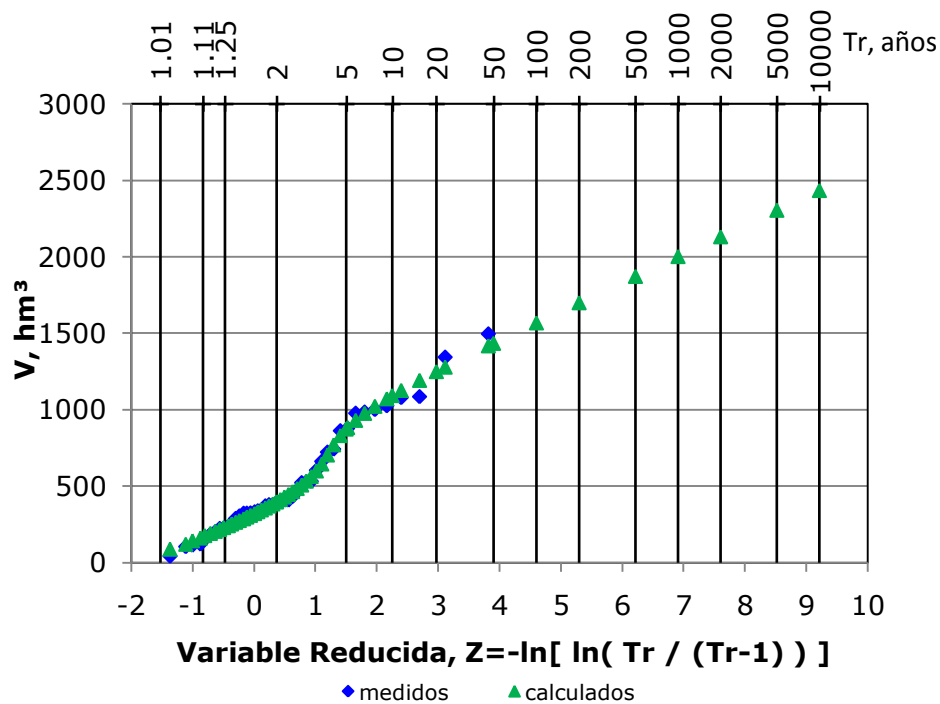
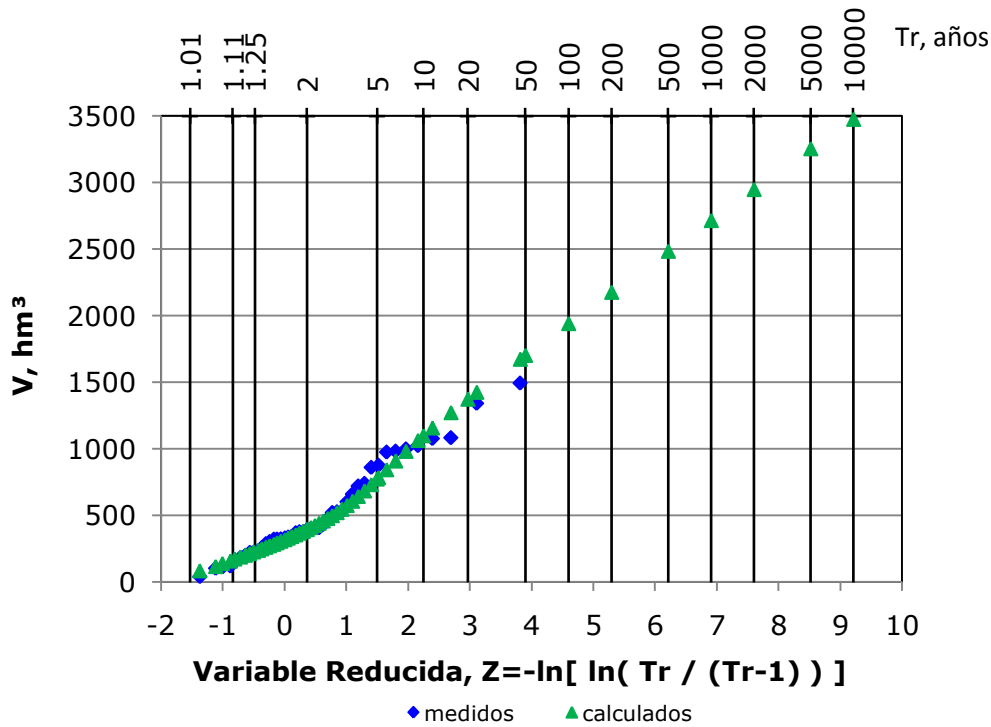


Figura 4.1 Función Doble Gumbel de los datos medidos y los calculados con el programa AX al hacer el ajuste automático





Capítulo 4. Conclusiones y Recomendaciones



**Figura 4.2 Función Doble Gumbel de los datos medidos y los calculados después de la variación de  $\alpha_2$  y  $\beta_2$**

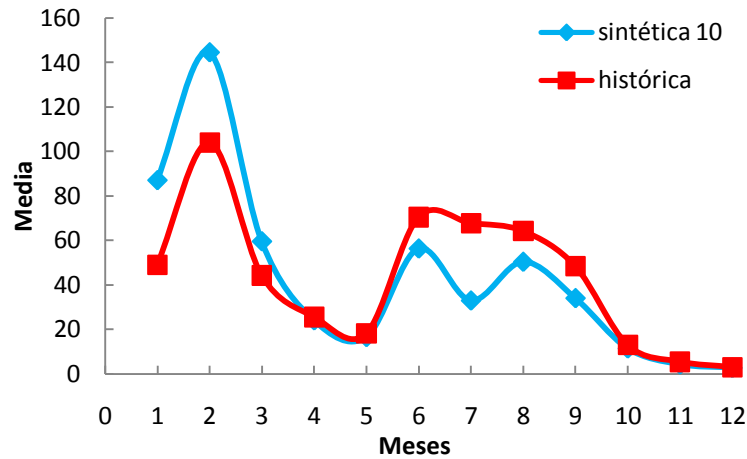
Esta variación hecha manualmente pudo haber llegado a influir de manera considerable en la obtención de las series, ya que para ello se necesitaron los parámetros  $\alpha_1, \alpha_2$  y  $\beta_1, \beta_2$ .

Otra de las conclusiones es referente a la selección aleatoria de años, pues se vio conveniente dividir los registros en periodos estacionales, debido a la influencia de la época de invierno en la zona noroeste de la República Mexicana en donde se encuentra el sitio de estudio.

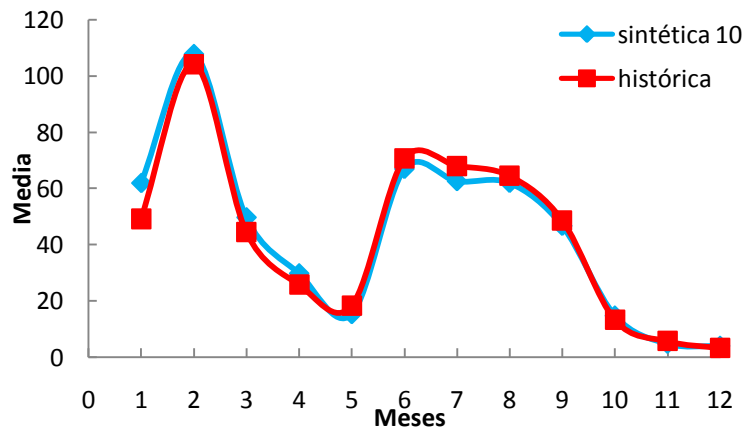
La modificación hecha al algoritmo del programa para la selección aleatoria de años permitió que los estadísticos obtenidos de los registros sintéticos preservaran adecuadamente los del registro histórico. Lo anterior se puede confirmar con las siguientes figuras que se refieren a la media del registro sintético hecho a partir de la serie 10, la figura 4.3 se obtuvo antes de considerar la influencia del invierno y la figura 4.4 se hizo después de tomar en cuenta esa consideración. En estas gráficas el mes uno corresponde a julio y

Capítulo 4. Conclusiones y Recomendaciones

así sucesivamente hasta el mes 12 que corresponde a junio, debido a que fueron hechas a partir de un año hidrológico.



**Figura 4.3 Comparación entre la media de los datos históricos y la media obtenida a partir de la serie 10. Después del primer ensayo**



**Figura 4.4 Comparación entre la media de los datos históricos y la media obtenida a partir de la serie 10. Después del segundo ensayo**

También es evidente la mejora en el ajuste cuando se observan las gráficas obtenidas a partir de la desviación estándar. A continuación se observa ese detalle con los datos de la serie 10. La figura 4.5 se hizo a partir del primer ensayo y la figura 4.6 después del segundo. También con la correlación pasa lo

Capítulo 4. Conclusiones y Recomendaciones

mismo (figuras 4.7 y 4.8). Estas gráficas fueron hechas a partir de un año hidrológico al igual que las anteriores.

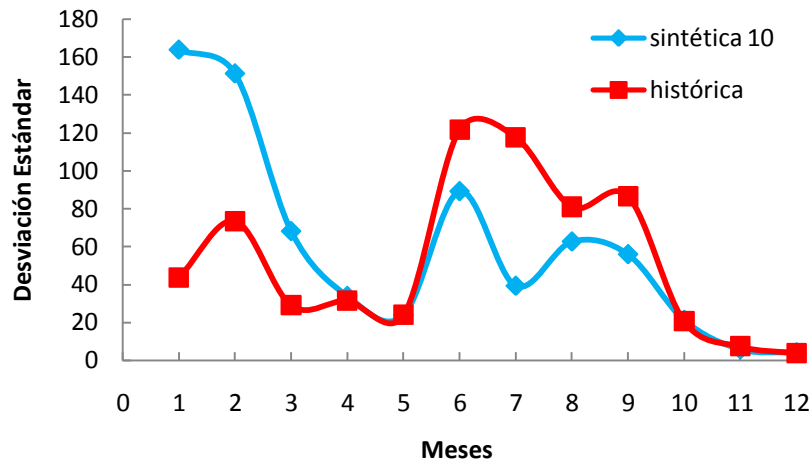


Figura 4.5 Comparación entre la desviación estándar de los datos históricos y la obtenida a partir de la serie 10. Después del primer ensayo

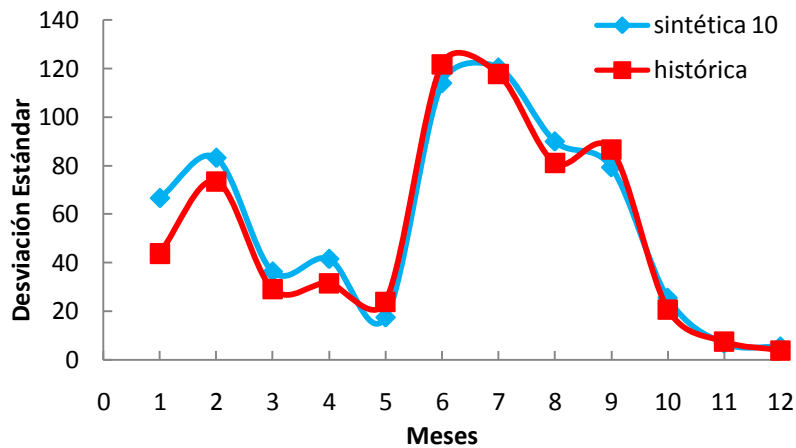


Figura 4.6 Comparación entre la desviación estándar de los datos históricos y la obtenida a partir de la serie 10. Después del segundo ensayo

Capítulo 4. Conclusiones y Recomendaciones

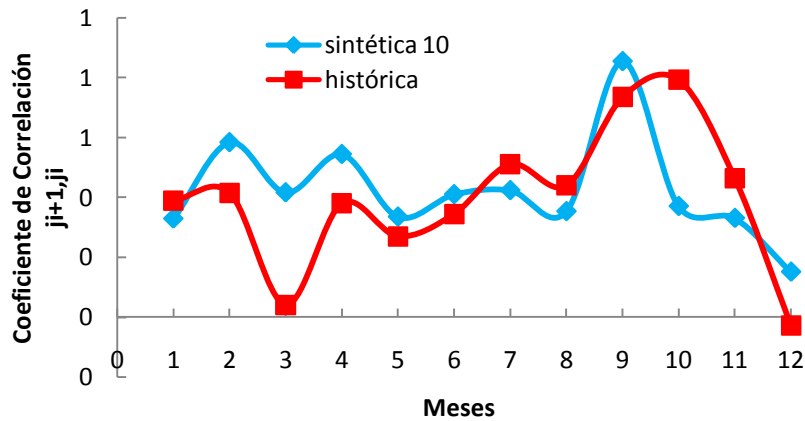


Figura 4.7 Comparación entre el coeficiente de correlación de los datos históricos y el obtenido a partir de la serie 10. Después del primer ensayo

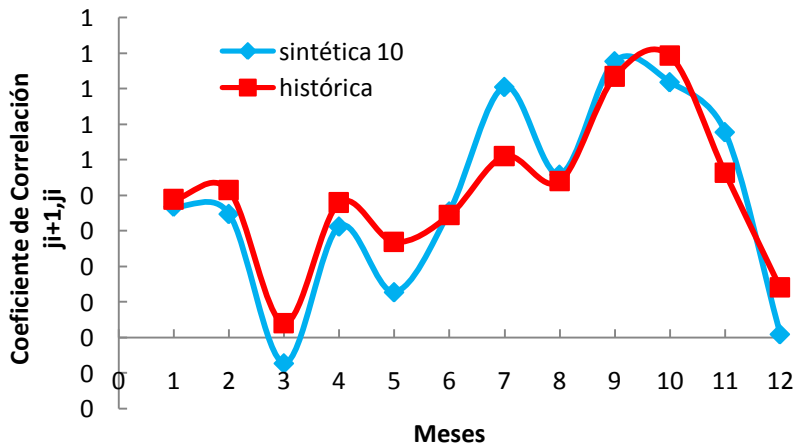


Figura 4.8 Comparación entre el coeficiente de correlación de los datos históricos y el obtenido a partir de la serie 10. Después del segundo ensayo

En cuanto a los resultados después de la simulación, lo que se muestra en el archivo de resultados SIQPRE en la parte donde exhibe los años con déficit y derrames, se observa que los años en los que se presentan derrames corresponden a los años de la población uno que son los años con influencia del invierno, mientras que los años en los que se presentan déficit son los años correspondientes a la población dos en los que no se presenta la influencia del invierno. Esto se presenta en la tabla 3.25.

De acuerdo con la tabla 3.26, al comparar los resultados de la simulación hecha a partir del registro histórico y la hecha con los registros sintéticos, existe una variación entre ellos. Esto puede deberse a que para el programa de



---

#### Capítulo 4. Conclusiones y Recomendaciones

simulación se empleó un año hidrológico que iniciaba en octubre y terminaba en septiembre, lo que provocó que se perdieran datos.

También, de acuerdo con la tabla 3.27 en donde se vieron más derrames fue con los resultados de los registros generados a partir de la serie 3 y 7, mientras que el déficit más alto salió a partir de los registros de las series 9 y 7. Esto puede deberse al número de años con derrames y déficit que generaron los registros de las series marcadas. Eso se nota más con las series 5 y 7.

En la tabla 3.28 se tiene la frecuencia con la que se rebasa en cada mes la curva guía. Los meses en los que más se rebasa la curva guía son febrero, marzo, abril y mayo. Dos de esos meses en los que existe influencia de la época de invierno son febrero y marzo.

Los años en los que se presenta el mayor número de quincenas que rebasan la curva guía están entre los años de la población uno en los que influye la presencia del invierno (tabla 3.29). Y los años en los que hay mayor número de quincenas que rebasan la curva guía son 1978, 1986 y 1992.

En los resultados de la simulación del registro histórico se observa que no hay presencia de derrames ni de quincenas en las que se rebasó la curva guía. Y que los años en los que se observa presencia de déficit se suscitan en los años de la población dos que no tienen influencia del invierno (tabla 3.24 en la parte del resumen anual).

Después de emplear el método Svanidze para el desarrollo de este trabajo se concluye que es una herramienta útil en la obtención de muestras sintéticas de los ingresos por cuenca propia de una presa.

La simulación a partir de registros sintéticos es conveniente, pues permite tener una mayor noción de cómo influye la variación de los registros en los resultados de la operación.

Finalmente, se debe continuar con los esfuerzos por desarrollar métodos de optimización más eficientes en la determinación de políticas de operación



---

Capítulo 4. Conclusiones y Recomendaciones

óptimas, debido a que el agua es un factor importante en el desarrollo de todo país.

#### **4.2. Recomendaciones**

Variar la política de operación de dos maneras. La primera al modificar la curva guía, elevando los niveles en algunos meses para tener menos derrames y así aumentar el aprovechamiento y la generación. La segunda, modificar los coeficientes de penalización por derrames y déficit, para lograr un mayor aprovechamiento y mayor generación.



## Referencias

1. Aparicio Mijares, Francisco Javier. *Fundamentos de Hidrología de Superficie*. México: Limusa. 2011.
2. Comisión Federal de Electricidad. Manual de diseño de obras civiles. Hidrotecnia. Hidrología. México.1982.
3. Dagli, C. H., Miles, J. F. *Determining operating policies for a water resource system*. Journal of Hidrology. 47 (1980). 297-306. Holanda.
4. Dam T. T., Burritt R. L., Pisaniello J. D. *Adequacy of policy and practices for small agricultural dam safety accountability and assurance in Vietnam*. Agricultural Water management. 112 (2012). 63-74. Australia.
5. Devore J. L. *Probabilidad y Estadística para Ingeniería y ciencias*. San Luis Obispo, USA: California Polytechnic State University. 2008.
6. Domínguez M.R. Arganis J.L.M. *Cálculo de registros sintéticos de ingresos por cuenca propia de un sistema de presas de la región Noroeste de México, caracterizada por eventos invernales*. 10. 2009. 353-361.
7. Domínguez, M. R., Arganis, J. M. L. *Determinación de políticas de operación del río Fuerte*. Elaborado para la CFE por el Instituto de Ingeniería de la UNAM. Informe Final. Diciembre 2007.
8. Domínguez, M. R., Arganis, J. M. L. *Determinación de políticas de operación del río Santiago*. Elaborado para la CFE por el Instituto de Ingeniería de la UNAM. Informe Final. Diciembre 2009.
9. Domínguez, M. R., Arganis, J. M. L., González, V. F. *Estudio integral de la cuenca alta del río Grijalva. 3. Manejo óptimo de las presas*. Elaborado para la CFE por el Instituto de Ingeniería de la UNAM. Informe final. Noviembre 2009.
10. Domínguez M.R., Cruickshank V.C., Arganis J.M.L. *Importancia de la generación de muestras sintéticas en el análisis del comportamiento de políticas de operación de presas*. Ingeniería del agua. 12. Marzo 2005.



---

Referencias

11. Domínguez Mora, Ramón. *Metodología de selección de una política de operación conjunta de una presa y su vertedor*. Tesis Doctoral. UNAM. 1989.
12. Domínguez, M. R., Mendoza R. R. *Operación integral del sistema hidroeléctrico del río Grijalva*. Elaborado para la CFE por el Instituto de Ingeniería de la UNAM. Julio 1993.
13. Domínguez, M. R. *Revisión de las políticas de operación quincenal de las presas Angostura y Malpaso, en el río Grijalva*. Elaborado para la CFE por el Instituto de Ingeniería de la UNAM. Informe Final. Noviembre 2001.
14. Hall W. A., Howell D. T. The optimization of single-purpose reservoir design with the application of dynamic programming to synthetic hydrology samples. *Journal Hydrology*. 1 (1963). 355-363. Holanda.
15. Hwang, H. Brian. *A simple neural network for ARMA (p,q) time series*. *Omega* 29, 319-333. *The International Journal of Management Science*, 2001.
16. Linsley, R.K. *Hidrología para Ingenieros*. México: Mc Graw-Hill. 1970.
17. Mendoza R.R. *Manual del programa de optimización vía programación dinámica estocástica*. Primera parte CAFIT1P.FOR. Instituto de Ingeniería UNAM. 2010.
18. Mendoza R.R. *Manual del programa de optimización vía programación dinámica estocástica*. Programa OPDIN1VS.FOR. Instituto de Ingeniería UNAM. 2010.
19. Mendoza R.R. *Manual del programa SIMULQ1P.FOR*. Instituto de Ingeniería UNAM. 2010.
20. Nandalal K. D. W. *Dynamic programming based operation of reservoirs, Applicability and limits*. Reino Unido: Cambridge University Press. 2007.
21. Peña Delgado, Francisco. *Simulación histórica y sintética de políticas de operación óptima de un sistema de tres presas en cascada en el Río Santiago, Nayarit México*. Tesis Profesional. UNAM. 2010.
22. *Presas de México*. Vol. 1. CONAGUA.





---

Referencias

23. Stam A., Salewicz K. A., Aronson J. E. *An interactive reservoir management system for Lake Kariba*. European Journal of Operational Research. 107(1998). 119-136. Austria.
24. Svanidze, G.G. *Mathematical Modeling of Hydrologic Series*. USA: Water Resources Publications. 1980.
25. Ven Te Chow. *Hidrología aplicada*. USA: Mc Graw Hill. 1975.
26. Wilson, E. M. *Engineering Hydrology*. 4° Edición. Hong Kong: Macmillan. 1990.
27. Yoo, Ju-Hwan. *Maximitation of hidropower generation through the application of a linear programming model*. Journal of Hidrology. 376 (2009). 182-187. Corea.
28. Yurekli, Kadri. *Prediction of daily maximum streamflow based on stochastic approaches*. Journal of Spatial Hydrology. Vol. 4, No. 2. 2004.



## Anexos

### Anexo 1. Desarrollo de la serie 03

En la tabla A1.1, se encuentran marcadas las series con mayor derrame y déficit. Por lo que en este anexo se encuentra el desarrollo de las series 3,7 y 9.

**Tabla A1. 1 Resumen del funcionamiento de vaso**

SERIE	Derrame	Déficit
	(hm <sup>3</sup> )	(hm <sup>3</sup> )
SERIE 1	1114.44	6774.62
SERIE 2	1619.44	3555.65
<b>SERIE 3</b>	<b>1806.71</b>	4375
SERIE 4	265.37	4477.97
SERIE 5	1564.86	7007.62
SERIE 6	1525.48	6054.32
<b>SERIE 7</b>	<b>1712.52</b>	<b>7862.87</b>
SERIE 8	862.73	5208.05
<b>SERIE 9</b>	<b>1182.71</b>	<b>8174.11</b>
SERIE 10	955.63	5241.53

**Tabla A1. 2 Serie 03 con 101 datos generados**

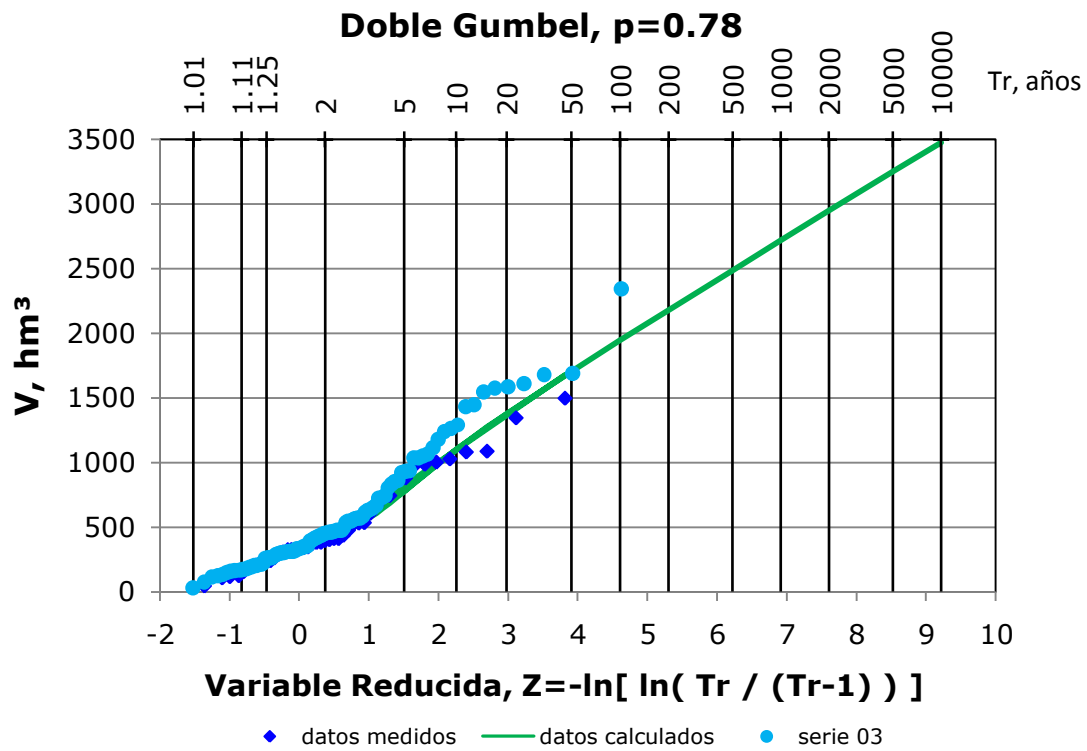
I	xP (hm <sup>3</sup> )	F(XP)	ALE	ffin
1	920.4292	0.00000089	0.85125370	0.85125460
2	429.8138	0.00000024	0.54943050	0.54943070
3	214.8438	-0.00000001	0.17212420	0.17212420
4	461.8478	-0.00000072	0.58987070	0.58987000
5	211.7002	-0.00000009	0.16664830	0.16664820
6	1034.136	-0.00000073	0.88376410	0.88376340
7	451.6506	-0.00000070	0.57757050	0.57756980
8	334.816	0.00000063	0.39819000	0.39819060
9	1180.515	0.00000088	0.91771570	0.91771660
10	310.2029	0.00000013	0.35248580	0.35248590
.	.	.	.	.
.	.	.	.	.
.	.	.	.	.
90	724.9689	-0.00000039	0.77969090	0.77969050
91	834.179	0.00000007	0.82265170	0.82265170
92	179.28	0.00000003	0.11436250	0.11436250
93	536.1581	0.00000003	0.66495030	0.66495030
94	546.3958	0.00000010	0.67352620	0.67352630



Anexos

**Tabla A1. 2 Continuación**

95	930.2426	0.00000072	0.85428050	0.85428120
96	189.5869	-0.00000067	0.13007160	0.13007100
97	420.0494	0.00000017	0.53603570	0.53603590
98	434.463	-0.00000053	0.55563130	0.55563070
99	1583.195	-0.00000042	0.97188120	0.97188080
100	636.8303	0.00000004	0.73552160	0.73552160
101	165.528	0.00000045	0.09493011	0.09493056
<b>Media</b>	588.228			
<b>Desv.</b>	447.734			
<b>C.A.</b>	1.465			
<b>C.V.</b>	0.761			



**Figura A1. 1 Función Doble Gumbel para la serie 03 comparada con los datos calculados y medidos**



Anexos

**Tabla A1. 3 Selección aleatoria sin considerar la influencia del invierno**

I	Año	I	xP (hm <sup>3</sup> )	Año aleatorio	Año
1	1965	1	920.4292	13	1977
2	1966	2	429.8138	2	1966
3	1967	3	214.8438	22	1986
4	1968	4	461.8478	20	1984
5	1969	5	211.7002	18	1982
6	1970	6	1034.136	43	2007
7	1971	7	451.6506	8	1972
8	1972	8	334.816	19	1983
9	1973	9	1180.515	30	1994
10	1974	10	310.2029	42	2006
11	1975	.	.	.	.
12	1976	.	.	.	.
13	1977	.	.	.	.
14	1978	90	724.9689	21	1985
15	1979	91	834.179	25	1989
16	1980	92	179.28	33	1997
17	1981	93	536.1581	29	1993
18	1982	94	546.3958	25	1989
19	1983	95	930.2426	44	2008
20	1984	96	189.5869	24	1988
21	1985	97	420.0494	6	1970
22	1986	98	434.463	26	1990
23	1987	99	1583.195	31	1995
24	1988	100	636.8303	17	1981
25	1989	101	165.528	45	2009
26	1990				
27	1991				
28	1992				
29	1993				
30	1994				
31	1995				
32	1996				
33	1997				
34	1998				
35	1999				
36	2000				
37	2001				
38	2002				
39	2003				
40	2004				
41	2005				
42	2006				
43	2007				
44	2008				
45	2009				



Anexos

**Tabla A1. 4 Selección aleatoria considerando la influencia del invierno**

I	Año	I	xP (hm <sup>3</sup> )	Año aleatorio	Año
1	1967	1	920.4292	4	1972
2	1984	2	429.8138	15	1988
3	1978	3	214.8438	29	1969
4	1972	4	461.8478	28	1980
5	1991	5	211.7002	27	1971
6	1990	6	1034.136	14	2009
7	1982	7	451.6506	19	2007
8	1977	8	334.816	27	1971
9	1992	9	1180.515	10	1994
10	1994	10	310.2029	43	1995
11	2004	.	.	.	.
12	1986	.	.	.	.
13	1965	.	.	.	.
14	2009	90	724.9689	7	1982
15	1988	91	834.179	8	1977
16	1997	92	179.28	37	1987
17	1966	93	536.1581	34	1989
18	2000	94	546.3958	32	1975
19	2007	95	930.2426	14	2009
20	1976	96	189.5869	31	1974
21	1983	97	420.0494	18	2000
22	1993	98	434.463	32	1975
23	1981	99	1583.195	10	1994
24	1999	100	636.8303	5	1991
25	1985	101	165.528	45	2003
26	2006				
27	1971				
28	1980				
29	1969				
30	2008				
31	1974				
32	1975				
33	2001				
34	1989				
35	1970				
36	2005				
37	1987				
38	1996				
39	2002				
40	1968				
41	1979				
42	1998				
43	1995				
44	1973				
45	2003				



Anexos

**Tabla A1. 5 Fracciones aleatorias de la serie 03 antes de considerar la influencia del invierno**

Año	Jul.	Ago.	Sep.	Oct.	Nov.	Dic.	Ene.	Feb.	Mar.	Abr.	May.	Jun.	Suma
1	0.10	0.15	0.05	0.12	0.01	0.00	0.03	0.07	0.40	0.04	0.02	0.01	1.00
2	0.17	0.53	0.12	0.10	0.04	0.02	0.01	0.00	0.01	0.00	0.00	0.00	1.00
3	0.27	0.19	0.11	0.03	0.03	0.22	0.04	0.03	0.03	0.02	0.02	0.02	1.00
4	0.03	0.22	0.04	0.03	0.02	0.39	0.12	0.08	0.03	0.02	0.02	0.00	1.00
5	0.02	0.04	0.06	0.00	0.00	0.16	0.07	0.22	0.28	0.12	0.03	0.01	1.00
6	0.07	0.43	0.16	0.02	0.01	0.18	0.04	0.08	0.00	0.00	0.00	0.00	1.00
7	0.03	0.11	0.09	0.06	0.06	0.02	0.17	0.24	0.17	0.03	0.02	0.01	1.00
8	0.03	0.14	0.15	0.23	0.13	0.25	0.04	0.01	0.00	0.00	0.01	0.01	1.00
9	0.01	0.03	0.05	0.00	0.10	0.31	0.05	0.39	0.04	0.01	0.01	0.01	1.00
10	0.07	0.44	0.31	0.02	0.00	0.00	0.05	0.07	0.01	0.00	0.02	0.01	1.00
.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.
.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.
.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.
90	0.05	0.24	0.10	0.24	0.04	0.05	0.02	0.11	0.04	0.05	0.03	0.05	1.00
91	0.02	0.38	0.24	0.00	0.00	0.01	0.08	0.15	0.07	0.03	0.01	0.00	1.00
92	0.01	0.13	0.04	0.01	0.03	0.18	0.13	0.20	0.16	0.09	0.03	0.00	1.00
93	0.15	0.30	0.21	0.05	0.06	0.10	0.05	0.05	0.03	0.00	0.00	0.01	1.00
94	0.02	0.38	0.24	0.00	0.00	0.01	0.08	0.15	0.07	0.03	0.01	0.00	1.00
95	0.23	0.50	0.22	0.04	0.01	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00	1.00
96	0.12	0.56	0.14	0.06	0.01	0.01	0.03	0.02	0.02	0.01	0.01	0.01	1.00
97	0.06	0.57	0.18	0.05	0.02	0.02	0.03	0.02	0.03	0.01	0.01	0.00	1.00
98	0.15	0.27	0.05	0.06	0.02	0.09	0.09	0.05	0.20	0.02	0.00	0.01	1.00
99	0.07	0.24	0.36	0.06	0.06	0.07	0.05	0.05	0.04	0.00	0.00	0.01	1.00
100	0.28	0.36	0.09	0.06	0.03	0.08	0.08	0.00	0.01	0.00	0.00	0.00	1.00
101	0.07	0.07	0.03	0.20	0.02	0.01	0.27	0.26	0.06	0.01	0.00	0.01	1.00

**Tabla A1. 6 Fracciones aleatorias de la serie 03 después de considerar la influencia el invierno**

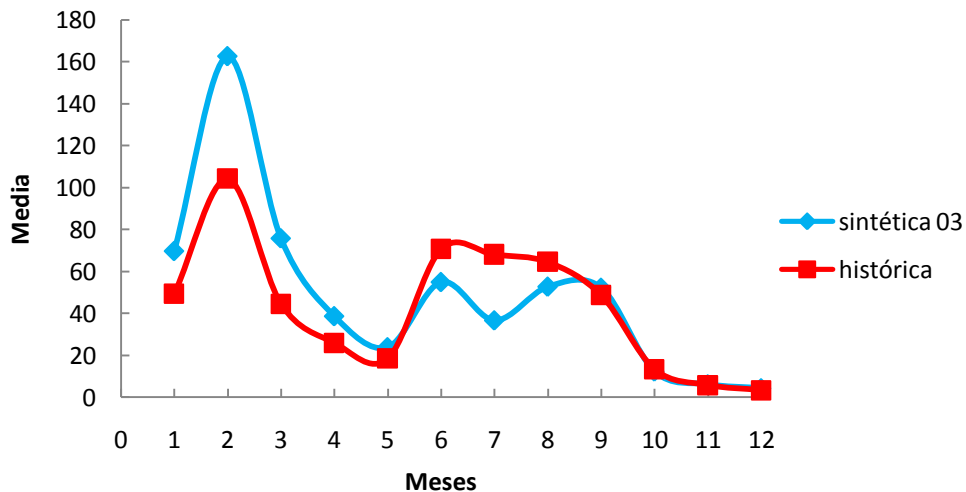
Año	Jul.	Ago.	Sep.	Oct.	Nov.	Dic.	Ene.	Feb.	Mar.	Abr.	May.	Jun.	Suma
1	0.03	0.11	0.09	0.06	0.06	0.02	0.17	0.24	0.17	0.03	0.02	0.01	1.00
2	0.12	0.56	0.14	0.06	0.01	0.01	0.03	0.02	0.02	0.01	0.01	0.01	1.00
3	0.20	0.21	0.16	0.11	0.09	0.11	0.03	0.02	0.05	0.01	0.00	0.00	1.00
4	0.08	0.17	0.10	0.01	0.00	0.01	0.10	0.06	0.37	0.04	0.03	0.01	1.00
5	0.17	0.29	0.05	0.14	0.11	0.14	0.08	0.00	0.00	0.00	0.00	0.02	1.00
6	0.07	0.07	0.03	0.20	0.02	0.01	0.27	0.26	0.06	0.01	0.00	0.01	1.00
7	0.07	0.43	0.16	0.02	0.01	0.18	0.04	0.08	0.00	0.00	0.00	0.00	1.00
8	0.17	0.29	0.05	0.14	0.11	0.14	0.08	0.00	0.00	0.00	0.00	0.02	1.00
9	0.01	0.03	0.05	0.00	0.10	0.31	0.05	0.39	0.04	0.01	0.01	0.01	1.00
10	0.07	0.24	0.36	0.06	0.06	0.07	0.05	0.05	0.04	0.00	0.00	0.01	1.00
.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.
.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.
.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.
90	0.02	0.04	0.06	0.00	0.00	0.16	0.07	0.22	0.28	0.12	0.03	0.01	1.00
91	0.10	0.15	0.05	0.12	0.01	0.00	0.03	0.07	0.40	0.04	0.02	0.01	1.00
92	0.03	0.48	0.14	0.00	0.00	0.09	0.13	0.13	0.00	0.00	0.00	0.01	1.00
93	0.02	0.38	0.24	0.00	0.00	0.01	0.08	0.15	0.07	0.03	0.01	0.00	1.00
94	0.27	0.11	0.18	0.01	0.00	0.00	0.09	0.31	0.00	0.01	0.01	0.00	1.00
95	0.07	0.07	0.03	0.20	0.02	0.01	0.27	0.26	0.06	0.01	0.00	0.01	1.00
96	0.15	0.25	0.08	0.06	0.15	0.03	0.03	0.21	0.02	0.02	0.00	0.01	1.00
97	0.13	0.17	0.03	0.14	0.23	0.04	0.04	0.17	0.04	0.01	0.00	0.00	1.00
98	0.27	0.11	0.18	0.01	0.00	0.00	0.09	0.31	0.00	0.01	0.01	0.00	1.00
99	0.01	0.03	0.05	0.00	0.10	0.31	0.05	0.39	0.04	0.01	0.01	0.01	1.00
100	0.03	0.12	0.12	0.01	0.01	0.19	0.30	0.08	0.08	0.04	0.01	0.01	1.00
101	0.04	0.15	0.07	0.00	0.00	0.06	0.09	0.12	0.32	0.14	0.00	0.02	1.00



Anexos

**Tabla A1. 7 Registro a partir de la serie 03 antes de considerar la influencia del invierno (hm<sup>3</sup>)**

Año	Jul.	Ago.	Sep.	Oct.	Nov.	Dic.	Ene.	Feb.	Mar.	Abr.	May.	Jun.	Anual
1	94.44	134.11	49.06	108.43	11.78	3.96	26.14	61.58	367.25	39.85	18.41	5.48	920.48
2	75.00	226.47	50.37	42.42	17.45	8.34	4.34	0.00	2.75	1.59	1.03	0.00	429.77
3	57.26	40.56	24.08	5.99	5.50	47.91	8.57	5.39	6.51	4.02	5.03	4.05	214.87
4	13.53	102.21	17.41	13.76	8.27	178.09	57.18	36.49	15.38	11.41	8.13	0.02	461.87
5	3.22	8.43	12.38	0.64	0.42	33.75	14.06	46.74	60.06	24.75	5.72	1.54	211.70
6	69.49	449.75	164.94	16.75	8.07	189.66	40.54	87.38	3.72	0.62	1.65	1.64	1034.23
7	12.87	49.68	39.70	27.82	28.18	8.63	75.61	109.71	75.61	13.23	8.22	2.43	451.69
8	9.94	46.54	49.42	78.21	44.43	82.13	14.10	4.25	0.00	0.00	3.42	2.40	334.83
9	11.69	31.52	59.38	3.19	116.99	368.79	54.54	455.44	45.57	17.59	8.03	7.89	1180.61
10	22.86	137.70	95.36	5.12	0.25	0.16	15.36	20.38	3.94	0.53	6.73	2.17	310.55
.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.
.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.
90	34.87	177.33	69.09	172.69	28.56	32.70	12.18	79.96	28.85	33.13	21.46	34.11	724.93
91	16.27	318.74	200.95	2.09	0.00	11.09	64.98	124.29	57.22	27.19	11.26	0.00	834.10
92	1.09	22.84	6.53	1.63	5.56	32.31	22.66	35.55	29.42	15.94	5.75	0.00	179.28
93	80.48	161.17	111.74	24.23	29.97	55.12	26.92	27.50	15.55	0.00	0.00	3.48	536.15
94	10.65	208.78	131.63	1.37	0.00	7.27	42.56	81.41	37.48	17.81	7.38	0.00	546.34
95	215.17	461.49	200.75	33.12	6.79	1.12	2.98	0.28	3.16	0.37	1.77	3.31	930.30
96	22.30	105.92	26.31	10.86	2.24	2.81	4.91	4.70	3.32	1.74	2.73	1.76	189.60
97	25.83	239.13	73.51	18.90	10.08	10.17	11.80	9.20	12.01	5.00	4.41	0.00	420.05
98	66.39	115.44	21.81	24.37	8.12	40.27	37.84	20.33	88.46	7.34	1.35	2.69	434.42
99	106.23	382.66	564.57	101.17	99.74	105.28	73.94	74.89	56.36	5.86	0.00	12.73	1583.42
100	176.72	229.77	57.63	39.29	19.23	50.63	52.09	2.42	8.53	0.45	0.00	0.00	636.77
101	11.09	12.13	5.20	32.38	2.55	1.70	45.31	42.99	9.14	1.56	0.58	0.89	165.51
<b>Media</b>	69.61	162.55	75.68	38.54	23.71	54.82	36.53	52.61	52.07	12.17	5.99	4.13	588.41
<b>Desv.</b>	85.87	174.68	98.39	51.78	32.98	95.25	44.57	72.09	99.88	22.05	8.36	7.09	447.84
<b>C.A.</b>	2.49	2.87	3.04	2.28	1.93	3.61	2.36	3.21	3.37	4.40	2.47	3.82	1.46
<b>C.V.</b>	1.23	1.07	1.30	1.34	1.39	1.74	1.22	1.37	1.92	1.81	1.40	1.72	0.76
<b>C.ji+1,ji</b>	0.60	0.62	0.35	0.62	0.33	0.41	0.49	0.40	0.74	0.63	0.60	-0.02	



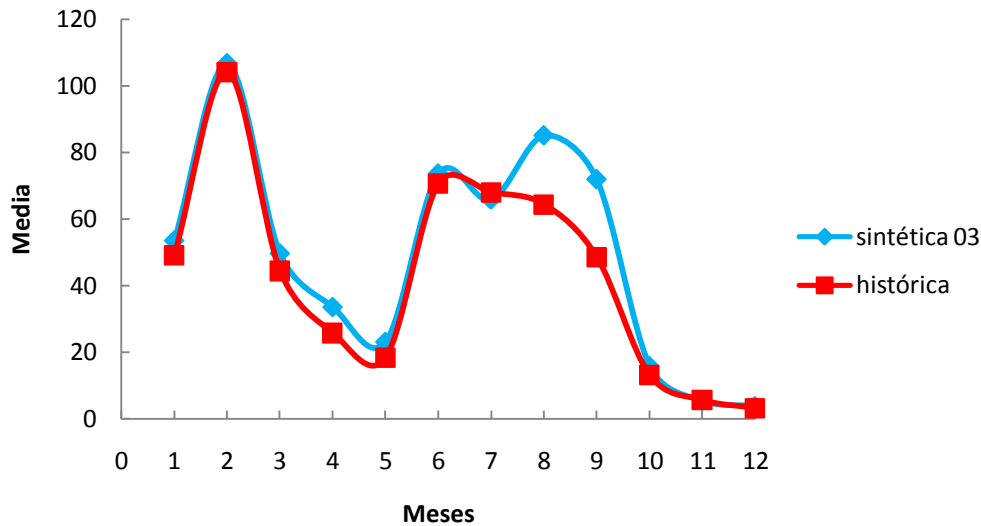
**Figura A1. 2 Comparación entre la media de los datos del registro sintético 03 y los del registro histórico. Después del primer ensayo. Considera un año hidrológico de julio a junio**



Anexos

**Tabla A1. 8 Registro sintético a partir de la serie 03 después de considerar la influencia del invierno (hm<sup>3</sup>)**

Año	Jul.	Ago.	Sep.	Oct.	Nov.	Dic.	Ene.	Feb.	Mar.	Abr.	May.	Jun.	Anual
1	26.23	101.25	80.91	56.70	57.43	17.58	154.08	223.57	154.08	26.97	16.75	4.96	920.51
2	50.55	240.14	59.66	24.63	5.07	6.36	11.13	10.66	7.52	3.95	6.19	3.99	429.85
3	43.51	45.16	35.02	23.42	19.12	23.03	7.35	4.51	11.49	2.26	0.00	0.00	214.87
4	35.79	79.07	45.49	6.88	2.26	6.28	47.06	27.48	172.87	20.18	12.47	6.02	461.87
5	36.48	60.46	9.99	29.09	23.75	30.10	16.28	0.80	0.00	0.53	0.00	4.18	211.67
6	69.29	75.80	32.47	202.28	15.93	10.65	283.04	268.57	57.08	9.72	3.62	5.56	1034.01
7	30.35	196.42	72.04	7.32	3.52	82.83	17.70	38.16	1.63	0.27	0.72	0.72	451.69
8	57.69	95.62	15.80	46.00	37.57	47.61	25.75	1.27	0.00	0.84	0.00	6.62	334.77
9	11.69	31.52	59.38	3.19	116.99	368.79	54.54	455.44	45.57	17.59	8.03	7.89	1180.61
10	20.81	74.98	110.62	19.82	19.54	20.63	14.49	14.67	11.04	1.15	0.00	2.50	310.25
.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.
.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.
90	11.02	28.85	42.41	2.17	1.45	115.56	48.14	160.07	205.67	84.75	19.57	5.28	724.96
91	85.59	121.54	44.46	98.27	10.68	3.59	23.69	55.81	332.84	36.12	16.68	4.97	834.23
92	4.48	85.79	24.70	0.00	0.00	16.62	23.06	22.50	0.00	0.00	0.63	1.51	179.29
93	10.46	204.87	129.16	1.34	0.00	7.13	41.77	79.89	36.78	17.48	7.24	0.00	536.10
94	150.15	58.57	99.72	7.21	0.00	0.00	50.60	168.34	0.00	4.81	6.94	0.00	546.34
95	62.33	68.19	29.21	181.96	14.33	9.58	254.61	241.58	51.35	8.74	3.26	5.00	930.13
96	28.21	47.79	14.54	10.83	28.04	4.99	5.97	39.11	4.23	4.66	0.00	1.20	189.57
97	54.44	71.74	11.26	58.64	96.86	15.71	18.73	70.06	16.76	5.88	0.00	0.00	420.09
98	119.39	46.57	79.29	5.73	0.00	0.00	40.23	133.86	0.00	3.82	5.52	0.00	434.42
99	15.67	42.27	79.63	4.27	156.89	494.59	73.14	610.80	61.11	23.59	10.77	10.58	1583.32
100	21.91	77.37	74.51	8.34	4.78	123.93	191.05	48.65	52.98	22.54	5.67	5.04	636.77
101	6.19	24.20	12.36	0.00	0.00	9.70	14.42	20.21	52.27	23.01	0.00	3.16	165.52
<b>Media</b>	53.53	106.71	49.67	33.58	23.11	73.63	65.84	85.11	71.95	15.91	5.41	3.83	588.27
<b>Desv.</b>	54.87	77.24	36.19	45.73	29.49	139.06	106.56	118.89	118.24	24.91	7.69	3.85	447.70
<b>C.A.</b>	2.32	1.60	1.20	2.38	2.48	3.31	3.31	2.34	2.33	2.86	1.82	1.37	1.47
<b>C.V.</b>	1.02	0.72	0.73	1.36	1.28	1.89	1.62	1.40	1.64	1.57	1.42	1.01	0.76
<b>C.ji+1,ji</b>	0.44	0.24	0.02	0.15	0.48	0.37	0.45	0.31	0.74	0.80	0.49	-0.09	



**Figura A1. 3 Comparación entre la media de los datos del registro sintético 03 y los del registro histórico. Después del segundo ensayo. Considera un año hidrológico de julio a junio**





Anexos

**Tabla A1. 9 Resultados para el registro sintético de la serie 03, archivo SIQPRE**

PRESA:		LA ANGOSTURA, SON.								
QUINCENA	ALM. INICIAL	INGRESO	VOL. EVAP	EXT. POL	EXT. MODIF	EXT. TOTAL	DERRAME	DÉFICIT	ENERGÍA	
	hm <sup>3</sup>	hm <sup>3</sup>	hm <sup>3</sup>	hm <sup>3</sup>	hm <sup>3</sup>	hm <sup>3</sup>	hm <sup>3</sup>	hm <sup>3</sup>	(GWh)	
***** 1 *****										
1Q	OCT.	700	28.35	0.38	118.75	118.75	118.75	0	0	17.99
2Q	OCT.	609.22	28.35	0.36	96.05	96.05	96.05	0	0	14.02
1Q	NOV.	541.16	28.72	0.26	79.04	79.04	79.04	0	0	11.19
2Q	NOV.	490.57	28.72	0.25	66.39	66.39	66.39	0	0	9.17
1Q	DIC.	452.65	8.79	1.12	150	150	150	0	0	19.57
2Q	DIC.	310.31	8.79	0.95	150	150	150	0	0	17.49
1Q	ENE.	168.15	77.04	1.06	12.5	12.5	12.5	0	0	1.41
2Q	ENE.	231.63	77.04	1.21	28.32	28.32	28.32	0	0	3.36
1Q	FEB.	279.15	111.79	0.89	12.5	12.5	12.5	0	0	1.57
2Q	FEB.	377.54	111.79	1	38.77	38.77	38.77	0	0	5.17
1Q	MAR.	449.55	77.04	0.42	74.78	74.78	74.78	0	0	10.21
2Q	MAR.	451.4	77.04	0.42	75.7	75.7	75.7	0	0	10.34
1Q	ABR.	452.32	13.48	0.53	4.17	4.17	4.17	0	0	0.57
2Q	ABR.	461.1	13.48	0.54	4.17	4.17	4.17	0	0	0.57
1Q	MAY.	469.88	8.38	0.87	4.17	4.17	4.17	0	0	0.58
2Q	MAY.	473.22	8.38	0.87	4.17	4.17	4.17	0	0	0.58
1Q	JUN.	476.56	2.48	1.88	4.17	4.17	4.17	0	0	0.58
2Q	JUN.	473	2.48	1.87	4.17	4.17	4.17	0	0	0.58
1Q	JUL.	469.44	25.27	2.87	12.5	12.5	12.5	0	0	1.73
2Q	JUL.	479.34	25.27	2.9	12.5	12.5	12.5	0	0	1.74
1Q	AGO.	489.22	120.07	3.87	44.61	44.61	44.61	0	0	6.35
2Q	AGO.	560.81	120.07	4.11	80.4	80.4	80.4	0	0	11.76
1Q	SEP.	596.36	29.83	4.06	12.5	12.5	12.5	0	0	1.85
2Q	SEP.	609.63	29.83	4.11	17.32	17.32	17.32	0	0	2.58
QUINCENA	ALM. INICIAL	INGRESO	VOL. EVAP	EXT. POL	EXT. MODIF	EXT. TOTAL	DERRAME	DÉFICIT	ENERGÍA	
	hm <sup>3</sup>	hm <sup>3</sup>	hm <sup>3</sup>	hm <sup>3</sup>	hm <sup>3</sup>	hm <sup>3</sup>	hm <sup>3</sup>	hm <sup>3</sup>	(GWh)	
***** 2 *****										
1Q	OCT.	618.04	12.31	0.36	98.26	98.26	98.26	0	0	14.34
2Q	OCT.	531.74	12.31	0.33	76.68	76.68	76.68	0	0	10.76
1Q	NOV.	467.04	2.54	0.24	60.51	60.51	60.51	0	0	8.2
2Q	NOV.	408.82	2.54	0.23	41.91	41.91	41.91	0	0	5.51
1Q	DIC.	369.22	3.18	1.02	150	150	150	0	0	18.37
2Q	DIC.	221.38	3.18	0.84	110.69	110.69	110.69	0	0	11.96
1Q	ENE.	113.04	5.57	0.71	12.5	12.5	12.5	0	0	1.25
2Q	ENE.	105.39	5.57	0.66	12.5	12.5	12.5	0	0	1.23
1Q	FEB.	97.79	5.33	0.43	12.5	12.5	12.5	0	0	1.22
2Q	FEB.	90.2	5.33	0.4	12.5	12.5	12.5	0	0	1.2
1Q	MAR.	82.62	3.76	0.15	12.5	12.5	12.5	0	0	1.17
2Q	MAR.	73.74	3.76	0.14	12.5	12.5	12.5	0	0	1.15
1Q	ABR.	64.86	1.98	0.17	4.17	6.25	6.25	0	0	0.56
2Q	ABR.	60.42	1.98	0.16	4.17	6.25	6.25	0	0	0.56
1Q	MAY.	55.98	3.09	0.25	4.17	6.25	6.25	0	0	0.55
2Q	MAY.	52.58	3.09	0.24	4.17	6.25	6.25	0	0	0.54
1Q	JUN.	49.18	2	0.5	4.17	12.5	12.5	0	0	1.05
2Q	JUN.	38.18	2	0.39	4.17	12.5	12.5	0	0	1
1Q	JUL.	27.29	21.75	0.59	12.5	12.5	12.5	0	0	1
2Q	JUL.	35.95	21.75	0.7	12.5	12.5	12.5	0	0	1.04
1Q	AGO.	44.5	22.58	1.02	12.5	12.5	12.5	0	0	1.08
2Q	AGO.	53.56	22.58	1.11	12.5	12.5	12.5	0	0	1.11
1Q	SEP.	62.53	17.51	1.16	12.5	12.5	12.5	0	0	1.13
2Q	SEP.	66.38	17.51	1.2	12.5	12.5	12.5	0	0	1.14
QUINCENA	ALM. INICIAL	INGRESO	VOL. EVAP	EXT. POL	EXT. MODIF	EXT. TOTAL	DERRAME	DÉFICIT	ENERGÍA	
	hm <sup>3</sup>	hm <sup>3</sup>	hm <sup>3</sup>	hm <sup>3</sup>	hm <sup>3</sup>	hm <sup>3</sup>	hm <sup>3</sup>	hm <sup>3</sup>	(GWh)	
***** 3 *****										
.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	
.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	
.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	



Anexos

**Tabla A1. 9 Continuación**

*****							
RESUMEN ANUAL							
AÑO	DERRAME	DÉFICIT	ING	EXT.	ALMAC	ELEV PRO	ENERGÍA
	hm <sup>3</sup>	hm <sup>3</sup>	HIST	TOTAL	PRO	(msnm)	TOTAL
			hm <sup>3</sup>	hm <sup>3</sup>	hm <sup>3</sup>		(GWh)
1	0	0	1062.46	1107.6	457.93	823.5	150.95
2	0	0	203.2	738.1	135.11	810.16	87.12
3	0	67.87	251.53	234.5	26.98	799.35	18.08
4	0	0	408.44	290.8	115.03	808.86	27.43
5	0	38.12	282.3	354.8	64.07	804.46	33.14
6	0	0	1155.26	664.8	355.65	819.97	82.91
7	0	0	321.99	687.2	185.34	812.94	82.26
8	0	22.26	268.24	389.8	62.62	804.31	35.67
9	0	0	1284.43	789	342.44	819.48	100.84
10	0	0	356.63	644.6	151.31	811.11	74.15
.	.	.	.	.	.	.	.
.	.	.	.	.	.	.	.
.	.	.	.	.	.	.	.
90	0	0	894.27	695.1	403.89	821.68	88.88
91	0	0	697.61	743.2	370.72	820.52	94.81
92	0	3.7	408.79	576	130.97	809.9	62.55
93	0	0	500.06	420.7	173.92	812.35	45.04
94	0	0	397.62	468.2	201.68	813.72	52
95	0	0	860.95	723.2	343.67	819.52	90.37
96	0	0	236.47	502.4	101.36	807.86	51.83
97	0	0	527.91	381.4	95.32	807.37	37.01
98	0	0	326.74	362.8	113.3	808.74	35.87
99	92.17	0	1619.54	1192.8	509.73	825.15	151.47
100	0	0	505.74	730.5	324.99	818.82	91.64
TOTAL	1806.72	4374.97					
ALMACENAMIENTO INICIAL MÍNIMO REGISTRADO							
			0	hm <sup>3</sup>			
ENERGÍA PROMEDIO GENERADA EN LOS 100 AÑOS:							
			2.69	GWh			
*****							
RESUMEN QUINCENAL				*****			
P	R	O	M	E	D	I	O
				ELEVACIÓN	ALMACE-	ENERGÍA	S
				(msnm)	NAMIEN-	(GWh)	
					TAMIENTO		
					(hm <sup>3</sup> )		
		1Q	ENE.	805.52	129.57	2.25	
		2Q	ENE.	806.1	137.6	2.59	
		1Q	FEB.	806.83	163.63	1.51	
		2Q	FEB.	807.61	181.42	2.56	
		1Q	MAR.	807.91	191.24	2.87	
		2Q	MAR.	808.04	198.27	3.3	
		1Q	ABR.	807.46	199.38	0.63	
		2Q	ABR.	806.81	200.32	0.64	
		1Q	MAY.	806.28	196.67	0.64	
		2Q	MAY.	805.69	193.29	0.62	
		1Q	JUN.	804.44	184.13	1.1	
		2Q	JUN.	802.62	175.83	1.04	
		1Q	JUL.	804	183.8	1.8	
		2Q	JUL.	806.65	193.26	1.53	
		1Q	AGO.	809.31	221.33	2.64	
		2Q	AGO.	812.39	250.49	2.61	
		1Q	SEP.	813.56	260.14	1.44	
		2Q	SEP.	813.95	269.62	1.47	
		1Q	OCT.	813.87	259.38	4.07	
		2Q	OCT.	813.16	249.73	3.35	
		1Q	NOV.	812.55	237.56	2.92	
		2Q	NOV.	811.97	229.23	2.4	
		1Q	DIC.	809.82	160.69	12.13	
		2Q	DIC.	806.48	118.25	8.46	



Anexos

**Tabla A1. 10 Resultados para el registro sintético de la serie 03, archivo  
SUPGUIAP**

ALMACENAMIENTOS MAYORES O GUALES A LA CURVA GUÍA			
PRESA: LA		ANGOSTURA, SON.	
AÑO	QUINCENA	ALMACENAMIENTO	hm <sup>3</sup>
15	2Q	FEB.	703.4
25	2Q	MAR.	703.4
25	1Q	ABR.	703.4
25	2Q	ABR.	703.4
25	1Q	MAY.	700.53
44	2Q	ENE.	703.4
44	1Q	FEB.	703.4
44	2Q	FEB.	703.4
44	1Q	MAR.	703.4
68	2Q	DIC.	703.4
68	1Q	ENE.	703.4
68	2Q	ENE.	703.4
68	1Q	FEB.	703.4
68	2Q	FEB.	703.4
68	1Q	MAR.	703.4
68	2Q	MAR.	703.4
68	1Q	ABR.	703.4
68	2Q	ABR.	703.4
68	1Q	MAY.	703.4
68	2Q	MAY.	703.4
87	2Q	ABR.	703.4
87	1Q	MAY.	703.4
87	2Q	MAY.	703.4
87	1Q	JUL.	703.4
87	2Q	JUL.	703.4
87	1Q	AGO.	703.4
87	2Q	AGO.	703.4
87	1Q	SEP.	701.48
99	2Q	FEB.	703.4
99	1Q	MAR.	703.4
99	2Q	MAR.	703.4
99	1Q	ABR.	703.4
99	2Q	ABR.	703.4
99	1Q	MAY.	701.47



Anexos

Anexo 2. Desarrollo de la serie 07

Tabla A2. 1 Serie 07 con 101 datos generados

I	xP (hm³)	F(XP)	ALE	ffin
1	485.9161	-0.00000071	0.61687870	0.61687800
2	258.2824	-0.00000087	0.25255550	0.25255460
3	138.8669	-0.00000088	0.06274921	0.06274833
4	1181.898	0.00000067	0.91799570	0.91799630
5	220.5825	-0.00000032	0.18227330	0.18227300
6	875.6924	-0.00000073	0.83688910	0.83688840
7	608.1844	-0.00000019	0.71819550	0.71819530
8	1643.791	-0.00000039	0.97631500	0.97631470
9	221.1797	-0.00000084	0.18334070	0.18333990
10	434.4475	-0.00000048	0.55561080	0.55561030
.	.	.	.	.
.	.	.	.	.
90	1755.676	0.00000054	0.98281590	0.98281640
91	237.5567	-0.00000094	0.21327670	0.21327570
92	1321.163	0.00000036	0.94248750	0.94248780
93	219.63	0.00000024	0.18057530	0.18057550
94	187.3934	-0.00000061	0.12665120	0.12665060
95	392.1151	0.00000052	0.49490550	0.49490610
96	234.8232	0.00000024	0.20819660	0.20819690
97	283.7014	-0.00000083	0.30166070	0.30165990
98	261.5082	0.00000011	0.25875630	0.25875640
99	957.6464	0.00000038	0.86250620	0.86250660
100	139.7073	0.00000017	0.06364655	0.06364673
101	176.6837	0.00000062	0.11055510	0.11055570
Media	513.991			
Desv.	383.019			
C.A.	1.463			
C.V.	0.745			

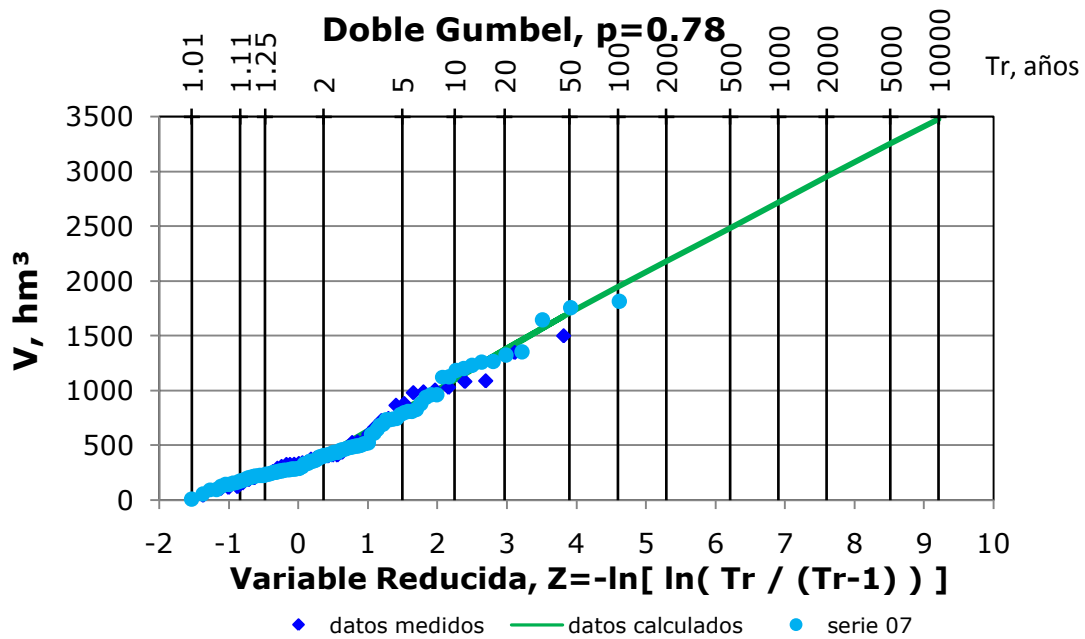


Figura A2. 1 Función Doble Gumbel, la gráfica compara los datos medidos y calculados con los obtenidos de la serie 07



Anexos

**Tabla A2. 2 Selección aleatoria de años antes de considerar la influencia del invierno**

I	Año	I	xP (hm <sup>3</sup> )	Año aleatorio	Año
1	1965	1	485.9161	2	1966
2	1966	2	258.2824	36	2000
3	1967	3	138.8669	11	1975
4	1968	4	1181.898	9	1973
5	1969	5	220.5825	7	1971
6	1970	6	875.6924	32	1996
7	1971	7	608.1844	41	2005
8	1972	8	1643.791	8	1972
9	1973	9	221.1797	18	1982
10	1974	10	434.4475	31	1995
11	1975	11	515.2988	3	1967
12	1976	12	224.5736	33	1997
13	1977	13	778.7704	43	2007
14	1978	.	.	.	.
15	1979	.	.	.	.
16	1980	.	.	.	.
17	1981	90	1755.676	10	1974
18	1982	91	237.5567	14	1978
19	1983	92	1321.163	21	1985
20	1984	93	219.63	17	1981
21	1985	94	187.3934	14	1978
22	1986	95	392.1151	33	1997
23	1987	96	234.8232	13	1977
24	1988	97	283.7014	39	2003
25	1989	98	261.5082	15	1979
26	1990	99	957.6464	20	1984
27	1991	100	139.7073	5	1969
28	1992	101	176.6837	33	1997
29	1993				
30	1994				
31	1995				
32	1996				
33	1997				
34	1998				
35	1999				
36	2000				
37	2001				
38	2002				
39	2003				
40	2004				
41	2005				
42	2006				
43	2007				
44	2008				
45	2009				



Anexos

**Tabla A2. 3 Selección aleatoria de años después de considerar la influencia del invierno**

I	Año	I	xP (hm <sup>3</sup> )	Año aleatorio	Año
1	1967	1	485.9161	15	1988
2	1984	2	258.2824	39	2002
3	1978	3	138.8669	21	1983
4	1972	4	1181.898	3	1978
5	1991	5	220.5825	19	2007
6	1990	6	875.6924	10	1994
7	1982	7	608.1844	13	1965
8	1977	8	1643.791	3	1978
9	1992	9	221.1797	27	1971
10	1994	10	434.4475	35	1970
11	2004	.	.	.	.
12	1986	.	.	.	.
13	1965	.	.	.	.
14	2009	90	1755.676	3	1978
15	1988	91	237.5567	23	1981
16	1997	92	1321.163	7	1982
17	1966	93	219.63	26	2006
18	2000	94	187.3934	24	1999
19	2007	95	392.1151	37	1987
20	1976	96	234.8232	23	1981
21	1983	97	283.7014	41	1979
22	1993	98	261.5082	24	1999
23	1981	99	957.6464	7	1982
24	1999	100	139.7073	18	2000
25	1985	101	176.6837	37	1987
26	2006				
27	1971				
28	1980				
29	1969				
30	2008				
31	1974				
32	1975				
33	2001				
34	1989				
35	1970				
36	2005				
37	1987				
38	1996				
39	2002				
40	1968				
41	1979				
42	1998				
43	1995				
44	1973				
45	2003				



Anexos

**Tabla A2. 4 Fracciones aleatorias antes de considerar la influencia del invierno**

Año	Jul.	Ago.	Sep.	Oct.	Nov.	Dic.	Ene.	Feb.	Mar.	Abr.	May.	Jun.	Suma
1	0.17	0.53	0.12	0.10	0.04	0.02	0.01	0.00	0.01	0.00	0.00	0.00	1.00
2	0.13	0.17	0.03	0.14	0.23	0.04	0.04	0.17	0.04	0.01	0.00	0.00	1.00
3	0.27	0.11	0.18	0.01	0.00	0.00	0.09	0.31	0.00	0.01	0.01	0.00	1.00
4	0.59	0.07	0.05	0.07	0.00	0.00	0.00	0.04	0.11	0.06	0.00	0.00	1.00
5	0.17	0.29	0.05	0.14	0.11	0.14	0.08	0.00	0.00	0.00	0.00	0.02	1.00
6	0.24	0.20	0.28	0.02	0.04	0.04	0.04	0.02	0.09	0.02	0.00	0.02	1.00
7	0.01	0.40	0.23	0.09	0.06	0.17	0.00	0.02	0.00	0.00	0.01	0.01	1.01
8	0.03	0.11	0.09	0.06	0.06	0.02	0.17	0.24	0.17	0.03	0.02	0.01	1.00
9	0.02	0.04	0.06	0.00	0.00	0.16	0.07	0.22	0.28	0.12	0.03	0.01	1.00
10	0.07	0.24	0.36	0.06	0.06	0.07	0.05	0.05	0.04	0.00	0.00	0.01	1.00
.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.
.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.
.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.
90	0.15	0.25	0.08	0.06	0.15	0.03	0.03	0.21	0.02	0.02	0.00	0.01	1.00
91	0.01	0.04	0.01	0.05	0.04	0.17	0.49	0.11	0.03	0.03	0.02	0.01	1.00
92	0.05	0.24	0.10	0.24	0.04	0.05	0.02	0.11	0.04	0.05	0.03	0.05	1.00
93	0.28	0.36	0.09	0.06	0.03	0.08	0.08	0.00	0.01	0.00	0.00	0.00	1.00
94	0.01	0.04	0.01	0.05	0.04	0.17	0.49	0.11	0.03	0.03	0.02	0.01	1.00
95	0.01	0.13	0.04	0.01	0.03	0.18	0.13	0.20	0.16	0.09	0.03	0.00	1.00
96	0.10	0.15	0.05	0.12	0.01	0.00	0.03	0.07	0.40	0.04	0.02	0.01	1.00
97	0.04	0.15	0.07	0.00	0.00	0.06	0.09	0.12	0.32	0.14	0.00	0.02	1.00
98	0.09	0.45	0.00	0.04	0.05	0.09	0.02	0.21	0.03	0.00	0.01	0.01	1.00
99	0.03	0.22	0.04	0.03	0.02	0.39	0.12	0.08	0.03	0.02	0.02	0.00	1.00
100	0.20	0.21	0.16	0.11	0.09	0.11	0.03	0.02	0.05	0.01	0.00	0.00	1.00
101	0.01	0.13	0.04	0.01	0.03	0.18	0.13	0.20	0.16	0.09	0.03	0.00	1.00

**Tabla A2. 5 Fracciones aleatorias después de considerar la influencia del invierno**

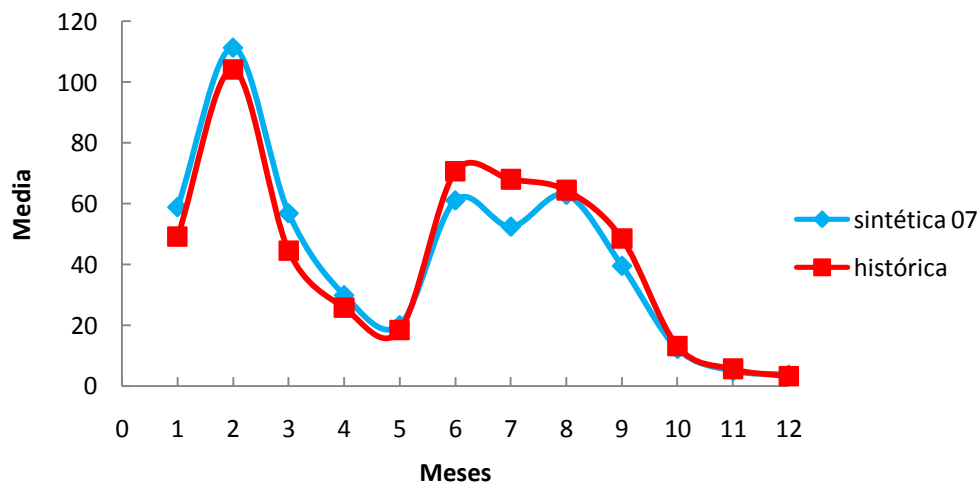
Año	Jul.	Ago.	Sep.	Oct.	Nov.	Dic.	Ene.	Feb.	Mar.	Abr.	May.	Jun.	Suma
1	0.12	0.56	0.14	0.06	0.01	0.01	0.03	0.02	0.02	0.01	0.01	0.01	1.00
2	0.05	0.44	0.09	0.01	0.03	0.06	0.05	0.10	0.15	0.02	0.00	0.00	1.00
3	0.03	0.14	0.15	0.23	0.13	0.25	0.04	0.01	0.00	0.00	0.01	0.01	1.00
4	0.01	0.04	0.01	0.05	0.04	0.17	0.49	0.11	0.03	0.03	0.02	0.01	1.00
5	0.07	0.43	0.16	0.02	0.01	0.18	0.04	0.08	0.00	0.00	0.00	0.00	1.00
6	0.01	0.03	0.05	0.00	0.10	0.31	0.05	0.39	0.04	0.01	0.01	0.01	1.00
7	0.10	0.06	0.09	0.02	0.00	0.38	0.10	0.13	0.08	0.04	0.00	0.00	1.00
8	0.01	0.04	0.01	0.05	0.04	0.17	0.49	0.11	0.03	0.03	0.02	0.01	1.00
9	0.17	0.29	0.05	0.14	0.11	0.14	0.08	0.00	0.00	0.00	0.00	0.02	1.00
10	0.06	0.57	0.18	0.05	0.02	0.02	0.03	0.02	0.03	0.01	0.01	0.00	1.00
.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.
.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.
.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.
90	0.01	0.04	0.01	0.05	0.04	0.17	0.49	0.11	0.03	0.03	0.02	0.01	1.00
91	0.28	0.36	0.09	0.06	0.03	0.08	0.08	0.00	0.01	0.00	0.00	0.00	1.00
92	0.02	0.04	0.06	0.00	0.00	0.16	0.07	0.22	0.28	0.12	0.03	0.01	1.00
93	0.07	0.44	0.31	0.02	0.00	0.00	0.05	0.07	0.01	0.00	0.02	0.01	1.00
94	0.33	0.53	0.11	0.00	0.00	0.00	0.01	0.01	0.00	0.00	0.00	0.00	1.00
95	0.03	0.48	0.14	0.00	0.00	0.09	0.13	0.13	0.00	0.00	0.00	0.01	1.00
96	0.28	0.36	0.09	0.06	0.03	0.08	0.08	0.00	0.01	0.00	0.00	0.00	1.00
97	0.09	0.45	0.00	0.04	0.05	0.09	0.02	0.21	0.03	0.00	0.01	0.01	1.00
98	0.33	0.53	0.11	0.00	0.00	0.00	0.01	0.01	0.00	0.00	0.00	0.00	1.00
99	0.02	0.04	0.06	0.00	0.00	0.16	0.07	0.22	0.28	0.12	0.03	0.01	1.00
100	0.13	0.17	0.03	0.14	0.23	0.04	0.04	0.17	0.04	0.01	0.00	0.00	1.00
101	0.03	0.48	0.14	0.00	0.00	0.09	0.13	0.13	0.00	0.00	0.00	0.01	1.00



Anexos

**Tabla A2. 6 Registro sintético a partir de la serie 07 antes de considerar la influencia del invierno (hm<sup>3</sup>)**

Año	Jul.	Ago.	Sep.	Oct.	Nov.	Dic.	Ene.	Feb.	Mar.	Abr.	May.	Jun.	Anual
1	84.79	256.03	56.95	47.96	19.73	9.43	4.91	0.00	3.11	1.80	1.17	0.00	485.87
2	33.47	44.11	6.92	36.06	59.56	9.66	11.52	43.08	10.31	3.62	0.00	0.00	258.31
3	38.16	14.89	25.34	1.83	0.00	0.00	12.86	42.78	0.00	1.22	1.76	0.00	138.85
4	694.84	84.74	61.93	86.16	0.35	0.00	0.35	50.11	133.20	68.43	0.00	1.78	1181.90
5	38.01	63.00	10.41	30.31	24.75	31.37	16.96	0.84	0.00	0.55	0.00	4.36	220.55
6	208.24	172.25	243.79	16.55	34.50	33.36	36.25	19.97	82.23	14.80	0.00	13.79	875.73
7	5.53	242.60	139.88	56.56	35.27	104.73	2.80	11.43	1.09	0.67	4.80	8.40	613.79
8	46.85	180.82	144.49	101.26	102.57	31.40	275.17	399.28	275.17	48.16	29.92	8.85	1643.93
9	3.36	8.80	12.94	0.66	0.44	35.26	14.69	48.84	62.75	25.86	5.97	1.61	221.18
10	29.15	105.01	154.92	27.76	27.37	28.89	20.29	20.55	15.47	1.61	0.00	3.49	434.51
.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.
.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.
90	261.24	442.61	134.66	100.25	259.66	46.17	55.30	362.20	39.15	43.19	0.00	11.12	1755.56
91	2.95	9.72	1.47	11.81	9.98	40.03	115.41	25.73	6.56	7.96	4.63	1.31	237.54
92	63.55	323.16	125.91	314.70	52.05	59.58	22.20	145.72	52.58	60.38	39.11	62.16	1321.09
93	60.95	79.24	19.88	13.55	6.63	17.46	17.97	0.83	2.94	0.15	0.00	0.00	219.61
94	2.32	7.66	1.16	9.31	7.87	31.58	91.04	20.29	5.17	6.28	3.65	1.03	187.38
95	2.39	49.96	14.27	3.57	12.16	70.66	49.56	77.76	64.35	34.86	12.59	0.00	392.12
96	24.09	34.21	12.52	27.66	3.01	1.01	6.67	15.71	93.69	10.17	4.70	1.40	234.84
97	10.61	41.48	21.19	0.00	0.00	16.62	24.71	34.64	89.59	39.43	0.00	5.41	283.70
98	22.83	118.36	0.00	10.51	12.87	23.95	4.45	55.57	8.73	0.00	1.62	2.62	261.52
99	28.06	211.93	36.10	28.54	17.14	369.27	118.56	75.65	31.89	23.65	16.85	0.04	957.69
100	28.29	29.37	22.77	15.23	12.43	14.98	4.78	2.93	7.47	1.47	0.00	0.00	139.72
101	1.08	22.51	6.43	1.61	5.48	31.84	22.33	35.04	28.99	15.71	5.67	0.00	176.68
<b>Media</b>	58.92	111.37	56.88	29.92	20.05	61.10	52.48	62.92	39.57	12.23	4.92	3.74	514.10
<b>Desv.</b>	91.50	117.36	60.88	40.98	33.19	96.74	82.58	89.79	61.90	15.18	7.20	7.16	383.03
<b>C.A.</b>	4.29	2.15	1.49	3.94	4.49	2.36	3.56	2.71	2.78	1.77	2.49	5.93	1.46
<b>C.V.</b>	1.55	1.05	1.07	1.37	1.66	1.58	1.57	1.43	1.56	1.24	1.46	1.92	0.75
<b>C.ji+1,ji</b>	0.35	0.65	0.21	0.36	0.18	0.31	0.42	0.36	0.68	0.54	0.65	0.01	



**Figura A2. 2 Comparación entre la media de los datos del registro sintético 07 y los del registro histórico. Después del primer ensayo. Considera un año hidrológico de julio a junio**

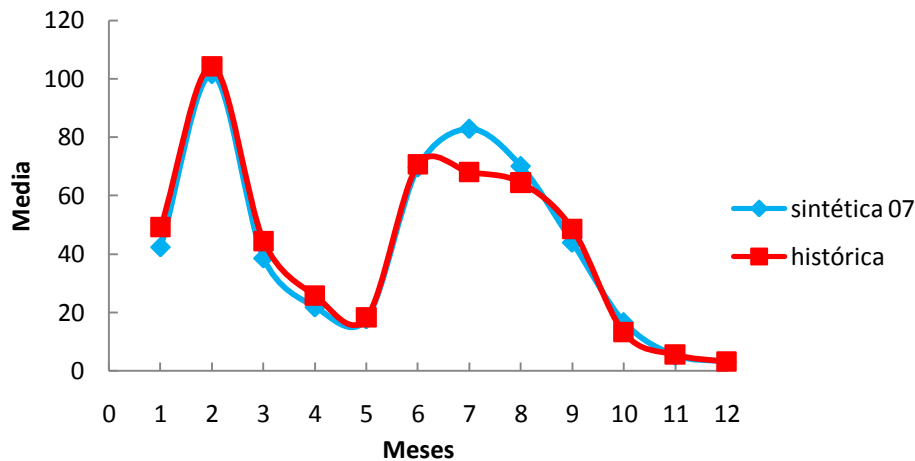




Anexos

**Tabla A2. 7 Registro sintético a partir de la serie 07 después de considerar la influencia del invierno (hm<sup>3</sup>)**

Año	Jul.	Ago.	Sep.	Oct.	Nov.	Dic.	Ene.	Feb.	Mar.	Abr.	May.	Jun.	Anual
1	57.14	271.48	67.45	27.84	5.73	7.19	12.59	12.05	8.50	4.47	7.00	4.51	485.96
2	12.45	113.80	23.27	3.46	7.62	14.36	13.90	25.11	37.86	6.43	0.00	0.00	258.26
3	4.12	19.30	20.50	32.44	18.43	34.06	5.85	1.76	0.00	0.00	1.42	0.99	138.87
4	14.66	48.34	7.33	58.74	49.64	199.15	574.17	128.00	32.62	39.59	23.05	6.52	1181.80
5	14.82	95.93	35.18	3.57	1.72	40.45	8.65	18.64	0.79	0.13	0.35	0.35	220.60
6	8.67	23.38	44.05	2.36	86.78	273.57	40.46	337.84	33.80	13.05	5.95	5.85	875.76
7	59.18	37.46	55.22	9.12	1.70	229.10	63.43	80.04	46.04	26.88	0.00	0.00	608.18
8	20.38	67.23	10.19	81.70	69.04	276.98	798.55	178.02	45.37	55.07	32.05	9.07	1643.66
9	38.11	63.17	10.44	30.39	24.82	31.45	17.01	0.84	0.00	0.55	0.00	4.37	221.15
10	26.72	247.33	76.03	19.55	10.43	10.51	12.21	9.51	12.43	5.17	4.56	0.00	434.45
.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.
.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.
90	21.77	71.81	10.89	87.26	73.74	295.83	852.91	190.14	48.46	58.82	34.24	9.69	1755.53
91	65.92	85.71	21.50	14.66	7.17	18.89	19.43	0.90	3.18	0.17	0.00	0.00	237.53
92	20.08	52.58	77.29	3.96	2.64	210.59	87.73	291.71	374.81	154.44	35.67	9.63	1321.15
93	16.19	97.49	67.51	3.62	0.18	0.11	10.87	14.43	2.79	0.37	4.77	1.54	219.87
94	62.14	99.90	20.24	0.49	0.39	0.19	2.12	1.65	0.30	0.00	0.00	0.00	187.41
95	9.80	187.63	54.03	0.00	0.00	36.35	50.43	49.21	0.00	0.00	1.37	3.30	392.13
96	65.16	84.72	21.25	14.49	7.09	18.67	19.21	0.89	3.15	0.16	0.00	0.00	234.80
97	24.77	128.40	0.00	11.40	13.96	25.99	4.82	60.29	9.48	0.00	1.76	2.85	283.71
98	86.72	139.41	28.24	0.68	0.55	0.26	2.96	2.30	0.42	0.00	0.00	0.00	261.53
99	14.56	38.11	56.02	2.87	1.92	152.65	63.59	211.45	271.68	111.95	25.86	6.98	957.64
100	18.11	23.86	3.74	19.50	32.22	5.23	6.23	23.30	5.57	1.96	0.00	0.00	139.72
101	4.42	84.54	24.35	0.00	0.00	16.38	22.72	22.17	0.00	0.00	0.62	1.49	176.69
<b>Media</b>	42.42	101.56	38.62	21.87	17.81	69.68	82.86	70.09	43.97	16.73	5.31	3.15	514.08
<b>Desv.</b>	43.62	69.86	25.60	30.80	23.72	104.93	178.55	97.14	75.66	30.02	8.91	3.67	382.97
<b>C.A.</b>	3.44	1.05	1.12	2.75	1.98	1.97	3.38	1.85	2.66	2.89	2.12	2.15	1.46
<b>C.V.</b>	1.03	0.69	0.66	1.41	1.33	1.51	2.15	1.39	1.72	1.79	1.68	1.16	0.74
<b>C.ji+1,ji</b>	0.47	0.43	0.02	0.31	0.48	0.35	0.49	0.58	0.91	0.73	0.59	0.06	



**Figura A2. 3 Comparación entre la media de los datos del registro sintético 07 y los del registro histórico. Después del segundo ensayo. Considera un año hidrológico de julio a junio**



Anexos

**Tabla A2. 8 Resultados para el registro sintético de la serie 07, archivo SIQPRE**

PRESA:		LA ANGOSTURA, SON.								
QUINCENA	ALM. INICIAL	INGRESO	VOL. EVAP	EXT. POL	EXT. MODIF	EXT TOTAL	DERRAME	DEFICIT	ENERGÍA	
	hm <sup>3</sup>	hm <sup>3</sup>	hm <sup>3</sup>	hm <sup>3</sup>	hm <sup>3</sup>	hm <sup>3</sup>	hm <sup>3</sup>	hm <sup>3</sup>	(GWh)	
***** 1 *****										
1Q	OCT.	700	13.92	0.38	118.75	118.75	118.75	0	0	17.93
2Q	OCT.	594.79	13.92	0.35	92.45	92.45	92.45	0	0	13.36
1Q	NOV.	515.92	2.87	0.25	72.73	72.73	72.73	0	0	10.1
2Q	NOV.	445.8	2.87	0.24	55.2	55.2	55.2	0	0	7.39
1Q	DIC.	393.23	3.6	1.05	150	150	150	0	0	18.72
2Q	DIC.	245.77	3.6	0.88	122.89	122.89	122.89	0	0	13.57
1Q	ENE.	125.6	6.29	0.77	12.5	12.5	12.5	0	0	1.28
2Q	ENE.	118.62	6.29	0.74	12.5	12.5	12.5	0	0	1.26
1Q	FEB.	111.67	6.03	0.49	12.5	12.5	12.5	0	0	1.25
2Q	FEB.	104.71	6.03	0.46	12.5	12.5	12.5	0	0	1.23
1Q	MAR.	97.78	4.25	0.17	12.5	12.5	12.5	0	0	1.21
2Q	MAR.	89.36	4.25	0.16	12.5	12.5	12.5	0	0	1.19
1Q	ABR.	80.96	2.24	0.19	4.17	4.17	4.17	0	0	0.39
2Q	ABR.	78.83	2.24	0.19	4.17	4.17	4.17	0	0	0.39
1Q	MAY.	76.72	3.5	0.3	4.17	4.17	4.17	0	0	0.39
2Q	MAY.	75.75	3.5	0.3	4.17	4.17	4.17	0	0	0.39
1Q	JUN.	74.78	2.26	0.63	4.17	4.17	4.17	0	0	0.39
2Q	JUN.	72.25	2.26	0.62	4.17	4.17	4.17	0	0	0.38
1Q	JUL.	69.72	6.22	0.93	12.5	12.5	12.5	0	0	1.14
2Q	JUL.	62.51	6.22	0.88	12.5	12.5	12.5	0	0	1.11
1Q	AGO.	55.36	56.9	1.3	12.5	12.5	12.5	0	0	1.16
2Q	AGO.	98.47	56.9	1.83	12.5	12.5	12.5	0	0	1.27
1Q	SEP.	141.04	11.64	1.99	12.5	12.5	12.5	0	0	1.31
2Q	SEP.	138.18	11.64	1.97	12.5	12.5	12.5	0	0	1.31
QUINCENA	ALM. INICIAL	INGRESO	VOL. EVAP	EXT. POL	EXT. MODIF	EXT TOTAL	DERRAME	DÉFICIT	ENERGÍA	
	hm <sup>3</sup>	hm <sup>3</sup>	hm <sup>3</sup>	hm <sup>3</sup>	hm <sup>3</sup>	hm <sup>3</sup>	hm <sup>3</sup>	hm <sup>3</sup>	(GWh)	
***** 2 *****										
1Q	OCT.	135.34	1.73	0.17	6.25	12.5	12.5	0	0	1.29
2Q	OCT.	124.41	1.73	0.16	6.25	12.5	12.5	0	0	1.27
1Q	NOV.	113.48	3.81	0.11	6.25	12.5	12.5	0	0	1.25
2Q	NOV.	104.68	3.81	0.1	6.25	12.5	12.5	0	0	1.23
1Q	DIC.	95.89	7.18	0.46	47.94	47.94	47.94	0	0	4.45
2Q	DIC.	54.66	7.18	0.33	27.33	27.33	27.33	0	0	2.31
1Q	ENE.	34.18	6.95	0.31	12.5	12.5	12.5	0	0	1
2Q	ENE.	28.32	6.95	0.29	12.5	12.5	12.5	0	0	0.96
1Q	FEB.	22.48	12.55	0.19	12.5	12.5	12.5	0	0	0.95
2Q	FEB.	22.34	12.55	0.19	12.5	12.5	12.5	0	0	0.95
1Q	MAR.	22.2	18.93	0.08	12.5	12.5	12.5	0	0	0.96
2Q	MAR.	28.56	18.93	0.09	12.5	12.5	12.5	0	0	1
1Q	ABR.	34.9	3.22	0.11	4.17	6.25	6.25	0	0	0.5
2Q	ABR.	31.76	3.22	0.1	4.17	6.25	6.25	0	0	0.5
1Q	MAY.	28.62	0	0.16	4.17	6.25	6.25	0	0	0.48
2Q	MAY.	22.22	0	0.14	4.17	6.25	6.25	0	0	0.46
1Q	JUN.	15.82	0	0.27	4.17	12.5	12.5	0	0	0.85
2Q	JUN.	3.05	0	0.13	4.17	12.5	2.93	0	9.57	0.13
1Q	JUL.	0	2.06	0.1	12.5	12.5	1.97	0	10.53	0.05
2Q	JUL.	0	2.06	0.1	12.5	12.5	1.97	0	10.53	0.05
1Q	AGO.	0	9.65	0.32	12.5	12.5	9.33	0	3.17	0.23
2Q	AGO.	0	9.65	0.32	12.5	12.5	9.33	0	3.17	0.23
1Q	SEP.	0	10.25	0.32	12.5	12.5	9.93	0	2.57	0.24
2Q	SEP.	0	10.25	0.32	12.5	12.5	9.93	0	2.57	0.24
QUINCENA	ALM. INICIAL	INGRESO	VOL. EVAP	EXT. POL	EXT. MODIF	EXT TOTAL	DERRAME	DÉFICIT	ENERGÍA	
	hm <sup>3</sup>	hm <sup>3</sup>	hm <sup>3</sup>	hm <sup>3</sup>	hm <sup>3</sup>	hm <sup>3</sup>	hm <sup>3</sup>	hm <sup>3</sup>	(GWh)	
***** 3 *****										
.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	
.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	
.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	



Anexos

**Tabla A2. 8 Continuación**

*****							
RESUMEN ANUAL							
*****							
AÑO	DERRAME	DÉFICIT	ING HIST	EXT. TOTAL	ALMAC PRO	ELEV PRO	ENERGÍA TOTAL
	hm <sup>3</sup>	hm <sup>3</sup>	hm <sup>3</sup>	hm <sup>3</sup>	hm <sup>3</sup>	(msnm)	(GWh)
1	0	0	239.41	787	166.8	811.98	98.14
2	0	42.12	152.66	283.2	32.82	800.37	21.58
3	0	166.71	165.27	158.6	2.73	793.19	7.96
4	0	0	1257.42	797.6	332.73	819.11	103.71
5	0	11.22	150.76	555	98.38	807.62	57.2
6	0	63.86	951.53	536	291.52	817.52	63.1
7	0	0	554.13	637.2	296.21	817.7	77.79
8	425.61	0	1657.57	1446.3	562.71	826.76	143.17
9	0	95.69	459.51	710.6	132.4	810	73.31
10	0	216.41	171.92	349.2	45.46	802.29	28.99
.	.	.	.	.	.	.	.
.	.	.	.	.	.	.	.
.	.	.	.	.	.	.	.
90	460.74	0	1824.2	1320.1	518.87	825.43	118.7
91	0	244.11	214.35	648.5	104.68	808.11	66.3
92	35.45	52.12	1352.39	829.7	383.55	820.98	86.62
93	0	124.96	220.96	752.1	98.52	807.63	70.1
94	0	702.44	256.6	174.6	8.72	795.33	11.09
95	0	124.64	311.8	382.5	33.93	800.56	21.68
96	0	293.02	216.83	214.1	0.15	790.46	6.49
97	0	138.08	384.91	369	6.24	794.56	14.62
98	0	412.5	115.86	94.6	1.87	792.7	3.51
99	0	15.48	894.65	474.8	351.08	819.8	60.21
100	0	85.47	207.32	612.5	97.45	807.54	60.22
TOTAL	1712.52	7862.87					
ALMACENAMIENTO INICIAL MÍNIMO REGISTRADO			0	hm <sup>3</sup>			
ENERGÍA PROMEDIO GENERADA EN LOS 100 AÑOS:			2.23	GWh			
*****							
RESUMEN QUINCENAL							
*****							
P	R	O	M	E	D	I	O S
				ELEVACIÓN	ALMACE- NAMIENTO	ENERGÍA	
				(msnm)	(hm <sup>3</sup> )	(GWh)	
		1Q	ENE.	803.57	120.87	1.96	
		2Q	ENE.	804.52	131.74	2.77	
		1Q	FEB.	804.84	147.6	1.74	
		2Q	FEB.	805.22	161.44	2.02	
		1Q	MAR.	804.89	160.4	2.65	
		2Q	MAR.	803.92	160.09	2.57	
		1Q	ABR.	802.95	162.79	0.52	
		2Q	ABR.	802.45	164.76	0.54	
		1Q	MAY.	801.65	162.01	0.49	
		2Q	MAY.	800.73	159.5	0.47	
		1Q	JUN.	799.9	152.12	0.87	
		2Q	JUN.	798.21	144.46	0.91	
		1Q	JUL.	799.06	147.96	1.61	
		2Q	JUL.	801.39	154.01	1.33	
		1Q	AGO.	804.29	180.36	2.02	
		2Q	AGO.	808.03	208.36	2.01	
		1Q	SEP.	809.59	213.27	1.28	
		2Q	SEP.	810	218.2	1.29	
		1Q	OCT.	810.07	210.95	3.12	
		2Q	OCT.	809.26	201.23	2.49	
		1Q	NOV.	808.55	192.19	2.09	
		2Q	NOV.	807.96	185.36	1.8	
		1Q	DIC.	806.25	130.24	9.98	
		2Q	DIC.	803.74	98.19	6.96	



Anexos

**Tabla A2. 9 Resultados para el registro sintético de la serie 07, archivo  
SUPGUIAP**

ALMACENAMIENTOS MAYORES O GUALES A LA CURVA GUÍA			
PRESA:	LA	ANGOSTURA, SON.	
AÑO	QUINCENA	ALMACENAMIENTO	hm <sup>3</sup>
8	2Q	ENE.	703.4
8	1Q	FEB.	703.4
8	2Q	FEB.	703.4
8	1Q	MAR.	703.4
8	2Q	MAR.	703.4
8	1Q	ABR.	703.4
8	2Q	ABR.	703.4
8	1Q	MAY.	703.4
8	2Q	MAY.	703.4
26	2Q	ABR.	703.4
26	1Q	MAY.	703.4
26	2Q	MAY.	703.4
59	2Q	ENE.	703.4
59	1Q	FEB.	703.4
59	2Q	FEB.	703.4
59	1Q	MAR.	703.4
59	2Q	MAR.	703.4
59	1Q	ABR.	703.4
59	2Q	ABR.	703.4
59	1Q	MAY.	703.4
59	2Q	MAY.	703.4
90	2Q	ENE.	703.4
90	1Q	FEB.	703.4
90	2Q	FEB.	703.4
90	1Q	MAR.	703.4
90	2Q	MAR.	703.4
90	1Q	ABR.	703.4
90	2Q	ABR.	703.4
90	1Q	MAY.	703.4
90	2Q	MAY.	703.4
92	2Q	ABR.	703.4
92	1Q	MAY.	703.4
92	2Q	MAY.	703.4



Anexos

Anexo 3. Desarrollo de la serie 09

Tabla A3. 1 Serie 09 con 101 datos generados

l	xP (hm³)	F(XP)	ALE	ffin
1	89.29729	0.00000008	0.02312869	0.02312877
2	106.2584	-0.00000004	0.03380549	0.03380545
3	609.4479	-0.00000030	0.71899920	0.71899890
4	1368.389	-0.00000100	0.94924570	0.94924470
5	160.6798	0.00000081	0.08852333	0.08852413
6	181.8156	0.00000064	0.11813910	0.11813980
7	999.5079	0.00000009	0.87444550	0.87444560
8	400.4181	0.00000012	0.50756500	0.50756510
9	461.6118	0.00000043	0.58959070	0.58959110
10	301.9905	0.00000098	0.33686080	0.33686180
.	.	.	.	.
.	.	.	.	.
90	691.1135	0.00000025	0.76406590	0.76406610
91	981.9412	-0.00000035	0.86952670	0.86952630
92	1607.399	0.00000046	0.97373750	0.97373800
93	159.3625	-0.00000031	0.08682531	0.08682500
94	340.1959	-0.00000018	0.40790120	0.40790100
95	520.5845	0.00000074	0.65115550	0.65115620
96	643.7493	0.00000034	0.73944660	0.73944700
97	592.5321	-0.00000088	0.70791070	0.70790980
98	114.4528	0.00000018	0.04000628	0.04000646
99	407.9664	-0.00000034	0.51875620	0.51875590
100	165.503	0.00000033	0.09489655	0.09489689
101	76.38454	-0.00000068	0.01680511	0.01680443
Media	475.555			
Desv.	388.516			
C.A.	1.832			
C.V.	0.817			

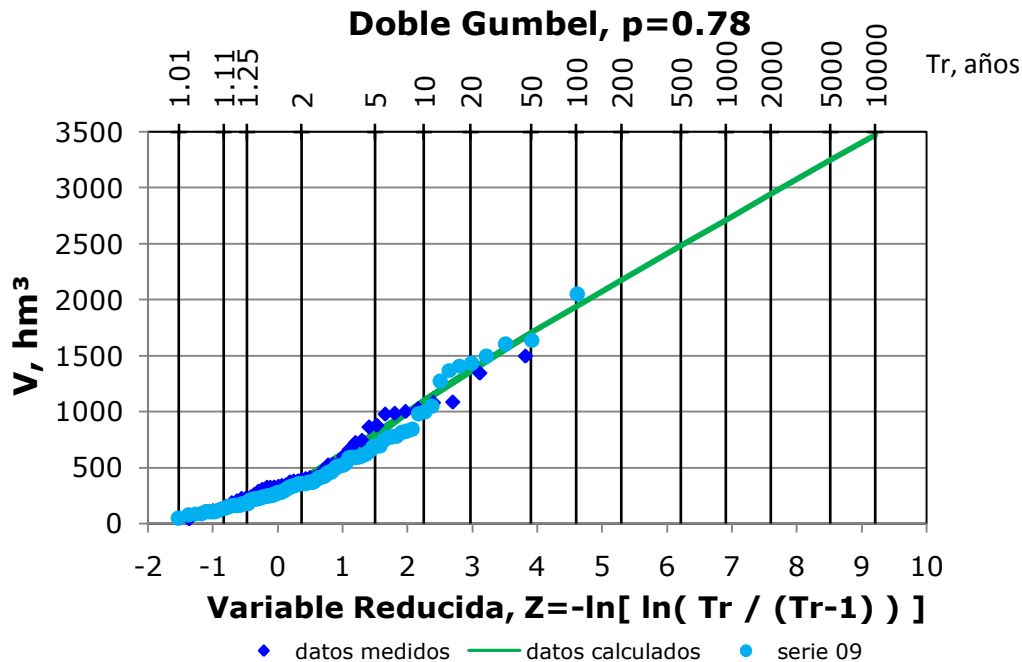


Figura A3. 1 Función Doble Gumbel para la serie 09 comparada con los datos calculados y medidos



Anexos

**Tabla A3. 2 Selección de años aleatorios antes de considerar la influencia del invierno**

I	AÑO	I	xP (hm <sup>3</sup> )	Año aleatorio	Año
1	1965	1	89.29729	21	1985
2	1966	2	106.2584	22	1986
3	1967	3	609.4479	8	1972
4	1968	4	1368.389	17	1981
5	1969	5	160.6798	27	1991
6	1970	6	181.8156	17	1981
7	1971	7	999.5079	39	2003
8	1972	8	400.4181	16	1980
9	1973	9	461.6118	38	2002
10	1974	10	301.9905	17	1981
11	1975	11	284.1401	45	2009
12	1976	12	241.5192	42	2006
13	1977	13	593.0734	18	1982
14	1978	.	.	.	.
15	1979	.	.	.	.
16	1980	.	.	.	.
17	1981	90	691.1135	41	2005
18	1982	91	981.9412	11	1975
19	1983	92	1607.399	30	1994
20	1984	93	159.3625	37	2001
21	1985	94	340.1959	45	2009
22	1986	95	520.5845	30	1994
23	1987	96	643.7493	21	1985
24	1988	97	592.5321	14	1978
25	1989	98	114.4528	1	1965
26	1990	99	407.9664	17	1981
27	1991	100	165.503	14	1978
28	1992	101	76.38454	8	1972
29	1993				
30	1994				
31	1995				
32	1996				
33	1997				
34	1998				
35	1999				
36	2000				
37	2001				
38	2002				
39	2003				
40	2004				
41	2005				
42	2006				
43	2007				
44	2008				
45	2009				



Anexos

**Tabla A3. 3 Selección de años aleatorios después de considerar la influencia del invierno**

I	AÑO	I	xP (hm <sup>3</sup> )	ALEATORIO	AÑO
1	1967	1	89.29729	35	1970
2	1984	2	106.2584	43	1995
3	1978	3	609.4479	12	1986
4	1972	4	1368.389	5	1991
5	1991	5	160.6798	38	1996
6	1990	6	181.8156	40	1968
7	1982	7	999.5079	8	1977
8	1977	8	400.4181	23	1981
9	1992	9	461.6118	15	1988
10	1994	10	301.9905	39	2002
11	2004	.	.	.	.
12	1986	.	.	.	.
13	1965	.	.	.	.
14	2009	90	691.1135	5	1991
15	1988	91	981.9412	13	1965
16	1997	92	1607.399	9	1992
17	1966	93	159.3625	45	2003
18	2000	94	340.1959	28	1980
19	2007	95	520.5845	25	1985
20	1976	96	643.7493	6	1990
21	1983	97	592.5321	30	2008
22	1993	98	114.4528	28	1980
23	1981	99	407.9664	16	1997
24	1999	100	165.503	22	1993
25	1985	101	76.38454	26	2006
26	2006				
27	1971				
28	1980				
29	1969				
30	2008				
31	1974				
32	1975				
33	2001				
34	1989				
35	1970				
36	2005				
37	1987				
38	1996				
39	2002				
40	1968				
41	1979				
42	1998				
43	1995				
44	1973				
45	2003				



Anexos

**Tabla A3. 4 Fracciones aleatorias antes de considerar la influencia del invierno**

Año	Jul.	Ago.	Sep.	Oct.	Nov.	Dic.	Ene.	Feb.	Mar.	Abr.	May.	Jun.	Suma
1	0.05	0.24	0.10	0.24	0.04	0.05	0.02	0.11	0.04	0.05	0.03	0.05	1.00
2	0.27	0.19	0.11	0.03	0.03	0.22	0.04	0.03	0.03	0.02	0.02	0.02	1.00
3	0.03	0.11	0.09	0.06	0.06	0.02	0.17	0.24	0.17	0.03	0.02	0.01	1.00
4	0.28	0.36	0.09	0.06	0.03	0.08	0.08	0.00	0.01	0.00	0.00	0.00	1.00
5	0.03	0.12	0.12	0.01	0.01	0.19	0.30	0.08	0.08	0.04	0.01	0.01	1.00
6	0.28	0.36	0.09	0.06	0.03	0.08	0.08	0.00	0.01	0.00	0.00	0.00	1.00
7	0.04	0.15	0.07	0.00	0.00	0.06	0.09	0.12	0.32	0.14	0.00	0.02	1.00
8	0.08	0.17	0.10	0.01	0.00	0.01	0.10	0.06	0.37	0.04	0.03	0.01	1.00
9	0.05	0.44	0.09	0.01	0.03	0.06	0.05	0.10	0.15	0.02	0.00	0.00	1.00
10	0.28	0.36	0.09	0.06	0.03	0.08	0.08	0.00	0.01	0.00	0.00	0.00	1.00
.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.
.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.
90	0.01	0.40	0.23	0.09	0.06	0.17	0.00	0.02	0.00	0.00	0.01	0.01	1.01
91	0.27	0.11	0.18	0.01	0.00	0.00	0.09	0.31	0.00	0.01	0.01	0.00	1.00
92	0.01	0.03	0.05	0.00	0.10	0.31	0.05	0.39	0.04	0.01	0.01	0.01	1.00
93	0.22	0.37	0.06	0.03	0.00	0.00	0.01	0.22	0.05	0.02	0.01	0.01	1.00
94	0.07	0.07	0.03	0.20	0.02	0.01	0.27	0.26	0.06	0.01	0.00	0.01	1.00
95	0.01	0.03	0.05	0.00	0.10	0.31	0.05	0.39	0.04	0.01	0.01	0.01	1.00
96	0.05	0.24	0.10	0.24	0.04	0.05	0.02	0.11	0.04	0.05	0.03	0.05	1.00
97	0.01	0.04	0.01	0.05	0.04	0.17	0.49	0.11	0.03	0.03	0.02	0.01	1.00
98	0.10	0.06	0.09	0.02	0.00	0.38	0.10	0.13	0.08	0.04	0.00	0.00	1.00
99	0.28	0.36	0.09	0.06	0.03	0.08	0.08	0.00	0.01	0.00	0.00	0.00	1.00
100	0.01	0.04	0.01	0.05	0.04	0.17	0.49	0.11	0.03	0.03	0.02	0.01	1.00
101	0.03	0.11	0.09	0.06	0.06	0.02	0.17	0.24	0.17	0.03	0.02	0.01	1.00

**Tabla A3. 5 Fracciones aleatorias después de considerar la influencia del invierno**

Año	Jul.	Ago.	Sep.	Oct.	Nov.	Dic.	Ene.	Feb.	Mar.	Abr.	May.	Jun.	Suma
1	0.06	0.57	0.18	0.05	0.02	0.02	0.03	0.02	0.03	0.01	0.01	0.00	1.00
2	0.07	0.24	0.36	0.06	0.06	0.07	0.05	0.05	0.04	0.00	0.00	0.01	1.00
3	0.27	0.19	0.11	0.03	0.03	0.22	0.04	0.03	0.03	0.02	0.02	0.02	1.00
4	0.03	0.12	0.12	0.01	0.01	0.19	0.30	0.08	0.08	0.04	0.01	0.01	1.00
5	0.24	0.20	0.28	0.02	0.04	0.04	0.04	0.02	0.09	0.02	0.00	0.02	1.00
6	0.08	0.42	0.14	0.00	0.02	0.08	0.08	0.07	0.04	0.03	0.03	0.01	1.00
7	0.10	0.15	0.05	0.12	0.01	0.00	0.03	0.07	0.40	0.04	0.02	0.01	1.00
8	0.28	0.36	0.09	0.06	0.03	0.08	0.08	0.00	0.01	0.00	0.00	0.00	1.00
9	0.12	0.56	0.14	0.06	0.01	0.01	0.03	0.02	0.02	0.01	0.01	0.01	1.00
10	0.05	0.44	0.09	0.01	0.03	0.06	0.05	0.10	0.15	0.02	0.00	0.00	1.00
.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.
.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.
90	0.03	0.12	0.12	0.01	0.01	0.19	0.30	0.08	0.08	0.04	0.01	0.01	1.00
91	0.10	0.06	0.09	0.02	0.00	0.38	0.10	0.13	0.08	0.04	0.00	0.00	1.00
92	0.02	0.05	0.02	0.01	0.00	0.05	0.54	0.19	0.08	0.02	0.01	0.00	1.00
93	0.04	0.15	0.07	0.00	0.00	0.06	0.09	0.12	0.32	0.14	0.00	0.02	1.00
94	0.08	0.17	0.10	0.01	0.00	0.01	0.10	0.06	0.37	0.04	0.03	0.01	1.00
95	0.05	0.24	0.10	0.24	0.04	0.05	0.02	0.11	0.04	0.05	0.03	0.05	1.00
96	0.15	0.27	0.05	0.06	0.02	0.09	0.09	0.05	0.20	0.02	0.00	0.01	1.00
97	0.23	0.50	0.22	0.04	0.01	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00	1.00
98	0.08	0.17	0.10	0.01	0.00	0.01	0.10	0.06	0.37	0.04	0.03	0.01	1.00
99	0.01	0.13	0.04	0.01	0.03	0.18	0.13	0.20	0.16	0.09	0.03	0.00	1.00
100	0.15	0.30	0.21	0.05	0.06	0.10	0.05	0.05	0.03	0.00	0.00	0.01	1.00
101	0.07	0.44	0.31	0.02	0.00	0.00	0.05	0.07	0.01	0.00	0.02	0.01	1.00

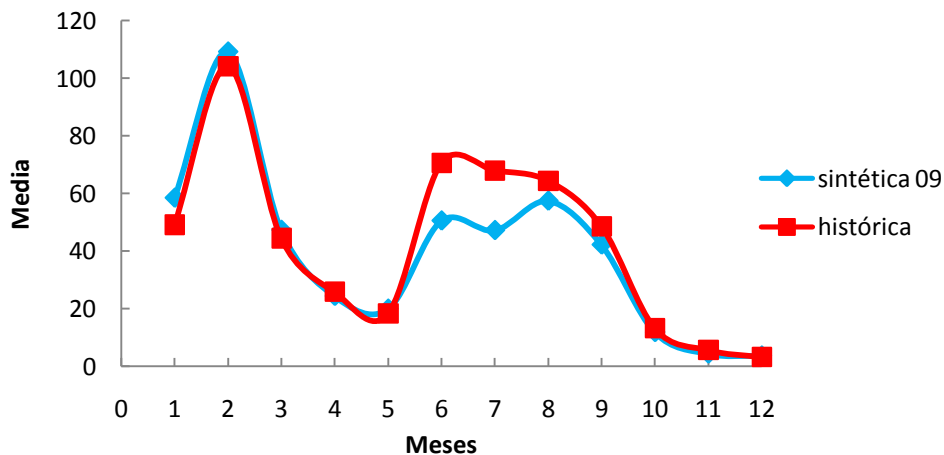




Anexos

**Tabla A3. 6 Registro sintético a partir de la serie 09 antes de considerar la influencia del invierno (hm<sup>3</sup>)**

Año	Jul.	Ago.	Sep.	Oct.	Nov.	Dic.	Ene.	Feb.	Mar.	Abr.	May.	Jun.	Anual
1	4.30	21.84	8.51	21.27	3.52	4.03	1.50	9.85	3.55	4.08	2.64	4.20	89.29
2	28.32	20.06	11.91	2.96	2.72	23.70	4.24	2.67	3.22	1.99	2.49	2.00	106.27
3	17.37	67.04	53.57	37.54	38.03	11.64	102.02	148.03	102.02	17.86	11.09	3.28	609.50
4	379.73	493.71	123.84	84.43	41.33	108.79	111.93	5.20	18.34	0.96	0.00	0.00	1368.25
5	5.53	19.52	18.80	2.10	1.21	31.27	48.20	12.28	13.37	5.69	1.43	1.27	160.66
6	50.45	65.60	16.45	11.22	5.49	14.45	14.87	0.69	2.44	0.13	0.00	0.00	181.80
7	37.38	146.13	74.66	0.00	0.00	58.57	87.06	122.04	315.64	138.93	0.00	19.07	999.49
8	31.03	68.55	39.44	5.97	1.96	5.45	40.80	23.82	149.88	17.50	10.81	5.22	400.43
9	22.25	203.39	41.59	6.19	13.62	25.67	24.83	44.87	67.67	11.49	0.00	0.00	461.57
10	83.80	108.96	27.33	18.63	9.12	24.01	24.70	1.15	4.05	0.21	0.00	0.00	301.96
.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.
.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.
90	6.29	275.69	158.96	64.27	40.08	119.01	3.18	12.99	1.24	0.76	5.46	9.55	697.48
91	269.84	105.26	179.20	12.96	0.00	0.00	90.93	302.54	0.00	8.64	12.47	0.00	981.84
92	15.91	42.92	80.85	4.34	159.29	502.15	74.26	620.13	62.05	23.95	10.93	10.74	1607.53
93	34.82	59.73	9.90	4.29	0.48	0.57	1.08	35.00	8.29	2.96	1.05	1.18	159.35
94	22.79	24.94	10.68	66.54	5.24	3.50	93.11	88.35	18.78	3.20	1.19	1.83	340.15
95	5.15	13.90	26.19	1.41	51.59	162.63	24.05	200.84	20.09	7.76	3.54	3.48	520.63
96	30.96	157.46	61.35	153.34	25.36	29.03	10.81	71.01	25.62	29.42	19.05	30.29	643.71
97	7.35	24.23	3.67	29.45	24.89	99.84	287.85	64.17	16.35	19.85	11.55	3.27	592.48
98	11.14	7.05	10.39	1.72	0.32	43.11	11.94	15.06	8.66	5.06	0.00	0.00	114.45
99	113.21	147.19	36.92	25.17	12.32	32.43	33.37	1.55	5.47	0.29	0.00	0.00	407.93
100	2.05	6.77	1.03	8.23	6.95	27.89	80.40	17.92	4.57	5.54	3.23	0.91	165.49
101	2.18	8.40	6.71	4.71	4.77	1.46	12.79	18.55	12.79	2.24	1.39	0.41	76.39
<b>Media</b>	58.39	109.12	47.21	24.31	19.86	50.48	47.16	57.37	42.14	11.76	4.30	3.59	475.69
<b>Desv.</b>	86.65	132.00	55.48	31.48	33.08	94.84	67.79	85.48	79.47	20.00	6.42	5.50	388.54
<b>C.A.</b>	2.88	3.35	2.64	2.32	4.19	3.83	2.43	3.59	3.58	3.65	2.80	2.77	1.83
<b>C.V.</b>	1.48	1.21	1.18	1.29	1.67	1.88	1.44	1.49	1.89	1.70	1.49	1.53	0.82
<b>C.ji+1,ji</b>	0.46	0.71	0.31	0.56	0.38	0.29	0.48	0.26	0.77	0.35	0.65	0.03	



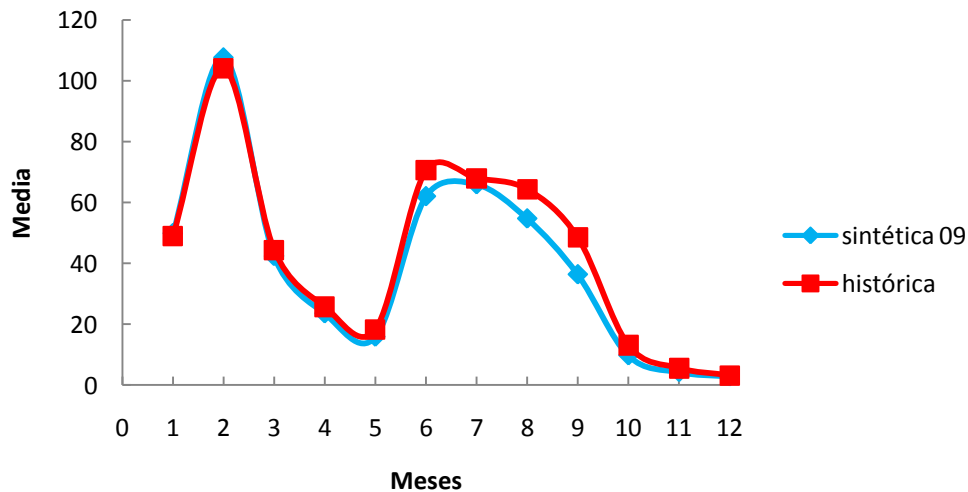
**Figura A3. 2 Comparación entre la media de los datos del registro sintético 09 y los del registro histórico. Después del primer ensayo. Considera un año hidrológico de julio a junio**



Anexos

**Tabla A3. 7 Registro sintético a partir de la serie 09 después de considerar la influencia del invierno (hm<sup>3</sup>)**

Año	Jul.	Ago.	Sep.	Oct.	Nov.	Dic.	Ene.	Feb.	Mar.	Abr.	May.	Jun.	Anual
1	5.49	50.84	15.63	4.02	2.14	2.16	2.51	1.96	2.55	1.06	0.94	0.00	89.30
2	7.13	25.68	37.89	6.79	6.69	7.07	4.96	5.03	3.78	0.39	0.00	0.85	106.27
3	162.42	115.06	68.32	17.00	15.60	135.91	24.32	15.30	18.47	11.40	14.26	11.48	609.53
4	47.07	166.26	160.10	17.93	10.26	266.29	410.52	104.54	113.85	48.44	12.18	10.82	1368.26
5	38.21	31.61	44.73	3.04	6.33	6.12	6.65	3.66	15.09	2.72	0.00	2.53	160.69
6	14.98	75.60	25.20	0.80	4.11	15.13	15.16	12.42	7.42	4.56	4.62	1.82	181.82
7	102.55	145.63	53.27	117.74	12.79	4.30	28.39	66.87	398.80	43.28	19.99	5.95	999.56
8	111.12	144.47	36.24	24.71	12.09	31.83	32.75	1.52	5.37	0.28	0.00	0.00	400.38
9	54.29	257.90	64.07	26.45	5.45	6.83	11.96	11.45	8.08	4.25	6.65	4.29	461.65
10	14.56	133.06	27.21	4.05	8.91	16.79	16.25	29.35	44.27	7.52	0.00	0.00	301.96
.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.
.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.
90	23.77	83.97	80.86	9.05	5.18	134.49	207.33	52.80	57.50	24.47	6.15	5.46	691.05
91	95.54	60.49	89.16	14.73	2.75	369.90	102.42	129.22	74.33	43.40	0.00	0.00	981.94
92	39.54	80.21	29.58	10.29	0.00	78.60	873.62	311.35	123.13	38.10	16.88	6.08	1607.37
93	5.96	23.30	11.90	0.00	0.00	9.34	13.88	19.46	50.33	22.15	0.00	3.04	159.36
94	26.37	58.24	33.51	5.07	1.67	4.63	34.67	20.24	127.34	14.87	9.19	4.44	340.21
95	25.04	127.33	49.61	124.00	20.51	23.48	8.75	57.42	20.72	23.79	15.41	24.49	520.56
96	98.36	171.04	32.32	36.11	12.04	59.68	56.07	30.13	131.07	10.88	2.00	3.99	643.68
97	137.05	293.96	127.87	21.09	4.33	0.71	1.90	0.18	2.01	0.24	1.13	2.11	592.57
98	8.87	19.59	11.27	1.71	0.56	1.56	11.66	6.81	42.84	5.00	3.09	1.49	114.46
99	2.49	51.97	14.85	3.71	12.65	73.52	51.57	80.90	66.95	36.27	13.10	0.00	407.97
100	24.84	49.75	34.49	7.48	9.25	17.01	8.31	8.49	4.80	0.00	0.00	1.07	165.50
101	5.63	33.91	23.48	1.26	0.06	0.04	3.78	5.02	0.97	0.13	1.66	0.54	76.47
<b>Media</b>	49.88	107.65	42.41	23.57	15.90	62.06	65.98	54.75	36.39	9.78	4.31	2.89	475.57
<b>Desv.</b>	52.52	78.40	35.08	40.69	20.08	117.12	139.57	87.44	64.28	13.26	6.21	4.38	388.50
<b>C.A.</b>	1.60	1.81	1.54	4.65	1.83	3.58	3.44	3.04	3.27	1.65	2.24	2.53	1.83
<b>C.V.</b>	1.05	0.73	0.83	1.73	1.26	1.89	2.12	1.60	1.77	1.36	1.44	1.51	0.82
<b>C.ji+1,ji</b>	0.48	0.42	0.17	0.43	0.22	0.32	0.80	0.37	0.69	0.68	0.45	0.20	



**Figura A3. 3 Comparación entre la media de los datos del registro sintético 09 y los del registro histórico. Después del segundo ensayo. Considera un año hidrológico de julio a junio**



Anexos

**Tabla A3. 8 Resultados para el registro sintético de la serie 09, archivo SIQPRE**

PRESA: LA ANGOSTURA, SON.										
QUINCENA	ALM. INICIAL	INGRESO	VOL. EVAP	EXT. POL	EXT. MODIF	EXT. TOTAL	DERRAME	DÉFICIT	ENERGÍA	
	hm <sup>3</sup>	hm <sup>3</sup>	hm <sup>3</sup>	hm <sup>3</sup>	hm <sup>3</sup>	hm <sup>3</sup>	hm <sup>3</sup>	hm <sup>3</sup>	(GWh)	
***** 1 *****										
1Q	OCT.	700	2.01	0.38	118.75	118.75	118.75	0	0	17.88
2Q	OCT.	582.88	2.01	0.34	89.47	89.47	89.47	0	0	12.82
1Q	NOV.	495.08	1.07	0.25	67.52	67.52	67.52	0	0	9.27
2Q	NOV.	428.38	1.07	0.23	50.85	50.85	50.85	0	0	6.74
1Q	DIC.	378.38	1.08	1.03	150	150	150	0	0	18.49
2Q	DIC.	228.42	1.08	0.85	114.21	114.21	114.21	0	0	12.4
1Q	ENE.	114.44	1.25	0.71	12.5	12.5	12.5	0	0	1.25
2Q	ENE.	102.49	1.25	0.63	12.5	12.5	12.5	0	0	1.22
1Q	FEB.	90.61	0.98	0.4	12.5	12.5	12.5	0	0	1.19
2Q	FEB.	78.7	0.98	0.36	12.5	12.5	12.5	0	0	1.16
1Q	MAR.	66.81	1.28	0.13	12.5	12.5	12.5	0	0	1.12
2Q	MAR.	55.46	1.28	0.12	12.5	12.5	12.5	0	0	1.08
1Q	ABR.	44.12	0.53	0.13	4.17	4.17	4.17	0	0	0.35
2Q	ABR.	40.36	0.53	0.12	4.17	4.17	4.17	0	0	0.34
1Q	MAY.	36.61	0.47	0.18	4.17	4.17	4.17	0	0	0.34
2Q	MAY.	32.73	0.47	0.17	4.17	4.17	4.17	0	0	0.33
1Q	JUN.	28.87	0	0.34	4.17	4.17	4.17	0	0	0.32
2Q	JUN.	24.36	0	0.31	0	0	0	0	0	0
1Q	JUL.	24.05	3.57	0.49	0	0	0	0	0	0
2Q	JUL.	27.12	3.57	0.52	12.5	12.5	12.5	0	0	0.95
1Q	AGO.	17.67	12.84	0.61	0	0	0	0	0	0
2Q	AGO.	29.91	12.84	0.73	12.5	12.5	12.5	0	0	0.99
1Q	SEP.	29.52	18.95	0.76	12.5	12.5	12.5	0	0	1
2Q	SEP.	35.21	18.95	0.84	12.5	12.5	12.5	0	0	1.03
***** 2 *****										
1Q	OCT.	40.82	3.39	0.07	6.25	12.5	12.5	0	0	1.02
2Q	OCT.	31.64	3.39	0.06	6.25	12.5	12.5	0	0	0.97
1Q	NOV.	22.48	3.35	0.04	67.52	67.52	25.78	0	41.74	1.29
2Q	NOV.	0	3.35	0.01	50.85	50.85	3.34	0	47.51	0.08
1Q	DIC.	0	3.53	0.06	150	150	3.48	0	146.52	0.09
2Q	DIC.	0	3.53	0.06	114.21	114.21	3.48	0	110.73	0.09
1Q	ENE.	0	2.48	0.06	12.5	12.5	2.42	0	10.08	0.06
2Q	ENE.	0	2.48	0.06	12.5	12.5	2.42	0	10.08	0.06
1Q	FEB.	0	2.51	0.04	12.5	12.5	2.47	0	10.03	0.06
2Q	FEB.	0	2.51	0.04	12.5	12.5	2.47	0	10.03	0.06
1Q	MAR.	0	1.89	0.01	12.5	12.5	1.88	0	10.62	0.05
2Q	MAR.	0	1.89	0.01	12.5	12.5	1.88	0	10.62	0.05
1Q	ABR.	0	0.2	0	4.17	6.25	0.19	0	6.06	0
2Q	ABR.	0	0.2	0	4.17	6.25	0.19	0	6.06	0
1Q	MAY.	0	0	0	4.17	6.25	0	0	6.25	0
2Q	MAY.	0	0	0	4.17	6.25	0	0	6.25	0
1Q	JUN.	0	0.43	0.01	4.17	12.5	0.41	0	12.09	0.01
2Q	JUN.	0	0.43	0.01	0	12.5	0.41	0	12.09	0.01
1Q	JUL.	0	81.21	0.61	0	12.5	12.5	0	0	0.72
2Q	JUL.	68.09	81.21	1.25	12.5	12.5	12.5	0	0	1.22
1Q	AGO.	135.55	57.53	2.13	12.5	12.5	12.5	0	0	1.34
2Q	AGO.	178.46	57.53	2.53	12.5	12.5	12.5	0	0	1.41
1Q	SEP.	220.96	34.16	2.73	12.5	12.5	12.5	0	0	1.45
2Q	SEP.	239.89	34.16	2.83	12.5	12.5	12.5	0	0	1.48
***** 3 *****										
.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.
.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.
.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.



Anexos

**Tabla A3. 8 Continuación**

***** RESUMEN ANUAL *****							
AÑO	DERRAME	DÉFICIT	ING	EXT.	ALMAC	ELEV PRO	ENERGÍA
	hm <sup>3</sup>	hm <sup>3</sup>	hm <sup>3</sup>	hm <sup>3</sup>	hm <sup>3</sup>	(msnm)	(GWh)
1	0	0	88.05	736.6	126.37	809.61	90.27
2	0	456.75	381.37	150.8	48.16	802.64	11.53
3	0	0	637.16	463.9	190.48	813.19	51.8
4	0	0	1109.38	1041.2	411.97	821.97	136.73
5	0	21.92	161.92	557.4	90.33	806.96	57.35
6	0	349.8	367.49	177.1	37	801.06	11.04
7	0	0	989.94	622.7	373.95	820.63	77.93
8	0	0	484.81	689.6	177.02	812.51	81.62
9	0	15.32	260.21	468.7	92.49	807.14	46.46
10	0	8.86	356.1	295.8	50.19	802.9	23.74
.	.	.	.	.	.	.	.
.	.	.	.	.	.	.	.
90	0	0	747.63	349.2	290.77	817.49	40.31
91	0	0	886.08	909.9	380.25	820.86	118.08
92	470.28	0	1499.21	1454.1	535.71	825.95	134.93
93	0	0	236.31	551.7	125.49	809.55	59.88
94	0	0	424.08	291.3	94.14	807.27	27.01
95	0	0	620.29	486.2	176.46	812.48	53.48
96	0	0	900.83	537.1	290.51	817.48	63.89
97	0	71.89	73.43	722.8	112.14	808.65	84.72
98	0	653.69	144.03	141.1	3.42	793.5	7.74
99	0	478.67	447.74	289.5	83.39	806.34	21.32
100	0	83.72	119.43	251.6	28.32	799.59	20.32
TOTAL	1182.71	8174.12					
ALMACENAMIENTO INICIAL MÍNIMO REGISTRADO 0 hm <sup>3</sup>							
ENERGÍA PROMEDIO GENERADA EN LOS 100 AÑOS: 2.1 GWh							
***** RESUMEN QUINCENAL *****							
P	R	O	M	E	D	I	O S
			ELEVACIÓN (msnm)		ALMACENAMIENTO (hm <sup>3</sup> )		ENERGÍA (GWh)
	1Q		ENE.	801.53	108.38		1.56
	2Q		ENE.	802.07	118.4		2.25
	1Q		FEB.	802.38	127.58		1.73
	2Q		FEB.	802.54	134.45		2.02
	1Q		MAR.	802.16	135		1.95
	2Q		MAR.	801.5	135.33		1.98
	1Q		ABR.	800.9	134.97		0.47
	2Q		ABR.	800.45	134.51		0.49
	1Q		MAY.	799.87	131.61		0.47
	2Q		MAY.	799.29	128.8		0.46
	1Q		JUN.	798.3	121.41		0.83
	2Q		JUN.	796.5	114.84		0.77
	1Q		JUL.	797.39	126.16		1.16
	2Q		JUL.	799.64	138.04		1.13
	1Q		AGO.	803.61	171.7		1.83
	2Q		AGO.	808.44	205.17		2.03
	1Q		SEP.	809.67	212.24		1.32
	2Q		SEP.	809.68	219.27		1.33
	1Q		OCT.	809.73	210.8		3.42
	2Q		OCT.	808.87	200.15		2.7
	1Q		NOV.	808.06	189.12		2.23
	2Q		NOV.	807.62	180.9		1.86
	1Q		DIC.	805.6	125.71		9.71
	2Q		DIC.	802.42	92.13		6.63



Anexos

**Tabla A3. 9 Resultados para el registro sintético de la serie 09, archivo  
SUPGUIAP**

ALMACENAMIENTOS MAYORES O GUALES A LA CURVA GUÍA			
PRESA: LA ANGOSTURA, SON.			
AÑO	QUINCENA	ALMACENAMIENTO	hm <sup>3</sup>
41	2Q	DIC.	703.4
41	1Q	ENE.	703.4
41	2Q	ENE.	703.4
41	1Q	FEB.	703.4
41	2Q	FEB.	703.4
41	1Q	MAR.	703.4
41	2Q	MAR.	703.4
41	1Q	ABR.	703.4
41	2Q	ABR.	703.4
41	1Q	MAY.	703.4
41	2Q	MAY.	703.4
76	2Q	FEB.	703.4
76	1Q	MAR.	703.4
76	2Q	MAR.	703.4
92	2Q	ENE.	703.4
92	1Q	FEB.	703.4
92	2Q	FEB.	703.4
92	1Q	MAR.	703.4
92	2Q	MAR.	703.4
92	1Q	ABR.	703.4
92	2Q	ABR.	703.4
92	1Q	MAY.	703.4
92	2Q	MAY.	703.4



Anexos

**Tabla A3. 10 Resumen de los estadísticos de todos los registros sintéticos**

	JUL.	AGO.	SEP.	OCT.	NOV.	DIC.	ENE.	FEB.	MAR.	ABR.	MAY.	JUN.	TOTAL
<b>MEDIA</b>													
HISTÓRICA	49.10	104.13	44.42	25.76	18.30	70.61	67.98	64.40	48.56	13.15	5.58	3.17	515.16
SINTÉTICA 01	49.85	98.82	44.79	25.60	16.30	51.52	66.50	59.97	32.33	12.03	4.92	3.07	465.69
SINTÉTICA 02	55.22	107.55	50.75	22.22	19.01	84.42	75.21	65.76	42.55	13.87	5.17	3.28	545.02
SINTÉTICA 03	53.53	106.71	49.67	33.58	23.11	73.63	65.84	85.11	71.95	15.91	5.41	3.83	588.27
SINTÉTICA 04	61.56	116.85	45.03	21.54	14.94	64.61	62.21	55.52	45.63	13.49	3.94	3.08	508.39
SINTÉTICA 05	53.25	110.74	40.81	24.97	18.47	58.04	85.87	65.15	56.24	16.28	5.96	3.18	538.94
SINTÉTICA 06	42.45	98.23	42.78	22.93	12.91	70.37	76.24	65.32	45.57	14.55	5.31	3.03	499.68
SINTÉTICA 07	42.42	101.56	38.62	21.87	17.81	69.68	82.86	70.09	43.97	16.73	5.31	3.15	514.08
SINTÉTICA 08	52.20	96.03	44.54	25.05	21.71	47.00	57.20	53.34	34.22	10.31	4.61	3.32	449.53
SINTÉTICA 09	49.88	107.65	42.41	23.57	15.90	62.06	65.98	54.75	36.39	9.78	4.31	2.89	475.57
SINTÉTICA 10	61.85	107.71	49.62	29.71	15.22	66.86	62.51	61.90	46.62	14.67	4.70	3.92	525.29
<b>DESVIACIÓN ESTÁNDAR</b>													
HISTÓRICA	43.77	73.52	29.05	31.50	23.92	121.68	117.66	80.98	86.54	20.73	7.40	3.81	349.35
SINTÉTICA 01	54.77	69.47	35.11	43.92	21.63	99.79	154.52	91.45	55.28	20.45	7.78	4.50	378.13
SINTÉTICA 02	56.03	70.79	38.68	27.90	28.30	148.88	156.24	91.93	85.92	23.07	8.66	4.14	420.24
SINTÉTICA 03	54.87	77.24	36.19	45.73	29.49	139.06	106.56	118.89	118.24	24.91	7.69	3.85	447.70
SINTÉTICA 04	64.92	81.90	35.85	26.03	17.70	116.26	111.73	70.05	69.49	20.71	6.72	4.62	342.34
SINTÉTICA 05	50.28	80.39	35.04	30.06	26.77	95.64	175.46	91.51	96.47	23.10	7.87	3.85	401.91
SINTÉTICA 06	57.07	79.75	35.45	34.10	16.52	129.53	135.91	92.04	86.00	30.99	8.90	4.67	418.22
SINTÉTICA 07	43.62	69.86	25.60	30.80	23.72	104.93	178.55	97.14	75.66	30.02	8.91	3.67	382.97
SINTÉTICA 08	58.11	63.00	33.27	30.23	26.73	71.29	137.84	86.94	65.50	13.62	6.50	4.29	304.46
SINTÉTICA 09	52.52	78.40	35.08	40.69	20.08	117.12	139.57	87.44	64.28	13.26	6.21	4.38	388.50
SINTÉTICA 10	66.63	83.19	36.33	41.55	17.47	113.93	120.32	89.92	79.28	25.51	6.79	5.41	385.16
<b>COEFICIENTE DE ASIMETRÍA</b>													
HISTÓRICA	1.31	1.24	0.56	1.60	2.10	2.73	2.72	1.69	2.59	3.08	1.44	1.85	1.05
SINTÉTICA 01	2.89	1.14	1.31	4.50	2.70	3.00	4.53	2.64	3.42	3.86	2.73	2.74	2.19
SINTÉTICA 02	2.34	1.45	1.31	2.62	2.34	2.59	3.92	2.45	4.21	3.45	2.43	2.01	1.83
SINTÉTICA 03	2.32	1.60	1.20	2.38	2.48	3.31	3.31	2.34	2.33	2.86	1.82	1.37	1.47
SINTÉTICA 04	2.81	1.09	1.66	2.10	1.81	2.49	2.84	2.10	2.14	2.82	2.74	3.12	1.42
SINTÉTICA 05	1.83	1.56	1.71	2.08	2.85	2.81	3.04	3.28	2.73	2.21	1.40	1.99	1.43
SINTÉTICA 06	4.25	1.70	1.92	3.25	2.14	2.98	2.66	2.40	4.07	5.64	3.58	3.42	1.76
SINTÉTICA 07	3.44	1.05	1.12	2.75	1.98	1.97	3.38	1.85	2.66	2.89	2.12	2.15	1.46
SINTÉTICA 08	2.46	1.00	1.06	1.97	2.15	2.87	4.16	3.10	4.27	1.64	1.83	2.47	1.79
SINTÉTICA 09	1.60	1.81	1.54	4.65	1.83	3.58	3.44	3.04	3.27	1.65	2.24	2.53	1.83
SINTÉTICA 10	1.87	1.73	0.91	2.83	1.83	2.84	3.40	3.02	2.52	3.10	2.01	2.16	1.62
<b>C. <math>j_i+1, j_i</math></b>													
HISTÓRICA	0.39	0.41	0.04	0.38	0.27	0.35	0.51	0.44	0.74	0.79	0.46	0.14	
SINTÉTICA 01	0.25	0.40	0.04	0.23	0.41	0.42	0.56	0.45	0.81	0.70	0.64	0.04	
SINTÉTICA 02	0.12	0.39	-0.03	0.41	0.34	0.41	0.46	0.35	0.73	0.68	0.51	0.27	
SINTÉTICA 03	0.44	0.24	0.02	0.15	0.48	0.37	0.45	0.31	0.74	0.80	0.49	-0.09	
SINTÉTICA 04	0.47	0.41	0.03	0.36	0.19	0.35	0.73	0.38	0.74	0.52	0.53	0.03	
SINTÉTICA 05	0.64	0.32	0.12	0.43	0.35	0.38	0.51	0.37	0.70	0.78	0.47	0.07	
SINTÉTICA 06	0.38	0.53	-0.02	0.27	0.31	0.26	0.65	0.53	0.86	0.76	0.54	-0.13	
SINTÉTICA 07	0.47	0.43	0.02	0.31	0.48	0.35	0.49	0.58	0.91	0.73	0.59	0.06	
SINTÉTICA 08	0.42	0.45	0.14	0.45	0.49	0.25	0.60	0.26	0.70	0.61	0.57	-0.01	
SINTÉTICA 09	0.48	0.42	0.17	0.43	0.22	0.32	0.80	0.37	0.69	0.68	0.45	0.20	
SINTÉTICA 10	0.37	0.35	-0.07	0.31	0.13	0.36	0.71	0.46	0.78	0.72	0.58	0.01	